Московский Авиационный Институт

(Национальный Исследовательский Университет)

Лабораторная работа 2 По курсу Численные методы

Преподаватель: Пивоваров Д. Е.

Выполнила: Сажнова К. А. Группа: М8О-409Б-19

Москва 2023

Лабораторная №2

Задание:

Используя явную схему крест и неявную схему, решить начальнокраевую задачу для дифференциального уравнения гиперболического типа. Аппроксимацию второго начального условия произвести с первым и со вторым порядком. Осуществить реализацию трех вариантов аппроксимации граничных условий, содержащих производные: двухточечная аппроксимация с первым порядком, трехточечная аппроксимация со вторым порядком, двухточечная аппроксимация со вторым порядком. В различные моменты времени вычислить погрешность численного решения путем сравнения результатов с приведенным в задании аналитическим решением. Исследовать зависимость погрешности от сеточных параметров.

Вариант 4

4. $\frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} = \frac{\partial^{2} u}{\partial x^{2}} - 5u,$ $u_{x}(0,t) - 2u(0,t) = 0,$ $u_{x}(1,t) - 2u(1,t) = 0,$ $u(x,0) = \exp(2x),$ $u_{t}(x,0) = 0.$

Аналитическое решение: $U(x,t) = \exp(2x)\cos t$



