

MATEMATYKA
12 LUTEGO 2021 - EGZAMIN

Zadanie 1. Wyznacz macierz odwrotną do macierzy

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

Zadanie 2.

Rozwiąż wzorami Cramera.
$$\begin{cases} x - 2y - 3z = -1 \\ 3x + y = -2 \\ 2x + 3y + z = -1 \end{cases}$$

Zadanie 3.

Rozwiąż metodą eliminacji Gaussa.
$$\begin{cases} 2x + 2y - 3z = -3 \\ 3x + y = 2 \\ x + 2y + z = 0 \end{cases}$$

Zadanie 4.

Oblicz granice ciągów.

$$\text{a) } \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4n^2 + n^3}{7n + 4n^3 + 8} \quad \text{b) } \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n+7}{n-2} \right)^n \quad \text{c) } \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\sqrt{4n^2 + 3n} - 2n \right)$$

Zadanie 5.

Oblicz pochodną funkcji $f(x) = \frac{x \cdot 2^x}{x^2 + 3x}$ w punkcie $x_0 = 1$.

Zadanie 6.

Oblicz całki.

$$\text{a) } \int x \sqrt{3 - x^2} dx \quad \text{b) } \int \frac{3x}{x^2 + 4} dx$$

Punktacja: Każde zadanie numerowane jest po 6 pkt.

Widelki ocen:

- poniżej 18 pkt – 2 (ndst)
- od 18 pkt – 3 (dst)
- od 22 pkt – 3,5 (dst+)
- od 26 pkt – 4 (db)
- od 30 pkt – 4,5 (db+)
- od 33 pkt – 5 (bdb)