

nome: Fábio Pisaruk
NUSP: 3467959

Análise dos métodos de busca

1-) Qual a importância de se evitar o processamento de nós repetidos para BrFS e DFS?

Caso permitíssemos o processamento de um nó que já foi expandido, este geraria, entre outros, o seu nó antecessor(o nó que o gerou) o que levaria o algoritmo a entrar em loop. Em ambas as estratégias de busca teríamos um laço infinito se nós repetidos fossem novamente inseridos na lista de nós a serem expandidos.

2-)Por que UCS garante encontrar a solução de menor custo para o ReguaPuzzle?

Em cada passo do algoritmo, o nó com menor custo é retirado da lista, expandido e, seus sucessores são inseridos na fila. Seja $P=\{a,b,c,d\}$ uma solução, ou seja, um caminho do estado a ao estado d com custo mínimo. Suponha que exista um caminho $P1=\{a,b,e,d\}$ tal que $\text{custo}(P) < \text{custo}(P1)$. Sendo assim, (1) $\text{custo}(b \rightarrow e) + \text{custo}(e \rightarrow d) < \text{custo}(b \rightarrow c) + \text{custo}(c \rightarrow d)$.

Os nós e e c estarão na fila por serem adjacentes a b .

Se (2) $\text{custo}(b \rightarrow c) < \text{custo}(b \rightarrow e)$ então o nó c será retirado e expandido. No entanto, por (1) temos que o próximo nó a ser retirado não será o d e sim o e . Logo, por (1) (2) o caminho gerado será $P1$.

Chegamos a uma contradição pois P é mínimo.

3-) Na IDS que cuidados devemos tomar ao se evitar nós repetidos?

Devemos evitar repetições de nós que já foram completamente expandidos. Entretanto, se um novo nó gerado já houver sido expandido anteriormente, precisamos verificar se o seu custo é inferior ao já expandido, se for removemos este nó da lista de expandidos.

4-)Por que IDS garante encontrar a solução ótima?

O IDS vai aumentando a profundidade aceita para a solução a cada novo passo. Desta maneira, começa por considerar as soluções por ordem de custo, das menos custosas às mais custosas. Observe que o IDS só retorna a solução de menor custo quando a função custo for igual à profundidade dos nós.

5-)Por que a heurística criada funciona?

Foram desenvolvidas duas heurísticas para o reguaPuzzle:

a-) MinDiff.

Funcao Diff: Dadas duas régua retornamos a quantidade de posições que contem objetos diferentes. Exemplos:

AA-BB, BB-AA. Diff=2.

BBAA-, AABB-. Diff=4.

MinDiff:

Sejam R uma régua qualquer,

N o numero de blocos da régua.

$M1, M2, \dots, Mn$ os estados metas existentes,

temos:

$\text{MinDiff} = \text{Min}(\text{Diff}(R, Mi))$ com $i \in [1, N]$

Mostrar que esta heurística é admissível é bem simples. Ela apenas computa a quantidade mínima de blocos que precisariam ser movidos a fim de se alcançar uma meta.

b-) Distância:

Relaxamos o problema de forma que blocos podem mover mais de N passos por vez. Ela leva em conta qual a distancia de um bloco ate sua posição de destino mais

próxima.

Exemplo: $n = A1A2-B1B2$

$$h(n) = 2(A1 \rightarrow -) + \\ 2(A2 \rightarrow B1) + \\ 1(B1 \rightarrow -) + \\ 2(B2 \rightarrow A2)$$

Logo $h(n) = 5$.

Por que a heurística é admissível?

1-) $h(\text{estado meta}) = 0$. Se estamos num estado meta não existem blocos azuis antes da posição N.

2-) Vamos mostrar que $h(n) \leq h^*(n)$ para todo estado n.

Seja o estado n um estado não meta

$$n = \{ \dots A \dots B \dots - \dots A \dots B \dots \}$$

Queremos mostrar que $h(n) \leq h^*(n)$.

Como n não é meta, existem blocos azuis nas posições 0 a N e blocos brancos nas posições N a $2 * N$. Um estado meta é caracterizado por possuir os blocos brancos nas posições 0 a N e os blocos azuis nas posições N a $2 * N$. A função $h(n)$ calcula o deslocamento mínimo que cada bloco deve fazer para se chegar a um estado meta considerando o problema relaxado. Desta maneira fica claro que a heurística não pode calcular um valor superior ao custo mínimo do problema.

Gráficos

Para a construção dos gráficos foram geradas régua aleatórias, medidos os tempos para cada item em questão e calculada a média. Geramos 128 régua de 2 blocos, 64 de 3, 32 de 4, 16 de 5 e 8 de 6.









