Dzień 2 - Tablica analizy wariancji - anova

Spis treści

Tablica analizy wariancji - anova		1
Zmienne ciągłe	 	1
Zmienne jakościowe objaśniające		
Porównywanie modeli	 	4

Tablica analizy wariancji - anova

Wersja pdf

Zmienne ciągłe

facebook

```
Przeanalizuj kod w R:
library(tidyverse)
devtools::install_github("kassambara/datarium")
data("marketing", package = "datarium")
model <- lm(sales ~ youtube + facebook + newspaper, data = marketing)
summary(model)
##
## Call:
## lm(formula = sales ~ youtube + facebook + newspaper, data = marketing)
##
## Residuals:
       Min
                 1Q
                      Median
                                   3Q
## -10.5932 -1.0690
                     0.2902
                              1.4272
                                       3.3951
## Coefficients:
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
## (Intercept) 3.526667 0.374290 9.422
                                            <2e-16 ***
              0.045765 0.001395 32.809
                                            <2e-16 ***
## youtube
                                            <2e-16 ***
## facebook
               0.188530 0.008611 21.893
## newspaper -0.001037
                          0.005871 -0.177
                                              0.86
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 2.023 on 196 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.8972, Adjusted R-squared: 0.8956
## F-statistic: 570.3 on 3 and 196 DF, p-value: < 2.2e-16
anova(model)
## Analysis of Variance Table
##
## Response: sales
             Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## youtube
             1 4773.1 4773.1 1166.7308 <2e-16 ***
```

1 2225.7 2225.7 544.0501 <2e-16 ***

```
0.1
                          0.1
                                0.0312 0.8599
## newspaper
             1
## Residuals 196 801.8
                          4.1
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

Jak widać, ostatnia kolumna jest taka sama - nie otrzymujemy w przypadku zmiennych ciągłych nowych informacji.

Zmienne jakościowe objaśniające

Rozważmy przykład z danymi jakościowymi:

```
library(car)
data("Salaries")
head(Salaries)
         rank discipline yrs.since.phd yrs.service sex salary
## 1
         Prof
                       В
                                     19
                                                 18 Male 139750
## 2
         Prof
                       В
                                     20
                                                 16 Male 173200
## 3 AsstProf
                       В
                                     4
                                                  3 Male 79750
         Prof
                       В
                                     45
                                                 39 Male 115000
## 5
         Prof
                        В
                                     40
                                                 41 Male 141500
## 6 AssocProf
                       В
                                      6
                                                  6 Male 97000
model <- lm(salary ~ sex, data = Salaries)</pre>
summary(model)
##
## Call:
## lm(formula = salary ~ sex, data = Salaries)
## Residuals:
     Min
             1Q Median
                            3Q
                                  Max
## -57290 -23502 -6828 19710 116455
##
## Coefficients:
##
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                101002
                             4809 21.001 < 2e-16 ***
## sexMale
                  14088
                              5065
                                     2.782 0.00567 **
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 30030 on 395 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.01921,
                                   Adjusted R-squared: 0.01673
## F-statistic: 7.738 on 1 and 395 DF, p-value: 0.005667
anova(model)
## Analysis of Variance Table
##
## Response: salary
##
             Df
                               Mean Sq F value
                     Sum Sq
                                                 Pr(>F)
              1 6.9800e+09 6980014930 7.7377 0.005667 **
## Residuals 395 3.5632e+11 902077538
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
Jak to obliczamy?
```

```
y<-Salaries$salary
ssm<-sum((model$fitted.values - mean(y))^2)
ssm

## [1] 6980014930
ssr<-sum((y-model$fitted.values)^2)
ssr

## [1] 356320627631
ssm/1

## [1] 6980014930
ssr/395

## [1] 902077538
f<-(ssm/1)/(ssr/395)
f

## [1] 7.737711
p<-1-pf(f, 1,395)
p</pre>
```

[1] 0.005667107

Czemu nie wyszło to tak jak wcześniej? Wynika to z faktu, jak R intrepretuje zmienne jakościowe. Ostatni level zmiennej sex to Male, więc ma przypisaną wartość 1, a potem (od końca) Female jako 0. Model liniowy jest zapisano jako $y = \beta_0 + \beta_1 x + \varepsilon$. Wtedy $\beta_0 + \beta_1$ dotyczy Male, β_0 dotyczy Female. Samo β_1 dotyczy różnicy między Male a Female.

Jeśli zmienna ma więcej niż 2 wartości cechy, to jest zamieniana na więcej zmiennych o dwóch wartościach (levelach).

```
levels(Salaries$rank)
```

```
## [1] "AsstProf" "AssocProf" "Prof"
res <- model.matrix(~rank, data = Salaries)
head(res)</pre>
```

```
##
     (Intercept) rankAssocProf rankProf
## 1
                1
                               0
## 2
                1
                               0
                                         1
## 3
                1
                                0
                                         0
## 4
                1
                                0
                                         1
## 5
                                0
                                         1
## 6
                                         0
                1
                                1
```

```
head(Salaries$rank)
```

```
## [1] Prof Prof AsstProf Prof Prof AssocProf
## Levels: AsstProf AssocProf Prof
model2<-lm(salary ~ yrs.service + rank + discipline + sex, data = Salaries)
summary(model2)</pre>
```

##

```
## Call:
## lm(formula = salary ~ yrs.service + rank + discipline + sex,
      data = Salaries)
##
## Residuals:
##
     \mathtt{Min}
            1Q Median
                           3Q
                                Max
## -64202 -14255 -1533 10571 99163
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                68351.67 4482.20 15.250 < 2e-16 ***
                            111.64 -0.795 0.426958
                 -88.78
## yrs.service
## rankAssocProf 14560.40
                            4098.32
                                    3.553 0.000428 ***
## rankProf
                            3834.49 12.820 < 2e-16 ***
                49159.64
## disciplineB 13473.38
                            2315.50 5.819 1.24e-08 ***
## sexMale
                4771.25
                            3878.00
                                    1.230 0.219311
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 22650 on 391 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.4478, Adjusted R-squared: 0.4407
## F-statistic: 63.41 on 5 and 391 DF, p-value: < 2.2e-16
anova (model2)
## Analysis of Variance Table
## Response: salary
                      Sum Sq
                               Mean Sq F value
## yrs.service 1 4.0709e+10 4.0709e+10 79.3405 < 2.2e-16 ***
## rank
                2 1.0358e+11 5.1789e+10 100.9335 < 2.2e-16 ***
              1 1.7617e+10 1.7617e+10 34.3350 9.861e-09 ***
## discipline
               1 7.7669e+08 7.7669e+08
                                        1.5137
## Residuals 391 2.0062e+11 5.1310e+08
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Porównywanie modeli
fit <- lm(sr ~ ., data = LifeCycleSavings)</pre>
anova(fit)
## Analysis of Variance Table
## Response: sr
            Df Sum Sq Mean Sq F value
                                        Pr(>F)
            1 204.12 204.118 14.1157 0.0004922 ***
## pop15
## pop75
             1 53.34 53.343 3.6889 0.0611255 .
             1 12.40 12.401 0.8576 0.3593551
## dpi
             1 63.05 63.054 4.3605 0.0424711 *
## Residuals 45 650.71 14.460
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
## same effect via separate models
fit0 <- lm(sr ~ 1, data = LifeCycleSavings)
fit1 <- update(fit0, . ~ . + pop15)</pre>
fit2 <- update(fit1, . ~ . + pop75)
fit3 <- update(fit2, . ~ . + dpi)</pre>
fit4 <- update(fit3, . ~ . + ddpi)</pre>
anova(fit0, fit1, fit2, fit3, fit4, test = "F")
## Analysis of Variance Table
## Model 1: sr ~ 1
## Model 2: sr ~ pop15
## Model 3: sr ~ pop15 + pop75
## Model 4: sr ~ pop15 + pop75 + dpi
## Model 5: sr ~ pop15 + pop75 + dpi + ddpi
    Res.Df
              RSS Df Sum of Sq
##
                                F
                                          Pr(>F)
## 1
        49 983.63
        48 779.51 1
                       204.118 14.1157 0.0004922 ***
## 2
                      53.343 3.6889 0.0611255 .
## 3
        47 726.17 1
## 4
        46 713.77 1
                      12.401 0.8576 0.3593551
## 5
        45 650.71 1
                        63.054 4.3605 0.0424711 *
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

Jeśli otrzymane prawdopodobieństwo w ostatniej kolumnie jest mniejsze niż 0,05 to stwierdzamy, że bardziej zawiły model jest wystarczająco lepszy niż prostszy model. W przeciwnym wypadku wybieramy prostszy model.