## Análisis númerico

### 2022-11-02

# Evaluacion de un polinomio

Sea  $p_n(x)$  un polinomio de grado n, escribimos este de la forma:

$$p_n(x) := a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_2 x^2 + a_1 x + a_0$$
(1)

## Método de Horner, regla de Riffini o división sintética

Es una técnica para evaluar polinomios que puede ser visto como una colección de multiplicaciones anidadas.

## **Ejemplo**

\$\$ p

\$\$

Un polinomio de quinto grado  $p_5(x) := a_5x^5 + a_4x^4 + a_3x^3 + a_2x^2 + a_1x + a_0$  puede escribirse como una multiplicación de 5 multiplicaciones anidadas:

### \begin{equation}

$$p_n(x) := (((a_5 x + a_4x)x + a_3)x + a_2)x + a_1)x + a_0$$
  
\end{equation}

#### Teorema

sea  $p_n(x) := a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_2 x^2 + a_1 x + a_0$  un polinomio de grado n y sea c un número para el que deseamos evaluar p(c). Si definimos

$$b_n := a_n$$
  
 $b_k := a_k + cb_{k+1}$ , para  $k = n - 1, n - 2, \dots, 2, 1, 0$ 

entonces  $b_0 = f(c)$ . Mas aún, si definimos el siguiente polinomio

$$Q_o(x) := b_n x^n + b_{n-1} x^{n-1} + \dots + b_2 x^2 + b_1 x + b_0$$
(2)

у

$$R_0 = b_0 \tag{3}$$

se verifica que:

$$p(x) = (x - c)Q_o(x) + R_o \tag{4}$$

Es decir,  $Q_0(x)$  es el polinomio cociente de grado n-1 y  $R_o=b_0=p(c)$  es el resto de la división de p(x) entre x-c

knitr::opts\_chunk\$set(echo = TRUE)

# R Markdown

f(x)

summary(cars)

Note that the  $\mbox{echo}$  = FALSE parameter was added to the code chunk to prevent printing of the R code that generated the plot.

2+3

## 5