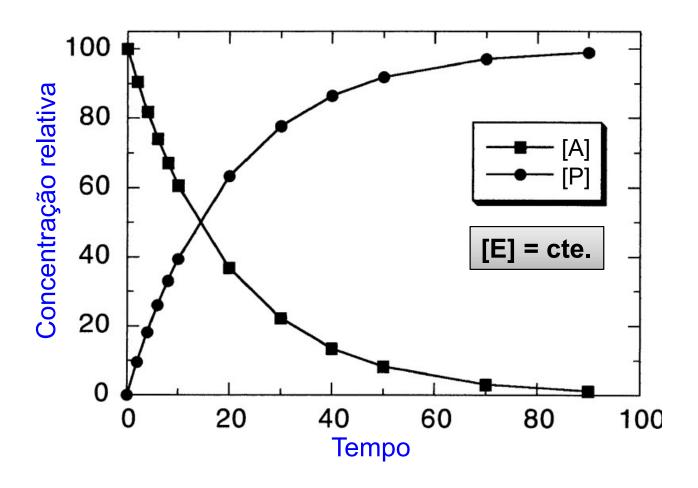
# Cinética de reacções enzimáticas mono-substrato

### Curva de progresso de reacção enzimática mono-substrato



- O curso de uma reação enzimática pode ser seguido através da variação da concentração do substrato (A) ou do produto (P) ao longo do tempo, na presença de uma quantidade fixa de enzima E.
- A atenuação da velocidade de reação pode ser devida uma variedade de causas, não existindo geralmente uma equação simples que descreva a curva de progresso.

# Atenuação da velocidade de reacção

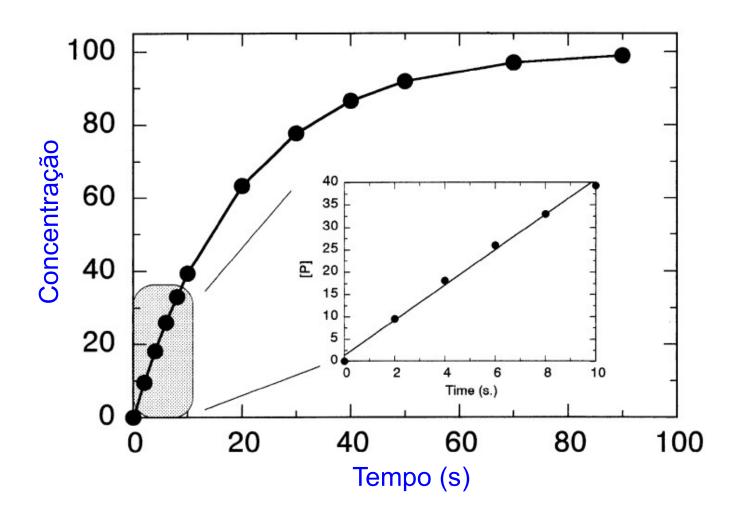
Um ou mais dos seguintes factores podem contribuir para que a velocidade de reacção vá decaindo ao longo do tempo:

- A reacção inversa predomina à medida que o produto se acumula
- O grau de saturação do enzima diminui à medida que o substrato se gasta
- O enzima torna-se instável durante o decurso de reacção
- O produto (ou produtos) de reacção inibe o enzima

A análise de *velocidades iniciais* de reacção resolve este problema, já que estas se aplicam a um instante de tempo em que os factores acima mencionados ainda não tiveram tempo de afectar a velocidade de reacção. Em condições de velocidade inicial podemos ainda assumir:

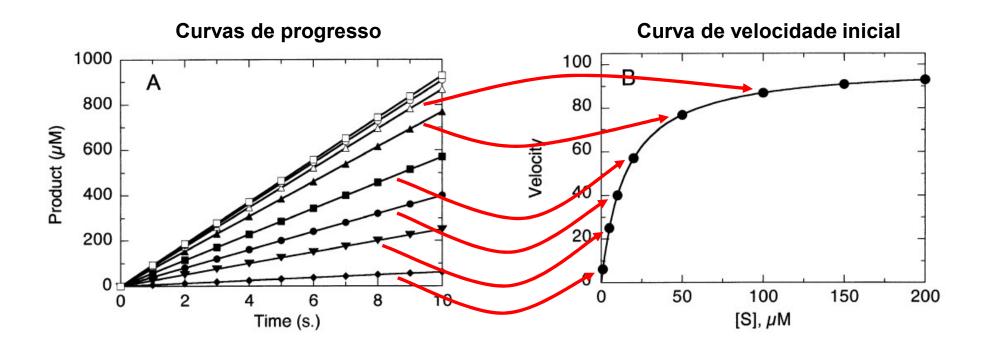
$$[A]_T \approx [A]_0$$
 (ainda não se gastou substrato)  
 $[P]_0 \approx 0$  (ainda não se formou produto)

## Velocidades iniciais de reacção



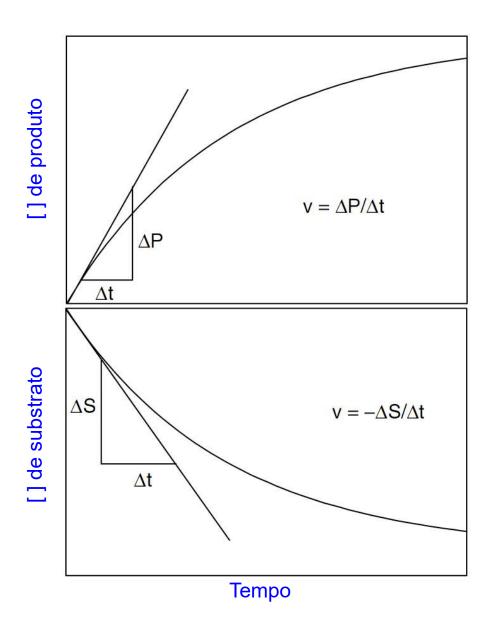
Experimentalmente observa-se uma relação linear entre concentração de produto formado e tempo, desde o início da reacção e até ao consumo de cerca de **10-20**% da quantidade inicial de substrato.

# Velocidades iniciais e dependência da concentração



A variação de velocidade com a concentração de substrato não é linear como seria de esperar numa cinética de primeira ordem, v = k[A], mas aparenta antes uma ordem variável (cinética de saturação).

#### Estimativa de velocidades iniciais



Para assegurar a validade dos dados cinéticos recolhidos, é necessário que se verifiquem as seguintes condições:

- O enzima deverá ser estável durante o intervalo de tempo de recolha de dados para cálculo da velocidade inicial
- As velocidades iniciais são estimadas a partir da curva de progresso de substrato ou produto
- A velocidade de reacção deve ser proporcional à concentração de enzima

$$v_0 = -\frac{\Delta S}{\Delta t} = \frac{\Delta P}{\Delta t}$$

#### Unidades de actividade enzimática

- enzyme unit (e.u.) quantidade de enzima capaz de catalisar a degradação de 1 μmol de substrato, ou formação de 1 μmol de produto em 1 minuto
- *katal* (kat) a unidade S.I. de actividade enzimática, corresponde à quantidade de enzima capaz de consumir um **1 mol** de substrato em **1 segundo**

1 e.u. = 
$$1.7 \times 10^{-7}$$
 kat

A unidade e.u. continua a ser preferida ao katal (apesar de este ser a unidade S.I.), porque as actividades enzimáticas observados experimentalmente estão muito mais próximas em grandeza da primeira unidade (o katal é uma unidade demasiado grande).

## A ideia de complexo enzima-substrato

- O'Sullivan and Thompson (1890) verificam que a estabilidade térmica da invertase é muito maior na presença de açúcar
- Wurz (1880) observa a formação de um precipitado de papaínafibrina
- Buchner (1897) observa estabilização da actividade fermentativa de um extracto de leveduras na presença de sacarose
- Brown (1902) mede velocidades de fermentação da sacarose em leveduras vivas que são *independentes* da concentração de substrato

## Trabalhos pioneiros em enzimologia

- O'Sullivan and Thompson (1890) estudam a reacção da invertase e chegam às seguintes conclusões:
  - a reacção é dependente do grau de acidez do meio
  - a velocidade é proporcional à concentração de enzima
  - a velocidade aumenta com a concentração de substrato
  - a velocidade parece ser aproximadamente proporcional a [S]
  - a velocidade aumenta com a temperatura
  - existe uma temperatura óptima acima da qual não há actividade
- Henri (1902) propõe um mecanismo baseado na existência de um complexo enzima-substrato, através de uma formulação precisa de um mecanismo cinético
- Sorensen (1909) apercebe-se da importância de controlar a concentração hidrogeniónica do meio e inventa a escala de pH
- Michaelis e Menten (1913) repetem as experiências de Henri, mas controlam o pH com tampões e medem velocidades iniciais. Os resultados concordam na essência com os anteriores estudos de Henri.

#### Modelo de Henri

Em 1902 Henri propõe um modelo baseado nas seguintes hipóteses:

- O enzima é um catalisador
- Enzima e substrato reagem rapidamente formando um *complexo enzima-substrato*
- O complexo enzima-substrato decompõe-se em produto num passo único
- Enzima, substrato e complexo enzima-substrato estão em equilíbrio
- A concentração de substrato é muito superior à concentração de enzima
- A velocidade global da reacção é limitada pela decomposição do complexo enzima-substrato em produto
- A medição de velocidades iniciais permite desprezar o efeito da reacção inversa

$$E + A \xrightarrow{K_S} EA \xrightarrow{passo\ lento} E + P$$

$$v = \frac{K[A]}{1 + \frac{[A]}{K_S}}$$

$$K_S = \frac{[E][A]}{[EA]}$$

## A equação de Henri-Michaelis-Menten

Michaelis e Menten (1913) refinam a abordagem de Henri e propõe um modelo muito semelhante:

$$E + A \xrightarrow{K_S} EA \xrightarrow{k_{cat}} E + P$$
 passo lento

considerando o primeiro passo suficientemente rápido para ser considerado em equilíbrio:

$$K_{\rm S} = \frac{[\rm E]_{\rm eq}[\rm A]_{\rm eq}}{[\rm EA]_{\rm eq}}$$

as concentrações de enzima e substrato livre vêm dadas por:

$$[E] = [E]_0 - [EA]$$
  
 $[A] = [A]_0 - [EA]$ 

se tivermos  $[A]_0 >> [E]_0$  vem  $[A] \sim= [A]_0$  e [EA] pode ser obtido como :

[EA] = 
$$\frac{[E]_0}{K_s/[A]_0} + 1$$

# A equação de Henri-Michaelis-Menten

A velocidade de formação do produto depende do segundo passo, que é uma reacção simples de primeira ordem:

$$v = \frac{d[P]}{dt} = k_{\text{cat}}[EA] = \frac{k_{\text{cat}}[E]_0}{K_{\text{S}}/[A] + 1} = \frac{k_{\text{cat}}[E]_0[A]}{K_{\text{S}} + [A]}$$

$$V_{\text{max}} = k_{\text{cat}}[E]_0$$

$$K_{\rm m} = K_{\rm S}$$

$$v = \frac{V_{\text{max}}[A]}{K_{\text{m}} + [A]}$$

Equação de Henri-Michaelis-Menten

 $V_{\text{max}} \rightarrow \text{velocidade máxima}$ 

 $K_{\rm m} \rightarrow$  cte. de Michaelis