Metody Obliczeniowe w Nauce i Technice

Labolatorium nr 2

Patryk Klatka

22 marca 2023

Wstęp

Celem labolatorium było zapoznanie się z metodami obliczania układów równań liniowych. Została przeanalizowana metoda Gaussa-Jordana oraz faktoryzacji LU. Dodatkowo, został wykonany program, który oblicza natężenia prądu w obwodzie elektrycznym za pomocą praw Kirchoffa. Program ten miał na celu zapoznania się z metodami radzenia sobie z nadokreślonym układem równań.

Sprawozdanie zostało napisane w Jupyter Notebooku, w celu przedstawienia nie tylko wniosków z przeprowadzonego labolatorium, ale również kodu, który został wykorzystany do jego wykonania.

Import bibliotek oraz ich konfiguracja

W celu wykonywania obliczeń oraz rysowania wykresów, zostały zaimportowane odpowiednie biblioteki. Dodatkowo, zostały ustawione parametry wykresów, tak aby były czytelne.

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import matplotlib.colors as plt_colors
import pandas as pd
import networkx as nx
import scipy
import time
from collections import deque

# Matplotlib settings
%matplotlib inline
%config InlineBackend.figure_format = 'retina'
plt.style.use('ggplot')
```

Zadanie 1 - Metoda Gaussa-Jordana

Funkcja rozwiązująca układ równań liniowych $n \times n$ metodą Gaussa-Jordana z częściowym poszukiwaniem elementu wiodącego:

```
def gauss_jordan_method(Ab: np.array) -> np.array:
    """Solve the linear system of equations Ax = b using Gauss-Jordan method.

Source: https://en.wikipedia.org/wiki/Gaussian_elimination#Pseudocode
    :param np.array Ab: Matrix A augmented with vector b
```

```
:return np.array: Vector x
h = 0
k = 0
while h < Ab.shape[0] and k < Ab.shape[1]:</pre>
    # Find the k-th pivot
    i max = np.argmax(np.abs(Ab[h:, k])) + h # Why + h? Because we only want to se
    if np.isclose(Ab[i_max, k], 0.0):
        # Matrix is singular
        k += 1
        continue
    # Scale the h-th row
    Ab[h] = Ab[h] / np.max(np.abs(Ab[h, :]))
    # Swap the k-th row with the i max-th row
    Ab[[k, i max]] = Ab[[i max, k]]
    # For all rows below the k-th row, subtract the k-th row scaled by a factor of
    for i in range(h + 1, Ab.shape[0]):
        f = Ab[i, k] / Ab[h, k]
        Ab[i] = Ab[i] - f * Ab[h]
    h += 1
    k += 1
# Backward substitution, to read solution
x = np.zeros(Ab.shape[0])
x[-1] = Ab[-1, -1] / Ab[-1, -2]
for i in range(Ab.shape[0] - 2, -1, -1):
    s = np.sum(Ab[i, i + 1:-1] * x[i + 1:]) # Sum all variables multiplied by the
    x[i] = (Ab[i, -1] - s) / Ab[i, i]
return x
```

Przykładowe wywołania i testowanie poprawności działania funkcji:

```
A = np.array([
    [5, 8, -4],
    [6, 9, -5],
    [4, 7, -2]
]).astype(np.float64)
b = np.array([2, -3, 1]).astype(np.float64)
Ab = np.concatenate((A, b[:, np.newaxis]), axis=1)
x = gauss_jordan_method(Ab.copy())
numpy_x = np.linalg.solve(A.copy(), b.copy())
print(f"Solution: {x}")
print(f"Solution (numpy): {numpy x}")
print(f"Error between implementations: {np.linalq.norm(x - numpy x)}")
print(f"Error after calculations: {np.linalg.norm(A @ x - b)}")
Solution: [-22. 11. -6.]
Solution (numpy): [-22. 11. -6.]
Error between implementations: 1.0330778860635373e-13
Error after calculations: 2.0097183471152322e-14
A = np.array([
    [0, 7, -1, 3, 1],
```

```
[0, 3, 4, 1, 7],
[6, 2, 0, 2, -1],
[2, 1, 2, 0, 2],
[3, 4, 1, -2, 1]
]).astype(np.float64)
b = np.array([5, 7, 2, 3, 4]).astype(np.float64)
Ab = np.concatenate((A, b[:, np.newaxis]), axis=1)

x = gauss_jordan_method(Ab.copy())
numpy_x = np.linalg.solve(A.copy(), b.copy())

print(f"Solution: {x}")
print(f"Solution (numpy): {numpy_x}")
print(f"Error between implementations: {np.linalg.norm(x - numpy_x)}")
print(f"Error after calculations: {np.linalg.norm(A @ x - b)}")
```

```
Solution: [0.03076923 0.78461538 1.01538462 0.15384615 0.06153846]
Solution (numpy): [0.03076923 0.78461538 1.01538462 0.15384615 0.06153846]
Error between implementations: 5.624357682132276e-16
Error after calculations: 8.881784197001252e-16
```

Analizując powyższe wyniki można stwierdzić, że funkcja działa poprawnie. Błędy obliczeniowe, wyznaczone na podstawie obliczeń innej biblioteki oraz przez pomnożenie macierzy A przez wektor wynikowy, są bardzo małe.

Porównanie czasu działania algorytmu z biblioteczną funkcją np.linalg.solve:

```
def generate_linear_equations(n: int) -> np.array:
    """Generate a linear system of equations Ax = b.

:param int n: Number of equations
    :return np.array: Matrix A augmented with vector b
    """

# Generate a random matrix A
A = np.random.randint(5, 100, size=(n, n)).astype(np.float64)

# Generate a random vector b
b = np.random.randint(5, 100, size=(n,)).astype(np.float64)

return np.concatenate((A, b[:, np.newaxis]), axis=1)
```

```
gjelim times.append(f"{time.time() - start time}s")
   # Test numpy.linalq.solve
   Ab copy = Ab.copy()
   start_time = time.time()
   x2 = np.linalg.solve(Ab copy[:, :-1], Ab copy[:, -1])
   numpy times.append(f"{time.time() - start time}s")
   # Test scipy.linalq.solve
   Ab_copy = Ab.copy()
   start time = time.time()
   x3 = scipy.linalg.solve(Ab_copy[:, :-1], Ab_copy[:, -1])
    scipy times.append(f"{time.time() - start time}s")
df = pd.DataFrame({
    "gauss jordan method": gjelim times,
    "numpy.linalg.solve": numpy_times,
    "scipy.linalg.solve": scipy times,
    "winner": list(map(lambda x: function name[x], np argmin([gjelim times, numpy time
}, index=sizes)
df.columns.name = "size"
df
```

size	gauss_jordan_method	numpy.linalg.solve	scipy.linalg.solve	winner
500	0.3307778835296631s	0.001577138900756836s	0.0064389705657958984s	numpy.linalg.solve
600	0.48276782035827637s	0.033168792724609375s	0.04127216339111328s	numpy.linalg.solve
700	0.6485991477966309s	0.003538846969604492s	0.007977008819580078s	numpy.linalg.solve
800	0.8624429702758789s	0.006327152252197266s	0.009939908981323242s	numpy.linalg.solve
900	1.1233749389648438s	0.006941795349121094s	0.011347055435180664s	numpy.linalg.solve
1000	1.3726298809051514s	0.009220123291015625s	0.017146825790405273s	numpy.linalg.solve
1200	2.047477960586548s	0.021199941635131836s	0.02771306037902832s	numpy.linalg.solve
1500	3.346719980239868s	0.029651880264282227s	0.040968894958496094s	numpy.linalg.solve
1700	4.4968180656433105s	0.05852913856506348s	0.06844902038574219s	numpy.linalg.solve
2000	6.675595045089722s	0.07706093788146973s	0.10071992874145508s	numpy.linalg.solve

Wnioski

Dla wszystkich przypadków, funkcje biblioteczne wykonywały krócej obliczenia niż funkcja gauss_jordan_method . Z funkcji bibliotecznych najlepiej radziła sobie funkcja solve z pakietu numpy.linalg, jednakże różnice w czasie działania z scipy.linalg.solve były niewielkie.

Zadanie 2 - Faktoryzacja LU

Funkcja dokonująca faktoryzacji A=LU macierzy A, bez poszukiwania elementu wiodącego:

```
def lu_factorization(A: np.array) -> np.array:
    """LU factorization of a matrix A. It uses similar algorithm as Gauss-Jordan methof
    :param np.array A: Matrix A, which, after factorization, will be matrix U
    :return np.array: L matrix
```

```
h = 0
k = 0

L = np.eye(A.shape[0], dtype=np.float64)

while h < A.shape[0] and k < A.shape[1]:
    # For all rows below the k-th row
    for i in range(h + 1, A.shape[0]):
        f = A[i, k] / A[h, k]
        L[i, h] = f
        A[i] = A[i] - f * A[h]

h += 1
k += 1

return L</pre>
```

Przykładowe wywołanie funkcji:

```
A = np.array([
    [5, 8, -4],
    [6, 9, -5],
    [4, 7, -2]
]).astype(np.float64)
U = A.copy()
L = lu_factorization(U)
print("A matrix:")
print(A)
print("L matrix:")
print(L)
print("U matrix:")
print(U)
print(f'' \mid A - LU \mid = \{np.abs(A - (L @ U)).sum()\}'')
A matrix:
[[ 5. 8. -4.]
[ 6. 9. -5.]
 [ 4. 7. -2.]]
L matrix:
[[ 1. 0. 0. ]
[ 1.2 1. 0. ]
           1.]]
[0.8 -1.
U matrix:
[[ 5. 8. -4. ]
[0. -0.6 -0.2]
[ 0. 0. 1. ]]
| | A - LU | | = 0.0
```

Testowanie poprawności:

```
def test_lu_factorization(size: int) -> None:
    """Test LU factorization.

:param int size: Size of the matrix
:return int: Error of LU factorization
    """
    A = generate_linear_equations(size)[:, :-1]
```

```
U = A.copy()
L = lu_factorization(U)

return np.abs(A - (L @ U)).sum()

def test_scipy_linalg_lu(size: int) -> None:
    """Test LU factorization from scipy.

:param int size: Size of the matrix
:return int: Error of LU factorization
    """
A = generate_linear_equations(size)[:, :-1]

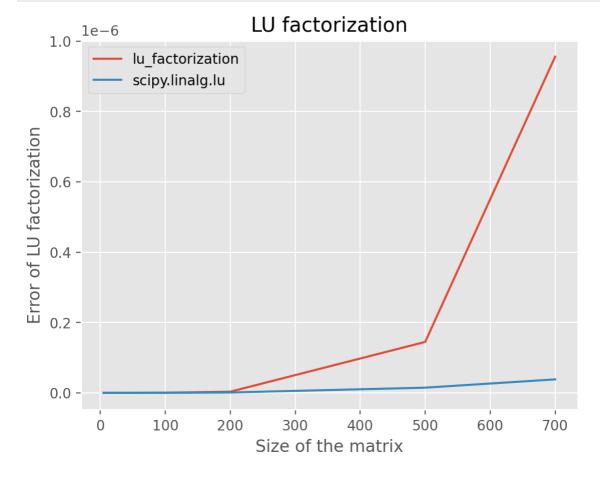
L, U = scipy.linalg.lu(A, permute_l=True)

return np.abs(A - (L @ U)).sum()
```

```
sizes = [5, 10, 20, 50, 100, 200, 500, 700]

errors = [test_lu_factorization(size) for size in sizes]
scipy_errors = [test_scipy_linalg_lu(size) for size in sizes]

plt.title("LU factorization")
plt.plot(sizes, errors)
plt.plot(sizes, scipy_errors)
plt.legend(["lu_factorization", "scipy.linalg.lu"])
plt.xlabel("Size of the matrix")
plt.ylabel("Error of LU factorization")
plt.show()
```



W porównaniu wyników wyrażenia ||A-LU|| dwóch różnych implementacji faktoryzacji dla różnych rozmiarów macierzy, wygrywa implementacja <code>scipy.linalg.lu</code>, która miała o wiele mniejsze błędy niż implementacja <code>lu_factorization</code>. Jednakże, błędy te były stosunkowo małe, nie przekraczały wartości 10^{-6} .

Zadanie 3 - Analiza obwodu elektrycznego - nadokreślony układ równań

Obwód elektryczny jest reprezentowany za pomocą grafu skierowanego, gdzie każda krawędź ma określoną rezystancję. Celem zadania jest obliczenie natężeń prądu w każdej krawędzi, znając przyłożoną siłę elektromotoryczną.

Podejście do zadania

W celu obliczenia natężeń zostało wykorzystane prawo Kirchhoffa. Pierwsze prawo Kirchoffa mówi o zachowaniu ilości prądu w każdym węźle grafu (natężenia prądów wychodzących z węzła równają się natężeniom prądów wchodzących do węzła). Drugie prawo Kirchoffa dotyczy sumy wszystkich napięć w każdym cyklu grafu (suma napięć w cyklu równa się przyłożonej sile elektromotorycznej).

Wykorzystując powyższe prawo, aby obliczyć natężenia należy:

- 1. Dla danego układu nadać odpowiednie kierunki prądom.
- 2. Wygenerować m równań związanych z pierwszym prawem Kirchhoffa.
- 3. Wygenerować n m równań związanych z drugim prawem Kirchhoffa.
- 4. Obliczyć układ równań.
- 5. Obrócić kierunki prądów, jeżeli wynik natężenia jest ujemny.

W celu znalezienia początkowych kierunków prądów, wykonywane jest proste przeuszkiwanie wszerz, zaimplmenetowane w metodzie initialize_directed_graph . Po obliczeniu natężeń, jeżeli natężenie jest ujemne, to kierunek prądu jest zmieniany na przeciwny (krawędź grafu skierowanego jest odwracana).

Za znajdowanie oczek w obwodzie, potrzebnych do wyznaczenia równań z drugiego prawa Kirchoffa, odpowiada funkcja cycle_basis z biblioteki networkx. Funkcja ta zwraca listę list, gdzie każda lista zawiera wierzchołki cyklu prostego. Funkcja gwarantuje, że zwracana lista jest minimalnym zbiorem cyklów, takich, że jakikolwiek cykl w grafie może zostać zapisany jako suma cykli (XOR krawędzi cykli) w tej liście. Funkcja jest wywoływana na grafie nieskierowanym. W poniższych przykładach zazwyczaj liczba cykli wyznaczanych z funkcji cycle_basis wystarczała do utworzenia odpowiedniej liczby układów równań. Przykładem, gdzie potrzebne było wygenerowanie dodatkowych cykli jest obwód reprezentowany przez siatkę 3x3.

Punkt 4. można wykonać na dwa sposoby. Możemy wykonać układ $n \times n$, ale możemy również utworzyć układ nadokreślony. Wtedy za pomocą metody najmniejszych kwadratów (<code>np.linalg.lstsq</code>) możemy obliczyć przybliżone rozwiązanie układu równań, wykorzystując wszystkie równania z pirwszego i drugiego prawa Kirchhoffa. Może to być przydatne, gdy macierz A jest nieodwracalna.

Po każdym wykonaniu obliczeń wykonywane jest sprawdzenie poprawności obliczeń. Dla każdej krawędzi grafu sprawdzane jest, czy natężenie jest mniejsze od natężenia prądu przy krawędzi gdzie została przyłożona siła elektromotoryczna. Dodatkowo sprawdzane jest czy spełnione jest pierwsze prawo Kirchhoffa, z odpowiednim dopuszczalnym błędem, w przypadku korzystania z metody naimniejszych kwadratów.

Uwagi implementacyjne

Klasa Circuit zawiera następujące metody:

- Wczytywanie/zapisywanie grafu nieskierowanego ważonego z pliku.
- Metoda nadająca wstępne kierunki prądów.
- Metoda generująca równania z praw Kirchhoffa oraz obliczająca układ równań (nadokreślony lub nie).
- Metoda sprawdzająca poprawność obliczeń.
- Metoda rysująca graf.

Konwencja pliku z obwodem elektrycznym:

- Każda krawędź grafu jest postaci: e wierzchołek_początkowy wierzchołek_końcowy wartość_rezystancji.
- Przyłożona siła elektromotoryczna E jest postaci: sem wierzchołek_początkowy wierzchołek_końcowy wartość_siły.
- Gdy brak wpisu o sile elektromotorycznej, pojawi się okno zapytujące o wartość siły oraz wierzchołki, między którymi ma zostać przyłożona.
- Wszystkie wpisy są oddzielone znakiem nowej linii.

```
class Circuit:
    def __init__(self, graph=None, filename=None) -> None:
        self.directed_graph = nx.DiGraph()
        self.undirected_graph = nx.Graph()
       self.sem = (-1, -1, -1)
       self.circuit nodes = []
        # Run constructors
        if graph != None and filename == None:
           self.initialize graph(graph)
       if graph == None and filename != None:
            self.read graph from file(filename)
    def initialize graph(self, graph, sem = (-1,-1,-1)):
       Initialize the graph.
        :param nx.Graph graph: Graph
        :param tuple sem: (source, end, max)
        self.undirected graph = graph
        self.sem = sem
       if self.sem == (-1,-1,-1):
            edges = list(self.undirected_graph.edges)
            self.sem = (edges[0][0], edges[0][1], np.random.random()*20 + 50)
```

```
# Randomize resistance of edges
    for u, v in self.undirected graph.edges:
        self.undirected graph[u][v]["resistance"] = np.random.random()*5
    self.undirected graph[self.sem[0]][self.sem[1]]["resistance"] = 0
    self.initialize directed graph()
def read graph from file(self, filename: str):
    """Read graph from file.
    :param str filename: Name of the file
    :return: None
   with open(filename, "r") as f:
        lines = f.readlines()
    sem set = False
    for line in lines:
        if line.startswith("e"):
            _, u, v, w = line.split()
            # Convert to int and float64
           u = int(u)
            v = int(v)
            w = np.float64(w)
            self.undirected graph.add edge(u, v)
            self.undirected graph[u][v]["resistance"] = w
        elif line.startswith("sem"):
            _, u, v, w = line.split()
            # Convert to int and float64
            u = int(u)
            v = int(v)
            w = np.float64(w)
            self.sem = (u, v, w)
            sem set = True
    if not sem set:
        sem val = input("SEM not set!\nEnter value of SEM: ")
        v1 = input(f"Enter first vertex:\nNode list: {self.undirected graph.nodes}
        v2 = input(f"Enter second vertex:\nNode list: {self.undirected_graph.nodes
        self.sem = (v1, v2, np.float64(sem_val))
    self.initialize_directed_graph()
def save graph to file(self, filename: str) -> None:
    """Save graph to file.
    :param str filename: Name of the file
   with open(filename, "w") as f:
        if self.sem !=(-1,-1,-1):
            f.write(f"sem {self.sem[0]} {self.sem[1]} {self.sem[2]}\n")
        for u, v in self.directed graph.edges:
            w = self.directed_graph[u][v]["resistance"]
            f.write(f"e {u} {v} {w}\n")
def initialize directed graph(self, s=None, t=None) -> nx.DiGraph:
    """Generate directions in directed graph.
    :param int s: first node of the edge
    :param int t: second node of the edge
```

```
if s is None and t is None:
        s, t = self.sem[:2]
    def bfs(G,s,t):
        visited = set()
        queue = deque()
        # Add edge which is an SEM.
       visited.add((min(s,t), max(s,t)))
        self.directed graph.add edge(s,t)
        self.directed graph[s][t]['resistance'] = 0
        queue.append(t)
        while queue:
            v = queue.popleft()
            for u in G.adj[v]:
                if (min(v,u),max(v,u)) not in visited:
                    visited.add((min(v,u),max(v,u)))
                    queue.append(u)
                    self.directed graph.add edge(v, u)
                    self.directed graph[v][u]['resistance'] = self.undirected grap
    bfs(self.undirected graph, s, t)
def find circuit nodes in graph(self):
    """Find circuit nodes in graph.
    for node in self.directed graph.nodes:
        if self.directed_graph.in_degree(node) > 0 and self.directed_graph.out_deg
            self.circuit_nodes.append(node)
def generate n cycles(self, n, approx=False):
    """Generate cycles in graph.
    :param int n: Number of cycles
    :param bool approx: Approximate cycles
    :return: cycle list
   cycles = nx.cycle basis(self.undirected graph)
    if len(cycles) < n:</pre>
        # Generate more cycles
        cycles_to_generate = n - len(cycles)
        for i in range(cycles to generate):
            for j in range(i+1, len(cycles)):
                cycle a = cycles[i]
                cycle b = cycles[j]
                edges_a = [(cycle_a[i], cycle_a[(i+1)%len(cycle_a)]) for i in rane
                edges_b = [(cycle_b[i], cycle_b[(i+1)%len(cycle_b)]) for i in rand
                # Get reverse edges as graph undirected
                edges_a += [e[::-1] for e in edges_a]
                edges b += [e[::-1] for e in edges b]
                # Find edges that are in either but not in both
                edges c = set(edges a) ^ set(edges b)
                tmp graph = nx.Graph(list(edges c))
```

```
trv:
                    cycle_to_add = nx.find_cycle(tmp_graph)
                    cycles.append([e[0] for e in cycle to add])
                    cycles to generate -= 1
                    if cycles to generate == 0:
                       return cycles
                except nx.NetworkXNoCycle:
                   pass
   if approx:
       return cycles
   return cycles[:n]
def calculate_currents(self, approx=False):
    """Generate system of linear equations and calculate currents.
    :param bool approx: If True, then use np.linalg.lstsq to calculate currents.
   if len(self.circuit nodes) == 0:
       self.find_circuit_nodes_in_graph()
   n = len(self.directed graph.edges)
   cycles = self.generate n cycles(n - len(self.circuit nodes), approx)
   no of equations = len(self.circuit nodes) + len(cycles)
   A = np.zeros((no of equations, n))
   b = np.zeros(no_of_equations)
    # For each edge assign index, which is an index in matrix A.
   edge to index = {}
   for i, (u, v) in enumerate(self.undirected graph.edges):
       edge to index[(u, v)] = i
       edge to index[(v, u)] = i
   s,t,sem = self.sem
   i = 0
   # Generate equations for each node.
   for node in self.circuit nodes:
       if i >= no of equations:
           break
       # Get edges out of node.
       edges out = self.directed graph.out edges(node)
       # Get edges into node.
       edges in = self.directed graph.in edges(node)
       # Get index of edges.
       indices out = [edge to index[edge] for edge in edges out]
       indices_in = [edge_to_index[edge] for edge in edges_in]
       # Add equations to matrix A.
       for index in indices out:
           A[i, index] = 1
       for index in indices_in:
            A[i, index] = -1
```

```
i += 1
    # Generate equations for each cycle.
    for cycle in cycles:
        if i >= no of equations:
            break
        # Get edges in cycle.
        edges = [(cycle[i], cycle[(i+1)%len(cycle)]) for i in range(len(cycle))]
        # Get index of edges.
        indices = [edge to index[edge] for edge in edges]
        # Get resistance of edges.
        resistances = [self.undirected graph[edge[0]][edge[1]]["resistance"] for e
        # Add equations to matrix A.
        for j in range(len(indices)):
            # Get edge
            edge = edges[j]
            # Get index of edge.
           index = indices[j]
            # Get resistance of edge.
           resistance = resistances[j]
            # Get direction of edge.
            if edge[0] == s and edge[1] == t:
                b[i] = sem if edge in self.directed graph.edges else -sem
            direction = 1 if edge in self.directed graph.edges else -1
            A[i, index] = resistance * direction
        i += 1
    if approx:
       x = np.linalg.lstsq(A, b, rcond=None)[0]
    else:
       x = np.linalg.solve(A,b)
    for edge in list(self.directed graph.edges):
        index = edge_to_index[edge]
        if x[index] > 0:
            self.directed graph[edge[0]][edge[1]]["current"] = x[index]
        else:
            # Reverse edge
            edge resistance = self.directed graph[edge[0]][edge[1]]["resistance"]
            self.directed graph.remove edge(edge[0], edge[1])
            self.directed graph.add edge(edge[1], edge[0])
            self.directed graph[edge[1]][edge[0]]["resistance"] = edge resistance
            self.directed graph[edge[1]][edge[0]]["current"] = -x[index]
            if edge[0] == s and edge[1] == t:
                    self.sem = (edge[1], edge[0], self.sem[2])
        self.undirected_graph[edge[0]][edge[1]]["current"] = x[index]
        self.undirected_graph[edge[1]][edge[0]]["current"] = -x[index]
def check circuit(self, print msg=False, epsilon=1e-5):
    """Check if circuit is valid, using Kirchoff laws.
    :param print msq: Print message if circuit is not valid.
    :param epsilon: Epsilon for checking if two numbers are close.
    0.00
```

```
error = False
    # Kirchoff laws
    for node in self.directed graph.nodes:
        # Get edges out of node.
        edges out = self.directed graph.out edges(node)
        # Get edges into node.
        edges in = self.directed graph.in edges(node)
       # Get currents of edges.
        currents out = [self.directed graph[edge[0]][edge[1]]["current"] for edge
        currents in = [self.directed graph[edge[0]][edge[1]]["current"] for edge if
        # Check if Kirchoff laws are satisfied.
        if len(currents in) > 0 and len(currents out) > 0 and not np.isclose(np.st
            if print msg:
                print(f"Kirchoff laws are not satisfied for node: {node}, {np.abs(
            error = True
    # Current should be less than in edge with sem.
    s,t,sem = self.sem
    current = self.directed graph[s][t]["current"]
    for edge in self.directed graph.edges:
        if edge[0] == s and edge[1] == t:
            continue
        if self.directed graph[edge[0]][edge[1]]["current"] > current:
            if print msg:
                print(f"Current is greater than in edge with sem: {edge}")
            error = True
    if not error and print msg:
        print("Circuit currents are correct.")
   return not error
def plot(self):
    """Plot graph.
    . . . .
    pos = nx.spring layout(self.undirected graph)
    nx.draw networkx nodes(self.directed graph, pos, node size=200)
    nx.draw_networkx_edges(self.directed_graph, pos, arrows=True)
   nx.draw_networkx_labels(self.directed_graph, pos, font_size=10, font_family="s
   plt.show()
def plot circuit(self, show currents=False):
    """Plot circuit.
    :param bool show currents: Show currents on edges
    pos = nx.spring_layout(self.undirected_graph)
    # Max current
    s,t = self.sem[:2]
   max current = self.directed graph[s][t]["current"]
    # Edges
    ratios = [abs(self.directed_graph[u][v]["current"]/max_current) for u, v in se
```

```
colors = [plt_colors.to_hex(plt_colors.hsv_to_rgb((ratio*0.4, 0.9, 0.9))) for
nx.draw_networkx_edges(self.directed_graph, pos, edge_color=colors, width=1.2)

# Nodes
nx.draw_networkx_nodes(self.directed_graph, pos, node_size=100)

# Node labels
nx.draw_networkx_labels(self.directed_graph, pos, font_size=8)

# Edge weight labels
if show_currents:
    edge_labels = nx.get_edge_attributes(self.directed_graph, "current")
    edge_labels = {k: np.round(v, 2) for k, v in edge_labels.items()}
    nx.draw_networkx_edge_labels(self.directed_graph, pos, edge_labels)

plt.axis("off")
plt.show()
```

Działanie programu

W celu przetestowania programu zostały rozważone grafy:

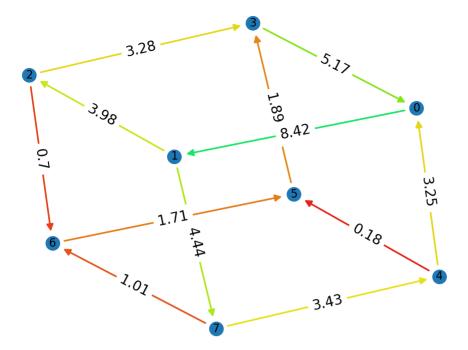
- Spójny graf losowy (Erdos-Renyi)
- Graf 3-regularny (kubiczny)
- Graf złożony z dwóch grafów losowych połaczonych mostkiem
- Graf siatka 2D
- Graf typu small-world

Wszystkie układy mają losowo wygenerowaną wartość rezystancji krawędzi oraz siły elektromotorycznej.

Każda krawędź została pokolorowana na odpowiedni kolor. Kolor zielony oznacza, że natężenie prądu jest najbliższe największemu natężeniu w obwodzie, natomiast kolory wpadające w czerwień oznaczają, że natężenie prądu maleje.

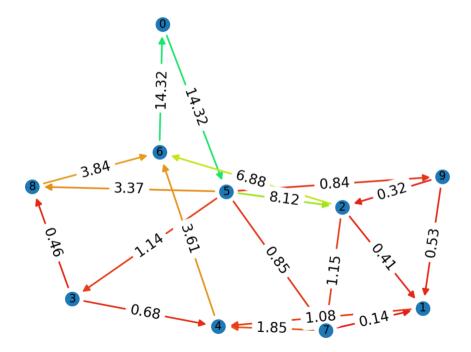
Graf 3-regularny (kubiczny)

```
circuit = Circuit(filename="./graphs/cubic/cubic.txt")
circuit.calculate_currents()
circuit.check_circuit(print_msg=True)
circuit.plot_circuit(show_currents=True)
```



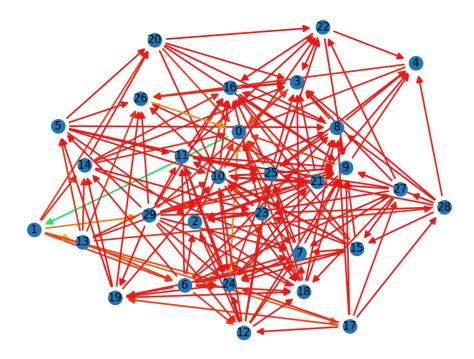
Spójny graf losowy (Erdos-Renyi)

```
# 10 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/erdos-renyi/erdos-renyi-10.txt")
circuit.calculate_currents()
circuit.check_circuit(print_msg=True)
circuit.plot_circuit(show_currents=True)
```

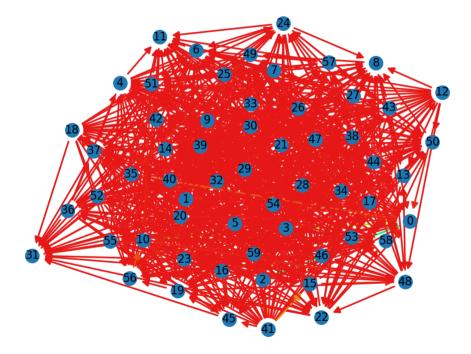


```
# 30 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/erdos-renyi/erdos-renyi-30.txt")
circuit.calculate_currents()
```

```
circuit.check_circuit(print_msg=True)
circuit.plot_circuit(show_currents=False)
```

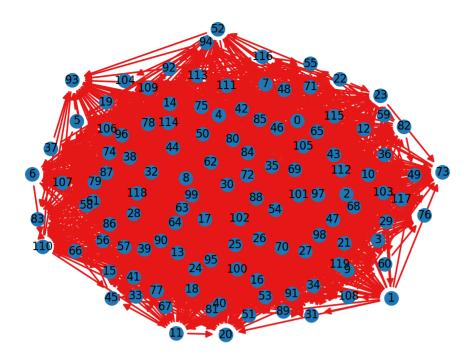


```
# 60 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/erdos-renyi/erdos-renyi-60.txt")
circuit.calculate_currents()
circuit.check_circuit(print_msg=True)
circuit.plot_circuit(show_currents=False)
```

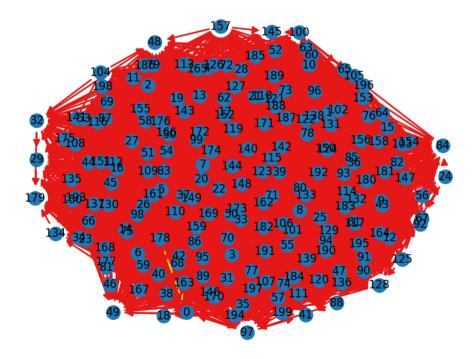


```
# 120 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/erdos-renyi/erdos-renyi-120.txt")
circuit.calculate_currents()
```

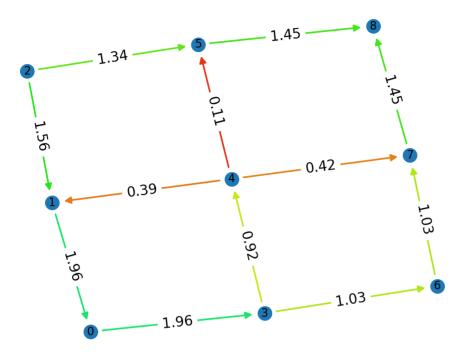
```
circuit.check_circuit(print_msg=True)
circuit.plot_circuit(show_currents=False)
```



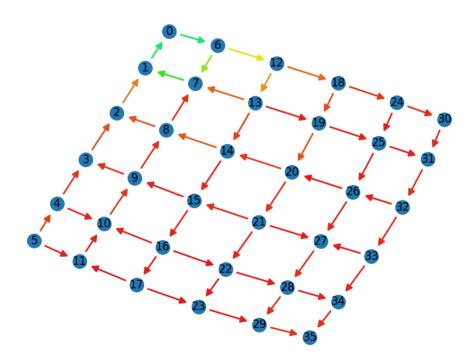
```
# 200 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/erdos-renyi/erdos-renyi-200.txt")
circuit.calculate_currents()
circuit.check_circuit(print_msg=True)
circuit.plot_circuit(show_currents=False)
```



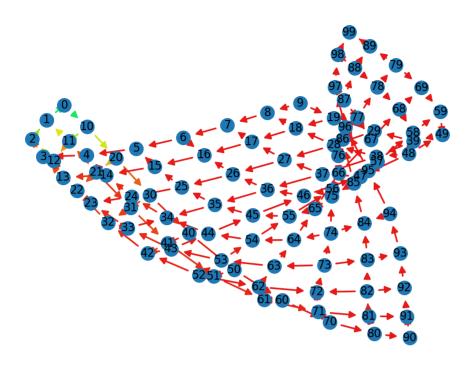
```
# 9 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/grid/grid-3x3.txt")
circuit.calculate_currents()
circuit.check_circuit(print_msg=True)
circuit.plot_circuit(show_currents=True)
```



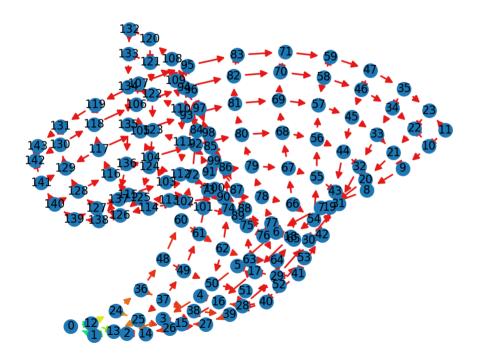
```
# 36 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/grid/grid-6x6.txt")
circuit.calculate_currents()
circuit.check_circuit(print_msg=True)
circuit.plot_circuit(show_currents=False)
```



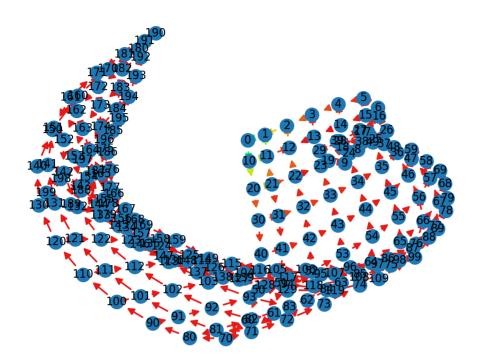
```
# 100 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/grid/grid-10x10.txt")
circuit.calculate_currents()
circuit.check_circuit(print_msg=True)
circuit.plot_circuit(show_currents=False)
```



```
# 144 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/grid/grid-12x12.txt")
circuit.calculate_currents(approx=True)
circuit.check_circuit(print_msg=True)
circuit.plot_circuit(show_currents=False)
```

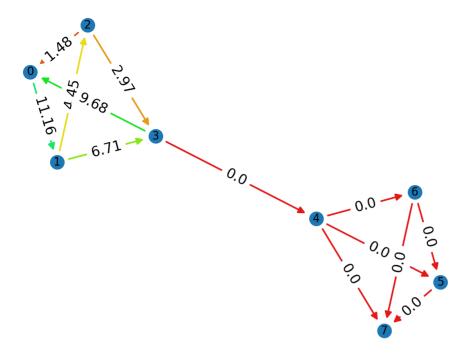


```
# 200 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/grid/grid-20x10.txt")
circuit.calculate_currents(approx=True)
circuit.check_circuit(print_msg=True, epsilon=0.2)
circuit.plot_circuit(show_currents=False)
```

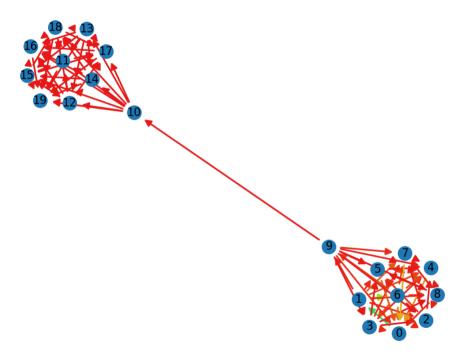


Graf złożony z dwóch grafów losowych połaczonych mostkiem

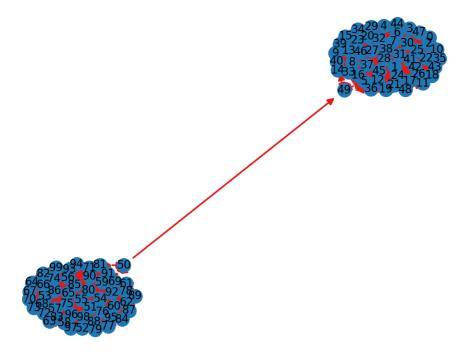
```
# 8 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/bridge/bridge-4.txt")
circuit.calculate_currents()
circuit.check_circuit(print_msg=True)
circuit.plot_circuit(show_currents=True)
```



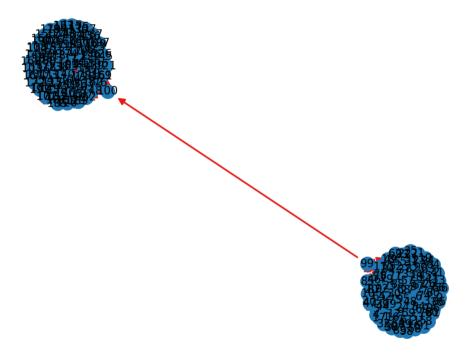
```
# 20 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/bridge/bridge-10.txt")
circuit.calculate_currents()
circuit.check_circuit(print_msg=True)
circuit.plot_circuit(show_currents=False)
```



```
# 100 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/bridge/bridge-50.txt")
circuit.calculate_currents()
circuit.check_circuit(print_msg=True)
circuit.plot_circuit(show_currents=False)
```



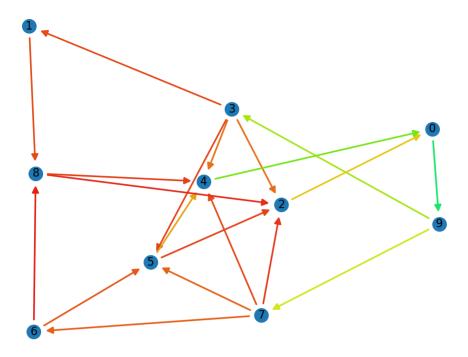
```
# 200 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/bridge/bridge-100.txt")
circuit.calculate_currents()
circuit.check_circuit(print_msg=True)
circuit.plot_circuit(show_currents=False)
```



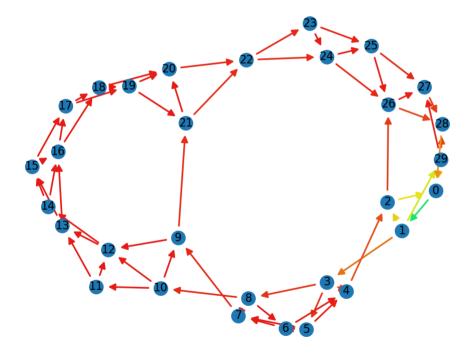
Graf typu small-world

```
# 10 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/small-world/sm-10.txt")
circuit.calculate_currents()
```

```
circuit.check_circuit(print_msg=True)
circuit.plot_circuit(show_currents=False)
```

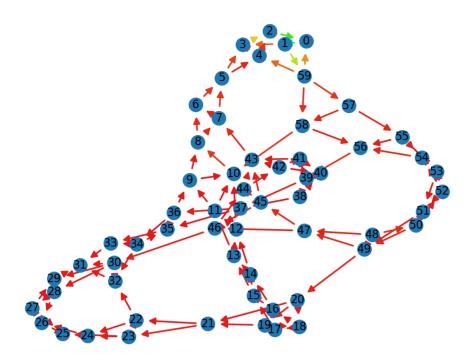


```
# 30 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/small-world/sm-30.txt")
circuit.calculate_currents()
circuit.check_circuit(print_msg=True)
circuit.plot_circuit(show_currents=False)
```

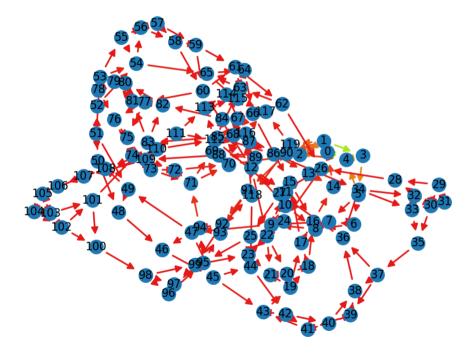


```
# 60 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/small-world/sm-60.txt")
circuit.calculate_currents(approx=True)
```

```
circuit.check_circuit(print_msg=True)
circuit.plot_circuit(show_currents=False)
```



```
# 120 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/small-world/sm-120.txt")
circuit.calculate_currents(approx=True)
circuit.check_circuit(print_msg=True, epsilon=0.41)
circuit.plot_circuit(show_currents=False)
```



```
# 200 nodes
circuit = Circuit(filename="./graphs/small-world/sm-200.txt")
circuit.calculate_currents(approx=True)
```

circuit.check_circuit(print_msg=True, epsilon=0.37)
circuit.plot_circuit(show_currents=False)

