

**MATEMATYKA**  
**12 LUTEGO 2021 - EGZAMIN**

**Zadanie 1.** Wyznacz macierz odwrotną do macierzy

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

**Zadanie 2.**

Rozwiąż wzorami Cramera. 
$$\begin{cases} x + 2y - 3z = -3 \\ 3x + y + 4 = 2 \\ 2x + 3y + z = -2 \end{cases}$$

**Zadanie 3.**

Rozwiąż metodą eliminacji Gaussa. 
$$\begin{cases} 2x + 2y - 3z = -3 \\ 3x + y = 2 \\ x + 2y + z = 0 \end{cases}$$

**Zadanie 4.**

Oblicz granice ciągów.

a)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4n^2 + n^3}{7n + 4n^3 + 8}$       b)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n+7}{n-2}\right)^n$       c)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\sqrt{4n^2 + 3n} - 2n\right)$

**Zadanie 5.**

Wyznacz przedziały monotoniczności funkcji  $f(x) = 4x - \frac{2}{x}$ .

**Zadanie 6.**

Oblicz całki.

a)  $\int x\sqrt{3-x^2}dx$       b)  $\int \frac{3x}{x^2+4}dx$

Punktacja: Każde zadanie numerowane jest po 6 pkt.

Widelki ocen:

- poniżej 18 pkt – 2 (ndst)
- od 18 pkt – 3 (dst)
- od 22 pkt – 3,5 (dst+)
- od 26 pkt – 4 (db)
- od 30 pkt – 4,5 (db+)
- od 33 pkt – 5 (bdb)