

기본 신경망

```
1 import torch
2 import torch.nn as nn
3 import torch.optim as optim
4
5 # 1. 데이터 준비
6 x = torch.tensor([[1.0], [2.0], [3.0], [4.0]]) # 입력
7 y = torch.tensor([[2.0], [4.0], [6.0], [8.0]]) # 정답 (y = 2x)
8
9 model = nn.Linear(1, 1) # 2. 모델 정의 (Linear: y = wx + b)
10
11 # 3. 손실 함수와 옵티마이저 정의
12 criterion = nn.MSELoss() # 평균제곱오차
13 optimizer = optim.SGD(model.parameters(), lr=0.01) # 확률적 경사하강법
14
15 # 4. 학습 루프
16 for epoch in range(10):
17
18     y_pred = model(x) # (1) 순전파 - 예측
19     loss = criterion(y_pred, y) # (2) 손실 계산
20     optimizer.zero_grad() # (3) 기울기 초기화 (이전 값 누적 방지)
21     loss.backward() # (4) 역전파 - 기울기 계산
22     optimizer.step() # (5) 옵티마이저로 가중치 업데이트
23     # 로그 출력
24     print(f"Epoch {epoch+1}: loss={loss.item():.4f}")
25
26 # 5. 최종 결과 확인
27 print("학습 후 가중치, 절편:")
28 print("w =", model.weight.item())
29 print("b =", model.bias.item())
30
```

표준 딥러닝 학습 단계 (PyTorch 기준)

1. 데이터 준비 (Data Preprocessing & Loading) :

```
import torchvision.transforms.v2 as transforms
```

- **입력 이미지 준비** → Tensor 변환(C, H, W): 원본 이미지를 읽고 전처리 적용

2. 데이터 로딩 (Batching): (C,H,W) → (Batch, C,H,W)로 변환

```
import torch.utils.data as data
```

3. 모델 및 학습 환경 설정

- **모델 준비**: 신경망 아키텍처(예: SimpleFCN, CNN)를 정의하고 초기화

- **Loss (손실함수)**:

- **Optim 준비**:

4. 순전파 및 손실 계산 (Forward Pass)

5. 역전파 및 가중치 업데이트 (Backward Pass & Optimization)

6. 반복 및 조정

```

11 # 3. 손실 함수와 옵티마이저 정의
12 criterion = nn.MSELoss()
13 optimizer = optim.SGD(model.parameters(), lr=0.01)
14
15 # 4. 학습 루프

```

Learning Rate(LR)은 “너무 빨리 맞추지 않게, 천천히 제대로 맞추게 하는 안전장치”.

- lr없음(=1로고정) : 너무큰폭으로 이동, 손실이 폭발하거나 NaN 발생
- lr너무큼: 비슷하게 발산, 학습실패
- lr적절함: 천천히 최솟점이동, 학습성공

Learning Rate Scheduling (학습률 스케줄링)

lr(learning rate, 학습률)은 훈련 내내

고정값으로 두기보다는
“점진적으로 조정”함

- 왜 계속 학습률을 변경해야하는가?

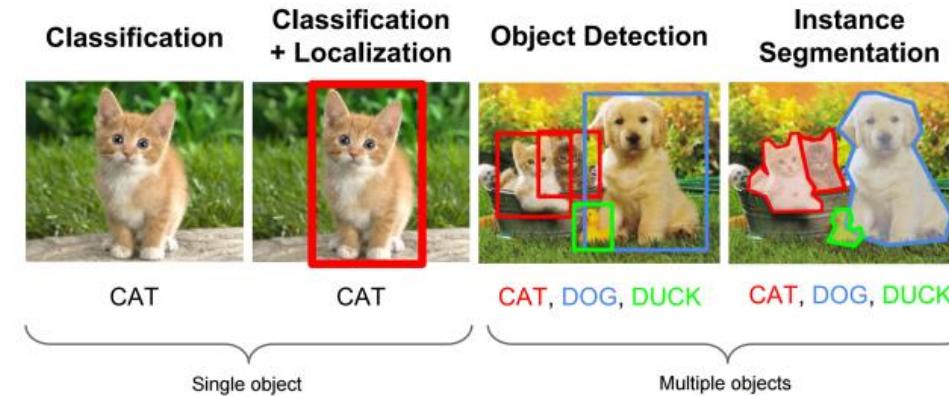
시점	현상 및 조치
초기 학습 초반	모델이 랜덤 상태 → 방향만 대충 잡는 중 [필요조치] lr 크게 → 빠르게 수렴 방향 탐색
중반 이후	이미 손실이 꽤 줄어듦 [필요조치] lr 작게 → 세밀하게 조정
후반	최소점 근처 → 큰 lr이면 튕거나 진동 [필요조치] lr 더 작게 → 미세한 조정, 안정화

구분	기본 아이디어	주요 하이퍼파라미터	장점	단점	주 사용처
SGD (Stochastic Gradient Descent) 단순히 현재 기울기 방향으로 이동	$w \leftarrow w - lr * grad$	lr	구현 간단, 메모리 적음	수렴 느림, 지역 최소에 갇힐 수 있음	기본 베이스라인, 단순 모델
Momentum 이전 이동 방향(속도)을 고려	$v = \beta v + lr * grad; w -= v$	lr, β (보통 0.9)	진동 줄이고 수렴 빠름	최적점 근처에서 overshoot 가능	CNN, RNN
Nesterov Accelerated Gradient (NAG) 이동 예측 후 보정	$v = \beta v + lr * grad(w - \beta v)$	lr, β	더 빠른 수렴, 안정적	구현 복잡	CNN, RNN
AdaGrad 파라미터별 적응형 학습률	$w \leftarrow w - lr / \sqrt{(G + \epsilon)} * grad$	lr, ϵ	희소데이터에 강함	학습률이 너무 빨리 감소	NLP, 추천 시스템
RMSProp AdaGrad의 감쇠 적용	$E[g^2] = \beta E[g^2] + (1-\beta)g^2; w -= lr / \sqrt{E[g^2] + \epsilon} * g$	lr, β , ϵ	안정적, RNN에 강함	β 조정 필요	순환신경망, 시계열
Adam (Adaptive Moment Estimation) Momentum + RMSProp 결합	$m = \beta_1 m + (1-\beta_1)gv = \beta_2 v + (1-\beta_2)g^2; w -= lr * \hat{m} / (\sqrt{\hat{v}} + \epsilon)$	lr, β_1 , β_2 , ϵ	대부분 잘 작동, 빠른 수렴	오버피팅 가능, 일반화 약함	대부분의 딥러닝
AdamW Adam + 정규화 개선 (Weight Decay 분리)	Adam과 동일 + $w -= lr * weight_decay * w$	lr, β_1 , β_2 , weight_decay	Adam의 과적합 개선	약간 느릴 수 있음	Vision, NLP (BERT, ViT)
AdaDelta AdaGrad의 누적 문제 개선	변화량으로 비율 조정	ρ , ϵ	학습률 튜닝 거의 불필요	복잡도 높음	CNN, RNN
Nadam (Nesterov + Adam) Adam + Nesterov 모멘텀	\hat{m} 계산 시 look-ahead 사용	lr, β_1 , β_2	빠른 초기 수렴	약간 불안정할 수 있음	RNN, LSTM
Lion (2023, Google) 부호(sign) 기반 업데이트	$w -= lr * sign(m)$	lr, β_1 , β_2	경량, 빠른 수렴	안정성 검증 중	대형 언어모델 (PaLM, Gemini)
LAMB Layer별 Adaptive scaling	$r = \hat{m} / (\sqrt{\hat{v}} + \epsilon); w -= lr * \eta * r$	lr, β_1 , β_2	대형 배치 학습 적합	구현 복잡	BERT 대규모 훈련
Adafactor 메모리 효율 Adam	2차 모멘트 근사	lr, β	메모리 절약, Transformer 친화적	구현 난이도	T5, Transformer
RAdam (Rectified Adam) Adam의 초반 불안정성 보정	rectified term 추가	lr, β_1 , β_2	초기 안정성↑	조금 느림	Transformer, CNN

CNN- FC층

CNN 모델 (Convolutional Neural Network, 합성곱 신경망)은 주로 이미지, 비디오와 같은 **시각 데이터**를 처리하고 분석하기 위해 개발된 딥러닝 알고리즘입니다.

인간의 시신경 구조를 모방하여 설계되었으며, 특히 **이미지의 공간 정보(픽셀 간의 위치 관계)**를 유지하면서 학습하는 것이 특징입니다. 이는 기존의 완전 연결 신경망(Fully Connected Network)이 이미지를 1차원 데이터로 변환할 때 정보가 손실되는 문제를 해결합니다.



용어이해

완전 연결층 (Fully Connected Layer), 또는 밀집층 (Dense Layer)은 인공 신경망(ANN)의 가장 기본적인 구성 요소 중 하나입니다.

CNN (합성곱 신경망)과 같은 복잡한 구조에서 완전 연결층은 보통 **모델의 마지막 부분**에 위치하여, 이전 계층에서 추출된 모든 특징(Feature)을 기반으로 입력 데이터를 최종적인 카테고리(클래스)로 **분류하거나 회귀 값**을 출력하는 역할을 담당합니다. ($wx+b$ 를 수행함)

파이썬 코드

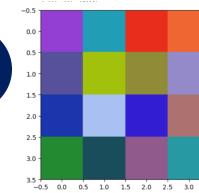
프레임워크	명칭	의미	
PyTorch	<code>nn.Linear</code>	선형 변환을 수행하는 완전 연결층	<code>self.fc = nn.Linear(32 * 8 * 8, 10)</code>
TensorFlow/Keras	<code>Dense</code>	밀집된 연결을 가진 완전 연결층	

Pytorch에서의 FC층 미리 보기

```
import torch  
import torch.nn as nn  
import torch.nn.functional as F  
  
class SimpleCNN(nn.Module):  
    def __init__(self):  
        super(SimpleCNN, self).__init__()  
        self.conv1 = nn.Conv2d(in_channels=3, out_channels=16, kernel_size=3, padding=1)  
        self.conv2 = nn.Conv2d(in_channels=16, out_channels=32, kernel_size=3, padding=1)  
        self.pool = nn.MaxPool2d(kernel_size=2, stride=2)  
        self.fc = nn.Linear(32 * 8 * 8, 10)  
  
    def forward(self, x):  
        x = self.pool(F.relu(self.conv1(x)))  
        x = self.pool(F.relu(self.conv2(x)))  
        x = x.view(-1, 32 * 8 * 8)  
        x = self.fc(x)  
        return x
```

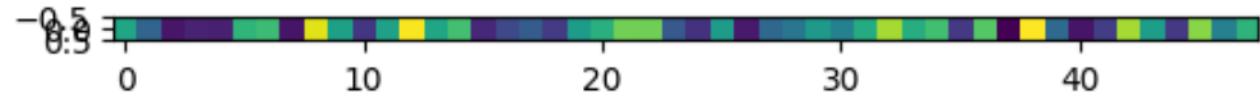
```
model = SimpleCNN()
```

1



2

```
torch.Size([1, 48])  
<matplotlib.image.AxesImage at 0x797452e3c0e0>
```



○ $x = x.view(-1, 32 * 8 * 8)$: Flatten (평탄화) 과정

3차원 형태의 특징 맵(채널32, 높이8, 너비8)을 완전 연결 계층의 입력으로 사용하기 위해 1차원 벡터로 쭉 펼치는 역할을 함

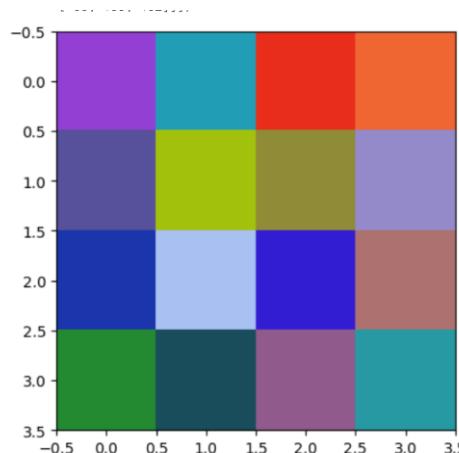
○ self.fc : 완전 연결 계층

이 계층이 학습하는 $wx+b$ 는 앞서 추출된 특징들을 기반으로 입력 이미지가 최종적으로 어떤 클래스(범주)에 속하는지를 판단하고 분류하는 데 사용됨

[1-1] 이미지의 특징

```
Red   Green   blue
1 img=[[148,63,211], [ 33,158,182],[232,46,26],[240,102,51]],
2   [[ 87,80,155], [162,193,12],[143,139,54],[148,137,201]],
3   [[ 27,53,173], [169,192,242],[50,29,211],[173,114,112]],
4   [[ 35,138,50], [ 25,77,91],[144,90,141],[38,153,162]]]
5 import numpy as np
6 imgArray=np.array(img)
7 print(imgArray.shape)      (4, 4, 3)
8 plt.imshow(imgArray)
9
10 imgArrav
```

높이, 너비, 채널



. 채널 (Channel) 🌈

채널은 이미지의 특정 색상 성분이나 정보 유형을 저장하는 개별적인 2차원 행렬입니다.

- **역할:** 이미지를 구성하는 **색상 요소**를 분리하여 저장합니다.
- **RGB 이미지:** 가장 일반적인 컬러 이미지(예: JPEG)는 빨간색(Red), 녹색(Green), 파란색(Blue)의 세 가지 채널로 이루어져 있습니다. 이 세 채널의 밝기 값을 조합하여 최종 픽셀의 색상이 결정됩니다.
- **흑백 이미지:** 밝기(Grayscale) 정보만을 담는 하나의 채널로 구성됩니다.
- **PyTorch 순서:** 딥러닝 프레임워크인 PyTorch는 연산 효율성을 위해 데이터를 **(채널, 높이, 너비)** 순서로 처리하는 것을 기본으로 합니다.

. 숫자 255의 의미 💡

숫자 255는 일반적으로 이미지 픽셀이 가질 수 있는 **최대 밝기**를 나타냅니다.

• 8비트 표현:

대부분의 디지털 이미지는 각 채널의 픽셀 값을 **8비트(Bit) 부호 없는 정수**로 저장합니다.
8비트는 $2^8 = 256$ 가지의 상태를 표현할 수 있습니다.

• 값의 범위:

따라서 픽셀 값의 범위는 0(가장 어두움/색상 없음)부터 255(가장 밝음/최대 강도)까지입니다.

디지털 화면(모니터, 스마트폰, TV 등)은 RGB (Red, Green, Blue) 색상 모델을 사용하며, 이는 빛을 섞어 색을 만드는 방식(가산 혼합)입니다.

- 이 모델에서 각각의 숫자는 세 가지 기본색(빨강, 초록, 파랑) 빛의 강도를 의미
- (0,0,0)은 색이 없음
- (255,255,255)는 세 가지 기본색의 빛이 **가장 강하게 모두 섞인 상태**이며, 이는 흰색으로 인식

• 정규화:

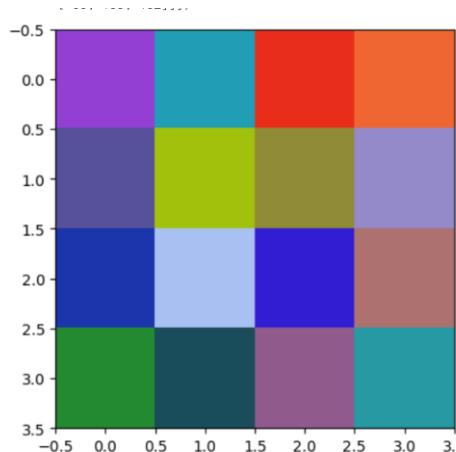
딥러닝 모델에 이미지를 입력할 때는 이 0~255 사이의 정수형 데이터를 0.0~1사이로 변경하는 실수(float)로 변환하는 **정규화** 과정을 거칩니다. 이는 학습의 안정성과 효율성을 높이기 위해 필수적입니다.
(다양한 정규화 기법이 있음)

[1-2] pytorch용 입력용으로 변환: 높이(H),너비(W),채널(C)-> Torch용 채널(C),높이(H),너비(W)로 변환

Red Green blue

```
1 img=[[ [148, 63, 211], [ 33, 158, 182], [232, 46, 26], [240, 102, 51] ],  
2   [[ 87, 80, 155], [162, 193, 12], [143, 139, 54], [148, 137, 201] ],  
3   [[ 27, 53, 173], [169, 192, 242], [50, 29, 211], [173, 114, 112] ],  
4   [[ 35, 138, 50], [ 25, 77, 91], [144, 90, 141], [38, 153, 162]] ]  
5 import numpy as np  
6 imgArray=np.array(img)  
7 print(imgArray.shape)  
8 plt.imshow(imgArray)  
9  
10 imgArray
```

(4, 4, 3)
높이,너비,채널



```
1 import torch  
2 import torchvision.transforms.v2 as transforms  
3  
4 transform = transforms.Compose([  
5     transforms.ToImage(),  
6     # transforms.ToDtype(torch.float32, scale=True)  
7 ])  
8  
9 input_tensor_chw = transform(imgArray)  
10 print(input_tensor_chw.shape)  
11 print(input_tensor_chw)
```

torch.Size([3, 4, 4])

[[63, 158, 46, 102],
 [80, 193, 139, 137],
 [53, 192, 29, 114],
 [138, 77, 90, 153]],

[[211, 182, 26, 51],
 [155, 12, 54, 201],
 [173, 242, 211, 112],
 [50, 91, 141, 162]]],)

Tasnforms에서 C,H,W로 변환

채널모습
이해의 편의성을
위해 스케일 안함

채널,높이,너비

Red

Green

Blue

참고) PyTorch의 C,H,W 순서 사용이유

1. 연산 효율성: 합성곱 연산 (Convolution)에 최적화

딥러닝, 특히 CNN(합성곱 신경망)에서 가장 많이 수행되는 연산은 합성곱(Convolution)입니다. 이 연산은 필터가 각 채널을 독립적으로 슬라이딩하며 진행됩니다.

- **GPU 및 메모리 접근:** (C, H, W) 순서로 데이터를 저장하면, 텐서의 메모리 배치가 **채널별로** 연속적으로 저장될 가능성이 높습니다.
- **성능 이점:** GPU가 합성곱 연산을 수행할 때, 여러 필터가 한 번에 다음 채널의 데이터를 읽어와야 합니다. 채널이 앞에 위치하면, 메모리상에서 해당 채널의 데이터가 가깝게 배치되어 데이터 접근 속도(Cache Locality)가 빨라져 연산 효율성이 극대화됩니다.

2. 라이브러리 관습: Caffe 및 Torch의 영향

PyTorch의 선조인 Torch (Lua)와 초기 딥러닝 프레임워크인 **Caffe**는 텐서를 (C, H, W) 순서로 처리하는 것을 표준으로 삼았습니다.

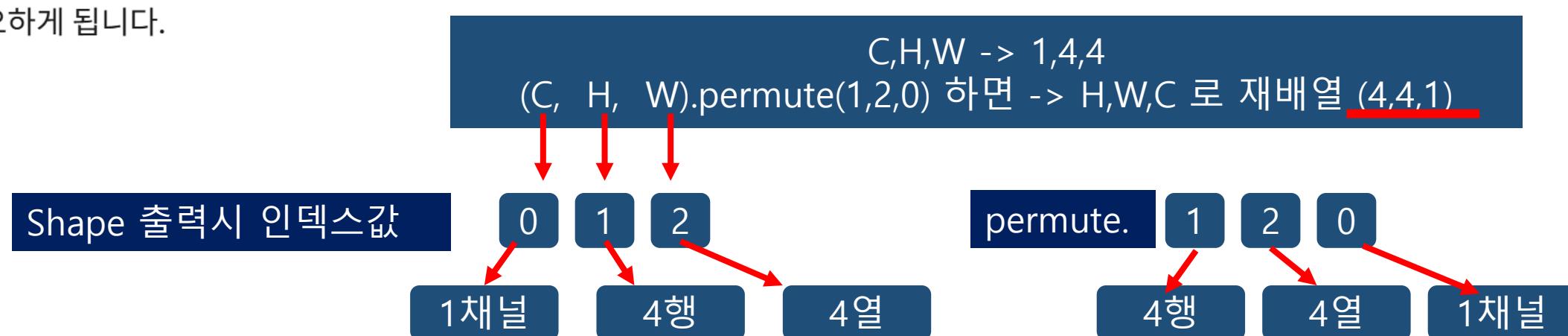
- **역사적 계승:** PyTorch는 이러한 기존 라이브러리의 방식을 계승하여 텐서 차원 순서를 **(B, C, H, W)** (Batch, Channel, Height, Width)로 설정했으며, 이는 **NVIDIA의 CUDA 라이브러리**와도 연산 구조가 잘 맞습니다.

참고) PyTorch의 C,H,W 순서 사용이유

VS Matplotlib 및 NumPy의 (H, W, C) 순서와의 차이

반면에 Matplotlib, OpenCV, NumPy 등 일반적인 이미지 처리 라이브러리들은 이미지를 **(높이, 너비, 채널)** ($H \times W \times C$) 순서로 처리합니다.

- 인간 친화적:** 이 순서는 인간이 이미지를 볼 때 높이와 너비를 주요 차원으로 인식하는 방식에 더 직관적입니다.
- 변환의 필요성:** 이 때문에 PyTorch 모델에 이미지를 입력하거나 모델의 출력을 시각화할 때, `permute(2, 0, 1)` 나 `permute(1, 2, 0)` 와 같은 차원 변환(**Transpose**) 작업이 필연적으로 필요하게 됩니다.



[1-3] 모델 학습에 input할 Batch,C,H,W로 변환

```
1 import torch
2 import torchvision.transforms.v2 as transforms
3
4 transform = transforms.Compose([
5     transforms.ToImage(),
6     # transforms.ToDtype(torch.float32, scale=True)
7 ])
8
9 input_tensor_chw = transform(imgArray)
10 print(input_tensor_chw.shape)
11 print(input_tensor_chw)

torch.Size([3, 4, 4])
```



```
1 input_tensor_bchw = input_tensor_chw.unsqueeze(0)
2 print(input_tensor_bchw.shape)
3 input_tensor_bchw

torch.Size([1, 3, 4, 4])
tensor([[[[148, 33, 232, 240],
          [ 87, 162, 143, 148],
          [ 27, 169, 50, 173],
          [ 35, 25, 144, 38]],

         [[ 63, 158, 46, 102],
          [ 80, 193, 139, 137],
          [ 53, 192, 29, 114],
          [138, 77, 90, 153]],

         [[211, 182, 26, 51],
          [155, 12, 54, 201],
          [173, 242, 211, 112],
          [ 50, 91, 141, 162]]]])
```

```
1 import torch.utils.data as data
2
3 print(input_tensor_chw.shape)
4 y_label=2 #라벨 2라고 가정하고
5 dataset = [(input_tensor_chw, torch.tensor(y_label))]
6 data_loader = data.DataLoader(dataset, batch_size=1, shuffle=False)
7 for images, labels in data_loader:
8     print(images.shape)

torch.Size([3, 4, 4])
torch.Size([1, 3, 4, 4])
```

데이터 로더기가 B,C,H,W로 변환

[1-4] 모델 학습 전체프로세스

1. 데이터준비

```
1 import numpy as np
2 img=[[148,63,211], [ 33,158,182],[232,46,2
3   [[ 87,80,155], [162,193,12],[143,139,5
4   [[ 27,53,173], [169,192,242], [50,29,2
5   [[ 35,138,50], [ 25,77,91], [144,90,1
6 import numpy as np
7 imgArray=np.array(img)
8 print(imgArray.shape)
9 plt.imshow(imgArray)
10
11 . . .
```

4. 모델구성

```
2 class SimpleFCN(nn.Module):
3     def __init__(self):
4         super(SimpleFCN, self).__init__()
5
6         input_features = 4 * 4 * 3
7
8         self.fc1 = nn.Linear(in_features=input_features, out_features=2)
9         self.fc2 = nn.Linear(in_features=2, out_features=3)
10
11    def forward(self, x):
12        x = x.view(-1, 4 * 4 * 3)
13        x = F.relu(self.fc1(x))
14        x = self.fc2(x)
15
16    return x
```

2. 텐서변환 C,H,W

```
9
10 transform = transforms.Compose([
11     transforms.ToImage(),
12     transforms.ToDtype(torch.float32, scale=True)
13 ])
14
15 input_tensor_chw = transform(imgArray)
16
17 . . .
```

3. 배치단위 변환 B,C,H,W

```
1 #####
2 # 데이터 로더기로 변환함
3 #####
4 import torch.utils.data as data
5
6 print(input_tensor_chw.shape)
7 y_label=2 #라벨 2라고 가정하고
8 dataset = [(input_tensor_chw, torch.ten
9 data_loader = data.DataLoader(dataset,
```

5. 실행

```
1 model = SimpleFCN()
2 criterion = nn.CrossEntropyLoss()
3 optimizer = optim.SGD(model.parameters(), lr=0.01)
4
5 NUM_EPOCHS=2
6 for epoch in range(NUM_EPOCHS):
7     for i, (inputs, targets) in enumerate(data_loader):
8         optimizer.zero_grad()
9         outputs = model(inputs)
10        loss = criterion(outputs, targets)
11        loss.backward()
12        optimizer.step()
13        print(f"[Epoch {epoch+1}/{NUM_EPOCHS}, Step {i+1}] Loss: {loss.item():.4f}")
14
15 print(" 학습 완료! ")
```

[Epoch 1/2, Step 1] Loss: 0.644446
[Epoch 2/2, Step 1] Loss: 0.640309
학습 완료!

CNN- Conv2

Conv2D란?

Conv2D (2D Convolution, 2차원 합성곱)는 CNN (합성곱 신경망)의 핵심을 이루는 계층으로, 주로 이미지와 같은 **2차원 그리드 데이터의 특징을 추출**하는데 사용되는 연산입니다.

이름에서 '2D'는 필터(커널)가 입력 데이터의 **높이(Height)**와 **너비(Width)** 차원을 따라 2차원적으로 움직이며 연산을 수행한다는 의미입니다.

💡 Conv2D의 주요 특징

- 가중치 공유 (Parameter Sharing):** 하나의 필터가 이미지의 모든 위치에 동일하게 적용됩니다. 이 때문에 모델이 학습해야 할 파라미터(가중치) 수가 획기적으로 줄어들고, 이미지 내 물체의 위치가 바뀌어 (위치 불변성) 특징을 인식할 수 있게 됩니다.
- 지역값 (Local Receptive Field):** 각 뉴런은 입력 이미지의 전체가 아닌 필터 크기만큼의 **지역적인 영역**만 바라보고 특징을 추출합니다. 이로 인해 이미지의 공간적 관계가 보존됩니다.

🔍 Conv2D의 작동 원리

Conv2D는 다음 세 가지 핵심 요소를 사용하여 입력 이미지의 공간적 특징을 파악합니다:

1. 필터 (Filter 또는 Kernel):

- 학습 가능한 작은 행렬로, 입력 데이터 위를 이동하며 **특정 패턴이나 특징** (예: 수직선, 대각선, 특정 색상 패턴)을 감지하는 역할을 합니다.
- 필터의 깊이(Depth)는 항상 입력 데이터의 채널 수와 일치합니다.

2. 합성곱 연산 (Convolution Operation):

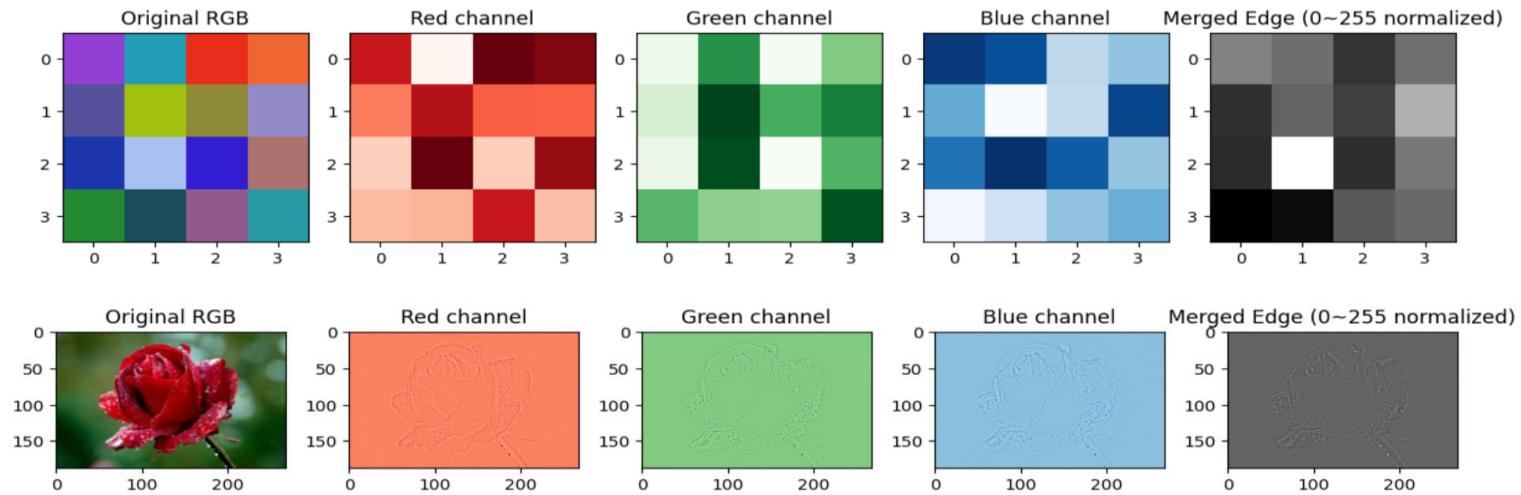
- 필터가 이미지 위를 일정 간격(**Stride**)으로 이동하면서, 필터의 원소와 이미지의 해당 영역 픽셀 값을 곱한 후 모두 더하는 연산입니다.
- 이 연산의 결과는 해당 영역에 필터가 감지하려는 특징이 얼마나 강하게 존재하는지를 나타냅니다.

3. 특징 맵 (Feature Map):

- 필터가 전체 입력 이미지를 훑으면서 생성하는 출력 행렬입니다.
- 하나의 필터는 하나의 특징 맵을 생성하며, 이 특징 맵은 다음 계층의 입력으로 사용됩니다.

합성곱망에서의 Conv2D의 이해 - OpenCV에서의 합성곱

```
22 # -----  
23 # RGB 채널 분리  
24 # -----  
25 r, g, b = imgArray[:, :, 0], imgArray[:, :, 1], imgArray[:, :, 2]  
26  
27 # -----  
28 # 엣지 필터 (Laplacian 계열)  
29 # -----  
30 kernel = np.array([[-1,-1,-1],  
31                 [-1, 8,-1],  
32                 [-1,-1,-1]], dtype=np.float32)  
33  
34 r_edge = cv2.filter2D(r, -1, kernel)  
35 g_edge = cv2.filter2D(g, -1, kernel)  
36 b_edge = cv2.filter2D(b, -1, kernel)  
37  
38 # -----  
39 # 채널별 결과 평균 (PyTorch Conv2d와 동일)  
40 # -----  
41 merged_edge = (r_edge + g_edge + b_edge) / 3.0  
42
```



이 커널은

“밝기 변화가 있는 부분만 두드러지게 만드는 역할”

, 즉 엣지(윤곽선) 검출

합성곱망에서의 Conv2D의 이해

커널 정의

$$K = \begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ -1 & 8 & -1 \\ -1 & -1 & -1 \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix}$$

이 커널은

“밝기 변화가 있는 부분만 두드러지게 만드는 역할”
즉 엣지(윤곽선) 검출

입력 이미지 주변 3×3 영역 (픽셀 블록)

합성곱 연산(convolution)

$$\text{Output}(x, y) = \sum_{i=-1}^1 \sum_{j=-1}^1 K[i, j] \times I(x + i, y + j)$$

이때 중심 $e=200$, 나머지 주변은 대략 50 근처 값

- 주변보다 중심이 훨씬 밝으므로 **큰 양수**(\approx 흰색)
- 만약 중심이 주변보다 어두우면 결과는 **음수**(\approx 검정)
- 중심과 주변이 비슷하면 **0 근처**(회색)

합성곱 연산(convolution)

$$\text{Output} = (-1)a + (-1)b + (-1)c + (-1)d + (8)e + (-1)f + (-1)g + (-1)h + (-1)i$$

$$K = \begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ -1 & 8 & -1 \\ -1 & -1 & -1 \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} 50 & 52 & 49 \\ 51 & 200 & 53 \\ 48 & 49 & 52 \end{bmatrix}$$

커널*이미지

$$\begin{array}{ccc} -50 & -52 & -49 \\ -51 & 1600 & -53 \\ -48 & -49 & -52 \end{array}$$

합 = 1195

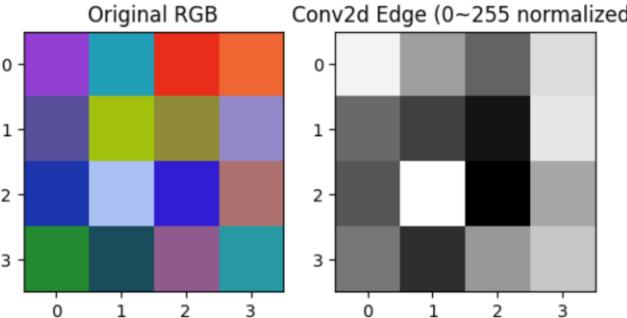
합성곱망에서의 Conv2D의 이해 - OpenCV에서의 합성곱

OpenCV

```
28 x = transform(img_np).unsqueeze(0) # shape: (1, 3, 4, 4)
29 print("입력 텐서:", x.shape, x.min().item(), x.max().item())
30
31 # -----
32 # Conv2d 정의 (padding=1)
33 # -----
34 conv = nn.Conv2d(in_channels=3, out_channels=1, kernel_size=3, bias=False, padding=1)
35
36 kernel = torch.tensor([[-1., -1., -1.],
37                         [-1., 8., -1.],
38                         [-1., -1., -1.]])
39
40 with torch.no_grad(): 커널값 무작위가 아닌 강제로 할당
41     conv.weight[:] = kernel.repeat(3,1,1).unsqueeze(0) / 3 # 3채널 평균
42
```

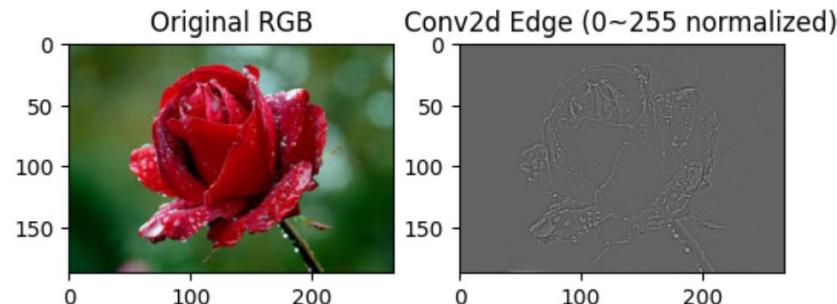
Torch

입력 텐서: torch.Size([1, 3, 4, 4]) 12.000000953674316 242.00001525878906



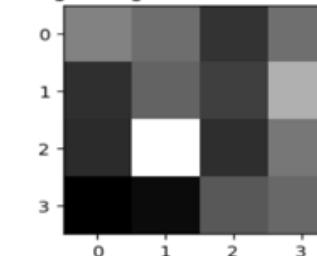
Torch

입력 텐서: torch.Size([1, 3, 188, 268]) 0.0 255.0

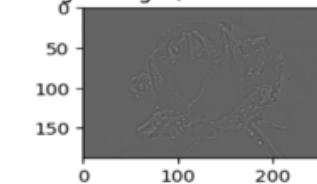


OpenCV

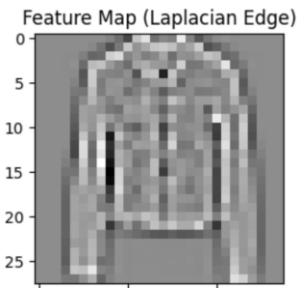
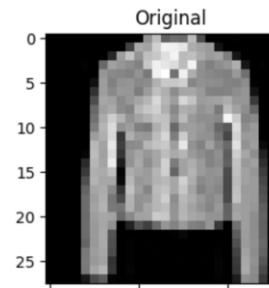
erged Edge (0~255 normalized)



erged Edge (0~255 normalized)

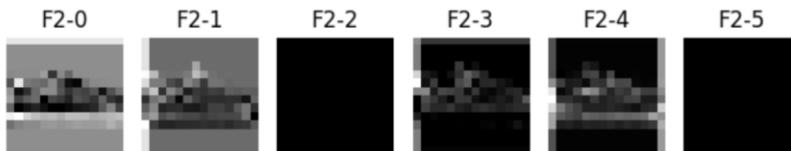


Torch



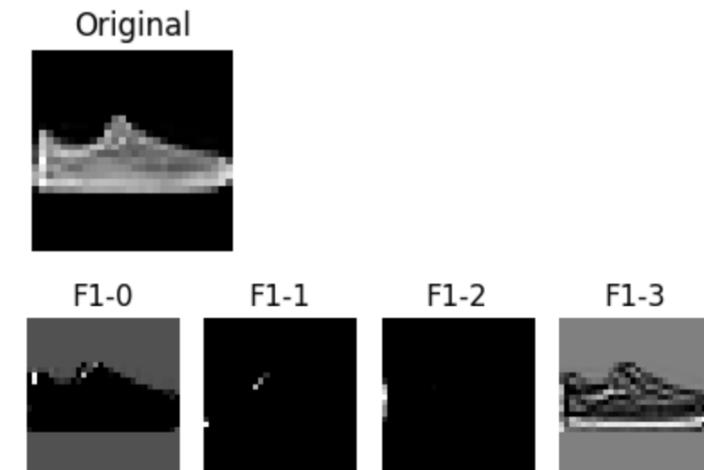
[3] fashion_mnist를 이용한 pytorch CNN_ 특징맵

```
4 class SimpleCNN(nn.Module):
5     def __init__(self):
6         super().__init__()
7         self.conv1 = nn.Conv2d(1, 4, 3, padding=1)    # 1채널 → 4채널
8         self.conv2 = nn.Conv2d(4, 8, 3, padding=1)    # 4채널 → 8채널
9         self.pool = nn.MaxPool2d(2, 2)
10        self.relu = nn.ReLU()
11    def forward(self, x):
12        x1 = self.relu(self.conv1(x))      # conv1 출력
13        x2 = self.pool(self.relu(self.conv2(x1))) # conv2 출력 (pool 포함)
14        return x1, x2
15
16 model = SimpleCNN()
17
```



시각적으로 보면:

- F2-0, F2-1: 신발 형태 전체를 더 넓은 시야로 인식
 - F2-2: 거의 검정 → 반응 거의 없음
 - F2-3 ~ F2-5: 신발의 밑창, 윤곽선, 그림자 등에 강한 반응
- ▶ 즉, Conv2d 깊어질수록 feature map이 “전체 형태”나 “큰 윤곽” 중심으로 바뀝니다



시각적으로 보면:

- F1-0 : 신발 윗부분의 명암 차이를 잡아내고 있음
 - F1-1, F1-2 : 거의 반응이 없는 검은 화면 → 필터가 그 패턴에 덜 반응
 - F1-3 : 신발 전체 형태(밑창, 윤곽선)를 어느 정도 포착
- ▶ 즉, “무작위 Conv2d라도 이미 픽셀 주변의 작은 패턴(엣지, 밝기 대비)”에 반응하기 시작
- 훈련을 시키면 이 필터들이 “엣지 → 윤곽 → 질감” 순으로 점점 정제됨

Conv2D에서 가장 중요한건

Conv2d에서 가장 중요한 건 “패턴을 인식할 수 있게 만드는 가중치(필터, kernel)’

◆ 1 핵심은 “필터(커널, weight)”

Conv2d 는 단순히 픽셀을 더하거나 평균내는 연산이 아니라,
작은 커널(보통 3×3 , 5×5 등) 을 이미지 위로 움직이면서
각 위치의 패턴(엣지, 질감, 형태) 에 대한 “민감도”를 계산합니다

시각적으로 보면

- 첫 Conv2d → 엣지, 명암, 방향 (낮은 수준 특징)
- 두 번째 Conv2d → 질감, 형태
- 세 번째 Conv2d → 물체의 부분 (신발 밑창, 옷깃 등)
- 마지막 레이어 → 클래스(신발, 셔츠 등)에 직접 연관된 패턴

이런 “**패턴의 위계적 학습(Hierarchical Feature Extraction)**”
을 가능하게 하는 게 Conv2 핵심인 **weight(커널)** 들입니다.

◆ 2 왜 “가중치(필터)”가 제일 중요하나

- CNN이 이미지를 이해하려면
단순히 픽셀 값이 아니라 **픽셀 간의 관계(공간적 구조)** 를 학습해야 합
- 그외 Conv2d 요소

요소	역할	왜 중요한가
stride	필터 이동 간격	너무 크면 세부 정보 손실, 너무 작으면 계산 많음
padding	테두리 보정	출력 크기 유지 및 가장자리 정보 보존
activation (ReLU)	비선형성 추가	단순 선형 필터를 복잡한 패턴 탐지기로 바꿔줌
pooling	지역 요약	위치 변화에 강건(translation invariance)하게 함
채널 수 (out_channels)	필터 개수	다양한 패턴을 동시에 학습하게 함

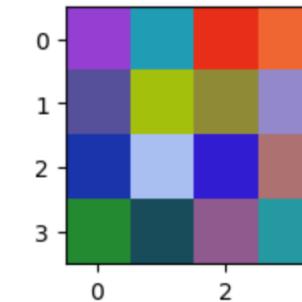
CNN의 완전 연결층 미리보기

```
1 import torch  
2  
3 # 1. 입력 텐서 (가상의 특징 맵) 정의  
4 # (배치 크기: 1, 채널 수: 3, 높이: 4, 너비: 4)  
5 # 이 텐서는 '특징 추출 단계'를 거친 후의 중간 결과라고 가정합니다.  
6 # rand는 0~1사이값만 무작위로 만듦  
7 input_tensor = torch.rand(1, 3, 4, 4)  
8 print(input_tensor)  
9  
10 print(f"**변환 전 텐서 모양:** {input_tensor.shape}")  
11 print("-" * 30)  
12  
13 # 2. view(-1, ...) 연산 적용 (Flatten)  
14 # -1 : 배치 크기는 그대로 유지 (PyTorch가 알아서 계산)  
15 # 3 * 4 * 4 : 나머지 차원을 모두 곱하여 1차원 벡터로 만듦  
16 flattened_size = 3 * 4 * 4  
17 output_tensor = input_tensor.view(-1, flattened_size)  
18  
19 # 3. 결과 확인  
20 print(f"**변환 후 텐서 모양:** {output_tensor.shape}")  
21 print(f"1차원 벡터의 크기 (3 * 4 * 4): {flattened_size}")  
22 print(output_tensor)
```

1

```
tensor([[[[0.5815, 0.3409, 0.1042, 0.1390],  
        [0.1276, 0.6371, 0.6641, 0.0994],  
        [0.9100, 0.5619, 0.1958, 0.5647],  
        [0.9409, 0.5797, 0.6783, 0.1477]],  
  
       [[0.2473, 0.3151, 0.2086, 0.5424],  
        [0.6192, 0.7567, 0.7522, 0.3017],  
        [0.1812, 0.5446, 0.1129, 0.3535],  
        [0.4006, 0.5367, 0.4457, 0.6019]],  
  
       [[0.8268, 0.6091, 0.6774, 0.1970],  
        [0.7131, 0.0490, 0.9487, 0.3579],  
        [0.1010, 0.2131, 0.8264, 0.5533],  
        [0.1995, 0.7888, 0.4406, 0.6352]]])  
  
**변환 전 텐서 모양:** torch.Size([1, 3, 4, 4])
```

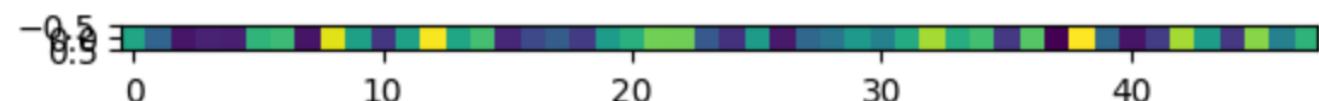
1



2

```
**변환 후 텐서 모양:** torch.Size([1, 48])  
1차원 벡터의 크기 (3 * 4 * 4): 48  
tensor([[0.5815, 0.3409, 0.1042, 0.1390, 0.1276, 0.6371, 0.6641, 0.0994, 0.9100,  
        0.5619, 0.1958, 0.5647, 0.9409, 0.5797, 0.6783, 0.1477, 0.2473, 0.3151,  
        0.2086, 0.5424, 0.6192, 0.7567, 0.7522, 0.3017, 0.1812, 0.5446, 0.1129,  
        0.3535, 0.4006, 0.5367, 0.4457, 0.6019, 0.8268, 0.6091, 0.6774, 0.1970,  
        0.7131, 0.0490, 0.9487, 0.3579, 0.1010, 0.2131, 0.8264, 0.5533, 0.1995,  
        0.7888, 0.4406, 0.6352]])
```

2



CNN의 완전연결층 이해 : Conv2D 가 없을때 완전 연결층(FC Layer의 근본적인 문제점)

1. 엄청난 파라미터(가중치) 수 증가와 계산량 폭증

- 문제: 완전 연결층은 입력 뉴런의 모든 값이 다음 계층의 모든 뉴런과 연결
따라서 이미지의 해상도가 조금만 커져도 모델이 학습해야 할 **가중치(파라미터)** 수가
기하급수적으로 늘어납니다. $(10\text{채널} \times 4\text{행} \times 4\text{열}) \Rightarrow 160\text{개파라미터}$ $(10\text{채널} \times 40 \times 40) \Rightarrow 1600\text{개의 파람}$
- 결과: 모델의 학습 속도가 매우 느려지고, 막대한 메모리가 필요하며, 실제 서비스 환경에 배포가 거의 불가능

2. 공간적 정보 손실 (Spatial Information Loss)

- 문제: 이미지를 완전 연결층에 입력하기 위해서는 2차원 또는 3차원 데이터를 강제로 1차원 벡터로 평탄화(Flatten)해야 함
- 결과: 이미지에서 픽셀들이 서로 **인접해 있다는 공간적 관계** (예: 눈과 코가 가까이 있다는 정보)가
완전히 무시되고 단지 긴 배열의 일부로 취급됩니다. 이는 이미지의 **특징을 효과적으로 추출하고
이해하는 데 큰 장애물**이 됩니다.

3. 위치 불변성 (Translation Invariance) 학습 불가

- 문제: 완전 연결층은 입력 데이터의 **특정 위치**에 있는 특정 픽셀에만 반응하도록 가중치를 학습합니다.
- 결과: 만약 훈련 데이터에서 고양이의 눈이 이미지의 **중앙**에 있었다면,
고양이가 이미지의 **왼쪽 구석**으로 이동할 경우, 모델은 이를 전혀 다른 **특징**으로 인식하고
정확하게 분류하지 못할 가능성이 높습니다. CNN의 **가중치 공유(Parameter Sharing)**
개념이 없기 때문에, 물체의 위치가 바뀌면 모델의 성능이 급격히 저하됩니다

CNN은 **합성곱(Convolution)**
연산을 통해
파라미터 수를 줄이면서(효율성),
지역적 특징을 보존하고(공간 정보),
위치에 상관없이 동일한 특징을 감지
(위치 불변성)
할 수 있도록 하여,
완전 연결층이 가진
근본적인 한계를 극복합니다.