# Лабораторная работа 13

Схема модели

Алади Принц Чисом

## Содержание

1	Постановка задачи	5
2	Выполнение лабораторной работы	6
	2.1 Схема модели	. 6
	2.2 Описание модели	. 6
	2.3 Анализ сети Петри	. 8
	2.4 Реализация модели в CPN Tools	. 9
	2.5 Пространство состояний	. 11
3	Выводы	16

# Список иллюстраций

2.1	Сеть для выполнения домашнего задания	8
2.2	Дерево достижимости	8
2.3	Модель задачи в CPN Tools	9
2.4	Задание деклараций	10
2.5	Запуск модели	10
2.6	Граф пространства состояний	11

# Список таблиц

## 1 Постановка задачи

- 1. Используя теоретические методы анализа сетей Петри, провести анализ сети (с помощью построения дерева достижимости). Определить, является ли сеть безопасной, ограниченной, сохраняющей, имеются ли тупики.
- 2. Промоделировать сеть Петри с помощью CPNTools.
- 3. Вычислить пространство состояний. Сформировать отчёт о пространстве состояний и проанализировать его. Построить граф пространства состояний.

## 2 Выполнение лабораторной работы

### 2.1 Схема модели

Заявка (команды программы, операнды) поступает в оперативную память (ОП), затем передается на прибор (центральный процессор, ЦП) для обработки. После этого заявка может равновероятно обратиться к оперативной памяти или к одному из двух внешних запоминающих устройств (В1 и В2). Прежде чем записать информацию на внешний накопитель, необходимо вторично обратиться к центральному процессору, определяющему состояние накопителя и выдающему необходимую управляющую информацию. Накопители (В1 и В2) могут работать в 3-х режимах:

```
1) B1 — занят, B2 — свободен;
```

2) B2 — свободен, B1 — занят;

3) В1 — занят, В2 — занят.

### 2.2 Описание модели

Сеть Петри моделируемой системы представлена на рис. 2.1.

Множество позиций:

Р1 — состояние оперативной памяти (свободна / занята);

P2 — состояние внешнего запоминающего устройства B1 (свободно / занято);

РЗ — состояние внешнего запоминающего устройства В2 (свободно / занято);

P4 — работа на ОП и В1 закончена;

- P5 работа на ОП и B2 закончена;
- Р6 работа на ОП, В1 и В2 закончена;

Множество переходов:

- $T1 \Pi$  работает только с RAM и B1;
- T2 обрабатываются данные из RAM и с B1 переходят на устройство вывода;
- Т3 CPU работает только с RAM и B2;
- T4 обрабатываются данные из RAM и с B2 переходят на устройство вывода;
- T5 CPU работает только с RAM и с B1, B2;
- T6— обрабатываются данные из RAM, B1, B2 и переходят на устройство вывода. Функционирование сети Петри можно расматривать как срабатывание пере-

ходов, в ходе которого происходит перемещение маркеров по позициям:

- работа CPU с RAM и B1 отображается запуском перехода T1 (удаление маркеров из P1, P2 и появление в P1, P4), что влечет за собой срабатывание перехода T2, т.е. передачу данных с RAM и B1 на устройство вывода;
- работа CPU с RAM и B2 отображается запуском перехода Т3 (удаление маркеров из P1 и P3 и появление в P1 и P5), что влечет за собой срабатывание перехода Т4, т.е. передачу данных с RAM и B2 на устройство вывода;
- работа CPU с RAM, B1 и B2 отображается запуском перехода Т5 (удаление маркеров из P4 и P5 и появление в P6), далее срабатывание перехода T6, и данные из RAM, B1 и B2 передаются на устройство вывода;
- состояние устройств восстанавливается при срабатывании: RAM переходов Т1 или Т2; В1 переходов Т2 или Т6; В2 переходов Т4 или Т6.

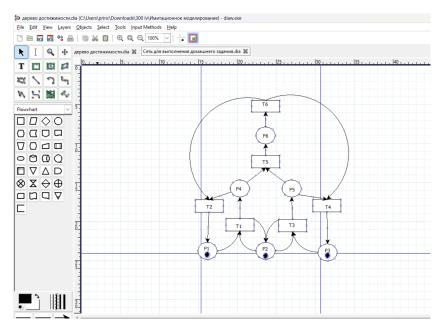


Рис. 2.1: Сеть для выполнения домашнего задания

## 2.3 Анализ сети Петри

Построим дерево достижимости (рис. 2.2).

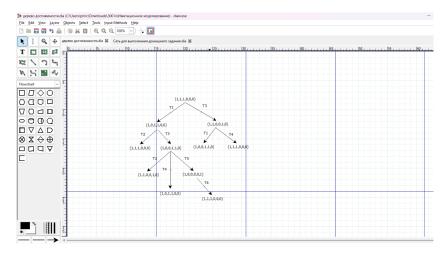


Рис. 2.2: Дерево достижимости

Можем увидеть, что представленная сеть:

безопасна, поскольку в каждой позиции количество фишек не превышает
 1;

- ограничена, так как существует такое целое k, что число фишек в каждой позиции не может превысить k (в данном случае k=1);
- сеть не имеет тупиков;
- сеть не является сохраняющей, так как при переходах t5 и t6 количество фишек меняется.

## 2.4 Реализация модели в CPN Tools

Реализуем описанную ранее модель в CPN Tools. С помощью контекстного меню создаем новую сеть, далее нам понадобятся 6 позиций и 6 блоков переходов, затем их нужно соединить, а также задать параметры и начальные значения. Получаем готовую модель (рис. 2.3).

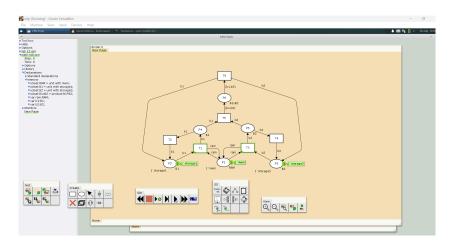


Рис. 2.3: Модель задачи в CPN Tools

Также зададим нужные декларации (рис. 2.4).

```
▼petri-net.cpn
   Step: 0
   Time: 0
 ▶ Options
 ► History
 ▼ Declarations
   ► Standard declarations
   ▼memory
     ▼colset RAM = unit with mem;
     ▼colset B1 = unit with storage1;
     ▼colset B2 = unit with storage2;
     ▼colset B1xB2 = product B1*B2;
     ▼var ram:RAM;
     ▼ var b1:B1;
     ▼var b2:B2;
 ▶ Monitors
   New Page
```

Рис. 2.4: Задание деклараций

Запустив модель, можно посмотреть, как она работает (рис. 2.5).

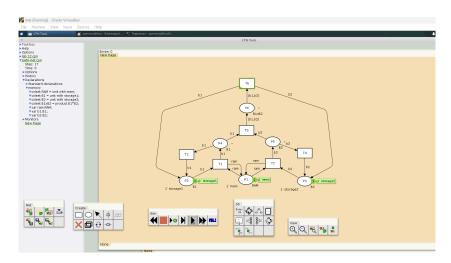


Рис. 2.5: Запуск модели

### 2.5 Пространство состояний

Изучим пространство состояний. Сформируем граф пространства состояний, их всего 5 (2.6).

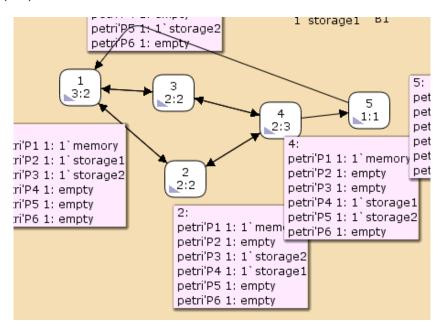


Рис. 2.6: Граф пространства состояний

Вычислим пространство состояний. Прежде, чем пространство состояний может быть вычислено и проанализировано, необходимо сформировать код пространства состояний. Этот код создается, когда используется инструмент Войти в пространство состояний. Вход в пространство состояний занимает некоторое время. Затем, если ожидается, что пространство состояний будет небольшим, можно просто применить инструмент Вычислить пространство состояний к листу, содержащему страницу сети. Сформируем отчёт о пространстве состояний и проанализируем его. Чтобы сохранить отчет, необходимо применить инструмент Сохранить отчет о пространстве состояний к листу, содержащему страницу сети и ввести имя файла отчета.

Из отчета можно увидеть:

• есть 5 состояний и 10 переходов между ними, strongly connected components (SCC) graph содержит 1 вершину и 0 переходов.

• Затем указаны границы значений для каждого элемента: состояние Р1

всегда заполнено 1 элементом, а остальные содержат максимум 1 элемент,

минимум - 0.

• Также указаны границы в виде мультимножеств.

• Маркировка home для всех состояний, так как в любую позицию мы можем

попасть из любой другой маркировки.

• Маркировка dead равная None, так как нет состояний, из которых переходов

быть не может.

• В конце указано, что бесконечно часто могут происходить переходы Т1,

Т2, Т3, Т4, но не обязательно, также состояние Т5 необходимо для того,

чтобы система не попадала в тупик, а состояние Т6 происходит всегда, если

доступно.

CPN Tools state space report for:

/home/openmodelica/petri\_net.cpn

Report generated: Wed Apr 1 11:20:28 2025

Statistics

\_\_\_\_\_\_

State Space

Nodes: 5

Arcs: 10

Secs: 0

Status: Full

Scc Graph

Nodes: 1

Arcs: 0

Secs: 0

12

#### Boundedness Properties

\_\_\_\_\_\_

### Best Integer Bounds

	Upper	Lower
petri'P1 1	1	1
petri'P2 1	1	0
petri'P3 1	1	0
petri'P4 1	1	0
petri'P5 1	1	0
petri'P6 1	1	0

### Best Upper Multi-set Bounds

petri'P1 1	1`memory
petri'P2 1	1`storage1
petri'P3 1	1`storage2
petri'P4 1	1`storage1
petri'P5 1	1`storage2
petri'P6 1	1`(storage1,storage2)

#### Best Lower Multi-set Bounds

petri'P1 1	1`memory
petri'P2 1	empty
petri'P3 1	empty
petri'P4 1	empty
petri'P5 1	empty
petri'P6 1	empty

Home Properties			
Home Markings All			
Liveness Properties			
Dead Markings None			
Dead Transition Instances None			
Live Transition Instances All			
Fairness Properties			
petri'T1 1 petri'T2 1 petri'T3 1	No Fairness No Fairness		
petri'T4 1 petri'T5 1	No Fairness Just		

petri'T6 1

Fair

## 3 Выводы

В результате выполнения данной лабораторной работы я выполнила задание для самостоятельного выполнения, а именно провела анализ сети Петри, построила сеть в CPN Tools, построила граф состояний и провела его анализ