# Zadanie: PRZ Przyciski



XXXI OI, etap I. Plik źródłowy prz.\* Dostępna pamięć: 256 MB.

16.10-20.11.2023

Plansza rozmiaru  $n \times n$  składa się z  $n^2$  pól. Każde pole albo jest puste, albo znajduje się na nim przycisk. Początkowo żaden z przycisków nie jest aktywny. Trzeba teraz aktywować pewną liczbę przycisków (co najmniej jeden), tak by liczba aktywowanych przycisków w każdym rzędzie i w każdej kolumnie planszy była tej samej parzystości. Formalnie, jeśli  $R_i$  to liczba aktywowanych przycisków w i-tym rzędzie, a  $C_i$  to liczba aktywowanych przycisków w i-tej kolumnie (dla  $1 \le i \le n$ ), to wszystkie liczby  $R_1, R_2, \ldots, R_n, C_1, C_2, \ldots, C_n$  muszą dawać tę samą resztę z dzielenia przez 2.

#### Wejście

W pierwszym wierszu wejścia znajdują się dwie liczby całkowite n i m ( $1 \le n \le 100\,000$ ,  $1 \le m \le \min(n^2, 500\,000)$ ) oznaczające rozmiar planszy i liczbę przycisków. Przyciski są ponumerowane od 1 do m. Kolejne m wierszy opisuje przyciski: i-ty z nich zawiera dwie liczby całkowite  $r_i$  i  $c_i$  ( $1 \le r_i, c_i \le n$ ) oznaczające, że przycisk o numerze i (dla  $1 \le i \le m$ ) znajduje się na przecięciu  $r_i$ -tego rzędu i  $c_i$ -tej kolumny planszy. Każdy przycisk znajduje się na innym polu.

#### Wyjście

Jeśli nie da się aktywować przycisków zgodnie z warunkami zadania, na wyjście należy wypisać jedno słowo NIE.

W przeciwnym wypadku w pierwszym wierszu wyjścia należy wypisać słowo TAK. W drugim wierszu należy wypisać jedną liczbę całkowitą k ( $1 \le k \le m$ ) oznaczającą liczbę aktywowanych przycisków w pewnym poprawnym rozwiązaniu. W trzecim wierszu należy wypisać ciąg k parami różnych liczb całkowitych, oznaczających numery aktywowanych przycisków. Liczby te można wypisać w dowolnej kolejności.

## Przykład

Dla danych wejściowych:	poprawnym wynikiem jest:
3 6	TAK
1 1	4
1 2	1 2 4 5
2 2	
3 1	
3 2	
3 3	

Wyjaśnienie przykładu: Mamy  $R_1 = 2$ ,  $R_2 = 0$ ,  $R_3 = 2$ ,  $C_1 = C_2 = 2$ ,  $C_3 = 0$ .

**Testy przykładowe.** Test 0 to test z przykładu powyżej. Poza tym:

```
1ocen: n = 9, m = 1, r_1 = c_1 = 1; odpowiedź NIE;
```

**20cen:**  $n=9,\ m=81;$  odpowiedź TAK (można aktywować wszystkie przyciski); **30cen:**  $n=10^5,\ m=5\cdot 10^5,$  przyciski w pierwszych 5 rzędach; odpowiedź TAK.

### Ocenianie

Zestaw testów dzieli się na następujące podzadania. Testy do każdego podzadania składają się z jednej lub większej liczby osobnych grup testów.

Podzadanie	Ograniczenia	Punkty
1	$m \le 20$	24
2	jeśli istnieje rozwiązanie, to istnieje dla parzystych $R_i$ , $C_i$	24
3	jeśli istnieje rozwiązanie, to istnieje dla nieparzystych $R_i, C_i$	24
4	brak dodatkowych ograniczeń	28

Jeżeli odpowiedzią w teście nie będzie NIE, a Twój program wypisze poprawnie jedynie pierwszy wiersz wyjścia, to uzyska 50% punktów za dany test. W szczególności, aby uzyskać te 50% punktów za test, nie trzeba wypisywać kolejnych wierszy.