algograf

Lab 2: Maksymalne przepływy

W ramach laboratorium należy zaimplementować algorytm Forda-Fulkersona, a następnie użyć go jako składnika algorytmu wyznaczania spójności krawędziowej grafów.

Zadanie 1

Dany jest graf skierowany G = (V,E), funkcja $c: E \rightarrow N$ dająca wagi krawędziom, oraz wyróżnione wieżchołki s i t. Należy znaleźć maksymalny przepływ w grafie G pomiędzy s i t, tzn. funkcję $f: E \rightarrow N$ spełniającą warunki definicji przepływu, zapewniającą największą przepustowość.

Do rozwiązania zadania należy wykorzystać algorytm Forda-Fulkersona, porównując dwie strategie znajdowania ścieżek powiększających:

- przy użyciu przeszukiwania metodą DFS
- przy użyciu przeszukiwania metodą BFS (algorytm Edmondsa-Karpa)

Zadanie 2 [dodatkowe – temu tematowi poświęcimy laboratorium 3]

Dany jest graf nieskierowany G = (V,E). Spójnością krawędziową grafu G nazywamy minimalną liczbę krawędzi, po których usunięciu graf traci spójność. Przykładowo:

- spójność krawędziowa drzewa = 1
- spójność krawędziowa cyklu = 2
- spójność krawędziowa n-kliki = n-1

Opracuj i zaimplementuj algorytm obliczający spójność krawędziową zadanego grafu *G*, wykorzystując algorytm Forda-Fulkersona oraz następujący fakt:

(*Tw. Mengera*) Minimalna ilość krawędzi które należy usunąć by zadane wierzchołki s, t znalazły się w różnych komponentach spójnych jest równa ilości krawędziowo rozłącznych ścieżek pomiędzy s i t

Wskazówka: jak można zinterpretować ilość krawędziowo rozłącznych ścieżek jako problem maksymalnego przepływu?

Proponowana kolejność prac

- wczytaj graf korzystając z funkcji loadDirectedWeightedGraph z biblioteki dimacs (funkcja działa tak samo jak loadWeightedGraph z poprzedniego laboratorium, ale zwraca graf skierowany, czyli listę trójek (u,v,w) oznaczających krawędź z wierzchołka u do v o wadze w).
- zaimplementuj konwersję grafu na strukturę, która pozwoli na wygodną implementację
 algorytmu Forda-Fulkersona w szczególności potrzebny będzie wydajny dostęp do
 sąsiednich wierzchołków (listy/zbiory sąsiedztwa) oraz miejsce na informację o aktualnym
 przepływie przez każdą krawędź. Przydatna będzie możliwość znajdowania krawędzi "w
 przeciwną stronę".
- zaimplementuj przeszukiwanie DFS/BFS na sieci residualnej (pamiętaj, że sieć residualna może mieć krawędzie, których nie ma w oryginalnym grafie!)
- zaimplementuj algorytm uaktualniania przepływu przy użyciu zadanej ścieżki powiększającej
- zaimplementuj liczenie spójności krawędziowej

Pomocne pliki

W ramach laboratorium należy wykorzystać:

- dimacs.py wczytywanie grafów (teraz również funkcja do wczytywania grafów skierowanych)
- graphs-lab2.zip grafy testowe
 - o zadanie 1 folder flow
 - zadanie 2 folder connectivity

W przykładowych grafach szukamy przepływów między pierwszym i ostatnim wierzchołkiem!