

MATEMATYKA
LUTY 2021 - EGZAMIN

Zadanie 1. Dla podanych poniżej macierzy A i B wyznaczyć wyznacznik macierzy A oraz iloczyn $A \cdot B$.

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 4 & 2 & 5 & 6 \\ 1 & -3 & 8 & -9 \\ 0 & -2 & 1 & -1 \\ 2 & 3 & -8 & 9 \end{pmatrix}, \quad \mathbf{B} = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & -5 \\ 0 & 3 \\ 4 & 0 \end{pmatrix}$$

Zadanie 2.

Rozwiąż metodą Gaussa.
$$\begin{cases} 2x - y + z = 7 \\ x + y = 6 \\ -6x + 3y - 3z = -21 \end{cases}$$

Zadanie 3.

Rozwiąż metodą Cramera.
$$\begin{cases} x - y + z = 2 \\ x - 3z = 0 \\ y + z = 5 \end{cases}$$

Zadanie 4.

Oblicz granice ciągów.

a) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 + n^3}{7n + 5n^3 + 8}$ b) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n+7}{n+2}\right)^n$ c) $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{n^2 + 5n} - n$

Zadanie 5.

Wyznacz równanie stycznej do wykresu funkcji $f(x) = \frac{x \cdot e^x}{\sqrt{x^2 + 4}}$ w punkcie $(0, 0)$.

Zadanie 6.

Oblicz całki.

a) $\int x^3 \cdot e^{x^2} dx$ b) $\int \frac{dx}{x^2 - 6x + 5} dx$