Inibição pelo produto

A acumulação do produto numa reacção enzimática pode inibir a reacção pelo simples efeito da reacção inversa (marcha para o equilíbrio). No entanto, algumas reacção praticamente irreversíveis exibem inibição pelo produto quando catalisadas enzimaticamente! Num mecanismo do tipo Henri-Michaelis-Menten teríamos que ter

$$E+A \xrightarrow{k_1} EA \xrightarrow{k_2} E+P$$

o que parece muito pouco realista (porquê?). Muito mais plausível será o mecanismo de 3 passos, com o segund passo irreversível:

$$E+A \xrightarrow{k_1} EA \xrightarrow{k_2} EP \xrightarrow{k_3} E+P$$

sendo k_{-2} , tem-se:

$$K_{\text{mP}} = \frac{k_{-1}k_{-2} + k_{-1}k_3 + k_2k_3}{k_{-3}(k_{-1} + k_{-2} + k_2)} = \frac{k_3}{k_{-3}} = K_{\text{sP}} \quad , \quad k_{-0} = 0 \quad , \quad k_{\text{P}} = \frac{k_{-0}}{K_{\text{mP}}} = 0$$

Inibição pelo produto

e assim a equação reversível de Michaelis-Menten

$$v = \frac{k_{A}[E]_{0}[A] - k_{P}[E]_{0}[P]}{1 + \frac{[A]}{K_{mA}} + \frac{[P]}{K_{mP}}}$$

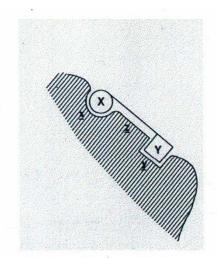
reduz-se a

$$v = \frac{k_{A}[E]_{0}[A]}{1 + \frac{[A]}{K_{mA}} + \frac{[P]}{K_{sP}}} = \frac{k_{0}[E]_{0}[A]}{K_{mA} + [A] + K_{mA} \frac{[P]}{K_{sP}}} = \frac{k_{0}[E]_{0}[A]}{K_{mA} \left(1 + \frac{[P]}{K_{sP}}\right) + [A]}$$

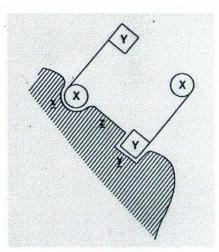
$$v = \frac{k_0[E]_0[A]}{K_{mA} \left(1 + \frac{[P]}{K_{sP}}\right) + [A]}$$

a expressão final de v é formalmente idêntica a uma equação de inibição competitiva, com inibidor P e constante de inibição K_{sP}

O substrato pode provocar inibição da sua própria catálise por via de um modo de ligação não-produtivo ao centro activo do enzima. Um dos casos mais simples ocorre com substratos que são ligandos bi-dentados:



Ligação produtiva do substrato



Ligação não-produtiva do substrato

$$\begin{cases}
E+A \xrightarrow{K_{m}} EA \xrightarrow{k_{2}} E+P \\
EA+A \xrightarrow{K'} EA_{2}
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
E+A \xrightarrow{K_{m}} EA \xrightarrow{k_{2}} E+P \\
EA+A \xrightarrow{K'} EA_{2}
\end{cases}$$

$$[E]_0 = [E] + [EA] + [EA_2]$$
 $K_m = \frac{[E][A]}{[EA]}$ $K' = \frac{[EA][A]}{[EA_2]}$

$$v_{0} = \frac{V_{\text{max}}[A]}{K_{\text{m}} + [A] + \frac{[A]^{2}}{K'}}$$

Note-se que esta expressão não é uma forma Michaeliana, pois tem um termo em $[A]^2$. A velocidade não tende para V_{max} quando v->infinito, mas atinge um valor máximo e depois decresce para zero.

$$v_0 = \frac{V_{\text{max}}[A]}{K_{\text{m}} + [A] + \frac{[A]^2}{K'}}$$

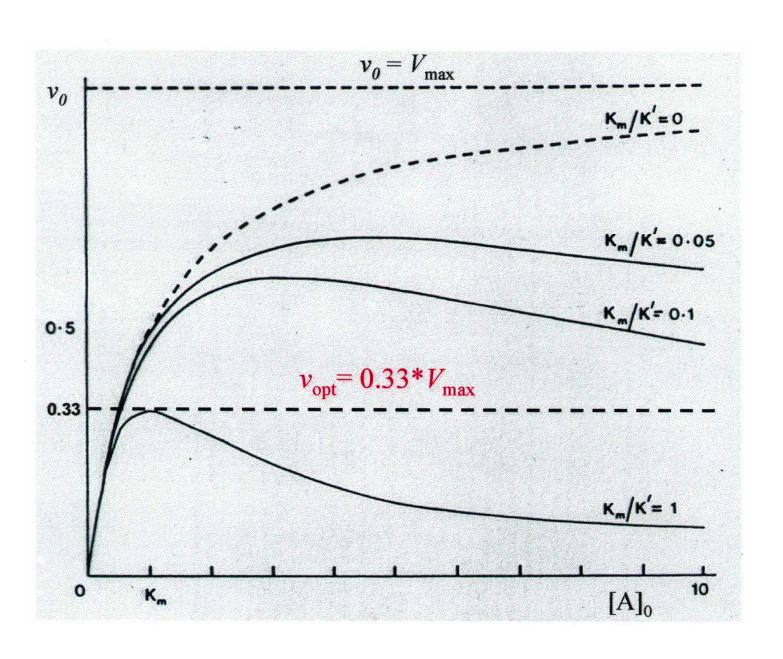
O máximo valor de v₀obtem-se para

$$v_0 = \sqrt{K_{\rm m}K'}$$

Designando este valor de velocidade por v_{OPT} , temos

$$\frac{K_{\rm m}}{K'} = 1 \implies v_{\rm OPT} = 33\% \text{ de } V_{\rm max}$$

Note-se que a designação de $V_{\rm max}$ no contexto deste inibição é meramente formal: corresponde à velocidade máxima que seria observada caso $n\~ao$ ocorresse inibição pelo substrato. Ocorrendo este tipo de inibição, a velocidade atinigirá um máximo para um valor de velocidade igual a $\sqrt{K_{\rm m}K'}$



Ligação não-produtiva do substrato

Quando o enzima é pouco específico para o substrato, pode ocorrer formação de um complexo enzima-substrato (AE) para o qual não ocorre catálise (nem formação de produto):

$$AE$$

$$\downarrow \uparrow K_{i}$$

$$A + E \xrightarrow{k_{1}} EA \xrightarrow{k_{2}} E + P$$

$$+$$

$$A$$

Este esquema cinético é semelhante ao da inibição competitiva, pelo que a velocidade deverá ser dada por:

$$v = \frac{V_{\text{max}}[A]}{K_{\text{m}} \left(1 + \frac{[A]}{K_{\text{i}}}\right) + [A]}$$

Ligação não-produtiva do substrato

$$v = \frac{V_{\text{max}}[A]}{K_{\text{m}} \left(1 + \frac{[A]}{K_{\text{i}}}\right) + [A]}$$

Esta expressão pode ser arranjada numa forma Michaelikana, com

$$v = \frac{V_{\text{max}}^{\text{app}}[A]}{K_{\text{m}}^{\text{app}} + [A]}$$

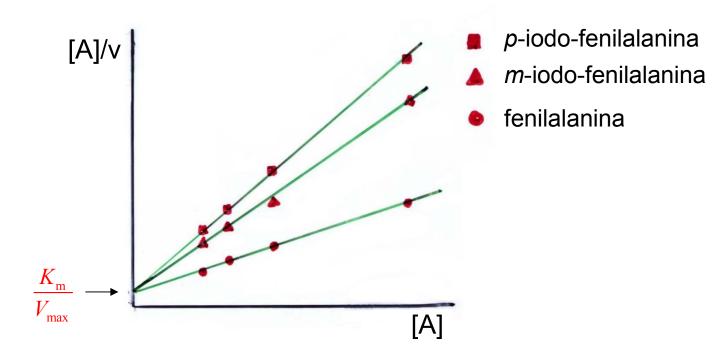
$$V_{\text{max}}^{\text{app}} = \frac{V_{\text{max}}}{\left(1 + \frac{K_{\text{m}}}{K_{\text{i}}}\right)} \qquad K_{\text{m}}^{\text{app}} = \frac{K_{\text{m}}}{\left(1 + \frac{K_{\text{m}}}{K_{\text{i}}}\right)} \qquad \frac{V_{\text{max}}^{\text{app}}}{K_{\text{m}}^{\text{app}}} = \frac{V_{\text{max}}}{K_{\text{m}}}$$

Portanto a cinética observada será Michaeliana, mas as constantes "verdadeiras" do enzima aparecem divididas por uma quantidade desconhecida.

Evidência para a ligação não-produtiva

A presença de ligação não-produtiva pode ser evidenciada pela comparação dos parâmetros cinéticos de um dado enzima relativamente a uma família de substratos.

Oxidação da fenilalanina pela L-amino-oxidase



O gráfico de Hanes-Woolf indica um $K_{\rm m}/V_{\rm max}$ constante para os 3 substratos, o que sugere ligação não produtiva em diferentes graus para os substituintes da fenilalanina

Inibição parcial (hiperbólica)

$$E+A \xrightarrow{K_{\rm m}} EA \xrightarrow{k_2} E+P \qquad \text{na presença do inibidor I.}$$

$$+ \qquad \qquad +$$

$$I \qquad \qquad I$$

$$\uparrow \downarrow_{K_{\rm ic}} \qquad \uparrow \downarrow_{K_{\rm iu}} \qquad \qquad K_{\rm m}^{\rm app} = K_{\rm m} \frac{\left(1+\frac{[I]}{K_{\rm ic}}\right)}{\left(1+\frac{[I]}{K_{\rm iu}}\right)}$$

$$EI+A \xrightarrow{K_{\rm m}'} EAI \xrightarrow{k_2'} EI+P$$

Actividade catalítica residual mesmo na presença do inibidor I.

$$K_{\rm m}^{\rm app} = K_{\rm m} \frac{\left(1 + \frac{[{\rm I}]}{K_{\rm ic}}\right)}{\left(1 + \frac{[{\rm I}]}{K_{\rm iu}}\right)}$$

$$v_{0} = \frac{[E]_{0}[A](k_{2} + k_{2}'[I]/K_{iu})}{K_{m}\left(1 + \frac{[I]}{K_{ic}}\right) + \left(1 + \frac{[I]}{K_{iu}}\right)[A]}$$

$$V_{max}^{app} = \frac{[E]_{0}[A](k_{2} + k_{2}'[I]/K_{iu})}{\left(1 + \frac{[I]}{K_{iu}}\right)}$$

$$V_{\text{max}}^{\text{app}} = \frac{[E]_0[A](k_2 + k_2'[I]/K_{\text{iu}})}{\left(1 + \frac{[I]}{K_{\text{iu}}}\right)}$$

Inibição parcial (hiperbólica)

$$K_{\rm m}^{\rm app} = K_{\rm m} \left(1 + \frac{[{\rm I}]}{K_{\rm ic}} \right) / \left(1 + \frac{[{\rm I}]}{K_{\rm iu}} \right) \qquad V_{\rm max}^{\rm app} = [{\rm E}]_0 [{\rm A}] (k_2 + \frac{k_2'[{\rm I}]/K_{\rm iu}}{K_{\rm iu}}) / \left(1 + \frac{[{\rm I}]}{K_{\rm iu}} \right)$$

$$\frac{1}{V_{\text{max}}^{\text{app}}} = \left(1 + \frac{[I]}{K_{\text{iu}}}\right) / [E]_0 [A] (k_2 + \frac{k_2'[I]}{K_{\text{iu}}})$$

$$\frac{K_{\text{m}}^{\text{app}}}{V_{\text{max}}^{\text{app}}} = K_{\text{m}} \left(1 + \frac{[\text{I}]}{K_{\text{ic}}} \right) / [\text{E}]_{0} [\text{A}] (k_{2} + \frac{k_{2}'[\text{I}]/K_{\text{iu}}}{K_{\text{iu}}})$$

$$\frac{1}{V_{
m max}^{
m app}}$$
 e $\frac{K_{
m m}^{
m app}}{V_{
m max}^{
m app}}$ são funções hiperbólicas da [I]

Inibição parcial (hiperbólica)

$$k_{2} = k_{2}' \implies v_{0} = \frac{k [E]_{0}[A]}{\left(1 + \frac{[I]}{K_{ic}}\right) + [A]}$$

$$K_{m} \frac{\left(1 + \frac{[I]}{K_{iu}}\right)}{\left(1 + \frac{[I]}{K_{iu}}\right)}$$

$$K_{\rm iu} > K_{\rm ic} \quad \Rightarrow \quad K_{\rm m}^{\rm app} > K_{\rm m} \quad \ \ \, {\rm Inibição \ competitiva \ parcial}$$

$$K_{\rm iu} < K_{\rm ic} \quad \Rightarrow \quad K_{\rm m}^{\rm app} < K_{\rm m}$$
 Activação competitiva parcial