

MATEMATYKA
5 LUTEGO 2021 - EGZAMIN - PIERWSZY TERMIN

Zadanie 1. Dla podanych poniżej macierzy A i B wyznaczyć wyznacznik macierzy A oraz iloczyn $A \cdot B$.

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 4 & 6 & -5 & 10 \\ 5 & -2 & 1 & -3 \\ 0 & -2 & 1 & -1 \\ 2 & 3 & -4 & 5 \end{pmatrix}, \quad \mathbf{B} = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & -5 \\ 0 & 3 \\ 4 & 0 \end{pmatrix}$$

Zadanie 2.

Rozwiąż wzorami Cramera.
$$\begin{cases} x - y + z = 2 \\ x - 3z = 0 \\ y + z = 5 \end{cases}$$

Zadanie 3.

Rozwiąż metodą eliminacji Gaussa.
$$\begin{cases} 3x + 5y + 2z = 10 \\ -x + 3z = 2 \\ 4x + 5y - z = 8 \end{cases}$$

Zadanie 4.

Oblicz granice funkcji.

a) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - x}{x^3 - x^2}$ b) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3}{x+2}$ c) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\ln x}{x-1}$

Zadanie 5.

Wyznacz równanie stycznej do wykresu funkcji $f(x) = \frac{x \cdot e^x}{\sqrt{x^2 + 4}}$ w punkcie $(0, 0)$.

Zadanie 6.

Oblicz całki.

a) $\int x^6 \cdot \ln(x) dx$ b) $\int \frac{dx}{x^2 + 7x + 10} dx$

Punktacja: Każde zadanie numerowane jest po 6 pkt.

Widelki ocen:

- poniżej 18 pkt – 2 (ndst)
- od 18 pkt – 3 (dst)
- od 22 pkt – 3,5 (dst+)
- od 26 pkt – 4 (db)
- od 30 pkt – 4,5 (db+)
- od 33 pkt – 5 (bdb)