# 455 最长下降子序列

由 n 个整数组成的数列,记为 b[1], b[2], …, b[n]。若存在 i1<i2<i3< … < ie 且有 b[i1]> b[i2]> … >b[ie]则称为长度为 e 的下降子序列。求最长下降子序列(Longest decreasing subsequence, LDS)

# 输入格式:

一行,整数序列,长度未知.序列长度<=100000,每个整数绝对值<=10000 输出格式:

一个正整数

# 输入样例#1:

2 1 3 1 2

输出样例#1:

2

# 说明

2 1 为最长下降子序列

187 最大上升子序列和

一个序列里依次有 n 个整数,可能重复。例如:对于序列(1, 7, 3, 5, 9, 4, 8),有它的一些上升子序列,如(1, 7),(3, 4, 8)等等。这些子序列中序列和最大为 18,为子序列(1, 3, 5, 9)的和。

要求对于给定的序列,求出其最大上升子序列和。注意,最长的上升子序列的数字和不一定是最大的,比如序列(100,1,2,3)的最大上升子序列和为 100,而最长上升子序列为(1,2,3)。

## 输入格式:

第一行是序列的长度 N (1 <= N <= 1000)。第二行给出序列中的 N 个整数,这些整数的 取值范围都在 0 到 10000(可能重复)

输出格式:

输出最大上升子序列和

# 输入样例:

7

1735948

输出样例:

18

# 输入样例:

3

100 1 2

输出样例:

100

# 189 拦截导弹

某国为了防御敌国的导弹袭击,发展出一种导弹拦截系统。但是这种导弹拦截系统有一个 缺陷:虽然它的第一发炮弹能够到达任意的高度,但是以后每一发炮弹都不能高于前一发 的高度。某天,雷达捕捉到敌国的导弹来袭。由于该系统还在试用阶段,所以只有一套系 统,因此有可能不能拦截所有的导弹。

#### 输入格式:

一行,一个正整数数列,依次表示飞来导弹的高度(雷达给出的高度数据是不大于 30000 的正整数,导弹数不超过 1000)

## 输出格式:

计算这套系统最多能拦截多少导弹,如果要拦截所有导弹最少要配备多少套这种导弹拦截 系统

# 输入样例:

389 207 155 300 299 170 158 65

# 输出样例:

6

2

说明: 6 是最多能拦截的导弹数, 2 是拦截所有导弹最少要配的系统数

拓展题: 合唱队形 (网站第 188 题)

N 位同学站成一排,音乐老师要请其中的(N-K)位同学出列,使得剩下的 K 位同学排成合唱队形。合唱队形是指这样的一种队形:设 K 位同学从左到右依次编号为 1, 2, …, K, 他们的身高分别为 T1, T2, …, TK, 则他们的身高满足 T1 < T2 < … < Ti , Ti > Ti+1 > … > TK  $(1 \le i \le K)$ 。

你的任务是,已知所有 N 位同学的身高,计算最少需要几位同学出列,可以使得剩下的同学排成合唱队形。

# 输入格式:

第一行是一个整数 N(2  $\leq$  N  $\leq$  100),表示同学的总数。第二行有 n 个整数,用空格分隔,第 i 个整数 Ti(130  $\leq$  Ti  $\leq$  230)是第 i 位同学的身高(厘米)。

## 输出格式:

一行只包含一个整数,最少需要几位同学出列。

## 输入样例:

8

186 186 150 200 160 130 197 220

#### 输出样例:

4

说明

对于 50%的数据, 保证有  $n \leq 20$ ; 对于全部的数据, 保证有  $n \leq 100$ 。