МОСКОВСКИЙ АВИАЦИОННЫЙ ИНСТИТУТ (НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ)

Факультет «Информационные технологии и прикладная математика» Кафедра «Вычислительная математика и программирование»

Лабораторная работа №3 по курсу «Параллельная обработка данных»

Классификация и кластеризация изображений на GPU.

Выполнил: В.И. Лобов

Группа: 8О-406Б

Преподаватели: К.Г. Крашенинников,

А.Ю. Морозов

Условие

Цель работы: Научиться использовать GPU для классификации и кластеризации изображений. Использование константной памяти.

Формат изображений соответствует формату описанному в лабораторной работе 2. Во всех вариантах, в результирующем изображении, на месте альфа-канала должен быть записан номер класса(кластера) к которому был отнесен соответствующий пиксель. Если пиксель можно отнести к нескольким классам, то выбирается класс с наименьшим номером.

Вариант 1. Метод максимального правдоподобия.

Входные данные: На первой строке задается путь к исходному изображению, на второй, путь к конечному изображению. На следующей строке, число пс - количество классов. Далее идут пс строчек, описывающих каждый класс. В начале j-ой строки задается число np_j пар чисел -- координаты пикселей выборки. $nc \le 32, np_j \le 2^{19}, w*h \le 4*10^8$.

Программное и аппаратное обеспечение GPU:

Название: GeForce GTX 1060

Compute apability: 6.1

Графическая память: 2075328512

Разделяемая память: 49152 **Константная память:** 65536

Количество регистров на блок: 65536

Максимальное количество блоков: (2147483647, 65535, 65535)

Максимальное количество нитей: (1024, 1024, 64)

Количество мультипроцессоров: 10

Сведения о системе:

Процессор: Intel Core i7-8700k 4.5GHz

Оперативная память: 16Gb

HDD: 1Tb

Операционная система: Ubuntu 18.04

IDE: Nsight

Компилятор: nvcc

Метод решения

Метод максимального правдоподобия.

Для некоторого пикселя р номер класса j_{c} определяется следующим образом:

$$j_{c} = arg \max_{j} \left(-\left(p - avg_{j}\right)^{T} * cov_{j}^{-1} * \left(p - avg_{j}\right) - \log\left(det\left(cov_{j}\right)\right) \right)$$

Оценку вектора средних и ковариационной матрицы можно выполнить следующим образом:

$$avg_{j} = 1/np_{j} * \sum (ps_{i}^{j})$$

$$cov_{j} = 1/(np_{j} - 1) * \sum (ps_{i}^{j} - av_{j}) * (ps_{i}^{j} - av_{j})^{T}$$

где $ps_i^j = (r_i^j, g_i^j, b_i^j)$ - і-й пискель из ј-ой выборки.

Описание программы

Выполним расчёт векторов средних, матриц ковариации и их определителей на центральном процессоре, а затем данные скопируем в константную память на видеокарте. Найдём для каждого пикселя наибольшее значение функции максимального правдоподобия и выберем номер класса в качестве ответа.

```
typedef struct {
  int x, y;
} Point;
typedef struct {
  float4 avg;
  double inverse_cov[3][3];
  double log det;
} Class;
constant Class dev class[32];
float4 Average(uchar4 *data, int w, int h, Point *class points, int point n) {
  float4 result = make float4(0, 0, 0, 0);
  for (int i = 0; i < point n; ++i) {
     Point p = class points[i];
     uchar4 pixel = data[p.y * w + p.x];
     result.x += pixel.x;
     result.y += pixel.y;
     result.z += pixel.z;
  }
  result.x /= point n;
  result.y /= point n;
  result.z /= point n;
  return result;
}
```

void CalculateCovariance(double cov[3][3], uchar4 *data, int w, int h,

```
Point *class_points, int point_n, float4 avg) {
   for (int i = 0; i < 3; ++i) {
      for (int j = 0; j < 3; ++j) {
        cov[i][j] = 0;
     }
  }
   for (int i = 0; i < point_n; ++i) {
      Point p = class_points[i];
     uchar4 pixel = data[p.y * w + p.x];
     double delta[3] = {pixel.x - avg.x, pixel.y - avg.y, pixel.z - avg.z};
     for (int i = 0; i < 3; ++i) {
        for (int j = 0; j < 3; ++j) {
           cov[i][j] += delta[i] * delta[j];
        }
     }
  }
   for (int i = 0; i < 3; ++i) {
     for (int j = 0; j < 3; ++j) {
        cov[i][j] /= point n - 1;
     }
  }
}
double Determinant(double cov[3][3]) {
   double det = 0;
   for (int i = 0; i < 3; ++i) {
      det += cov[0][i] *
          cov[1][(i + 1) % 3] *
          cov[2][(i + 2) \% 3];
      \det = \text{cov}[0][(i + 2) \% 3] *
          cov[1][(i + 1) \% 3] *
          cov[2][i];
  }
   return det;
void Inverse(double in[3][3], double out[3][3]) {
   double det = Determinant(in);
   for (int i = 0; i < 3; ++i) {
      for (int j = 0; j < 3; ++j) {
         out[i][j] = in[(j + 1) \% 3][(i + 1) \% 3] * in[(j + 2) \% 3][(i + 2) \% 3] -
                 in[(j + 1) \% 3][(i + 2) \% 3] * in[(j + 2) \% 3][(i + 1) \% 3];
        out[i][j] /= det;
     }
  }
}
   _device__ double MaxLikehoodEstimation(uchar4 p, int class_idx) {
   Class c = dev_class[class_idx];
   double delta[3] = \{p.x - c.avg.x, p.y - c.avg.y, p.z - c.avg.z\};
```

```
double temp[3] = \{0,\};
   for (int i = 0; i < 3; ++i) {
     for (int j = 0; j < 3; ++j) {
        temp[i] += delta[j] * c.inverse cov[j][i];
     }
  }
   double result = -c.log det;
   for (int i = 0; i < 3; ++i) {
     result -= temp[i] * delta[i];
  return result;
}
  global void kernel(uchar4 *image, int w, int h, int class count) {
     int idx = threadIdx.x + blockDim.x * blockIdx.x;
     int idy = threadIdx.y + blockDim.y * blockIdx.y;
     int offsetx = blockDim.x * gridDim.x;
     int offsety = blockDim.y * gridDim.y;
     int i, j;
     int class idx;
     int max idx = 0;
     double value;
     double max value;
     for (i = idx; i < w; i += offsetx) {
        for (j = idy; j < h; j += offsety) {
           uchar4 pixel = image[j * w + i];
           max value = INT MIN;
           for (class idx = 0; class idx < class count; ++class <math>idx) {
             value = MaxLikehoodEstimation(pixel, class idx);
             if (value > max value) {
                \max idx = class idx;
                max value = value;
             }
           }
           image[j * w + i] = make uchar4(pixel.x, pixel.y, pixel.z, max idx);
     }
}
```

Результаты:

Размер картинки: 640х400

Конфигурация	Время(мс)
CPU	273.689972
(32, 32), (32, 32)	7.859168
(64, 64), (32, 32)	5.529536
(128, 128), (32, 32)	5.512832
(256, 256), (32, 32)	5.614688

Размер картинки: 1920x1440

Конфигурация	Время(мс)
CPU	2899.072754
(32, 32), (32, 32)	30.774561
(64, 64), (32, 32)	29.398848
(128, 128), (32, 32)	29.830591
(256, 256), (32, 32)	31.664576

Размер картинки: 3840х2160

Конфигурация	Время(мс)
CPU	8759.058594
(32, 32), (32, 32)	85.312927
(64, 64), (32, 32)	85.517952
(128, 128), (32, 32)	73.000191
(256, 256), (32, 32)	71.735809

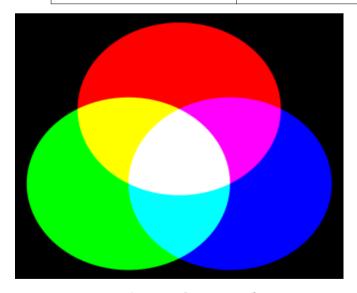


Иллюстрация 2: Исходное изображение

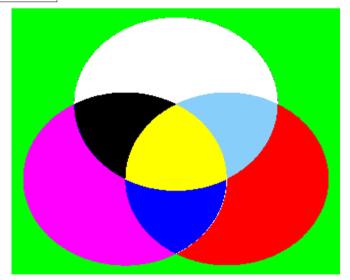


Иллюстрация 3: Классифицированные точки

В данном примере цвета классов не соответствуют цветам на исходной картинке, а лишь отличают классы друг от друга.

Пример с 32 классами(палитра в grayscale):



Иллюстрация 4: Исходное изображение



Иллюстрация 5: Классифицированные точки

Выводы

Выполнив данную лабораторную работу, я научился работать с константной памятью на видеокарте. Данной памяти не так много на видеокарте, в моём случае — 64кб, поэтому хранить изображения целиком в ней не удастся. Этот вид памяти можно эффективно использовать для хранения данных, к которым часто выполняется обращение в функции ядра. При вычислении матриц ковариации и векторов средних выполняется суммирование большого количества слагаемых. Этот процесс можно ускорить, выполнив вычисление суммы на видеокарте с помощью редукции. Это становится необходимо при большем количестве данных, чем во входных лабораторной работы.