

Wizualizacja Danych 2024

Piotr Jastrzębski

2024-03-19

Spis treści

1	Wizu	ualizacja Danych 2024	3
2	Num	пРу	4
	2.1	Import biblioteki NumPy	4
	2.2	Lista a tablica	5
	2.3	Atrybuty tablic ndarray	6
	2.4	Typy danych	7
	2.5	Tworzenie tablic	8
	2.6	Indeksowanie, "krojenie"	16
	2.7	Modyfikacja kształtu i rozmiaru	20
	2.8	Broadcasting	26
	2.9	Funkcje uniwersalne	29
	2.10	Statystyka i agregacja	29
	2.11	Wyrażenia warunkowe	30
	2.12	Działania na zbiorach	30
	2.13	Operacje tablicowe	30
	2.14	Alegbra liniowa	30
	2.15	Funkcja na stringach	30
			30
	2.17	Pseudolosowe	₹1

1 Wizualizacja Danych 2024

Materiały na semestr letni - rok akademicki 2023/24.

2 NumPy

NumPy jest biblioteką Pythona służącą do obliczeń naukowych.

Zastosowania:

- algebra liniowa
- zaawansowane obliczenia matematyczne (numeryczne)
- całkowania
- rozwiązywanie równań
- ..

2.1 Import biblioteki NumPy

```
import numpy as np
```

Podstawowym bytem w bibliotece NumPy jest N-wymiarowa tablica zwana ndarray. Każdy element na tablicy traktowany jest jako typ dtype.

```
numpy.array(object, dtype=None, *, copy=True, order='K', subok=False, ndmin=0, like=None)
```

- object to co ma być wrzucone do tablicy
- dtype typ
- copy czy obiekty mają być skopiowane, domyślne True
- order sposób układania: C (rzędy), F (kolumny), A, K
- subok realizowane przez podklasy (jeśli True), domyślnie False
- ndmin minimalny rozmiar (wymiar) tablicy
- like tworzenie na podstawie tablic referencyjnej

```
import numpy as np

a = np.array([1, 2, 3])
print("a:", a)
print("typ a:", type(a))

2
```

```
b = np.array([1, 2, 3.0])
                                                                               (3)
print("b:", b)
c = np.array([[1, 2], [3, 4]])
                                                                               4
print("c:", c)
d = np.array([1, 2, 3], ndmin=2)
                                                                               (5)
print("d:", d)
e = np.array([1, 2, 3], dtype=complex)
                                                                               (6)
print("e:", e)
f = np.array(np.mat('1 2; 3 4'))
print("f:", f)
g = np.array(np.mat('1 2; 3 4'), subok=True)
print("g:", g)
print(type(g))
```

- 1) Standardowe domyślne.
- (2) Sprawdzenie typu.
- 3 Jeden z elementów jest innege typu. Tu następuje zatem rozszerzenie do typu "największego".
- (4) Tu otrzymamy tablicę 2x2.
- (5) W tej linijce otrzymana będzie tablica 2x1.
- 6 Ustalenie innego typu większego.
- 7 Skorzystanie z podtypu macierzowego.
- (8) Zachowanie typu macierzowego.

```
a: [1 2 3]
typ a: <class 'numpy.ndarray'>
b: [1. 2. 3.]
c: [[1 2]
  [3 4]]
d: [[1 2 3]]
e: [1.+0.j 2.+0.j 3.+0.j]
f: [[1 2]
  [3 4]]
g: [[1 2]
  [3 4]]
<class 'numpy.matrix'>
```

2.2 Lista a tablica

```
import numpy as np
import time

start_time = time.time()
my_arr = np.arange(1000000)
my_list = list(range(1000000))
start_time = time.time()
my_arr2 = my_arr * 2
print("--- %s seconds ---" % (time.time() - start_time))
start_time = time.time()
my_list2 = [x * 2 for x in my_list]
print("--- %s seconds ---" % (time.time() - start_time))

--- 0.001142263412475586 seconds ---
```

2.3 Atrybuty tablic ndarray

--- 0.05335211753845215 seconds ---

Atrybut	Opis
shape	krotka z informacją liczbę elementów dla
	każdego z wymiarów
size	liczba elementów w tablicy (łączna)
ndim	liczba wymiarów tablicy
nbytes	liczba bajtów jaką tablica zajmuje w pamięci
dtype	typ danych

https://numpy.org/doc/stable/reference/arrays.ndarray.html#array-attributes

```
import numpy as np

tab1 = np.array([2, -3, 4, -8, 1])
print("typ:", type(tab1))
print("shape:", tab1.shape)
print("size:", tab1.size)
print("ndim:", tab1.ndim)
print("nbytes:", tab1.nbytes)
print("dtype:", tab1.dtype)
```

```
typ: <class 'numpy.ndarray'>
shape: (5,)
size: 5
ndim: 1
nbytes: 20
dtype: int32
```

```
import numpy as np

tab2 = np.array([[2, -3], [4, -8]])
print("typ:", type(tab2))
print("shape:", tab2.shape)
print("size:", tab2.size)
print("ndim:", tab2.ndim)
print("nbytes:", tab2.nbytes)
print("dtype:", tab2.dtype)
```

```
typ: <class 'numpy.ndarray'>
shape: (2, 2)
size: 4
ndim: 2
nbytes: 16
dtype: int32
```

NumPy nie wspiera postrzępionych tablic! Poniższy kod wygeneruje błąd:

```
import numpy as np
tab3 = np.array([[2, -3], [4, -8, 5], [3]])
```

2.4 Typy danych

https://numpy.org/doc/stable/reference/arrays.scalars.html
https://numpy.org/doc/stable/reference/arrays.dtypes.html#arrays-dtypes-constructing

```
Typy całkowitoliczbowe int,int8,int16,int32,int64
Typy całkowitoliczbowe (bez znaku) uint,uint8,uint16,uint32,uint64
Typ logiczny bool
```

```
Typy zmiennoprzecinkowe float, float16, float32, float64, float128

Typy zmiennoprzecinkowe zespolone complex, complex64, complex128, complex256

Napis str
```

```
import numpy as np

tab = np.array([[2, -3], [4, -8]])
print(tab)
tab2 = np.array([[2, -3], [4, -8]], dtype=int)
print(tab2)
tab3 = np.array([[2, -3], [4, -8]], dtype=float)
print(tab3)
tab4 = np.array([[2, -3], [4, -8]], dtype=complex)
print(tab4)
```

```
[[ 2 -3]
 [ 4 -8]]
 [[ 2 -3]
 [ 4 -8]]
 [[ 2. -3.]
 [ 4. -8.]]
 [[ 2.+0.j -3.+0.j]
 [ 4.+0.j -8.+0.j]]
```

2.5 Tworzenie tablic

 ${\tt np.array}$ - argumenty rzutowany na tablicę (coś po czym można iterować) - warto sprawdzić rozmiar/kształt

```
import numpy as np

tab = np.array([2, -3, 4])
print(tab)
print("size:", tab.size)
tab2 = np.array((4, -3, 3, 2))
print(tab2)
print("size:", tab2.size)
```

```
tab3 = np.array({3, 3, 2, 5, 2})
print(tab3)
print("size:", tab3.size)
tab4 = np.array({"pl": 344, "en": 22})
print(tab4)
print("size:", tab4.size)
[2-34]
size: 3
[4-332]
size: 4
{2, 3, 5}
size: 1
{'pl': 344, 'en': 22}
size: 1
np.zeros - tworzy tablicę wypełnioną zerami
import numpy as np
tab = np.zeros(4)
print(tab)
print(tab.shape)
tab2 = np.zeros([2, 3])
print(tab2)
print(tab2.shape)
tab3 = np.zeros([2, 3, 4])
print(tab3)
print(tab3.shape)
[0. 0. 0. 0.]
(4,)
[[0. 0. 0.]
 [0. 0. 0.]]
(2, 3)
[[[0. 0. 0. 0.]
  [0. 0. 0. 0.]
  [0. 0. 0. 0.]]
 [[0. 0. 0. 0.]
  [0. 0. 0. 0.]
```

```
[0. 0. 0. 0.]]]
(2, 3, 4)
```

np.ones - tworzy tablicę wypełnioną jedynkami (to nie odpowiednik macierzy jednostkowej!)

```
import numpy as np

tab = np.ones(4)
print(tab)
print(tab.shape)
tab2 = np.ones([2, 3])
print(tab2)
print(tab2.shape)
tab3 = np.ones([2, 3, 4])
print(tab3)
print(tab3.shape)
```

```
[1. 1. 1. 1.]
(4,)
[[1. 1. 1.]
[1. 1. 1.]]
(2, 3)
[[[1. 1. 1. 1.]
[1. 1. 1. 1.]
[1. 1. 1. 1.]]

[[1. 1. 1. 1.]]

[[1. 1. 1. 1.]]
(1. 1. 1. 1.]
(2, 3, 4)
```

np.diag - tworzy tablicę odpowiadającą macierzy diagonalnej

```
import numpy as np

print("tab0")
tab0 = np.diag([3, 4, 5])
print(tab0)
print("tab1")
tab1 = np.array([[2, 3, 4], [3, -4, 5], [3, 4, -5]])
print(tab1)
```

```
tab2 = np.diag(tab1)
print("tab2")
print(tab2)
tab3 = np.diag(tab1, k=1)
print("tab3")
print(tab3)
print("tab4")
tab4 = np.diag(tab1, k=-2)
print(tab4)
print("tab5")
tab5 = np.diag(np.diag(tab1))
print(tab5)
```

```
tab0
[[3 0 0]
 [0 4 0]
 [0 0 5]]
tab1
[[2 3 4]
[3-45]
 [ 3 4 -5]]
tab2
[ 2 -4 -5]
tab3
[3 5]
tab4
[3]
tab5
[[2 0 0]
[0 -4 0]
 [ 0 0 -5]]
```

np.arange - tablica wypełniona równomiernymi wartościami

Składnia: numpy.arange([start,]stop, [step,]dtype=None)

Zasada działania jest podobna jak w funkcji range, ale dopuszczamy liczby "z ułamkiem".

```
import numpy as np
a = np.arange(3)
print(a)
```

```
b = np.arange(3.0)
print(b)
c = np.arange(3, 7)
print(c)
d = np.arange(3, 11, 2)
print(d)
e = np.arange(0, 1, 0.1)
print(e)
f = np.arange(3, 11, 2, dtype=float)
print(f)
g = np.arange(3, 10, 2)
print(g)
[0 1 2]
[0. 1. 2.]
[3 4 5 6]
[3 5 7 9]
[0. 0.1 0.2 0.3 0.4 0.5 0.6 0.7 0.8 0.9]
[3. 5. 7. 9.]
[3 5 7 9]
np.linspace - tablica wypełniona równomiernymi wartościami wg skali liniowej
import numpy as np
a = np.linspace(2.0, 3.0, num=5)
print(a)
b = np.linspace(2.0, 3.0, num=5, endpoint=False)
print(b)
c = np.linspace(10, 20, num=4)
print(c)
d = np.linspace(10, 20, num=4, dtype=int)
print(d)
Γ2.
      2.25 2.5 2.75 3. ]
[2. 2.2 2.4 2.6 2.8]
             13.3333333 16.66666667 20.
                                                 ]
```

[10 13 16 20]

possell house listor punhase np. linspace (2.0, 3.0, num = 5) 2 2,25 2,5 2,75 3 Worke: odcinel post daislong no non-1 części endpoint = Folse - wy zw ca ostodni puslit (2 pronej strony) Weedy podział odbyna sig no num agéci. dtype & usto-be typ anythe vegue sig int (wynihi maje voigte vægsi

np.logspace - tablica wypełniona wartościami wg skali logarytmicznej Składnia: numpy.logspace(start, stop, num=50, endpoint=True, base=10.0, dtype=None,

```
axis=0)
```

```
import numpy as np

a = np.logspace(2.0, 3.0, num=4)
print(a)
b = np.logspace(2.0, 3.0, num=4, endpoint=False)
print(b)
c = np.logspace(2.0, 3.0, num=4, base=2.0)
print(c)
```

```
[ 100. 215.443469 464.15888336 1000. ]
[100. 177.827941 316.22776602 562.34132519]
[4. 5.0396842 6.34960421 8. ]
```

102 18133. 102166... 103 vic se visione

np.empty - pusta (niezaincjowana) tablica - konkretne wartości nie są "gwarantowane"

```
import numpy as np

a = np.empty(3)
print(a)
b = np.empty(3, dtype=int)
print(b)
```

```
[0. 1. 2.]
[0 1 2]
```

np.identity - tablica przypominająca macierz jednostkową
np.eye - tablica z jedynkami na przekątnej (pozostałe zera)

```
import numpy as np

print("a")
a = np.identity(4)
print(a)
print("b")
b = np.eye(4, k=1)
print(b)
print("c")
c = np.eye(4, k=2)
print(c)
print("d")
d = np.eye(4, k=-1)
print(d)
```

```
a
[[1. 0. 0. 0.]
 [0. 1. 0. 0.]
 [0. 0. 1. 0.]
 [0. 0. 0. 1.]]
[[0. 1. 0. 0.]
 [0. 0. 1. 0.]
 [0. 0. 0. 1.]
 [0. 0. 0. 0.]]
[[0. 0. 1. 0.]
 [0. 0. 0. 1.]
 [0. 0. 0. 0.]
 [0. 0. 0. 0.]]
[[0. 0. 0. 0.]
 [1. 0. 0. 0.]
 [0. 1. 0. 0.]
 [0. 0. 1. 0.]]
```

2.6 Indeksowanie, "krojenie"

```
import numpy as np

a = np.array([2, 5, -2, 4, -7, 8, 9, 11, -23, -4, -7, 16, 1])
print("1:", a[5])
print("2:", a[-2])
print("3:", a[3:6])
print("4:", a[:])
print("5:", a[0:-1])
print("6:", a[:5])
```

- (1) Dostęp do elementu o indeksie 5.
- (2) Dostęp do elementu drugiego od tyłu.
- 3 Dostęp do elementów o indeksach od 3 do 5 (włącznie) zasada przedziałów lewostronnie domkniętnych, prawostronnie otwartych.
- (4) Dostęp do wszystkich elementów.
- (5) Dostęp do wszystkich elementów z wyłączeniem ostatniego.
- (6) Dostęp od początku do elementu o indeksie 4.

```
1: 8
2: 16
3: [4-7 8]
4: [2 5-2 4-7 8 9 11-23 -4 -7 16 1]
5: [2 5-2 4-7]
6: [2 5-2 4-7]
```

```
import numpy as np

print("1:", a[4:])
print("2:", a[4:-1])
print("3:", a[4:10:2])
print("4:", a[::-1])
print("5:", a[::2])
print("6:", a[::-2])
6
```

- (1) Dostęp do elementów od indeksu 4 do końca.
- 2 Dostęp do elementów od indeksu 4 do końca bez ostatniego.
- 3 Dostęp do elementów o indeksach stanowiących ciąg arytmetyczny od 4 do 10 (z czówrką, ale bez dziesiątki) z krokiem równym 2

- (4) Dostęp do elementów od tyłu do początku.
- (5) Dostęp do elementów o indeksach parzystych od początku.
- (6) Dostęp do elementów o indeksach "nieparzystych ujemnych" od początku.

```
1: [ -7
           9 11 -23 -4 -7
                               1]
        8
                           16
2: [ -7
        8 9 11 -23 -4 -7
                           16]
3: [ -7
        9 -23]
             -4 -23 11 9 8 -7 4 -2 5 2]
4: [ 1 16 -7
5: [ 2 -2 -7 9 -23 -7 1]
6: [ 1 -7 -23
             9 -7 -2
                        2]
```

```
import numpy as np

a = np.array([[3, 4, 5], [-3, 4, 8], [3, 2, 9]])
b = a[:2, 1:]
print(b)
print(np.shape(b))
c = a[1]
print(c)
print(np.shape(c))
d = a[1, :]
print(d)
print(np.shape(d))
```

```
[[4 5]
[4 8]]
(2, 2)
[-3 4 8]
(3,)
[-3 4 8]
(3,)
```

```
import numpy as np

a = np.array([[3, 4, 5], [-3, 4, 8], [3, 2, 9]])
e = a[1:2, :]
print(e)
print(np.shape(e))
f = a[:, :2]
print(f)
print(np.shape(f))
```

```
g = a[1, :2]
print(g)
print(np.shape(g))
h = a[1:2, :2]
print(h)
print(np.shape(h))
[[-3 4 8]]
(1, 3)
[[3 4]
[-3 4]
 [32]]
(3, 2)
[-3 4]
(2,)
[[-3 4]]
(1, 2)
{\rm **Uwaga}- takie "krojenie" to tzw "widok".
import numpy as np
a = np.array([[3, 4, 5], [-3, 4, 8], [3, 2, 9]])
b = a[1:2, 1:]
print(b)
a[1][1] = 9
print(a)
print(b)
b[0][0] = -11
print(a)
print(b)
[[4 8]]
[[3 4 5]
 [-3 9 8]
 [3 2 9]]
[[9 8]]
[[ 3 4
            5]
[ -3 -11
            8]
 [ 3 2
            9]]
[[-11 8]]
```

Naprawa:

b = a > 0

```
import numpy as np
a = np.array([[3, 4, 5], [-3, 4, 8], [3, 2, 9]])
b = a[1:2, 1:].copy()
print(b)
a[1][1] = 9
print(a)
print(b)
b[0][0] = -11
print(a)
print(b)
[[4 8]]
[[3 4 5]
 [-3 9 8]
 [3 2 9]]
[[4 8]]
[[3 4 5]
 [-3 9 8]
[3 2 9]]
[[-11 8]]
Indeksowanie logiczne (fancy indexing)
import numpy as np
a = np.array([2, 5, -2, 4, -7, 8, 9, 11, -23, -4, -7, 8, 1])
b = a[np.array([1, 3, 7])]
print(b)
c = a[[1, 3, 7]]
print(c)
[5 4 11]
[5 4 11]
import numpy as np
a = np.array([2, 5, -2, 4, -7, 8, 9, 11, -23, -4, -7, 8, 1])
```

```
print(b)
c = a[a > 0]
print(c)
[ True True False True False True True False False False True
 True]
[254891181]
import numpy as np
a = np.array([2, 5, -2, 4, -7, 8, 9, 11, -23, -4, -7, 8, 1])
b = a[a > 0]
print(b)
b[0] = -5
print(a)
print(b)
a[1] = 20
print(a)
print(b)
[254891181]
                       9 11 -23 -4 -7 8
     5 -2
            4 -7
                   8
                                           1]
[-5 5 4 8 9 11 8 1]
[ 2 20 -2
                       9 11 -23 -4 -7
            4 -7
                                           1]
                   8
[-5 5 4 8 9 11 8 1]
```

2.7 Modyfikacja kształtu i rozmiaru

https://numpy.org/doc/stable/reference/routines.array-manipulation.html

```
import numpy as np

print("a")
a = np.array([[3, 4, 5], [-3, 4, 8], [3, 2, 9]])
print(a)
print("b")
b = np.reshape(a, (1, 9))
print(b)
print(b)
```

```
c = a.reshape(9)
print(c)
a
[[3 4 5]
[-3 4 8]
[3 2 9]]
[[3 4 5 -3 4 8 3 2 9]]
[3 4 5 -3 4 8 3 2 9]
import numpy as np
print("a")
a = np.array([[3, 4, 5], [-3, 4, 8], [3, 2, 9]])
print(a)
print("d")
d = a.flatten()
print(d)
print("e")
e = a.ravel()
print(e)
print("f")
f = np.ravel(a)
print(f)
a
[[3 4 5]
[-3 4 8]
[3 2 9]]
d
[3 4 5 -3 4 8 3 2 9]
[3 4 5 -3 4 8 3 2 9]
[3 4 5 -3 4 8 3 2 9]
import numpy as np
```

```
print("g")
g = [[1, 3, 4]]
print(g)
print("h")
h = np.squeeze(g)
print(h)
print("i")
i = a.T
print(i)
print("j")
j = np.transpose(a)
print(j)
[[1, 3, 4]]
[1 3 4]
i
[[ 3 -3 3]
[4 4 2]
 [5 8 9]]
[[ 3 -3 3]
 [442]
 [5 8 9]]
import numpy as np
print("h")
h = [3, -4, 5, -2]
print(h)
print("k")
k = np.hstack((h, h, h))
print(k)
print("1")
l = np.vstack((h, h, h))
print(1)
print("m")
m = np.dstack((h, h, h))
print(m)
```

```
[3, -4, 5, -2]
[ 3 -4 5 -2 3 -4 5 -2 3 -4 5 -2]
[[ 3 -4 5 -2]
[ 3 -4 5 -2]
 [ 3 -4 5 -2]]
[[[3 3 3]]
  [-4 -4 -4]
  [5 5 5]
  [-2 -2 -2]]]
import numpy as np
a = np.array([[1, 2], [3, 4]])
b = np.array([[5, 6]])
print("r1")
r1 = np.concatenate((a, b))
print(r1)
print("r2")
r2 = np.concatenate((a, b), axis=0)
print(r2)
print("r3")
r3 = np.concatenate((a, b.T), axis=1)
print(r3)
print("r4")
r4 = np.concatenate((a, b), axis=None)
print(r4)
r1
[[1 2]
[3 4]
 [5 6]]
r2
[[1 2]
[3 4]
 [5 6]]
r3
[[1 2 5]
[3 4 6]]
r4
```

[1 2 3 4 5 6]

```
import numpy as np
a = np.array([[1, 2], [3, 4]])
print("r1")
r1 = np.resize(a, (2, 3))
print(r1)
print("r2")
r2 = np.resize(a, (1, 4))
print(r2)
print("r3")
r3 = np.resize(a, (2, 4))
print(r3)
r1
[[1 2 3]
[4 1 2]]
r2
[[1 2 3 4]]
r3
[[1 2 3 4]
[1 2 3 4]]
import numpy as np
a = np.array([[1, 2], [3, 4]])
b = np.array([[5, 6]])
print("r1")
r1 = np.append(a, b)
print(r1)
print("r2")
r2 = np.append(a, b, axis=0)
print(r2)
r1
[1 2 3 4 5 6]
r2
[[1 2]
 [3 4]
 [5 6]]
```

```
import numpy as np
a = np.array([[1, 2], [3, 7]])
print("r1")
r1 = np.insert(a, 1, 4)
print(r1)
print("r2")
r2 = np.insert(a, 2, 4)
print(r2)
print("r3")
r3 = np.insert(a, 1, 4, axis=0)
print(r3)
print("r4")
r4 = np.insert(a, 1, 4, axis=1)
print(r4)
r1
[1 4 2 3 7]
r2
[1 2 4 3 7]
r3
[[1 2]
 [4 \ 4]
 [3 7]]
r4
[[1 4 2]
 [3 4 7]]
import numpy as np
a = np.array([[1, 2, 3, 4], [5, 6, 7, 8], [9, 10, 11, 12]])
print("r1")
r1 = np.delete(a, 1, axis=1)
print(r1)
print("r2")
r2 = np.delete(a, 2, axis=0)
print(r2)
r1
[[1 3 4]
[5 7 8]
```

```
[ 9 11 12]]
r2
[[1 2 3 4]
[5 6 7 8]]
```

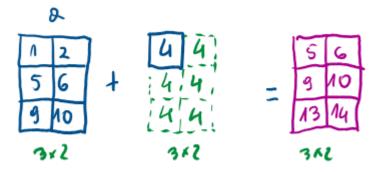
2.8 Broadcasting

Rozważane warianty są przykładowe.

Wariant 1 - skalar-tablica - wykonanie operacji na każdym elemencie tablicy

```
import numpy as np
a = np.array([[1, 2], [5, 6], [9, 10]])
b = a + 4
print(b)
c = 2 ** a
print(c)
```

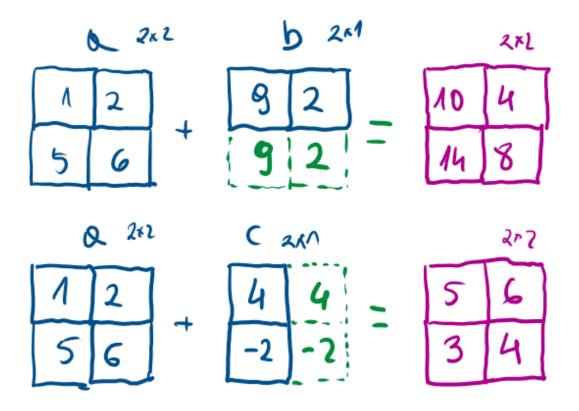
```
[[ 5 6]
 [ 9 10]
 [13 14]]
[[ 2 4]
 [ 32 64]
 [ 512 1024]]
```



Wariant 2 - dwie tablice - "gdy jedna z tablic może być rozszerzona" (oba wymiary są równe lub jeden z nich jest równy 1)

https://numpy.org/doc/stable/user/basics.broadcasting.html

```
import numpy as np
a = np.array([[1, 2], [5, 6]])
b = np.array([9, 2])
r1 = a + b
print(r1)
r2 = a / b
print(r2)
c = np.array([[4], [-2]])
r3 = a + c
print(r3)
r4 = c / a
print(r4)
[[10 4]
 [14 8]]
[[0.11111111 1. ]
[0.55555556 3. ]]
[[0.11111111 1.
[[5 6]
 [3 4]]
[[ 4.
              2.
 [-0.4
         -0.33333333]]
```

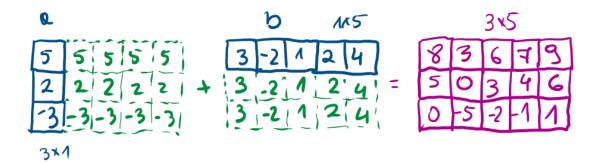


Wariant 3 - "kolumna" i "wiersz"

```
import numpy as np

a = np.array([[5, 2, -3]]).T
b = np.array([3, -2, 1, 2, 4])
print(a+b)
print(b+a)
print(a*b)
```

```
[[ 8  3  6  7  9]
 [ 5  0  3  4  6]
 [ 0 -5 -2 -1  1]]
 [[ 8  3  6  7  9]
 [ 5  0  3  4  6]
 [ 0 -5 -2 -1  1]]
 [[ 15 -10  5  10  20]
```



2.9 Funkcje uniwersalne

https://numpy.org/doc/stable/reference/ufuncs.html#methods

2.10 Statystyka i agregacja

Funkcja	Opis
np.mean	Średnia wszystkich wartości w tablicy.
np.std	Odchylenie standardowe.
np.var	Wariancja.
np.sum	Suma wszystkich elementów.
np.prod	Iloczyn wszystkich elementów.
np.cumsum	Skumulowana suma wszystkich elementów.
np.cumprod	Skumulowany iloczyn wszystkich elementów.
np.min,np.max	Minimalna/maksymalna wartość w tablicy.
np.argmin, np.argmax	Indeks minimalnej/maksymalnej wartości w tablicy.
np.all	Sprawdza czy wszystki elementy są różne od zera.
np.any	Sprawdza czy co najmniej jeden z elementów jest różny od zera.

2.11 Wyrażenia warunkowe

https://numpy.org/doc/stable/reference/generated/numpy.where https://numpy.org/doc/stable/reference/generated/numpy.choose https://numpy.org/doc/stable/reference/generated/numpy.select https://numpy.org/doc/stable/reference/generated/numpy.nonzero

2.12 Działania na zbiorach

https://numpy.org/doc/stable/reference/routines.set.html

2.13 Operacje tablicowe

https://numpy.org/doc/stable/reference/generated/numpy.transpose

https://numpy.org/doc/stable/reference/generated/numpy.flip https://numpy.org/doc/stable/reference/generated/numpy.fliplr https://numpy.org/doc/stable/reference/generated/numpy.flipud

https://numpy.org/doc/stable/reference/generated/numpy.sort

2.14 Alegbra liniowa

https://numpy.org/doc/stable/reference/routines.linalg.html

2.15 Funkcja na stringach

https://numpy.org/doc/stable/reference/routines.char.html

2.16 Data i czas

https://numpy.org/doc/stable/reference/arrays.datetime.html

2.17 Pseudolosowe

https://numpy.org/doc/stable/reference/random/index.html

Bibliografia:

- Dokumentacja biblioteki, https://numpy.org/doc/stable/, dostęp online 5.03.2021.
- Robert Jahansson, Matematyczny Python. Obliczenia naukowe i analiza danych z użyciem NumPy, SciPy i Matplotlib, Wyd. Helion, 2021.
- https://www.tutorialspoint.com/numpy/index.htm, dostęp online 20.03.2019.