# Metody Obliczeniowe w Nauce i Technice Laboratorium 4 Całkowanie numeryczne

#### 13 czerwca 2023

#### Literatura

• Wykład 4: materiały na Teams

### Przydatne funkcje (Matlab)

- trapz, meshgrid, cumtrapz
- integral, integral2, integral3
- quad, quadgk, quadl, dblquad

# Przydatne funkcje (Python)

- scipy.integrate
- quad, dblquad, tplquad
- trapezoid, simps, romberg

# Funkcje

- 1.  $f_1(x) = e^{-x^2} (\ln x)^2$
- 2.  $f_2(x) = \frac{1}{x^3 2x 5}$
- 3.  $f_3(x) = x^5 e^{-x} \sin x$
- 4.  $f_4(x,y) = \frac{1}{(\sqrt{x+y})(1+x+y)}, \ 0 \le x \le 1, \ 0 \le y \le 1-x$
- 5.  $f_5(x,y) = x^2 + y^2$ ,  $-3 \le x \le 3$ ,  $-5 \le y \le 5$

#### Zadanie 1 Próbki prędkości i przebyta droga

Napisz funkcję, która przyjmuje dwa wektory o równej długości:

- wektor prędkości chwilowych mierzonych prędkościomierzem (w km/h),
- wektor czasu (w sekundach),

a następnie oblicza przebytą drogę (w km) korzystając z metody trapezów (cumtrapz, trapezoid). Przedstaw przykładowe wyniki obliczeń za pomoca wykresów.

#### Zadanie 2 Złożona kwadratura Simpsona

Napisz funkcję, która przyjmuje dwa wektory o równej długości:

- wektor x węzły równoodległe
- wektor y wartości funkcji

a następnie oblicza wartość całki oznaczonej korzystając ze złożonej kwadratury Simpsona. Porównaj dokładność zaimplementowanej kwadratury z wybraną kwadraturą adaptacyjną dla przykładowych funkcji i przedziałów całkowania.

### Zadanie 3 Oznaczone całki podwójne

- 1. Oblicz wartość oznaczonej całki podwójnej dla funkcji  $f_4(x,y)$  i podanych granic całkowania (integral2, dblquad)
- 2. Oblicz wartość oznaczonej całki podwójnej dla funkcji  $f_5(x,y)$  wykorzystując dwukrotnie metodę trapezów. Jak zmienia się dokładność względem liczby punktów siatki 2D? Przy jakim rozmiarze siatki dokładność jest podobna do dokładności uzyskanej za pomocą metody adapatacyjnej (integral2, dblquad))?

# Przykładowe problemy

- Obliczanie powierzchni konturu zamkniętego (np. dłoni)
- Indoor Positioning System based on Gyroscope and Accelerometer