Zadanie 1. W pierwszej urnie znajdują się kule ponumerowane liczbami 1, 2, ..., 10, zaś w drugiej urnie – kule ponumerowane liczbami 6, 7, ..., 25. Wyciągamy losowo po jednej kuli z każdej urny. Prawdopodobieństwo, że obie kule mają ten sam numer jest

- (A)
- (B)
- (C)
- (D)
- (E)

$$|SD| = 20 \cdot 10 = 200$$
 $|A| = 5$
 $P = \frac{5}{100} = \frac{1}{40}$



Zadanie 2. W pierwszej skrzynce jest 15 jabłek zdrowych i 5 zepsutych. W drugiej skrzynce jest 14 jabłek zdrowych i 6 zepsutych. Wybieramy losowo (z prawdopodobieństwem jedna druga) jedną ze skrzynek i wyciągamy z niej 3 różne jabłka. Jakie jest prawdopodobieństwo, że wybraliśmy drugą skrzynkę, jeśli wiemy, że wszystkie 3 jabłka okazały się zdrowe?

- $(A) \qquad \frac{1}{2}$
- (B) $\frac{4}{9}$
- (C) $\binom{29}{3} / \binom{40}{3}$
- (D) $\frac{14}{29}$
- (E) $\frac{28}{29}$

$$P(X=3) = \frac{\binom{15}{3} \cdot \binom{5}{0}}{\binom{20}{3}} = \frac{91}{22l} \qquad P(X=3) = \frac{\binom{14}{3}\binom{6}{0}}{\binom{20}{3}} = \frac{91}{2l5}$$

B

$$P(2 \text{ uma } | 3 \text{ 2 drawe}) = \frac{91}{245} \cdot \frac{1}{2} = \frac{4}{9}$$

Zadanie 3. Niech X i Y będą zmiennymi losowymi takimi, że:

X ma gęstość:
$$f(x) = \begin{cases} e^{-x} & dla & 0 \le x \\ 0 & w \ przeciwnym \ przypadku \end{cases}$$

$$\Pr(Y = k | X = x) = \frac{x^k}{k!} \cdot e^{-x}$$
 dla $k = 0, 1, 2, ...$

- (A) X i Y są zmiennymi niezależnymi
- (B) X i Y są zmiennymi nieskorelowanymi

(C)
$$[COV(X, Y)]^2 = VAR(X) \cdot VAR(Y)$$

- (D) X oraz Y X są zmiennymi nieskorelowanymi
- (E) COV(X, Y X) = 1

$$\rho(Y=h) = \int_{0}^{\infty} \rho(Y|X=x) f_{X}(x) dx = \int_{0}^{\infty} \frac{x^{4}}{h!} e^{-x} \cdot e^{-x} dx = \frac{1}{k!} \cdot \frac{1}{2} \int_{0}^{\infty} 2x^{4} e^{-2x} dx$$

=
$$\frac{1}{2k!} \cdot \frac{h!}{2^h} = \frac{1}{2^{k+1}} | gestore routied ujumnego dummianouego $NB(\frac{1}{2}, 1)|$$$

$$EY = \frac{\rho \gamma}{q} = 1 \qquad Vov(\gamma) = \frac{\rho \gamma}{q^2} = 2$$

$$EX = 1 \qquad Vov(Y) = 1$$

$$EXY = \int_{0}^{\infty} E[XY \mid X=x] f_{x}(x) dx = \int_{0}^{\infty} x E[Y \mid X=x] f_{x}(x) dx$$

$$E[Y|X=x] = \sum_{k=0}^{\infty} h \frac{x^k}{k!} e^{-x} = x$$

$$EXY = \int_{0}^{\infty} x^{2} e^{-x} dx = \lambda$$

Zadanie 4. Macierz przejścia łańcucha Markowa o stanach E_1, E_2, E_3, E_4 jest

$$P = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ \frac{1}{2} & 0 & \frac{1}{2} & 0 \\ 0 & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Niech $P^{n}(2,1)$ będzie prawdopodobieństwem, że łańcuch po wykonaniu n kroków znajdzie się w stanie E_1 , jeśli w chwili początkowej znajdował się w stanie E_2 .

(A)
$$\lim_{n \to \infty} P^n(2, 1) = \frac{2}{3}$$

(B)
$$\lim_{n\to\infty} P^n(2,1) = \frac{1}{2}$$

(C)
$$\lim_{n \to \infty} P^n(2, 1) = 1$$

(D)
$$\lim_{n\to\infty} P^n(2,1)$$
 nie istnieje

(E)
$$\lim_{n \to \infty} P^n(2, 1) = \frac{5}{6}$$

$$\mathfrak{I}_{(0)} = [0 \quad 1 \quad 0 \quad 0]$$

Muore, na hallulatone hilla voy ma ien
$$P$$
.

[0 1 0 0] $\frac{2}{3}$ 0 0 $\frac{4}{3}$ = [$\frac{1}{3}$ 0 0 $\frac{4}{3}$]

 $\frac{1}{3}$ 0 0 $\frac{4}{3}$ 0 0 $\frac{4}{3}$

$$\lim_{n\to\infty} \rho^{n}(2,1) = \frac{2}{3}$$

Zadanie 5. Zmienne losowe X i Y mają łączny rozkład prawdopodobieństwa o gestości:

$$f(x,y) = \begin{cases} x \cdot e^{-x(y-x)} & dla \quad y > x, \quad 0 \le x \le 1 \\ 0 & w \text{ przeciwnym przypadku} \end{cases}$$

Jeżeli $\mu(X) = E(Y|X)$ to $Pr(Y > \mu(X))$ wynosi:

(A)
$$\frac{1}{2}$$

(B)
$$e^{-1}$$

(D)
$$\frac{1}{1+e}$$

(E)
$$\frac{2}{1+e}$$

$$f_{X}(x) = \int_{X}^{\infty} xe^{-x(x-x)} dy = xe^{x^{2}} \int_{X}^{\infty} e^{-xx} dy = xe^{x^{2}} \cdot \frac{1}{x} e^{-x^{2}} = 1$$
 due $0 \le x \le 1$

$$\chi \sim V(0, 1)$$

$$E[Y|X] = \int_{X}^{\infty} 4 \frac{xe^{-x(x-x)}}{1} dy = xe^{x^{2}} \int_{X}^{x} 4e^{-xx} dy = xe^{x^{2}} \left[-\frac{x}{x}e^{-xx} - \frac{1}{x^{2}}e^{-xx} \right]_{X}^{\infty} =$$

$$= xe^{x^{2}} \left[e^{-x^{2}} + \frac{1}{x^{2}} e^{-x^{2}} \right] = x + \frac{1}{x}$$

$$P(Y > \mu(x)) = P(Y > x + \frac{1}{x}) = \int_{0}^{\infty} \int_{X + \frac{1}{x}}^{\infty} x e^{-x(3-x)} dy dx = \int_{0}^{\infty} x e^{-x} \left[-\frac{1}{x} e^{-xy} \right]_{x + \frac{1}{x}}^{\infty} dx =$$

$$= \int_{0}^{1} xe^{x^{2}} \cdot \frac{1}{x} \exp \frac{1}{2} - x(x + \frac{1}{x}) dx = \int_{0}^{1} e^{x^{2}} \cdot e^{-x^{2}} \cdot e^{-1} dx = \int_{0}^{1} e^{-1} dx = e^{-1}$$

Zadanie 6. x_1, x_2, \ldots, x_n jest próbą losową z rozkładu o gęstości:

$$f_{\theta}(x) = \begin{cases} e^{-(x-\theta)} & dla \quad x \ge \theta \\ 0 & w \text{ przeciwnym przypadku} \end{cases}$$

Estymator największej wiarogodności nieznanego parametru θ ma postać:

(A)
$$\hat{\theta} = \max\{x_1, x_2, \dots, x_n\} - n$$

(B)
$$\hat{\theta} = \min \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$$

(C)
$$\hat{\theta} = \frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^{n} x_i - 1$$

(D)
$$\hat{\theta} = \frac{1}{n} \cdot \ln \left(\sum_{i=1}^{n} \exp(-x_i) \right)$$

(E)
$$\hat{\theta} = med\{x_1, x_2, \dots, x_n\} + \ln 2$$

$$f(x) = e^{-(x-\theta)}$$

$$h f(x) = -x + 0$$

Insta realeis ê ine nej:

$$L(0) = \underbrace{\int_{\overline{1}=1}^{\infty} e^{-(x_{1}-\theta)}}_{1=1}(x_{1} \ge \theta) \cdot \dots \cdot \underline{1}(x_{m} \ge \theta) = e^{-\underbrace{\sum_{i=1}^{\infty} (x_{i}-\theta)}_{1=i}} \underbrace{1}(\min(x_{i}) \ge \theta)$$

$$L(\theta) = -\sum_{n=1}^{M} (x_n - \theta) = n\theta - \sum_{n=1}^{M} x_n^*$$

Ineba malupualizonat pompisso, fenticje, cyli 0 mmi byt jeh nejnieture ale jest ognasi nenie, że min (X;) > 0 myli:

$$\hat{\Theta} = Mim(X_1, \dots, X_m)$$

Zadanie 7. Wykonano 10 pomiarów pewnej nieznanej wielkości μ jednym przyrządem pomiarowym, a następnie 5 pomiarów innym przyrządem. Zakładamy, że wyniki pomiarów $X_1, X_2, \ldots, X_{10}, X_{11}, \ldots, X_{15}$ są niezależnymi zmiennymi losowymi, przy czym każda ze zmiennych X_1, X_2, \ldots, X_{10} ma rozkład normalny o parametrach $(\mu, 0.1^2)$, podczas gdy każda ze zmiennych X_{11}, \ldots, X_{15} ma rozkład normalny o parametrach $(\mu, 0.2^2)$. Należy tak dobrać współczynniki c_1, c_2, \ldots, c_{15} , żeby estymator:

$$\hat{\mu} = \sum_{i=1}^{n} c_i X_i$$

był nieobciążonym estymatorem o minimalnej wariancji.

(A)
$$c_1 = \dots = c_{15} = \frac{1}{15}$$

(B)
$$c_1 = \dots = c_{10} = \frac{1}{20}$$
 i $c_{11} = \dots = c_{15} = \frac{1}{10}$

(C)
$$c_1 = \cdots = c_{10} = \frac{1}{10}$$
 i $c_{11} = \cdots = c_{15} = 0$

(D)
$$c_1 = \cdots = c_{10} = \frac{8}{90}$$
 i $c_{11} = \cdots = c_{15} = \frac{1}{45}$

(E)
$$c_1 = \cdots = c_{10} = \frac{8}{90}$$
 i $c_{11} = \cdots = c_{15} = \frac{1}{90}$

Obline, nimalne, moniony, horyskejec z ninomoś-i kao-Chamera

$$Vor (\mu) = \frac{\Lambda}{M I(\mu)}$$

$$I(X;\mu) = \frac{10}{11} \frac{1}{12510,1} \exp\left(-\frac{(X-\mu)^2}{2\cdot 0,1^2}\right) \cdot \frac{15}{11} \frac{1}{1251\cdot 0,2} \exp\left(-\frac{(X-\mu)^2}{2\cdot 0,2^2}\right) =$$

$$= \left(\frac{1}{0,1\sqrt{2\pi}}\right)^{10} \cdot \left(\frac{1}{0,2\sqrt{2\pi}}\right)^{5} \cdot \exp\left(-\frac{\frac{10}{2}(\chi_{i}-\mu)^{2}}{0,02}\right) \cdot \exp\left(-\frac{\frac{5}{2}(\chi_{i}-\mu)^{2}}{0,02}\right)$$

$$h_{1}f(X;\mu) = -10 \, h(0,1 \, \sqrt{2\pi}) - 5 \, h(0,2 \, \sqrt{2\pi}) - \frac{1}{0,02} \, \frac{10}{2\pi} (X;-\mu)^{2} - \frac{1}{0,02} \, \frac{5}{2\pi} (X;-\mu)^{2}$$

$$l_{n} + (X; \mu) = 100 \sum_{i=1}^{10} (X_{i} - \mu) + 25 \sum_{i=1}^{5} (X_{i} - \mu)$$

$$I(\mu) = -E(|\mu|^{2}L(x;\mu)) = 1/125$$

Ineba teras ustavias odponischi do moru:

$$Vov(\hat{\mu}) = Vov(\frac{15}{24}c; X_{\lambda}) = \sum_{k=1}^{15} c_{k}^{2} Vov(X_{k}) = 10 \cdot (\frac{1}{90})^{2} \cdot 0, 1^{2} + 5 \cdot (\frac{1}{45})^{2} \cdot 0, 2^{2} = \frac{1}{1125}$$

a

Zadanie 8. Zakładamy, że liczba roszczeń w ciągu roku dla pewnego portfela ryzyk jest zmienną losową X o rozkładzie Poissona. Zaobserwowano wartość X=2600.

Czy test hipotezy: H_0 : E(X) = 2500

przeciwko alternatywie:

 $H_1: E(X) > 2500$

prowadzi do odrzucenia $H_{\scriptscriptstyle 0}$ na poziomie istotności α ?

Test zbudowano w oparciu o przybliżenie rozkładu Poissona rozkładem normalnym i ma obszar krytyczny postaci X > c.

- (A) TAK, dla $\alpha = 0.005$
- (B) NIE, dla $\alpha = 0.005$; TAK, dla $\alpha = 0.01$
- (C) NIE, dla $\alpha = 0.01$; TAK, dla $\alpha = 0.05$
- (D) NIE, dla $\alpha = 0.05$; TAK, dla $\alpha = 0.1$
- (E) NIE, dla $\alpha = 0.1$

Dla duiego λ vorlièred loissana morna prybliryt norlièredem normaliym o tredniej i manianiji romej λ , myli dla $X \sim P(\lambda)$ o roz dla duiego λ marmy $X \sim N(\lambda, \lambda)$

$$\rho_{o}(\chi > c) = \chi$$

$$\rho_{o}(\frac{\chi - 1500}{\sqrt{1500}} > \frac{c - 1500}{\sqrt{1500}}) = \chi$$

$$1 - \rho_o(2 \angle \frac{c - 2500}{50}) = \angle$$

$$\overline{\mathbb{Q}}\left(\frac{C-\lambda S\emptyset0}{SO}\right) = 1 - \lambda$$

$$\frac{C-2500}{50} = \Phi^{-1}(1-2)$$

$$C - 2500 = 50 \, \Phi^{-1} (1 - 2)$$

$$c = 50 \, \bar{g}^{-1} (1 - 2) + 2500$$

2	₹ ⁻¹ (1-2)	С	
0,005	2,5752	2629	nie odnu cam
0,01	2, 3263	2616	nie odny com
0,05	1,6445	2582	odni com
0,1	1,2216	2564	odny cam

Zadanie 9. X_1, X_2, \dots, X_{20} jest próbą losową z rozkładu normalnego o parametrach $(0, \sigma^2)$. Rozważmy najmocniejszy test hipotezy:

 $H_0: \sigma^2 = 1$

przeciwko alternatywie:

 $H_1: \sigma^2 = 3$

Na poziomie istotności 0.01. Moc testu wynosi:

- (A) około 0.50
- (B) około 0.05
- (C) około 0.20
- (D) około 0.90
- (E) około 0.99

$$f(x) = \frac{1}{12\pi^2 \sqrt{2}} \exp\left(\frac{-x^2}{2\sqrt{2}}\right)$$

$$L(\chi_{1},...,\chi_{20}) = \lim_{\overline{l} \geq 1} \frac{1}{|\chi_{1}|} \exp\left(-\frac{\chi_{1}^{2}}{24^{2}}\right) = \left(\frac{1}{|\chi_{1}|}\right)^{20} \exp\left(-\frac{20}{24^{2}}\right)$$

$$\exp\left(-\frac{1}{6}\sum_{i=1}^{20}X_{i}^{2}+\sum_{i=1}^{20}X_{i}^{2}\right)>k$$

$$\rho_{o}\left(\frac{\sum_{i=1}^{20} \chi_{i}^{2}}{\chi_{i}^{2}} > h\right) = 0,01$$

$$moc = \rho_1 \left(\frac{20}{2} \times \frac{2}{5} > 37,57 \right) = \rho_1 \left(\frac{32}{2} \times \frac{2}{5} \times \frac{2}{5} > 37,57 \right) = 0$$

$$= \rho(\underbrace{\frac{20}{2}}_{\chi^{2}(20)}^{2} 7 12,52) \approx 0,9$$

Zadanie 10. Niech X będzie zmienną losową o rozkładzie wykładniczym o gęstości:

$$f(x) = \begin{cases} e^{-x} & dla \quad x \ge \theta \\ 0 & w \text{ przeciwnym przypadku} \end{cases}$$

Funkcja tworząca momenty zmiennej losowej $Y = \min\{X, m\}$, gdzie m > 0 jest daną liczbą, wyraża się wzorem:

(A)
$$M_{Y}(t) = \frac{1}{1-t} \cdot \left[1 - t \cdot e^{-m(1-t)}\right] dla \quad t \neq 1; \qquad M_{Y}(1) = m+1$$

(B)
$$M_Y(t) = \min \left\{ \frac{1}{1-t}, e^{mt} \right\} dla \quad t < 1; \qquad M_Y(t) = e^{mt} dla \quad t \ge 1$$

(C)
$$M_Y(t) = \frac{1}{1-t} \cdot e^{mt}$$

(D)
$$M_Y(t) = \frac{m}{m-t} \cdot e^{mt}$$
 dla $t < m$; $M_Y(t) = \infty$ dla $t \ge m$

$$(\mathrm{E}) \qquad M_{\gamma} \left(t \right) = \frac{1}{1-t} \cdot \left[1 - t \cdot e^{-m \left(1 - t \right)} \right] \quad dla \quad t < 1 \, ; \qquad M_{\gamma} \left(t \right) = \infty \quad dla \quad t \geq 1$$

$$min 2 \times, m) = \begin{cases} X, & X \leq m \\ m, & X \geq m \end{cases}$$

$$M_Y(t) = \mathbb{E} \exp \{ t \min \{ x, m \} \} = \mathbb{E} \exp \{ t x \} 1 | \{ x \ge m \} + \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x > m \} = \mathbb{E} \exp \{ t m \} 1 | \{ x >$$

$$= \int_{0}^{m} e^{\pm x} e^{-x} dx + \int_{0}^{\infty} e^{\pm m} e^{-x} dx = \frac{1}{t-1} e^{x(t-1)} \Big|_{0}^{m} - e^{\pm m} - x \Big|_{\infty}^{\infty} = \frac{1}{m} e^{x(t-1)} \Big|_{\infty}^{m} = \frac{1$$

$$= \frac{1}{t-1} \left[e^{m(t-1)} - 1 \right] + e^{tm} - m = \frac{e^{m(t-1)}}{t-1} + \frac{(t-1)e^{m(t-1)}}{t-1} - \frac{1}{t-1} = \frac{1}{t-1}$$

$$= \frac{te^{m(t-1)}}{t-1} - \frac{1}{t-1} = \frac{1}{t-1} \left[te^{m(t-1)} - 1 \right] = \frac{1}{1-t} \left[1 - te^{m(t-1)} \right], \ t \neq 1$$

$$\mathbb{E} \exp \lim_{x \to \infty} (x, m) = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}^{\infty} e^{-x} dx = x \left| \begin{array}{c} m \\ -e^{-x} \end{array} \right|_{0}^{\infty} = \int_{0}^{\infty} dx + \int_{0}$$

$$= m + e^{m} = m + 1$$