

MATEMATYKA
5 LUTEGO 2021 - EGZAMIN - PIERWSZY TERMIN

Zadanie 1. Dla podanych poniżej macierzy A i B wyznaczyć wyznacznik macierzy A oraz iloczyn $A \cdot B$.

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 4 & 6 & -5 & 10 \\ 5 & -2 & 1 & -3 \\ 0 & -2 & 1 & -1 \\ 2 & 3 & -4 & 5 \end{pmatrix}, \quad \mathbf{B} = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & -5 \\ 0 & 3 \\ 4 & 0 \end{pmatrix}$$

Zadanie 2.

Rozwiąż wzorami Cramera.
$$\begin{cases} 5x - 3y - z = 0 \\ -3x - y + 2z = 0 \\ x + y + z = 8 \end{cases}$$

Zadanie 3.

Rozwiąż metodą eliminacji Gaussa.
$$\begin{cases} 8x - 12y + 16z = -28 \\ -2x + 3y - 4z = 7 \\ 10x - 15y + 20z = -35 \end{cases}$$

Zadanie 4.

Oblicz granice ciągów.

a) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 + n^3}{7n + 5n^3 + 8}$ b) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n+7}{n+2}\right)^n$ c) $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{n^2 + 5n} - n$

Zadanie 5.

Wyznacz przedziały monotoniczności oraz ekstrema lokalne funkcji $f(x) = \frac{3x+2}{x^2-4x+5}$.

Zadanie 6.

Oblicz całki.

a) $\int x^2 \cdot e^{-x} dx$ b) $\int \frac{dx}{x^2 - 7x + 10} dx$

Punktacja: Każde zadanie numerowane jest po 6 pkt.

Widelki ocen:

- poniżej 18 pkt – 2 (ndst)
- od 18 pkt – 3 (dst)
- od 22 pkt – 3,5 (dst+)
- od 26 pkt – 4 (db)
- od 30 pkt – 4,5 (db+)
- od 33 pkt – 5 (bdb)