

Mỗi nỗ lực, dù là nhỏ nhất,
đều **CÓ Ý NGHĨA**

$$1,01^{365} = 37,8$$
$$0,99^{365} = 0,03$$

Mỗi sự từ bỏ, dù một chút thôi,
đều khiến mọi cố gắng trở nên **VÔ NGHĨA**

ĐỀ 1951

Bài 1 (2 điểm): Rút gọn biểu thức:

$$A = \left(\frac{m + \sqrt{m^2 - n^2}}{m - \sqrt{m^2 - n^2}} - \frac{m - \sqrt{m^2 - n^2}}{m + \sqrt{m^2 - n^2}} \right) : \frac{4m\sqrt{m^2 - n^2}}{n^2}$$

Bài 2: (2 điểm) Một ca nô xuôi một khúc sông dài 100 km rồi ngược về 45 km. Biết thời gian xuôi dòng nhiều hơn thời gian ngược dòng là 2 giờ và vận tốc lúc xuôi dòng hơn vận tốc lúc ngược dòng là 5km/h. Hỏi vận tốc canô lúc xuôi dòng và cả lúc ngược dòng?

Bài 3: (2 điểm) Cho phương trình: $x^2 - 2(m+1)x + m^2 + 4m - 3 = 0$.

a. Với giá trị nào của m thì phương trình đã cho có nghiệm?

b. Xác định m để hiệu giữa tổng hai nghiệm và tích hai nghiệm đạt giá trị lớn nhất?

Bài 4: (3 điểm) Cho nửa đường tròn tâm O đường kính AB . Trên nửa mặt phẳng bờ AB chia nửa đường tròn đã cho thành ba phần bằng nhau. Kẻ tiếp tuyến Ax và dây cung AC . Tia phân giác của góc CAX cắt nửa đường tròn tại D . Các tia AD và BC cắt nhau ở E , tia BD và Ax cắt nhau ở F . AC và BD cắt nhau ở K .

a. Chứng minh rằng BD là phân giác của góc ABE và tam giác ABE cân?

b. Chứng minh EK vuông góc với AB và tứ giác $AKEF$ là hình thoi?

c. Khi dây AC thay đổi (C chạy trên nửa đường tròn đã cho). Tìm tập hợp điểm E

Bài 5: (1 điểm) Tìm nghiệm nguyên của phương trình

$$xy^2 + 3y^2 - x = 108$$

ĐỀ 1952

Bài 1: (2,5 điểm)

Cho biểu thức $A = \left(\frac{1+x}{1-x} - \frac{1-x}{1+x} - \frac{4x^2}{x^2-1} \right) : \frac{4(x-3)}{x(1-x)}$

a. Rút gọn A (1,5 đ)

b. Tính giá trị của A khi $|x|=2$

c. Tìm x nguyên để A là số tự nhiên.

Bài 2: (2 điểm): Giải phương trình

a. $x^2 + 3x + 2 = 0$

b. $(x^2 - 2x)^2 + 3(x^2 - 2x) + 2 = 0$

Bài 3: (2 điểm) Ba thùng dầu chứa tất cả 62 lít dầu. Thùng thứ nhất nhiều hơn thùng thứ hai là 5 lít. Nếu đổ 6 lit ở thùng thứ nhất sang thùng thứ ba thì số dầu ở hai thùng thứ hai và thứ ba bằng nhau. Tìm số dầu ban đầu chứa trong thùng thứ hai và thứ ba?

Bài 4: (3,5 điểm) Cho nửa đ-ờng tròn đ-ờng kính AB. C là điểm chạy trên nửa đ-ờng tròn (không trùng với A và B). CH là đ-ờng cao của tam giác ABC. I và K lần l-ợt là chân đ-ờng vuông góc hạ từ H xuống AC và BC. M, N lần l-ợt là trung điểm của AH và HB.

1. Tứ giác CIHK là hình gì? So sánh CH và IK?
2. Chứng minh tứ giác AIKB là tứ giác nội tiếp?
3. Xác định vị trí của C để:
 - a. Chu vi tứ giác MIKN lớn nhất?
 - b. Diện tích tứ giác MIKN lớn nhất?

ĐỀ 1953

ĐỀ THI TUYỂN SINH VÀO LỚP 10 NĂM 2011

Câu 1. (1,5 điểm). 1/ Giải phương trình: $7x^2 - 8x - 9 = 0$;

2/ Giải hệ phương trình $\begin{cases} 3x + 2y = 1 \\ 4x + 5y = 6 \end{cases}$

Câu 2. (2 điểm)

1/ Rút gọn các biểu thức : $M = \frac{\sqrt{12} + 3}{\sqrt{3}}$; $N = \frac{3 - 2\sqrt{2}}{\sqrt{2} - 1}$;

2/ Cho x_1 ; x_2 là nghiệm của phương trình: $x^2 - x - 1 = 0$. Tính $\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2}$

Câu 3. (1,5 điểm). Trong mặt phẳng với hệ trục tọa độ Oxy cho các hàm số $y = 3x^2$ có đồ thị là (P); $y = 2x - 3$ có đồ thị là (d); $y = kx + n$ có đồ thị là (d_1), với k, n là những số thực.

1/ Vẽ đồ thị (P) ; 2/ Tìm k và n biết (d_1) đi qua điểm T(1 ; 2) và (d_1) // (d).

Câu 4. Một thửa đất hình chữ nhật có chu vi bằng 198 m, diện tích bằng 2430 m^2 . Tính chiều dài và chiều rộng của thửa đất hình chữ nhật đã cho.

Câu 5. (3,5 điểm) Cho hình vuông ABCD. Lấy điểm E thuộc cạnh BC, với E không trùng B và E không trùng C. Vẽ EF vuông góc với AE, với F thuộc CD. Đường thẳng AF cắt đường thẳng BC điểm G. Vẽ đường thẳng a đi qua điểm A và vuông góc với AE, đường thẳng a cắt đường thẳng DE tại điểm H.

1) Chứng minh rằng: $\frac{AE}{AF} = \frac{CD}{DE}$; 2) Chứng minh rằng tứ giác AEGH là tứ giác nội tiếp

đường tròn;

3) Gọi b là tiếp tuyến của đường tròn ngoại tiếp tam giác AHE tại E, biết b cắt đường trung trực của đoạn thẳng EG tại điểm K. Chứng minh rằng KG là tiếp tuyến của đường tròn ngoại tiếp tam giác AHE.

..... Hết

HƯỚNG DẪN

Câu 1. (1,5 điểm). 1/ Giải phương trình: $7x^2 - 8x - 9 = 0$; 2/ Giải hệ phương trình

$$\begin{cases} 3x + 2y = 1 \\ 4x + 5y = 6 \end{cases}$$

Giải

1/ Giải phương trình: $7x^2 - 8x - 9 = 0$.

Ta có: $\Delta' = b'^2 - ac = (-4)^2 - 7.(-9) = 79 > 0$.

Phương trình có hai nghiệm phân biệt:

$$x_1 = \frac{-b' + \sqrt{\Delta'}}{a} = \frac{4 + \sqrt{79}}{7} ; x_2 = \frac{-b' - \sqrt{\Delta'}}{a} = \frac{4 - \sqrt{79}}{7}$$

2/ Giải :

$$\begin{cases} 3x + 2y = 1 \\ 4x + 5y = 6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -12x - 8y = -4 \\ 12x + 15y = 18 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 7y = 14 \\ 3x + 2y = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 2 \\ 3x + 4 = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ 3x = -3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ y = 2 \end{cases}$$

Vậy hệ phương trình có nghiệm: $(x; y) = (-1; 2)$.

Câu 2. (2 điểm). 1/ Rút gọn các biểu thức : $M = \frac{\sqrt{12} + 3}{\sqrt{3}}$; $N = \frac{3 - 2\sqrt{2}}{\sqrt{2} - 1}$;

2/ Cho x_1, x_2 là nghiệm của phương trình: $x^2 - x - 1 = 0$. Tính $\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2}$

Giải

1/ Rút gọn các biểu thức : $M = \frac{\sqrt{12} + 3}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}(2 + \sqrt{3})}{\sqrt{3}} = 2 + \sqrt{3}$;

$N = \frac{3 - 2\sqrt{2}}{\sqrt{2} - 1} = \frac{(3 - 2\sqrt{2})(\sqrt{2} + 1)}{(\sqrt{2} - 1)(\sqrt{2} + 1)} = \frac{3\sqrt{2} + 3 - 2\sqrt{2}\sqrt{2} - 2\sqrt{2}}{(\sqrt{2})^2 - 1^2} = \frac{\sqrt{2} + 3 - 4}{2 - 1} = \sqrt{2} - 1$;

2/ Phương trình: $x^2 - x - 1 = 0$. Ta có $\Delta = b^2 - 4ac = (-1)^2 - 4.1.(-1) = 5 > 0$.

Vậy phương trình có hai nghiệm x_1, x_2 . Theo định lý Vi - et, ta được : $x_1 + x_2 = 1$; $x_1 \cdot x_2 = -1$.

$$\text{Ta có: } \frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} = \frac{x_2 + x_1}{x_1 x_2} = \frac{1}{-1} = -1$$

Câu 3. (1,5 điểm)

Trong mặt phẳng với hệ trục tọa độ Oxy cho các hàm số $y = 3x^2$ có đồ thị là (P); $y = 2x - 3$ có đồ thị là (d); $y = kx + n$ có đồ thị là (d_1), với k, n là những số thực.

1/ Vẽ đồ thị (P) ;

2/ Tìm k và n biết (d_1) đi qua điểm $T(1; 2)$ và $(d_1) \parallel (d)$.

1/ Học sinh tự vẽ.

2/ + Do $(d_1) \parallel (d)$, nên ta được: $k = 2$;

+ Do (d_1) đi qua điểm $T(1; 2)$, nên ta được: $2 = 1.k + n \Leftrightarrow 2 = 2 + n \Leftrightarrow n = 0$.

Vậy $k = 2$ và $n = 0$. hay (d_1) : $y = 2x$.

Câu 4.

Một thửa đất hình chữ nhật có chu vi bằng 198 m, diện tích bằng 2430 m^2 . Tính chiều dài và chiều rộng của thửa đất hình chữ nhật đã cho.

Gọi chiều dài của thửa đất hình chữ nhật là $x(\text{m})$, chiều rộng của thửa đất hình chữ nhật là $y(\text{m})$ ($x > y > 0$).

Vì chu vi của thửa đất hình chữ nhật bằng 198 m, nên ta được: $2(x + y) = 198 \Leftrightarrow x + y = 99$.

Vì diện tích của thửa đất hình chữ nhật bằng 2430 m^2 , nên ta được: $xy = 2430$.

Ta được: $x + y = 99$ và $xy = 2430$, theo định đảo cầu định lý Vi – et, $x; y$ là nghiệm của phương trình:

$$t^2 - 99t + 2430 = 0. \text{ Ta có } \Delta = b^2 - 4ac = (-99)^2 - 4.1.2430 = 81 > 0.$$

Phương trình có hai nghiệm phân biệt:

$$t_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{99 + \sqrt{81}}{2} = 54; t_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{99 - \sqrt{81}}{2} = 45$$

Vì $x > y$, nên ta được $x = 54$ và $y = 45$.

Đáp số: Chiều dài của thửa đất là 54 m và chiều rộng của khu đất là 45 m.

Câu 5. (3,5 điểm) Cho hình vuông ABCD. Lấy điểm E thuộc cạnh BC, với E không trùng B và E không trùng C. Vẽ EF vuông góc với AE, với F thuộc CD. Đường thẳng AF cắt đường thẳng BC điểm G. Vẽ đường thẳng a đi qua điểm A và vuông góc với AE, đường thẳng a cắt đường thẳng DE tại điểm H.

1) Chứng minh rằng: $\frac{AE}{AF} = \frac{CD}{DE}$; 2) Chứng minh rằng tứ giác AEGH là tứ giác

nội tiếp đường tròn;

3) Gọi b là tiếp tuyến của đường tròn ngoại tiếp tam giác AHE tại E, biết b cắt đường trung trực của đoạn thẳng EG tại điểm K. Chứng minh rằng KG là tiếp tuyến của đường tròn ngoại tiếp tam giác AHE.

1)

+ Xét tứ giác AEFD : $ADF + AEF = 90^\circ + 90^\circ = 180^\circ$

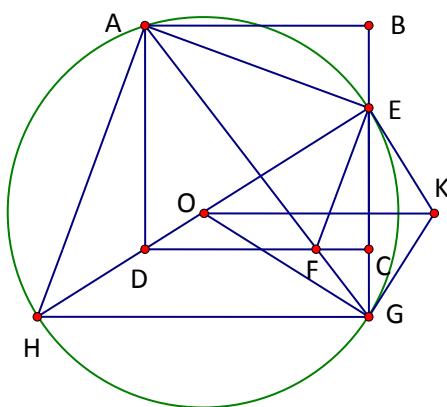
Suy ra: Tứ giác AEFD nội tiếp được đường tròn

Suy ra: $EAF = EDF$ hay $EAF = EDC$

+ Xét $\square AEF$ và $\square EDC$: $AEG = ECD = 90^\circ$ và $EAF = EDC$

Suy ra: $\square AEF \sim \square DCE \Rightarrow \frac{AE}{AF} = \frac{CD}{DE}$.

2)



Tứ giác AEFD nội tiếp được đường tròn

$\Rightarrow EAF = EDF$ hay $EAF = EDC$ mặt khác $EAF + HAG = 90^\circ$ và $EDC + HEG = 90^\circ$

suy ra: $HAG = HEG$ suy ra tứ giác AEGH nội tiếp được đường tròn $\Rightarrow HGE = 90^\circ$

Vì $HAE = HGE = 90^\circ$, suy ra đường tròn này có tâm O là trung điểm của AE.

3)

Đường tròn ngoại tiếp tam giác AHE chính là đường tròn (O).

+ Xét tam giác HGE: $HGE = 90^\circ$ và $OH = OE = \frac{1}{2} HE \Rightarrow OH = OE = OG$.

+ Xét $\square OEK$ và $\square OGK$:

$OE = OG$; OK chung; $EK = GK$ (Vì K thuộc đường trung trực của đoạn thẳng EG)

Suy ra $\square OEK = \square OGK$ ($c - c - c$) $\Rightarrow KGO = KEO = 90^\circ$

Suy ra: $KG \perp OG$, vậy KG là tiếp tuyến của đường tròn ngoại tiếp tam giác HAE. (đpcm).

ĐỀ 1954

SỞ GIÁO DỤC & ĐÀO TẠO
BÌNH PHƯỚC

ĐỀ CHÍNH THỨC

(Đề thi gồm có 01 trang)

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT
Năm học: 2015-2016

Đề thi môn: TOÁN (chuyên)
Thời gian làm bài: 150 phút

Câu 1.

$$P = \left(\frac{1}{a-1} + \frac{3\sqrt{a}+5}{a\sqrt{a}-a-\sqrt{a}+1} \right) \cdot \left(\frac{(\sqrt{a}+1)^2}{4\sqrt{a}} - 1 \right) \text{ VỚI } a > 0, a \neq 1.$$

1) Rút gọn: P**2) Đặt** $Q = (a - \sqrt{a+1})P$. **Chứng minh** $Q > 1$ **Câu 2. Cho phương trình** $x^2 - 2(m+1)x + m^2 = 0$ (1) **Tìm m để pt có 2 nghiệm** x_1, x_2 **thỏa mãn**

$$(x_1 - m)^2 + x_2 = m + 2 \quad (2)$$

Câu 3. 1) Giải pt $(x+1)\sqrt{2(x^2+4)} = x^2 - x - 2$ (1)

$$\begin{aligned} \text{2) Giải hpt} \quad & \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{x}} - \frac{\sqrt{x}}{y} = x^2 + xy - 2y^2 \\ (\sqrt{x+3} - \sqrt{y})(1 + \sqrt{x^2 + 3x}) = 3 \end{cases} \quad (1) \\ & (\sqrt{x+3} - \sqrt{y})(1 + \sqrt{x^2 + 3x}) = 3 \quad (2) \end{aligned}$$

Câu 4 Giải pt trên tập số nguyên $x^{2015} = \sqrt{y(y+1)(y+2)(y+3)} + 1$ (1)**Câu 5.** Cho tam giác ABC nhọn ($AB < AC$) nội tiếp trong đường tròn tâm O , bán kính R . Gọi H là trực tâm của tam giác ABC . Gọi M là trung điểm của BC .1) **Chứng minh rằng:** $AH = 2OM$ 2) **Dựng hình bình hành** $AHIO$. Gọi J là tâm Đường tròn ngoại tiếp tam giác OBC .**Chứng minh rằng:** $OI \cdot OJ = R^2$ 3) Gọi N là giao điểm của AH và đường tròn tâm O (N khác A). Gọi D là điểm bất kỳ trên cung nhỏ NC của đường tròn tâm O (D kác N và C). Gọi E là điểm đối xứng với D qua AC , K là giao điểm của AC và HE . **Chứng minh rằng:** $ACH = ADK$.**Câu 6. 1) Cho** a, b **là các số thực dương. Chứng minh rằng:** $\sqrt{(1+a)(1+b)} \geq 1 + \sqrt{ab}$ **2) Cho** a, b **là các số thực dương thỏa mãn** $a + b = ab$. **Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức**

$$P = \frac{1}{a^2 + 2a} + \frac{1}{b^2 + 2b} + \sqrt{(1+a^2)(1+b^2)}$$

(vẽ phải của pt (1) ta thường hay gặp trong các bài toán giải hệ pt ta cần chú ý)

SƠ LƯỢC CÁCH GIẢI ĐỀ THI TOÁN CHUYÊN BÌNH PHƯỚC 2015-2016

Câu	Nội dung	
1		

2) Đặt $Q = (a - \sqrt{a+1})P$. Chứng minh $Q > 1$

Ta có: $Q = (a - \sqrt{a+1})P = \frac{a - \sqrt{a+1}}{\sqrt{a}} = \frac{a - \sqrt{a+1}}{\sqrt{a}} = \frac{(\sqrt{a}-1)^2}{\sqrt{a}} + 1 > 1, \forall a > 0; a \neq 1$.

(Cách khác: có thể tách ra rồi sử dụng bđt côsi và xét thấy dấu bằng không xảy ra suy ra $Q > 1$)

- 2 Cho phương trình $x^2 - 2(m+1)x + m^2 = 0$ (1) Tìm m để pt có 2 nghiệm x_1, x_2 thỏa mãn

$$(x_1 - m)^2 + x_2 = m + 2 \quad (2)$$

Pt (1) có hai nghiệm $\Leftrightarrow \Delta' \geq 0 \Leftrightarrow m \geq -\frac{1}{2}$. Khi đó theo vi-ét ta có:

$$x_1 + x_2 = 2m + 2; x_1 x_2 = m^2$$

Vì x_1 là nghiệm của pt (1) nên $x_1^2 = 2(m+1)x_1 - m^2$ thay vào (2) ta được
 $2x_1 + x_2 = m + 2$

Từ vi-ét và giả thiết, ta có $-m(3m+2) = m^2 \Leftrightarrow \begin{cases} m=0 \\ m=-\frac{1}{2} \end{cases}$ (thỏa mãn)

Vậy $\begin{cases} m=0 \\ m=-\frac{1}{2} \end{cases}$ thỏa mãn ycbt.

- 3 1) Giải pt $(x+1)\sqrt{2(x^2+4)} = x^2 - x - 2$ (1)

ĐK: $x \in R$

$$\text{Pt (1)} \Leftrightarrow (x+1) \left[\sqrt{2(x^2+4)} - (x-2) \right] = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x \geq 2 \Leftrightarrow x = -1 \\ x = -2 \end{cases}$$

Vậy pt có cnghiệm $x = -1$

2) Giải hpt $\begin{cases} \frac{1}{\sqrt{x}} - \frac{\sqrt{x}}{y} = x^2 + xy - 2y^2 \\ (\sqrt{x+3} - \sqrt{y})(1 + \sqrt{x^2 + 3x}) = 3 \end{cases}$ (1)

(vẽ phải của pt (1) ta thường hay gặp trong các bài toán giải hệ pt ta cần chú ý)

ĐK: $\Leftrightarrow \begin{cases} x > 0 \\ y > 0 \end{cases}$ (*)

Từ pt (1) suy ra $(y-x)\left(x+2y+\frac{1}{y\sqrt{x}}\right)=0 \Leftrightarrow \begin{cases} y=x \\ x+2y+\frac{1}{y\sqrt{x}}=0 \end{cases}$

+) Với $y=x$ thay vào (2) ta được

$$(\sqrt{x+3}-\sqrt{x})(1+\sqrt{x^2+3x})=3 \Leftrightarrow 1+\sqrt{x^2+3x}=\sqrt{x+3}+\sqrt{x} \Leftrightarrow (\sqrt{x+3}-1)(\sqrt{x}-1)=0$$

(nhân hai vế pt với $\sqrt{x+3}+\sqrt{x}$) (Ta cũng có thể đặt $t=\sqrt{x+3}-\sqrt{x}$ rồi bình phương hai vế)

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \sqrt{x+3}=1 \\ \sqrt{x}=1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=-2 \text{ (L)} \\ x=1 \Rightarrow y=1 \end{cases}$$

+) Vì $x>0; y>0$ nên $x+2y+\frac{1}{y\sqrt{x}}=0$ vô nghiệm

Vậy nghiệm của hpt là: $(x; y) = (1; 1)$.

4

Giải pt trên tập số nguyên $x^{2015} = \sqrt{y(y+1)(y+2)(y+3)+1}$ (1)

ĐK: $y(y+1)(y+2)(y+3) \geq 0$

$$\text{Pt (1)} \Leftrightarrow x^{2015} - 1 = \sqrt{(y^2 + 3y + 1)^2 - 1}$$

Đặt: $y^2 + 3y + 1 = a$ ($a \in \mathbb{Z}$)

Vì x nguyên nên $x^{2015} - 1$ nguyên, suy ra

$$a^2 - 1 = k^2 \quad (k \in \mathbb{Z}) \Rightarrow a^2 - k^2 = 1 \Rightarrow (a-k)(a+k) = 1 \Rightarrow k = 0$$

$$\Rightarrow (y^2 + 3y + 1)^2 = 1 \Leftrightarrow \begin{cases} y^2 + 3y + 1 = 1 \\ y^2 + 3y + 1 = -1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = 0 \Rightarrow x = 1 \\ y = -3 \Rightarrow x = 1 \\ y = -1 \Rightarrow x = 1 \\ y = -2 \Rightarrow x = 1 \end{cases} \text{ (thỏa mãn)}$$

Vậy pt có 4 nghiệm nguyên $(x; y)$: $(1; 0), (1; -1), (1; -2), (1; -3)$.

(Ta thường hay gặp chứng minh biểu thức dưới dấu căn cộng 1 là số chính phương)

6

1) Cho a, b là các số thực dương. Chứng minh rằng: $\sqrt{(1+a)(1+b)} \geq 1 + \sqrt{ab}$

Ta chứng minh bằng phép biến đổi tương đương

2) Cho a, b là các số thực dương thỏa mãn $a+b=ab$. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức

$$P = \frac{1}{a^2+2a} + \frac{1}{b^2+2b} + \sqrt{(1+a^2)(1+b^2)}$$

(Ta cần sử dụng hai bđt phụ sau $\sqrt{(1+x)(1+y)} \geq 1 + \sqrt{xy}$ và $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} \geq \frac{4}{x+y}$ nhưng

phải chứng minh hai bđt này mới được điểm tối đa)

$$\begin{aligned} \text{Cách 1: } P &\geq \frac{4}{a^2 + 2a + b^2 + 2b} + 1 + ab = \frac{4}{(a+b)^2 - 2ab + 2(a+b)} + 1 + ab = \frac{4}{a^2 b^2} + ab + 1 \\ &= \left(\frac{4}{a^2 b^2} + \frac{ab}{16} + \frac{ab}{16} \right) + \frac{7ab}{8} + 1 \geq 3 \cdot \sqrt[3]{4 \cdot \frac{1}{16} \cdot \frac{1}{16}} + \frac{7ab}{8} + 1 = \frac{7}{4} + \frac{7ab}{8} \end{aligned}$$

Mặt khác: từ giả thiết, ta có: $ab = a + b \geq 2\sqrt{ab} \Rightarrow ab \geq 4$

Do đó $P \geq \frac{7}{4} + \frac{7 \cdot 4}{8} = \frac{21}{4}$. Vậy giá trị nhỏ nhất của P bằng $\frac{21}{4}$ khi $a = b = 2$

Bình luận: nếu không có bđt phụ thứ nhất, ta phải nghĩ đến sử dụng bđt Bu-nhia-copxki cho biểu thức dưới dấu căn. Còn tổng hai biểu thức nghịch đảo thì quá rõ, sau đó dùng ppháp dồn biến)

Cách 2:

$$\begin{aligned} P &= \frac{1}{a^2 + 2a} + \frac{1}{b^2 + 2b} + \sqrt{(1+a^2)(1+b^2)} \geq \frac{1}{a^2 + 2a} + \frac{1}{b^2 + 2b} + 1 + ab = \frac{1}{a(a+2)} + \frac{1}{b(b+2)} + a + b + 1 \\ &= \left(\frac{1}{a(a+2)} + \frac{a}{16} + \frac{a+2}{32} \right) + \left(\frac{1}{b(b+2)} + \frac{b}{16} + \frac{b+2}{32} \right) + \frac{29}{32}(a+b) + \frac{7}{8} \\ &\geq 3 \cdot \sqrt[3]{1 \cdot \frac{1}{16} \cdot \frac{1}{32}} + 3 \cdot \sqrt[3]{1 \cdot \frac{1}{16} \cdot \frac{1}{32}} + \frac{29}{32}(a+b) + \frac{7}{8} = \frac{13}{8} + \frac{29}{32}(a+b) \end{aligned}$$

Mặt khác: từ giả thiết, ta có: $a + b = ab \leq \frac{(a+b)^2}{4} \Rightarrow a + b \geq 4$

Do đó $P = \frac{13}{8} + \frac{29}{32}(a+b) \geq \frac{13}{8} + \frac{29}{32} \cdot 4 = \frac{21}{4}$

Vậy giá trị nhỏ nhất của P bằng $\frac{21}{4}$ tại $a = b = 2$

Cách 3:

Ta có $a + b = ab \Rightarrow (a-1)(b-1) = 1$

Đặt $a-1 = x \Rightarrow a = x+1; b-1 = y \Rightarrow b = y+1; x \cdot y = 1$

$$\begin{aligned} \text{Khi đó } P &\geq \frac{1}{a^2 + 2a} + \frac{1}{b^2 + 2b} + 1 + ab = \frac{1}{a(a+2)} + \frac{1}{b(b+2)} + a + b + 1 \\ &= \frac{1}{(x+1)(x+3)} + \frac{1}{(y+1)(y+3)} + x + y + 3 \end{aligned}$$

5 Cho tam giác ABC nhọn ($AB < AC$) nội tiếp trong đường tròn tâm O, bán kính

R. Gọi H là trực tâm của tam giác ABC. Gọi M là trung điểm của BC.

1) Chứng minh rằng: $AH = 2 \cdot OM$

2) Dựng hình bình hành AHIO. Gọi J là tâm Đường tròn ngoại tiếp tam giác

OBC. Chứng minh rằng: $OI \cdot OJ = R^2$

3) Gọi N là giao điểm của AH và đường tròn tâm O (N khác A). Gọi D là điểm bất kỳ trên cung nhỏ NC của đường tròn tâm O (D kác N và C). Gọi E là điểm đối xứng với D qua AC, K là giao điểm của AC và HE. Chứng minh rằng:
 $ACH = ADK$.

ĐỀ 1960

ĐỀ THI VÀO 10

Bài 1: (2,0 điểm). Cho biểu thức: $A = \left(\frac{\sqrt{x}-2}{x-1} - \frac{\sqrt{x}+2}{x+2\sqrt{x}+1} \right) \cdot \frac{x^2-2x+1}{2}$

- a) Tìm điều kiện của x để biểu thức A có nghĩa. Rút gọn A,
- b) Tìm x để $A \geq 0$;
- c) Tìm giá trị lớn nhất của A.

Bài 2 (2,0 điểm). 1. Giải phương trình sau: $4x^4 + 4x^3 - 20x^2 + 2x + 1 = 0$

2. Chứng minh rằng nếu số tự nhiên \overline{abc} là số nguyên tố thì $b^2 - 4ac$ không là số chính phương.

Bài 3 (1,0 điểm). Cho đa thức $f(x) = x^2 - 2(m+2)x + 6m+1$ (m là tham số). Bằng cách đặt $x = t + 2$. Tính $f(x)$ theo t và tìm điều kiện để phương trình $f(x) = 0$ có hai nghiệm lớn hơn 2.

Bài 4 (4,0 điểm). 1. Cho đường tròn (T) tâm O đường kính AB, trên tiếp tuyến tại A lấy một điểm P khác A, điểm K thuộc đoạn

OB (K khác O và B). Đường thẳng PK cắt đường tròn (T) tại C và D (C nằm giữa P và D), H là trung điểm của CD

- a) Chứng minh tứ giác AOHP nội tiếp được đường tròn.
- b) Kẻ DI song song PO, điểm I thuộc AB, chứng minh: $PDI = BAH$
- c) Chứng minh đẳng thức: $PA^2 = PC \cdot PD$; d) BC cắt OP tại J, chứng minh $AJ // DB$

2. Cho tam giác ABC vuông tại A. Từ một điểm I thuộc miền trong tam giác, kẻ $IM \perp BC$, $IN \perp AC$, $IK \perp AB$.

Tìm vị trí của I sao cho tổng $IM^2 + IN^2 + IK^2$ nhỏ nhất

Bài 5 (1,0 điểm). Cho các số thực dương x, y, z thỏa mãn $xyz \leq 1$. Chứng minh

$$\text{rằng: } \frac{x(1-y^3)}{y^3} + \frac{y(1-z^3)}{z^3} + \frac{z(1-x^3)}{x^3} \geq 0$$

Lượt giải:

Bài 1: (2,0 điểm).

$$\text{a) A có nghĩa khi và chỉ khi: } \begin{cases} x \geq 0 \\ x - 1 \neq 0 \\ x + 2\sqrt{x} + 1 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 0 \\ x \neq 1 \\ (\sqrt{x} + 1)^2 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 0 \\ x \neq 1 \end{cases}$$

Vậy điều kiện để biểu thức A có nghĩa là: $\begin{cases} x \geq 0 \\ x \neq 1 \end{cases}$

Khi đó $A = \left[\frac{\sqrt{x}-2}{(\sqrt{x}-1)(\sqrt{x}+1)} - \frac{\sqrt{x}+2}{(\sqrt{x}+1)^2} \right] \cdot \frac{(x-1)^2}{2} = \frac{(\sqrt{x}-2)(\sqrt{x}+1) - (\sqrt{x}+2)(\sqrt{x}-1)}{(x-1)(\sqrt{x}+1)} \cdot \frac{(x-1)^2}{2}$

$$= \frac{x - \sqrt{x} - 2 - (x + \sqrt{x} - 2)}{\sqrt{x} + 1} \cdot \frac{x-1}{2} = \frac{-2\sqrt{x}(\sqrt{x}+1)(\sqrt{x}-1)}{2(\sqrt{x}+1)} = -\sqrt{x}(\sqrt{x}-1) = -x + \sqrt{x}$$

Vậy $A = -x + \sqrt{x}$ (với $x \geq 0, x \neq 1$)

b) $A \geq 0 \Leftrightarrow -x + \sqrt{x} \geq 0$ (với $x \geq 0, x \neq 1$)

$$\Leftrightarrow \sqrt{x}(1 - \sqrt{x}) \geq 0 \Leftrightarrow (\sqrt{x} - 1)\sqrt{x} \leq 0 \Leftrightarrow \sqrt{x} - 1 < 0 \leq \sqrt{x} \Leftrightarrow 0 \leq \sqrt{x} < 1 \Leftrightarrow 0 \leq x < 1$$

Vậy $A \geq 0$ khi $0 \leq x < 1$

c) Với $x \geq 0, x \neq 1$, ta có: $A = -\left[(\sqrt{x})^2 - 2 \cdot \sqrt{x} \cdot \frac{1}{2} + \frac{1}{4} \right] + \frac{1}{4} = -\left(\sqrt{x} - \frac{1}{2} \right)^2 + \frac{1}{4} \geq \frac{1}{4}$,

dấu “=” xẩy ra khi và chỉ khi $\sqrt{x} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow x = \frac{1}{4}$ Vậy $\text{Max}(A) = \frac{1}{4}$ khi $x = \frac{1}{4}$

Bài 2 (2,0 điểm). 1. Giải phương trình sau: $4x^4 + 4x^3 - 20x^2 + 2x + 1 = 0$ (1)

Dễ thấy $x = 1$ không là nghiệm của (1), do đó:

$$(1) \Leftrightarrow 4x^2 + 4x - 20 + \frac{2}{x} + \frac{1}{x^2} = 0 \quad (\text{vì } x^2 \neq 0)$$

$$\Leftrightarrow \left(2x + \frac{1}{x} \right)^2 + 2 \left(2x + \frac{1}{x} \right) - 24 = 0 \Leftrightarrow y^2 + 2y - 24 = 0 \quad (\text{với } y = 2x + \frac{1}{x} \neq 0)$$

$$\begin{cases} y = -6 \\ y = 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y + 6 = 0 \\ y - 4 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x + \frac{1}{x} + 6 = 0 \\ 2x + \frac{1}{x} - 4 = 0 \end{cases} \begin{cases} 2x^2 + 6x + 1 = 0 \\ 2x^2 - 4x + 1 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{-3 \pm \sqrt{7}}{2} \\ x = \frac{2 \pm \sqrt{2}}{2} \end{cases}$$

Vậy phương trình (1) có tập nghiệm: $S = \left\{ \frac{-3 \pm \sqrt{7}}{2}, \frac{2 \pm \sqrt{2}}{2} \right\}$

Cách 2: (1) $\Leftrightarrow (4x^4 + 4x^3 + x^2) - 21x^2 + 2x + 1 = 0 \Leftrightarrow (2x^2 + x)^2 + 2(2x^2 + x) + 1 - 25x^2 = 0$

$$\Leftrightarrow (2x^2 + x + 1)^2 - (5x)^2 = 0 \Leftrightarrow (2x^2 + 6x + 1)(2x^2 - 4x + 1) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 2x^2 + 6x + 1 = 0 \\ 2x^2 - 4x + 1 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{-3 \pm \sqrt{7}}{2} \\ x = \frac{2 \pm \sqrt{2}}{2} \end{cases}$$

2. Giả sử $b^2 - 4ac$ là số chính phương $\Rightarrow \exists n \in \mathbb{N}: b^2 - 4ac = n^2 \Leftrightarrow 4ac = b^2 - n^2 = (b-n)(b+n)$ (*)
 $\Rightarrow (b-n)(b+n) : 4$ và hai số $b-n, b+n$ cùng tính chẵn lẻ (vì $(b-n) + (b+n) = 2b$)

Nên (*) $\Leftrightarrow \begin{cases} b-n = 2a \\ b+n = 2c \end{cases}$ hoặc $\begin{cases} b-n = 2c \\ b+n = 2a \end{cases} \Rightarrow b = a+c \quad \Rightarrow$

$$\overline{abc} = 100a + 10(a+c) + c = 11(10a+c)$$

là hợp số

Cách 2: Giả sử $b^2 - 4ac$ là số chính phương khi đó:

$4a \cdot \overline{abc} = 400a^2 + 40ab + 4ac = (20a)^2 + 2 \cdot 20a \cdot b + b^2 - n^2 = (20a+b)^2 - n^2 = (20a+b+n)(20a+b-n)$
nên trong hai số $20a+b+n$ và $20a+b-n$ có một số chia hết cho số nguyên tố \overline{abc}
nhưng điều này không thể xảy ra vì cả hai số đều nhỏ hơn \overline{abc}
Thật vậy: $b^2 - n^2 = 4ac > 0$ nên $n < b$. Do đó: $20a+b-n < 20a+b+n < 100a+10b+c = \overline{abc}$

Vậy $b^2 - 4ac$ không chính phương

Bài 3 (1,0 điểm). $x = t + 2$

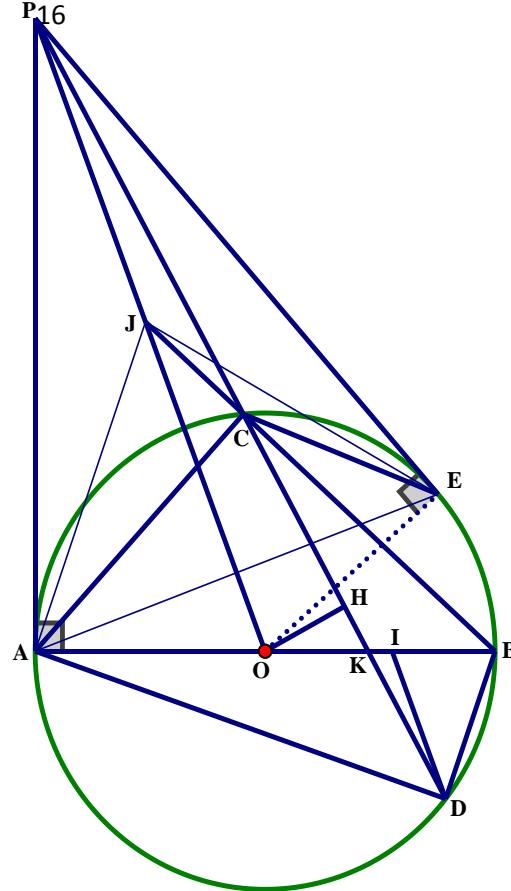
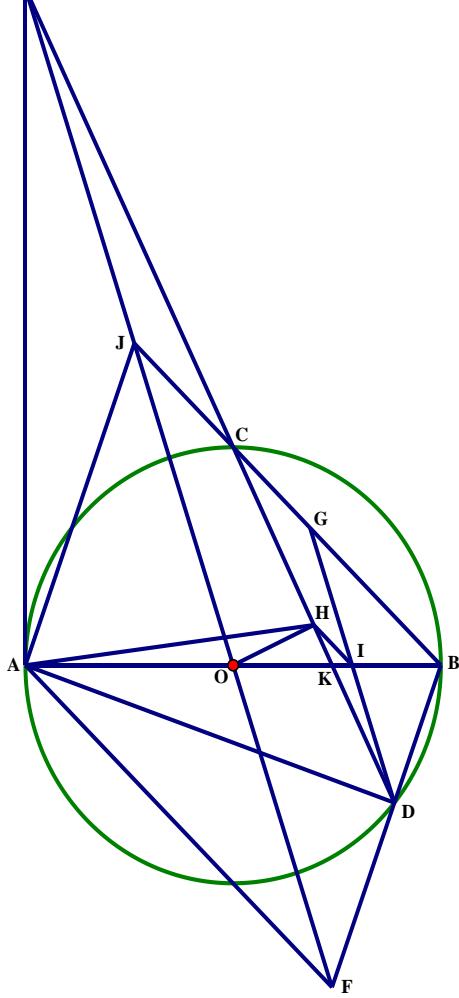
$$\Rightarrow g(t) = f(t+2) = (t+2)^2 - 2(m+2)(t+2) + 6m + 1 = t^2 + 4t + 4 - 2(m+2)t - 4(m+2) + 6m + 1$$

$$\Leftrightarrow g(t) = t^2 - 2mt + 2m - 3$$

$f(x) = 0$ có hai nghiệm lớn hơn 2 khi và chỉ khi phương trình $g(t) = 0$ có hai nghiệm dương: $\Leftrightarrow t^2 - 2mt + 2m - 3 = 0 (t > 0)$

Theo hệ thức vi ét thì hai nghiệm đó thỏa mãn: $\begin{cases} t_1 + t_2 = 2m > 0 \\ t_1 t_2 = 2m - 3 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m > 0 \\ m > \frac{3}{2} \end{cases} \Leftrightarrow m > \frac{3}{2}$

Vậy phương trình $f(x) = 0$ có hai nghiệm lớn hơn 2 khi $m > \frac{3}{2}$



Bài 4 (4,0 điểm). 1. a) Chứng minh tứ giác AOHP nội tiếp được đường tròn:

- $PA \perp OA$ (PA là tiếp tuyến của đường tròn (T)) $\Rightarrow PAO = 90^\circ$

- H là trung điểm của dây không qua tâm O của đường tròn (T) nên

$\text{OH} \perp BC \Rightarrow \text{PHO} = 90^\circ$ Do đó: $\text{PAO} + \text{PHO} = 180^\circ$ Vậy tứ giác AOHP nội tiếp được đường tròn

b) Chứng minh $PDI = BAH$

- Ta có: PDI = HPO (slt, DI // PO)

- Từ (*) suy ra: $HPO = HAB$ (nội tiếp cùng chắn cung OH) Vậy $PDI = BAH$

c) Chứng minh đẳng thức: $PA^2 = PC \cdot PD$

Δ PAC và Δ PDA có: $APC = DPA$ (góc chung)

PAC = PDA (nội tiếp cùng chẵn AC của đường tròn)

$$\Rightarrow \Delta \text{PAC}^S \Delta \text{PDA}(\text{g}, \text{g}) \Rightarrow \frac{\text{PA}}{\text{PD}} = \frac{\text{PC}}{\text{PA}} \Rightarrow \text{PA}^2 = \text{PC} \cdot \text{PD}$$

d) BC cắt OP tại J, chứng minh AJ // DB

- Kẻ tiếp tuyến PE với đường tròn (T) (E là tiếp điểm), từ tính chất hai tiếp tuyến cắt

nhau suy ra PO là trung trực của AE $\Rightarrow JAP = JEP$ (tính chất đối qua xứng trực OP) (1)

- Từ (*) suy ra: $JPE = OAE$ (nội tiếp cùng chắn OE) và $OAE = BCE$ (nội tiếp cùng chắn BE của đường tròn (T)) nên $JPE = BCE$, suy ra tứ giác JPCE nội tiếp. (2)

- Từ (2) suy ra $JEP = JCP$ (nội tiếp cùng chắn JP) lại có $JCP = BCD$ (đối đỉnh) và $BCD = BAD$ (nội tiếp cùng chắn BD của đường tròn (T)), do đó: $JEP = BAD$ (3)

- Từ (1)và(3) suy ra $JAP = BAD \Rightarrow BAD + BAJ = JAP + BAJ$ hay $JAD = PAB = 90^\circ \Rightarrow JA \perp AD$ (4)

Mặt khác $ADB = 90^\circ$ (nội tiếp chắn nửa đường tròn (T)) $\Rightarrow BD \perp AD$ (5)

(4) và (5) suy ra $AJ \parallel BD$

Cách 2:

Gọi F là giao điểm của BD và PO, G là giao điểm của DI và BJ

Ta có: $HDI = IAH$ (suy ra từ kết quả câu a)nên tứ giác ADHI nội tiếp, suy ra:

$IHD = IAD (= \frac{1}{2} \text{sđ ID})$ mà $IAD = DCB (= \frac{1}{2} \text{sđ BD của đường tròn (T)})$

do đó: $IHD = BCD$ ở vị trí đồng vị, suy ra $HI \parallel BC$ lại có $HC = HD$, suy ra $IC = ID$ (1)

Mặt khác: ΔOBF có $ID \parallel OF \Leftrightarrow \frac{ID}{OF} = \frac{BI}{BO}$ (2)

ΔOBJ có $IG \parallel OJ \Leftrightarrow \frac{BI}{BO} = \frac{GI}{OJ}$ (3)

Từ (1), (2) và (3) suy ra $OJ = OE$, lúc này O là trung điểm chung của $JAFB$ nên $JAFB$ là hình bình hành , suy ra: $JA \parallel BD$

2. Ta có: $2(a^2 + b^2) = (a+b)^2 + (a-b)^2 \geq (a+b)^2 \Leftrightarrow a^2 + b^2 \geq \frac{(a+b)^2}{2}$, dấu “=” xảy ra khi và chỉ khi $a = b$ (*)

Kẻ đường cao AH $\Rightarrow H$ là điểm cố định (vì A, B, C cố định)

Gọi E là hình chiếu vuông góc của I trên AH.

Áp dụng định lý Pytago cho các tam giác vuông INA, IPA

ta có: $IN^2 + AN^2 = IN^2 + IK^2 = IA^2 \geq EA^2$

Mặt khác: $IM = EH$ (cạnh đối hình chữ nhật IEHM) nên: $IM^2 + IN^2 + IK^2 \geq EH^2 + EA^2$

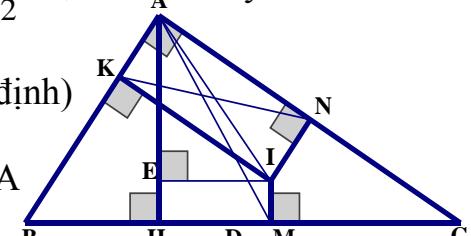
Áp dụng (*) ta có: $IM^2 + IN^2 + IK^2 \geq EH^2 + EA^2 \geq \frac{(EH + EA)^2}{2} = \frac{AH^2}{2}$ không đổi (vì A, H cố định)

Dấu “=” xảy ra khi $IA = EA = EH = \frac{AH}{2} \Leftrightarrow I$ là trung điểm của đường cao AH

Vậy khi I là trung điểm của đường cao AH thì tổng $IM^2 + IN^2 + IK^2$ đạt GTNN là $\frac{AH^2}{2}$

Cách 2: $IM^2 + IN^2 + IK^2 = IM^2 + KN^2$ (vì $IN^2 + IK^2 = KN^2$)

$$= IM^2 + IA^2$$



Theo (*), ta có: $\text{IM}^2 + \text{IN}^2 + \text{IK}^2 = \text{IM}^2 + \text{IA}^2 \geq \frac{(\text{IM} + \text{IA})^2}{2} \geq \frac{\text{AM}^2}{2} \geq \frac{\text{AH}^2}{2}$: không đỗi

Dấu “=” xảy ra khi A, I, M thẳng hàng, M trùng H và $\text{IM} = \text{IA}$
 \Leftrightarrow I là trung điểm của đường cao AH

Vậy khi I là trung điểm của đường cao AH thì tổng $\text{IM}^2 + \text{IN}^2 + \text{IK}^2$ đạt GTNN là $\frac{\text{AH}^2}{2}$

Bài 5 (1,0 điểm). Các số thực dương x, y, z thoả mãn $xyz \leq 1$, nên ta có: $0 < xyz \leq 1$, do đó

$$\frac{1 \cdot x}{y^3} + \frac{1 \cdot y}{z^3} + \frac{1 \cdot z}{x^3} \geq \frac{x^2 z}{y^2} + \frac{y^2 x}{z^2} + \frac{z^2 y}{x^2} \quad (1)$$

Áp dụng bất đẳng thức Cô si cho 3 số dương: $\frac{x^2 z}{y^2}; \frac{y^2 x}{z^2}; z$, ta được:

$$\frac{x^2 z}{y^2} + \frac{y^2 x}{z^2} + z \geq 3x \quad (2), \text{dấu “=” xảy ra khi và chỉ khi } \frac{x^2 z}{y^2} = \frac{y^2 x}{z^2} = z \Leftrightarrow x = y = z = 1$$

tương tự có: $\frac{y^2 x}{z^2} + \frac{z^2 y}{x^2} + x \geq 3y \quad (3) \text{ và } \frac{z^2 y}{x^2} + \frac{x^2 z}{y^2} + y \geq 3z \quad (4) \text{ dấu “=” xảy ra khi và chỉ}$

khi $x = y = z = 1$

Từ (2), (3) và (4) suy ra: $2\left(\frac{x^2 z}{y^2} + \frac{y^2 x}{z^2} + \frac{z^2 y}{x^2}\right) + x + y + z \geq 3(x + y + z) \Leftrightarrow \frac{x^2 z}{y^2} + \frac{y^2 x}{z^2} + \frac{z^2 y}{x^2} \geq x + y + z \quad (5)$

Từ (1) và (5) suy ra: $\frac{x}{y^3} + \frac{y}{z^3} + \frac{z}{x^3} \geq x + y + z$, dấu “=” xảy ra khi $x = y = z = 1$

$$\Leftrightarrow \frac{x}{y^3} - x + \frac{y}{z^3} - y + \frac{z}{x^3} - z > 0, \text{dấu “=” xảy ra khi } x = y = z = 1$$

$$\text{Vậy: } \frac{x(1-y^3)}{y^3} + \frac{y(1-z^3)}{z^3} + \frac{z(1-x^3)}{x^3} \geq 0, \text{dấu “=” xảy ra khi } x = y = z = 1$$

ĐỀ 1961

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO

ĐĂK LĂK

ĐỀ THI CHÍNH THỨC

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 TRUNG HỌC PHỔ

THÔNG

NĂM HỌC 2013 – 2014

MÔN THI: TOÁN HỌC

(Thời gian 120 phút không kể thời gian giao
đề)

Ngày thi: 25/6/2013

Câu 1: (1,5 điểm)

1) Rút gọn biểu thức: $A = \sqrt{12} + \sqrt{27} - \sqrt{48}$

2) Chứng minh rằng: $\frac{x\sqrt{y} + y\sqrt{x}}{\sqrt{xy}} : \frac{1}{\sqrt{x} - \sqrt{y}} = x - y$; với $x > 0; y > 0$ và $x \neq y$

Câu 2: (2,0 điểm)

1) Giải hệ phương trình: $\begin{cases} 2x + y = 1 \\ 3x + 4y = -1 \end{cases}$

2) Giải phương trình: $\frac{x}{x-1} + \frac{2}{x^2 - 4x + 3} = 0$

Câu 3: (2,0 điểm)

Cho phương trình $x^2 + 2(m+1)x + m^2 = 0$ (m là tham số)

1) Tìm m để phương trình có nghiệm.

2) Tìm m để phương trình có hai nghiệm $x_1; x_2$ sao cho: $x_1^2 + x_2^2 - 5x_1x_2 = 13$

Câu 4: (3,5 điểm)

Cho đường tròn (O), đường kính AB . Vẽ các tiếp tuyến Ax, By của đường tròn. M là một điểm trên đường tròn (M khác A, B). Tiếp tuyến tại M của đường tròn cắt Ax, By lần lượt tại P, Q

1) Chứng minh rằng: tứ giác $APMO$ nội tiếp

2) Chứng minh rằng: $AP + BQ = PQ$

3) Chứng minh rằng: $AP \cdot BQ = AO^2$

4) Khi điểm M di động trên đường tròn (O), tìm các vị trí của điểm M sao cho diện tích tứ giác $APQB$ nhỏ nhất

Câu 5: (1,0 điểm)

Cho các số thực x, y thỏa mãn: $x + 3y = 5$. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức:

$$A = x^2 + y^2 + 16y + 2x$$

SƠ LƯỢC BÀI GIẢI

Câu 1: (1,5 điểm)

$$1) A = \sqrt{12} + \sqrt{27} - \sqrt{48} = 2\sqrt{3} + 3\sqrt{3} - 4\sqrt{3} = \sqrt{3}$$

$$2) \frac{x\sqrt{y} + y\sqrt{x}}{\sqrt{xy}} : \frac{1}{\sqrt{x} - \sqrt{y}} = \frac{\sqrt{xy}(\sqrt{x} + \sqrt{y})}{\sqrt{xy}} \cdot (\sqrt{x} - \sqrt{y}) = x - y$$

Câu 2: (2,0 điểm)

$$1) \begin{cases} 2x + y = 1 \\ 3x + 4y = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 1 - 2x \\ 3x + 4(1 - 2x) = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 1 - 2x \\ -5x = -5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = -1 \end{cases}$$

2) ĐK: $x \neq 1, x \neq 3$

$$\frac{x}{x-1} + \frac{2}{x^2 - 4x + 3} = 0 \iff \frac{x}{x-1} + \frac{2}{(x-1)(x-3)} = 0$$

$$\iff x(x-3) + 2 = 0$$

$$\iff x^2 - 3x + 2 = 0$$

Vì $a + b + c = 1 - 3 + 2 = 0 \Rightarrow x_1 = 1$ (không TMĐK), $x_2 = 2$ (TMĐK)

Vậy phương trình có một nghiệm là $x = 2$

Câu 3: (2,0 điểm)

1) Phương trình có nghiệm khi $\Delta' = (m+1)^2 - m^2 \geq 0 \iff 2m+1 \geq 0 \iff m \geq \frac{-1}{2}$

2) Phương trình có hai nghiệm x_1, x_2 khi $m \geq \frac{-1}{2}$ (theo câu 1). Theo Vi-ét ta có

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = -2(m+1) \\ x_1 x_2 = m^2 \end{cases}$$

Khi đó

$$x_1^2 + x_2^2 - 5x_1x_2 = 13$$

$$\iff (x_1 + x_2)^2 - 7x_1x_2 = 13$$

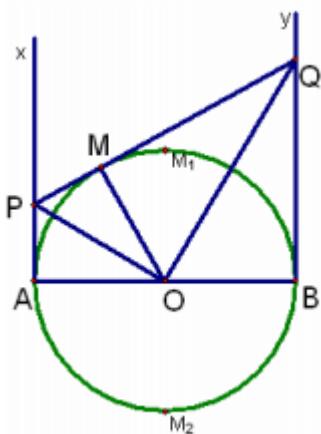
$$\iff 4(m+1)^2 - 7m^2 = 13$$

$$\iff 3m^2 - 8m + 9 = 0$$

Vì $\Delta' = 16 - 27 = -11 < 0 \Rightarrow (*)$ vô nghiệm

Vậy không tồn tại giá trị nào của m để phương trình $x^2 + 2(m+1)x + m^2 = 0$ có 2 nghiệm x_1, x_2 sao cho $x_1^2 + x_2^2 - 5x_1x_2 = 13$

Câu 4: (3,5 điểm)



1) Xét tứ giác APMQ, ta có:

$OAP = OMP = 90^\circ$ (vì PA, PM là tiếp tuyến của (O))

Vậy tứ giác APMQ nội tiếp.

2) Ta có $AP = MP$ (AP, MP là tiếp tuyến của (O))

$BQ = MQ$ (BQ, MQ là tiếp tuyến của (O))

$$\Rightarrow AP + BQ = MP + MQ = PQ$$

3) Ta có OP là phân giác góc AOM (AP, MP là tiếp tuyến của (O))

OQ là phân giác góc BOM (BQ, MQ là tiếp tuyến của (O))

$$\text{Mà góc } AOM + \text{góc } BOM = 180^\circ \text{ (hai góc kề bù)} \Rightarrow POQ = 90^\circ$$

Xét ΔPOQ , ta có: $POQ = 90^\circ$ (cmt), $OP \perp OQ$ (PQ là tiếp tuyến của (O) tại M)

$$\Rightarrow MP \cdot MQ = OM^2 \text{ (hệ thức lượng)}$$

Lại có $MP = AP; MQ = BQ$ (cmt), $OM = AO$ (bán kính)

$$\text{Do đó } AP \cdot BQ = AO^2$$

4) Tứ giác $APQB$ có: $AP \parallel BQ$ ($AP \perp AB, BQ \perp AB$), nên tứ giác $APQB$ là hình thang vuông

$$\Rightarrow S_{APQB} = \frac{(AP + BQ)AB}{2} = \frac{PQ \cdot AB}{2}$$

Mà AB không đổi nên S_{APQB} đạt GTNN

$$\Leftrightarrow PQ \text{ nhỏ nhất} \Leftrightarrow PQ = AB \Leftrightarrow PQ \parallel AB \Leftrightarrow OM \text{ vuông AB}$$

$\Leftrightarrow M$ là điểm chính giữa cung AB . Tức là M trùng M_1 hoặc M trùng M_2 (hình vẽ) thì S_{APQB}

$$\text{đạt GTNN là } \frac{AB^2}{2}$$

Câu 5: (1,0 điểm)

Ta có $x+3y=5 \Rightarrow x=5-3y$

$$\text{Khi đó } A = x^2 + y^2 + 16y + 2x = (5-3y)^2 + y^2 + 16y + 2(5-3y) = 10y^2 - 20y + 35$$

$$= 10(y-1)^2 + 25 \geq 25 \text{ (vì } 10(y-1)^2 \geq 0 \text{ với mọi } y\text{)}$$

$$\text{Đ dấu "=" xảy ra khi } \begin{cases} x = 5 - 3y \\ 10(y-1)^2 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = 1 \end{cases}$$

$$\text{Vậy GTNN của } A = 25 \text{ khi } \begin{cases} x = 2 \\ y = 1 \end{cases}$$

ĐỀ 1962

ĐỀ THI VÀO 10

Câu 1: (2,0 điểm)

Giải hệ phương trình, các phương trình sau đây:

$$1. \begin{cases} x + y = 43 \\ 3x - 2y = 19 \end{cases}$$

$$2. |x + 5| = 2x - 18$$

$$3. x^2 - 12x + 36 = 0$$

$$4. \sqrt{x - 2011} + \sqrt{4x - 8044} = 3$$

Câu 2: (1,5 điểm)

Cho biểu thức: $K = 2\left(\frac{1}{\sqrt{a}-1} - \frac{1}{\sqrt{a}}\right) : \left(\frac{\sqrt{a}+1}{a^2-a}\right)$ (với $a > 0, a \neq 1$)

1. Rút gọn biểu thức K .

2. Tìm a để $K = \sqrt{2012}$.

Câu 3: (1,5 điểm)

Cho phương trình (ẩn số x): $x^2 - 4x - m^2 + 3 = 0$ (*).

1. Chứng minh phương trình (*) luôn có hai nghiệm phân biệt với mọi m .

2. Tìm giá trị của m để phương trình (*) có hai nghiệm x_1, x_2 thỏa $x_2 = -5x_1$.

Câu 4: (1,5 điểm)

Một ô tô dự định đi từ A đến B cách nhau 120 km trong một thời gian quy định.

Sau khi đi được 1 giờ thì ô tô bị chặn bởi xe cứu hỏa 10 phút. Do đó để đến B đúng hạn xe phải tăng vận tốc thêm 6 km/h. Tính vận tốc lúc đầu của ô tô.

Câu 5: (3,5 điểm)

Cho đường tròn (O), từ điểm A ở ngoài đường tròn vẽ hai tiếp tuyến AB và AC (B, C là các tiếp điểm). OA cắt BC tại E .

1. Chứng minh tứ giác $ABOC$ nội tiếp.

2. Chứng minh BC vuông góc với OA và $BA \cdot BE = AE \cdot BO$.

3. Gọi I là trung điểm của BE , đường thẳng qua I và vuông góc OI cắt các tia AB, AC theo thứ tự tại D và F . Chứng minh $\angle DOB = \angle COE$ và $\triangle DOF$ cân tại O .

4. Chứng minh F là trung điểm của AC .

GỢI Ý GIẢI:

www.VNMATH.com

Câu 1: (2,0 điểm)

Giải hệ phương trình , các phương trình sau đây:

$$1. \begin{cases} x+y=43 \\ 3x-2y=19 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+2y=86 \\ 3x-2y=19 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5x=105 \\ x+y=43 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=21 \\ y=22 \end{cases}$$

$$2. |x+5|=2x-18 ; \text{ ĐK: } x \geq 9$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x+5=2x-18 \\ x+5=-2x+18 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=23 \text{ (TMĐK)} \\ x=\frac{13}{3} \text{ (KTMĐK)} \end{cases}$$

$$3. x^2 - 12x + 36 = 0 \Leftrightarrow (x-6)^2 = 0 \Leftrightarrow x = 6$$

$$4. \sqrt{x-2011} + \sqrt{4x-8044} = 3; DK : x \geq 2011$$

$$\Rightarrow 3\sqrt{x-2011} = 3 \Leftrightarrow x = 2012 (TMĐK)$$

Câu 2: (1,5 điểm)

Cho biểu thức: $K = 2\left(\frac{1}{\sqrt{a}-1} - \frac{1}{\sqrt{a}}\right) : \left(\frac{\sqrt{a}+1}{a^2-a}\right)$ (với $a > 0, a \neq 1$)

$$\begin{aligned} K &= 2\left(\frac{1}{\sqrt{a}-1} - \frac{1}{\sqrt{a}}\right) : \left(\frac{\sqrt{a}+1}{a^2-a}\right) = 2\left(\frac{\sqrt{a}-\sqrt{a}+1}{\sqrt{a}(\sqrt{a}-1)}\right) : \left(\frac{\sqrt{a}+1}{a(a-1)}\right) \\ &= 2\left(\frac{1}{\sqrt{a}(\sqrt{a}-1)}\right) : \left(\frac{1}{a(\sqrt{a}-1)}\right) = 2\left(\frac{1}{\sqrt{a}(\sqrt{a}-1)}\right) : (a(\sqrt{a}-1)) = 2\sqrt{a} \\ K &= \sqrt{2012} \Leftrightarrow 2\sqrt{a} = \sqrt{2012} \Leftrightarrow a = 503 \text{ (TMĐK)} \end{aligned}$$

Câu 3: (1,5 điểm)

Cho phương trình (ẩn số x):

$$1. x^2 - 4x - m^2 + 3 = 0 (*)$$

$$\Delta = 16 + 4m^2 - 12 = 4m^2 + 4 \geq 4 > 0; \forall m$$

Vậy (*) luôn có hai nghiệm phân biệt với mọi m .

2. Tìm giá trị của m để phương trình (*) có hai nghiệm x_1, x_2 thỏa $x_2 = -5x_1$.

Theo hệ thức VI-ET có: $x_1 \cdot x_2 = -m^2 + 3$; $x_1 + x_2 = 4$; mà $x_2 = -5x_1 \Rightarrow x_1 = -1; x_2 = 5$

$$\text{Thay } x_1 = -1; x_2 = 5 \text{ vào } x_1 \cdot x_2 = -m^2 + 3 \Rightarrow m = \pm 2\sqrt{2}$$

Câu 4: (1,5 điểm)

Gọi x (km/h) là vt dự định; $x > 0 \Rightarrow$ Thời gian dự định: $\frac{120}{x}$ (h)

Sau 1 h ô tô đi được x km \Rightarrow quãng đường còn lại $120 - x$ (km)

Vt lúc sau: $x + 6$ (km/h)

$$\text{Pt } 1 + \frac{1}{6} + \frac{120-x}{x+6} = \frac{120}{x} \Rightarrow x = 48 \text{ (TMĐK)} \Rightarrow \text{KL}$$

HD C3

Tam giác BOC cân tại O \Rightarrow góc OBC = góc OCB

Tứ giác OIBD có góc OID = góc OBD = 90° nên OIBD nội tiếp \Rightarrow góc ODI = góc OBI

Do đó $IDO = BCO$

Lại có FIOC nội tiếp; nên góc IFO = góc ICO

Suy ra góc OPF = góc OFP; vậy $\triangle DOF$ cân tại O .

HD C4

Xét tứ giác BPFE có $IB = IE$; $IP = IF$ (Tam giác OPF cân có OI là đường cao \Rightarrow)

Nên BPEF là Hình bình hành $\Rightarrow BP \parallel FE$

Tam giác ABC có $EB = EC$; $BA \parallel FE$; nên EF là ĐTB của tam giác ABC $\Rightarrow FA = FC$

ĐỀ 1963**ĐỀ THI VÀO 10**

Câu 1(2 điểm) Cho biểu thức $P = \frac{a^3 - a - 2b - \frac{b^2}{a}}{\left(1 - \sqrt{\frac{1}{a} + \frac{b}{a^2}}\right)(a + \sqrt{a+b})}$: $\left(\frac{a^3 + a^2 + ab + a^2b}{a^2 - b^2} + \frac{b}{a-b}\right)$ với,

$a, b > 0, a \neq b, a + b \neq a^2$. 1. Chứng minh rằng $P = a - b$.

2. Tìm a,b biết $P = 1$ & $a^3 - b^3 = 7$

Câu 2(1 điểm) Giả sử x, y là hai số thực phân biệt thỏa mãn $\frac{1}{x^2+1} + \frac{1}{y^2+1} = \frac{2}{xy+1}$

Tính giá trị biểu thức $P = \frac{1}{x^2+1} + \frac{1}{y^2+1} + \frac{2}{xy+1}$

Câu 3(2 điểm) Cho parabol (P): $y = x^2$ và đường thẳng (d): $y = -2ax - 4a$ (với a là tham số

1. Tìm tọa độ giao điểm của (d) và (P) khi $a = -\frac{1}{2}$

2. Tìm tất cả các giá trị của a để đường thẳng (d) cắt (P) tại hai điểm phân biệt có hoành độ $x_1; x_2$ thỏa mãn $|x_1| + |x_2| = 3$

Câu 4 (1 điểm) Anh Nam đi xe đạp từ A đến C. Trên quãng đường AB ban đầu (B nằm giữa A và C). Anh Nam đi với vận tốc không đổi a(km/h) và thời gian đi từ A đến B là 1,5 giờ. Trên quãng đường BC còn lại anh Nam đi chậm dần đều với vận tốc tại thời điểm t (tính bằng giờ) kể từ B là $v = -8t + a$ (km/h). Quãng đường đi được từ B đến thời điểm t đó là $S = -4t^2 + at$. Tính quãng đường AB biết rằng đến C xe dừng hẳn và quãng đường BC dài 16km.

Câu 5 (3 điểm) Cho đường tròn (O) bán kính R ngoại tiếp tam giác ABC có ba góc nhọn. Các tiếp tuyến của đường tròn (O) tại các điểm B, C cắt nhau tại điểm P. Gọi D, E tương ứng là chân đường các đường vuông góc kể từ P xuống các đường thẳng AB và AC và M là trung điểm cạnh BC.

1. Chứng minh $\angle MEP = \angle MDP$

2. Giả sử B, C cố định và A chạy trên (O) sao cho tam giác ABC luôn là tam giác có ba góc nhọn
Chứng minh đường thẳng DE luôn đi qua một điểm cố định.

3. Khi tam giác ABC đều. Hãy tính diện tích tam giác ADE theo R.

Câu 6 (1 điểm) Các số thực không âm $x_1, x_2, x_3, \dots, x_9$ thỏa mãn

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_9 = 10 \\ x_1 + 2x_2 + 3x_3 + \dots + 9x_9 = 18 \end{cases}$$

Chứng minh rằng: $1.19x_1 + 2.18x_2 + 3.17x_3 + \dots + 9.11x_9 \geq 270$.

Phản hướng dẫn
Vòng 1

Câu 2

$$\frac{1}{x^2+1} + \frac{1}{y^2+1} = \frac{2}{xy+1} \Leftrightarrow \frac{1}{x^2+1} - \frac{1}{xy+1} + \frac{1}{y^2+1} - \frac{1}{xy+1} = 0$$

$$\frac{xy-y^2}{(x^2+1)(xy+1)} + \frac{xy-x^2}{(y^2+1)(xy+1)} = 0 \Rightarrow (xy-y^2)(y^2+1) + (xy-x^2)(x^2+1) = 0$$

$$\Leftrightarrow (x-y)^2(xy-1) = 0 \Leftrightarrow xy = 1 \text{ (vi } x \neq y\text{)} \Rightarrow S = 2$$

Câu 2 a) Phương trình hoành độ (d) và (P) là $x^2 + 2ax + 4a = 0$ $\Delta' = a(a-4) > 0 \Rightarrow \begin{cases} a < 0 \\ a > 4 \end{cases}$

b) Với $\begin{cases} a < 0 \\ a > 4 \end{cases}$ theo Viết $\begin{cases} x_1 + x_2 = -2a \\ x_1 x_2 = 4a \end{cases}$

$$|x_1| + |x_2| = 3 \Leftrightarrow (|x_1| + |x_2|)^2 = 9 \Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - 2x_1 x_2 + 2|x_1 x_2| = 9$$

$$Ta có \quad 4a^2 - 8a + |8a| = 9$$

Với $a < 0$ $4a^2 - 8a + |8a| = 9 \Leftrightarrow 4a^2 - 16a - 9 = 0 \Rightarrow a = \frac{-1}{2}$

Với $a > 4$ $4a^2 - 8a + |8a| = 9 \Leftrightarrow 4a^2 = 9 \Rightarrow \begin{cases} a = \frac{3}{2} \notin dk \\ a = \frac{-3}{2} \notin dk \end{cases}$

Câu 4 Vì xe đến C dừng hẳn nên thời gian xe đi từ B đến C thỏa mãn $-8t + a = 0 \Rightarrow t = \frac{a}{8}$ do đó quãng đường BC là

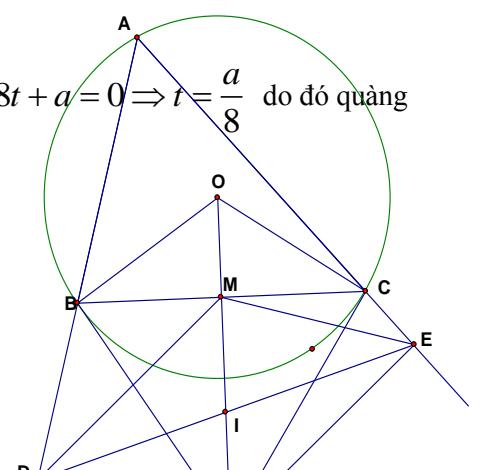
$$S = -4t^2 + at = 16 \Rightarrow -4\left(\frac{a}{8}\right)^2 + \frac{a^2}{8} = 16 \Leftrightarrow a^2 = 256 \Leftrightarrow a = 16$$

$$S_{AB} = 1,5 \cdot a = 24 \text{ (km)}$$

Câu 5

a) Xét hai tứ giác nội tiếp BDPM và CEPM và tam giác MBC cân
 $\angle MEP = \angle MBP = \angle MPB = \angle MDP$

b)



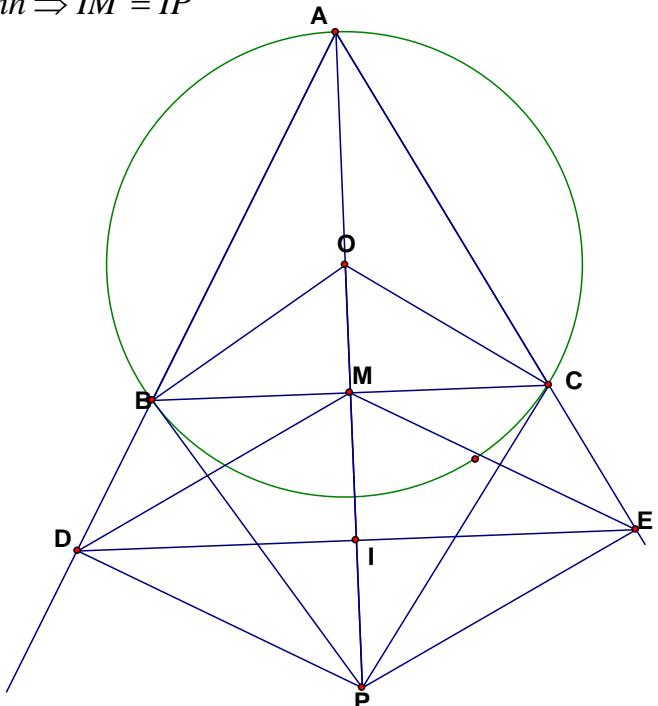
$$\angle BAC + \angle ABC + \angle ACB = 180^\circ; \angle CBP + \angle ABC + \angle PBD = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle ACB = \angle PBD = \angle DMP(1); \angle ACB = \angle MPE(2); \text{tu}(1)(2) \Rightarrow \angle DMP = \angle MPE \Rightarrow MD // PE$$

Tuong tu ME // DB \Rightarrow tgMEDP la hinh binh hanh $\Rightarrow IM = IP$

Vậy DE đi qua trung điểm PM

c)



Ta có A; O, M, P thẳng hàng $S_{ADE} = \frac{1}{2}DE \cdot AI$ Tính được

$$AB = R\sqrt{3}; OA = R \Rightarrow AM = \frac{3R}{2}; AI = \frac{3R}{2} + \frac{3R}{4} = \frac{9R}{4}; \Delta ABC \text{ dd } \Delta ADE \Rightarrow \frac{BC}{DB} = \frac{AM}{AI} = \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow DE = \frac{3R\sqrt{3}}{2} \Rightarrow S_{ADE} = \frac{1}{2} \cdot \frac{9R}{4} \cdot \frac{3R\sqrt{3}}{2} = \frac{27R^2\sqrt{3}}{16}$$

Câu 6

$$9(x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_9) = 90$$

$$\begin{cases} 9(x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_9) = 90 \\ 10(x_1 + 2x_2 + 3x_3 + \dots + 9x_9) = 180 \end{cases} \Rightarrow 19x_1 + 29x_2 + 39x_3 + \dots + 99x_9 = 270$$

Mặt khác

$$1.19x_1 + 2.18x_2 + 3.17x_3 + \dots + 9.11x_9 =$$

$$(19x_1 + 29x_2 + 39x_3 + \dots + 99x_9) + (7x_2 + 12x_3 + 15x_4 + \dots + 7x_8) = 270 + (7x_2 + 12x_3 + 15x_4 + \dots + 7x_8) \geq 270$$

$$\text{Đau "=}=\text{xay ra} \Leftrightarrow \begin{cases} x_1 = 9 \\ x_9 = 1 \\ x_2 = x_3 = \dots = x_8 = 0 \end{cases}$$

ĐỀ 1964**SỞ GIÁO DỤC – ĐÀO TẠO****BÌNH ĐỊNH****Đề chính thức****KỲ THI TUYỂN SINH VÀO LỚP 10 THPT NĂM HỌC 2013-2014****TRƯỜNG THPT CHUYÊN LÊ QUÝ ĐÔN****Môn thi: Toán (Chuyên toán - tin)**Ngày thi: **15/6/2013** Thời gian làm bài: **150'**

Bài 1: (2,5 đ) Cho biểu thức: $Q = \left(\frac{\sqrt{x}+2}{x+2\sqrt{x}+1} - \frac{\sqrt{x}-2}{x-1} \right) (x + \sqrt{x})$ (Với $x \geq 0 ; x \neq 1$)

1. Rút gọn Q

2. Tìm các giá trị nguyên của x để Q nhận giá trị nguyên

Bài 2: (2 đ) Giải hệ phương trình: $\begin{cases} \frac{x-2}{x-3} + \frac{3}{y+1} = \frac{13}{10} \\ \frac{3}{x-3} - \frac{2y+4}{y+1} = -\frac{11}{6} \end{cases}$

Bài 3: (1,5 đ) Cho a,b,c là các số thực dương. CMR: $\frac{bc}{a} + \frac{ca}{b} + \frac{ab}{c} \geq a + b + c$.

Bài 4: (3 đ) Cho đường tròn (O,R) và đường thẳng (d) không đi qua O cắt đường tròn tại hai điểm A,B. Lấy một điểm M trên tia đối của tia BA kẻ hai tiếp tuyến MC, MD với đường tròn (C,D là các tiếp điểm). Gọi H là trung điểm của AB.

1. CMR các điểm M,D,O,H cùng nằm trên một đường tròn.
 2. Đoạn OM cắt đường tròn tại điểm I. CMR I là tâm đường tròn nội tiếp ΔMCD .
 3. Đường thẳng qua O, vuông góc với OM cắt các tia MC, MD theo thứ tự tại P và Q.
- Tìm vị trí điểm M trên (d) sao cho diện tích ΔMPQ bé nhất.

Bài 5: (1 đ) : Không dùng máy tính, hãy rút gọn biểu thức: $A = \sqrt{7+\sqrt{13}} - \sqrt{7-\sqrt{13}} - \sqrt{2}$

---*---

HƯỚNG DẪN GIẢI

Bài 1: (2,5 đ) Cho biểu thức: $Q = \left(\frac{\sqrt{x}+2}{x+2\sqrt{x}+1} - \frac{\sqrt{x}-2}{x-1} \right) (x + \sqrt{x})$ (Với $x \geq 0 ; x \neq 1$)

1. Rút gọn Q

$$\begin{aligned} Q &= \left(\frac{\sqrt{x}+2}{x+2\sqrt{x}+1} - \frac{\sqrt{x}-2}{x-1} \right) (x + \sqrt{x}) = \left(\frac{\sqrt{x}+2}{(\sqrt{x}+1)^2} - \frac{\sqrt{x}-2}{(\sqrt{x}-1)(\sqrt{x}+1)} \right) \sqrt{x} (\sqrt{x}+1) \\ &= \frac{(\sqrt{x}+2)(\sqrt{x}-1) - (\sqrt{x}-2)(\sqrt{x}+1)}{(\sqrt{x}-1)(\sqrt{x}+1)^2} \cdot \sqrt{x} (\sqrt{x}+1) = \frac{x + \sqrt{x} - 2 - x + \sqrt{x} + 2}{(\sqrt{x}-1)(\sqrt{x}+1)} \cdot \sqrt{x} = \frac{2\sqrt{x}}{x-1} \end{aligned}$$

2. Tìm các giá trị nguyên của x để Q nhận giá trị nguyên:

$$Q = \frac{2x}{x-1} = 2 + \frac{2}{x-1} \Rightarrow Q \in \mathbb{Z} \Leftrightarrow x-1 \in U(2) = \{-2; -1; 1; 2\} \Leftrightarrow x \in \{-1; 0; 2; 3\}$$

Kết hợp với điều kiện $\Rightarrow x \in \{0; 2; 3\}$

Vậy với $x \in \{0; 2; 3\}$ thì Q nhận giá trị nguyên.

Bài 2: (2 đ) Giải hệ phương trình:

$$\begin{cases} \frac{x-2}{x-3} + \frac{3}{y+1} = \frac{13}{10} \\ \frac{3}{x-3} - \frac{2y+4}{y+1} = -\frac{11}{6} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1 + \frac{1}{x-3} + \frac{3}{y+1} = \frac{13}{10} \\ \frac{3}{x-3} - 2 - \frac{2}{y+1} = -\frac{11}{6} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{1}{x-3} + \frac{3}{y+1} = \frac{3}{10} \\ \frac{3}{x-3} - \frac{2}{y+1} = \frac{1}{6} \end{cases} \quad (\text{ĐK } x \neq 3; y \neq -1)$$

Đặt $a = \frac{1}{x-3}; b = \frac{1}{y+1}$ ta được hệ :

$$\begin{cases} a + 3b = \frac{3}{10} \\ 3a - 2b = \frac{1}{6} \end{cases} \Leftrightarrow \dots \Leftrightarrow \begin{cases} a = \frac{1}{10} \\ b = \frac{1}{15} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{1}{x-3} = \frac{1}{10} \\ \frac{1}{y+1} = \frac{1}{15} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 13 \\ y = 14 \end{cases} \text{ (TMDK)}$$

Vậy hệ pt có nghiệm duy nhất $(x; y) = (13; 14)$

Bài 3: (1,5 đ) Cho a, b, c là các số thực dương. CMR : $\frac{bc}{a} + \frac{ca}{b} + \frac{ab}{c} \geq a + b + c$.

a, b, c là các số thực dương \Rightarrow Theo BĐT Cô-Si ta được:

$$\left. \begin{array}{l} \frac{bc}{a} + \frac{ca}{b} \geq 2\sqrt{\frac{bc}{a} \cdot \frac{ca}{b}} = 2c \\ \frac{ca}{b} + \frac{ab}{c} \geq 2\sqrt{\frac{ab}{c} \cdot \frac{ca}{b}} = 2a \\ \frac{bc}{a} + \frac{ab}{c} \geq 2\sqrt{\frac{bc}{a} \cdot \frac{ab}{c}} = 2b \end{array} \right\} \Rightarrow 2\left(\frac{bc}{a} + \frac{ca}{b} + \frac{ab}{c}\right) \geq 2(a + b + c) \Leftrightarrow \frac{bc}{a} + \frac{ca}{b} + \frac{ab}{c} \geq a + b + c$$

Bài 4: (3 đ)

1. CMR các điểm M, D, O, H cùng nằm trên một đường tròn.

$HA = HB \Rightarrow OH \perp AB$ (đường kính đi qua trung điểm một dây không đi qua tâm) $\Rightarrow OHM = 90^\circ$

Lại có $ODM = 90^\circ$ (Tính chất tiếp tuyến)

Suy ra $OHM = ODM = 90^\circ \Rightarrow H, D$ cùng nhìn đoạn OM dưới 1 góc vuông $\Rightarrow H, D$ cùng nằm trên đường tròn đường kính $OM \Rightarrow$ các điểm M, D, O, H cùng nằm trên đường tròn đường kính OM

2. Đoạn OM cắt đường tròn tại điểm I. CMR I là tâm đường tròn nội tiếp ΔMCD .

Ta có: $COI = DOI$ (Tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau) $\Rightarrow CI = DI \Rightarrow CDI = DIM \Rightarrow DI$ là phân giác trong của ΔMCD (1)

Lại có MI là đường phân giác trong của ΔMCD (Tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau) (2)

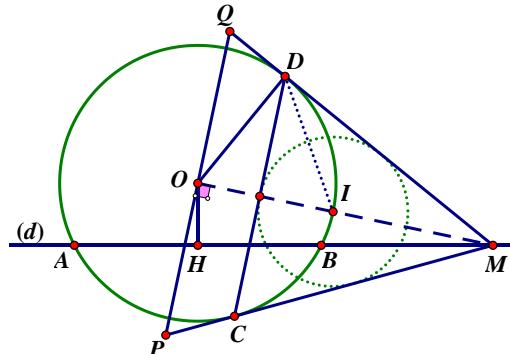
Từ (1) và (2) suy ra I là tâm đường tròn nội tiếp ΔMCD

3. Đường thẳng qua O , vuông góc với OM cắt các tia MC, MD theo thứ tự tại P và Q . Tìm vị trí điểm M trên (d) sao cho diện tích ΔMPQ bé nhất.

Ta có $\Delta MOD = \Delta MOP$ (g-c-g) $\Rightarrow S_{\Delta MPQ} = 2S_{\Delta MOQ} = OD \cdot MQ = R \cdot MQ$

$\Rightarrow S_{\Delta MPQ}$ nhỏ nhất $\Leftrightarrow MQ$ nhỏ nhất (3)

Theo BĐT Cô – si cho hai số không âm,



ta có: $MQ = MD + DQ \geq 2\sqrt{MD \cdot DQ} = 2\sqrt{OD^2} = 2OD = 2R$

(Vì ΔMOD vuông tại O có đường cao OD nên $OD^2 = MD \cdot DQ$)

Dấu “=” xảy ra $\Leftrightarrow MD = DQ \Leftrightarrow \Delta OMQ$ vuông cân tại $O \Leftrightarrow \angle OMD = 45^\circ \Leftrightarrow OM$

$$= \frac{OD}{\sin \angle OMD} = \frac{R}{\sin 45^\circ} = \sqrt{2} \cdot R$$

(Vì ΔODM vuông nên $OD = OM \cdot \sin \angle OMD$)

Vậy $MQ_{\min} = 2R \Leftrightarrow OM = \sqrt{2} \cdot R$ (2)

Từ (3) và (4) suy ra khi M nằm trên (d) cách O một khoảng $\sqrt{2} \cdot R$ thì $S_{\Delta MPQ}$ nhỏ nhất là $R \cdot 2R = 2R^2$ (d.v.d.t)

Bài 5: (1 đ) : $A = \sqrt{7 + \sqrt{13}} - \sqrt{7 - \sqrt{13}} - \sqrt{2}$. Ta có:

$$\begin{aligned} \sqrt{2} \cdot A &= \sqrt{14 + 2\sqrt{13}} - \sqrt{14 - 2\sqrt{13}} - 2 = \sqrt{(\sqrt{13} + 1)^2} - \sqrt{(\sqrt{13} - 1)^2} - 2 \\ &= |\sqrt{13} + 1| - |\sqrt{13} - 1| - 2 = \sqrt{13} + 1 - \sqrt{13} + 1 - 2 = 0 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow A = 0$$

ĐỀ 1965**SỞ GD & ĐT H- NG YÊN****NĂM HỌC 2011-2012****Nguy thi 5/7/2011****ĐỀ THI TUYỂN SINH VÀO LỚP 10****THPT KHÔNG CHUYÊN****M^{ìn}n To_n: Th^ei gian 120' kh^ong kÓ giao [®]Ø**

Phần A. Trắc nghiệm: (2 điểm). Hãy chọn ph- ơng án đúng và viết chữ cái đứng tr- óc ph- ơng án đó vào bài làm.

Câu 1. Giá trị của biểu thức $\sqrt{18a}$ (với $a \geq 0$) bằng

- A. $9\sqrt{a}$ B. $3a\sqrt{2}$ C. $2\sqrt{3a}$ D. $3\sqrt{2a}$

Câu 2. Biểu thức $\sqrt{2x-2} + x - 3$ có nghĩa khi và chỉ khi

- A. $x \geq 3$ B. $x \neq 1$ C. $x \geq 1$ D. $x \leq 1$

Câu 3. Điểm M(-1;2) thuộc đồ thị $y=ax^2$ khi a bằng

- A.2 B.4 C.-2 D.0,5

Câu 4. Gọi S, P là tổng và tích các nghiệm của ph- ơng trình $x^2+8x-7=0$. Khi đó S+P bằng

- A.-1 B. -15 C. 1 D.15

Câu 5. Ph- ơng trình $x^2-(a+1)x+a=0$ có nghiệm là

- A. $x_1=1$; $x_2=-a$ B. $x_1=-1$; $x_2=a$ C. $x_1=1$; $x_2=a$ D. $x_1=-1$; $x_2=-a$

Câu 6. Cho $(O;R)$ và đ- ờng thẳng (d). Biết rằng (d) và $(O;R)$ không giao nhau, khoảng cách từ O đến (d) bằng 5. Khi đó:

- A. $R<5$ B. $R=5$ C. $R>5$ D. $R \geq 5$

Câu 7. Tam giác ABC vuông tại A có AC=3cm; AB=4cm. Khi đó sinB bằng

- A. $\frac{3}{4}$ B. $\frac{3}{5}$ C. $\frac{4}{5}$ D. $\frac{4}{3}$

Câu 8. Một hình nón có chiều cao h và đ- ờng kính đáy d. Thể tích của hình nón đó là

- A. $\frac{1}{3}\pi d^2 h$ B. $\frac{1}{4}\pi d^2 h$ C. $\frac{1}{6}\pi d^2 h$ D. $\frac{1}{12}\pi d^2 h$

Phần B. Tự luận (8điểm)**Bài 1.(1,5 điểm)**

a) Rút gọn biểu thức $P = (4\sqrt{2} - \sqrt{8} + 2).\sqrt{2} - \sqrt{8}$

b) Tìm toạ độ giao điểm của hai đồ thị hàm số $y=x^2$ và $y=3x-2$.

Bài 2. (1,0 điểm) Một công ty vận tải điều một số xe tải đến kho hàng để chở 21 tấn hàng. Khi đến kho thì có 1 xe bị hỏng nên để chở hết l- ợng hàng đó, mỗi xe phải chở thêm 0,5 tấn so với dự định ban đầu. Hỏi lúc đầu công ty đã điều đến kho hàng bao nhiêu xe? Biết rằng khối l- ợng hàng chở ở mỗi xe là nh- nhau.

Bài 3. (1,5 điểm) Cho hệ ph- ơng trình

$$\begin{cases} (m-1)x-my=3m-1 \\ 2x-y=m+5 \end{cases}$$

a) Giải hệ ph- ơng trình với $m=2$

b) Tìm m để hệ ph- ơng trình có nghiệm duy nhất (x;y) sao cho $x^2-y^2<4$.

Bài 4. (3,0 điểm) Cho đ- ờng tròn tâm O bán kính R và một đ- ờng thẳng (d) cố định, (d)

và đ-ờng tròn ($O;R$) không giao nhau. Gọi H là chân đ-ờng vuông góc kẻ từ O xuống đ-ờng thẳng (d), M là điểm thay đổi trên (d) (M không trùng với H). Từ M kẻ hai tiếp tuyến MA, MB với đ-ờng tròn ($O;R$) (với A, B là các tiếp điểm). Dây cung AB cắt AH tại I . Chứng minh:

- 5 điểm O, A, B, H và M cùng nằm trên cùng một đ-ờng tròn.
- $IH \cdot IO = IA \cdot IB$
- Khi M thay đổi trên (d) thì tích $IA \cdot IB$ không đổi.

Bài 5. (1,0 điểm) Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức $y = -4(x^2 - x + 1) + 3|2x - 1|$ với $-1 < x < 1$.

-----Hết-----

Gợi ý lời giải

Phân A. Trắc nghiệm (Mỗi đáp án đúng 0,25 điểm)

Câu	1	2	3	4	5	6	7	8
Đáp án	D	C	D	B	C	B	B	D

Phân B. Tự luận

Bài 1.

a) $P = (4\sqrt{2} - \sqrt{8} + 2) \cdot \sqrt{2} - \sqrt{8} = 8 - 4 + 2\sqrt{2} - 2\sqrt{2} = 4$

b) Giải hệ ph-ơng trình toạ độ giao điểm

$\begin{cases} y=x^2 \\ y=3x-2 \end{cases}$ ta đ-ợc hai cặp nghiệm $(1;1)$ và $(2;4)$. Vậy toạ độ giao điểm của chúng là 2 điểm $(1;1)$ và $(2;4)$.

Bài 2. Gọi số xe lúc đầu mà công ty điều đến kho là x (xe) (x nguyên và $x > 1$)

Do vậy mỗi xe dự định chở $\frac{21}{x}$ tấn hàng.

Số xe thực tế phải chở hàng là $x-1$ (xe) nên mỗi xe phải chở $\frac{21}{x-1}$ tấn.

Theo bài ra ta có ph-ơng trình $\frac{21}{x-1} - \frac{21}{x} = \frac{1}{2}$ (Đổi $0,5 = \frac{1}{2}$)

Giải ph-ơng trình ta đ-ợc $x_1=7$ và $x_2=-6$ (Loại)

Vậy số xe ban đầu là 7 xe.

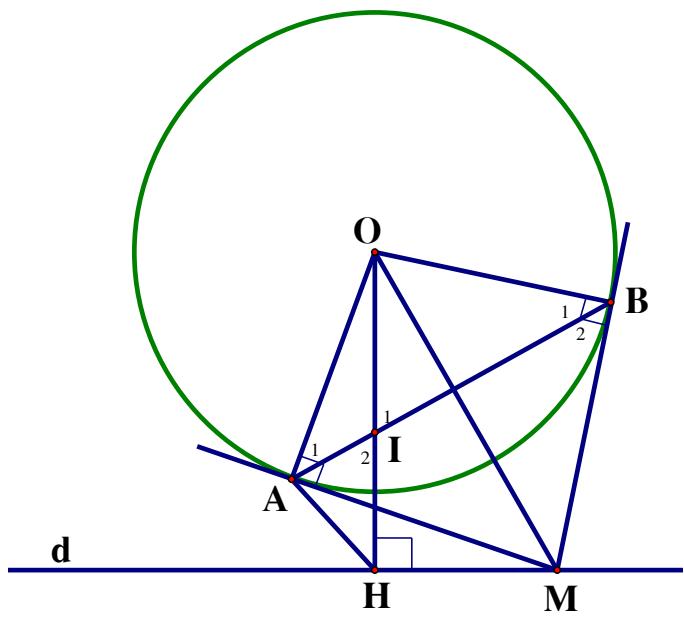
Bài 3.

- Với $m=2$ ta có hệ ph-ơng trình $\begin{cases} x-2y=5 \\ 2x-y=7 \end{cases}$ giải hệ pt ta đ-ợc nghiệm $(x;y)=(4;1)$
- Từ $2x-y=m+5$ suy ra $y=2x-m-5$ thế vào $(m-1)x-my=3m-1$ ta đ-ợc $(m+1)x=(m+1)^2$. Khi đó hpt có nghiệm duy nhất khi $m \neq -1$. Từ đó ta có nghiệm duy nhất của hệ là $(x;y)=(m+1;m-3)$.

Để $(x;y)$ thoả mãn $x^2-y^2<4$ ta phải có $(m+1)^2-(m-3)^2<4$. Giải bất ph-ơng trình ẩn m ta đ-ợc $m < \frac{3}{2}$

Vậy với $m \neq -1$ và $m < \frac{3}{2}$ thì hpt cho có nghiệm duy nhất $(x;y)$ thoả mãn $x^2-y^2<4$.

Bài 4. Vẽ hình nh- sau



- a) Ta có các góc OAM, OBM và góc OHM đều có số đo là 90° nên 5 điểm O, A, B, H, M cùng nằm trên đường tròn đường kính OM.
- b) Ta chứng minh tam giác OIB đồng dạng với tam giác AIH. Từ đó ta suy ra $IH \cdot IO = IA \cdot IB$
- c) Ta chứng minh đ- ợc hai tam giác OIA và OAH đồng dạng (g.g.). Từ đó suy ra $IO \cdot OH = OA^2$. Do vậy $IO = \frac{OA^2}{OH}$.

Theo chứng minh trên ta có

$$IA \cdot IB = IH \cdot IO = IO(OH - IO) = \frac{OA^2}{OH} (OH - \frac{OA^2}{OH})$$

Hay $IA \cdot IB =$

$$\frac{OA^2}{OH^2} (OH^2 - OA^2) = \frac{R^2}{OH^2} (OH^2 - R^2) \text{ không đổi (vì } R \text{ không đổi và (d) cố định nên } OH \text{ không đổi)}$$

Bài 5. Xét 2 tr- ờng hợp

$$\text{TH1: với } -1 < x < \frac{1}{2} \text{ ta có } y = -4(x^2 - x + 1) - 3(2x - 1) = -4x^2 - 2x - 1$$

$$\text{TH2: Với } \frac{1}{2} \leq x < 1 \text{ ta có } y = -4(x^2 - x + 1) + 3(2x - 1) = -4x^2 + 10x - 7$$

Tìm GTLN của các biểu thức trong các tr- ờng hợp và loại tr- ờng hợp giá trị x tìm đ- ợc không thoả mãn tr- ờng hợp đang xét.

(Bài h- ờng dẫn đ- ợc đăng bởi antoantet16@yahoo.com.vn xin các bạn tham khảo và chia sẻ các cách giải hay hơn. Xin trân trọng cảm ơn!)

Bài I (2,0 điểm)

Với $x > 0$, cho hai biểu thức $A = \frac{2+\sqrt{x}}{\sqrt{x}}$ và $B = \frac{\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}} + \frac{2\sqrt{x}+1}{x+\sqrt{x}}$.

- 1) Tính giá trị của biểu thức A khi $x = 64$.
- 2) Rút gọn biểu thức B.
- 3) Tìm x để $\frac{A}{B} > \frac{3}{2}$.

Bài II (2,0 điểm) Giải bài toán bằng cách lập phương trình:

Quãng đường từ A đến B dài 90 km. Một người đi xe máy từ A đến B. Khi đến B, người đó nghỉ 30 phút rồi quay trở về A với vận tốc lớn hơn vận tốc lúc đi là 9 km/h. Thời gian kể từ lúc bắt đầu đi từ A đến lúc trở về đến A là 5 giờ. Tính vận tốc xe máy lúc đi từ A đến B.

Bài III (2,0 điểm)

1) Giải hệ phương trình: $\begin{cases} 3(x+1) + 2(x+2y) = 4 \\ 4(x+1) - (x+2y) = 9 \end{cases}$

2) Cho parabol (P) : $y = \frac{1}{2}x^2$ và đường thẳng (d) : $y = mx - \frac{1}{2}m^2 + m + 1$.

a) Với $m = 1$, xác định tọa độ các giao điểm A, B của (d) và (P).

b) Tìm các giá trị của m để (d) cắt (P) tại hai điểm phân biệt có hoành độ x_1, x_2 sao cho $|x_1 - x_2| = 2$.

Bài IV (3,5 điểm)

Cho đường tròn (O) và điểm A nằm bên ngoài (O). Kẻ hai tiếp tuyến AM, AN với đường tròn (O) (M, N là các tiếp điểm). Một đường thẳng d đi qua A cắt đường tròn (O) tại hai điểm B và C ($AB < AC$, d không đi qua tâm O).

- 1) Chứng minh tứ giác AMON nội tiếp.
- 2) Chứng minh $AN^2 = AB \cdot AC$.

Tính độ dài đoạn thẳng BC khi $AB = 4$ cm, $AN = 6$ cm.

3) Gọi I là trung điểm của BC. Đường thẳng NI cắt đường tròn (O) tại điểm thứ hai T. Chứng minh MT // AC.

4) Hai tiếp tuyến của đường tròn (O) tại B và C cắt nhau ở K. Chứng minh K thuộc một đường thẳng cố định khi d thay đổi và thỏa mãn điều kiện đề bài.

Bài V (0,5 điểm)

Với a, b, c là các số dương thỏa mãn điều kiện $a + b + c + ab + bc + ca = 6abc$, chứng minh: $\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2} \geq 3$

BÀI GIẢI

Bài I: (2,0 điểm)

1) Với $x = 64$ ta có $A = \frac{2+\sqrt{64}}{\sqrt{64}} = \frac{2+8}{8} = \frac{5}{4}$

2)

$$B = \frac{(\sqrt{x}-1).(x+\sqrt{x}) + (2\sqrt{x}+1).\sqrt{x}}{\sqrt{x}.(x+\sqrt{x})} = \frac{x\sqrt{x}+2x}{x\sqrt{x}+x} = 1 + \frac{1}{\sqrt{x}+1} = \frac{\sqrt{x}+2}{\sqrt{x}+1}$$

3)

Với $x > 0$ ta có :

$$\frac{A}{B} > \frac{3}{2} \Leftrightarrow \frac{2+\sqrt{x}}{\sqrt{x}} : \frac{2+\sqrt{x}}{\sqrt{x}+1} > \frac{3}{2} \Leftrightarrow \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}} > \frac{3}{2}$$

$$\Leftrightarrow 2\sqrt{x}+2 > 3\sqrt{x} \Leftrightarrow \sqrt{x} < 2 \Leftrightarrow 0 < x < 4. (Do x > 0)$$

Bài II: (2,0 điểm)

Đặt x (km/h) là vận tốc đi từ A đến B, vậy vận tốc đi từ B đến A là $x+9$ (km/h)

Do giả thiết ta có:

$$\begin{aligned} \frac{90}{x} + \frac{90}{x+9} = 5 - \frac{1}{2} &\Leftrightarrow \frac{10}{x} + \frac{10}{x+9} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow x(x+9) = 20(2x+9) \\ &\Leftrightarrow x^2 - 31x - 180 = 0 \Leftrightarrow x = 36 \text{ (vì } x > 0) \end{aligned}$$

Bài III: (2,0 điểm)

1) Hệ phương trình tương đương với:

$$\begin{cases} 3x+3+2x+4y=4 \\ 4x+4-x-2y=9 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5x+4y=1 \\ 3x-2y=5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5x+4y=1 \\ 6x-4y=10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 11x=11 \\ 6x-4y=10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=1 \\ y=-1 \end{cases}$$

2)

a) Với $m = 1$ ta có phương trình hoành độ giao điểm của (P) và (d) là

$$\frac{1}{2}x^2 = x + \frac{3}{2} \Leftrightarrow x^2 - 2x - 3 = 0 \Leftrightarrow x = -1 \text{ hay } x = 3 \text{ (Do } a - b + c = 0)$$

Ta có $y(-1) = \frac{1}{2}$; $y(3) = \frac{9}{2}$. Vậy tọa độ giao điểm A và B là $(-1; \frac{1}{2})$ và $(3; \frac{9}{2})$

b) Phương trình hoành độ giao điểm của (P) và (d) là

$$\frac{1}{2}x^2 = mx - \frac{1}{2}m^2 + m + 1 \Leftrightarrow x^2 - 2mx + m^2 - 2m - 2 = 0 \quad (*)$$

Để (d) cắt (P) tại 2 điểm phân biệt x_1, x_2 thì phương trình (*) phải có 2 nghiệm phân biệt. Khi đó

$$\Delta' = m^2 - m^2 + 2m + 2 > 0 \Leftrightarrow m > -1$$

Khi $m > -1$ ta có $|x_1 - x_2| = 2 \Leftrightarrow x_1^2 + x_2^2 - 2x_1x_2 = 4 \Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - 4x_1x_2 = 4$

$$\Leftrightarrow 4m^2 - 4(m^2 - 2m - 2) = 4 \Leftrightarrow 8m = -4 \Leftrightarrow m = -\frac{1}{2}$$

Cách giải khác: Khi $m > -1$ ta có

$$|x_1 - x_2| = 2 \Leftrightarrow \left| \frac{-b + \sqrt{\Delta'}}{a'} - \frac{-b - \sqrt{\Delta'}}{a'} \right| = 2\sqrt{\Delta'} = 2\sqrt{2m+2}$$

$$\text{Do đó, yêu cầu bài toán} \Leftrightarrow 2\sqrt{2m+2} = 2 \Leftrightarrow 2\sqrt{m+2} = 2 \Leftrightarrow 2m+2 = 1 \Leftrightarrow m = -\frac{1}{2}$$

Bài IV (3,5 điểm)

1/ Xét tứ giác AMON có hai góc đối $\angle ANO = 90^\circ$

$\angle AMO = 90^\circ$ nên là tứ giác nội tiếp

2/ Hai tam giác ABM và AMC đồng dạng
nên ta có $AB : AC = AM : AN = 6 : 6 = 1$

$$\Rightarrow AC = \frac{6^2}{AB} = \frac{6^2}{4} = 9 \text{ (cm)}$$

$$\Rightarrow BC = AC - AB = 9 - 4 = 5 \text{ (cm)}$$

$$3/ \angle MTN = \frac{1}{2} \angle MON = \angle AON \text{ (cùng chắn cung)}$$

tròn (O)), và $\angle AIN = \angle AON$

(do 3 điểm N, I, M cùng nằm trên đường tròn đường kính AO và cùng chắn cung 90°)

Vậy $\angle AIN = \angle MTI = \angle TIC$ nên $MT \parallel AC$ do có hai góc so le bằng nhau.

4/ Xét $\triangle AKO$ có AI vuông góc với KO . Hẹ OQ vuông góc với AK . Gọi H là giao điểm của OQ và AI thì H là trực tâm của $\triangle AKO$, nên KMH vuông góc với AO . Vì MHN vuông góc với AO nên đường thẳng $KMHN$ vuông góc với AO , nên KM vuông góc với AO . Vậy K nằm trên đường thẳng cố định MN khi BC di chuyển.

Cách giải khác:

Ta có $KB^2 = KC^2 = KI \cdot KO$. Nên K nằm trên trực đường phong của 2 đường tròn tâm O và đường tròn đường kính AO. Vậy K nằm trên đường thẳng MN là trực đường phong của 2 đường tròn trên.

Bài IV: (0,5 điểm)

Từ giả thiết đã cho ta có $\frac{1}{ab} + \frac{1}{bc} + \frac{1}{ca} + \frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} = 6$. Theo bất đẳng thức Cauchy ta có:

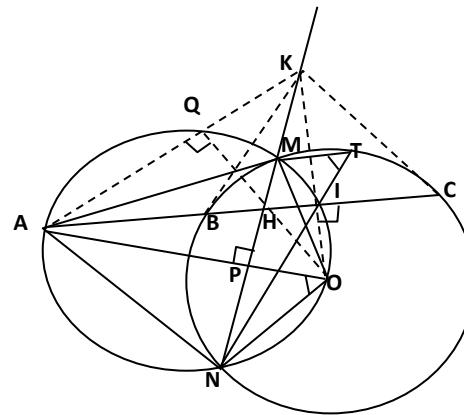
$$\frac{1}{2} \left(\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} \right) \geq \frac{1}{ab}, \quad \frac{1}{2} \left(\frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2} \right) \geq \frac{1}{bc}, \quad \frac{1}{2} \left(\frac{1}{c^2} + \frac{1}{a^2} \right) \geq \frac{1}{ca}$$

$$\frac{1}{2} \left(\frac{1}{a^2} + 1 \right) \geq \frac{1}{a}, \quad \frac{1}{2} \left(\frac{1}{b^2} + 1 \right) \geq \frac{1}{b}, \quad \frac{1}{2} \left(\frac{1}{c^2} + 1 \right) \geq \frac{1}{c}$$

Cộng các bất đẳng thức trên về theo vé ta có:

$$\frac{3}{2} \left(\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2} \right) + \frac{3}{2} \geq 6 \Leftrightarrow \frac{3}{2} \left(\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2} \right) \geq 6 - \frac{3}{2} = \frac{9}{2}$$

$$\Leftrightarrow \left(\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2} \right) \geq 3 \text{ (điều phải chứng minh)}$$



MN trong đường

ĐỀ 1967

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
 LONG AN

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 NĂM HỌC 2013 – 2014

Môn thi: TOÁN (CÔNG LẬP)

Ngày thi: 26 – 06 – 2013

Thời gian: 120p (không kể phát đề)

Câu 1: (2điểm)

Bài 1: Rút gọn biểu thức sau:

$$a) 2\sqrt{9} + \sqrt{25} - 5\sqrt{4}$$

$$b) \left(\frac{x\sqrt{y} + y\sqrt{x}}{\sqrt{xy}} \right) \cdot (\sqrt{x} - \sqrt{y}) \quad (\text{với } x > 0; y > 0)$$

Bài 2: Giải phương trình: $\sqrt{2x-1} = \sqrt{3}$

Câu 2: (2điểm)

Cho các hàm số; (P): $y = 2x^2$ và (d): $y = -x + 3$

- a. Vẽ đồ thị của hai hàm số trên cùng mặt phẳng tọa độ Oxy
- b. Tìm tọa độ giao điểm của hai đồ thị trên.

Câu 3: (2điểm)

a. Giải phương trình: $2x^2 - 7x + 6 = 0$

b. Giải hệ phương trình: $\begin{cases} x + y = 4 \\ 2x - y = 2 \end{cases}$

c. Cho phương trình ẩn x: $x^2 + 2mx + m^2 - m + 1 = 0$ (với m là tham số).

Tìm m để phương trình trên có nghiệm kép. Tính nghiệm kép đó với m vừa tìm được.

Câu 4: (4điểm)

Bài 1:

Cho tam giác ABC vuông tại A có AB = 3cm, BC = 5cm, AH là chiều cao của tam giác ABC. Tính độ dài AC và AH

Bài 2:

Cho tam giác nhọn ABC nội tiếp đường tròn (O;R). Ba đường cao AE, BF, CG cắt nhau tại H (với E thuộc BC, F thuộc AC, G thuộc AB).

- a. Chứng minh các tứ giác AFHG và BGFC là các tứ giác nội tiếp.
- b. Gọi I và M lần lượt là tâm các đường tròn ngoại tiếp của tứ giác AFHG và BGFC. Chứng minh MG là tiếp tuyến của đường tròn tâm I.

c. Gọi D là giao điểm thứ hai của AE với đường tròn tâm O. Chứng minh:

$$EA^2 + EB^2 + EC^2 + ED^2 = 4R^2$$

HƯỚNG DẪN GIẢI

Câu 1: (2 điểm)

Bài 1: Rút gọn biểu thức sau:

a. $2\sqrt{9} + \sqrt{25} - 5\sqrt{4}$

= 5+6-10 0,25đ

= 1 0,25đ

b) $\left(\frac{x\sqrt{y} + y\sqrt{x}}{\sqrt{xy}}\right) \cdot (\sqrt{x} - \sqrt{y})$ (với $x > 0; y > 0$)

$$= \frac{x\sqrt{xy} - y\sqrt{xy}}{\sqrt{xy}} \quad 0,25đ$$

$$= \frac{\sqrt{xy}(\sqrt{x} - \sqrt{y})}{\sqrt{xy}} \quad 0,25đ$$

= x-y 0,25đ

Bài 2: Giải phương trình:

$$\sqrt{2x-1} = \sqrt{3}$$

$\Leftrightarrow 2x-1=3$ 0,25đ

$\Leftrightarrow x=2$ 0,25đ

Vậy nghiệm của phương trình là: $x=2$ 0,25đ

Câu 2: (2 điểm)

Cho các hàm số; (P): $y=2x^2$ và (d): $y= -x+3$

- a. Vẽ đồ thị của hai hàm số trên cùng mặt phẳng tọa độ Oxy
0,5đ

$$y= -x+3$$

x	0	3
y	3	0

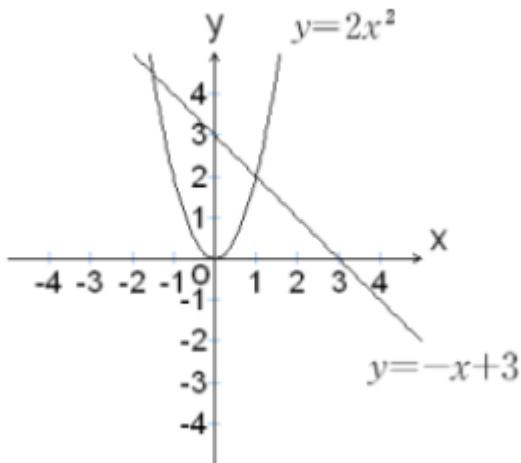
0,25đ

$$y=2x^2$$

x	-	-	0	1	2
---	---	---	---	---	---

	2	1			
y	8	2	0	2	8

0,25đ



b. Tìm tọa độ giao điểm của hai đồ thị trên.

Phương trình hoành độ giao điểm của (P) và (d): $2x^2 = -x + 3$

$$\Leftrightarrow 2x^2 + x - 3 = 0 \quad 0,25\text{đ}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -\frac{3}{2} \end{cases} \quad 0,25\text{đ}$$

$$+ x=1 \Rightarrow y=2$$

$$+ x = \frac{-3}{2} \Rightarrow y = \frac{9}{2}$$

Vậy (P) cắt (d) tại 2 điểm $(1; 2); (\frac{-3}{2}; \frac{9}{2})$ 0,25đ**Câu 3: (2điểm)**a. Giải phương trình: $2x^2 - 7x + 6 = 0$

$$\text{Ta có: } \Delta = (-7)^2 - 4.2.6 = 1 \quad 0,25\text{đ}$$

Phương trình có hai nghiệm: $x_1 = 2; x_2 = \frac{3}{2}$ 0,25đb. Giải hệ phương trình: $\begin{cases} x + y = 4 \\ 2x - y = 2 \end{cases}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x + y = 4 \\ 3x = 6 \end{cases} \quad 0,25\text{đ}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = 2 \end{cases} \quad 0,25\text{đ}$$

Vậy hệ phương trình có nghiệm duy nhất (2;2)

c. Cho phương trình ẩn x $x^2 + 2mx + m^2 - m + 1 = 0$ (với m là tham số).

Tìm m để phương trình trên có nghiệm kép. Tính nghiệm kép đó với m vừa tìm được.

$$\Delta' = m^2 - m^2 + m - 1$$

$$= m - 1 \quad 0,25\text{đ}$$

Phương trình trên có nghiệm kép $\Leftrightarrow \Delta' = 0 \quad 0,25\text{đ}$

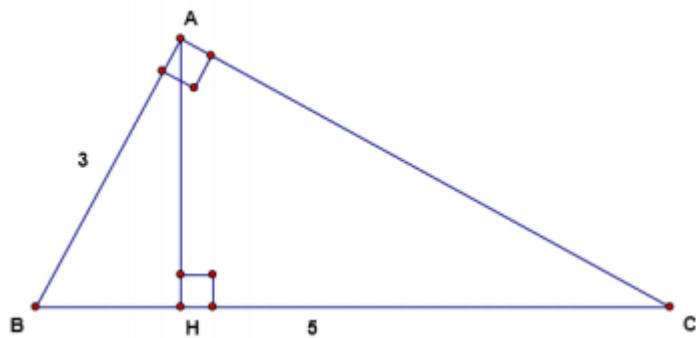
$$\Leftrightarrow m - 1 = 0$$

$$\Leftrightarrow m = 1 \quad 0,25\text{đ}$$

Nghiệm kép là : $x_1 = x_2 = -1 \quad 0,25\text{đ}$

Câu 4:

Bài 1 (1 điểm)



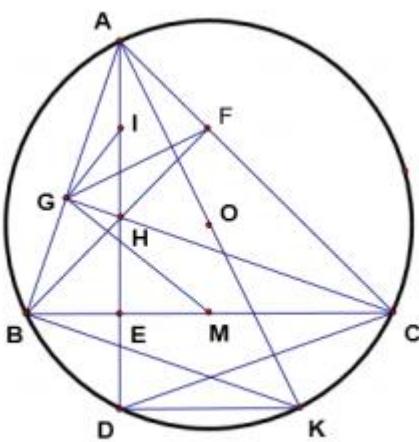
$$AC^2 = BC^2 - AB^2 = 16 \quad 0,25\text{đ}$$

$$\Rightarrow AC = 4(\text{cm}) \quad 0,25\text{đ}$$

$$\frac{1}{AH^2} = \frac{1}{AB^2} + \frac{1}{AC^2} \quad 0,25\text{đ}$$

$$\Rightarrow AH = \frac{12}{5}(\text{cm}) \quad 0,25\text{đ}$$

Bài 2 (3 điểm)



a. Chứng minh tứ giác AFHG và BGFC nội tiếp.

Ta có:

$$\angle AGH = 90^\circ \text{ (gt)}$$

$$\angle AFH = 90^\circ \text{ (gt)} \quad 0,25\text{đ}$$

$$\angle AGH + \angle AFH = 180^\circ$$

=>AFHG là tứ giác nội tiếp 0,25đ

Ta có:

$$\angle BGC = \angle BFC = 90^\circ \quad 0,25\text{đ}$$

=>Tứ giác BGFC nội tiếp (Vì tứ giác có 2 đỉnh kề nhau cùng nhìn BC dưới một góc bằng 90°) 0,25đ

b. Gọi I và M lần lượt là tâm đường tròn ngoại tiếp tứ giác AFHG và BGFC. Chứng minh MG là tiếp tuyến của đường tròn tâm (I).

$$\angle IGA = \angle IAG \text{ (tam giác IAG cân tại I)} \quad (1) \quad 0,25\text{đ}$$

$$\angle GBM = \angle BGM \text{ (tam giác MGB cân tại M)} \quad (2) \quad 0,25\text{đ}$$

$$\angle IAG + \angle GBM = 90^\circ \quad (3)$$

Từ (1), (2) và (3) => $\angle IGA + \angle BGM = 90^\circ$

$$\Rightarrow \angle IGM = 90^\circ$$

$$\Rightarrow MG \perp IG \quad 0,25\text{đ}$$

=>MG là tiếp tuyến của đường tròn tâm I 0,25đ

c) Gọi D là giao điểm thứ hai của AE với đường tròn tâm O. Chứng minh:

$$EA^2 + EB^2 + EC^2 + ED^2 = 4R^2$$

Kẻ đường kính AK của đường tròn tâm O

$$EA^2 + EB^2 + EC^2 + ED^2 = AB^2 + DC^2 \quad (4) \quad 0,25\text{đ}$$

Tam giác ABK vuông tại B

$$\Rightarrow AB^2 + BK^2 = AK^2 = 4R^2 \quad (5)$$

0,25đ

Tứ giác BCKD là hình thang (BC//DK do cùng vuông góc với AD) (6) 0,25đ

Tứ giác BCKD nội tiếp đường tròn (O) (7)

Từ (6), (7) \Rightarrow BCKD là hình thang cân.

$$\Rightarrow DC = BK \quad (8) \quad 0,25\text{đ}$$

$$\text{Từ (4), (5), (8)} \Rightarrow EA^2 + EB^2 + EC^2 + ED^2 = 4R^2 \quad 0,25\text{đ}$$

ĐỀ 1968**4 ĐỀ TUYỂN SINH LỚP 10 CHUYÊN:**

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
HẢI DƯƠNG

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT CHUYÊN NGUYỄN TRÃI

Năm học 2009-2010

Môn thi : Toán

Đề chính thức

*Thời gian làm bài: 150 phút**Ngày thi 08 tháng 7 năm 2009**(Đề thi gồm: 01 trang)*HẢI DƯƠNG, THỪA THIÊN HUẾ, HƯNG YÊN, VĨNH PHÚC**Câu I (2.5 điểm):**

1) Giải hệ phương trình:

$$\begin{cases} x^2 + y^2 + xy = 3 \\ xy + 3x^2 = 4 \end{cases}$$

2) Tìm m nguyên để phương trình sau có ít nhất một nghiệm nguyên:

$$4x^2 + 4mx + 2m^2 - 5m + 6 = 0$$

Câu II (2.5 điểm):

1) Rút gọn biểu thức:

$$A = \frac{\sqrt{2 + \sqrt{4 - x^2}} \left[\sqrt{(2+x)^3} - \sqrt{(2-x)^3} \right]}{4 + \sqrt{4 - x^2}} \quad \text{với } -2 \leq x \leq 2$$

2) Cho trước số hữu tỉ m sao cho $\sqrt[3]{m}$ là số vô tỉ. Tìm các số hữu tỉ a, b, c để:
 $a\sqrt[3]{m^2} + b\sqrt[3]{m} + c = 0$ **Câu III (2.0 điểm):**1) Cho đa thức bậc ba $f(x)$ với hệ số của x^3 là một số nguyên dương và biết $f(5) - f(3) = 2010$. Chứng minh rằng: $f(7) - f(1)$ là hợp số.2) Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức: $P = \left| \sqrt{x^2 - 4x + 5} - \sqrt{x^2 + 6x + 13} \right|$ **Câu IV (2.0 điểm):**

Cho tam giác MNP có ba góc nhọn và các điểm A, B, C lần lượt là hình chiếu vuông góc của M, N, P trên NP, MP, MN. Trên các đoạn thẳng AC, AB lần lượt lấy D, E sao cho DE song song với NP. Trên tia AB lấy điểm K sao cho DMK = NMP. Chứng minh rằng:

- 1) MD = ME

2) Tứ giác MDEK nội tiếp. Từ đó suy ra điểm M là tâm của đường tròn bàng tiếp góc DAK của tam giác DAK.

Câu V (1.0 điểm):

Trên đường tròn (O) lấy hai điểm cố định A và C phân biệt. Tìm vị trí của các điểm B và D thuộc đường tròn đó để chu vi tứ giác ABCD có giá trị lớn nhất.

-----Hết-----

Họ và tên thí sinh : Số báo danh :

Chữ kí của giám thị 1 : Chữ kí của giám thị 2:.....

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
HẢI DƯƠNG

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT CHUYÊN NGUYỄN TRÃI
Năm học 2009-2010
Môn thi : Toán
Hướng dẫn chấm

Câu	Phần	Nội dung	Điề
Câu I	1)	$\begin{cases} x^2 + y^2 + xy = 3 \quad (1) \\ xy + 3x^2 = 4 \quad (2) \end{cases}$	
5 điểm	1,5 điểm	Từ (2) $\Rightarrow x \neq 0$. Từ đó $y = \frac{4 - 3x^2}{x}$, thay vào (1) ta có: $x^2 + \left(\frac{4 - 3x^2}{x}\right)^2 + x \cdot \frac{4 - 3x^2}{x} = 3$ $\Leftrightarrow 7x^4 - 23x^2 + 16 = 0$	0.2
		Giải ra ta được $x^2 = 1$ hoặc $x^2 = \frac{16}{7}$	0.2
		Từ $x^2 = 1 \Leftrightarrow x = \pm 1 \Rightarrow y = \pm 1$; $x^2 = \frac{16}{7} \Leftrightarrow x = \pm \frac{4\sqrt{7}}{7} \Rightarrow y = \mp \frac{5\sqrt{7}}{7}$	0.2
		Vậy hệ có nghiệm $(x; y)$ là $(1; 1); (-1; -1); \left(\frac{4\sqrt{7}}{7}; \frac{-5\sqrt{7}}{7}\right); \left(\frac{-4\sqrt{7}}{7}; \frac{5\sqrt{7}}{7}\right)$	0.2
2)	Điều kiện để phương trình có nghiệm: $\Delta_x' \geq 0$		0.2
1,0 điểm	$\Leftrightarrow m^2 - 5m + 6 \leq 0 \Leftrightarrow (m-2)(m-3) \leq 0$. Vì $(m-2) > (m-3)$ nên: $\Delta_x' \geq 0 \Leftrightarrow m-2 \geq 0$ và $m-3 \leq 0 \Leftrightarrow 2 \leq m \leq 3$, mà $m \in \mathbb{Z}$	0.2	

		$\Rightarrow m = 2$ hoặc $m = 3$.	
		Khi $m = 2 \Rightarrow \Delta_x' = 0 \Rightarrow x = -1$ (thỏa mãn)	0.25
		Khi $m = 3 \Rightarrow \Delta_x' = 0 \Rightarrow x = -1,5$ (loại).	0.25
		Vậy $m = 2$.	0.25
Câu II	1)	Đặt $a = \sqrt{2+x}$; $b = \sqrt{2-x}$ ($a, b \geq 0$)	
2,5 điểm	1,5 điểm	$\Rightarrow a^2 + b^2 = 4; a^2 - b^2 = 2x$	0.25
		$\Rightarrow A = \frac{\sqrt{2+ab}(a^3 - b^3)}{4+ab} = \frac{\sqrt{2+ab}(a-b)(a^2 + b^2 + ab)}{4+ab}$	0.25
		$\Rightarrow A = \frac{\sqrt{2+ab}(a-b)(4+ab)}{4+ab} = \sqrt{2+ab}(a-b)$	0.25
		$\Rightarrow A\sqrt{2} = \sqrt{4+2ab}(a-b)$	0.25
		$\Rightarrow A\sqrt{2} = \sqrt{(a^2 + b^2 + 2ab)}(a-b) = (a+b)(a-b)$	0.25
		$\Rightarrow A\sqrt{2} = a^2 - b^2 = 2x \Rightarrow A = x\sqrt{2}$	0.25
	2)	$a\sqrt[3]{m^2} + b\sqrt[3]{m} + c = 0$ (1)	
1,0 điểm		Giả sử có (1)	
		$\Rightarrow b\sqrt[3]{m^2} + c\sqrt[3]{m} + am = 0$ (2)	
		Từ (1), (2) $\Rightarrow (b^2 - ac)\sqrt[3]{m} = (a^2m - bc)$	0.25
		Nếu $a^2m - bc \neq 0 \Rightarrow \sqrt[3]{m} = \frac{a^2m - bc}{b^2 - ac}$ là số hữu tỉ. Trái với giả thiết!	
		$\Rightarrow \begin{cases} b^2 - ac = 0 \\ a^2m - bc = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} b^3 = abc \\ bc = am^2 \end{cases}$	0.25
		$\Rightarrow b^3 = a^3m \Rightarrow b = a\sqrt[3]{m}$. Nếu $b \neq 0$ thì $\sqrt[3]{m} = \frac{b}{a}$ là số hữu tỉ. Trái với giả	
		thiết! $\Rightarrow a = 0; b = 0$. Từ đó ta tìm được $c = 0$.	0.25
		Ngược lại nếu $a = b = c = 0$ thì (1) luôn đúng. Vậy: $a = b = c = 0$	0.25
Câu III	1)	Theo bài ra $f(x)$ có dạng: $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ với a nguyên dương.	0.25
2 điểm	1,0 điểm	Ta có: $2010 = f(5) - f(3) = (5^3 - 3^3)a + (5^2 - 3^2)b + (5 - 3)c$ $= 98a + 16b + 2c \Rightarrow 16b + 2c = (2010 - 98a)$	0.25
		Ta có $f(7) - f(1) = (7^3 - 1^3)a + (7^2 - 1^2)b + (7 - 1)c$ $= 342a + 48b + 6c = 342a + 3(16b + 2c)$ $= 342a + 3(2010 - 98a) = 48a + 6030 = 3.(16a + 2010) : 3$	0.25
		Vì a nguyên dương nên $16a + 2010 > 1$. Vậy $f(7) - f(1)$ là hợp số	0.25
	2)	$P = \left \sqrt{(x-2)^2 + 1^2} - \sqrt{(x+3)^2 + 2^2} \right $	0.25

1,0 điểm Trên mặt phẳng tọa độ Oxy lấy các điểm A(x-2; 1), B(x+3; 2)

Ta chứng minh được: $AB = \sqrt{(x-2-x-3)^2 + (1-2)^2} = \sqrt{25+1} = \sqrt{26}$

$$OA = \sqrt{(x-2)^2 + 1^2}, OB = \sqrt{(x+3)^2 + 2^2}$$

Mặt khác ta có: $|OA - OB| \leq AB$

$$\Rightarrow \left| \sqrt{(x-2)^2 + 1^2} - \sqrt{(x+3)^2 + 2^2} \right| \leq \sqrt{26}$$

Dấu “=” xảy ra khi A thuộc đoạn OB hoặc B thuộc đoạn OA

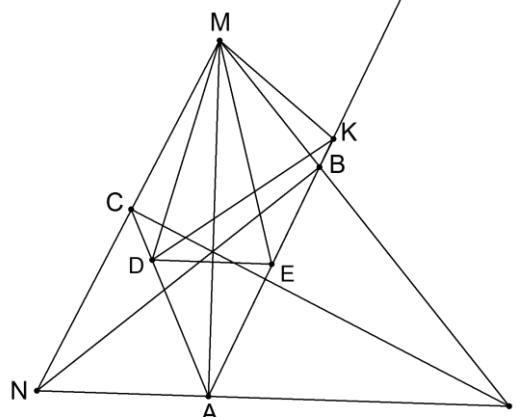
$$\Rightarrow \frac{x-2}{x+3} = \frac{1}{2} \Rightarrow x = 7. Thử lại x = 7 thì A(5; 1); B(10; 2) nên A thuộc đoạn OB. Vậy Max P = \sqrt{26} khi x = 7.$$

Câu IV

1)

2 điểm

0,75 điểm



Ta dễ dàng chứng minh tứ giác

MBAN nội tiếp $\Rightarrow MAB = MNB$,

MCAP nội tiếp $\Rightarrow CAM = CPM$.

0.25

Lại có $BNM = CPM$

(cùng phụ góc NMP)

$$\Rightarrow CAM = BAM \quad (1)$$

Do $DE // NP$ mặt khác

$$MA \perp NP \Rightarrow MA \perp DE \quad (2)$$

Từ (1), (2) $\Rightarrow \triangle ADE$ cân tại A

$\Rightarrow MA$ là trung trực của DE

$$\Rightarrow MD = ME$$

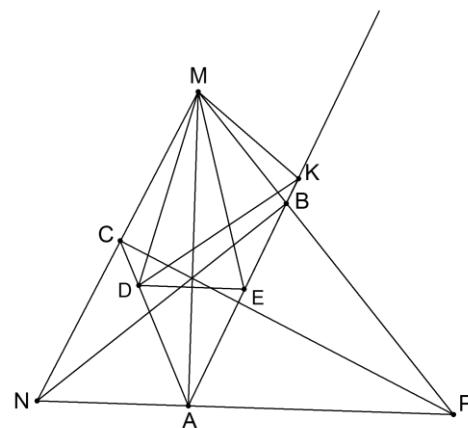
0.25

0.25

2)

1,25 điểm

0.25



Do DE//NP nên $DEK = NAB$, mặt khác tứ giác MNAB nội tiếp nên:

$$\text{NMB} + \text{NAB} = 180^\circ \Rightarrow \text{NMB} + \text{DEK} = 180^\circ$$

Theo giả thiết $DMK = NMP \Rightarrow DMK + DEK = 180^\circ$

⇒ Tứ giác MDEK nội tiếp

Do MA là trung trực của DE $\Rightarrow \Delta MEA = \Delta MDA$

$$\Rightarrow \text{MEA} = \text{MDA} \Rightarrow \text{MEK} = \text{MDC}.$$

Vì $MEK = MDK \Rightarrow MDK = MDC \Rightarrow DM$ là phân giác của góc CDK , kết hợp với AM là phân giác $DAB \Rightarrow M$ là tâm của đường tròn bàng tiếp góc DAK của tam giác DAK .

0.25

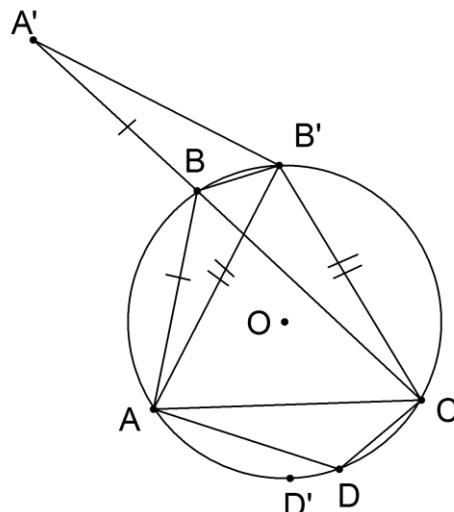
025

025

0.25

Câu V

1 điểm



Không mất tổng quát giả sử: $AB \leq AC$. Gọi B' là điểm chính giữa cung $ABC \Rightarrow AB' = CB'$

Trên tia đối của BC lấy điểm A' sao cho $BA' = BA \Rightarrow AB \perp BC = CA'$

$$\text{Ta có: } B'BC \equiv B'AC \equiv B'CA \quad (1) : B'CA + B'BA \equiv 180^\circ \quad (2)$$

$$B'BC + B'BA' = 180^\circ \quad (3) \cdot T \& (1) \ (2) \ (3) \Rightarrow B'BA = B'BA'$$

025

0.25

Hai tam giác $A'BB'$ và ABB' bằng nhau $\Rightarrow A'B' = B'A$

Ta có $\Rightarrow B'A + B'C = B'A' + B'C \geq A'C = AB + BC$ ($B'A + B'C$ không đổi vì B', A, C cố định). Dấu “=” xảy ra khi B trùng với B' .

0.25

Hoàn toàn tương tự nếu gọi D' là điểm chính giữa cung ADC thì ta cũng có $AD' + CD' \geq AD + CD$. Dấu “=” xảy ra khi D trùng với D' .

\Rightarrow Chu vi tứ giác $ABCD$ lớn nhất khi B, D là các điểm chính giữa các cung AC của đường tròn (O)

0.25

Chú ý: Nếu thí sinh làm theo cách khác, lời giải đúng vẫn cho điểm tối đa.

ĐỀ 1969

Câu 1. (3.0 điểm)

Cho biểu thức: $P = \left(\frac{\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}-2} + \frac{x^2-3x}{x-\sqrt{x}-2} \right) : \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-1} + \frac{1}{x-3\sqrt{x}+2} \right)$

- a) Rút gọn P
- b) Tìm x để $P > 0$.
- c) Tìm x để $P = -2\sqrt{x^2 + 2x - 1}$

Câu 2. (1.0 điểm)

Tìm các số x thỏa mãn đồng thời $x^3 + x^2 - 4x - 4 = 0$ và $(x+1)(x^2 - 2x + 2) < 0$

Câu 3. (2.0 điểm) Giải bài toán bằng cách lập phương trình:

Một đoàn tàu đánh cá theo kế hoạch đánh bắt 140 tấn cá trong một thời gian dự định. Do thời tiết thuận lợi nên mỗi tuần họ đã đánh bắt vượt mức 5 tấn. Cho nên chẳng những hoàn thành kế hoạch sớm 1 tuần mà còn vượt mức kế hoạch 10 tấn. Hỏi thời gian dự định ban đầu là bao nhiêu?

Câu 4. (4.0 điểm) Cho đường tròn ($O; R$), dây $AB = R\sqrt{3}$ và K là điểm chính giữa của cung AB . Gọi M là điểm tùy ý trên cung nhỏ BK ($M \neq B, K$). Trên tia AM lấy điểm N sao cho:

$AN=BM$. Ké $BP \parallel KM$ ($P \in O$).

- a) CM: ANKP là hình bình hành.
- b) CMR: Tam giác KMN là tam giác đều
- c) Xác định vị trí của M để tổng ($MA+MK+MB$) có giá trị lớn nhất.
- d) Gọi E, F lần lượt là giao của đường phân giác trong và đường phân giác ngoài tại đỉnh M của tam giác MAB với đường thẳng AB. Nếu tam giác MEF cân, hãy tính các góc của tam giác MAB.

..... **Hết**

HƯỚNG DẪN GIẢI ĐỀ TƯ ÔN SỐ 01 M&T

Câu 1.

$$a/ P = \frac{x^2 - 2x - 1}{x - 1}$$

b/ Điều kiện: $\begin{cases} x \geq 0 \\ x \neq 1; 4 \end{cases} . BPT \Leftrightarrow \frac{(x-1)^2 - 2}{x-1} = \frac{(x-1-\sqrt{2})(x-1+\sqrt{2})}{x-1} > 0$

$$\Rightarrow \begin{cases} 0 \leq x < 1 \\ x > 1 + \sqrt{2}; x \neq 4 \end{cases}$$

c/ Điều kiện: $\begin{cases} x \geq -1 + \sqrt{2} \\ x \neq 1; 4 \end{cases} . PT \Leftrightarrow (x^2 + 2x - 1) - 4x = -2(x-1)\sqrt{x^2 + 2x - 1} \quad (1)$

Đặt $\sqrt{x^2 + 2x - 1} = y (y \geq 0)$. (1) $\Leftrightarrow y^2 - 4x = -2(x-1)y \Leftrightarrow (y-2)(y+2x) = 0$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} y = 2 \Leftrightarrow x^2 + 2x - 5 = 0 \Leftrightarrow x_1 = -1 + \sqrt{6}; x_2 = -1 - \sqrt{6} \\ y + 2x = 0 \end{cases}$$

Câu 2:

- Phương trình có 3 nghiệm: $x = -1; -2; 2$

- $BPT \Leftrightarrow x+1 < 0 \Rightarrow x = -2$

Câu 3.

- Gọi thời gian dự định là t (tuần) $t > 0$; Thời gian thực tế là $(t-1)$ (tuần).
- Năng suất dự định là $140/t$ (tấn/tuần); Năng suất thực tế $150/(t-1)$ (tấn/tuần)
- Ta có phương trình:

$$\frac{140}{t} + 5 = \frac{150}{t-1} \Leftrightarrow t^2 - 3t - 28 = 0 \Leftrightarrow t = 7; t = -3 (\text{loại})$$

Câu 4:

$a / AN = PK (= BM) . AP = KM$ (k là điểm chính giữa của cung AB và $PK = BM$)

$PK \parallel AN \Rightarrow \square ANKP$ là hình bình hành.

$$b / \left. \begin{array}{l} KN = KM (= AP) \\ \angle NMK = 60^\circ \end{array} \right\} \Rightarrow \text{ĐPCM}$$

$$c / (MA + MK + MB) = MA + (NM + MB) = MA + (NM + AN) = 2MA \leq 4R$$

Dấu “=” xảy ra khi và chỉ khi MA là đường kính hay $M \equiv C$ hay M là điểm chính giữa của cung bé BK .

Vậy: $\text{Max}(MA + MK + MB) = 4R \Leftrightarrow M$ là điểm chính giữa của cung bé BK .

$d / \Delta MEF$ cân $\Leftrightarrow \angle MEB = 45^\circ$ (H là điểm chính giữa của cung bé BC).

$$\Rightarrow \angle MAB = \frac{1}{2} \angle DBM = \frac{1}{4} \angle CBD = 15^\circ \Leftrightarrow \angle AMB = 60^\circ \Leftrightarrow \angle ABM = 105^\circ$$

ĐỀ 1970

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO

Năm học: 2012 – 2013

ĐỀ CHÍNH THỨC

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT TP.ĐÀ NẴNG

MÔN: TOÁN

Thời gian làm bài: 120 phút

Bài 1: (2,0 điểm)

1) Giải phương trình: $(x+1)(x+2) = 0$

2) Giải hệ phương trình: $\begin{cases} 2x+y=-1 \\ x-2y=7 \end{cases}$

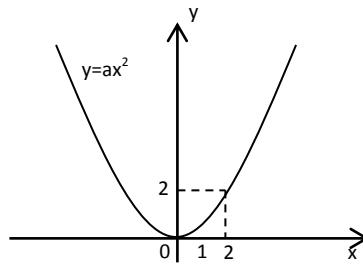
Bài 2: (1,0 điểm)

Rút gọn biểu thức $A = (\sqrt{10} - \sqrt{2})\sqrt{3 + \sqrt{5}}$

Bài 3: (1,5 điểm)

Biết rằng đường cong trong hình vẽ bên là một parabol $y = ax^2$.

- 1) Tìm hệ số a .
 - 2) Gọi M và N là các giao điểm của đường thẳng $y = x + 4$ với parabol.
- Tìm tọa độ của các điểm M và N.



Bài 4: (2,0 điểm)

Cho phương trình $x^2 - 2x - 3m^2 = 0$, với m là tham số.

- 1) Giải phương trình khi $m = 1$.
- 2) Tìm tất cả các giá trị của m để phương trình có hai nghiệm x_1, x_2 khác 0 và thỏa điều kiện $\frac{x_1}{x_2} - \frac{x_2}{x_1} = \frac{8}{3}$.

Bài 5: (3,5 điểm)

Cho hai đường tròn (O) và (O') tiếp xúc ngoài tại A. Kẻ tiếp tuyến chung ngoài BC, $B \in (O)$, $C \in (O')$. Đường thẳng BO cắt (O) tại điểm thứ hai là D.

- 1) Chứng minh rằng tứ giác $CO'OB$ là một hình thang vuông.
- 2) Chứng minh rằng ba điểm A, C, D thẳng hàng.
- 3) Từ D kẻ tiếp tuyến DE với đường tròn (O') (E là tiếp điểm). Chứng minh rằng $DB = DE$.

BÀI GIẢI

Bài 1:

- 1) $(x + 1)(x + 2) = 0 \Leftrightarrow x + 1 = 0$ hay $x + 2 = 0 \Leftrightarrow x = -1$ hay $x = -2$
- 2) $\begin{cases} 2x + y = -1 & (1) \\ x - 2y = 7 & (2) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5y = -15 & ((1) - 2(2)) \\ x = 7 + 2y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = -3 \\ x = -1 \end{cases}$

Bài 2: $A = (\sqrt{10} - \sqrt{2})\sqrt{3 + \sqrt{5}} = (\sqrt{5} - 1)\sqrt{6 + 2\sqrt{5}} =$

$$(\sqrt{5} - 1)\sqrt{(\sqrt{5} + 1)^2} = (\sqrt{5} - 1)(\sqrt{5} + 1) = 4$$

Bài 3:

- 1) Theo đồ thị ta có $y(2) = 2 \Rightarrow 2 = a \cdot 2^2 \Leftrightarrow a = \frac{1}{2}$
 - 2) Phương trình hoành độ giao điểm của $y = \frac{1}{2}x^2$ và đường thẳng $y = x + 4$ là :
- $$x + 4 = \frac{1}{2}x^2 \Leftrightarrow x^2 - 2x - 8 = 0 \Leftrightarrow x = -2 \text{ hay } x = 4$$
- $y(-2) = 2$; $y(4) = 8$. Vậy tọa độ các điểm M và N là $(-2; 2)$ và $(4; 8)$.

Bài 4:

1) Khi $m = 1$, phương trình thành : $x^2 - 2x - 3 = 0 \Leftrightarrow x = -1$ hay $x = 3$ (có dạng $a-b+c=0$)

2) Với $x_1, x_2 \neq 0$, ta có : $\frac{x_1}{x_2} - \frac{x_2}{x_1} = \frac{8}{3} \Leftrightarrow 3(x_1^2 - x_2^2) = 8x_1x_2 \Leftrightarrow 3(x_1 + x_2)(x_1 - x_2) = 8x_1x_2$

Ta có : $a.c = -3m^2 \leq 0$ nên $\Delta \geq 0, \forall m$

Khi $\Delta \geq 0$ ta có : $x_1 + x_2 = -\frac{b}{a} = 2$ và $x_1.x_2 = \frac{c}{a} = -3m^2 \leq 0$

Điều kiện để phương trình có 2 nghiệm $\neq 0$ mà $m \neq 0 \Rightarrow \Delta > 0$ và $x_1.x_2 < 0 \Rightarrow x_1 < x_2$

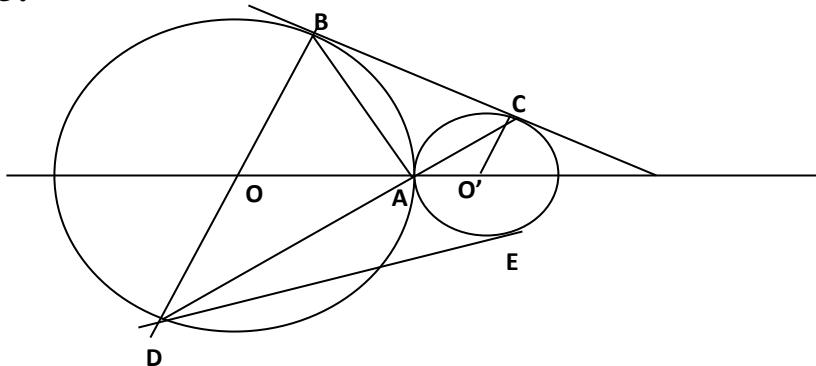
Với $a = 1 \Rightarrow x_1 = -b - \sqrt{\Delta}$ và $x_2 = -b + \sqrt{\Delta} \Rightarrow x_1 - x_2 = 2\sqrt{\Delta} = 2\sqrt{1+3m^2}$

Do đó, ycbt $\Leftrightarrow 3(2)(-2\sqrt{1+3m^2}) = 8(-3m^2)$ và $m \neq 0$

$\Leftrightarrow \sqrt{1+3m^2} = 2m^2$ (hiện nhiên $m = 0$ không là nghiệm)

$\Leftrightarrow 4m^4 - 3m^2 - 1 = 0 \Leftrightarrow m^2 = 1$ hay $m^2 = -1/4$ (loại) $\Leftrightarrow m = \pm 1$

Bài 5:



- 1) Theo tính chất của tiếp tuyến ta có $OB, O'C$ vuông góc với $BC \Rightarrow$ tứ giác $CO'OB$ là hình thang vuông.
- 2) Ta có $\angle ABC = \angle BDC \Rightarrow \angle ABC + \angle BCA = 90^\circ \Rightarrow \angle BAC = 90^\circ$
Mặt khác, ta có $\angle BAD = 90^\circ$ (nội tiếp nửa đường tròn)
Vậy ta có $\angle DAC = 180^\circ$ nên 3 điểm D, A, C thẳng hàng.
- 3) Theo hệ thức lượng trong tam giác vuông DBC ta có $DB^2 = DA \cdot DC$
Mặt khác, theo hệ thức lượng trong đường tròn (chứng minh bằng tam giác đồng dạng) ta có $DE^2 = DA \cdot DC \Rightarrow DB = DE$.

ThS. Phạm Hồng Danh
(Trung tâm LTĐH Vĩnh Viễn – TP.HCM)

Đề chính thức

KỲ THI TUYỂN SINH VÀO LỚP 10 NĂM HỌC 2013 – 2014
TRƯỜNG THPT CHUYÊN HOÀNG VĂN THỤ

ĐỀ THI MÔN TOÁN CHUYÊN**Ngày thi: 29 tháng 6 năm 2013***Thời gian làm bài: 150 phút (không kể thời gian giao đề)***Đề thi gồm có 01 trang****Bài 1 (2 điểm)**

1) Cho x là số thực âm thỏa mãn $x^2 + \frac{1}{x^2} = 23$, tính giá trị của biểu thức $A = x^3 + \frac{1}{x^3}$.

2) Phân tích thành nhân tử biểu thức sau: $x^4 - 2y^4 - x^2y^2 + x^2 + y^2$.

Bài 2 (3 điểm)

1) Cho tam giác ABC vuông tại A, $\angle ABC = 60^\circ$. Trung tuyến CD = $\frac{3}{4}$ cm. Tính diện

tích tam giác ABC.

2) Trong hệ trục tọa độ Oxy, cho đường thẳng d: $y = (m+1)x - m$, m là tham số. Tìm m để đường thẳng d cắt parabol (P): $y = x^2$ tại hai điểm phân biệt A, B sao cho OA vuông góc với OB.

Bài 3 (2 điểm)

1) Cho x, y là 2 số dương thỏa mãn $x + y = 1$, tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức

$$P = \left(1 - \frac{1}{x^2}\right)\left(1 - \frac{1}{y^2}\right).$$

2) Tìm nghiệm x, y nguyên dương thỏa mãn phương trình: $2x^2 - 2xy = 5x - y - 19$.

Bài 4 (2 điểm)

Cho đường tròn (O), bán kính R, A là 1 điểm cố định nằm ngoài đường tròn. Một đường tròn thay đổi đi qua 2 điểm O, A cắt đường tròn (O) tại hai điểm P, Q.

Chứng minh rằng đường thẳng PQ luôn đi qua 1 điểm cố định. (trước khi chứng minh hãy nêu dự đoán điểm cố định mà P, Q đi qua, giải thích cách nghĩ).

Bài 5 (1 điểm)

Có thể lát kín một cái sân hình vuông cạnh 3,5m bằng những viên gạch hình chữ nhật kích thước 25cm x 100cm mà không cắt gạch được hay không?

..... Hết

Lời giải tóm tắt

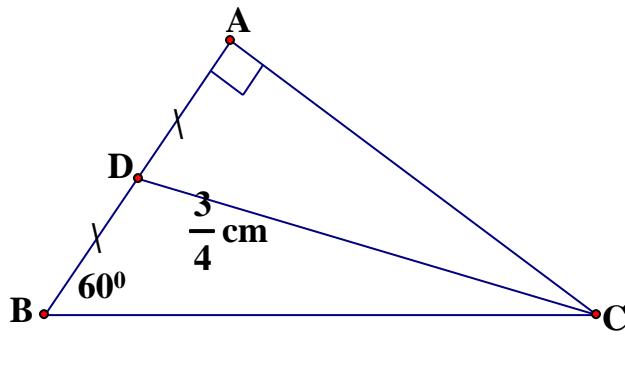
Bài 1

1) Ta có $A = \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3\left(x + \frac{1}{x}\right)$

Từ giả thiết ta có: $x^2 + \frac{1}{x^2} + 2 = 25 \Leftrightarrow \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = 5^2 \Rightarrow x + \frac{1}{x} = -5$ vì $x < 0$

Do đó $A = (-5)^3 - 3(-5) = -110$

$$\begin{aligned} 2) x^4 - 2y^4 - x^2y^2 + x^2 + y^2 &= (x^4 - y^4) - (y^4 + x^2y^2) + (x^2 + y^2) \\ &= (x^2 + y^2)(x^2 - y^2 - y^2 + 1) = (x^2 + y^2)(x^2 - 2y^2 + 1) \end{aligned}$$



Bài 2

1)

Đặt $BC = 2x$ ($x > 0$). Vì $\angle ABC = 60^\circ$

$$\Rightarrow \angle C = 30^\circ \Rightarrow AB = x \Rightarrow AD = \frac{1}{2}x;$$

$$AC = \sqrt{3}x$$

Tam giác ADC vuông tại A \Rightarrow

$$CD^2 = AD^2 + AC^2$$
 (Đ/I Pi tago)

$$\Rightarrow \frac{9}{16} = 3x^2 + \frac{1}{4}x^2 \Rightarrow x = \frac{3}{2\sqrt{13}}$$

Vậy diện tích S của tam giác ABC là $S = \frac{AB \cdot AC}{2} = \frac{3}{2\sqrt{13}} \cdot \frac{3\sqrt{3}}{2\sqrt{13}} \cdot \frac{1}{2} = \frac{9\sqrt{3}}{104}$ (cm²)

2) Phương trình hoành độ của hai đồ thị là $x^2 - (m+1)x + m = 0$ (*)

Hai đồ thị cắt nhau tại 2 điểm phân biệt A và B \Leftrightarrow PT (*) có 2 nghiệm phân biệt $\Leftrightarrow \Delta > 0$
 $\Leftrightarrow (m+1)^2 - 4m > 0 \Leftrightarrow (m-1)^2 > 0 \Leftrightarrow m \neq 1$.

Xét PT hoành độ, có $a+b+c = 1-m-1+m = 0 \Rightarrow x_1 = 1; x_2 = m \Rightarrow y_1 = 1; y_2 = m^2$
 $\Rightarrow A(1;1); B(m; m^2)$

Phương trình đường thẳng đi qua O và A là $y = x$

Phương trình đường thẳng đi qua O và B là $y = mx$

Đường thẳng OA vuông góc với đường thẳng OB $\Leftrightarrow m \cdot 1 = -1 \Leftrightarrow m = -1$

Vậy với $m = -1$ thì đường thẳng và parabol cắt nhau tại 2 điểm phân biệt A và B sao cho OA vuông góc với OB.

Bài 3.

1) ĐK: $xy \neq 0$; Từ giả thiết $\Rightarrow x^2 + y^2 = 1 - 2xy$

$$\text{Ta có } P = \frac{(x^2 - 1)(y^2 - 1)}{x^2 y^2} = \frac{x^2 y^2 - (x^2 + y^2) + 1}{x^2 y^2} = \frac{x^2 y^2 - 1 + 2xy + 1}{x^2 y^2} = \frac{x^2 y^2 + 2xy}{x^2 y^2} = 1 + \frac{2}{xy}.$$

Mặt khác ta có $(x - y)^2 \geq 0 \Rightarrow x^2 + y^2 \geq 2xy \Leftrightarrow (x + y)^2 \geq 4xy \Leftrightarrow 1 \geq 4xy$

$$\Rightarrow \frac{1}{4} \geq xy \Leftrightarrow \frac{1}{xy} \geq 2 \Leftrightarrow \frac{2}{xy} \geq 8 \Rightarrow P \geq 1 + 8 = 9$$

Dấu “=” xảy ra khi và chỉ khi $x = y = \frac{1}{2}$. Thỏa ĐK

Vậy $\min P = 9 \Leftrightarrow x = y = \frac{1}{2}$.

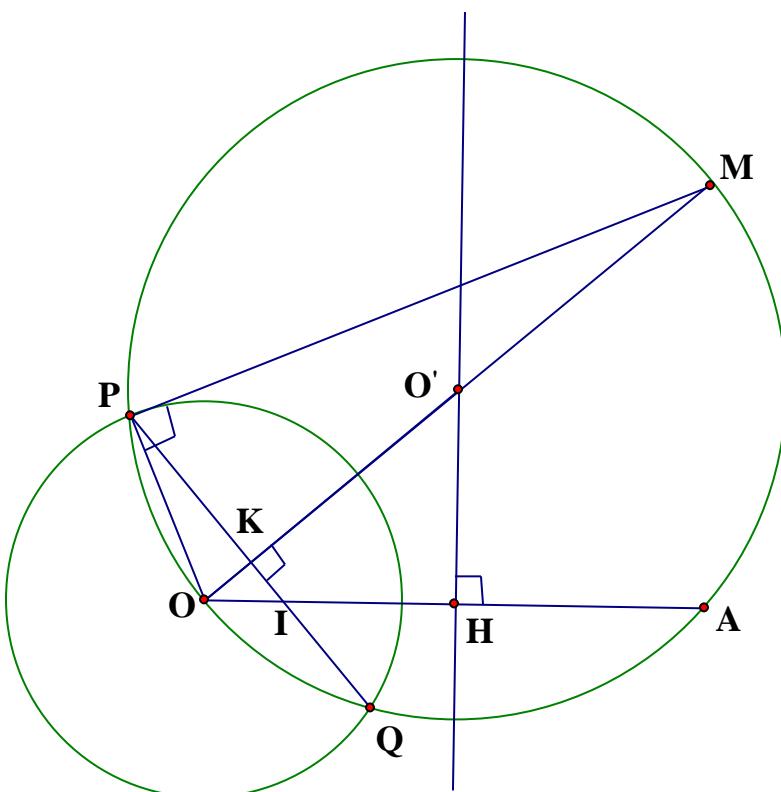
2) Từ PT ta có $y = \frac{2x^2 - 5x + 19}{2x - 1} = \frac{x(2x - 1) - 2(2x - 1) + 17}{2x - 1} = x - 2 + \frac{17}{2x - 1}$ ($x \neq \frac{1}{2}$ vì nếu $x = \frac{1}{2}$ không nguyên)

\Rightarrow với x nguyên thì y nguyên khi và chỉ khi $\frac{17}{2x - 1}$ nguyên $\Leftrightarrow 17: 2x - 1 \Leftrightarrow 2x - 1$ là ước của 17. Mà 17 có các ước là $\pm 1; \pm 17$

Do x nguyên dương nên $2x - 1 \geq 1 \Rightarrow 2x - 1 = 1$ hoặc $2x - 1 = 17 \Rightarrow x = 1$ hoặc $x = 9$
 $\Rightarrow y = 16$ hoặc $y = 8$.

Vậy PT có các nghiệm nguyên là: $(x; y) = (1; 16); (9; 8)$

Bài 4.



*) Dự đoán điểm cố định là giao điểm I của OA và PQ.

*) Chứng minh: G/s O' đi qua O và A $\Rightarrow O'$ nằm trên đường trung trực của AO, gọi giao điểm của đường trung trực đó với AO là H, giao điểm của OA với PQ là I, giao của OO' với PQ là K, OO' cắt đường tròn (O') ở M.

Ta có OO' là đường trung trực của PQ $\Rightarrow OO' \perp PQ$

$\triangle OKI$ đồng dạng với $\triangle OHO'$ (g.g)

$$\Rightarrow \frac{OK}{OI} = \frac{OH}{OO'} \Rightarrow OI = \frac{OK \cdot OO'}{OH} = \frac{\frac{1}{2}OM \cdot OK}{OH} = \frac{OM \cdot OK}{2 \cdot OH} = \frac{OM \cdot OK}{AO} \quad (\text{Do } OO' = \frac{1}{2}OM \text{ và } AO = 2 \cdot OH)$$

Ta có $OPM = 90^\circ$ (Góc nội tiếp chắn nửa đường tròn) $\Rightarrow \triangle OPM$ vuông tại P, lại có $PQ \perp OO' \Rightarrow OP^2 = OK \cdot OM$ (Hệ thức lượng trong tam giác vuông)

$$\Rightarrow OI = \frac{OP^2}{OA} = \frac{R^2}{OA} \text{ không đổi.}$$

Do O cố định, OI không đổi nên I cố định

Vậy đường thẳng PQ đi qua 1 điểm cố định.

Bài 5. Không thể lát sân mà không phải cắt gạch vì nếu gọi số gạch lát theo chiều dài và chiều rộng của viên gạch là x, y thì hệ PT sau phải có nghiệm nguyên:

$$\begin{cases} 100x = 350 \\ 25y = 350 \end{cases} \text{ nhưng hệ vô nghiệm nguyên.}$$

ĐỀ 1972

Sở giáo dục và đào tạo Hải Phòng

ĐỀ THI CHÍNH THỨC

Câu I (2.5 điểm):

1) Giải hệ ph- ơng trình:

$$\begin{cases} x^2 + y^2 + xy = 3 \\ xy + 3x^2 = 4 \end{cases}$$

2) Tìm m nguyên để ph- ơng trình sau có ít nhất một nghiệm nguyên:

$$4x^2 + 4mx + 2m^2 - 5m + 6 = 0$$

Câu II (2.5 điểm):

1) Rút gọn biểu thức:

$$A = \frac{\sqrt{2 + \sqrt{4 - x^2}} \left[\sqrt{(2+x)^3} - \sqrt{(2-x)^3} \right]}{4 + \sqrt{4 - x^2}} \text{ với } -2 \leq x \leq 2$$

2) Cho tr- ớc số hữu tỉ m sao cho $\sqrt[3]{m}$ là số vô tỉ. Tìm các số hữu tỉ a, b, c để:

$$a\sqrt[3]{m^2} + b\sqrt[3]{m} + c = 0$$

Câu III (2.0 điểm):

1) Cho đa thức bậc ba $f(x)$ với hệ số của x^3 là một số nguyên d- ơng và biết $f(5) - f(3) = 2010$. Chứng minh rằng: $f(7) - f(1)$ là hợp số.

3) Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức: $P = \left| \sqrt{x^2 - 4x + 5} - \sqrt{x^2 + 6x + 13} \right|$

Câu IV (2.0 điểm):

Cho tam giác MNP có ba góc nhọn và các điểm A, B, C lần l- ợt là hình chiếu

vuông góc của M, N, P trên NP, MP, MN. Trên các đoạn thẳng AC, AB lần 1- ợt lấy D, E sao cho DE song song với NP. Trên tia AB lấy điểm K sao cho DMK = NMP. Chứng minh rằng:

2) $MD = ME$

2) Tứ giác MDEK nội tiếp. Từ đó suy ra điểm M là tâm của đ- ờng tròn bàng tiếp góc DAK của tam giác DAK.

Câu V (1.0 điểm):

Trên đ- ờng tròn (O) lấy hai điểm cố định A và C phân biệt. Tìm vị trí của các điểm B và D thuộc đ- ờng tròn đó để chu vi tứ giác ABCD có giá trị lớn nhất.

-----Hết-----

Họ và tên thí sinh :Số báo danh :

Chữ kí của giám thị 1 :Chữ kí của giám thị 2:.....

H- ờng dẫn chấm

Câu	Phân	nội dung	Đi
câu I 5 điểm	1) 1,5điểm	$\begin{cases} x^2 + y^2 + xy = 3 \quad (1) \\ xy + 3x^2 = 4 \quad (2) \end{cases}$ <p>Từ (2) $\Rightarrow x \neq 0$. Từ đó $y = \frac{4 - 3x^2}{x}$, thay vào (1) ta có:</p> $x^2 + \left(\frac{4 - 3x^2}{x}\right)^2 + x \cdot \frac{4 - 3x^2}{x} = 3$ $\Leftrightarrow 7x^4 - 23x^2 + 16 = 0$ <p>Giải ra ta đ- ợc $x^2 = 1$ hoặc $x^2 = \frac{16}{7}$</p> <p>Từ $x^2 = 1 \Leftrightarrow x = \pm 1 \Rightarrow y = \pm 1$; $x^2 = \frac{16}{7} \Leftrightarrow x = \pm \frac{4\sqrt{7}}{7} \Rightarrow y = \mp \frac{5\sqrt{7}}{7}$</p> <p>Vậy hệ có nghiệm $(x; y)$ là $(1; 1); (-1; -1); \left(\frac{4\sqrt{7}}{7}; \frac{-5\sqrt{7}}{7}\right); \left(\frac{-4\sqrt{7}}{7}; \frac{5\sqrt{7}}{7}\right)$</p>	0.2
	2) 1,0điểm	<p>Điều kiện để ph- ờng trình có nghiệm: $\Delta_x' \geq 0$</p> $\Leftrightarrow m^2 - 5m + 6 \leq 0 \Leftrightarrow (m - 2)(m - 3) \leq 0$ <p>Vì $(m - 2) > (m - 3)$ nên:</p> $\Delta_x' \geq 0 \Leftrightarrow m - 2 \geq 0 \text{ và } m - 3 \leq 0 \Leftrightarrow 2 \leq m \leq 3, \text{ mà } m \in \mathbb{Z}$ $\Rightarrow m = 2 \text{ hoặc } m = 3.$	0.2

		Khi $m = 2 \Rightarrow \Delta_x' = 0 \Rightarrow x = -1$ (thỏa mãn) Khi $m = 3 \Rightarrow \Delta_x' = 0 \Rightarrow x = -1,5$ (loại). Vậy $m = 2$.	0.25
câu II 2,5 điểm	1) 1,5 điểm	<p>Đặt $a = \sqrt{2+x}$; $b = \sqrt{2-x}$ ($a, b \geq 0$) $\Rightarrow a^2 + b^2 = 4$; $a^2 - b^2 = 2x$</p> $\Rightarrow A = \frac{\sqrt{2+ab}(a^3 - b^3)}{4+ab} = \frac{\sqrt{2+ab}(a-b)(a^2 + b^2 + ab)}{4+ab}$	0.25
		$\Rightarrow A = \frac{\sqrt{2+ab}(a-b)(4+ab)}{4+ab} = \sqrt{2+ab}(a-b)$	0.25
		$\Rightarrow A\sqrt{2} = \sqrt{4+2ab}(a-b)$	0.25
		$\Rightarrow A\sqrt{2} = \sqrt{(a^2 + b^2 + 2ab)}(a-b) = (a+b)(a-b)$	0.25
		$\Rightarrow A\sqrt{2} = a^2 - b^2 = 2x \Rightarrow A = x\sqrt{2}$	0.25
	2) 1,0 điểm	$a\sqrt[3]{m^2} + b\sqrt[3]{m} + c = 0$ (1) Giả sử có (1) $\Rightarrow b\sqrt[3]{m^2} + c\sqrt[3]{m} + am = 0$ (2) Từ (1), (2) $\Rightarrow (b^2 - ac)\sqrt[3]{m} = (a^2 m - bc)$	0.25
		Nếu $a^2 m - bc \neq 0 \Rightarrow \sqrt[3]{m} = \frac{a^2 m - bc}{b^2 - ac}$ là số hữu tỉ. Trái với giả thiết! $\Rightarrow \begin{cases} b^2 - ac = 0 \\ a^2 m - bc = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} b^3 = abc \\ bc = am^2 \end{cases}$	0.25
		$\Rightarrow b^3 = a^3 m \Rightarrow b = a\sqrt[3]{m}$. Nếu $b \neq 0$ thì $\sqrt[3]{m} = \frac{b}{a}$ là số hữu tỉ. Trái với giả thiết! $\Rightarrow a = 0; b = 0$. Từ đó ta tìm đ- ợc $c = 0$.	0.25
		Ng- ợc lại nếu $a = b = c = 0$ thì (1) luôn đúng. Vậy: $a = b = c = 0$	0.25
câu III 2 điểm	1) 1,0 điểm	Theo bài ra $f(x)$ có dạng: $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ với a nguyên d- ơng. Ta có: $2010 = f(5) - f(3) = (5^3 - 3^3)a + (5^2 - 3^2)b + (5 - 3)c = 98a + 16b + 2c \Rightarrow 16b + 2c = (2010 - 98a)$	0.25
		Ta có $f(7) - f(1) = (7^3 - 1^3)a + (7^2 - 1^2)b + (7 - 1)c = 342a + 48b + 6c = 342a + 3(16b + 2c) = 342a + 3(2010 - 98a) = 48a + 6030 = 3.(16a + 2010) : 3$	0.25
		Vì a nguyên d- ơng nên $16a + 2010 > 1$. Vậy $f(7) - f(1)$ là hợp số	0.25
	2) 1,0 điểm	$P = \left \sqrt{(x-2)^2 + 1^2} - \sqrt{(x+3)^2 + 2^2} \right $ Trên mặt phẳng tọa độ Oxy lấy các điểm $A(x-2; 1)$, $B(x+3; 2)$	0.25

Ta chứng minh đ- ợc: $AB = \sqrt{(x-2-x-3)^2 + (1-2)^2} = \sqrt{25+1} = \sqrt{26}$

$$OA = \sqrt{(x-2)^2 + 1^2}, OB = \sqrt{(x+3)^2 + 2^2}$$

0.25

$$\text{Mặt khác ta có: } |OA - OB| \leq AB \Rightarrow \left| \sqrt{(x-2)^2 + 1^2} - \sqrt{(x+3)^2 + 2^2} \right| \leq \sqrt{26}$$

0.25

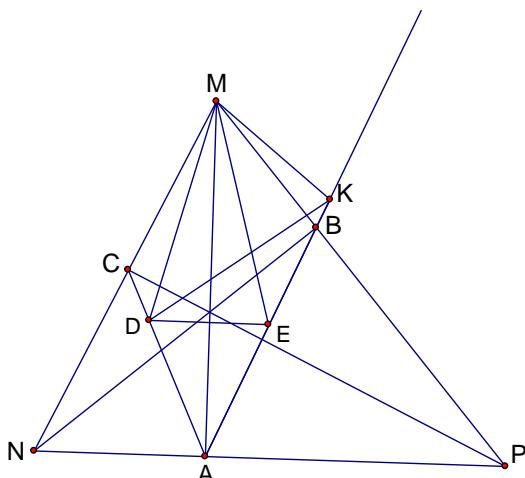
Dấu “=” xảy ra khi A thuộc đoạn OB hoặc B thuộc đoạn OA

$$\Rightarrow \frac{x-2}{x+3} = \frac{1}{2} \Rightarrow x = 7. \text{ Thử lại } x = 7 \text{ thì } A(5; 1); B(10; 2) \text{ nên A thuộc đoạn}$$

OB. Vậy Max P = $\sqrt{26}$ khi x = 7.

0.25

câu IV

2 điểm1)
0,75 điểm

Ta dễ dàng chứng minh tứ giác MBAN nội tiếp $\Rightarrow MAB = MNB$, MCAP nội tiếp $\Rightarrow CAM = CPM$.

0.25

Lại có $BNM = CPM$

(cùng phụ góc NMP)

$$\Rightarrow CAM = BAM \quad (1)$$

0.25

Do $DE // NP$ mặt khác

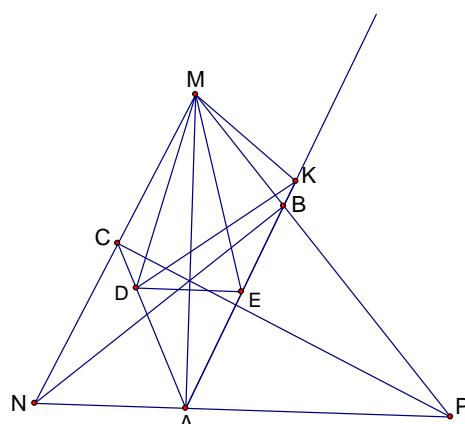
$$MA \perp NP \Rightarrow MA \perp DE \quad (2)$$

Từ (1), (2) $\Rightarrow \triangle ADE$ cân tại A

$\Rightarrow MA$ là trung trực của DE

$$\Rightarrow MD = ME$$

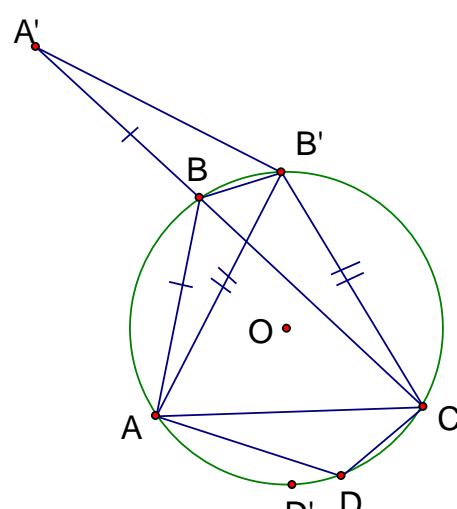
0.25

2)
1,25 điểm

Do $DE//NP$ nên $DEK = NAB$, mặt khác tứ giác MNAB nội tiếp nên:

$$NMB + NAB = 180^\circ \Rightarrow NMB + DEK = 180^\circ$$

0.25

	<p>Theo giả thiết $DMK = NMP \Rightarrow DMK + DEK = 180^\circ$ \Rightarrow Tứ giác MDEK nội tiếp</p> <p>Do MA là trung trực của DE $\Rightarrow \DeltaMEA = \DeltaMDA$</p> <p>$\Rightarrow MEA = MDA \Rightarrow MEK = MDC.$</p> <p>Vì $MEK = MDK = MDC \Rightarrow DM$ là phân giác của góc CDK, kết hợp với AM là phân giác DAB $\Rightarrow M$ là tâm của đường tròn bàng tiếp góc DAK của tam giác DAK.</p>	0.25 0.25 0.25 0.25
câu V 1 điểm		
	<p>Không mất tổng quát giả sử: $AB \leq AC$. Gọi B' là điểm chính giữa cung $ABC \Rightarrow AB' = CB'$</p> <p>Trên tia đối của BC lấy điểm A' sao cho $BA' = BA \Rightarrow AB + BC = CA'$</p>	0.25
	<p>Ta có: $B'BC = B'AC = B'CA$ (1); $B'CA + B'BA = 180^\circ$ (2)</p> <p>$B'BC + B'BA' = 180^\circ$ (3); Từ (1), (2), (3) $\Rightarrow B'BA = B'BA'$</p>	0.25
	<p>Hai tam giác $A'BB'$ và ABB' bằng nhau $\Rightarrow A'B' = B'A$</p> <p>Ta có $\Rightarrow B'A + B'C = B'A' + B'C \geq A'C = AB + BC$ ($B'A + B'C$ không đổi vì B', A, C cố định). Dấu “=” xảy ra khi B trùng với B'.</p>	0.25
	<p>Hoàn toàn tương tự nếu gọi D' là điểm chính giữa cung ADC thì ta cũng có $AD' + CD' \geq AD + CD$. Dấu “=” xảy ra khi D trùng với D'.</p> <p>\Rightarrow Chu vi tứ giác ABCD lớn nhất khi B, D là các điểm chính giữa các cung AC của đường tròn (O)</p>	0.25

ĐỀ 1973**ĐỀ LUYỆN THI TUYỂN SINH VÀO LỚP 10 THPT CHUYÊN****Năm học : 2013 - 2014****Môn: TOÁN (Chuyên)**Thời gian làm bài: 150 phút (Không tính thời gian giao đề)

Câu 1. (2,0 điểm)

Cho biểu thức $x^2 - x - 1 = 0$.

$$\text{Tính giá trị của biểu thức } Q = \frac{x^6 - 3x^5 + 3x^4 - x^3 + 2013}{x^6 - x^3 - 3x^2 - 3x + 2013}$$

Câu 2. (2,0 điểm)

$$\text{Giải ph- ơng trình : } 4\sqrt{2}(x^2 + x + 1)\sqrt{x^2 + 1} = 3[(x^2 + x + 1)^2 + x^2 + 1]$$

Câu 3. (2,0 điểm)

$$\text{Giải hệ ph- ơng trình : } \begin{cases} 27y^3 - 3x^2 + 9y = 1 \\ \sqrt{x} + \sqrt{3y} = \sqrt[4]{72\left(\frac{x^2}{9} + y^2\right)} \end{cases}$$

Câu 4. (1,0 điểm)

Tìm tất cả các số nguyên d- ơng a thoả mãn đẳng thức sau :

$$\sqrt{a^2 + (2^{a-3} + 2^{-a-1})^2} + \sqrt{a^4 + 2a^2 + 2} = \sqrt{(a^2 + a + 1)^2 + (1 + 2^{a-3} + 2^{-a-1})^2}$$

Câu 5. (2,0 điểm)

Cho tam giác nhọn ABC nội tiếp đường tròn (O), có AB < AC. Hạ các đường cao BE và CF và AQ chúng cắt nhau tại H, M là giao điểm của EF và AH. Vẽ đường kính AK cắt cạnh BC tại N. Gọi S, R, T lần l- ợt là hình chiếu của H trên các cạnh EF, FQ, QE. Gọi I, P theo thứ tự là hình chiếu của M và H trên cạnh AK.

a) Chứng minh tỉ số : $\frac{671(HS + HR + HT)}{HR} = 2013$

b) Chứng minh đẳng thức : $MI \cdot AH^2 = HP \cdot AM^2$

Câu 6. (1,0 điểm)

Cho $f(x) = ax^2 + bx + c > 0$ với mọi x và a,b,c nguyên d- ơng (b khác 1).

Chứng minh rằng : $\frac{3350a + 1340c + 4ac + 2b + 1}{b} > 2014$

----- hết -----

Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm về đề thi!

Họ và tên thí sinh : Số báo danh :

Câu 1. (2,0 điểm)

Cho biểu thức $x^2 - x - 1 = 0$.

$$\text{Tính giá trị của biểu thức } Q = \frac{x^6 - 3x^5 + 3x^4 - x^3 + 2013}{x^6 - x^3 - 3x^2 - 3x + 2013} \quad (\text{a})$$

$$\begin{aligned} \text{Ta có : } x^2 - x - 1 = 0 &\Rightarrow \begin{cases} x^2 - x = 1 \\ x^2 = x + 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x^6 - 3x^5 + 3x^4 - x^3 = 1 \\ x^6 = x^3 + 3x^2 + 3x + 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x^6 - 3x^5 + 3x^4 - x^3 - 1 = 0 \\ x^6 - x^3 - 3x^2 - 3x = 2013 \end{cases} \\ &\Rightarrow \begin{cases} x^6 - 3x^5 + 3x^4 - x^3 + 2013 = 2014 \\ x^6 - x^3 - 3x^2 - 3x + 2013 = 2014 \end{cases} \quad (\text{b}) \end{aligned}$$

Vậy từ (a) và (b) $\Rightarrow Q = 1$

Câu 2. (2,0 điểm)

$$\text{Giải ph- ơng trình : } 4\sqrt{2}(x^2 + x + 1)\sqrt{x^2 + 1} = 3[(x^2 + x + 1)^2 + x^2 + 1]$$

Không mất tính tổng quát : Đặt $a = x^2 + x + 1 > 0$ và $b = x^2 + 1 > 0$

Khi đó ph- ơng trình ban đầu trở thành :

$$4(\sqrt{2}a\sqrt{b}) = 3(a^2 + b) \Leftrightarrow 4(2\sqrt{2}a\sqrt{b}) = 6(a^2 + b) \quad (\text{I})$$

Mặt khác theo BĐT bunnhia ta có : $(\sqrt{2}a + 2\sqrt{b})^2 \leq 6(a^2 + b)$ (*), dấu ‘=’ xảy ra khi

$$\frac{a}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{b}}{2} \Rightarrow 2a^2 = b \quad (1)$$

Lại theo BĐT côsi ta có : $(\sqrt{2}a + 2\sqrt{b}) \geq 2\sqrt{2\sqrt{2}a\sqrt{b}} \Rightarrow (\sqrt{2}a + 2\sqrt{b})^2 \geq 4(2\sqrt{2}a\sqrt{b})$ (**)

$$\text{, dấu ‘=’ xảy ra khi } \sqrt{2}a = 2\sqrt{b} \Rightarrow a^2 = 2b \quad (2)$$

$$\text{Vậy từ (*) và (**)} \Rightarrow 4(2\sqrt{2}a\sqrt{b}) \leq (\sqrt{2}a + 2\sqrt{b})^2 \leq 6(a^2 + b) \quad (\text{II})$$

Vậy so sánh (I) và (II) xảy ra khi dấu ‘=’ ở (*) và (**) xảy ra \Rightarrow có (1) và (2) \Rightarrow $4a^2 = a^2$ mà $a > 0 \Rightarrow 4 = 1$ (vô lí) \Rightarrow không có đăng thức (I) \Rightarrow Ph- ơng trình ban đầu bài không xảy ra \Rightarrow Ph- ơng trình vô nghiệm.

Câu 3. (2,0 điểm)

$$\text{Giải hệ ph- ơng trình : } \begin{cases} 27y^3 - 3x^2 + 9y = 1 \\ \sqrt{x} + \sqrt{3y} = \sqrt[4]{72\left(\frac{x^2}{9} + y^2\right)} \end{cases}$$

$$\text{Xét ph- ơng trình : } \sqrt{x} + \sqrt{3y} = \sqrt[4]{72\left(\frac{x^2}{9} + y^2\right)} \quad (*)$$

áp dụng BĐT bunnhia hai lần ta có : $(\sqrt{x} + \sqrt{3y})^2 \leq 2(x+3y) \leq 2\sqrt{18\left(\frac{x^2}{9} + y^2\right)}$ (1) , (dấu ' $=$ ' ,

xảy ra =khi $x = 3y$)

$$\Rightarrow (\sqrt{x} + \sqrt{3y})^2 \leq 2\sqrt{18\left(\frac{x^2}{9} + y^2\right)} \Rightarrow \sqrt{x} + \sqrt{3y} \leq \sqrt{2}\sqrt{18\left(\frac{x^2}{9} + y^2\right)}$$

$$\Rightarrow \sqrt{x} + \sqrt{3y} \leq \sqrt{2}\sqrt{18\left(\frac{x^2}{9} + y^2\right)} \Rightarrow \sqrt{x} + \sqrt{3y} \leq \sqrt[4]{72\left(\frac{x^2}{9} + y^2\right)} \quad (**)$$

Vậy từ (*) và (**) \Rightarrow dấu ' $=$ ' xảy ra khi $x = 3y$, do đó đặt $x = 3y$ vào phương trình :

$$27y^3 - 3x^2 + 9y = 1 \Rightarrow x^3 - 3x^2 + 3x - 1 = 0 \Leftrightarrow (x-1)^3 = 0 \Rightarrow x = 1 \Rightarrow y = \frac{1}{3}$$

$$KL : (x; y) = (1; 1/3)$$

Câu 4. (1,0 điểm)

Tìm tất cả các số nguyên dương a thoả mãn đẳng thức sau :

$$\sqrt{a^2 + (2^{a-3} + 2^{-a-1})^2} + \sqrt{a^4 + 2a^2 + 2} = \sqrt{(a^2 + a + 1)^2 + (1 + 2^{a-3} + 2^{-a-1})^2}$$

Không mất tính tổng quát :

Đặt $x = a > 0$ và $y = 2^{a-3} + 2^{-a-1} > 0$ và $z = a^2 + 1 > 0$ và $t = 1 > 0$

Khi đó ph- ơng trình trở thành :

$$\sqrt{x^2 + y^2} + \sqrt{z^2 + t^2} = \sqrt{(x+z)^2 + (y+t)^2} \quad (*)$$

Mặt khác ta cũng có : $\sqrt{x^2 + y^2} + \sqrt{z^2 + t^2} \geq \sqrt{(x+z)^2 + (y+t)^2}$ (**) với mọi $x,y,z,t > 0$

$$\sqrt{x^2 + y^2} + \sqrt{z^2 + t^2} \geq \sqrt{(x+z)^2 + (y+t)^2}$$

$$\Leftrightarrow x^2 + y^2 + z^2 + t^2 + 2\sqrt{x^2z^2 + x^2t^2 + y^2z^2 + y^2t^2} \geq x^2 + y^2 + z^2 + t^2 + 2(xz + yt)$$

$$\Leftrightarrow x^2z^2 + x^2t^2 + y^2z^2 + y^2t^2 \geq x^2z^2 + y^2t^2 + 2xyzt \Leftrightarrow (yz - xt)^2 \geq 0$$

(luôn đúng với mọi $x,y,z,t > 0$)

Vậy từ (*) và (**) xảy ra khi $yz = xt$

$$\Leftrightarrow (2^{a-3} + 2^{-a-1})(a^2 + 1) = a \Leftrightarrow (2^{a-3} + 2^{-a-1}) = \frac{a}{a^2 + 1} \quad (***) \quad (\text{vì } a^2 + 1 > 0)$$

Mà lại có : $\frac{a}{a^2 + 1} \leq \frac{1}{2}$ (vì $(a-1)^2 \geq 0$) , dấu ' $=$ ' xảy ra khi $a = 1$ (****)

và $(2^{a-3} + 2^{-a-1}) = \frac{2^a}{8} + \frac{1}{2 \cdot 2^a} \geq \frac{1}{2}$ (theo côsi) , dấu ' $=$ ' xảy ra khi $a = 1$ (*****)

Vậy từ (***), (****) và (*****) $\Rightarrow a = 1$ là giá trị nguyên dương duy nhất cần tìm của bài toán.

Câu 5. (2,0 điểm)

Cho tam giác nhọn ABC nội tiếp đường tròn (O), có AB < AC. Hạ các đường cao BE và CF và AQ chúng cắt nhau tại H, M là giao điểm của EF và AH. Vẽ đường kính AK cắt cạnh BC tại N. Gọi S, R, T lần l- ợt là hình chiếu của H trên các cạnh EF, FQ, QE. Gọi I, P theo thứ tự là hình chiếu của M và H trên cạnh AK.

a) Chứng minh tỉ số: $\frac{671(HS + HR + HT)}{HR} = 2013$

b) Chứng minh đẳng thức: $MI \cdot AH^2 = HP \cdot AM^2$

Tự vẽ hình. (Gợi ý cách làm)

a) Chứng Minh H là tâm đ- ờng tròn nội tiếp tam giác EFQ mà S, R, T lần l- ợt là hình chiếu của H trên các cạnh EF, FQ, QE $\Rightarrow HS = HR = HT$ bằng bán kính đ- ờng tròn nội tiếp tam giác EFQ.

$$\Rightarrow \frac{671(HS + HR + HT)}{HR} = \frac{671 \cdot 3HR}{HR} = 2013 \Rightarrow \text{ĐPCM}$$

b)

B- ớc 1: Chứng minh tam giác AMF đồng dạng với tam giác ANC
 $\Rightarrow AF/AC = AM/AN$ (1)

B- ớc 2 : Chứng minh tam giác AHF đồng dạng với tam giác AKC
 $\Rightarrow AF/AC = AH/AK$ (2)

Vậy từ (1) và (2) $\Rightarrow AM/AN = AH / AK$ mà góc HAK chung \Rightarrow tam giác AMN đồng dạng

$$\text{với tam giác AHK } \Rightarrow \frac{S_{AMN}}{S_{AHK}} = \left(\frac{AM}{AH} \right)^2 \Rightarrow \frac{\frac{1}{2} \cdot MI \cdot AK}{\frac{1}{2} \cdot HP \cdot AK} = \frac{AM^2}{AH^2} \Rightarrow MI \cdot AH^2 = HP \cdot AM^2 \Rightarrow$$

ĐPCM

Câu 6. (1,0 điểm)

Cho $f(x) = ax^2 + bx + c > 0$ với mọi x và a,b,c nguyên d- ơng (b khác 1).

Chứng minh rằng: $\frac{3350a + 1340c + 4ac + 2b + 1}{b} > 2014$

Ta có: $f(x) = ax^2 + bx + c > 0$ với mọi x

$$\Leftrightarrow f(-2) > 0 \Rightarrow 4a - 2b + c > 0 \Rightarrow 4a + c > 2b \quad (*)$$

Ta có: $f(x) = ax^2 + bx + c > 0$ với mọi x

$$\Leftrightarrow f(-1) > 0 \Rightarrow a - b + c > 0 \Rightarrow a + c > b \quad (**)$$

Vậy từ (*) và (**) $\Rightarrow 5a + 2c > 3b \Rightarrow \frac{5a+2c}{b} > 3$ (vì $b > 0$)

$$\Rightarrow \frac{3350a+1340c}{b} > 2010 \quad (***)$$

Mặt khác lại có :

$$f(x) = ax^2 + bx + c > 0 \text{ với mọi } x \Rightarrow b^2 < 4ac \text{ (vì } a > 0\text{)} \Rightarrow 4ac > b^2$$

$$\Leftrightarrow \frac{4ac}{b} > b \Leftrightarrow \frac{4ac}{b} + \frac{1}{b} > b + \frac{1}{b} \geq 2 \text{ (theo BĐT côsi), mà } 0 < b \text{ khác } 1$$

$$\Rightarrow \frac{4ac}{b} + \frac{1}{b} > 2 \quad (****)$$

$$\text{Vậy từ (***), và (****) } \Rightarrow \frac{3350a+1340c}{b} + \frac{4ac+1}{b} > 2012$$

$$\Leftrightarrow \frac{3350a+1340c+4ac+2b+1}{b} > 2014 \Rightarrow \text{ĐPCM}$$

ĐỀ 1974

KỲ THI TUYỂN SINH VÀO LỚP 10 CHUYÊN QUANG TRUNG

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO

Bình Phước

NĂM HỌC: 2015 – 2016

Môn: Toán (Chuyên)

Thời gian: 150 phút (không kể thời gian giao đề)

Câu 1 Cho $P = \left(\frac{1}{a-1} + \frac{3\sqrt{a}+5}{a\sqrt{a}-a-\sqrt{a}+1} \right) \left[\frac{(\sqrt{a}+1)^2}{4\sqrt{a}} \right]$ ($a > 0, a \neq 1$)

a) Rút gọn P

b) Đặt $Q = (a - \sqrt{a} + 1)P$. Chứng minh $Q > 1$

Câu 2 Cho phương trình $x^2 - 2(m+1)x + m^2 = 0$ (1). Tìm m để phương trình có 2 nghiệm x_1, x_2 thỏa mãn $(x_1 - m)^2 + x_2 = m + 2$

Câu 3

1. Giải phương trình $(x+1)\sqrt{2(x^2+4)} = x^2 - x - 2$

2. Giải hệ phương trình $\begin{cases} \frac{1}{\sqrt{x}} - \frac{\sqrt{x}}{y} = x^2 + xy - 2y^2 \\ (\sqrt{x+3} - \sqrt{y})(1 + \sqrt{x^2 + 3x}) = 3 \end{cases}$ (2)

Câu 4 Giải phương trình trên tập số nguyên $x^{2015} = \sqrt{y(y+1)(y+2)(y+3)} + 1$ (1)

Câu 5 Cho tam giác ABC nhọn ($AB < AC$) nội tiếp đường tròn (O;R). Gọi H là trực tâm

của tam giác ABC. Gọi M là trung điểm của BC

a) Chứng minh $AH = 2OM$

b) Dựng hình bình hành AHIO. Gọi J là tâm đường tròn ngoại tiếp tam giác OBC. Chứng minh rằng $OJ \cdot OI = R^2$

c) Gọi N là giao điểm của AH với đường tròn (O) (N khác A). Gọi D là điểm bất kì trên cung nhỏ NC của đường tròn tâm (O) (D khác N và C). Gọi E là điểm đối xứng với D qua AC, K là giao điểm của AC và HE. Chứng minh rằng $ACH = ADK$

Câu 6

1. Cho a, b là 2 số thực dương. Chứng minh rằng $\sqrt{(1+a)(1+b)} \geq 1 + \sqrt{ab}$

2. Cho a, b là 2 số thực dương thỏa mãn $a + b = ab$. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức

$$P = \frac{1}{a^2 + 2a} + \frac{1}{b^2 + 2b} + \sqrt{(1+a^2)(1+b^2)}$$

ĐÁP ÁN – LỜI GIẢI CHI TIẾT

Câu 1

a) Với $a > 0$ và $a \neq 1$ ta có:

$$\begin{aligned} P &= \left[\frac{\sqrt{a}-1}{(a-1)(\sqrt{a}-1)} + \frac{3\sqrt{a}+5}{(a-1)(\sqrt{a}-1)} \right] \cdot \frac{(a+2\sqrt{a}+1)-4\sqrt{a}}{4\sqrt{a}} \\ &= \frac{4\sqrt{a}+4}{(\sqrt{a}-1)^2(\sqrt{a}+1)} \cdot \frac{a-2\sqrt{a}+1}{4\sqrt{a}} = \frac{4}{(\sqrt{a}-1)^2} \cdot \frac{(\sqrt{a}-1)^2}{4\sqrt{a}} \\ &= \frac{1}{\sqrt{a}} \end{aligned}$$

b) Có $Q = \frac{a - \sqrt{a} + 1}{\sqrt{a}}$

xét $Q - 1 = \frac{a - 2\sqrt{a} + 1}{\sqrt{a}} = \frac{(\sqrt{a} - 1)^2}{\sqrt{a}}$

vì $(\sqrt{a} - 1)^2 > 0, \sqrt{a} > 0, \forall a > 0, a \neq 1 \Rightarrow Q - 1 > 0 \Rightarrow Q > 1$

Câu 2

Phương trình (1) có 2 nghiệm $x_1, x_2 \Leftrightarrow \Delta' = (m+1)^2 - m^2 \geq 0 \Leftrightarrow 2m+1 \geq 0 \Leftrightarrow m \geq -\frac{1}{2}$

Theo định lý Viết ta có $\begin{cases} x_1 + x_2 = 2m + 2 \\ x_1 x_2 = m^2 \end{cases}$

Có (2) $\Leftrightarrow x_1^2 - 2x_1 m + m^2 + x_2 = m + 2 \Leftrightarrow x_1(x_1 - 2m) + m^2 + x_2 = m + 2$

Thay $x_1 - 2m = 2 - x_2; m^2 = x_1 x_2$ vào ta có $x_1(2 - x_2) + x_1 x_2 + x_2 = m + 2 \Leftrightarrow 2x_1 + x_2 = m + 2$

Ta có hệ $\begin{cases} x_1 + x_2 = 2m+2 \\ 2x_1 + x_2 = m+2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_1 = -m \\ x_2 = 3m+2 \end{cases} \Rightarrow m^2 = x_1 x_2 = -m(3m+2) \Rightarrow 4m^2 + 2m = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m=0 \\ m=-\frac{1}{2} \end{cases}$ (thỏa mãn)

+ Với $m=0$: (1) $\Leftrightarrow x^2 - 2x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x_1 = 0 \\ x_2 = 2 \end{cases}$ (thỏa mãn đề bài)

+ Với $m = -\frac{1}{2}$: (1) $\Leftrightarrow x^2 - x + \frac{1}{4} = 0 \Leftrightarrow x_1 = x_2 = \frac{1}{2}$ (thỏa mãn đề bài)

Vậy $m=0$ hoặc $m = -\frac{1}{2}$ là tất cả các giá trị m cần tìm.

Câu 3

1) $(x+1)\sqrt{2(x^2+4)} = x^2 - x - 2$ (1)

Điều kiện: $x^2 + 4 \geq 0$ (luôn đúng $\forall x$)

$$(1) \Leftrightarrow (x+1)\sqrt{2(x^2+4)} = (x-2)(x+1)$$

$$\Leftrightarrow (x+1) \left[\sqrt{2(x^2+4)} - (x-2) \right] = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ \sqrt{2(x^2+4)} = x-2 \end{cases} \quad (2)$$

$$\text{Có (2)} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 2 \\ 2(x^2+4) = (x-2)^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 2 \\ x^2 + 4x + 4 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 2 \\ x = -2 \end{cases} \quad (\text{loại})$$

Vậy tập nghiệm của phương trình đã cho là $\{-1\}$

2, $\begin{cases} \frac{1}{\sqrt{x}} - \frac{\sqrt{x}}{y} = x^2 + xy - 2y^2 \quad (1) \\ (\sqrt{x+3} - \sqrt{y})(1 + \sqrt{x^2 + 3x}) = 3 \quad (2) \end{cases}$

Điều kiện: $\begin{cases} x > 0 \\ y > 0 \\ x+3 \geq 0 \\ x^2 + 3x \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 0 \\ y > 0 \\ x \geq -3 \\ x \geq 0 \end{cases}$

$$(1) \Leftrightarrow \frac{y-x}{y\sqrt{x}} = (x-y)(x+2y) \Leftrightarrow (x-y) \left(x+2y + \frac{1}{y\sqrt{x}} \right) = 0 \Leftrightarrow x = y \text{ do } x+2y + \frac{1}{y\sqrt{x}} > 0, \forall x, y > 0$$

Thay $y = x$ vào phương trình (2) ta được:

$$\begin{aligned}
 (\sqrt{x+3} - \sqrt{x})(1 + \sqrt{x^2 + 3x}) = 3 &\Leftrightarrow 1 + \sqrt{x^2 + 3x} = \frac{3}{\sqrt{x+3} - \sqrt{x}} \\
 &\Leftrightarrow 1 + \sqrt{x^2 + 3x} = \sqrt{x+3} + \sqrt{x} \Leftrightarrow \sqrt{x+3} \cdot \sqrt{x} - \sqrt{x+3} - \sqrt{x} + 1 = 0 \\
 &\Leftrightarrow (\sqrt{x+1} - 1)(\sqrt{x} - 1) = 0 \\
 &\Leftrightarrow \begin{cases} \sqrt{x+3} = 1 \\ \sqrt{x} = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -2(L) \\ x = 1(tm) \end{cases} \Rightarrow x = y = 1
 \end{aligned}$$

Vậy hệ có nghiệm duy nhất (1;1)

Câu 4

$$x^{2015} = \sqrt{y(y+1)(y+2)(y+3)} + 1 \quad (1)$$

$$\text{Có } y(y+1)(y+2)(y+3) = [y(y+3)][(y+1)(y+2)] = (y^2 + 3y)(y^2 + 3y + 2)$$

$$\text{Đặt } t = y^2 + 3y + 1 \Rightarrow y(y+1)(y+2)(y+3) = t^2 - 1 \quad (t \in \mathbb{Z}, t \geq 1)$$

$$(1) \Leftrightarrow x^{2015} - 1 = \sqrt{t^2 - 1} \Leftrightarrow \begin{cases} x^{2015} - 1 \geq 0 \\ (x^{2015} - 1)^2 = t^2 - 1 \end{cases} \quad (2)$$

Với x, t là số nguyên ta có:

$$(2) \Leftrightarrow (x^{2015} - 1 + t)(x^{2015} - 1 - t) = -1$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x^{2015} - 1 + t = 1 \\ x^{2015} - 1 - t = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^{2015} = t = 1 \\ x^{2015} = 1 \\ t = -1 \end{cases}$$

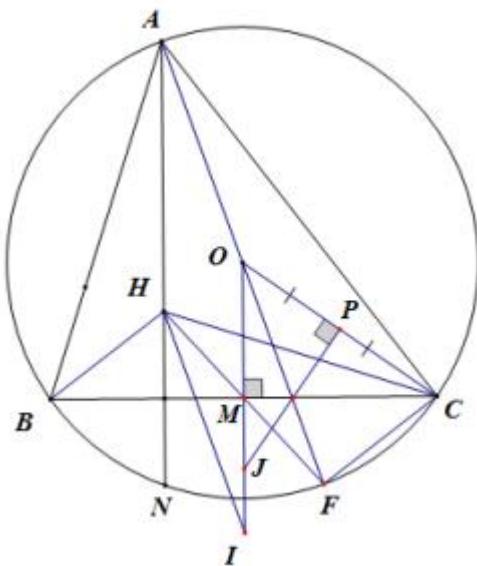
$$\text{Với } x^{2015} = t = 1 \Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y^2 + 3y + 1 = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = 0 \\ y = -3 \end{cases}$$

$$\text{Với } \begin{cases} x^{2015} = 1 \\ t = -1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y^2 + 3y + 1 = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = -1 \\ y = -2 \end{cases}$$

Thử lại ta thấy các cặp (1;-3), (1;-2), (1;-1), (1;0) thỏa mãn đề bài

Vậy có 4 cặp (x;y) cần tìm là (1;-3), (1;-2), (1;-1), (1;0)

Câu 5



a) Gọi F là điểm đối xứng với A qua O $\Rightarrow AF$ là đường kính của (O)

Ta có $ACF = ABF = 90^\circ$ (góc nội tiếp chắn nửa đường tròn) $\Rightarrow AC \perp CF, AB \perp BF$

Mà $BH \perp AC, CH \perp AB \Rightarrow CF \parallel BH, BF \parallel HC$

Suy ra $BHCF$ là hình bình hành \Rightarrow Trung điểm M của BC cũng là trung điểm của HF.

$\Rightarrow OM$ là đường trung bình của $\Delta AHF \Rightarrow AH = 2OM$

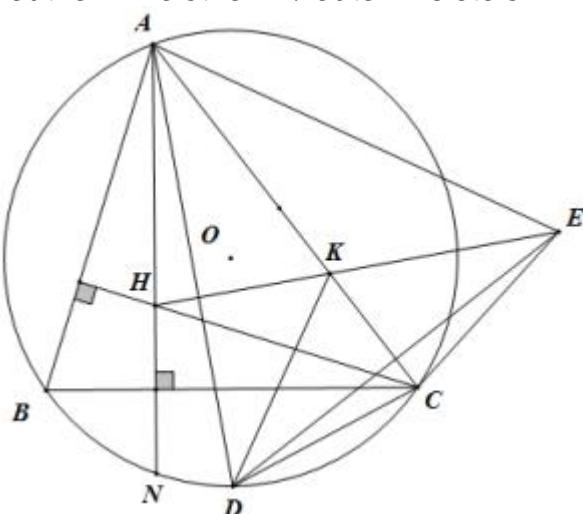
b) Vì $AHIO$ là hình bình hành nên $OI = AH = 2OM$

Gọi P là trung điểm OC $\Rightarrow PJ$ là trung trực OC $\Rightarrow PJ \perp OC$.

Có OM là trung trực BC $\Rightarrow OM \perp BC$. Suy ra

$$\Delta OJP \sim \Delta OCM \text{ (g.g)} \Rightarrow \frac{OJ}{OC} = \frac{OP}{OM} \Rightarrow OJ \cdot OM = OC \cdot OP$$

$$\Rightarrow OJ \cdot 2OM = OC \cdot 2OP \Rightarrow OJ \cdot OI = OC \cdot OC = R^2$$



c) Ta có $NHC = ABC$ (cùng phụ với HCB) (1)

Vì $ABDC$ là tứ giác nội tiếp nên $ABC = ADC$ (2)

Vì D và E đối xứng nhau qua AC nên AC là trung trực DE suy ra

$\Delta ADC = \Delta AEC$ (c.c.c) $\Rightarrow ADC = AEC$ (3)

Tương tự ta có $AEK = ADK$

Từ (1), (2), (3) suy ra $NHC = AEC \Rightarrow AEC + AHC = NHC + AHC = 180^\circ$

Suy ra $AHCE$ là tứ giác nội tiếp $\Rightarrow ACH = AEK = ADK$ (đpcm)

Câu 6

1. Bất đẳng thức cần chứng minh tương đương với

$$(1+a)(1+b) \geq (1+\sqrt{ab})^2 \Leftrightarrow 1+a+b+ab \geq 1+2\sqrt{ab}+ab$$

$$\Leftrightarrow a+b-2\sqrt{ab} \geq 0 \Leftrightarrow (\sqrt{a}-\sqrt{b})^2 \geq 0$$

(luôn đúng với mọi $a, b > 0$)

2. Áp dụng bất đẳng thức trên ta có $\sqrt{(1+a^2)(1+b^2)} \geq 1+ab = 1+a+b$ (1)

Với mọi $x, y > 0$, áp dụng bất đẳng thức Côsi cho 2 số dương ta có:

$$\left(\frac{1}{x} + \frac{1}{y}\right)(x+y) \geq 2\sqrt{\frac{1}{x} \cdot \frac{1}{y}} \cdot 2\sqrt{xy} = 4 \Rightarrow \frac{1}{x} + \frac{1}{y} \geq \frac{4}{x+y} \quad (2)$$

Áp dụng (1) và (2) ta có:

$$\begin{aligned} P &\geq \frac{4}{a^2 + 2a + b^2 + 2b} + 1 + a + b = \frac{4}{a^2 + b^2 + 2ab} + 1 + a + b \\ &= \frac{4}{(a+b)^2} + \frac{a+b}{8} + \frac{7(a+b)}{8} + 1 \end{aligned}$$

Áp dụng bất đẳng thức Côsi cho 2 số dương ta có:

$$a+b = ab \leq \frac{(a+b)^2}{4} \Rightarrow (a+b)^2 \geq 4(a+b) \Rightarrow a+b \geq 4$$

Áp dụng bất đẳng thức Côsi cho 2 số dương ta có:

$$\frac{4}{(a+b)^2} + \frac{a+b}{16} + \frac{a+b}{16} \geq 3\sqrt[3]{\frac{4}{(a+b)^2} \cdot \frac{a+b}{16} \cdot \frac{a+b}{16}} = \frac{3}{4}$$

Suy ra $P \geq \frac{3}{4} + \frac{7}{8} \cdot 4 + 1 = \frac{21}{4}$. Dấu bằng xảy ra khi $a = b = 2$. Vậy giá trị nhỏ nhất của P là $\frac{21}{4}$

ĐỀ 1975

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
THÀNH PHỐ CẦN THƠ

KỲ THI TUYỂN SINH VÀO LỚP 10 THPT
NĂM HỌC 2016 – 2017

Khóa ngày: 07/6/2016

MÔN: TOÁN

Thời gian làm bài: 120 phút, không kể thời gian phát đề

ĐỀ CHÍNH THỨC

Câu 1 (3,0 điểm)

1) Rút gọn biểu thức $A = \frac{1}{2-\sqrt{3}} + \sqrt{7-4\sqrt{3}}$

2) Giải các phương trình và hệ phương trình sau trên tập số thực:

a) $3x^2 - x - 10 = 0$

b) $9x^4 - 16x^2 - 25 = 0$

c) $\begin{cases} 2x - 3y = 7 \\ 3x + y = 5 \end{cases}$

Câu 2 (1,5 điểm). Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy, cho parabol (P): $y = -\frac{1}{4}x^2$

1) Vẽ đồ thị của (P)

2) Tìm tọa độ các giao điểm của (P) với đường thẳng d: $y = -\frac{2}{3}x + \frac{1}{3}$

Câu 3 (1,5 điểm). Anh Bình đến siêu thị để mua một cái bàn ủi và một cái quạt điện với tổng số tiền theo giá niêm yết là 850 ngàn đồng. Tuy nhiên, thực tế khi trả tiền, nhờ siêu thị khuyến mãi để tri ân khách hàng nên giá của bàn ủi và quạt điện đã lần lượt giảm bớt 10% và 20% so với giá niêm yết. Do đó, anh Bình đã trả ít hơn 125 ngàn đồng khi mua hai sản phẩm trên. Hỏi số tiền chênh lệch giữa giá bán niêm yết với giá bán thực tế của từng loại sản phẩm mà anh Bình đã mua là bao nhiêu?

Câu 4 (1,0 điểm).

Cho phương trình $x^2 - (m+1)x - 2m^2 + 3m + 2 = 0$ (m là tham số thực). Tìm m để phương trình đã cho có hai nghiệm phân biệt sao cho hai nghiệm này lần lượt là giá trị độ dài của hai cạnh liên tiếp của một hình chữ nhật có độ dài đường chéo bằng $\sqrt{10}$

Câu 5 (3,0 điểm)

Cho ΔABC có ba góc nhọn. $AB < AC$ và nội tiếp đường tròn $(O;R)$. Gọi H là chân đường cao từ đỉnh A của ΔABC và M là trung điểm BC . Tiếp tuyến tại A của đường tròn $(O;R)$ cắt đường thẳng BC tại N .

1) Chứng minh tứ giác ANMO nội tiếp

2) Gọi K là giao điểm thứ hai của đường thẳng AO với đường tròn $(O;R)$. Chứng minh $AB \cdot AC = AK \cdot AH$

3) Dựng đường phân giác AD của ΔABC (D thuộc cạnh BC). Chứng minh ΔNAD cân

4) Giả sử $BAC = 60^\circ$, $OAH = 30^\circ$. Gọi F là giao điểm thứ hai của đường thẳng AH với đường tròn $(O;R)$. Tính theo R diện tích của tứ giác $BFKC$.

**ĐÁP ÁN ĐỀ THI VÀO 10 THPT
SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
THÀNH PHỐ CẦN THƠ
NĂM HỌC 2016 – 2017**

Câu 1:

$$1) A = \frac{1}{2-\sqrt{3}} + \sqrt{7-4\sqrt{3}}$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{1}{2-\sqrt{3}} + \sqrt{4-4\sqrt{3}+3} = \frac{1}{2-\sqrt{3}} + \sqrt{(2-\sqrt{3})^2} \\
 &= \frac{1}{2-\sqrt{3}} + 2 - \sqrt{3} = \frac{2+\sqrt{3}}{(2-\sqrt{3})(2+\sqrt{3})} + 2 - \sqrt{3} = \frac{2+\sqrt{3}}{1} + 2 - \sqrt{3} = 4
 \end{aligned}$$

2) $3x^2 - x - 10 = 0$

$$\Delta = (-1)^2 + 120 = 121$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = \frac{1-\sqrt{121}}{6} = \frac{-5}{3} \\ x = \frac{1+\sqrt{121}}{6} = 2 \end{cases}$$

Vậy phương trình có 2 nghiệm phân biệt $x = 2$; $x = \frac{-5}{3}$

b) $9x^4 - 16x^2 - 25 = 0$

Đặt $x^2 = t$ ($t \geq 0$)

Phương trình trở thành

$$9t^2 - 16t - 25 = 0$$

$$\text{Có } a - b + c = 9 + 16 - 25 = 0$$

nghiệm phân biệt $t = -1$ (loại) hoặc $t = \frac{25}{9}$ (thỏa mãn)

Với $t = \frac{25}{9}$ ta có $x^2 = \frac{25}{9} \Rightarrow x = \frac{5}{3}$ hoặc $x = -\frac{5}{3}$

Vậy phương trình có 2 nghiệm phân biệt $x = \frac{5}{3}; x = -\frac{5}{3}$

$$\text{c)} \begin{cases} 2x - 3y = 7 \\ 3x + y = 5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x - 3y = 7 \\ 9x + 3y = 15 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 11x = 22 \\ 3x + y = 5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = -1 \end{cases}$$

Vậy hệ pt có nghiệm duy nhất $(2; -1)$

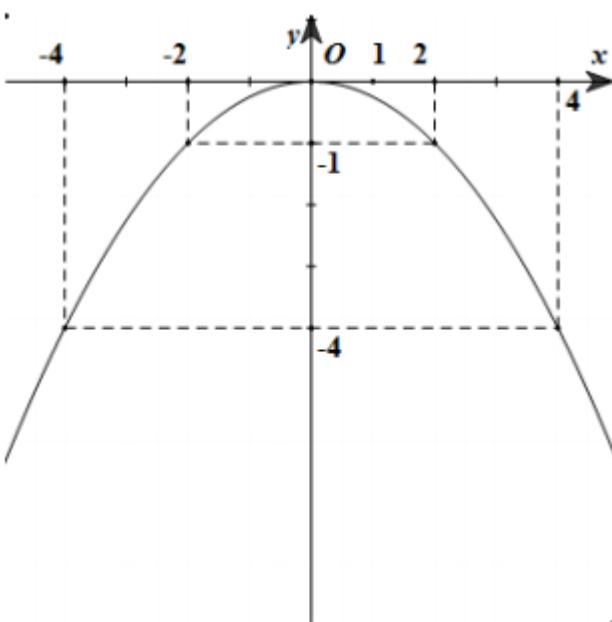
Câu 2:

$$(P): y = -\frac{1}{4}x^2$$

Bảng giá trị

x	-4	-2	0	2	4
y	-4	-1	0	-1	-4

vẽ



Xét phương trình hoành độ giao điểm của (P) và đường thẳng d là

$$-\frac{1}{4}x^2 = \frac{-2}{3}x + \frac{1}{3}$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{4}x^2 - \frac{2}{3}x + \frac{1}{3} = 0$$

$$\Leftrightarrow 3x^2 - 8x + 4 = 0$$

$$\Delta' = (-4)^2 - 3 \cdot 4 = 4 > 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{4-2}{3} = \frac{2}{3} \\ x = \frac{4+2}{3} = 2 \end{cases}$$

Với $x = \frac{2}{3}$ ta có $y = \frac{-1}{9} \Rightarrow A(\frac{2}{3}; \frac{-1}{9})$

Với $x = 2$ ta có $y = -1 \Rightarrow B(2; -1)$

Vậy tọa độ giao điểm của (P) và d là $A(\frac{2}{3}; \frac{-1}{9})$ và $B(2; -1)$

Câu 3. Gọi số tiền mua 1 cái bàn ủi với giá niêm yết là x (ngàn đồng) ($0 < x < 850$)

Số tiền mua 1 cái quạt điện với giá niêm yết là y (ngàn đồng) ($0 < y < 850$)

Tổng số tiền mua bàn ủi và quạt điện là 850 ngàn đồng nên ta có phương trình:

$$x+y=850 \quad (1)$$

Số tiền thực tế để mua 1 cái bàn ủi là: $\frac{90}{100}x = \frac{9}{10}x$

Số tiền thực tế để mua 1 cái quạt điện là: $\frac{80}{100}y = \frac{8}{10}y$

Theo bài ra ta có phương trình:

$$\frac{9}{10}x + \frac{8}{10}y = 850 - 125$$

$$\Leftrightarrow \frac{9}{10}x + \frac{8}{10}y = 725$$

Từ (1) và (2) ta có hệ phương trình:

$$\begin{cases} x + y = 850 \\ \frac{9}{10}x + \frac{8}{10}y = 725 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 450 \\ y = 400 \end{cases}$$

Số tiền thực tế mua 1 cái bàn ủi là: $\frac{9}{10} \cdot 450 = 405$ (ngàn đồng)

Số tiền thực tế mua 1 cái quạt điện là: $\frac{8}{10} \cdot 400 = 320$ (ngàn đồng)

Vậy số tiền chênh lệch giữa giá bán niêm yết và giá bán thực tế của 1 cái bàn ủi là: $450 - 405 = 45$ (ngàn đồng)

Vậy số tiền chênh lệch giữa giá bán niêm yết và giá bán thực tế của 1 cái quạt điện là: $400 - 320 = 80$ (ngàn đồng)

ĐS. 45 và 80 (ngàn đồng)

Câu 4

$$x^2 - (m+3)x - 2m^2 + 3m + 2 = 0 \quad (1)$$

Phương trình (1) có hai nghiệm phân biệt x_1, x_2

$$\Leftrightarrow \Delta = (m+3)^2 - 4(-2m^2 + 3m + 2) > 0$$

$$\Leftrightarrow (m^2 + 6m + 9) + (8m^2 - 12m - 8) > 0$$

$$\Leftrightarrow 9m^2 - 6m + 1 > 0$$

$$\Leftrightarrow (3m-1)^2 > 0$$

$$\Leftrightarrow m \neq \frac{1}{3}$$

Với điều kiện đó, ta có: $\begin{cases} x_1 + x_2 = m + 3 \\ x_1 x_2 = -2m^2 + 3m + 3 \end{cases}$ (Viết)

Để hai nghiệm x_1, x_2 là độ dài của hai cạnh lân tiếp của hình chữ nhật có đường chéo bằng $\sqrt{10}$,

điều kiện cần là:

$$x_1^2 + x_2^2 = 10 \Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - 2x_1 x_2 = 10$$

$$\Leftrightarrow (m+3)^2 - 2(-2m^2 + 3m + 2) = 10$$

$$\Leftrightarrow 5m^2 - 5 = 0$$

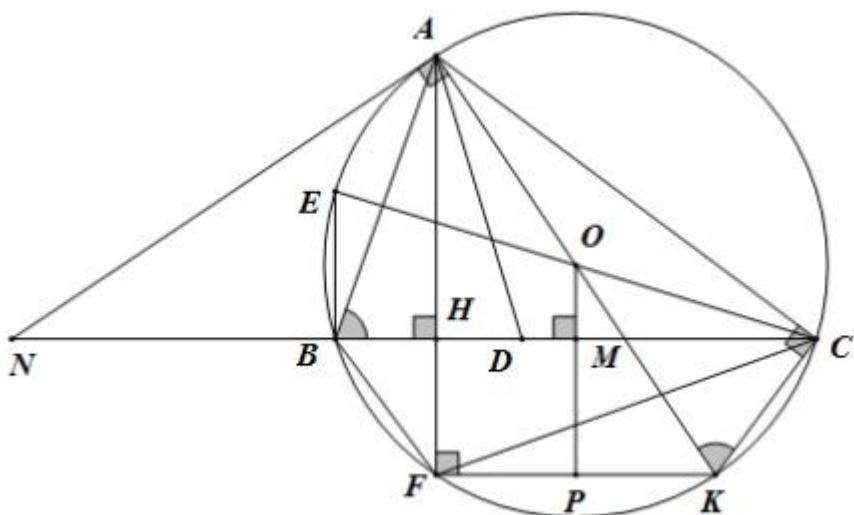
$$\Leftrightarrow m = \pm 1$$

Với $m = 1$ có $x_1 = 3, x_2 = 1$ (thỏa mãn)

Với $m = -1$ có $x_1 = 3, x_2 = -1$ (loại vì $x_2 < 0$ không phải là độ dài của một đoạn thẳng)

Vậy $m = 1$

Câu 5



1) Vì AN là tiếp tuyến của (O) nên $OAN = 90^\circ$

Vì M là trung điểm dây BC của (O) nên $OM \perp BC \Rightarrow OMN=90^\circ \Rightarrow OAN+OMN = 180^\circ$
 Suy ra ANMO là tứ giác nội tiếp

2) Vì AK là đường kính của (O), C ∈ (O) nên $\hat{A}CK = 90^\circ$

=>ACK=OHB=90°

Mặt khác vì ABKC là tứ giác nội tiếp nên

$\text{AKC} = \text{ABH} \Rightarrow$ tam giác AKC đồng dạng với tam giác ABH (g.g)

$$\Rightarrow \frac{AK}{AB} = \frac{AC}{AH} \Rightarrow AK \cdot AH = AB \cdot AC$$

3) Ta có $NAB = ACB \Rightarrow NAD = NAB + BAD = ACB + BAD$

Theo công thức góc ngoài ta có $NDA = DAC + ACB$

Vì AD là phân giác của góc A nên $BAD = DAC \Rightarrow NAD = NDA$

Suy ra Δ AND cân tai N

4) Có $AF \perp FK$ mà $AF \perp BC \Rightarrow BC \parallel FK \Rightarrow BCKF$ là hình thang

Gọi P là trung điểm FK $\Rightarrow OP \perp FK \Rightarrow OP \perp BC \Rightarrow O, M, P$ thẳng hàng

Gọi E là điểm đối xứng với C qua O $\Rightarrow \Delta EBC$ vuông tại B và $BEC = BEC = 60^\circ$

$$\Rightarrow EB = EC \cdot \cos 60^\circ = R$$

$$BC = EC \cdot \sin 60^\circ = R \sqrt{3} \Rightarrow OM = \frac{EB}{2} = \frac{R}{2}$$

Có Δ AFK vuông tại F và

$$FAK = 30 \Rightarrow FK = AK \cdot \sin 30^\circ = R$$

$$AF = AK \cdot \cos 30^\circ = R\sqrt{3} \Rightarrow OP = \frac{AF}{2} = \frac{R\sqrt{3}}{2}$$

$$MP = OP - OM = \frac{R(\sqrt{3} - 1)}{2}$$

Diện tích hình thang BCKF là

$$S_{BCKF} = \frac{1}{2} MP \cdot (BC + KF) = \frac{1}{2} \cdot \frac{R(\sqrt{3}-1)}{2} (R\sqrt{3} + R) = R^2 \cdot \frac{(\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}+1)}{4} = \frac{R^2}{2} (dvdt)$$

**UBND TỈNH BẮC NINH
SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO**

ĐỀ CHÍNH THỨC

ĐỀ 1976

**ĐỀ THI TUYỂN SINH VÀO LỚP 10 THPT
NĂM HỌC 2009 - 2010**

Môn thi: Toán

Thời gian: **120 phút (Khoảng thời gian giao bài)**

Ngày thi: 09 – 07 – 2009

A/ Phần trắc nghiệm (Từ câu 1 đến câu 2) *Chọn kết quả đúng ghi vào bài làm.*

Câu 1: (0,75 điểm)

Đường thẳng $x - 2y = 1$ song song với đường thẳng:

- A. $y = 2x + 1$ B. $y = \frac{1}{2}x + 1$ C. $y = -\frac{1}{2}x - 1$ D. $y = x - \frac{1}{2}$

Câu 2: (0,75 điểm)

Khi $x < 0$ thì $x\sqrt{\frac{1}{x^2}}$ bằng:

- A. $\frac{1}{x}$ B. x C. 1 D. —1

B/ Phần Tự luận (Từ câu 3 đến câu 7)

Câu 3: (2,0 điểm)

Cho biểu thức: $A = \frac{2x}{x+3} - \frac{x+1}{3-x} - \frac{3-11x}{x^2-9}$ với $x \neq \pm 3$

- a/ Rút gọn biểu thức A.
b/ Tìm x để A < 2.
c/ Tìm x nguyên để A nguyên.

Câu 4: (1,5 điểm) Giải bài toán bằng cách lập phương trình hoặc hệ phương trình.

Hai giá sách có 450 cuốn. Nếu chuyển 50 cuốn từ giá thứ nhất sang giá thứ hai thì số sách ở giá thứ hai sẽ bằng $\frac{4}{5}$ số sách ở giá thứ nhất. Tính số sách lúc đầu trong mỗi giá sách.

Câu 5: (1,5 điểm)

Cho phương trình: $(m+1)x^2 - 2(m-1)x + m - 2 = 0$ (1) (m là tham số).

- a/ Giải phương trình (1) với $m = 3$.
b/ Tìm m để phương trình (1) có hai nghiệm phân biệt $x_1; x_2$ thoả mãn:

$$\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} = \frac{3}{2}.$$

Câu 6: (3,0 điểm)

Cho nửa đ-òng tròn tâm O đ-òng kính AB. Từ điểm M trên tiếp tuyến Ax của nửa đ-òng tròn vẽ tiếp tuyến thứ hai MC (C là tiếp điểm). Hẹ CH vuông góc với AB, đ-òng thẳng MB cắt nửa đ-òng tròn (O) tại Q và cắt CH tại N. Gọi giao điểm của MO và AC là I. Chứng minh rằng:

- a/ Tứ giác AMQI nội tiếp
- b/ $AQI = ACO$
- c/ $CN = NH$.

Câu 7: (0,5 điểm)

Cho hình thoi ABCD. Gọi R, r lần l-ợt là bán kính các đ-òng tròn ngoại tiếp các tam giác ABD, ABC và a là độ dài các cạnh của hình thoi. Chứng minh rằng:

$$\frac{1}{R^2} + \frac{1}{r^2} = \frac{4}{a^2}.$$

Hết

(Đề này gồm có 01 trang)

Họ và tên thí sinh: Số báo danh:

H- ỐNG DẪN CHẤM MÔN TOÁN
(Thi tuyển sinh vào THPT năm học 2009 -2010)

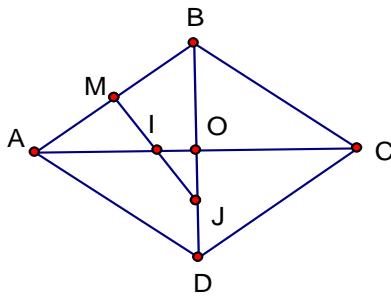
Câu	ý	Nội dung	Điểm
1		B. $y = \frac{1}{2}x + 1$	0.75đ
2		D. — 1.	0.75đ
3	a/	$ \begin{aligned} A &= \frac{2x}{x+3} - \frac{x+1}{3-x} - \frac{3-11x}{x^2-9} = \frac{2x(x-3)}{x^2-9} + \frac{(x+1)(x+3)}{x^2-9} - \frac{3-11x}{x^2-9} \\ &= \frac{2x^2 - 6x + x^2 + 4x + 3 - 3 + 11x}{x^2-9} \\ &= \frac{3x^2 + 9x}{x^2-9} \\ &= \frac{3x(x+3)}{(x+3)(x-3)} = \frac{3x}{x-3} \end{aligned} $	0.25đ 0.25đ 0.25đ 0.25đ

	b/	$A < 2 \Leftrightarrow \frac{3x}{x-3} < 2 \Leftrightarrow \frac{3x}{x-3} - 2 < 0$ $\Leftrightarrow \frac{3x - 2x + 6}{x-3} < 0$ $\Leftrightarrow \frac{x+6}{x-3} < 0 \Leftrightarrow -6 < x < 3$	0.25đ 0.25đ
	c/	$A = \frac{3x}{x-3} = \frac{3x-9+9}{x-3} = 3 + \frac{9}{x-3} \in \mathbb{Z} \Leftrightarrow \frac{9}{x-3} \in \mathbb{Z}$ $\Leftrightarrow x-3 = \pm 1; \pm 3; \pm 9$ <ul style="list-style-type: none"> • $x-3=1 \Leftrightarrow x=4$ (t/m) • $x-3=-1 \Leftrightarrow x=2$ (t/m) • $x-3=3 \Leftrightarrow x=6$ (t/m) • $x-3=-3 \Leftrightarrow x=0$ (t/m) • $x-3=9 \Leftrightarrow x=12$ (t/m) • $x-3=-9 \Leftrightarrow x=-6$ (t/m) <p>Vậy với $x = -6, 0, 2, 4, 6, 12$ thì A nguyên.</p>	0.25đ 0.25đ
4		<p>Gọi số sách ở giá thứ nhất lúc đầu là x (x nguyên dương, $x > 50$) Thì số sách ở giá thứ hai lúc đầu là $450 - x$ (cuốn). Khi chuyển 50 cuốn sách từ giá thứ nhất sang giá thứ hai thì số sách ở giá thứ nhất là $x - 50$ và ở giá thứ hai là $500 - x$. Theo bài ra ta có ph- ơng trình:</p> $500 - x = \frac{4}{5}(x - 50)$ $\Leftrightarrow 2500 - 5x = 4x - 200 \Leftrightarrow 9x = 2700 \Leftrightarrow x = 300$ <p>Vậy số sách lúc đầu ở giá thứ nhất là 300 cuốn, số sách ở giá thứ hai là $450 - 300 = 150$ cuốn.</p>	0.25đ 0.25đ 0.25đ 0.25đ 0.25đ 0.25đ
5	a/	<p>Với $m = 3$ ta có PT $(3+1)x^2 - 2(3-1)x + 3 - 2 = 0$</p> $\Leftrightarrow 4x^2 - 4x + 1 = 0$ $\Leftrightarrow (2x-1)^2 = 0$ (Hoặc tính đ- ợc Δ hay Δ') Suy ra PT có nghiệm kép $x = 1/2$	0.25đ 0.25đ 0.25đ 0.25đ

	b/	<p>Để PT có 2 nghiệm phân biệt thì $\begin{cases} m+1 \neq 0 \\ \Delta' = m^2 - 2m + 1 - (m+1)(m-2) > 0 \end{cases}$</p> $\Leftrightarrow \begin{cases} m+1 \neq 0 \\ \Delta' = m^2 - 2m + 1 - m^2 + m + 2 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m \neq -1 \\ -m + 3 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < 3 \\ m \neq -1 \end{cases} (*)$ <p>Mà theo ĐL Viet ta có: $x_1 + x_2 = \frac{2(m-1)}{m+1}; x_1 x_2 = \frac{m-2}{m+1}$</p> <p>Từ $\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} = \frac{3}{2}$ ta có: $\frac{x_1 + x_2}{x_1 x_2} = \frac{3}{2}$</p> $\Leftrightarrow \frac{2(m-1)}{m+1} : \frac{m-2}{m+1} = \frac{3}{2} \Leftrightarrow \frac{2(m-1)}{m+1} \cdot \frac{m+1}{m-2} = \frac{3}{2}$ $\Leftrightarrow \frac{2(m-1)}{m-2} = \frac{3}{2} \Leftrightarrow 4m-4 = 3m-6 \Leftrightarrow m = -2$ thoả mãn (*) <p>Vậy m phải tìm là -2.</p>	0.25đ 0.25đ
6	a/	<p>+ Vẽ hình đúng cho 0,25 điểm. + Ta có $MA=MC$ (t/c tiếp tuyến) $OA=OC$ (bán kính) $\Rightarrow MO$ là trung trực của $AC \Rightarrow MO \perp AC$ $AQ \perp MB$ (Góc AQB là góc nội tiếp chắn nửa đ-ờng tròn) Suy ra Q, I cùng nhìn AM d-ới 1 góc vuông \Rightarrow Tứ giác $AIQM$ nội tiếp trong đ-ờng tròn đ-ờng kính AM.</p>	0.25đ 0.25đ 0.25đ
	b/	<p>+ Ta có $AMI = AQI (= \frac{1}{2} \text{sđ cung } AI)$</p> <p>Và $AMI = IAO$ (cùng phụ với góc AMO)</p> <p>Mà $IAO = ACO$ (ΔAOC cân)</p> <p>Suy ra $AQI = ACO$</p>	0.25đ 0.25đ 0.25đ 0.25đ
	c/	<p>+ Tứ giác $AIQM$ nội tiếp $\Rightarrow MAI = IQN$ (Cùng bù với góc MQI)</p> <p>Mà $MAI = ICN$ (so le trong)</p> <p>Suy ra $IQN = ICN \Rightarrow$ tứ giác $QINC$ nội tiếp $\Rightarrow QCI = QNI$ (cùng bằng $1/2$ sđ cung QI)</p> <p>Mặt khác $QCI = QBA (= 1/2 \text{sđ cung } QA)$</p> <p>$\Rightarrow QNI = QBA \Rightarrow IN // AB$</p> <p>Mà I là trung điểm của CA nên N là trung điểm của $CH \Rightarrow NC = NH$ (đpcm)</p>	0.25đ 0.25đ 0.25đ 0.25đ 0.25đ

7

78



Gọi M là trung điểm của AB, O là giao điểm của AC và BD, trung trực của AB cắt AC và BD lần l- ợt tại I và J. Ta có I, J lần l- ợt là tâm các đ- ờng tròn ngoại tiếp $\Delta ABD, \Delta ABC$ và $R = IA, r = JB$.

$$\text{Có } \Delta AMI \sim \Delta AOB \Rightarrow \frac{IA}{AB} = \frac{AM}{AO}$$

$$\Rightarrow R = IA = \frac{AB \cdot AM}{AO} = \frac{a^2}{AC} \Rightarrow \frac{1}{R^2} = \frac{AC^2}{a^4}$$

$$\text{T- ơng tự: } \frac{1}{r^2} = \frac{BD^2}{a^4}$$

Suy ra:

$$\frac{1}{R^2} + \frac{1}{r^2} = \frac{AC^2 + BD^2}{a^4} = \frac{4AB^2}{a^4} = \frac{4}{a^2}$$

0.25đ

0.25đ

Ghi chú: Các cách giải khác đúng theo yêu cầu vẫn cho điểm tối đa.

===== Hết =====

ĐỀ 1977

**SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
BÌNH ĐỊNH**

**KỲ THI TUYỂN SINH VÀO LỚP 10 THPT
NĂM HỌC 2016 – 2017**

ĐỀ CHÍNH THỨC

Môn thi: **TOÁN**

Ngày thi: 19 – 06 – 2016

Thời gian làm bài 120 phút (không kể phát đề)

Bài 1: (2,0 điểm)

Không dùng máy tính cầm tay, hãy thực hiện

a) Tính giá trị biểu thức: $A = \frac{\sqrt{x+6}}{\sqrt{x+5}-5}$ khi $x = 4$

b) Giải hệ phương trình $\begin{cases} 2x - y = 5 \\ y - 5x = 10 \end{cases}$

c) Giải phương trình: $x^4 + 5x^2 - 36 = 0$

Bài 2: (1,0 điểm)

Cho phương trình: $x^2 - (3m - 1)x + 2m^2 - m = 0$ (m là tham số)

Tìm các giá trị m để phương trình có hai nghiệm x_1, x_2 phân biệt thỏa mãn $|x_1 - x_2| = 2$

Bài 3: (2,0 điểm)

Một phân xưởng cơ khí theo kế hoạch cần phải sản xuất 1100 sản phẩm trong một số ngày quy định. Do mỗi ngày phân xưởng đó sản xuất vượt mức 5 sản phẩm nên đã hoàn thành sớm hơn thời gian quy định 2 ngày. Tìm số sản phẩm theo kế hoạch mà mỗi ngày phân xưởng này phải sản xuất.

Bài 4: (4,0 điểm)

Cho đường tròn tâm O, dây cung AB cố định (AB không phải là đường kính của đường tròn). Từ điểm M di động trên cung nhỏ AB ($M \neq A$ và $M \neq B$), kẻ dây cung MN vuông góc với AB tại H. Từ M kẻ đường thẳng vuông góc với NA cắt đường thẳng NA tại Q.

- Chứng minh bốn điểm A, M, H, Q nằm trên một đường tròn. Từ đó suy ra MN là tia phân giác của góc BMQ.
- Từ M kẻ đường thẳng vuông góc với NB cắt NB tại P. Chứng minh $AMQ = PMB$
- Chứng minh ba điểm P, H, Q thẳng hàng.
- Xác định vị trí của M trên cung AB để $MQ \cdot AN + MP \cdot BN$ có giá trị lớn nhất.

Bài 5: (1,0 điểm)

Cho x, y, z là các số thực thỏa mãn điều kiện $\frac{3x^2}{2} + y^2 + z^2 + yz = 1$

Tìm giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của biểu thức $B = x + y + z$

----- HẾT ----- ĐÁP ÁN

Bài 1: (2,0 điểm)

Không dùng máy tính cầm tay, hãy thực hiện

a) Tính giá trị biểu thức: $A = \frac{\sqrt{x+6}}{\sqrt{x+5}-5} = \frac{\sqrt{4+6}}{\sqrt{9}-5} = \frac{2+6}{3-5} = -4$

b) Giải hệ phương trình

$$\begin{cases} 2x - y = 5 \\ y - 5x = 10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x - y = 5 \\ -5x + y = 10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x - 5x = 5 + 10 \\ 2x - y = 5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -3x = 15 \\ 2x - y = 5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -5 \\ 2 \cdot (-5) - y = 5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -5 \\ y = -15 \end{cases}$$

c) Giải phương trình: Đặt $t = x^2 \geq 0$

Phương trình tương đương:

$$t^2 + 5t - 36 = 0$$

$$\Delta = 5^2 - 4 \cdot (-36) = 169$$

$$t_1 = \frac{-5 + \sqrt{169}}{2} = \frac{-5 + 13}{2} = 4$$

$$t_2 = \frac{-5 - \sqrt{169}}{2} = \frac{-5 - 13}{2} = -9 \text{ (KTM)}$$

Khi $t = 4 \Rightarrow x = \pm\sqrt{4} = \pm 2$

Bài 2: (1,0 điểm)

Ta tính được $\Delta = (m - 1)^2 \geq 0$ với mọi giá trị m

Để phương trình có hai nghiệm x_1, x_2 phân biệt thì $\Delta > 0 \Leftrightarrow m - 1 \neq 0 \Leftrightarrow m \neq 1$

Khi đó theo hệ thức vi-ét ta có:

$$x_1 + x_2 = 3m - 1 \text{ và } x_1 \cdot x_2 = 2m^2 - m$$

$$\text{vì } |x_1 - x_2| = 2 \Leftrightarrow (x_1 - x_2)^2 = 2^2$$

$$\Leftrightarrow x_1^2 - 2x_1x_2 + x_2^2 = 4$$

$$\Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - 4x_1x_2 = 4$$

$$\Leftrightarrow (3m - 1)^2 - 4(2m^2 - m) = 4$$

$$\Leftrightarrow 9m^2 - 6m + 1 - 8m^2 + 4m - 4 = 0$$

$$\Leftrightarrow m^2 - 2m - 3 = 0$$

Giải được: $m = -1$ và $m = 3$ (khác 1 thỏa mãn)

Bài 3: (2,0 điểm)

Gọi x (sản phẩm) là số sản phẩm mỗi ngày xưởng phải làm theo kế hoạch.

ĐK: $x > 0$, x nguyên.

Thời gian hoàn thành theo kế hoạch: $\frac{1100}{x}$ (ngày)

Số sản phẩm xưởng làm được mỗi ngày theo thực tế: $x+5$ (sản phẩm)

Thời gian hoàn thành theo thực tế: $\frac{1100}{x+5}$ (ngày)

Theo đề ta có phương trình:

$$\frac{1100}{x} - \frac{1100}{x+5} = 2$$

$$\Rightarrow 1100(x+5) - 1100x = 2x(x+5)$$

$$\Leftrightarrow 2x^2 + 10x - 5500 = 0$$

$$\Leftrightarrow x^2 + 5x - 2750 = 0$$

Giải phương trình ta được $x = 50$ (TM) và $x = -55$ (loại)

Vậy theo kế hoạch mỗi ngày xưởng phải sản xuất 50 sản phẩm.

Bài 4: (4,0 điểm)

a) Ta có: $AHM = 90^\circ$ (MN vuông góc AB tại H)

$AQM = 90^\circ$ (MQ vuông góc AN tại Q)

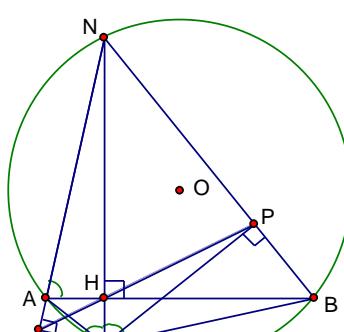
$AQM = AHM = 90^\circ$

$\Rightarrow Q, H$ cùng nhìn AM dưới 1 góc 90°

Nên 4 điểm A, N, Q, H cùng thuộc đường tròn đường kính AM

Vì tứ giác AQMH nội tiếp $\Rightarrow NAB = QMN$

mà $NAB = BMN$ (cùng chắn cung NB)



suy ra: $\text{BMN} = \text{QMN}$ vậy MN là tia phân giác của BMQ

b) ta có: $\text{QAM} = \text{MBN}$ (vì tứ giác AMBQ nội tiếp)

$$\text{mà } \text{QAM} + \text{QMA} = 90^\circ$$

$$\text{mà } \text{MBN} + \text{PMB} = 90^\circ$$

suy ra: $\text{QMA} = \text{PMB}$

c) ta có: $\text{AMQ} = \text{AHQ}$ (cùng chắn cung AQ)

tứ giác MHPB nội tiếp nên $\text{PHB} = \text{PMB}$ (cùng chắn cung BP)

vì $\text{AMQ} = \text{PMB}$ suy ra: $\text{AHQ} = \text{PHB}$

vì ba điểm A, H, B thẳng hàng. Vậy ba điểm P, H, Q thẳng hàng.

d) cách 1:

Ta có: $\text{MQ}.\text{AN} + \text{MP}.\text{BN} = 2(\text{S}_{\text{AMN}} + \text{S}_{\text{BMN}}) = \text{MN}.\text{AH} + \text{MN}.\text{BH} = \text{MN}.\text{AB}$

vì AB không đổi nên $\text{MQ}.\text{AN} + \text{MP}.\text{BN}$ có giá trị lớn nhất khi MN lớn nhất $\Leftrightarrow \text{MN}$ là đường kính $\Rightarrow M$ nằm chính giữa cung nhỏ AB .

Cách 2: Ta có $\Delta NHA \sim \Delta NQM \Rightarrow \frac{AN}{NM} = \frac{AH}{MQ} \Rightarrow AN \cdot MQ = AH \cdot NM$

$$\Delta NHB \sim \Delta NPM \Rightarrow \frac{BH}{MP} = \frac{BN}{MN} \Rightarrow MP \cdot BN = BH \cdot MN$$

$$\Rightarrow MQ \cdot AN + MP \cdot BN = MN \cdot AH + MN \cdot BH = MN \cdot (AH + BH) = MN \cdot AB$$

vì AB không đổi nên $\text{MQ} \cdot AN + MP \cdot BN$ có giá trị lớn nhất khi MN lớn nhất $\Leftrightarrow \text{MN}$ là đường kính $\Rightarrow M$ nằm chính giữa cung nhỏ AB

Bài 5: (1,0 điểm)

Ta có: $\frac{3x^2}{2} + y^2 + z^2 + yz = 1 \Leftrightarrow 3x^2 + 2y^2 + 2z^2 + 2yz = 2 \Rightarrow x^2 + y^2 + z^2 + 2yz = 2 - 2x^2 - y^2 - z^2$

$$\begin{aligned} B^2 &= (x+y+z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 + 2xy + 2yz + 2xz \\ &= 2 - 2x^2 - y^2 - z^2 + 2xy + 2xz \\ &= -(x^2 - 2xy + y^2) - (x^2 - 2xz + z^2) + 2 \leq 2 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow -\sqrt{2} \leq B \leq \sqrt{2}$$

Dấu “=” xảy ra khi:

$$x = y = z \Leftrightarrow \frac{3}{2}x^2 + x^2 + x^2 + x^2 = 1 \Leftrightarrow 9x^2 = 2 \Rightarrow x^2 = \frac{2}{9} \Rightarrow x = \pm \frac{\sqrt{2}}{3}$$

$$\Rightarrow x = y = z = \pm \frac{\sqrt{2}}{3}$$

Câu 1. (2,0 điểm)

Cho biểu thức: $P = \left(\frac{1}{x - \sqrt{x}} + \frac{1}{x - 1} \right) : \frac{\sqrt{x} + 1}{x - 2\sqrt{x} + 1}$ với $x > 0, x \neq 1$.

1. Rút gọn biểu thức P.
2. Tìm x để $P = -1$.

Câu 2. (2,0 điểm):

Cho hệ phương trình: $\begin{cases} x + my = m + 1 \\ mx + y = 2m \end{cases}$ (m là tham số).

1. Giải hệ phương trình khi $m = 2$.
2. Tìm m để hệ phương trình có nghiệm duy nhất $(x; y)$ thoả mãn: $\begin{cases} x \geq 2 \\ y \geq 1 \end{cases}$.

Câu 3. (2,0 điểm)

Cho Parabol (P): $y = x^2$ và đường thẳng (d): $y = 2x + m$ (m là tham số)

1. Tìm tọa độ giao điểm của (d) và (P) khi $m = 3$.
2. Tìm m để (d) cắt (P) tại 2 điểm phân biệt có hoành độ x_1, x_2 thoả mãn:

$$x_1^2 + x_2^2 + x_1 + x_2 = 2014.$$

Câu 4. (3,5 điểm):

Cho hình thang vuông ABCD (vuông tại A và D) với đáy lớn AB có độ dài gấp đôi đáy nhỏ DC. Gọi H là chân đường vuông góc kẻ từ A đến BD. Gọi M, N lần lượt là trung điểm của HA, HB và I là trung điểm của AB.

1. Chứng minh: $MN \perp AD$ và $DM \perp AN$.
2. Chứng minh: các điểm A, I, N, C, D nằm trên cùng một đường tròn.
3. Chứng minh: $AN \cdot BD = 2DC \cdot AC$.

Câu 5. (0,5 điểm):

Cho 3 số dương a, b, c thoả mãn: $ab + bc + ca = 3abc$. Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức:

$$F = \frac{1}{a + 2b + 3c} + \frac{1}{2a + 3b + c} + \frac{1}{3a + b + 2c}.$$

Họ và tên thí sinh: Số báo danh:

ĐÁP ÁN (Không chính thức)

CÂU	NỘI DUNG	ĐIỂM
1	<p>Cho biểu thức: $P = \left(\frac{1}{x - \sqrt{x}} + \frac{1}{x - 1} \right) : \frac{\sqrt{x} + 1}{x - 2\sqrt{x} + 1}$ với $x > 0, x \neq 1$.</p> <p>1. Rút gọn biểu thức P. 2. Tìm x để $P = -1$.</p> <p>1. Với $x > 0, x \neq 1$ thì:</p> $\begin{aligned} P &= \left(\frac{1}{\sqrt{x}(\sqrt{x} - 1)} + \frac{1}{x - 1} \right) : \frac{\sqrt{x} + 1}{(\sqrt{x} - 1)^2} \\ &= \frac{1 + \sqrt{x}}{\sqrt{x}(\sqrt{x} - 1)} \cdot \frac{(\sqrt{x} - 1)^2}{\sqrt{x} + 1} \\ &= \frac{\sqrt{x} - 1}{\sqrt{x}}. \end{aligned}$ <p>Vậy với $x > 0, x \neq 1$ thì $P = \frac{\sqrt{x} - 1}{\sqrt{x}}$.</p> <p>2. Với $x \geq 0, x \neq 1$, thì:</p> $\begin{aligned} P = -1 \Leftrightarrow \frac{\sqrt{x} - 1}{\sqrt{x}} = -1 \Leftrightarrow \sqrt{x} - 1 = -\sqrt{x} \\ \Leftrightarrow 2\sqrt{x} = 1 \Leftrightarrow \sqrt{x} = \frac{1}{2} \\ \Leftrightarrow x = \frac{1}{4} \text{ (thoả mãn } x > 0, x \neq 1\text{)} \end{aligned}$ <p>Vậy với $x = \frac{1}{4}$ thì $P = -1$.</p>	2,0
2	<p>Cho hệ phương trình: $\begin{cases} x + my = m+1 \\ mx + y = 2m \end{cases}$ (m là tham số).</p> <p>1. Giải hệ phương trình khi $m = 2$.</p> <p>2. Tìm m để hệ phương trình có nghiệm duy nhất $(x; y)$ thoả mãn: $\begin{cases} x \geq 2 \\ y \geq 1 \end{cases}$.</p> <p>1. Với $m = 2$, hệ phương trình đã cho trở thành: $\begin{cases} x + 2y = 3 \\ 2x + y = 4 \end{cases}$</p>	2,0

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x + 2y = 3 \\ 4x + 2y = 8 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3x = 5 \\ 2x + y = 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{5}{3} \\ y = 4 - 2x \end{cases}$$

0,25

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{5}{3} \\ y = 4 - 2 \cdot \frac{5}{3} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{5}{3} \\ y = \frac{2}{3} \end{cases}$$

0,25

Vậy hệ phương trình đã cho có nghiệm duy nhất $x = \frac{5}{3}, y = \frac{2}{3}$.

0,25

2. Xét hệ: $\begin{cases} x + my = m+1 & (1) \\ mx + y = 2m & (2) \end{cases}$

0,25

Từ (2) $\Rightarrow y = 2m - mx$, thay vào (1) ta được:

$$x + m(2m - mx) = m + 1 \Leftrightarrow (m^2 - 1)x = 2m^2 - m - 1 \quad (3)$$

Hệ phương trình đã cho có nghiệm duy nhất $\Leftrightarrow (3)$ có nghiệm duy nhất

$$\Leftrightarrow m^2 - 1 \neq 0 \Leftrightarrow m^2 \neq 1 \Leftrightarrow m \neq \pm 1 \quad (*)$$

0,25

Khi đó hệ đã cho có nghiệm duy nhất:

$$x = \frac{2m^2 - m - 1}{m^2 - 1} = \frac{(m-1)(2m+1)}{(m-1)(m+1)} = \frac{2m+1}{m+1};$$

0,25

$$y = 2m - mx = m(2 - x) = m\left(2 - \frac{2m+1}{m+1}\right) = \frac{m}{m+1}.$$

Ta có: $\begin{cases} x \geq 2 \\ y \geq 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{2m+1}{m+1} \geq 2 \\ \frac{m}{m+1} \geq 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{-1}{m+1} \geq 0 \\ \frac{-1}{m+1} \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow m+1 < 0 \Leftrightarrow m < -1.$

0,25

Kết hợp với (*) ta được giá trị m cần tìm là: $m < -1$.

3

Cho Parabol (P): $y = x^2$ và đường thẳng (d): $y = 2x + m$ (m là tham số)

2,0

1. Tìm toạ độ giao điểm của (d) và (P) khi $m = 3$.

2. Tìm m để (d) cắt (P) tại 2 điểm phân biệt có hoành độ x_1, x_2 thoả mãn:

$$x_1^2 + x_2^2 + x_1 + x_2 = 2014.$$

1. Với $m = 3 \Rightarrow (d): y = 2x + 3$

0,25

Phương trình hoành độ giao điểm của (d) và (P) là $x^2 = 2x + 3 \Leftrightarrow x^2 - 2x - 3 = 0$

Vì $a - b + c = 1 + 2 - 3 = 0$ nên phương trình trên có hai nghiệm: $x_1 = -1, x_2 = 3$.

0,25

Với $x = x_1 = -1 \Rightarrow y_1 = (-1)^2 = 1$.

0,25

Với $x = x_2 = 3 \Rightarrow y_1 = 3^2 = 9$.

Vậy toạ độ giao điểm của (d) và (P) lần lượt là: $(-1; 1)$ và $(3; 9)$

0,25

2. Phương trình hoành độ giao điểm của (d) và (P) là: $x^2 = 2x + m \Leftrightarrow x^2 - 2x - m = 0$

0,25

(d) cắt (P) tại hai điểm phân biệt \Leftrightarrow phương trình hoành độ có hai nghiệm phân biệt

0,25

$$\Leftrightarrow \Delta' = 1 + m > 0 \Leftrightarrow m > -1.$$

0,25

Theo định lí Vi-et, ta có: $\begin{cases} x_1 + x_2 = 2 \\ x_1 x_2 = -m \end{cases}$.

Theo giả thiết: $x_1^2 + x_2^2 + x_1 + x_2 = 2014 \Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - 2x_1 x_2 + x_1 + x_2 = 2014$
 $\Leftrightarrow 4 + 2m + 2 = 2014 \Leftrightarrow 2m = 2008 \Leftrightarrow m = 1004 > -1$ (thỏa mãn)

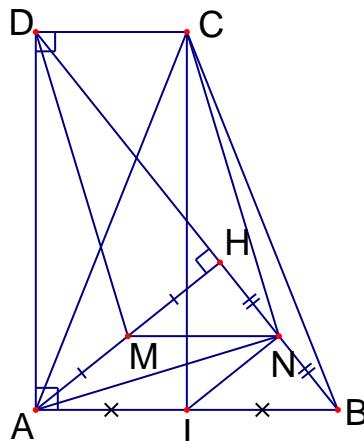
Vậy giá trị cần tìm của m là m = 1004.

0,25

4

Cho hình thang vuông ABCD (vuông tại A và D) với đáy lớn AB có độ dài gấp đôi đáy nhỏ DC. Gọi H là chân đường vuông góc kẻ từ A đến BD. Gọi M, N lần lượt là trung điểm của HA, HB và I là trung điểm của AB.

1. Chứng minh: MN \perp AD và DM \perp AN.
2. Chứng minh: các điểm A, I, N, C, D nằm trên cùng một đường tròn.
3. Chứng minh: AN.BD = 2DC.AC.



3,5

1. ΔHAB có $MH = MA$ (gt), $NH = NB$ (gt)

0,25

$\Rightarrow MN$ là đường trung bình của $\Delta HAB \Rightarrow MN // AB$

Mà $AD \perp AB$ (vì $A = 90^\circ$) $\Rightarrow MN \perp AD$.

0,25

ΔADN có $MN \perp AD$ (chứng minh trên), $AH \perp BD$ (gt)

0,25

$\Rightarrow NM$ và AH là hai đường cao của $\Delta ADN \Rightarrow M$ là trực tâm của ΔADN

$\Rightarrow AM$ là đường cao thứ ba $\Rightarrow DM \perp AN$.

0,25

2. Vì MN là đường trung bình của $\Delta HAB \Rightarrow MN // AB$, $MN = \frac{1}{2}AB$

0,25

Lại có: $DC // AB$, $DC = \frac{1}{2}AB$ (gt)

$\Rightarrow DC // MN$, $DC = MN$

$\Rightarrow CDMN$ là hình bình hành $\Rightarrow DM // CN$.

0,25

Mà $DM \perp AN$ (chứng minh trên) $\Rightarrow CN \perp AN \Rightarrow ANC = 90^\circ$

0,25

Mặt khác, xét tứ giác ADCI có: $DC // AI$ (vì $DC // AB$), $DC = AI$ (vì cùng bằng $\frac{1}{2}AB$)

0,25

$\Rightarrow ADCI$ là hình bình hành

	$\Rightarrow AIC = ADC = 90^\circ$	0,25
	Ta có: $ADC = ANC = AIC = 90^\circ \Rightarrow$ các điểm A, I, N, C, D nằm trên cùng một đường tròn đường kính AC.	0,25
	3. Xét đường tròn đường kính AC có: $ADN = ACN$ (hai góc nội tiếp cùng chắn AN) hay $ADB = ACN$	0,25
	Xét ΔABD và ΔNAC có: $DAB = CNA = 90^\circ$, $ADB = ACN$ (chứng minh trên) $\Rightarrow \Delta ABD \sim \Delta NAC$ (g.g.)	0,25
	$\Rightarrow \frac{AB}{AN} = \frac{BD}{AC}$ Mà $AB = 2DC \Rightarrow \frac{2DC}{AN} = \frac{BD}{AC}$	0,25
	$\Rightarrow AN \cdot BD = 2DC \cdot AC$ (đpcm).	0,25
5	Cho 3 số dương a, b, c thoả mãn: $ab + bc + ca = 3abc$. Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức: $F = \frac{1}{a+2b+3c} + \frac{1}{2a+3b+c} + \frac{1}{3a+b+2c}$. Với $a, b > 0$ ta có: $4ab \leq (a+b)^2 \Leftrightarrow \frac{1}{a+b} \leq \frac{a+b}{4ab} \Leftrightarrow \frac{1}{a+b} \leq \frac{1}{4} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} \right)$ Dấu bằng có $\Leftrightarrow a = b$. Áp dụng kết quả trên, ta có: $\frac{1}{a+2b+3c} = \frac{1}{(a+2b)+3c} \leq \frac{1}{4} \left(\frac{1}{a+2b} + \frac{1}{3c} \right)$ Lại có: $\frac{1}{a+2b} = \frac{1}{\left(a+\frac{b}{2}\right) + \frac{3b}{2}} \leq \frac{1}{4} \left(\frac{1}{a+\frac{b}{2}} + \frac{1}{\frac{3b}{2}} \right) = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2a+b} + \frac{1}{6b}$ Tương tự: $\frac{1}{b+2a} \leq \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{a+2b} + \frac{1}{6a}$ $\Rightarrow \frac{1}{a+2b} \leq \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2a+b} + \frac{1}{6b} \leq \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{a+2b} + \frac{1}{12a} + \frac{1}{6b}$ $\Rightarrow \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{a+2b} \leq \frac{1}{12a} + \frac{1}{6b} \Leftrightarrow \frac{1}{a+2b} \leq \frac{1}{9a} + \frac{2}{9b}$ Suy ra: $\frac{1}{a+2b+3c} \leq \frac{1}{4} \left(\frac{1}{a+2b} + \frac{1}{3c} \right) \leq \frac{1}{4} \left(\frac{1}{9a} + \frac{2}{9b} + \frac{1}{3c} \right) \quad (1)$ Tương tự: $\frac{1}{2a+3b+c} \leq \frac{1}{4} \left(\frac{2}{9a} + \frac{1}{3b} + \frac{1}{9c} \right) \quad (2)$ $\frac{1}{3a+b+2c} \leq \frac{1}{4} \left(\frac{1}{3a} + \frac{1}{9b} + \frac{2}{9c} \right) \quad (3)$ Suy ra: $\frac{1}{a+2b+3c} + \frac{1}{2a+3b+c} + \frac{1}{3a+b+2c} \leq \frac{1}{4} \left(\frac{2}{3a} + \frac{2}{3b} + \frac{2}{3c} \right) = \frac{1}{6} \cdot \frac{ab+bc+ca}{abc} = \frac{1}{6} \cdot 3 = \frac{1}{2}$	0,5 0,25 0,25

(4)

Các bất đẳng thức (1), (2) và (3) có dấu bằng xảy ra $\Leftrightarrow a = b = c$.

Còn bất đẳng thức (4) có dấu bằng xảy ra $\Leftrightarrow a = b = c = 1$

$$\text{Vậy } F_{\max} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow a = b = c = 1$$

ĐỀ 1979

**SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
QUẢNG NGÃI**

**KỲ THI TUYỂN SINH VÀO LỚP 10 THPT
NĂM HỌC 2014-2015**

MÔN : TOÁN

ĐỀ CHÍNH THỨC

Ngày thi: 9/07/2014

Thời gian làm bài: 120 phút (không kể thời gian giao đề)

Bài 1: (1,5 điểm)

1) Thực hiện phép tính: $4\sqrt{9} + 9\sqrt{4}$

2) Rút gọn biểu thức: $P = \frac{x+\sqrt{x}}{1+\sqrt{x}} - \frac{x-\sqrt{x}}{1-\sqrt{x}}$, với $x \geq 0; x \neq 1$.

3) Cho đường thẳng (d): $y = 2014x + m$. Xác định m để (d) đi qua điểm A(1; -1).

Bài 2: (2,0 điểm)

1) Giải phương trình: $x^2 - 6x + 8 = 0$

2) Cho phương trình: $x^2 - 2(m+1)x + 4m - 3 = 0$ (1), với m là tham số.

a) Chứng minh rằng phương trình (1) luôn có hai nghiệm phân biệt với mọi giá trị m .

b) Gọi x_1, x_2 là hai nghiệm của phương trình (1), tìm một hệ thức liên hệ giữa x_1, x_2 không phụ thuộc vào m .

Bài 3: (2,0 điểm) Giải bài toán sau bằng cách lập phương trình hoặc hệ phương trình:

Một công ty dự định điều động một số xe để chuyển 180 tấn hàng từ cảng Dung Quất vào Thành phố HCM, mỗi xe chở khối lượng hàng như nhau. Nhưng do nhu cầu thực tế cần chuyển thêm 28 tấn hàng nên công ty đó phải điều động thêm một xe cùng loại và mỗi xe bây giờ phải chở thêm 1 tấn hàng mới đáp ứng được nhu cầu đặt ra. Hỏi theo dự định công ty đó cần điều động bao nhiêu xe? Biết rằng mỗi xe không được chở quá 15 tấn hàng.

Bài 4: (3,5 điểm)

Cho nửa đường tròn (O) đường kính AB = 2R, điểm C thuộc nửa đường tròn ($CA < CB$). Gọi D là hình chiếu của C trên AB. Điểm E chuyển động trên đoạn thẳng CD (E khác C và D). Tia AE cắt đường tròn tại điểm thứ hai F.

1) Chứng minh rằng:

a) Tứ giác BDEF nội tiếp đường tròn.

b) $AC^2 = AE \cdot AF$

2) Tính $AE \cdot AF + BD \cdot BA$ theo R.

3) Khi điểm E chuyển động trên đoạn thẳng CD thì tâm của đường tròn ngoại tiếp tam giác CEF chuyển động trên đường nào? Vì sao?

Bài 5: (1,0 điểm)

Cho $a, b \neq 0$. Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức $M = \frac{7(a+b)^2 - 9(a-b)^2}{2014(a^2+b^2)}$

HẾT

Giám thị coi thi không giải thích gì thêm

GỢI Ý BÀI GIẢI TOÁN VÀO 10 TỈNH QUẢNG NGÃI NĂM 2014- 2015.

Bài 1:

1) $4\sqrt{9} + 9\sqrt{4} = 4 \cdot 3 + 9 \cdot 2 = 30$

2) Với $x \geq 0; x \neq 1 \Rightarrow P = \frac{x+\sqrt{x}}{1+\sqrt{x}} - \frac{x-\sqrt{x}}{1-\sqrt{x}} = \frac{\sqrt{x}(\sqrt{x}+1)}{\sqrt{x}+1} + \frac{\sqrt{x}(\sqrt{x}-1)}{\sqrt{x}-1} = \sqrt{x} + \sqrt{x} = 2\sqrt{x}$

3) Vì đường thẳng (d): $y = 2014x + m$ đi qua điểm A(1; -1) nên ta có: $2014 + m = -1$
 $\Rightarrow m = -2015$

Bài 2:

1) Phương trình: $x^2 - 6x + 8 = 0$ có $\Delta' = 3^2 - 8 = 1 \Rightarrow \sqrt{\Delta'} = 1$

\Rightarrow Phương trình có hai nghiệm phân biệt: $x_1 = 3 + 1 = 4, x_2 = 3 - 1 = 2$

2)

a) Phương trình: $x^2 - 2(m+1)x + 4m - 3 = 0$ (1) có $\Delta' = (m+1)^2 - (4m-3) = m^2 + 2m + 1 - 4m + 3 = (m^2 - 2m + 1) + 3 = (m-1)^2 + 3 > 0$ với mọi m

\Rightarrow Phương trình (1) luôn có hai nghiệm phân biệt với mọi m.

b) Gọi hai nghiệm của phương trình (1) là x_1, x_2 . Theo hệ thức Viết ta có:

$$S = x_1 + x_2 = 2m + 2 \Rightarrow m = \frac{S-2}{2} \quad (2)$$

$$P = x_1 x_2 = 4m - 3 \Rightarrow m = \frac{P+3}{4} \quad (3)$$

$$\text{Từ (2) và (3)} \Rightarrow \frac{S-2}{2} = \frac{P+3}{4} \Rightarrow 2S - 4 = P + 3 \Rightarrow 2S - P = 7 \Rightarrow 2(x_1 + x_2) - x_1 x_2 = 7$$

Bài 3: Gọi x (tấn) là số tấn hàng trong thực tế mà mỗi xe phải chở. ĐK: $1 < x \leq 15, x \in N$

$\Rightarrow x - 1$ là số tấn hàng mỗi xe phải chở theo dự định.

Số xe thực tế đã điều động là: $\frac{180+28}{x}$ (xe)

Số xe cần điều động theo dự định là: $\frac{180}{x-1}$ (xe)

Vì số xe thực tế nhiều hơn dự định là 1 xe nên ta có pt: $\frac{208}{x} - \frac{180}{x-1} = 1$

$$\Rightarrow 208x - 208 - 180x = x^2 - x$$

$$\Leftrightarrow x^2 - 29x + 208 = 0$$

$$\Rightarrow x_1 = 13 \text{ (nhận)}$$

$$x_2 = 16 \text{ (loại vì } x \leq 15)$$

Vậy theo dự định cần điều động: $\frac{180}{x-1} = \frac{180}{13-1} = 15$ (xe)

***Cách 2:** Gọi x (xe) là số xe cần điều động theo dự định. ĐK: $x > 0, x \in N$

Số xe thực tế đã điều động là: $x + 1$ (xe)

Số tấn hàng mỗi xe phải chở theo dự định là: $\frac{180}{x}$ (tấn)

Số tấn hàng mỗi xe phải chở trong thực tế là: $\frac{208}{x+1}$ (tấn)

Vì số tấn hàng mỗi xe phải chở trong thực tế nhiều hơn 1 tấn so với dự định nên ta có pt: $\frac{208}{x+1} - \frac{180}{x} = 1$

$$\Leftrightarrow 208x - 180x - 180 = x^2 + x \Leftrightarrow x^2 - 27x + 180 = 0$$

$$\Leftrightarrow x_1 = 12, x_2 = 15$$

Với $x = 12$ thì số tấn hàng mỗi xe phải chở trong thực tế là: $\frac{208}{x+1} = \frac{208}{12+1} = 16$ (tấn) > 15 (tấn) (mâu thuẫn với đề bài vì mỗi xe không được chở quá 15 tấn hàng)

Với $x = 15$ thì số tấn hàng mỗi xe phải chở trong thực tế là: $\frac{208}{x+1} = \frac{208}{15+1} = 13$ (tấn) < 15 (tấn) (hợp lí), và số tấn hàng mỗi xe phải chở theo dự định là: $\frac{180}{x} = \frac{180}{15} = 12$ (tấn) < 15 (tấn) (hợp lí)

Vậy số xe cần điều động theo dự định là 15 xe.

*Cách 3: Gọi x (xe) là số xe trong thực tế cần điều động. ĐK: $x > 0, x \in N$

Và y (tấn) là số tấn hàng trong thực tế mỗi xe phải chở. ĐK: $1 < y \leq 15$

Số xe theo dự định cần điều động là: $x - 1$ (xe)

Số tấn hàng theo dự định mỗi xe phải chở là: $y - 1$ (tấn)

Theo đề ta có hệ pt: $\begin{cases} (x-1)(y-1) = 180 \\ xy = 208 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} xy - x - y = 179 \quad (1) \\ xy = 208 \quad (2) \end{cases}$

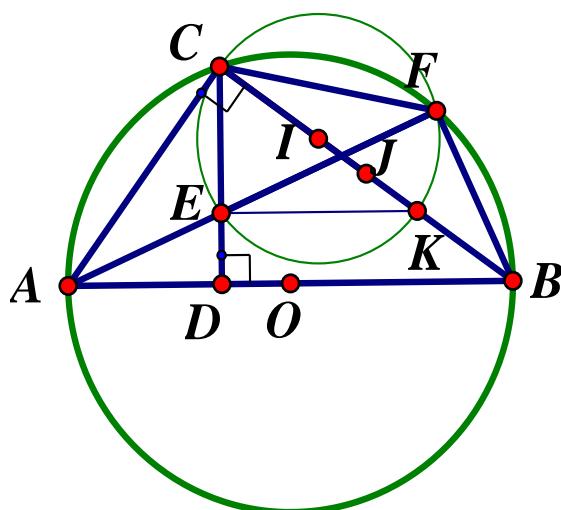
$$\Leftrightarrow 208 - 179 = x + y \Rightarrow x + y = 29 \Rightarrow x = 29 - y \text{ thế vào (2) ta được: } y(29 - y) = 208$$

$$\Leftrightarrow y^2 - 29y + 208 = 0 \Rightarrow y_1 = 13 \text{ (nhận), } y_2 = 16 \text{ (loại vì } y \leq 15\text{)}$$

Với $y = 15 \Rightarrow x = 29 - 15 = 14$

Vậy số xe theo dự định cần điều động là: $14 - 1 = 13$ (xe)

Bài 4:



1a) Chứng minh: Tứ giác BDEF nội tiếp đường tròn.

Xét tứ giác BDEF có $\hat{D} = 90^\circ$ (gt), $\hat{F} = 90^\circ$ (vì góc AFB nội tiếp chắn nửa đường tròn)

$$\Rightarrow \hat{D} + \hat{F} = 180^\circ$$

\Rightarrow Tứ giác BDEF nội tiếp đường tròn (Đpcm)

b) Chứng minh: $AC^2 = AE \cdot AF$

Ta có: $\widehat{ACB} = 90^\circ$ (góc nội tiếp chắn nửa đường tròn)

$$\Rightarrow \widehat{ACE} = \widehat{ABC} \text{ (vì cùng phụ với } \widehat{BCD})$$

$$\widehat{AFC} = \widehat{ABC} \text{ (cùng chắn cung AC)}$$

$$\Rightarrow \widehat{ACE} = \widehat{AFC}$$

Xét ΔACE và ΔAFC có:

\hat{A} chung

$$\widehat{ACE} = \widehat{AFC} \text{ (cmt)}$$

$$\Rightarrow \Delta ACE \sim \Delta AFC \text{ (g-g)}$$

$$\Rightarrow \frac{AC}{AF} = \frac{AE}{AC} \Rightarrow AC^2 = AE \cdot AF \text{ (Đpcm)}$$

***Cách 2:** Theo hệ thức lượng trong tam giác vuông ABC, ta có: $AC^2 = AD \cdot AB$ (1)

$$\text{Ta lại có tam giác vuông ADE đồng dạng với tam giác vuông AFB (g-g)} \Rightarrow \frac{AD}{AF} = \frac{AE}{AB} \Rightarrow AD \cdot AB = AE \cdot AF$$

(2)

$$\text{Từ (1) và (2) ta có } AC^2 = AE \cdot AF \text{ (Đpcm)}$$

2) Tính $AE \cdot AF + BD \cdot BA$ theo R.

Theo hệ thức lượng trong tam giác vuông ABC, ta có: $BC^2 = BD \cdot BA$

$$\Rightarrow AE \cdot AF + BD \cdot BA = AC^2 + BC^2 = AB^2 = 4R^2$$

3) Khi điểm E chuyển động trên đoạn thẳng CD thì tâm của đường tròn ngoại tiếp tam giác CEF chuyển động trên đường nào? Vì sao?

Gọi K là giao điểm của đường tròn (I) ngoại tiếp tam giác CEF với BC

$$\Rightarrow \widehat{FEK} = \widehat{FCK} \text{ (cùng chắn cung FK)}$$

$$\text{Mà } \widehat{FAB} = \widehat{FCK} \text{ (cmt)} \Rightarrow \widehat{FEK} = \widehat{FAB} \text{ mà chúng ở vị trí đồng vị} \Rightarrow EK // AB$$

$$\text{Mà } \widehat{CDB} = 90^\circ \Rightarrow \widehat{CEK} = 90^\circ \Rightarrow CK \text{ là đường kính của (I)}$$

\Rightarrow Khi E chuyển động trên đoạn thẳng CD thì I chuyển động trên đoạn thẳng CB.

- Nếu E trùng với C thì K trùng với C \Rightarrow I trùng với C

- Nếu E trùng với D thì K trùng với B \Rightarrow I trùng với J (với J là trung điểm của CB)

Vậy khi E chuyển động trên đoạn thẳng CD thì tâm I của đường tròn ngoại tiếp tam giác CEF chuyển động trên đoạn CJ (J là trung điểm của CB)

Bài 5:

$$\text{Ta có: } M = \frac{-2a^2 + 32ab - 2b^2}{2014(a^2 + b^2)} = \frac{-a^2 + 16ab - b^2}{1007(a^2 + b^2)} = \frac{16ab}{1007(a^2 + b^2)} - \frac{1}{1007}$$

$$\text{Do } 2ab \leq a^2 + b^2 \text{ nên } M \leq \frac{8(a^2 + b^2)}{1007(a^2 + b^2)} - \frac{1}{1007} = \frac{7}{1007}$$

Dấu "=" xảy ra khi $a = b$ (khác 0)

$$\text{Vậy Max } M = \frac{7}{1007} \text{ khi } a = b \text{ (khác 0)}$$

ĐỀ 1980

PHÒNG GD&ĐT
TP. BẮC GIANG

ĐỀ THI THỬ VÀO LỚP 10 THPT
Năm học 2017 - 2018

Môn: Toán

Thời gian làm bài: 120 phút

Bài 1: (2,0 điểm)

$$1. \text{Tính } M = (2\sqrt{3} + 3)(\sqrt{12} - 3)$$

2. Cho đường thẳng (d): $y = \left(m - \frac{5}{2}\right)x + 1$ (với $m \neq \frac{5}{2}$). Tìm m để đường thẳng

(d) song song với đường thẳng $x - 2y - 4 = 0$

Bài 2: (3,0 điểm)

1. Rút gọn biểu thức sau: $N = \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-1} - \frac{3\sqrt{x}-1}{x-\sqrt{x}}$

2. Giải hệ phương trình: $\begin{cases} x+3y=9 \\ 2x-5y=-4 \end{cases}$

3. Cho phương trình: $x^2 - 6x + 2m - 3 = 0$ (1)

a/ Giải phương trình (1) với $m = 4$

b/ Tìm m để phương trình (1) có hai nghiệm phân biệt $x_1; x_2$ thoả mãn

$$(x_1^2 - 5x_1 + 2m - 4)(x_2^2 - 5x_2 + 2m - 4) = 2$$

Bài 3: (1,5 điểm)

Một tam giác vuông có hai cạnh góc vuông hơn kém nhau 6m. Biết cạnh huyền của tam giác vuông là 30m. Tính hai cạnh góc vuông?

Bài 4: (3,0 điểm)

Cho tam giác ABC có 3 góc nhọn ($AB < AC$) nội tiếp đường tròn ($O;R$). Vẽ AH vuông góc với BC, từ H vẽ HM vuông góc với AB và HN vuông góc với AC ($H \in BC, M \in AB, N \in AC$). Vẽ đường kính AE cắt MN tại I, tia MN cắt đường tròn ($O;R$) tại K

- a. Chứng minh tứ giác AMHN nội tiếp
- b. Chứng minh $AM \cdot AB = AN \cdot AC$
- c. Chứng minh AE vuông góc với MN
- d. Chứng minh AH=AK

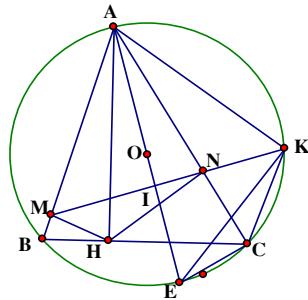
Bài 5: (0,5 điểm) Giải phương trình $5x^3 + 6x^2 + 12x + 8 = 0$

.....

HƯỚNG DẪN CHẤM THI THỬ LỚP 10 NĂM HỌC 2017-2018
MÔN THI: TOÁN

Bài	Hướng dẫn giải
Bài 1	
1. (1.0 đ)	$\begin{aligned} M &= (2\sqrt{3} + 3)(\sqrt{12} - 3) = (\sqrt{2^2 \cdot 3} + 2)(\sqrt{12} - 3) \\ &= (\sqrt{12} + 3)(\sqrt{12} - 3) = (\sqrt{12})^2 - 3^2 \\ &= 12 - 9 = 3 \end{aligned}$
2. (1.0 đ)	<p>Ta $x - 2y - 4 = 0 \Leftrightarrow 2y = x - 4 \Leftrightarrow y = \frac{1}{2}x - 2$</p> <p>Nên đường thẳng $y = \left(m - \frac{5}{2}\right)x + 1$ song song với đường thẳng $x - 2y - 4 = 0$ khi đường thẳng $y = \left(m - \frac{5}{2}\right)x + 1$ song song với đường thẳng $y = \frac{1}{2}x - 2$, nên ta có</p> $\begin{cases} m - \frac{5}{2} = \frac{1}{2} \\ 1 \neq -2 \end{cases} \Leftrightarrow m = 3$ <p>Vậy $m=3$ thì đường thẳng (d) song song với đường thẳng $x - 2y - 4 = 0$</p>
Bài 2	
1. (1 đ)	$\begin{aligned} N &= \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-1} - \frac{3\sqrt{x}-1}{x-\sqrt{x}} = \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-1} - \frac{3\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}(\sqrt{x}-1)} = \frac{\sqrt{x}(\sqrt{x}+1) - (3\sqrt{x}-1)}{\sqrt{x}(\sqrt{x}-1)} \\ &= \frac{x + \sqrt{x} - 3\sqrt{x} + 1}{\sqrt{x}(\sqrt{x}-1)} = \frac{x - 2\sqrt{x} + 1}{\sqrt{x}(\sqrt{x}-1)} \\ &= \frac{(\sqrt{x}-1)^2}{\sqrt{x}(\sqrt{x}-1)} = \frac{\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}} \end{aligned}$ <p>Vậy $N = \frac{\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}}$ với $x > 0; x \neq 1$</p>

	$\begin{cases} x+3y=9 \\ 2x-5y=-4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x+6y=18 \\ 2x-5y=-4 \end{cases}$	0,25
2. (1 đ)	$\begin{cases} 11y=22 \\ x+3y=9 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y=2 \\ x+6=9 \end{cases}$	0,25
	$\Leftrightarrow \begin{cases} y=2 \\ x=9-6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=3 \\ y=2 \end{cases}$	0,25
	Vậy hệ phương trình có nghiệm $(x;y)=(3;2)$	0,25
3. a/ (0,5 đ)	Thay $m=4$ vào phương trình (1) ta có phương trình $x^2 - 6x + 5 = 0$ Ta có $a+b+c = 1-6+5 = 0$	0,25
	Vậy PT có nghiệm $x_1 = 1; x_2 = \frac{c}{a} = 5$	0,25
b (0,5đ)	Ta có $\Delta = b^2 - 4ac = \dots = -8m + 48$. Để PT (1) có nghiệm phân biệt thì $\Delta > 0 \Leftrightarrow m < 6$ Vậy $m < 6$ thì PT (1) có nghiệm phân biệt x_1, x_2 nên thao viết ta có $x_1 + x_2 = \frac{-b}{a} = 6; x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a} = 2m - 3$	0,25
	Ta có $x^2 - 6x + 2m - 3 = 0 \Leftrightarrow x^2 - 5x + 2m - 4 = x - 1$ Vì x_1, x_2 là nghiệm PT $x^2 - 6x + 2m - 3 = 0$ nên x_1, x_2 là nghiệm PT $x^2 - 5x + 2m - 4 = x - 1$ nên ta có $x_1^2 - 5x_1 + 2m - 4 = x_1 - 1$ và $x_2^2 - 5x_2 + 2m - 4 = x_2 - 1$ $\Rightarrow (x_1^2 - 5x_1 + 2m - 4)(x_2^2 - 5x_2 + 2m - 4) = (x_1 - 1)(x_2 - 1)$ Mà $(x_1^2 - 5x_1 + 2m - 4)(x_2^2 - 5x_2 + 2m - 4) = 2$ nên ta có $(x_1 - 1)(x_2 - 1) = 2$ $\Leftrightarrow x_1 x_2 - (x_1 + x_2) + 1 = 2 \Leftrightarrow 2m - 3 - 6 + 1 = 2 \Leftrightarrow 2m = 10 \Leftrightarrow m = 5$ (thỏa mãn). KL	0,25
Bài 4		1,5 đ
	Gọi cạnh góc vuông bé là x (m) đ/k $0 < x < 30$	0,25
	Ta có cạnh góc vuông lớn là $x+6$ (m)	0,25
	Vì cạnh huyền bằng 30 (m) nên theo định lý Pitago ta có PT $x^2 + (x+6)^2 = 30^2$	0,25
	Giải PT tìm được $x_1 = 18$ (thỏa mãn); $x_2 = -24 < 0$ (loại)	0,5
	Kết luận:	0,25
Bài 5		3,0 đ



a (1 đ)	Xét tứ giác AMHN Có $AMH = 90^\circ; ANH = 90^\circ$ (Vì $AM \perp AB; AN \perp AC$)	0,25
	Nên ta có $AMH + ANH = 90^\circ + 90^\circ = 180^\circ$	0,5
	Vậy tứ giác AMHN nội tiếp	0,25
b (0.75 đ)	Xét tam giác AHB vuông tại H (Vì $AH \perp BC$) có $HM \perp AB$ (gt) nên theo hệ thức lượng trong tam giác vuông ta có $AH^2 = AM \cdot AB$	0,25
	Xét tam giác AHC vuông tại H(Vì $AH \perp BC$) có $HN \perp AC$ (gt), tương tự ta có $AH^2 = AN \cdot AC$	0,25
	Ta có $AH^2 = AM \cdot AB; AH^2 = AN \cdot AC$ vậy $AM \cdot AB = AN \cdot AC$	0,25
c (0.75 đ)	Ta có tứ giác AMHN nội tiếp (cm trên) $\Rightarrow ANM = AHM$ (cùng chắn cung AM) Ta có $AHM + BHM = AHB = 90^\circ; MBH + BHM = 90^\circ$ (vì $\triangle BMH$ vuông tại M) Vậy $AHM = MBH \Rightarrow ANM = MBH \Rightarrow ANI = ABC$, mà $ABC = AEC$ (cùng chắn cung AC) nên $ANI = AEC \Rightarrow ANI = IEC$	0,25
	Xét tứ giác INCE có $ANI = IEC \Rightarrow$ Tứ giác INCE nội tiếp (vì có góc ngoài của tứ giác bằng góc đối của góc trong của tứ giác) $\Rightarrow EIN + NCE = 180^\circ$ (tính chất...) mà $NCE = ACE = 90^\circ$ (góc nội tiếp) Nên $\Rightarrow EIN + 90^\circ = 180^\circ \Rightarrow EIN = 90^\circ \Rightarrow AE \perp MN$	0,25
d (0.5 đ)	Ta có $AKE = 90^\circ$ (góc nội tiếp...) $\Rightarrow AKI + IKE = 90^\circ$. Ta có $\triangle KIE$ vuông tại I (cm trên) $\Rightarrow IEK + IKE = 90^\circ \Rightarrow AKI = IEK \Rightarrow AKN = AEK$, mà $AEK = ACK$ (cùng chắn cung AK) nên $AKN = ACK$	0.25

Xét ΔAKN và ΔACK có góc A chung, có $AKN = ACK$ nên $\Delta AKN \sim \Delta ACK$

$$\Rightarrow \frac{AK}{AC} = \frac{AN}{AK} \Rightarrow AK^2 = AN \cdot AC, \text{ mà } AH^2 = AN \cdot AC \text{ (cm trên)}$$

$$\text{nên } AK^2 = AH^2 \Rightarrow AK = AH$$

Lưu ý: ngoài cách trên HS có thể làm theo cách sau::

Cách 2: Ta có $AKE = 90^\circ$ (góc nội tiếp..) $\Rightarrow \Delta AKE$ vuông tại K mà $KI \perp AE$ (cm trên)
Nên theo HTL trong tam giác vuông ta có $AK^2 = AI \cdot AE$. Xét ΔAIN và ΔACE

$$\text{Có } AIN = ACK = 90^\circ; \text{ góc A chung} \Rightarrow \Delta AIK \sim \Delta ACE \Rightarrow \frac{AI}{AC} = \frac{AN}{AE}$$

$$\Rightarrow AI \cdot AE = AN \cdot AC, \text{ nên ta có } AK^2 = AN \cdot AC, \text{ mà } AH^2 = AN \cdot AC \text{ (cm trên)}$$

$$\text{nên } AK^2 = AH^2 \Rightarrow AK = AH$$

Cách 3: Gọi Q là giao điểm của tia Nm với đường tròn, vì $AE \perp QK$ (cm trên) nên $IQ = IK$ (vì đường kính vuông góc với dây) $\Rightarrow AQ = AK$ (vì đường kính đi qua trung điểm dây) $\Rightarrow AKQ = ACK \Rightarrow AKN = ACK$. Xét ΔAKN và ΔACK có góc A chung, có $AKN = ACK$ nên $\Delta AKN \sim \Delta ACK \Rightarrow \frac{AK}{AC} = \frac{AN}{AK} \Rightarrow AK^2 = AN \cdot AC$, mà $AH^2 = AN \cdot AC$ (cm trên) nên $AK^2 = AH^2 \Rightarrow AK = AH$

Bài 6

$$\text{Ta có } 5x^3 + 6x^2 + 12x + 8 = 0 \Leftrightarrow 4x^3 + (x^3 + 6x^2 + 12x + 8) = 0$$

$$\Leftrightarrow 4x^3 + (x+2)^3 = 0 \Leftrightarrow (x+2)^3 = -4x^3$$

$$\Leftrightarrow x+2 = \sqrt[3]{-4x^3} \Leftrightarrow x+2 = -x\sqrt[3]{4} \Leftrightarrow x + x\sqrt[3]{4} = -2 \Rightarrow (1 + \sqrt[3]{4})x = -2 \Leftrightarrow x = \frac{-2}{1 + \sqrt[3]{4}}$$

$$\text{Vậy nghiệm của PT là } x = \frac{-2}{1 + \sqrt[3]{4}}$$

Lưu ý khi chấm bài:

-Trên đây chỉ là sơ lược các bước giải, lời giải của học sinh cần lập luận chặt chẽ, hợp logic.
Nếu học sinh trình bày cách làm khác mà đúng thì cho điểm các phần theo thang điểm tương ứng.

-Với bài 5, nếu học sinh vẽ hình sai hoặc không vẽ hình thì không chấm.

-Tổng điểm không làm tròn VD; 7.25 là 7.25; 7.5 là 7.5; 7.75 là 7.75

ĐỀ CHÍNH THỨC

Môn thi: *Toán chung*
Ngày thi: *22 tháng 6 năm 2010*
Thời gian làm bài: *120 phút*

Bài I (2,5 điểm)

Cho biểu thức : $A = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+3} + \frac{2\sqrt{x}}{\sqrt{x}-3} - \frac{3x+9}{x-9}$, với $x \geq 0$ và $x \neq 9$.

- 1) Rút gọn biểu thức A.
- 2) Tìm giá trị của x để $A = -'$
- 3) Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức A.

Bài II (2,5 điểm)

Giải bài toán sau bằng cách lập phương trình:

Một mảnh đất hình chữ nhật có độ dài đường chéo là 13 m và chiều dài lớn hơn chiều rộng 7 m. Tính chiều dài và chiều rộng của mảnh đất đó.

Bài III (1,0 điểm)

Cho parabol (P): $y = -x^2$ và đường thẳng (d): $y = mx - 1$.

1) Chứng minh rằng với mọi giá trị của m thì đường thẳng (d) luôn cắt parabol (P) tại hai điểm phân biệt.

2) Gọi x_1, x_2 lần lượt là hoành độ các giao điểm của đường thẳng (d) và parabol (P). Tìm giá trị của m để: $x_1^2 x_2 + x_2^2 x_1 - x_1 x_2 = 3$.

Bài IV (3,5 điểm)

Cho đường tròn (O) có đường kính AB = 2R và điểm C thuộc đường tròn đó (C khác A, B). Lấy điểm D thuộc dây BC (D khác B, C). Tia AD cắt cung nhỏ BC tại điểm E, tia AC cắt tia BE tại điểm F.

1) Chứng minh FCDE là tứ giác nội tiếp.

2) Chứng minh DA.DE = DB.DC.

3) Chứng minh $CFD = OCB$. Gọi I là tâm đường tròn ngoại tiếp tứ giác FCDE, chứng minh IC là tiếp tuyến của đường tròn (O).

4) Cho biết DF = R, chứng minh $\tan AFB = 2$.

Bài V (0,5 điểm)

Giải phương trình: $x^2 + 4x + 7 = (x + 4)\sqrt{x^2 + 7}$

Họ tên thí sinh:..... Số báo danh:.....
 Họ tên, chữ ký của giám thị 1: Họ tên, chữ ký của giám thị 2:

Bài 1. (2,5d)

Cho biểu thức $A = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+3} + \frac{2\sqrt{x}}{\sqrt{x}-3} - \frac{3x+9}{x-9}$ với $x \geq 0; x \neq 9$

1) Rút gọn biểu thức A.

2) Tìm giá trị của x để $A = \frac{1}{3}$

3) Tìm giá trị lớn nhất của A.

Giải.

1) Rút gọn biểu thức A:

$$A = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+3} + \frac{2\sqrt{x}}{\sqrt{x}-3} - \frac{3x+9}{x-9}$$

$$A = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+3} + \frac{2\sqrt{x}}{\sqrt{x}-3} - \frac{3x+9}{(\sqrt{x}-3)(\sqrt{x}+3)}$$

$$A = \frac{\sqrt{x}(\sqrt{x}-3) + 2\sqrt{x}(\sqrt{x}+3) - (3x+9)}{(\sqrt{x}-3)(\sqrt{x}+3)}$$

$$A = \frac{x - 3\sqrt{x} + 2x + 6\sqrt{x} - 3x - 9}{(\sqrt{x}-3)(\sqrt{x}+3)}$$

$$A = \frac{3\sqrt{x} - 9}{(\sqrt{x}-3)(\sqrt{x}+3)}$$

$$A = \frac{3(\sqrt{x}-3)}{(\sqrt{x}-3)(\sqrt{x}+3)}$$

$$A = \frac{3}{\sqrt{x}+3}$$

2) Tìm giá trị của x để $A = \frac{1}{3}$

$$A = \frac{1}{3} \Leftrightarrow \frac{3}{\sqrt{x}+3} = \frac{1}{3} \Leftrightarrow \sqrt{x}+3=9 \Leftrightarrow \sqrt{x}=6 \Leftrightarrow x=36 \text{(tmđk)}$$

3) Tìm giá trị lớn nhất của A:

Ta có

$$x \geq 0 \Leftrightarrow \sqrt{x} \geq 0 \Leftrightarrow \sqrt{x}+3 \geq 3 \Leftrightarrow \frac{1}{\sqrt{x}+3} \leq \frac{1}{3} \Leftrightarrow \frac{3}{\sqrt{x}+3} \leq 1$$

$$\Leftrightarrow A \leq 1$$

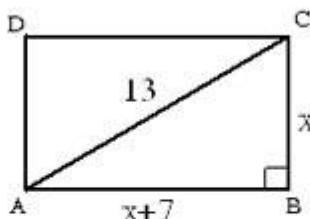
$$\Rightarrow A_{\max} = 1 \Leftrightarrow x = 0$$

Vậy giá trị lớn nhất của A = 1 khi x = 0

Bài II. (2.5d) Giải bài toán bằng cách lập phương trình

Một mảnh đất hình chữ nhật có độ dài đường chéo là 13m và chiều dài lớn hơn chiều rộng là 7m. Tính chiều dài và chiều rộng của mảnh đất đó.

Giai.



Gọi chiều rộng của hình chữ nhật là x ($3 < x < 13$; m)

Vì chiều dài lớn hơn chiều rộng là 7m nên chiều dài hình chữ nhật là $x+7$ (m)

Áp dụng định lý Py-ta-go cho tam giác vuông ABC ta có:

$$x^2 + (x+7)^2 = 13^2 \Leftrightarrow x^2 + x^2 + 14x + 49 = 169$$

$$\Leftrightarrow 2x^2 + 14x - 120 = 0 \Leftrightarrow x^2 + 7x - 60 = 0$$

$$\Delta = 289 > 0$$

$$x_1 = \frac{-7 + \sqrt{289}}{2} = 5 \text{ (mdk)}$$

$$x_2 = \frac{-7 - \sqrt{289}}{2} = -12 \text{ (loai)}$$

Vậy chiều rộng của hình chữ nhật là 5m; chiều dài là $5+7=12$ m.

Bài III. (1d)

Cho Parabol (P): $y = -x^2$ và đường thẳng (d) $y = mx - 1$

1) Chứng minh rằng với mọi giá trị của m thì đường thẳng (d) luôn cắt parabol (P) tại hai điểm phân biệt.

2) Gọi x_1 và x_2 lần lượt là hoành độ giao điểm của đường thẳng (d) và parabol (P). Tìm giá trị của m để $x_1^2 x_2 + x_2^2 x_1 - x_1 x_2 = 3$

Giai.

1) Chứng minh rằng với mọi giá trị của m thì đường thẳng (d) luôn cắt parabol (P) tại hai điểm phân biệt.

Toạ độ giao điểm của (d) và (P) là nghiệm của hệ phương trình:

$$\begin{cases} y = -x^2 \\ y = mx - 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -x^2 = mx - 1 \\ y = -x^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 + mx - 1 = 0 \\ y = -x^2 \end{cases} \quad (*)$$

Xét phương trình (*): $x^2 + mx - 1 = 0$ (*)

Ta có $\Delta = m^2 + 4$

$$m^2 \geq 0 \quad \forall m \Leftrightarrow m^2 + 4 \geq 4 > 0 \quad \forall m \Leftrightarrow \Delta > 0 \quad \forall m$$

\Rightarrow Phương trình (*) luôn có 2 nghiệm phân biệt với mọi m

\Rightarrow (d) luôn cắt (P) tại hai điểm phân biệt với mọi m

2) Gọi x_1 và x_2 lần lượt là hoành độ giao điểm của đường thẳng (d) và parabol (P).

Tìm giá trị của m để $x_1^2 x_2 + x_2^2 x_1 - x_1 x_2 = 3$

Vì (*) luôn có hai nghiệm phân biệt nên áp dụng hệ thức Vi-ết cho (*) ta có:

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = -m \\ x_1 x_2 = -1 \end{cases} \quad (**)$$

$$x_1^2 x_2 + x_2^2 x_1 - x_1 x_2 = 3 \Leftrightarrow x_1 x_2 (x_1 + x_2) - x_1 x_2 = 3 \quad (***)$$

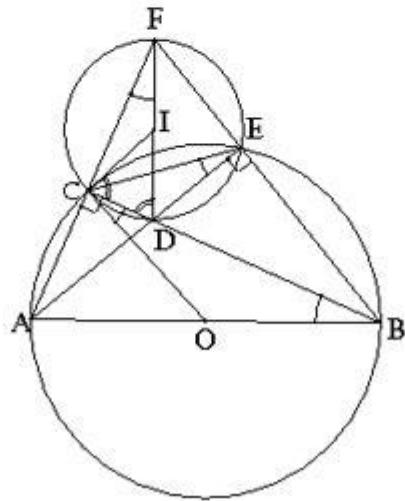
$$\text{Thay } (**) \text{ vào } (***), \text{ ta có: } -1 \cdot (-m) - (-1) = 3 \Leftrightarrow m = 2$$

Bài IV. (3.5d)

Cho đường tròn (O) có đường kính $AB = 2R$ và điểm C thuộc đường tròn đó (C khác A và B). Lấy điểm D thuộc dây BC (D khác B và C). Tia AD cắt cung nhỏ BC tại điểm E , tia AC cắt tia BE tại điểm F .

- 1) Chứng minh $FCDE$ là tứ giác nội tiếp
- 2) Chứng minh $DA \cdot DE = DB \cdot DC$
- 3) Chứng minh $\angle CFD = \angle OCB$. Gọi I là tâm đường tròn ngoại tiếp tứ giác $FCDE$, chứng minh IC là tiếp tuyến của (O) .
- 4) Cho biết $DF = R$. Chứng minh rằng $\tan \angle AFB = 2$

Giải.



1) Chứng minh FCDE là tứ giác nội tiếp:

Xét (O):

Góc ACB = 90° (gnt chắn nửa đường tròn)

⇒ góc DCF = 90° (kề bù với góc ACB = 90°)

Tương tự học sinh chứng minh góc DEF = 90°

⇒ góc DCF + góc DEF = 180°

Xét tứ giác FCDE:

góc DCF + góc DEF = 180° (cmt)

Mà C và E là hai đỉnh đối nhau

⇒ tứ giác FCDE là tứ giác nội tiếp (dấu hiệu nhận biết tgn)

2) Chứng minh DA.DE = DB.DCXét ΔDCA và ΔDEB :

góc ACD = góc DEB = 90°

góc ADC = góc BDE (hai góc đối đỉnh)

⇒ ΔDCA đồng dạng ΔDEB (góc - góc)

$$\Rightarrow \frac{DA}{DB} = \frac{DC}{DE} \Leftrightarrow DA \cdot DE = DB \cdot DC$$

3) Chứng minh góc CFD = góc OCB. Gọi I là tâm đường tròn ngoại tiếp tứ giác FCDE, chứng minh IC là tiếp tuyến của (O).3a) Chứng minh góc CFD = góc OCB

Xét đường tròn ngoại tiếp tứ giác DCFE:

góc CFD = góc CED (hai góc nội tiếp cùng chắn cung CD) (1)

Xét (O):

góc CED = góc CBA (hai góc nội tiếp cùng chắn cung AC) (2)

Ta có OB = OC = R

⇒ ΔOBC cân tại O (dhn tam giác cân)

⇒ góc OBC = góc OCB (t/c tam giác cân) (3)

Từ (1), (2), (3) : $CFD = \text{góc } OCB$ 3b) Chứng minh IC là tiếp tuyến (O):

I là tâm đường tròn ngoại tiếp tứ giác CDFE nên I là trung điểm DF.

Xét (I):

IC = ID (= bán kính)

⇒ ΔICD cân tại I (dhn tam giác cân)

⇒ góc ICD = góc IDC (t/c tam giác cân)

Ta có góc ICD = 90° (góc nội tiếp chắn nửa đường tròn (I))

⇒ góc IDC + góc CFD = 90°

Mà góc IDC = góc ICD (cmt); góc CFD = góc OCB (cmt)

⇒ góc ICD + góc OCB = 90°

⇒ góc ICO = 90° ⇒ IC ⊥ OC

Mà OC là một bán kính của (O)

⇒ IC là tiếp tuyến của (O) (dhn tiếp tuyến đường tròn)

4) Cho biết $DF = R$. Chứng minh rằng $\tg \angle AFB = 2$ **Giai:**

Ta chứng minh được tam giác CBA đồng dạng với tam giác CFD (góc-góc)

$$\Rightarrow \frac{CB}{CF} = \frac{BA}{FD}$$

Mà $FD = R$; $BA = 2R$ nên $\frac{CB}{CF} = \frac{BA}{FD} = 2$

Ta có $\tg \angle AFB = \tg \angle CFB = \frac{CB}{CF} = 2$

Bài V (0.5đ)Giải phương trình $x^2 + 4x + 7 = (x+4)\sqrt{x^2 + 7}$ **Giai**Đặt $\sqrt{x^2 + 7} = t$ ($t \geq \sqrt{7}$)Phương trình tương đương: $t^2 + 4x = (x+4)t \Leftrightarrow t^2 - (x+4)t + 4x = 0$ (1)

$$\Delta = (x+4)^2 - 16x = (x-4)^2 \geq 0 \forall x$$

TH1: $\Delta = (x-4)^2 = 0 \Leftrightarrow x = 4$ phương trình (1) có nghiệm kép $t_1 = t_2 = \frac{x+4}{2} = 4 \Leftrightarrow \sqrt{x^2 + 7} = 4 \Leftrightarrow x^2 = 9 \Leftrightarrow x = \pm 3$ TH2: $\Delta = (x-4)^2 > 0 \Leftrightarrow x \neq 4$

Pt (1) có hai nghiệm phân biệt:

$$t_1 = \frac{x+4 + \sqrt{(x-4)^2}}{2} = \frac{x+4 + |x-4|}{2}; t_2 = \frac{x+4 - \sqrt{(x-4)^2}}{2} = \frac{x+4 - |x-4|}{2}$$

+) Nếu $x > 4$ thì $t_1 = x$, $t_2 = 4$ Với $t = x \Leftrightarrow \sqrt{x^2 + 7} = x \Leftrightarrow x^2 + 7 = x^2 \Leftrightarrow 7 = 0$ (VN)Với $t = 4 \Leftrightarrow \sqrt{x^2 + 7} = 4 \Leftrightarrow x^2 = 9 \Leftrightarrow x = \pm 3$ (loại)+) Nếu $x < 4$ thì $t_1 = 4$; $t_2 = x$ Giải tương tự ta có $x = \pm 3$ (thoả mãn điều kiện)Vậy $S = \{-3; 3\}$ **ĐỀ 1982****SỞ GIÁO DỤC – ĐÀO TẠO KÌ THI TUYỂN SINH VÀO LỚP 10 THPT****QUẢNG NGÃI****NĂM HỌC: 2016– 2017****ĐỀ CHÍNH THỨC****MÔN: TOÁN (Hệ không chuyên)****Thời gian làm bài: 120 phút****Ngày thi: 14 – 6 – 2016****Bài 1: (1,5 điểm)**

1. Thực hiện phép tính: $\sqrt{25} + \sqrt{8} \cdot \sqrt{2}$
2. Cho hàm số $y = x^2$ có đồ thị là (P) và hàm số $y = x + 2$ có đồ thị là (d).
 - a) Vẽ (P) và (d) trên cùng một mặt phẳng tọa độ Oxy.

b) Bằng phép tính hãy tìm tọa độ giao điểm của (P) và (d).

Bài 2: (2,0 điểm)

1. Giải phương trình và hệ phương trình sau:

a) $x^4 - 7x^2 - 18 = 0$

b) $\begin{cases} 2x - y = 8 \\ 3x + 2y = 19 \end{cases}$

2. Cho phương trình: $x^2 + 2(m - 3)x - 4m + 7 = 0$ (với m là tham số).

a) Chứng minh phương trình trên luôn có hai nghiệm phân biệt với mọi m.

b) Gọi x_1, x_2 là hai nghiệm của phương trình đã cho, hãy tìm hệ thức liên hệ giữa x_1 và x_2 không phụ thuộc vào m.

Bài 3: (2,0 điểm)

Cho hai vòi nước cùng chảy vào một cái bể không có nước thì trong 7 giờ 12 phút sẽ đầy bể. Nếu vòi thứ nhất chảy trong 4 giờ rồi khóa lại và cho vòi thứ hai chảy trong 3 giờ thì được $\frac{1}{2}$ bể nước. Hỏi nếu mỗi vòi chảy một mình thì trong bao lâu mới đầy bể?

Bài 4: (3,5 điểm)

Từ một điểm M nằm ở bên ngoài đường tròn tâm O bán kính R, vẽ các tiếp tuyến MA, MB với đường tròn (A, B là các tiếp điểm). Vẽ cát tuyến MCD không đi qua tâm O của đường tròn (C nằm giữa M, D). Gọi E là trung điểm của dây CD.

a) Chứng minh năm điểm M, A, B, E, O cùng thuộc một đường tròn.

b) Trong trường hợp $OM = 2R$ và C là trung điểm của đoạn thẳng MD. Hãy tính độ dài đoạn thẳng MD theo R.

c) Chứng minh hệ thức $CD^2 = 4AE \cdot BE$

Bài 5: (1,0 điểm) Cho x, y là các số thực khác 0. Tìm giá trị nhỏ nhất của

$$A = 3\left(\frac{x^2}{y^2} + \frac{y^2}{x^2}\right) - 8\left(\frac{x}{y} + \frac{y}{x}\right)$$

----- Hết -----

Ghi chú: Giám thị coi thi không giải thích gì thêm

LỜI GIẢI CHI TIẾT ĐỀ THI VÀO 10 MÔN TOÁN NĂM HỌC 2016 – 2017
(QUẢNG NGÃI)

Bài 1: (1,5 điểm)

1) $\sqrt{25} + \sqrt{8} \cdot \sqrt{2} = 5 + 4 = 9$

2a) Vẽ (P): $y = x^2$

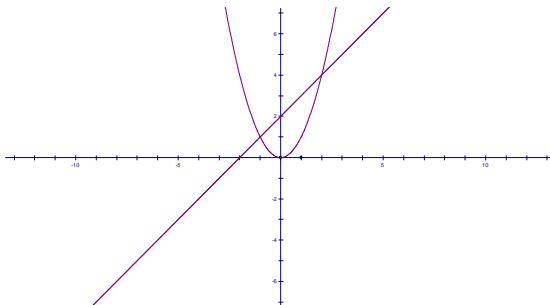
Bảng giá trị giữa x và y:

x	-2	-1	0	1	2
y	4	1	0	1	4

Vẽ (d): $y = x + 2$

Cho $x = 0 \Rightarrow y = 2$

$y = 0 \Rightarrow x = -2$



b) Pt hoành độ giao điểm của (P) và (d) là: $x^2 = x + 2 \Leftrightarrow x^2 - x - 2 = 0$

Pt có $a - b + c = 1 - (-1) - 2 = 0$ nên $x_1 = -1, x_2 = 2$

$$x_1 = -1 \Rightarrow y_1 = 1$$

$$x_2 = 2 \Rightarrow y_2 = 4$$

Vậy tọa độ giao điểm của (P) và (d) là: $(-1; 1)$ và $(2; 4)$

Bài 2: (2,0 điểm)

$$1a) x^4 - 7x^2 - 18 = 0$$

Đặt $t = x^2 \geq 0$ ta được pt: $t^2 - 7t - 18 = 0$

$$\Delta = (-7)^2 - 4 \cdot (-18) = 121 \Rightarrow \sqrt{\Delta} = 11$$

$$\Rightarrow t_1 = \frac{7+11}{2} = 9 \text{ (nhận)}, t_2 = \frac{7-11}{2} = -2 \text{ (loại)}$$

$$\text{Với } t = 9 \Rightarrow x^2 = 9 \Rightarrow x = \pm 3$$

$$b) \begin{cases} 2x - y = 8 \\ 3x + 2y = 19 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 4x - 2y = 16 \\ 3x + 2y = 19 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 7x = 35 \\ 2x - y = 8 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 5 \\ y = 2 \end{cases}$$

$$2) \text{ Phương trình: } x^2 + 2(m-3)x - 4m + 7 = 0 (*)$$

$$a) \text{ Ta có: } \Delta' = (m-3)^2 - (-4m+7) = m^2 - 6m + 9 + 4m - 7 = m^2 - 2m + 2$$

$$= (m-1)^2 + 1 > 0 \text{ với mọi } m.$$

Vậy pt (*) luôn có 2 nghiệm phân biệt với mọi m .

b) Gọi x_1, x_2 là 2 nghiệm của pt (*), theo hệ thức Vi-et ta có:

$$x_1 + x_2 = -2(m-3) = -2m + 6 \quad (1)$$

$$x_1 x_2 = -4m + 7 \quad (2)$$

Từ (1) $\Rightarrow 2x_1 + 2x_2 - 12 = -4m$ thay vào (2) ta được:

$$x_1 x_2 = 2x_1 + 2x_2 - 12 + 7 \Rightarrow 2x_1 + 2x_2 - x_1 x_2 = 5$$

Bài 3: (2,0 điểm)

Gọi x (h) là thời gian vòi thứ nhất chảy một mình đầy bể. ĐK: $x > \frac{36}{5}$

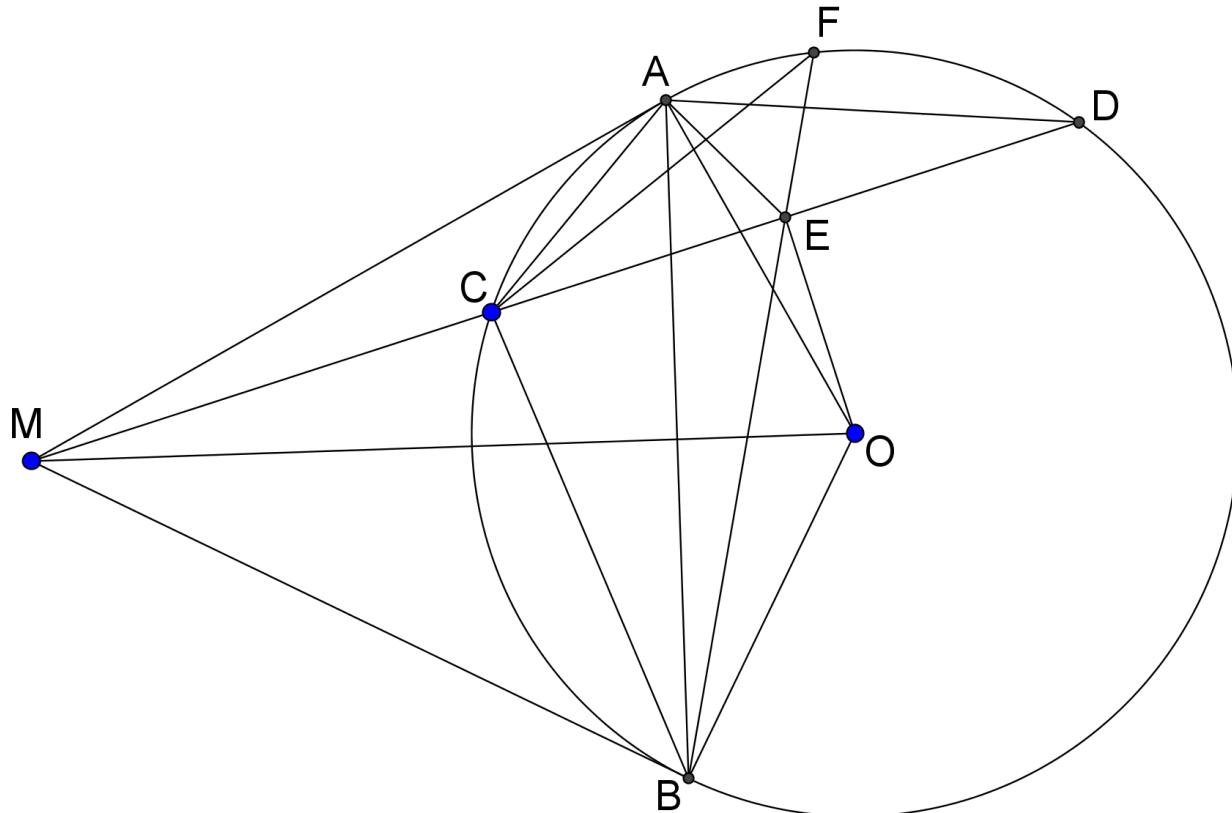
y (h) là thời gian vòi thứ hai chảy một mình đầy bể. ĐK: $y > \frac{36}{5}$

Theo đề bài, ta có hệ phương trình:

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{5}{36} \\ \frac{4}{x} + \frac{3}{y} = \frac{1}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 12 \\ y = 18 \end{cases}$$

Vậy nếu chạy riêng một mình thì voi thứ nhất chạy trong 12(h); voi thứ hai chạy trong 18(h)

Bài 4: (3,5 điểm)



a) C/m: M, A, B, E, O cùng thuộc một đường tròn

Xét tứ giác MAOB có $\hat{A} + \hat{B} = 90^\circ + 90^\circ = 180^\circ$

=> Tứ giác MAOB nội tiếp đường tròn đường kính OM (1)

Xét tứ giác MEOB có $\widehat{MEO} = 90^\circ$ (vì OE đi qua trung điểm của BC)

=> $\widehat{MEO} + \widehat{MBO} = 180^\circ$

=> Tứ giác MEOB nội tiếp đường tròn đường kính OM (2)

Từ (1) và (2) => M, A, B, E, O cùng thuộc một đường tròn đường kính OM

b) Cho $OM = 2R$, $CM = CD$. Tính MD theo R

Xét ΔMAC và ΔMDA có:

\widehat{M} chung

$\widehat{MAC} = \widehat{MDA}$ (cùng chắn cung AC)

$\Rightarrow \Delta MAC \sim \Delta MDA$ (g.g)

$$\Rightarrow \frac{MA}{MD} = \frac{MC}{MA} \Rightarrow MA^2 = MC \cdot MD = MC \cdot 2MC = 2MC^2$$

$$\text{Mà } MA^2 = OM^2 - OA^2 = 4R^2 - R^2 = 3R^2$$

$$\Rightarrow 3R^2 = 2 \cdot MC^2 \Rightarrow MC = \frac{R\sqrt{6}}{2} \Rightarrow MD = R\sqrt{6}$$

c) C/m: $CD^2 = 4AE \cdot BE$

$$\text{Ta có: } CD^2 = 4CE^2 \Rightarrow CD^2 = 4AE \cdot BE \Leftrightarrow 4CE^2 = 4AE \cdot BE \Leftrightarrow CE^2 = AE \cdot BE$$

Kéo dài BE cắt (O) tại F. Xét ΔCEA và ΔBEC có:

$$\widehat{MEA} = \widehat{MBA}$$
 (cùng chắn cung MA)

$$\widehat{MEB} = \widehat{MAB}$$
 (cùng chắn cung MB)

$$\text{Mà } \widehat{MA} = \widehat{MB} \Rightarrow \widehat{MEA} = \widehat{MEB} \quad (1)$$

$$\widehat{AFB} = \widehat{MAB}$$
 (cùng chắn cung AB)

$$\widehat{MEB} = \widehat{MAB}$$
 (cùng chắn cung MB)

$$\Rightarrow \widehat{AFB} = \widehat{MEB} \Rightarrow \frac{sđ(\widehat{AC} + \widehat{CB})}{2} = \frac{sđ(\widehat{FD} + \widehat{CB})}{2}$$

$$\Rightarrow \widehat{AC} = \widehat{FD} \Rightarrow \widehat{AD} = \widehat{CF}$$

$$\Rightarrow \widehat{ACE} = \widehat{CBE} \quad (2)$$

Từ (1) và (2) $\Rightarrow \Delta CEA \sim \Delta BEC$ (g.g)

$$\frac{CE}{BE} = \frac{AE}{CE} \Rightarrow CE^2 = AE \cdot BE \Rightarrow CD^2 = 4AE \cdot BE \quad (\text{Đpcm})$$

Bài 5: (1,0 điểm)

$$\text{Đặt } t = \frac{x}{y} + \frac{y}{x} \text{ thì } x \text{ tồn tại } \Leftrightarrow |t| \geq 2 \Leftrightarrow \begin{cases} t \geq 2 \\ t \leq -2 \end{cases}$$

$$A = 3 \left[\left(\frac{x}{y} + \frac{y}{x} \right)^2 - 2 \frac{x}{y} \cdot \frac{y}{x} \right] - 8 \left(\frac{x}{y} + \frac{y}{x} \right) = 3(t^2 - 2) - 8t = 3t^2 - 8t - 6$$

GTNN của A với $x \neq 0$ bằng GTNN của $3t^2 - 8t - 6$ với $|t| \geq 2$

Khi $t = 2$ thì $A = 3 \cdot 4 - 8 \cdot 2 - 6 = -10$

Khi $t = -2$ thì $A = 3 \cdot 4 - 8 \cdot (-2) - 6 = 22$

Vậy GTNN của A là $-10 \Leftrightarrow t = 2 \Leftrightarrow \frac{x}{y} + \frac{y}{x} = 2$

$$\Leftrightarrow \frac{x^2 + y^2}{xy} = 2 \Leftrightarrow x^2 + y^2 = 2xy \Leftrightarrow (x - y)^2 = 0 \Leftrightarrow x = y$$

$$\text{*Cách 2: } A = 3 \left(\frac{x^2}{y^2} + \frac{y^2}{x^2} \right) - 8 \left(\frac{x}{y} + \frac{y}{x} \right) = \left(\frac{x^2}{y^2} + \frac{y^2}{x^2} \right) + 2 \left[\left(\frac{x}{y} + \frac{y}{x} \right)^2 - 4 \left(\frac{x}{y} + \frac{y}{x} \right) + 4 \right] - 12$$

$$A = \left(\frac{x^2}{y^2} + \frac{y^2}{x^2} \right) + 2 \left(\frac{x}{y} + \frac{y}{x} - 2 \right)^2 - 12$$

Với $x, y \neq 0$, áp dụng BĐT AM - GM ta có: $\frac{x^2}{y^2} + \frac{y^2}{x^2} \geq 2$ (1)

$$\text{Và } \left(\frac{x}{y} + \frac{y}{x} - 2 \right)^2 \geq 0 \text{ với } x, y \neq 0 \quad (2)$$

$$\text{Suy ra: } A \geq 2 + 0 - 12 = -10 \quad (3)$$

Dấu “=” ở (3) xảy ra \Leftrightarrow dấu “=” ở (1), (2) đồng thời xảy ra, nghĩ là:

$$\begin{cases} \frac{x^2}{y^2} = \frac{y^2}{x^2} \\ \frac{x}{y} + \frac{y}{x} - 2 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow x = y$$

Vậy $\text{Min } A = -10 \Leftrightarrow x = y$

*Cách 3: $A = 3m^2 - 8m - 6 = 3(m - \frac{4}{3})^2 - \frac{34}{3} \geq -\frac{34}{3}$ với $m = \frac{x}{y} + \frac{y}{x} \geq 2$

$$A = 3m^2 - 8m - 6 = 3m^2 - 12m + 12 + 4m - 8 - 10 = 3(m-2)^2 + 4(m-2) - 10$$

Với $m = \frac{x}{y} + \frac{y}{x} \geq 2$ thì $m = \frac{x}{y} + \frac{y}{x} \geq 2 \Rightarrow (m-2)^2 \geq 0$

và $m = \frac{x}{y} + \frac{y}{x} \geq 2 \Rightarrow 4(m-2) \geq 0$

$$\text{nên } A = 3m^2 - 8m - 6 = 3m^2 - 12m + 12 + 4m - 8 - 10 = 3(m-2)^2 + 4(m-2) - 10 \geq -10$$

$$\text{Min } A = -10 \text{ khi } m = \frac{x}{y} + \frac{y}{x} = 2 \Rightarrow x = y$$

ĐỀ 1983

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO TỈNH QUẢNG NINH

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT NĂM 2017

Môn thi: Toán (Dành cho mọi thí sinh)

Thời gian làm bài: 120 phút, không kể thời gian giao đề

ĐỀ THI CHÍNH THỨC

(Đề thi này có 01 trang)

Câu 1. (2,5 điểm)

- Rút gọn các biểu thức:

$$A = 10 - \sqrt{9}; \quad B = \sqrt{4x} + \sqrt{x} - \sqrt{9x} \text{ với } x \geq 0.$$

- Giải hệ phương trình $\begin{cases} x - y = 1 \\ x + y = 3 \end{cases}$.

- Tìm các giá trị của a để đồ thị hàm số $y = ax + 6$ đi qua điểm $M(1; 2)$.

Câu 2. (2,0 điểm)

Cho phương trình $x^2 - (2m+1)x + m^2 - 1 = 0$ (m là tham số).

1. Giải phương trình với $m = 5$.

2. Tìm các giá trị của m để phương trình có hai nghiệm $x_1; x_2$ thỏa mãn:

$$(x_1^2 - 2mx_1 + m^2)(x_2 + 1) = 1.$$

Câu 3. (2,0 điểm) Giải bài toán sau bằng cách lập phương trình hoặc hệ phương trình:

Một mảnh vườn hình chữ nhật có diện tích là 300m^2 . Nếu giảm chiều dài đi 2m và tăng chiều rộng thêm 3m thì mảnh vườn trở thành hình vuông. Tính chiều dài, chiều rộng của mảnh vườn.

Câu 4. (3,0 điểm)

Cho đường tròn tâm O , đường kính AB và điểm C nằm trên đường tròn (C không trùng với A và B). Lấy điểm D thuộc đoạn AC (D không trùng với A và C). Tia BD cắt cung nhỏ AC tại điểm M , tia BC cắt tia AM tại điểm N .

1. Chứng minh $MNCD$ là tứ giác nội tiếp.

2. Chứng minh $AM \cdot BD = AD \cdot BC$.

3. Gọi I là giao điểm thứ hai của hai đường tròn ngoại tiếp tam giác ADM và tam giác BDC . Chứng minh ba điểm N, D, I thẳng hàng.

Câu 5. (0,5 điểm)

Tính giá trị của biểu thức $M = a^2 + b^2$ biết a và b thoả mãn:

$$\begin{cases} \frac{3a^2}{b^2} + \frac{1}{b^3} = 1 \\ \frac{3b^2}{a^2} + \frac{2}{a^3} = 1 \end{cases}.$$

..... *Hết*

Thí sinh không được sử dụng tài liệu. Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh: Số báo danh:

Chữ ký của cán bộ coi thi 1: Chữ ký của cán bộ coi thi 2:

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
TỈNH QUẢNG NINH

**HƯỚNG DẪN CHẤM THI TUYỂN SINH
LỚP 10 THPT NĂM 2017**
Môn thi: Toán (Dành cho mọi thí sinh)

ĐỀ THI CHÍNH THỨC

(Hướng dẫn này có 02 trang)

Câu	Sơ lược lời giải	Điểm
Câu 1 (2,5 điểm)	1. $A = 7$. Ghi chú: Nếu học sinh chỉ ghi kết quả vẫn cho điểm tối đa.	0,5
	$B = 2\sqrt{x} + \sqrt{x} - 3\sqrt{x} = 0$.	0,5
	2. $\begin{cases} x - y = 1 \\ x + y = 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = 1 \end{cases}$. Ghi chú: Nếu học sinh chỉ ghi kết quả vẫn cho điểm tối đa.	0,75
	3. Vì đồ thị hàm số $y = ax + 6$ đi qua điểm $M(1; 2)$ nên $2 = a \cdot 1 + 6 \Leftrightarrow a = -4$	0,75
Câu 2 (2,0 điểm)	1. Với $m = 5$ phương trình là $x^2 - 11x + 24 = 0$ Phương trình có 2 nghiệm phân biệt: $x_1 = 8$; $x_2 = 3$. Ghi chú: Sau khi thay m được phương trình bậc hai, nếu học sinh chỉ ghi kết quả vẫn cho điểm tối đa.	0,5
	2. Xét phương trình $x^2 - (2m+1)x + m^2 - 1 = 0$ có $\Delta = 4m + 5$. Để phương trình có hai nghiệm thì $\Delta \geq 0 \Leftrightarrow m \geq -\frac{5}{4}$ (*)	0,25
	Với $m \geq -\frac{5}{4}$ thì phương trình đã cho luôn có hai nghiệm, theo hệ thức Vi-ét ta có: $\begin{cases} x_1 + x_2 = 2m + 1 \\ x_1 x_2 = m^2 - 1 \end{cases}$	0,25
	Vì x_1 là một nghiệm của phương trình đã cho nên ta có: $x_1^2 - (2m+1)x_1 + m^2 - 1 = 0 \Rightarrow x_1^2 - 2mx_1 + m^2 = x_1 + 1$.	0,25
	Do đó $(x_1^2 - 2mx_1 + m^2)(x_2 + 1) = 1$ $\Leftrightarrow (x_1 + 1)(x_2 + 1) = 1 \Leftrightarrow x_1 x_2 + x_1 + x_2 + 1 = 1$ $\Leftrightarrow m^2 + 2m = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 0 \\ m = -2 \end{cases}$	0,25
	Kết hợp với điều kiện (*), ta được $m = 0$	
	Gọi chiều dài của mảnh vườn là x (m); ĐK $x > 2$.	0,25
Câu 3 (2,0 điểm)	Chiều rộng của mảnh vườn là: $\frac{300}{x}$ (m).	0,25
	Nếu giảm chiều dài đi 2m và tăng chiều rộng thêm 3m thì mảnh vườn mới có kích thước là: $x - 2$ (m) và $\frac{300}{x} + 3$ (m).	0,5
	Vì mảnh vườn trở thành hình vuông nên ta có phương trình:	

	$\frac{300}{x} + 3 = x - 2$ $\Rightarrow 300 + 3x = x^2 - 2x \Leftrightarrow x^2 - 5x - 300 = 0$ $\Leftrightarrow \begin{cases} x = 20 \text{ (thỏa mãn)} \\ x = -15 \text{ (loại)} \end{cases}$ <p>Vậy mảnh vườn có chiều dài là 20m, chiều rộng là $300:20 = 15(m)$.</p> <p>Ghi chú: Nếu học sinh ghi chiều dài mới và chiều rộng mới không trừ điểm.</p>	0,25
Câu 4 (3,0 điểm)	<p>1. Vì: $AMB = 90^\circ$ (góc nội tiếp chắn nửa đường tròn) $\Rightarrow NMD = 90^\circ$, $ACB = 90^\circ$ (góc nội tiếp chắn nửa đường tròn) $\Rightarrow NCD = 90^\circ$,</p> <p>Tứ giác $MNCD$ có $NMD = NCD = 90^\circ$, nên $MNCD$ là tứ giác nội tiếp.</p> <p>2. Xét hai tam giác AMD và BCD có: $AMD = BCD = 90^\circ$, $ADM = BDC$ (đối đỉnh) $\Rightarrow \triangle AMD \sim \triangle BCD$ (gg)</p> $\Rightarrow \frac{AM}{AD} = \frac{BC}{BD} \Rightarrow AM \cdot BD = AD \cdot BC.$ <p>3. Xét đường tròn ngoại tiếp tam giác ADM, vì $AMD = 90^\circ$ (chứng minh trên) nên AD là đường kính $\Rightarrow AID = 90^\circ$ (góc nội tiếp chắn nửa đường tròn).</p> <p>Tương tự, ta có $BID = 90^\circ$.</p> $\Rightarrow AID + BID = 180^\circ, \text{ hay } A, I, D \text{ thẳng hàng và } DI \perp AB \text{ (1).}$ <p>Mặt khác, xét tam giác ABN, có $BM \perp AN$, $AC \perp BN$ mà D là giao điểm của BM và AC $\Rightarrow D$ là trực tâm tam giác ABN</p> $\Rightarrow DN \perp AB \text{ (2).}$ <p>Từ (1) và (2), ta có: N, D, I thẳng hàng.</p>	0,25
Câu 5 (0,5 điểm)	<p>ĐK: $a \neq 0; b \neq 0$</p> <p>* $\frac{3a^2}{b^2} + \frac{1}{b^3} = 1 \Rightarrow b^3 - 3a^2b = 1 \Rightarrow b^6 - 6a^2b^4 + 9a^4b^2 = 1 \text{ (1)}$</p> <p>* $\frac{3b^2}{a^2} + \frac{2}{a^3} = 1 \Rightarrow a^3 - 3ab^2 = 2 \Rightarrow a^6 - 6a^4b^2 + 9a^2b^4 = 4 \text{ (2)}$</p>	0,25

	Cộng vế với vế của (1) và (2), ta được	
--	--	--

$$a^6 + 3a^4b^2 + 3a^2b^4 + b^6 = 5 \text{ hay } (a^2 + b^2)^3 = 5. \text{ Vậy } M = \sqrt[3]{5}.$$

	0,25
--	------

Những chú ý khi chấm thi:

- Hướng dẫn chấm này chỉ trình bày sơ lược một cách giải. Bài làm của học sinh phải chi tiết, lập luận chặt chẽ, tính toán chính xác mới cho điểm tối đa.
- Các cách giải khác nếu đúng vẫn cho điểm. Tổ chấm trao đổi và thống nhất điểm chi tiết.
- Có thể chia nhỏ điểm thành phần nhưng không dưới 0,25 điểm và phải thống nhất trong cả tổ chấm. Điểm thống nhất toàn bài là tổng số điểm toàn bài đã chấm, **không làm tròn**.

..... *Hết*

ĐỀ 1984

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
BÌNH ĐỊNH

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT NĂM HỌC 2014-2015
TRƯỜNG THPT CHUYÊN LÊ QUÝ ĐÔN

ĐỀ CHÍNH THỨC

Môn thi: TOÁN

Ngày thi: 13/06/2014

Thời gian làm bài: 120 phút (*không kể thời gian phát đề*).

Bài 1: (2,0 điểm) Cho biểu thức $A = \frac{a^2 + \sqrt{a}}{a - \sqrt{a} + 1} - \frac{2a + \sqrt{a}}{\sqrt{a}} + 1$, với $a > 0$.

- a. Rút gọn A.
- b. Tìm giá trị của a để $A = 2$.
- c. Tìm giá trị nhỏ nhất của A.

Bài 2: (2,0 điểm)

Gọi đồ thị hàm số $y = x^2$ là parabol (P), đồ thị hàm số $y = (m+4)x - 2m - 5$ là đường thẳng (d).

- a. tìm giá trị của m để (d) cắt (P) tại hai điểm phân biệt.
- b. Khi (d) cắt (P) tại hai điểm phân biệt A và B có hoành độ lần lượt là $x_1 ; x_2$. Tìm các giá trị của m sao cho $x_1^3 + x_2^3 = 0$.

Bài 3: (1,5 điểm)

Tìm x, y nguyên sao cho $\sqrt{x} + \sqrt{y} = \sqrt{18}$

Bài 4: (3,5 điểm)

Cho đường tròn (O) và một điểm P ở ngoài đường tròn. Kẻ hai tiếp tuyến PA, PB với đường tròn (O) (A, B là hai tiếp điểm). PO cắt đường tròn tại hai điểm K và I (K nằm giữa P và O) và cắt AB tại H. Gọi D là điểm đối xứng của B qua O, C là giao điểm của PD và đường tròn (O).

a. Chứng minh tứ giác BHCP nội tiếp.

b. Chứng minh $AC \perp CH$.

c. Đường tròn ngoại tiếp tam giác ACH cắt IC tại M. Tia AM cắt IB tại Q.

Chứng minh M là trung điểm của AQ.

Bài 5: (1,0 điểm)

Tìm giá trị nhỏ nhất của hàm số: $y = \frac{2}{1-x} + \frac{1}{x}$, với $0 < x < 1$

BÀI GIẢI**Bài 1: (2,0 điểm)****a) Rút gọn A.**

$$\text{Ta có: } A = \frac{a^2 + \sqrt{a}}{a - \sqrt{a} + 1} - \frac{2a + \sqrt{a}}{\sqrt{a}} + 1$$

với $a > 0 \Rightarrow \sqrt{a}$ có nghĩa; $a - \sqrt{a} + 1 = \left(\sqrt{a} - \frac{1}{2}\right)^2 + \frac{3}{4} > 0$ với mọi $a > 0 \Rightarrow A$ có nghĩa với mọi $a > 0$.

$$A = \frac{\sqrt{a} \left[(\sqrt{a})^3 + 1 \right]}{a - \sqrt{a} + 1} - \frac{\sqrt{a} (2\sqrt{a} + 1)}{\sqrt{a}} + 1 = a - \sqrt{a}$$

b) Tìm giá trị của a để $A = 2$

Ta có: $A = a - \sqrt{a}$. Để $A = 2 \Rightarrow a - \sqrt{a} = 2 \Leftrightarrow a - \sqrt{a} - 2 = 0$

Đặt: $\sqrt{a} = t > 0$ có pt: $t^2 - t - 2 = 0 \Leftrightarrow t_1 = -1$ (loại) $t_2 = 2$ (thõa mãn điều kiện)

Với $t = 2 \Leftrightarrow \sqrt{a} = 2 \Leftrightarrow a = 4$ (thõa mãn điều kiện)

Vậy: $a = 4$ là giá trị cần tìm.

c) Tìm giá trị nhỏ nhất của A.

$$\text{Ta có: } A = a - \sqrt{a} = a - 2\sqrt{a} \frac{1}{2} + \left(\frac{1}{2}\right)^2 - \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \left(\sqrt{a} - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{1}{4} \geq -\frac{1}{4} \text{ với mọi } a > 0$$

(vì: $\left(\sqrt{a} - \frac{1}{2}\right)^2 \geq 0$ với mọi $a > 0$)

Dấu “=” khi $\sqrt{a} - \frac{1}{2} = 0 \Leftrightarrow a = \frac{1}{4}$ (thõa mãn điều kiện $a > 0$)

Vậy: $A_{nho nhat} = \frac{-1}{4}$ khi $a = \frac{1}{4}$

Bài 2: (2,0 điểm)**a) Tìm giá trị của m để (d) cắt (P) tại hai điểm phân biệt**

Ta có: (d): $y = (m+4)x - 2m - 5$

$$(P): y = x^2$$

Pt hoành độ giao điểm của (d) và (P) là: $x^2 = (m+4)x - 2m - 5 \Leftrightarrow x^2 - (m+4)x + 2m + 5 = 0 \quad (1)$

$$\Delta = [-(m+4)]^2 - 4(2m+5) = (m+4)^2 - 4(2m+5) = m^2 - 4 = (m+2)(m-2)$$

Để (d) cắt (P) tại hai điểm phân biệt khi Pt (1) có hai nghiệm phân biệt khi $\Delta > 0$

$$\Leftrightarrow (m+2)(m-2) > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m+2 > 0 \\ m-2 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m-2 > 0 \\ m+2 < 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m > 2 \\ m < -2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} m+2 < 0 \\ m-2 < 0 \end{cases}$$

Vậy: với $m > 2$ hoặc $m < -2$ thì (d) cắt (P) tại hai điểm phân biệt.

b) Tìm các giá trị của m sao cho $x_1^3 + x_2^3 = 0$.

Với $m > 2$ hoặc $m < -2$. Thì Pt: $x^2 - (m+4)x + 2m + 5 = 0 \quad (1)$ có hai nghiệm phân biệt x_1, x_2

$$\begin{aligned} \text{Theo Viet ta có: } & x_1 + x_2 = m+4 \\ & x_1 x_2 = 2m+5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Ta có: } & x_1^3 + x_2^3 = (x_1 + x_2) \left[(x_1 + x_2)^2 - 3x_1 x_2 \right] = (m+4) \left[(m+4)^2 - 3(2m+5) \right] \\ & = (m+4)(m+1)^2. \end{aligned}$$

Để: $x_1^3 + x_2^3 = 0 \Leftrightarrow (m+4)(m+1)^2 = 0 \Leftrightarrow m = -4$ (thõa mãn điều kiện) hoặc $m = -1$ (không thõa mãn điều kiện)

Vậy: $m = -4$ là giá trị cần tìm.

Bài 3: (1,5 điểm)

$$\text{Ta có: } \sqrt{x} + \sqrt{y} = \sqrt{18}$$

$$\text{ĐK: } x \geq 0; y \geq 0$$

Pt viết: $\sqrt{x} + \sqrt{y} = 3\sqrt{2} \quad (1)$ (Với ĐK: $x \geq 0; y \geq 0$; $\sqrt{x} \geq 0; \sqrt{y} \geq 0$ mà $\sqrt{x} + \sqrt{y} = 3\sqrt{2} \Rightarrow \sqrt{x} \leq 3\sqrt{2}$ và $\sqrt{y} \leq 3\sqrt{2}$)

$$\text{Pt viết: } \sqrt{x} = 3\sqrt{2} - \sqrt{y} \geq 0 \Leftrightarrow (\sqrt{x})^2 = (3\sqrt{2} - \sqrt{y})^2 \Leftrightarrow 6\sqrt{2y} = y - x + 18 \Leftrightarrow \sqrt{2y} = \frac{y-x+18}{6} \in Q$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{2y} = a \in Q \Leftrightarrow 2y = a^2 \in Q \Leftrightarrow \begin{cases} a^2 \in N \text{ (vi } 2y \in Z \text{ và } a \geq 0) \\ a:2 \end{cases}$$

$$a = 2m \quad (m \in N)$$

Vậy: $2y = (2m)^2 \Leftrightarrow y = 2m^2 \Leftrightarrow \sqrt{y} = m\sqrt{2}$. Tương tự: $\sqrt{x} = n\sqrt{2}$

$$\text{Pt (1) viết: } n\sqrt{2} + m\sqrt{2} = 3\sqrt{2} \Leftrightarrow n+m=3 \quad (\text{với } m, n \in N)$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} n=0 \\ m=3 \end{cases} \text{ hoặc } \begin{cases} n=1 \\ m=2 \end{cases} \text{ hoặc } \begin{cases} n=2 \\ m=1 \end{cases} \text{ hoặc } \begin{cases} n=3 \\ m=0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ y = 18 \end{cases} \text{ hoặc } \begin{cases} x = 2 \\ y = 8 \end{cases} \text{ hoặc } \begin{cases} x = 8 \\ y = 2 \end{cases} \text{ hoặc } \begin{cases} x = 18 \\ y = 0 \end{cases}$$

Vậy Pt đã cho có 4 nghiệm $\begin{cases} x=0 \\ y=18 \end{cases}; \begin{cases} x=2 \\ y=8 \end{cases}; \begin{cases} x=8 \\ y=2 \end{cases}; \begin{cases} x=18 \\ y=0 \end{cases}$

Bài 4: (3,5 điểm)

Cho đường tròn (O) và một điểm P ở ngoài đường tròn. Kẻ hai tiếp tuyến PA, PB với đường tròn (O) (A, B là hai tiếp điểm). PO cắt đường tròn tại hai điểm K và I (K nằm giữa P và O) và cắt AB tại H . Gọi D là điểm đối xứng của B qua O , C là giao điểm của PD và đường tròn (O).

- d. Chứng minh tứ giác BHCP nội tiếp.
e. Chứng minh $AC \perp CH$.
f. Đường tròn ngoại tiếp tam giác ACH cắt IC tại M. Tia AM cắt IB tại Q. Chứng minh M là trung điểm của AQ.

Bài 4: (3,5 điểm)

a) Chứng minh tứ giác BHCP nội tiếp

Xét $\triangle ABP$ có: $PA = PB$

và $\angle APO = \angle OPB$ (tính gián hai tiếp tuyến cắt nhau)

$\Rightarrow \triangle ABP$ cân tại P có PO là phân giác

\Rightarrow PO cũng là đường cao, trung tuyến $\triangle ABP$.

Xét tứ giác BHCP ta có $BHP = 90^\circ$ (vì $PO \perp AB$)

$$BCP = 90^\circ$$

(Vì kề hù, $\angle BCD = 90^\circ$ (nội tiếp nửa đường tròn (Ω)))

BHP = BCP

⇒ Tứ giác BHCP nội tiếp (O là trung tâm) có 4 góc.

b) Chứng minh $AC \perp CH$.

Xét $\wedge ACH$ ta có

$HAC \equiv B$. (chắn cung BKC của đường tròn (O))

Mà $B \equiv H$ (do BHCP nối tiếp)

$\Rightarrow HAC \equiv H$

$$\text{Mà } H + AHC = 90^\circ \text{ (vì: } PO \perp AB)$$

$$\Rightarrow HAC + AHC = 90^\circ$$

$\Rightarrow \wedge AHC$ vuông tại C

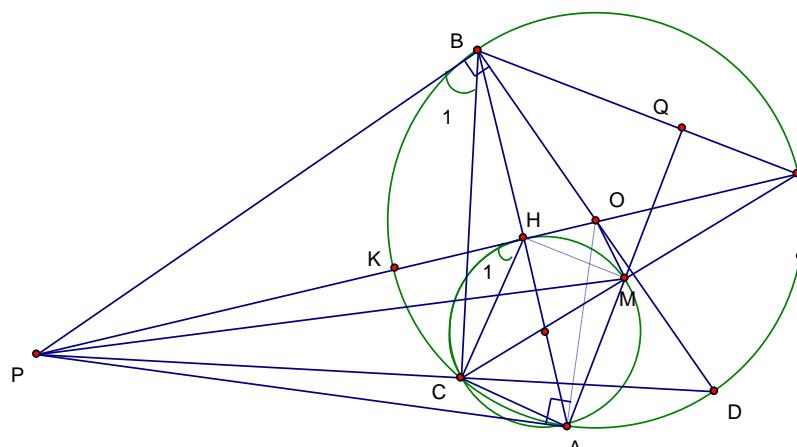
$\Rightarrow \Delta H = 0$

c) Chứng minh M là trung điểm của AO

Xét tứ giác $ACHM$ ta có M nằm trên đường tròn ngoại tiếp ΔACH .

\Rightarrow tứ giác ACHM nội tiếp.

$\Rightarrow CMH = HAC$ (chỗn cung HC)



Mà $HAC = BIC$ (chỗ cung BC của đường tròn (O))

$\Rightarrow CMH = BIC$

$\Rightarrow MH//BI$ (vì cặp góc đồng vị bằng nhau)

Xét $\triangle ABQ$ có $AH = BH$ (do PH là trung tuyến $\triangle APB$ (C/m trên))

Và: $MH//BI$

$\Rightarrow MH$ là trung bình $\triangle ABQ$

$\Rightarrow M$ là trung điểm của AQ

Bài 5: (1,0 điểm)

$$\text{Ta có: } y = \frac{2}{1-x} + \frac{1}{x} = \frac{2}{1-x} - 2 + \frac{1}{x} - 1 + 3 = \frac{2x}{1-x} + \frac{x-1}{x} + 3$$

$$\text{Vì } 0 < x < 1 \Rightarrow \frac{2x}{1-x} > 0 \text{ và } \frac{x-1}{x} > 0$$

$$\text{Ta có: } \frac{2x}{1-x} + \frac{x-1}{x} \geq 2\sqrt{\frac{2x}{1-x} \cdot \frac{x-1}{x}} = 2\sqrt{2} \text{ (Bất đẳng thức Cô si)}$$

$$\text{Đ dấu "=" xảy ra khi: } \frac{2x}{1-x} = \frac{x-1}{x} \Leftrightarrow x^2 + 2x - 1 = 0 \Leftrightarrow x_1 = -1 + \sqrt{2} \text{ (thõa mãn điều kiện)}$$

$x_2 = -1 - \sqrt{2}$ (không thõa mãn điều kiện; loại)

$\Rightarrow y \geq 2\sqrt{2} + 3$ Đ dấu "=" xảy ra khi $x_1 = -1 + \sqrt{2}$

Vậy $y_{nhonhat} = 2\sqrt{2} + 3$ khi $x_1 = -1 + \sqrt{2}$

ĐỀ 1985

SỞ GD & ĐT H- NG YÊN

NĂM HỌC 2011-2012

Nguy thi 5/7/2011

ĐỀ THI TUYỂN SINH VÀO LỚP 10

THPT KHÔNG CHUYÊN

Mìn To, n: Thời gian 120' không kể giao tiếp

Phần A. Trắc nghiệm: (2 điểm). Hãy chọn ph- ơng án đúng và viết chữ cái đứng trước ph- ơng án đó vào bài làm.

Câu 1. Giá trị của biểu thức $\sqrt{18a}$ (với $a \geq 0$) bằng

- A. $9\sqrt{a}$ B. $3a\sqrt{2}$ C. $2\sqrt{3a}$ D. $3\sqrt{2a}$

Câu 2. Biểu thức $\sqrt{2x-2} + x-3$ có nghĩa khi và chỉ khi

- A. $x \geq 3$ B. $x \neq 1$ C. $x \geq 1$ D. $x \leq 1$

Câu 3. Điểm $M(-1;2)$ thuộc đồ thị $y=ax^2$ khi a bằng

- A. 2 B. 4 C. -2 D. 0,5

Câu 4. Gọi S, P là tổng và tích các nghiệm của ph- ơng trình $x^2+8x-7=0$. Khi đó $S+P$ bằng

- A. -1 B. -15 C. 1 D. 15

Câu 5. Ph- ơng trình $x^2 - (a+1)x + a = 0$ có nghiệm là

- A. $x_1=1; x_2=-a$ B. $x_1=-1; x_2=a$ C. $x_1=1; x_2=a$ D. $x_1=-1; x_2=-a$

Câu 6. Cho $(O;R)$ và đ- ờng thẳng (d) . Biết rằng (d) và $(O;R)$ không giao nhau, khoảng cách từ O đến (d) bằng 5. Khi đó:

- A. $R < 5$ B. $R = 5$ C. $R > 5$ D. $R \geq 5$

Câu 7. Tam giác ABC vuông tại A có $AC=3\text{cm}$; $AB=4\text{cm}$. Khi đó $\sin B$ bằng

- A. $\frac{3}{4}$ B. $\frac{3}{5}$ C. $\frac{4}{5}$ D. $\frac{4}{3}$

Câu 8. Một hình nón có chiều cao h và đ- ờng kính đáy d. Thể tích của hình nón đó là

- A. $\frac{1}{3}\pi d^2 h$ B. $\frac{1}{4}\pi d^2 h$ C. $\frac{1}{6}\pi d^2 h$ D. $\frac{1}{12}\pi d^2 h$

Phần B. Tự luận (8điểm)

Bài 1.(1,5 điểm)

c) Rút gọn biểu thức $P = (4\sqrt{2} - \sqrt{8} + 2)\sqrt{2} - \sqrt{8}$

d) Tìm toạ độ giao điểm của hai đồ thị hàm số $y=x^2$ và $y=3x-2$.

Bài 2. (1,0 điểm) Một công ty vận tải điều một số xe tải đến kho hàng để chở 21 tấn hàng. Khi đến kho thì có 1 xe bị hỏng nên để chở hết 1- ợng hàng đó, mỗi xe phải chở thêm 0,5 tấn so với dự định ban đầu. Hỏi lúc đầu công ty đã điều đến kho hàng bao nhiêu xe? Biết rằng khối 1- ợng hàng chở ở mỗi xe là nh- nhau.

Bài 3. (1,5 điểm) Cho hệ ph- ơng trình

$$\begin{cases} (m-1)x-my=3m-1 \\ 2x-y=m+5 \end{cases}$$

c) Giải hệ ph- ơng trình với $m=2$

d) Tìm m để hệ ph- ơng trình có nghiệm duy nhất $(x;y)$ sao cho $x^2-y^2<4$.

Bài 4. (3,0 điểm) Cho đ- ờng tròn tâm O bán kính R và một đ- ờng thẳng (d) cố định, (d) và đ- ờng tròn $(O;R)$ không giao nhau. Gọi H là chân đ- ờng vuông góc kẻ từ O xuống đ- ờng thẳng (d) , M là điểm thay đổi trên (d) (M không trùng với H). Từ M kẻ hai tiếp tuyến MA, MB với đ- ờng tròn $(O;R)$ (với A, B là các tiếp điểm). Dây cung AB cắt AH tại I. Chứng minh:

d) 5 điểm O, A, B, H và M cùng nằm trên cùng một đ- ờng tròn.

e) $IH \cdot IO = IA \cdot IB$

f) Khi M thay đổi trên (d) thì tích $IA \cdot IB$ không đổi.

Bài 5. (1,0 điểm) Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức $y = -4(x^2 - x + 1) + 3|2x - 1|$ với $-1 < x < 1$.

-----Hết-----

Gợi ý lời giải

Phân A. Trắc nghiệm (Mỗi đáp án đúng 0,25 điểm)

Câu	1	2	3	4	5	6	7	8
Đáp án	D	C	D	B	C	B	B	D

Phân B. Tự luận

Bài 1.

a) $P = (4\sqrt{2} - \sqrt{8} + 2) \cdot \sqrt{2} - \sqrt{8} = 8 - 4 + 2\sqrt{2} - 2\sqrt{2} = 4$

b) Giải hệ ph- ơng trình toạ độ giao điểm

$$\begin{cases} y=x^2 \\ y=3x-2 \end{cases}$$

ta đ- ợc hai cặp nghiệm $(1;1)$ và $(2;4)$. Vậy toạ độ giao điểm của chúng là 2

điểm $(1;1)$ và $(2;4)$.

Bài 2. Gọi số xe lúc đầu mà công ty điêu đến kho là x (xe) (x nguyên và $x > 1$)

Do vậy mỗi xe dự định chở $\frac{21}{x}$ tấn hàng.

Số xe thực tế phải chở hàng là $x-1$ (xe) nên mỗi xe phải chở $\frac{21}{x-1}$ tấn.

Theo bài ra ta có ph- ơng trình $\frac{21}{x-1} - \frac{21}{x} = \frac{1}{2}$ (Đổi $0,5 = \frac{1}{2}$)

Giải ph- ơng trình ta đ- ợc $x_1=7$ và $x_2=-6$ (Loại)

Vậy số xe ban đầu là 7 xe.

Bài 3.

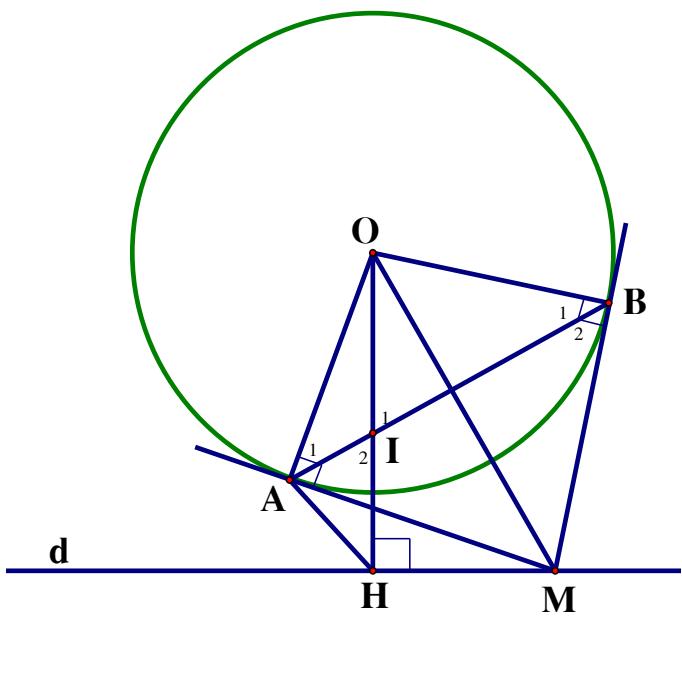
c) Với $m=2$ ta có hệ ph- ơng trình $\begin{cases} x-2y=5 \\ 2x-y=7 \end{cases}$ giải hệ pt ta đ- ợc nghiệm $(x;y)=(4;1)$

d) Từ $2x-y=m+5$ suy ra $y=2x-m-5$ thế vào $(m-1)x-my=3m-1$ ta đ- ợc $(m+1)x=(m+1)^2$. Khi đó hpt có nghiệm duy nhất khi $m \neq -1$. Từ đó ta có nghiệm duy nhất của hệ là $(x;y)=(m+1;m-3)$.

Để $(x;y)$ thoả mãn $x^2-y^2<4$ ta phải có $(m+1)^2-(m-3)^2<4$. Giải bất ph- ơng trình ẩn m ta đ- ợc $m < \frac{3}{2}$

Vậy với $m \neq -1$ và $m < \frac{3}{2}$ thì hpt cho có nghiệm duy nhất $(x;y)$ thoả mãn $x^2-y^2<4$.

Bài 4. Vẽ hình nh- sau



- d) Ta có các góc OAM, OBM và góc OHM đều có số đo là 90° nên 5 điểm O, A, B, H, M cùng nằm trên đường tròn đường kính OM.
- e) Ta chứng minh tam giác OIB đồng dạng với tam giác AIH. Từ đó ta suy ra $IH \cdot IO = IA \cdot IB$
- f) Ta chứng minh đ-ợc hai tam giác OIA và OAH đồng dạng (g.g). Từ đó suy ra $IO \cdot OH = OA^2$. Do vậy $IO = \frac{OA^2}{OH}$.

Theo chứng minh trên ta có

$$IA \cdot IB = IH \cdot IO = IO(OH - IO) = \frac{OA^2}{OH} (OH - \frac{OA^2}{OH})$$

Hay $IA \cdot IB =$

$$\frac{OA^2}{OH^2} (OH^2 - OA^2) = \frac{R^2}{OH^2} (OH^2 - R^2) \text{ không đổi (vì } R \text{ không đổi và (d) cố định nên } OH \text{ không đổi)}$$

Bài 5. Xét 2 trường hợp

$$\text{TH1: với } -1 < x < \frac{1}{2} \text{ ta có } y = -4(x^2 - x + 1) - 3(2x - 1) = -4x^2 - 2x - 1$$

$$\text{TH2: Với } \frac{1}{2} \leq x < 1 \text{ ta có } y = -4(x^2 - x + 1) + 3(2x - 1) = -4x^2 + 10x - 7$$

Tìm GTLN của các biểu thức trong các trường hợp và loại trường hợp giá trị x tìm đ-ợc không thoả mãn trường hợp đang xét.

(Bài h-óng dẫn đ-ợc đăng bởi antuantet16@yahoo.com.vn xin các bạn tham khảo và chia sẻ các cách giải hay hơn. Xin trân trọng cảm ơn!)

KỲ THI TUYỂN SINH VÀO LỚP 10 THPT NĂM HỌC 2017 - 2018

Ngày thi: 02 tháng 06 năm 2017

Môn thi: TOÁN (*Không chuyên*)Thời gian: 120 phút (*Không kể thời gian giao đề*)**ĐỀ CHÍNH THỨC***(Đề thi có 01 trang, thí sinh không phải chép đề vào giấy thi)***Câu 1:** (1,0 điểm) Rút gọn biểu thức $T = \sqrt{36} + \sqrt{9} - \sqrt{49}$ **Câu 2:** (1,0 điểm) Giải phương trình $x^2 - 5x - 14 = 0$ **Câu 3:** (1,0 điểm) Tìm m để đường thẳng $(d): y = (2m-1)x+3$ song song với đường thẳng $(d'): y = 5x+6$ **Câu 4:** (1,0 điểm) Vẽ đồ thị của hàm số $y = \frac{3}{2}x^2$ **Câu 5:** (1,0 điểm) Tìm a và b biết hệ phương trình $\begin{cases} ax + y = 1 \\ ax + by = -5 \end{cases}$ có một nghiệm là $(2; -3)$ **Câu 6:** Cho tam giác ABC vuông tại A có đường cao AH (H thuộc cạnh BC) biết $AB = a$, $BC = 2a$. Tính theo a độ dài AC và AH.**Câu 7:** (1,0 điểm) Tìm m để phương trình $x^2 + x - m + 2 = 0$ có hai nghiệm phân biệt x_1, x_2 thỏa $x_1^3 + x_2^3 + x_1^2 x_2^2 = 17$.**Câu 8:** (1,0 điểm) Một mảnh đất hình chữ nhật có chiều dài hơn chiều rộng 6m và độ dài đường chéo bằng $\frac{\sqrt{65}}{4}$ lần chiều rộng. Tính diện tích của mảnh đất hình chữ nhật đã cho.**Câu 9:** (1,0 điểm) Cho tam giác ABC có BAC tù. Trên BC lấy hai điểm D và E, trên AB lấy điểm F, trên AC lấy điểm K sao cho $BD = BA$, $CE = CA$, $BE = BF$, $CK = CD$. Chứng minh bốn điểm D, E, F và K cùng nằm trên một đường tròn.**Câu 10:** (1,0 điểm) Cho tam giác ABC ($AB < AC$), nội tiếp đường tròn đường kính BC, có đường cao AH (H thuộc cạnh BC), đường phân giác của góc A trong

tam giác ABC cắt đường tròn đó tại K (K khác A) , Biết $\frac{AH}{HK} = \frac{\sqrt{15}}{5}$. Tính $\angle ACB$

----- Kết -----

Giám thi không giải thích gì thêm

Họ và tên thí sinh: Số báo danh:

Chữ ký của giám thi 1: Chữ ký của giám thi 2:

GỢI Ý ĐÁP ÁN

Câu 1	Tính $T = \sqrt{36} + \sqrt{9} - \sqrt{49}$	1 điểm						
	Ta có: $T = \sqrt{6^2} + \sqrt{3^2} - \sqrt{7^2}$							
	$T = 6 + 3 - 7$							
	$T = 2$							
	Vậy $T = 2$							
Câu 2	Giải phương trình $x^2 - 5x - 14 = 0$	1 điểm						
	Ta có: $a = 1, b = -5, c = -14$							
	Biết thức: $\Delta = b^2 - 4ac = 25 + 56 = 81 > 0$							
	$\sqrt{\Delta} = 9$							
	Vậy phương trình có hai nghiệm phân biệt $x_1 = 7, x_2 = -2$							
Câu 3	Tìm m để đường thẳng $(d): y = (2m-1)x + 3$ song song với đường thẳng $(d'): y = 5x + 6$	1 điểm						
	Điều kiện: $2m - 1 \neq 0$							
	Vì $(d) // (d')$ nên hệ số a = a'							
	Suy ra: $2m - 1 = 5 \Leftrightarrow 2m = 6 \Leftrightarrow m = 3$							
Câu 4	Vẽ đồ thị của hàm số $y = \frac{3}{2}x^2$	1 điểm						
	Bảng sau cho một số giá trị x và y							
	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="padding: 2px;">x</td> <td style="padding: 2px;">-2</td> <td style="padding: 2px;">-1</td> <td style="padding: 2px;">0</td> <td style="padding: 2px;">1</td> <td style="padding: 2px;">2</td> </tr> </table>	x	-2	-1	0	1	2	
x	-2	-1	0	1	2			

$$y = \frac{3}{2}x^2$$

6

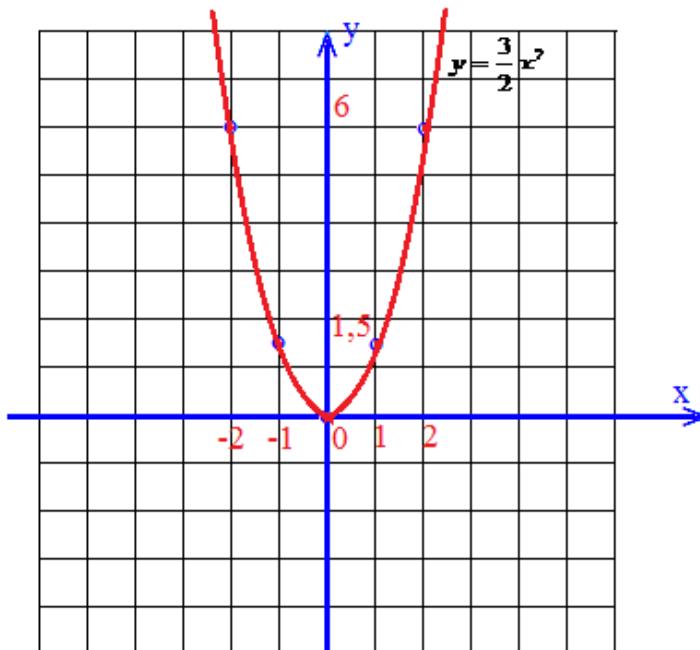
$$\frac{3}{2}$$

0

$$\frac{3}{2}$$

6

Vẽ

**Câu 5**

Tìm a và b biết hệ phương trình $\begin{cases} ax + y = 1 \\ ax + by = -5 \end{cases}$ có một nghiệm là (2; -3)

1 điểm

Thay x = 2 và y = -3 vào hệ ta được $\begin{cases} 2a - 3 = 1 \\ 2a - 3b = -5 \end{cases}$

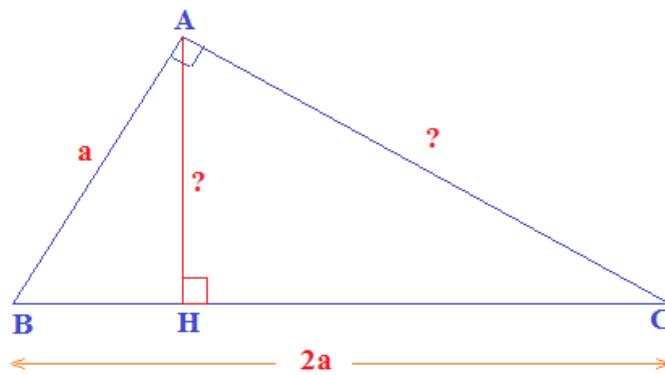
$$\begin{cases} 2a = 4 \\ 2a - 3b = -5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 2 \\ 4 - 3b = -5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 2 \\ b = 3 \end{cases}$$

Vậy $\begin{cases} a = 2 \\ b = 3 \end{cases}$ thì hệ phương trình $\begin{cases} ax + y = 1 \\ ax + by = -5 \end{cases}$ có một nghiệm là (2; -3)

Câu 6

Cho tam giác ABC vuông tại A có đường cao AH (H thuộc cạnh BC) biết AB = a, BC = 2a. Tính theo a độ dài AC và AH.

1 điểm



C/minh:

Xét tam giác ABC vuông tại A

Ta có: $BC^2 = AB^2 + AC^2$ (Định lý Pitago)

$$4a^2 = a^2 + AC^2$$

$$AC^2 = 4a^2 - a^2 = 3a^2$$

Vậy: $AC = \sqrt{3}a$ (đvđd)

Tam giác ABC vuông tại A, có $AH \perp BC$ tại H

Có: $BC \cdot AH = AB \cdot AC$ (hệ thức lượng trong ...)

$$2a \cdot AH = a \cdot \sqrt{3}a$$

$$AH = \frac{\sqrt{3}a^2}{2a} = \frac{\sqrt{3}a}{2}$$

$$\text{Vậy: } AH = \frac{\sqrt{3}a}{2} \text{ (đvđd)}$$

Câu 7

Tìm m để phương trình $x^2 + x - m + 2 = 0$ có hai nghiệm phân biệt x_1, x_2 thỏa $x_1^3 + x_2^3 + x_1^2 x_2^2 = 17$.

1 điểm

Để phương trình $x^2 + x - m + 2 = 0$ có hai nghiệm phân biệt x_1, x_2

Thì $\Delta > 0$

Hay: $b^2 - 4ac > 0$

$$\Rightarrow 1 - 4(-m+2) > 0$$

$$\Leftrightarrow 1 + 4m - 8 > 0$$

$$\Leftrightarrow m > \frac{7}{4} \text{ (Đk)}$$

Theo hệ thức Vi-et:
$$\begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{-b}{a} = -1 \\ x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a} = -m + 2 \end{cases}$$

$$\text{Do: } x_1^3 + x_2^3 + x_1^2 x_2^2 = 17$$

$$\text{Nên: } x_1^3 + x_2^3 + x_1^2 x_2^2 = (x_1 + x_2)^3 - 3x_1 x_2 (x_1 + x_2) + x_1^2 x_2^2$$

$$17 = -1 - 3(-m+2)(-1) + (-m+2)^2$$

.....

Giải phương trình trên ta được $m_1 = \frac{5+\sqrt{57}}{2}$ (Nhận)
 $m_2 = \frac{5-\sqrt{57}}{2}$ (Loại)

Vậy $m = \frac{5+\sqrt{57}}{2}$ thì hai nghiệm phân biệt x_1, x_2 thỏa
 $x_1^3 + x_2^3 + x_1^2 x_2^2 = 17$

Câu 8

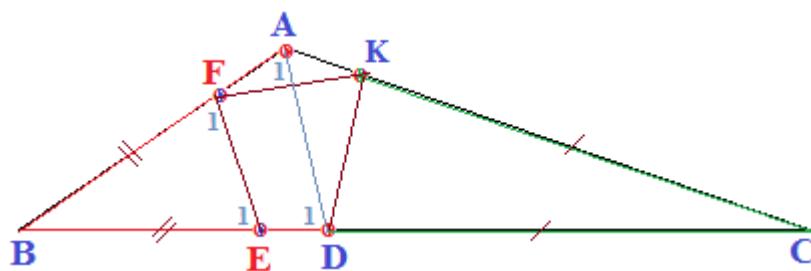
Một mảnh đất hình chữ nhật có chiều dài hơn chiều rộng 6m và độ dài đường chéo bằng $\frac{\sqrt{65}}{4}$ lần chiều rộng . Tính diện tích của mảnh đất hình chữ nhật đã cho.

1 điểm

Gọi x (m) là chiều rộng mảnh đất hình chữ nhật Đk: $x > 0$
 $x + 6$ (m) là chiều dài mảnh đất hình chữ nhật

Câu 9

Cho tam giác ABC có $\angle BAC$ tù. Trên BC lấy hai điểm D và E, trên AB lấy điểm F, trên AC lấy điểm K sao cho $BD = BA$, $CE = CA$, $BE = BF$, $CK = CD$. Chứng minh bốn điểm D, E, F và K cùng nằm trên một đường tròn.

1 điểm

C/minh: (gợi ý)

Ta có $BE = BF$ suy ra tam giác cân tại B

Tương tự: $BD = BA$ suy ra tam giác cân tại B

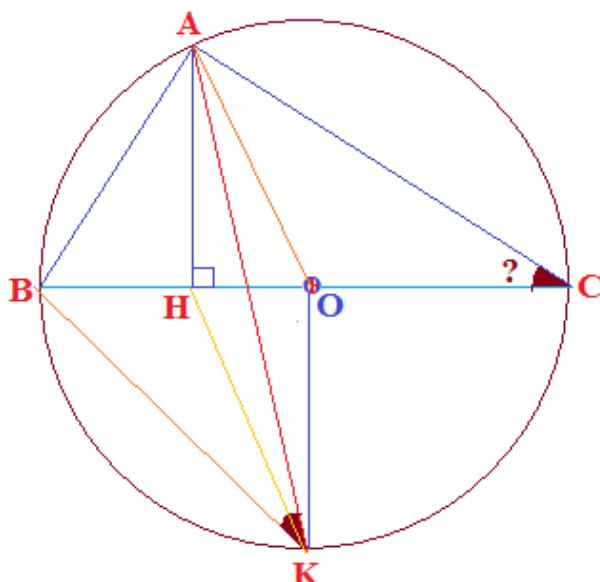
Suy ra: $E_1 = F_1 = D_1 = A_1$ từ đó suy ra tứ giác ADEF nội tiếp

Tương tự: Tứ giác AEDK nội tiếp

Nên: năm điểm A, F, E, D, K cùng thuộc một đường tròn
 Vậy bốn điểm D, E, F, K thuộc đường tròn. Tâm là giao hai đường
 trung trực của cạnh tứ giác.

Câu 10

Cho tam giác ABC ($AB < AC$), nội tiếp đường tròn đường kính BC, có đường cao AH (H thuộc cạnh BC), đường phân giác của góc A trong tam giác ABC cắt đường tròn đó tại K (K khác A), Biết $\frac{AH}{HK} = \frac{\sqrt{15}}{5}$. Tính $\angle ACB$

1 điểm**C/minh: (gợi ý)**

Ta có AK là tia phân giác $\angle BAC$ nên: $\angle BAK = \angle CAK$

$\Rightarrow K$ là điểm chính giữa BC

Nên $OK \perp BC$

Cách 1

Suy ra: Tam giác OKH vuông tại O $\Rightarrow HK^2 = OK^2 + OH^2$ (Pytago)

$$\text{hay } HK^2 = R^2 + OH^2 \quad (1)$$

mặt khác tam giác AHO vuông tại H $\Rightarrow AH^2 = AO^2 - OH^2$ (Pytago)

$$\text{hay } AH^2 = R^2 - OH^2 \quad (2)$$

$$\text{Từ (1) và (2) suy ra: } \frac{AH^2}{HK^2} = \frac{R^2 - OH^2}{R^2 + OH^2}$$

$$\text{Do đó: } \frac{\sqrt{15}^2}{5^2} = \frac{R^2 - OH^2}{R^2 + OH^2} = \frac{3}{5}$$

$$\Rightarrow 5R^2 - 5OH^2 = 3R^2 + 3OH^2$$

$$2R^2 = 8OH^2$$

Suy ra: $R = 2OH$

Do đó H là trung điểm của BO

Nên tam giác ABO là tam giác đều (Do cân tại A và O)

Vậy $B = 60^\circ$ và $C = 30^\circ$

ĐỀ 1987

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
BÌNH ĐỊNH

KỲ THI TUYỂN SINH VÀO LỚP 10 THPT CHUYÊN NĂM HỌC 2015 – 2016
TRƯỜNG THPT CHUYÊN LÊ QUÝ ĐÔN BÌNH ĐỊNH

Đề chính thức

Môn thi: TOÁN

Ngày thi: 06/6/2015

Thời gian làm bài: 120 phút (không kể thời gian phát đề)

Bài 1: (2,0 điểm).

a) Rút gọn biểu thức $P = \sqrt{2-\sqrt{3}}(\sqrt{6}+\sqrt{2})$

b) Giải hệ phương trình: $\begin{cases} 2x + y = 3 \\ x - y = 6 \end{cases}$

Bài 2: (2,0 điểm)

Cho phương trình: $mx^2 - 2(m+1)x + 1 - 3m = 0$ (1) (m là tham số)

a) Chứng tỏ rằng phương trình (1) luôn có nghiệm với mọi m.

b) Trong trường hợp $m \neq 0$. Gọi x_1, x_2 là hai nghiệm của phương trình (1). Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức

$$A = x_1^2 + x_2^2$$

Bài 3: (3,0 điểm)

Trong một phòng có 80 người họp, được sắp xếp ngồi đều trên các dãy ghế có số chỗ ngồi bằng nhau. Nếu ta bớt đi 2 dãy ghế thì mỗi dãy ghế còn lại phải sắp thêm 2 người thì vừa đủ chỗ. Hỏi lúc đầu có mấy dãy ghế và mỗi dãy ghế được xếp bao nhiêu chỗ ngồi?

Bài 4: (3,0 điểm)

Cho điểm M nằm ngoài đường tròn (O). Vẽ các tiếp tuyến MA, MB (A, B là các tiếp điểm) và cát tuyến MCD không đi qua O (C nằm giữa M và D), với đường tròn (O). Đoạn thẳng MO cắt AB và (O) theo thứ tự tại H và I.

Chứng minh rằng:

- a) Tứ giác MAOB nội tiếp đường tròn.
- b) $MC \cdot MD = MA^2$
- c) $OH \cdot OM + MC \cdot MD = MO^2$

Bài 5 (1,0 điểm).

Cho x, y, z là các số thực thỏa mãn điều kiện: $\frac{3x^2}{2} + y^2 + z^2 + yz = 1$

Tìm giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của biểu thức: $B = x + y + z$

Lượt giải

Bài 1: (2,0 điểm).

$$\begin{aligned} a) P &= \sqrt{2-\sqrt{3}}(\sqrt{6}+\sqrt{2}) = \sqrt{2-\sqrt{3}} \cdot \sqrt{2}(\sqrt{3}+1) = \sqrt{4-2\sqrt{3}}(\sqrt{3}+1) = \sqrt{(\sqrt{3}-1)^2} \cdot (\sqrt{3}+1) = \dots = 2 \\ b) \begin{cases} 2x+y=3 \\ x-y=6 \end{cases} &\Leftrightarrow \begin{cases} 3x=9 \\ y=x-6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=3 \\ y=-3 \end{cases}. \text{ Nghiệm của hệ đã cho là } (3; -3) \end{aligned}$$

Bài 2: (2,0 điểm)

- a) Chứng tỏ rằng phương trình (1) luôn có nghiệm với mọi m .

Phương trình (1) có: $\Delta' = (m+1)^2 - m \cdot (1-3m) = 4m^2 + m + 1 = \left(2m + \frac{1}{4}\right)^2 + \frac{15}{16} > 0$ với mọi m

Vậy phương trình (1) luôn có hai nghiệm phân biệt với mọi m

- b) Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $A = x_1^2 + x_2^2$

$$\text{Từ kết quả câu a) suy ra (1) có hai nghiệm } x_1, x_2 \text{ thỏa mãn } \begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{2(m+1)}{m} \\ x_1 \cdot x_2 = \frac{1-3m}{m} \end{cases} \text{ (hệ thức Viết)}$$

$$\text{Khi đó: } A = x_1^2 + x_2^2 = (x_1 + x_2)^2 - 2x_1x_2 = \frac{4(m+1)^2}{m^2} - \frac{2(1-3m)}{m} = \frac{10m^2 + 6m + 4}{m^2} = \frac{4}{m^2} + \frac{6}{m} + 10$$

$$\left(\frac{2}{m} + \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{31}{4} \geq \frac{31}{4} \text{ Dấu "=" xảy ra khi và chỉ khi } \frac{2}{m} + \frac{3}{2} = 0 \Leftrightarrow m = \frac{-3}{4}$$

$$\text{Vậy } \text{Min}A = \frac{31}{4} \text{ khi } m = \frac{-3}{4}$$

Bài 3: (3,0 điểm)

Gọi x (dãy) là số ghế ban đầu ($x \in \mathbb{N}, x > 2$)

Số chỗ ngồi theo cách sắp xếp thứ nhất $\frac{80}{x}$ (chỗ)

Số dãy ghế theo cách sắp xếp thứ hai: $x - 2$ (dãy)

Số chỗ ngồi trên mỗi dãy ghế theo cách sắp xếp thứ hai là: $\frac{80}{x-2}$ (chỗ)

Cách sắp xếp thứ hai có nhiều hơn cách thứ nhất 2 chỗ ngồi, nên ta có phương trình:

$$\frac{80}{x-2} - \frac{80}{x} = 2 \Leftrightarrow x^2 - 2x - 80 = 0 \Leftrightarrow x_1 = 10 (\text{nhận}), x_2 = -8 (\text{loại})$$

Vậy lúc đầu có 10 dãy ghế, mỗi dãy có số chỗ ngồi là: $80 : 10 = 8$ (chỗ ngồi)

Bài 4: (3,0 điểm)

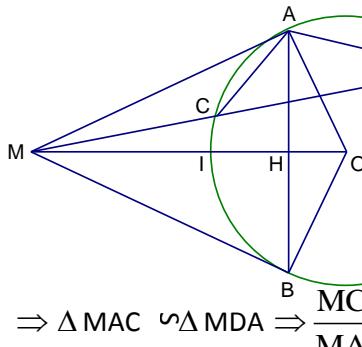
a) Chứng minh: tứ giác MAOB nội tiếp đường tròn.

Ta có:

$$MA \perp OA \text{ và } MB \perp OB \quad (MA, MB \text{ là các tiếp tuyến với tiếp điểm } A, B)$$

$$\Rightarrow \angle MAO = \angle MBO = 90^\circ \Rightarrow \angle MAO + \angle MBO = 180^\circ$$

Vậy tứ giác MABO nội tiếp đường tròn.



b) Chứng minh: $MC \cdot MD = MA^2$

$$\Delta MAC \text{ và } \Delta MDA \text{ có: Chung } M \text{ và } \angle MAC = \angle MDA \left(= \frac{1}{2} \text{ số } \widehat{AC}\right)$$

$$\Rightarrow \Delta MAC \sim \Delta MDA \Rightarrow \frac{MC}{MA} = \frac{MA}{MD} \Rightarrow MC \cdot MD = MA^2 \quad (1)$$

$$c) OH \cdot OM + MC \cdot MD = MO^2$$

Ta có: $OA = OB (=R)$ và $MA = MB$ (tính chất 2 tiếp tuyến cắt nhau)

Do đó: OM là trung trực của AB suy ra $OM \perp AB$

$$\text{Khi đó } AH \text{ là đường cao của tam giác vuông } AMO \text{ (đỉnh } A\text{)} \text{ nên: } OH \cdot OM = OA^2 \quad (2)$$

$$\text{Từ (1) và (2) suy ra: } OH \cdot OM + MC \cdot MD = MA^2 + OA^2$$

$$\text{Mà } MA + OA^2 = MO^2 \text{ (định lí Pytago)}$$

$$\text{Vậy } OH \cdot OM + MC \cdot MD = MO^2$$

Bài 5 (1,0 điểm).

Cho x, y, z là các số thực thỏa mãn điều kiện: $\frac{3x^2}{2} + y^2 + z^2 + yz = 1$

Tìm giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của biểu thức: $B = x + y + z$

$$\text{Ta có: } \frac{3x^2}{2} + y^2 + z^2 + yz = 1 \Leftrightarrow 3x^2 + 2y^2 + 2z^2 + 2yz = 2$$

$$\Leftrightarrow x^2 + y^2 + z^2 + 2xy + 2xz + 2yz + x^2 - 2xy + y^2 + x^2 - 2xz + z^2 = 2 \Leftrightarrow (x+y+z)^2 + (x-y)^2 + (x-z)^2 = 2$$

$$\Leftrightarrow (x+y+z)^2 \leq 2 \quad (\text{vì } (x-y)^2 \geq 0, (x-z)^2 \geq 0 \text{ với mọi } x, y, z), \text{ dấu "=" xảy ra khi và chỉ khi } x=y=z$$

$$\Leftrightarrow |x+y+z| \leq \sqrt{2}, \text{ dấu "=" xảy ra khi và chỉ khi } x=y=z$$

$$\Leftrightarrow -\sqrt{2} \leq B \leq \sqrt{2}, \text{ dấu "=" xảy ra khi và chỉ khi } \begin{cases} x=y=z \\ |x+y+z|=\sqrt{2} \end{cases}$$

$$\text{Vậy } \max B = \sqrt{2} \text{ khi } x=y=z = \frac{\sqrt{2}}{3} \text{ và } \min B = -\sqrt{2} \text{ khi } x=y=z = -\frac{\sqrt{2}}{3}$$

(ĐỀ THI THỬ)

Thời gian làm bài: 120 phút, không kể thời gian phát đề**Câu 1 (2,0 điểm).**

- 1) Rút gọn biểu thức: $P = \sqrt{2}(\sqrt{8} - 2\sqrt{3}) + 2\sqrt{6}$.
- 2) Tìm m để đường thẳng $y = (m+2)x + m$ song song với đường thẳng $y = 3x - 2$.
- 3) Tìm hoành độ của điểm A trên parabol $y = 2x^2$, biết A có tung độ $y = 18$.

Câu 2 (2,0 điểm). Cho phương trình $x^2 - 2x + m + 3 = 0$ (m là tham số).

- 1) Tìm m để phương trình có nghiệm $x = 3$. Tìm nghiệm còn lại.
- 2) Tìm m để phương trình có hai nghiệm phân biệt x_1, x_2 thỏa mãn: $x_1^3 + x_2^3 = 8$.

Câu 3 (2,0 điểm).

- 1) Giải phương trình sau: $x^2 - 3x + 2 = 0$.
- 2) Một ô tô dự định đi từ A đến B dài 80 km với vận tốc dự định. Thực tế trên nửa quãng đường đầu ô tô đi với vận tốc nhỏ hơn vận tốc dự định là 6 km/h. Trong nửa quãng đường còn lại ô tô đi với vận tốc nhanh hơn vận tốc dự định là 12 km/h. Biết rằng ô tô đến B đúng thời gian đã định. Tìm vận tốc dự định của ô tô.

Câu 4 (3,0 điểm). Cho ΔABC có ba góc nhọn nội tiếp trong đường tròn tâm O , bán kính R . Hạ các đường cao AH, BK của tam giác. Các tia AH, BK lần lượt cắt (O) tại các điểm thứ hai là D, E .

- a) Chứng minh tứ giác $ABHK$ nội tiếp một đường tròn. Xác định tâm của đường tròn đó.
- b) Chứng minh rằng: $HK // DE$.
- c) Cho (O) và dây AB cố định, điểm C di chuyển trên (O) sao cho tam giác ABC có ba góc nhọn. Chứng minh rằng độ dài bán kính đường tròn ngoại tiếp ΔCHK không đổi.

Câu 5 (1,0 điểm). Cho $x; y$ là hai số dương thay đổi. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức:

$$S = \frac{(x+y)^2}{x^2 + y^2} + \frac{(x+y)^2}{xy}$$

Thí sinh không được sử dụng tài liệu, cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh:; số báo danh:phòng thi số:.....

Họ tên, chữ ký giám thi số 1:.....

HƯỚNG DẪN CHẤM
(Hướng dẫn chấm gồm 03 trang)

I. Hướng dẫn chung

1) Hướng dẫn chấm chỉ trình bày các bước chính của lời giải hoặc nêu kết quả. Trong bài làm, thí sinh phải trình bày lập luận đầy đủ.

2) Nếu thí sinh làm bài không theo cách nêu trong đáp án mà vẫn đúng thì cho đủ điểm từng phần như hướng dẫn quy định.

3) Việc chi tiết hóa thang điểm (nếu có) phải đảm bảo không làm thay đổi tổng số điểm của mỗi câu, mỗi ý trong hướng dẫn chấm và được thống nhất trong Hội đồng chấm thi.

4) Các điểm thành phần và điểm cộng toàn bài phải giữ nguyên không được làm tròn.

II. Đáp án và thang điểm

Câu		Đáp án	Điểm
Câu 1 2,0 đ	1) 0,75 đ	$P = \sqrt{16} - 2\sqrt{6} + 2\sqrt{6}$ $= \sqrt{16}$ $= 4$	0,25 0,25 0,25
	2) 0,75 đ	Đường thẳng $y = (m+2)x + m$ song song với đường thẳng $y = 3x - 2$ khi và chỉ khi $\begin{cases} m+2=3 \\ m \neq -2 \end{cases}$ $\Leftrightarrow m = 1$.	0,5 0,25
	3) 0,5 đ	Điểm A nằm trên parabol $y = 2x^2$ và có tung độ $y = 18$ nên $18 = 2x^2$. $\Leftrightarrow x^2 = 9 \Leftrightarrow x = \pm 3$. Vậy điểm A có hoành độ là 3 hoặc -3	0,25 0,25
Câu 2 2,0 đ	1) 1,0 đ	Thay $x = 3$ vào phương trình ta được: $9 - 6 + m + 3 = 0 \Leftrightarrow m = -6$ Với $m = -6$ ta có phương trình $x^2 - 2x - 3 = 0$ Giải phương trình ta được $x = -1; x = 3$ Vậy nghiệm còn lại là $x = -1$	0,25 0,25 0,25 0,25
	2)	Phương trình có 2 nghiệm x_1, x_2 phân biệt $\Leftrightarrow \Delta' > 0 \Leftrightarrow m < -2$	0,25

	1,0 đ	Theo hệ thức Vi-ét: $\begin{cases} x_1 + x_2 = 2 \\ x_1 \cdot x_2 = m+3 \end{cases}$	0,25
		Ta có $x_1^3 + x_2^3 = 8 \Leftrightarrow (x_1 + x_2)^3 - 3x_1x_2(x_1 + x_2) = 8$	0,25
		$\Leftrightarrow 8 - 6(m+3) = 8 \Leftrightarrow m = -3$ (thỏa mãn)	0,25
		Vậy $m = -3$ thỏa mãn bài toán.	
Câu 3 2,0 đ	1) 1,0 đ	Ta thấy các hệ số a,b,c của phương trình có dạng: $a+b+c=1-3+2=0$ \Rightarrow Phương trình có hai nghiệm	0,25 0,25
		$x_1 = 1$ $x_2 = 2$	0,5
	2) 1,0 đ	Gọi vận tốc dự định của ô tô là x (km/h) ($x > 6$) Khi đó thời gian ô tô dự định đi hết quãng đường AB là $\frac{80}{x}$ (h) Thời gian thực tế ô tô đi nửa quãng đường đầu là $\frac{40}{x-6}$ (h) Thời gian thực tế ô tô đi nửa quãng đường còn lại là $\frac{40}{x+12}$ (h) Theo bài ra ta có phương trình: $\frac{40}{x-6} + \frac{40}{x+12} = \frac{80}{x}$	0,25 0,25 0,25 0,25
		Giải phương trình ta được $x = 24$ (thỏa mãn) Vậy vận tốc dự định của ô tô là 24 (km/h)	0,25
Câu 4 3,0 đ			
	1) 1,0 đ	Có $AKB = 90^\circ$ (giả thiết) $AHB = 90^\circ$ (giả thiết) Suy ra tứ giác $ABHK$ nội tiếp đường tròn đường kính AB . Tâm đường tròn là trung điểm của AB .	0,25 0,25 0,25 0,25
	2)	Tứ giác $ABHK$ nội tiếp $\Rightarrow ABK = AHK$ (cùng chắn cung AK)	0,25

	<p>1,5 đ</p> <p>Mà $EDA = ABK$ (cùng chắn cung AE của (O))</p> <p>Suy ra $EDA = AHK$</p> <p>Vậy $ED//HK$ (do EDA, AHK đồng vị)</p>	0,25
	<p>3) 0,5đ</p> <p>Gọi F là giao điểm của AH và BK. Dễ thấy C, K, F, H nằm trên đường tròn đường kính CF nên đường tròn ngoại tiếp tam giác CHK có đường kính CF.</p> <p>Kẻ đường kính AM.</p> <p>Ta có: $BM//CF$ (cùng vuông góc AB), $CM//BF$ (cùng vuông góc AC) nên tứ giác $BMCF$ là hình bình hành $\Rightarrow CF = MB$</p>	0,25
	<p>Xét tam giác ABM vuông tại B, ta có $MB^2 = AM^2 - AB^2 = 4R^2 - AB^2$ Vậy bán kính đường tròn ngoại tiếp tam giác CHK là $r = \frac{CF}{2} = \frac{\sqrt{4R^2 - AB^2}}{2}$ không đổi.</p>	0,25
<p>Câu 5 1,0 đ</p>	<p>Ta có: $S = \frac{(x+y)^2}{x^2+y^2} + \frac{(x+y)^2}{xy}$ $= 1 + \frac{2xy}{x^2+y^2} + \frac{x^2+y^2}{xy} + 2$ $= 3 + \left(\frac{2xy}{x^2+y^2} + \frac{x^2+y^2}{2xy} \right) + \frac{x^2+y^2}{2xy}$</p>	0,25
	<p>Do x, y là các số dương suy ra</p> $\frac{2xy}{x^2+y^2} + \frac{x^2+y^2}{2xy} \geq 2 \sqrt{\frac{2xy}{x^2+y^2} \cdot \frac{x^2+y^2}{2xy}} = 2 ; \text{ «=} »$ $\Leftrightarrow \frac{x^2+y^2}{2xy} = \frac{2xy}{x^2+y^2} \Leftrightarrow (x^2+y^2)^2 = 4x^2y^2 \Leftrightarrow (x^2-y^2)^2 = 0$ $x^2 = y^2 \Leftrightarrow x = y (x, y > 0)$ $x^2 + y^2 \geq 2xy \Rightarrow \frac{x^2+y^2}{2xy} \geq 1 ; \text{«=} \Leftrightarrow x = y$	0,25
	<p>Cộng các bđt ta được $S \geq 6$ $S = 6 \Leftrightarrow x = y$. Vậy Min S = 6 khi và chỉ khi $x = y$</p>	0,25

ĐỀ THI VÀO 10

Câu I (3 điểm). Cho biểu thức $A = \frac{2\sqrt{x}}{\sqrt{x}+3} + \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-3} + \frac{3-11\sqrt{x}}{9-x}$

- a) Nêu điều kiện xác định và rút gọn biểu thức A .
- b) Tính giá trị của biểu thức A khi $x = 1/9$.
- c) Tìm x để $A < 1$.

Câu II (2 điểm). Cho phương trình bậc hai sau, với tham số m .

$$x^2 - 2mx - m^2 - 1 = 0 \quad (1)$$

- a) Giải phương trình (1) khi $m = 2$.
- b) Tìm giá trị của tham số m để phương trình (1) có hai nghiệm $x_1; x_2$ thoả mãn:

$$\frac{x_1}{x_2} + \frac{x_2}{x_1} = -\frac{5}{2}$$

Câu III (1,5 điểm). Hai tổ cùng làm một công việc trong 15 giờ thì xong . Nếu tổ (I) làm trong 3 giờ, tổ (II) làm trong 5 giờ thì được 25% công việc . Hỏi mỗi tổ làm riêng trong bao lâu thì xong công việc đó ?

Câu IV (3,5 điểm). Cho tam giác ABC nhọn nội tiếp đường tròn (O), BD và CE là hai đường cao của tam giác , chúng cắt nhau tại H và cắt đường tròn (O) lần lượt ở D' và E' . Chứng minh:

- a) Tứ giác BEDC nội tiếp
- b) DE song song D'E'
- c) Cho BD cố định . Chứng minh rằng khi A di động trên cung lớn AB sao cho tam giác ABC là tam giác nhọn thì bán kính đường tròn ngoại tiếp tam giác ADE

không đổi.

Đáp án đề thi thử vào lớp 10 môn Toán - THCS Nam Giang năm 2015

Câu	Ý	Nội dung	Điểm
I (1,5đ)	a (1,5đ)	Điều kiện xác định của biểu thức A là: $\begin{cases} x \geq 0 \\ x \neq 9 \end{cases}$	0,50
		$A = \frac{2\sqrt{x}(\sqrt{x}-3) + (\sqrt{x}+1)(\sqrt{x}+3) - (3-11\sqrt{x})}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)}$	0,50
		$A = \frac{3x+9\sqrt{x}}{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)}$	0,25
		$A = \frac{3\sqrt{x}}{\sqrt{x}-3}$	0,25
I (3,0đ)	b 0,75đ	Ta thấy $x = \frac{1}{9} \in \text{ĐKXĐ}$, nên vào ta có $A = \frac{\sqrt[3]{\frac{1}{9}}}{\sqrt{\frac{1}{9}-3}}$	0,50
		$= \frac{-3}{8}$	0,25
		$A < 1 \Leftrightarrow \frac{3\sqrt{x}}{\sqrt{x}-3} < 1 \Leftrightarrow \frac{3\sqrt{x}}{\sqrt{x}-3} - 1 < 0$	0,25
c 0,75đ	c 0,75đ	$\Leftrightarrow \frac{2\sqrt{x}+3}{\sqrt{x}-3} < 0$	0,25
		$\Leftrightarrow \sqrt{x}-3 < 0$ (vì $2\sqrt{x}+3 > 0$ với $\forall x \in \text{ĐKXĐ}$)	0,25
		$\Leftrightarrow 0 \leq x < 9$	0,25

a. (1,00đ) II. (2,00đ)	<p>Khi $m = 2$, phương trình (1) trở thành $x^2 - 4x - 5 = 0$</p> <p>$\Delta' = 9$ (Hoặc nhận thấy $a - b + c = 0$)</p> <p>Nghiệm của phương trình là : $x = -1 ; x = 5$</p>	0,25 0,25 0,50
	<p>Ta có: $\Delta' = (-m)^2 - (-m^2 - 1) = 1 > 0$. Nên pt luôn có hai nghiệm phân biệt với mọi m.</p> <p>Khi đó, theo hệ thức Viết ta có: $x_1 + x_2 = 2m$; $x_1x_2 = -m^2 - 1$ (*)</p>	0,25
	<p>Mà theo bài ra: $\frac{x_1}{x_2} + \frac{x_2}{x_1} = -\frac{5}{2} \Leftrightarrow \frac{x_1^2 + x_2^2}{x_1x_2} = -\frac{5}{2}$</p> $\Leftrightarrow \frac{(x_1 + x_2)^2 - 2x_1x_2}{x_1x_2} = -\frac{5}{2}$ $\Leftrightarrow \frac{(x_1 + x_2)^2}{x_1x_2} - 2 = -\frac{5}{2} \quad (2)$	0,25
	<p>Thay (*) vào (2) ta được: $7m^2 = 1 \Leftrightarrow m = \pm \sqrt{\frac{1}{7}}$</p>	0,25

III. (1,5đ)	<p>Gọi x (h) là thời gian tổ (I) làm riêng xong công việc . Gọi y (h) là thời gian tổ (II) làm riêng xong công việc . ($x > 15$, $y > 15$)</p> <p>Trong 1 giờ:</p> <p>Tổ (I) làm được : $1/x$ công việc Tổ (II) làm được: $1/y$ công việc</p>	0,25
	<p>Vì hai tổ cùng làm sẽ hoàn thành công việc trong thời gian 15 giờ ,nên ta có pt: $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{1}{15}$</p>	0,25
	<p>Vì nếu tổ (I) làm trong 3 giờ và tổ (II) làm trong 5 giờ thì làm được 75% công việc nên ta có pt: $\frac{3}{x} + \frac{5}{y} = \frac{1}{4}$</p>	0,25
	<p>Từ đó ta có hệ $\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{1}{15} \\ \frac{3}{x} + \frac{5}{y} = \frac{1}{4} \end{cases} \Leftrightarrow \dots \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{1}{x} = \frac{1}{24} \\ \frac{1}{y} = \frac{1}{40} \end{cases}$</p>	0,50
	<p>$\begin{cases} x = 24 \\ y = 40 \end{cases}$ (thỏa mãn điều kiện)</p> <p>Vậy tổ (I) làm riêng xong công việc trong 24 giờ , tổ (II) làm riêng xong công việc trong 40 giờ .</p>	0,25

IV. (3,5đ)	a. (1,5đ)	Vì BD và CE là đường cao nên $\angle BDC = 90^\circ$ và $\angle CEB = 90^\circ$	0,25
		Do đó: E thuộc đường tròn đường kính BC	0,25
		D cũng thuộc đường tròn đường kính BC	0,25
		Vậy tứ giác $BEDC$ nội tiếp đường tròn	0,25
	b. (1,25đ)	Vì tứ giác $BEDC$ nội tiếp nên: $\angle B = \angle D$ (2 góc nội tiếp cùng chắn $\overset{\circ}{BDC}$)	0,50
		Xét đường tròn (O) có: $\angle B = \angle E$ (2 góc nội tiếp cùng chắn $\overset{\circ}{BEC}$)	0,50
		Suy ra: $\angle D = \angle E$ mà 2 góc này ở vị trí đồng vị nên: $DE \parallel D'E'$	0,25
c. (0,75đ)		Tứ giác $AEHG$ có: $\angle AEH + \angle ADH = 90^\circ + 90^\circ = 180^\circ$ nên nội tiếp đường tròn đường kính AH . Do đó, bán kính đường tròn ngoại tiếp tam giác ADE là $\frac{1}{2} AH$ Vẽ đường kính AN của đường tròn (O). Khi đó: $\angle NCA = 90^\circ$ (góc nội tiếp chắn nửa đường tròn) $\Rightarrow NC \perp AC$ mà $BD \perp AC \Rightarrow NC \parallel BD$ (1) tương tự có: $BN \parallel CE$ (2) Từ (1) và (2) suy ra tứ giác $BHCN$ là hình bình hành.	0,5
		Gọi M là giao điểm của BC và HN , ta có M là trung điểm của BC (t/c của hình bình hành) Xét $\triangle ANH$ có OM là đường trung bình của tam giác nên: $AH = 2 \cdot OM$ không đổi (đpcm)	0,25

ĐỀ 1990

TUYỂN SINH QUẢNG NINH 2007 – 2008

Bài 1 : (1,5 điểm)

Rút gọn biểu thức :

$$1. A = \frac{1}{\sqrt{5}+2} + \frac{1}{\sqrt{5}-2}$$

$$2. B = \sqrt{(\sqrt{3}-\sqrt{7})^2}$$

Bài 2 : (2,0 điểm)

Cho ph- ơng trình ẩn x sau : $x^2 - 6x + m + 1 = 0$

1. Tìm m để ph- ơng trình có nghiệm $x = 2$
2. Tìm m để ph- ơng trình có 2 nghiệm $x_1 ; x_2$ thoả mãn $x_1^2 + x_2^2 = 26$

Bài 3 : (2,0 điểm)

Giải bài toán bằng cách lập ph- ơng trình và hệ ph- ơng trình :

Một thửa ruộng hình chữ nhật có chu vi là 300 m . Tính diện tích của thửa ruộng . Biết rằng nếu chiều dài giảm đi 3 lần và chiều rộng tăng 2 lần thì chu vi thửa ruộng không thay đổi .

Bài 4 : (3,5 điểm)

Cho đ- ờng tròn ($O; R$) và đ- ờng thẳng (d) cố định không giao nhau > Từ điểm M thuộc đ- ờng thẳng (d) kẻ hai tiếp tuyến MA ; MB với đ- ờng tròn ($O; R$) ; (A ; B là các tiếp điểm)

1. Chứng minh tâm đ- ờng tròn nội tiếp ΔMAB thuộc đ- ờng tròn ($O; R$)
2. Cho $MA = R\sqrt{3}$. Tính diện tích hình phẳng giới hạn bởi hai tiếp tuyến MA ; MB và cung nhỏ AB
3. Chứng minh rằng khi M di động trên (d) thì đ- ờng thẳng AB luôn đi qua một điểm cố định

Bài 5 : (1,0 điểm)

$$\text{Cho } a = \sqrt[3]{26+15\sqrt{3}} + \sqrt[3]{26-15\sqrt{3}}.$$

Chứng minh rằng a là bình ph- ơng của một số nguyên

-----hết-----

C.ch 1 : ta cã

$$26+15\sqrt{3} = 8+12\sqrt{3}+18+3\sqrt{3} = (2+\sqrt{3})^3$$

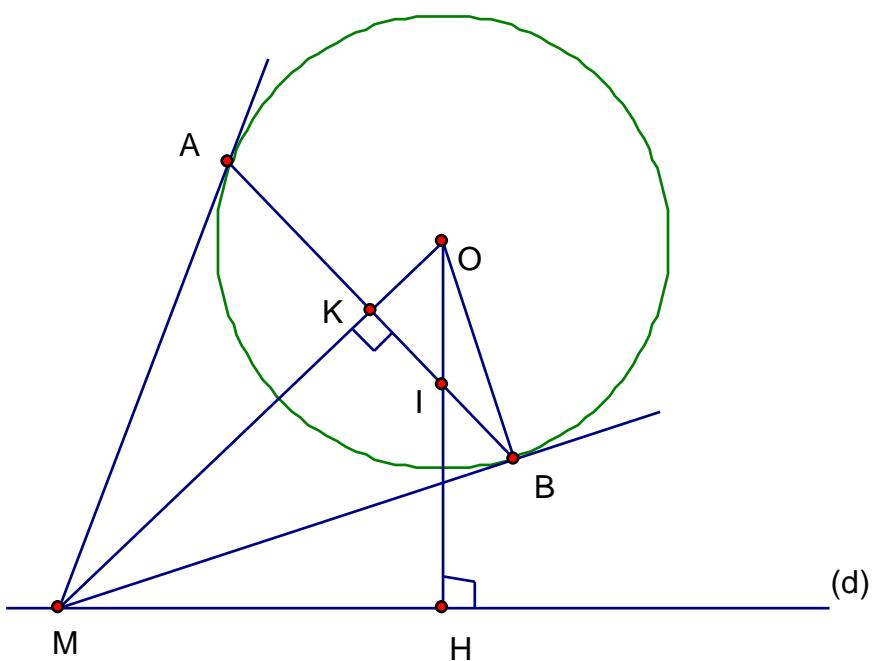
$$26-15\sqrt{3} = 8-12\sqrt{3}+18-3\sqrt{3} = (2-\sqrt{3})^3$$

C.ch 2 : ta cã :

$$\begin{aligned} a^3 &= (\sqrt[3]{26+15\sqrt{3}} + \sqrt[3]{26-15\sqrt{3}})^3 \\ &= (\sqrt[3]{26+15\sqrt{3}})^3 + (\sqrt[3]{26-15\sqrt{3}})^3 + 3\sqrt[3]{26+15\sqrt{3}} \cdot \sqrt[3]{26-15\sqrt{3}} \cdot (\sqrt[3]{26+15\sqrt{3}} + \sqrt[3]{26-15\sqrt{3}}) \\ &= 52+3a \end{aligned}$$

$$\forall a^3 - 3a - 52 = 0$$

Suy ra $(a-4)(a^2+4a+13)=0$ vËy ph--ng tr×nh cã nghiÖm a = 4 lµ mét sè chÝnh ph--ng



Tam giác MBO vuông tại B nên $OK \perp OM$. $OM = OB^2 = R^2$

Kẻ OH vuông góc với (d) tứ giác MKID nội tiếp . nên $OK \perp OH$. $OM = OI \cdot OH$

suy ra $OI \cdot OH = R^2$. OH cố định R không đổi Vậy OI không đổi $\Rightarrow I$ cố định

ĐỀ 1991

**SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
NỘI NĂM HỌC: 2013 – 2014
ĐỀ CHÍNH THỨC**

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT HÀ

MÔN: TOÁN

Thời gian làm bài: 120 phút

Bài I (2,0 điểm)

Với $x > 0$, cho hai biểu thức $A = \frac{2 + \sqrt{x}}{\sqrt{x}}$ và $B = \frac{\sqrt{x} - 1}{\sqrt{x}} + \frac{2\sqrt{x} + 1}{x + \sqrt{x}}$.

1) Tính giá trị của biểu thức A khi $x = 64$.

2) Rút gọn biểu thức B.

3) Tìm x để $\frac{A}{B} > \frac{3}{2}$.

Bài II (2,0 điểm) Giải bài toán bằng cách lập phương trình:

Quãng đường từ A đến B dài 90 km. Một người đi xe máy từ A đến B. Khi đến B, người đó nghỉ 30 phút rồi quay trở về A với vận tốc lớn hơn vận tốc lúc đi là 9

km/h. Thời gian kể từ lúc bắt đầu đi từ A đến lúc trở về đến A là 5 giờ. Tính vận tốc xe máy lúc đi từ A đến B.

Bài III (2,0 điểm)

1) Giải hệ phương trình: $\begin{cases} 3(x+1) + 2(x+2y) = 4 \\ 4(x+1) - (x+2y) = 9 \end{cases}$

2) Cho parabol (P) : $y = \frac{1}{2}x^2$ và đường thẳng (d) : $y = mx - \frac{1}{2}m^2 + m + 1$.

a) Với $m = 1$, xác định tọa độ các giao điểm A, B của (d) và (P).

b) Tìm các giá trị của m để (d) cắt (P) tại hai điểm phân biệt có hoành độ x_1, x_2 sao cho $|x_1 - x_2| = 2$.

Bài IV (3,5 điểm)

Cho đường tròn (O) và điểm A nằm bên ngoài (O). Kẻ hai tiếp tuyến AM, AN với đường tròn (O) (M, N là các tiếp điểm). Một đường thẳng d đi qua A cắt đường tròn (O) tại hai điểm B và C ($AB < AC$, d không đi qua tâm O).

1) Chứng minh tứ giác AMON nội tiếp.

2) Chứng minh $AN^2 = AB \cdot AC$.

Tính độ dài đoạn thẳng BC khi $AB = 4$ cm, $AN = 6$ cm.

3) Gọi I là trung điểm của BC. Đường thẳng NI cắt đường tròn (O) tại điểm thứ hai T. Chứng minh $MT // AC$.

4) Hai tiếp tuyến của đường tròn (O) tại B và C cắt nhau ở K. Chứng minh K thuộc một đường thẳng cố định khi d thay đổi và thỏa mãn điều kiện đề bài.

Bài V (0,5 điểm)

Với a, b, c là các số dương thỏa mãn điều kiện $a + b + c + ab + bc + ca = 6abc$, chứng minh: $\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2} \geq 3$

BÀI GIẢI

Bài I: (2,0 điểm)

1) Với $x = 64$ ta có $A = \frac{2 + \sqrt{64}}{\sqrt{64}} = \frac{2 + 8}{8} = \frac{5}{4}$

2)

$$B = \frac{(\sqrt{x}-1).(x+\sqrt{x}) + (2\sqrt{x}+1).\sqrt{x}}{\sqrt{x}.(x+\sqrt{x})} = \frac{x\sqrt{x}+2x}{x\sqrt{x}+x} = 1 + \frac{1}{\sqrt{x}+1} = \frac{\sqrt{x}+2}{\sqrt{x}+1}$$

3)

Với $x > 0$ ta có :

$$\begin{aligned} \frac{A}{B} > \frac{3}{2} &\Leftrightarrow \frac{2+\sqrt{x}}{\sqrt{x}} : \frac{2+\sqrt{x}}{\sqrt{x}+1} > \frac{3}{2} \Leftrightarrow \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}} > \frac{3}{2} \\ &\Leftrightarrow 2\sqrt{x} + 2 > 3\sqrt{x} \Leftrightarrow \sqrt{x} < 2 \Leftrightarrow 0 < x < 4. \text{(Do } x > 0) \end{aligned}$$

Bài II: (2,0 điểm)

Đặt x (km/h) là vận tốc đi từ A đến B, vậy vận tốc đi từ B đến A là $x+9$ (km/h)

Do giả thiết ta có:

$$\begin{aligned} \frac{90}{x} + \frac{90}{x+9} = 5 - \frac{1}{2} &\Leftrightarrow \frac{10}{x} + \frac{10}{x+9} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow x(x+9) = 20(2x+9) \\ &\Leftrightarrow x^2 - 31x - 180 = 0 \Leftrightarrow x = 36 \text{ (vì } x > 0) \end{aligned}$$

Bài III: (2,0 điểm)

1) Hệ phương trình tương đương với:

$$\begin{cases} 3x + 3 + 2x + 4y = 4 \\ 4x + 4 - x - 2y = 9 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5x + 4y = 1 \\ 3x - 2y = 5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5x + 4y = 1 \\ 6x - 4y = 10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 11x = 11 \\ 6x - 4y = 10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = -1 \end{cases}$$

2)

a) Với $m = 1$ ta có phương trình hoành độ giao điểm của (P) và (d) là

$$\frac{1}{2}x^2 = x + \frac{3}{2} \Leftrightarrow x^2 - 2x - 3 = 0 \Leftrightarrow x = -1 \text{ hay } x = 3 \text{ (Do } a - b + c = 0)$$

Ta có $y(-1) = \frac{1}{2}$; $y(3) = \frac{9}{2}$. Vậy tọa độ giao điểm A và B là $(-1; \frac{1}{2})$ và $(3; \frac{9}{2})$

b) Phương trình hoành độ giao điểm của (P) và (d) là

$$\frac{1}{2}x^2 = mx - \frac{1}{2}m^2 + m + 1 \Leftrightarrow x^2 - 2mx + m^2 - 2m - 2 = 0 \quad (*)$$

Để (d) cắt (P) tại 2 điểm phân biệt x_1, x_2 thì phương trình (*) phải có 2 nghiệm phân biệt. Khi đó

$$\Delta' = m^2 - m^2 + 2m + 2 > 0 \Leftrightarrow m > -1$$

Khi $m > -1$ ta có $|x_1 - x_2| = 2 \Leftrightarrow x_1^2 + x_2^2 - 2x_1x_2 = 4 \Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - 4x_1x_2 = 4$

$$\Leftrightarrow 4m^2 - 4(m^2 - 2m - 2) = 4 \Leftrightarrow 8m = -4 \Leftrightarrow m = -\frac{1}{2}$$

Cách giải khác: Khi $m > -1$ ta có

$$|x_1 - x_2| = 2 \Leftrightarrow \left| \frac{-b + \sqrt{\Delta'}}{a'} - \frac{-b - \sqrt{\Delta'}}{a'} \right| = 2\sqrt{\Delta'} = 2\sqrt{2m+2}$$

Do đó, yêu cầu bài toán $\Leftrightarrow 2\sqrt{2m+2} = 2 \Leftrightarrow 2\sqrt{m+2} = 2 \Leftrightarrow 2m+2 = 1 \Leftrightarrow m = -\frac{1}{2}$

Bài IV (3,5 điểm)

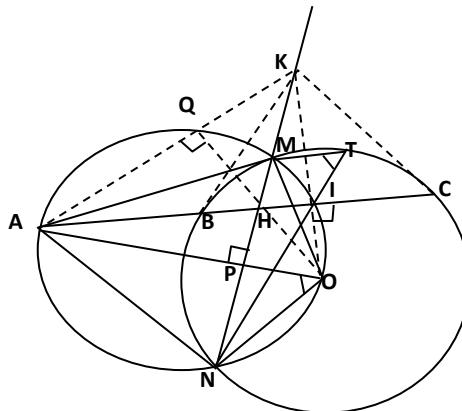
1/ Xét tứ giác AMON có hai góc đối $\angle AON = 90^\circ$

$\angle AMO = 90^\circ$ nên là tứ giác nội tiếp

2/ Hai tam giác ABM và AMC đồng dạng
nên ta có $AB \cdot AC = AM^2 = AN^2 = 6^2 = 36$

$$\Rightarrow AC = \frac{6^2}{AB} = \frac{6^2}{4} = 9 \text{ (cm)}$$

$$\Rightarrow BC = AC - AB = 9 - 4 = 5 \text{ (cm)}$$



3/ $\angle MTN = \frac{1}{2} \angle MON = \angle AON$ (cùng chắn cung MN trong đường tròn (O)), và $\angle AIN = \angle AON$

(do 3 điểm N, I, M cùng nằm trên đường tròn đường kính AO và cùng chắn cung 90°)

Vậy $\angle AIN = \angle MTI = \angle TIC$ nên $MT \parallel AC$ do có hai góc so le bằng nhau.

4/ Xét $\triangle AKO$ có AI vuông góc với KO . Hạ OQ vuông góc với AK . Gọi H là giao điểm của OQ và AI thì H là trực tâm của $\triangle AKO$, nên KMH vuông góc với AO . Vì MHN vuông góc với AO nên đường thẳng $KMHN$ vuông góc với AO , nên KM vuông góc với AO . Vậy K nằm trên đường thẳng cố định MN khi BC di chuyển.

Cách giải khác:

Ta có $KB^2 = KC^2 = KI \cdot KO$. Nên K nằm trên trực đường phong của 2 đường tròn tâm O và đường tròn đường kính AO . Vậy K nằm trên đường thẳng MN là trực đường phong của 2 đường tròn trên.

Bài IV: (0,5 điểm)

Từ giả thiết đã cho ta có $\frac{1}{ab} + \frac{1}{bc} + \frac{1}{ca} + \frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} = 6$. Theo bất đẳng thức Cauchy ta có:

$$\frac{1}{2} \left(\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} \right) \geq \frac{1}{ab}, \quad \frac{1}{2} \left(\frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2} \right) \geq \frac{1}{bc}, \quad \frac{1}{2} \left(\frac{1}{c^2} + \frac{1}{a^2} \right) \geq \frac{1}{ca}$$

$$\frac{1}{2} \left(\frac{1}{a^2} + 1 \right) \geq \frac{1}{a}, \quad \frac{1}{2} \left(\frac{1}{b^2} + 1 \right) \geq \frac{1}{b}, \quad \frac{1}{2} \left(\frac{1}{c^2} + 1 \right) \geq \frac{1}{c}$$

Cộng các bất đẳng thức trên về theo vế ta có:

$$\frac{3}{2} \left(\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2} \right) + \frac{3}{2} \geq 6 \Leftrightarrow \frac{3}{2} \left(\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2} \right) \geq 6 - \frac{3}{2} = \frac{9}{2}$$

$$\Leftrightarrow \left(\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2} \right) \geq 3 \text{ (điều phải chứng minh)}$$

Bài 1 (2,0 điểm): Rút gọn các biểu thức sau:

$$A = 2\sqrt{5} + 3\sqrt{45} - \sqrt{500}$$

$$B = \frac{1}{\sqrt{3} + \sqrt{2}} - \frac{\sqrt{15} - \sqrt{12}}{\sqrt{5} - 2}$$

Bài 2 (2,5 điểm):

1) Giải hệ phương trình: $\begin{cases} 3x - y = 1 \\ 3x + 8y = 19 \end{cases}$

2) Cho phương trình bậc hai: $x^2 - mx + m - 1 = 0$ (1)

a) Giải phương trình (1) khi $m = 4$.

b) Tìm các giá trị của m để phương trình (1) có hai nghiệm $x_1; x_2$ thỏa mãn hệ thức :

$$\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} = \frac{x_1 + x_2}{2011}.$$

Bài 3 (1,5 điểm): Cho hàm số $y = \frac{1}{4}x^2$.

1) Vẽ đồ thị (P) của hàm số đó.

2) Xác định a, b để đường thẳng (d): $y = ax + b$ cắt trục tung tại điểm có tung độ bằng -2 và cắt đồ thị (P) nói trên tại điểm có hoành độ bằng 2 .

Bài 4 (4,0 điểm): Cho nửa đường tròn ($O; R$) đường kính AB . Gọi C là điểm chính giữa của cung AB . Trên tia đối của tia CB lấy điểm D sao cho $CD = CB$. OD cắt AC tại M . Từ A , kẻ AH vuông góc với OD (H thuộc OD). AH cắt DB tại N và cắt nửa đường tròn ($O; R$) tại E .

1) Chứng minh $MCNH$ là tứ giác nội tiếp và OD song song với EB .

2) Gọi K là giao điểm của EC và OD . Chứng minh rằng $\Delta CKD = \Delta CEB$.

Suy ra C là trung điểm của KE .

3) Chứng minh tam giác EHK vuông cân và MN song song với AB .

4) Tính theo R diện tích hình tròn ngoại tiếp tứ giác $MCNH$.

4 (4,0đ)	Hình 0,50đ	<p>Hình vẽ phục vụ câu 1: 0,25đ – câu 2 : 0,25đ</p> <p>Hình : Câu 1; 2</p> <p>Hình cả bài</p>	0,50
1) 1,0đ		<ul style="list-style-type: none"> + Nếu được $\angle MCN = 90^\circ$ (góc nội tiếp chắn nửa đường tròn) + Tứ giác MCNH có $\angle MCN = \angle MHN = 90^\circ$ là tứ giác nội tiếp + Chứng minh $AE \perp BE$ từ đó suy ra $OD \parallel EB$ 	0,50 0,25 0,25
2) 1,0đ		<ul style="list-style-type: none"> + Nếu được $\angle KDC = \angle EBC$ (slt) + Chứng minh $\triangle ACKD \cong \triangle ACEB$ (g-c-g) + Suy ra $CK = CE$ hay C là trung điểm của KE 	0,25 0,50 0,25
3) 1,0đ		<ul style="list-style-type: none"> + Chứng minh $\angle CEA = 45^\circ$ + Chứng minh $\triangle EHK$ vuông cân tại H . + Suy ra đường trung tuyến HC vừa là đường phân giác , do đó $\angle CHN = \frac{1}{2}\angle EHK = 45^\circ$. Giải thích $\angle CMN = \angle CHN = 45^\circ$. + Chứng minh $\angle CAB = 45^\circ$, do đó $\angle CAB = \angle CMN$. Suy ra $MN \parallel AB$ 	0,25 0,25 0,25 0,25
4) 0,50đ		<ul style="list-style-type: none"> + Chứng minh M là trọng tâm của tam giác ADB , do đó $\frac{DM}{DO} = \frac{2}{3}$ và chứng minh $\frac{MN}{OB} = \frac{DM}{DO} = \frac{2}{3} \Rightarrow MN = \frac{2R}{3}$ + Giải thích tứ giác MCNH nội tiếp đường tròn đường kính MN. Suy ra bán kính đường tròn ngoại tiếp tứ giác MCNH bằng $\frac{R}{3}$ <p>Tính được diện tích S của hình tròn đường kính MN :</p> $S = \frac{\pi R^2}{9} \text{ (đvdt)}$	0,25 0,25 0,25

*Thời gian làm bài 150 phút (không kể thời gian giao đề
)*

Bài 1 (1 điểm):

a) Thực hiện phép tính: $\frac{3\sqrt{10} + \sqrt{20} - 3\sqrt{6} - \sqrt{12}}{\sqrt{5} - \sqrt{3}}$.

b) Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $x - \sqrt{x - 2008}$.

Bài 2 (1,5 điểm):

Cho hệ phương trình: $\begin{cases} mx - y = 2 \\ 3x + my = 5 \end{cases}$

a) Giải hệ phương trình khi $m = \sqrt{2}$.

b) Tìm giá trị của m để hệ phương trình đã cho có nghiệm $(x; y)$ thỏa mãn hệ thức $x + y = 1 - \frac{m^2}{m^2 + 3}$.

Bài 3 (1,5 điểm):

a) Cho hàm số $y = -\frac{1}{2}x^2$, có đồ thị là (P). Viết phương trình đường thẳng đi qua hai điểm M và N nằm trên (P) lần lượt có hoành độ là -2 và 1 .

b) Giải phương trình: $3x^2 + 3x - 2\sqrt{x^2 + x} = 1$.

Bài 4 (2 điểm):

Cho hình thang ABCD ($AB // CD$), giao điểm hai đường chéo là O. Đường thẳng qua O song song với AB cắt AD và BC lần lượt tại M và N.

a) Chứng minh: $\frac{MO}{CD} + \frac{NO}{AB} = 1$.

b) Chứng minh: $\frac{1}{AB} + \frac{1}{CD} = \frac{2}{MN}$.

c) Biết $S_{AOB} = m^2$; $S_{COD} = n^2$. Tính S_{ABCD} theo m và n (với $S_{AOB}, S_{COD}, S_{ABCD}$ lần lượt là diện tích tam giác AOB, diện tích tam giác COD, diện tích tứ giác ABCD).

Bài 5 (3 điểm): Cho đường tròn ($O; R$) và dây cung AB cố định không đi qua tâm O; C và D là hai điểm di động trên cung lớn AB sao cho AD và BC luôn song song. Gọi M là giao điểm của AC và BD. Chứng minh rằng:

a) Tứ giác AOMB là tứ giác nội tiếp.

b) $OM \perp BC$.

c) Đường thẳng d đi qua M và song song với AD luôn đi qua một điểm cố định.

Bài 6 (1 điểm):

a) Cho các số thực dương $x; y$. Chứng minh rằng: $\frac{x^2}{y} + \frac{y^2}{x} \geq x + y$.

b) Cho n là số tự nhiên lớn hơn 1. Chứng minh rằng $n^4 + 4^n$ là hợp số.

**SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
QUẢNG NAM**

**KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 TRƯỜNG THPT CHUYÊN
Năm học 2008-2009**

ĐỀ CHÍNH THỨC

Môn TOÁN

Thời gian làm bài 150 phút (không kể thời gian giao đề)
)

HƯỚNG DẪN CHẤM MÔN TOÁN

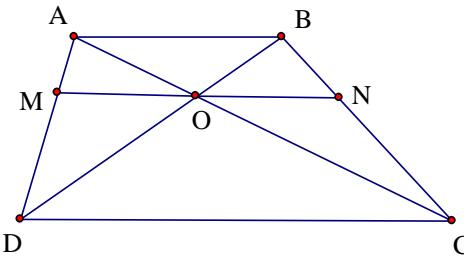
I. Hướng dẫn chung:

- 1) Nếu thí sinh làm bài không theo cách nêu trong đáp án mà vẫn đúng thì cho đủ điểm từng phần như hướng dẫn quy định.
- 2) Việc chi tiết hóa thang điểm (nếu có) so với thang điểm trong hướng dẫn chấm phải đảm bảo không sai lệch với hướng dẫn chấm và được thống nhất trong Hội đồng chấm thi.
- 3) Điểm toàn bài lấy điểm lẻ đến 0,25.

II. Đáp án:

Bài	Nội dung	Điểm
	<p>a) Biến đổi được: $\frac{(\sqrt{5} - \sqrt{3})(3\sqrt{2} + 2)}{\sqrt{5} - \sqrt{3}} = 3\sqrt{2} + 2$</p>	0,25 0,25
1 (1đ)	<p>b) Điều kiện $x \geq 2008$</p> $x - \sqrt{x - 2008} = (x - 2008 - 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot \sqrt{x - 2008} + \frac{1}{4}) + 2008 - \frac{1}{4}$ $= (\sqrt{x - 2008} - \frac{1}{2})^2 + \frac{8031}{4} \geq \frac{8031}{4}$ <p>Dấu “ = ” xảy ra khi $\sqrt{x - 2008} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow x = \frac{8033}{4}$ (thỏa mãn). Vậy giá trị nhỏ nhất cần tìm là $\frac{8031}{4}$ khi $x = \frac{8033}{4}$.</p>	0,25 0,25
	<p>a) Khi $m = \sqrt{2}$ ta có hệ phương trình $\begin{cases} \sqrt{2}x - y = 2 \\ 3x + \sqrt{2}y = 5 \end{cases}$</p>	0,25

	$\Leftrightarrow \begin{cases} 2x - \sqrt{2}y = 2\sqrt{2} \\ 3x + \sqrt{2}y = 5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{2\sqrt{2} + 5}{5} \\ y = \sqrt{2}x - 2 \end{cases}$ $\Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{2\sqrt{2} + 5}{5} \\ y = \frac{5\sqrt{2} - 6}{5} \end{cases}$ <p>b) Giải tìm được: $x = \frac{2m+5}{m^2+3}; y = \frac{5m-6}{m^2+3}$ Thay vào hệ thức $x + y = 1 - \frac{m^2}{m^2+3}$; ta được $\frac{2m+5}{m^2+3} + \frac{5m-6}{m^2+3} = 1 - \frac{m^2}{m^2+3}$ Giải tìm được $m = \frac{4}{7}$</p>	0,25 0,25 0,25 0,25
2 (1,5đ)	<p>a) Tìm được $M(-2; -2); N(1; -\frac{1}{2})$ Phương trình đường thẳng có dạng $y = ax + b$, đường thẳng đi qua M và N nên</p> $\begin{cases} -2a + b = -2 \\ a + b = -\frac{1}{2} \end{cases}$ <p>Tìm được $a = \frac{1}{2}; b = -1$. Vậy phương trình đường thẳng cần tìm là</p> $y = \frac{1}{2}x - 1$	0,25 0,25 0,25
3 (1,5đ)	<p>b) Biến đổi phương trình đã cho thành $3(x^2 + x) - 2\sqrt{x^2 + x} - 1 = 0$ Đặt $t = \sqrt{x^2 + x}$ (điều kiện $t \geq 0$), ta có phương trình $3t^2 - 2t - 1 = 0$ Giải tìm được $t = 1$ hoặc $t = -\frac{1}{3}$ (loại) Với $t = 1$, ta có $\sqrt{x^2 + x} = 1 \Leftrightarrow x^2 + x - 1 = 0$. Giải ra được $x = \frac{-1 + \sqrt{5}}{2}$ hoặc $x = \frac{-1 - \sqrt{5}}{2}$.</p>	0,25 0,25 0,25 0,25
	Hình vẽ	0,25

4
(2d)

a) Chứng minh được $\frac{MO}{CD} = \frac{AM}{AD}$; $\frac{MO}{AB} = \frac{MD}{AD}$

Suy ra $\frac{MO}{CD} + \frac{MO}{AB} = \frac{AM+MD}{AD} = \frac{AD}{AD} = 1$ (1)

b) Tương tự câu a) ta có $\frac{NO}{CD} + \frac{NO}{AB} = 1$ (2)

(1) và (2) suy ra $\frac{MO+NO}{CD} + \frac{MO+NO}{AB} = 2$ hay $\frac{MN}{CD} + \frac{MN}{AB} = 2$

Suy ra $\frac{1}{CD} + \frac{1}{AB} = \frac{2}{MN}$

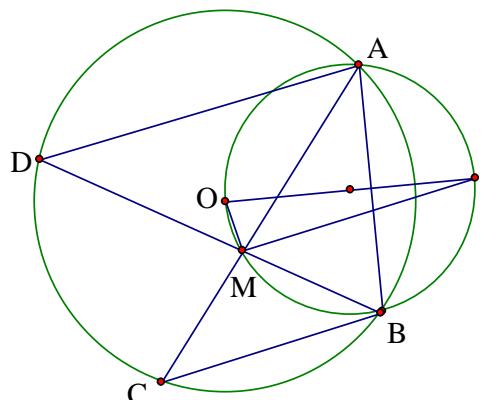
c) $\frac{S_{AOB}}{S_{AOD}} = \frac{OB}{OD}; \frac{S_{AOD}}{S_{COD}} = \frac{OA}{OC}; \frac{OB}{OD} = \frac{OA}{OC} \Rightarrow \frac{S_{AOB}}{S_{AOD}} = \frac{S_{AOD}}{S_{COD}}$

$\Rightarrow S_{AOD}^2 = m^2 \cdot n^2 \Rightarrow S_{AOD} = m \cdot n$

Tương tự $S_{BOC} = m \cdot n$. Vậy $S_{ABCD} = m^2 + n^2 + 2mn = (m+n)^2$

5
(3d)

Hình vẽ
câu a) (phục vụ



- a) Chứng minh được:
- hai cung AB và CD bằng nhau
 - sđ góc AMB bằng sđ cung AB

Suy ra được hai góc AOB và AMB bằng nhau

O và M cùng phía với AB. Do đó tứ giác AOMB nội tiếp

- b) Chứng minh được:
- O nằm trên đường trung trực của BC (1)
 - M nằm trên đường trung trực của BC (2)

	Từ (1) và (2) suy ra OM là đường trung trực của BC, suy ra $OM \perp BC$ c) Từ giả thiết suy ra $d \perp OM$ Gọi I là giao điểm của đường thẳng d với đường tròn ngoại tiếp tứ giác AOMB, suy ra góc OMI bằng 90° , do đó OI là đường kính của đường tròn này Khi C và D di động thỏa mãn đề bài thì A, O, B cố định, nên đường tròn ngoại tiếp tứ giác AOMB cố định, suy ra I cố định. Vậy d luôn đi qua điểm I cố định.	0,25 0,25 0,25 0,25 0,25 0,25
	a) Với x và y đều dương, ta có $\frac{x^2}{y} + \frac{y^2}{x} \geq x + y$ (1) $\Leftrightarrow x^3 + y^3 \geq xy(x+y) \Leftrightarrow (x+y)(x-y)^2 \geq 0$ (2) (2) luôn đúng với mọi $x > 0, y > 0$. Vậy (1) luôn đúng với mọi $x > 0, y > 0$	0,25 0,25
6 (1đ)	b) n là số tự nhiên lớn hơn 1 nên n có dạng $n = 2k$ hoặc $n = 2k + 1$, với k là số tự nhiên lớn hơn 0. - Với $n = 2k$, ta có $n^4 + 4^n = (2k)^4 + 4^{2k}$ lớn hơn 2 và chia hết cho 2. Do đó $n^4 + 4^n$ là hợp số. -Với $n = 2k+1$, ta có $\begin{aligned} n^4 + 4^n &= n^4 + 4^{2k} \cdot 4 = n^4 + (2 \cdot 4^k)^2 = (n^2 + 2 \cdot 4^k)^2 - (2 \cdot n \cdot 2^k)^2 \\ &= (n^2 + 2^{2k+1} + n \cdot 2^{k+1})(n^2 + 2^{2k+1} - n \cdot 2^{k+1}) = [(n+2^k)^2 + 2^{2k}] [(n-2^k)^2 + 2^{2k}]. \end{aligned}$ Mỗi thừa số đều lớn hơn hoặc bằng 2. Vậy $n^4 + 4^n$ là hợp số	0,25 0,25

----- Hết -----

**ĐỀ 1994
ĐỀ THI VÀO 10**

Bài 1 (2.0 điểm)

1. Tìm x để mỗi biểu thức sau có nghĩa

$$a) \quad \sqrt{x}$$

$$\text{b) } \frac{1}{x-1}$$

2. Trục căn thức ở mẫu

$$a) \frac{3}{\sqrt{2}}$$

$$\text{b) } \frac{1}{\sqrt{3}-1}$$

3. Giải hệ phương trình:

$$\begin{cases} x - 1 = 0 \\ x + y = 3 \end{cases}$$

Bài 2 (3,0 điểm)

Cho hàm số $y = x^2$ và $y = x + 2$

- a) Vẽ đồ thị của các hàm số này trên cùng một mặt phẳng tọa độ Oxy
 b) Tìm tọa độ các giao điểm A,B của đồ thị hai hàm số trên bằng phép tính
 c) Tính diện tích tam giác OAB

Bài 3 (1.0 điểm)

Cho phương trình $x^2 - 2mx + m^2 - m + 3$ có hai nghiệm $x_1; x_2$ (với m là tham số). Tìm biểu thức $x_1^2 + x_2^2$ đạt giá trị nhỏ nhất.

Bài 4 (4.0 điểm)

Cho đường tròn tâm (O), đường kính AC. Vẽ dây BD vuông góc với AC tại K (K nằm giữa A và O). Lấy điểm E trên cung nhỏ CD (E không trùng C và D), AE cắt BD tại H.

- a) Chứng minh rằng tam giác CBD cân và tứ giác CEHK nội tiếp.
 b) Chứng minh rằng $AD^2 = AH \cdot AE$.
 c) Cho $BD = 24$ cm, $BC = 20$ cm. Tính chu vi của hình tròn (O).
 d) Cho góc BCD bằng α . Trên mặt phẳng bờ BC không chứa điểm A, vẽ tam giác MBC cân tại M. Tính góc MBC theo α để M thuộc đường tròn (O).

=====Hết=====

Hướng dẫn:

Bài 1 (2.0 điểm)

1. Tìm x để mỗi biểu thức sau có nghĩa

a) $x \geq 0$

b) $x-1 \neq 0 \Rightarrow x \neq 1$

2. Trục căn thức ở mẫu

a) $\frac{3}{\sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{2} \cdot \sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{2}}{2}$

b) $\frac{1}{\sqrt{3}-1} = \frac{1 \cdot (\sqrt{3}+1)}{(\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}+1)} = \frac{\sqrt{3}+1}{3-1} = \frac{\sqrt{3}+1}{2}$

3. Giải hệ phương trình: $\begin{cases} x-1=0 \\ x+y=3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=1 \\ 1+y=3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=1 \\ y=2 \end{cases}$

Bài 2 (3.0 điểm)

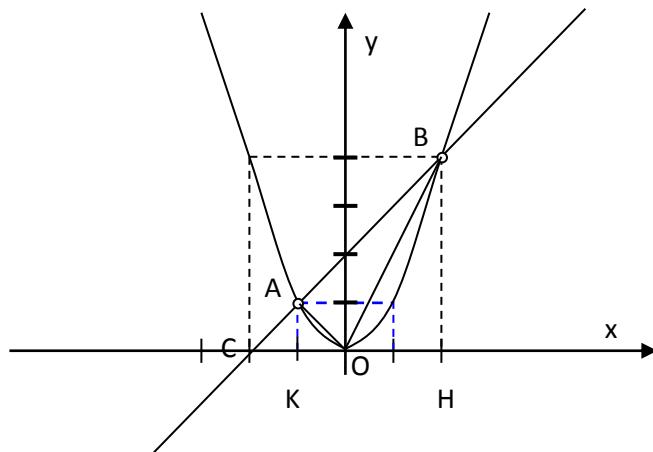
Cho hàm số $y = x^2$ và $y = x + 2$

- a) Vẽ đồ thị của các hàm số này trên cùng một mặt phẳng tọa độ Oxy

Lập bảng :

x	0	- 2
$y = x + 2$	2	0

x	- 2	- 1	0	1	2
$y = x^2$	4	1	0	1	4



b) Tìm tọa độ giao điểm A,B :

Gọi tọa độ các giao điểm $A(x_1; y_1)$, $B(x_2; y_2)$ của hàm số $y = x^2$ có đồ thị (P) và $y = x + 2$ có đồ thị (d)

Viết phương trình hoành độ điểm chung của (P) và (d)

$$x^2 = x + 2 \Leftrightarrow x^2 - x - 2 = 0$$

($a = 1, b = -1, c = -2$) có $a - b + c = 1 - (-1) - 2 = 0$

$$\Rightarrow x_1 = -1 \quad ; \quad x_2 = -\frac{c}{a} = -\frac{-2}{1} = 2$$

thay $x_1 = -1 \Rightarrow y_1 = x^2 = (-1)^2 = 1$;

$$x_2 = 2 \Rightarrow y_2 = 4$$

Vậy tọa độ giao điểm là $A(-1; 1)$, $B(2; 4)$

c) Tính diện tích tam giác OAB

$$\text{Cách 1 : } S_{OAB} = S_{CBH} - S_{OAC} = \frac{1}{2} (OC \cdot BH - OC \cdot AK) = \dots = \frac{1}{2} (8 - 2) = 3 \text{ đvdt}$$

Cách 2 : Cố đường thẳng OA và đường thẳng AB vuông góc

$$OA = \sqrt{AK^2 + OK^2} = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2} ; BC = \sqrt{BH^2 + CH^2} = \sqrt{4^2 + 4^2} = 4\sqrt{2} ;$$

$$AB = BC - AC = BC - OA = 3\sqrt{2}$$

($\triangle OAC$ cân do AK là đường cao đồng thời trung tuyến $\Rightarrow OA = AC$)

$$S_{OAB} = \frac{1}{2} OA \cdot AB = \frac{1}{2} \cdot 3\sqrt{2} \cdot \sqrt{2} = 3 \text{ đvdt}$$

Hoặc dùng công thức để tính $AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$; $OA = \sqrt{(x_A - x_O)^2 + (y_A - y_O)^2}$...

Bài 3 (1.0 điểm). Tìm biểu thức $x_1^2 + x_2^2$ đạt giá trị nhỏ nhất.

Cho phương trình $x^2 - 2mx + m^2 - m + 3$

$$(a = 1; b = -2m \Rightarrow b' = -m; c = m^2 - m + 3)$$

$\Delta' = \dots = m^2 - 1 \cdot (m^2 - m + 3) = m^2 - m^2 + m - 3 = m - 3$, do pt có hai nghiệm $x_1; x_2$ (với m là tham số) $\Delta' \geq 0 \Rightarrow m \geq 3$ theo viết ta có:

$$x_1 + x_2 = \dots = 2m$$

$$x_1 \cdot x_2 = \dots = m^2 - m + 3$$

$$x_1^2 + x_2^2 = (x_1 + x_2)^2 - 2x_1x_2 = (2m)^2 - 2(m^2 - m + 3) = 2(m^2 + m - 3)$$

$$= 2(m^2 + 2m \frac{1}{2} + \frac{1}{4} - \frac{1}{4} - \frac{12}{4}) = 2[(m + \frac{1}{2})^2 - \frac{13}{4}] = 2(m + \frac{1}{2})^2 - \frac{13}{2}$$

$$\text{Do điều kiện } m \geq 3 \Rightarrow m + \frac{1}{2} \geq 3 + \frac{1}{2} = \frac{7}{2}$$

$$(m + \frac{1}{2})^2 \geq \frac{49}{4} \Rightarrow 2(m + \frac{1}{2})^2 \geq \frac{49}{2} \Rightarrow 2(m + \frac{1}{2})^2 - \frac{13}{2} \geq \frac{49}{2} - \frac{13}{2} = 18$$

Vậy GTNN của $x_1^2 + x_2^2$ là 18 khi $m = 3$

Bài 4 (4.0 điểm)

a) Chứng minh rằng tam giác CBD cân và tứ giác CEHK nội tiếp.

* **Tam giác CBD cân**

$AC \perp BD$ tại K $\Rightarrow BK = KD = BD : 2$ (đường kính vuông góc dây cung), ΔCBD có đường cao CK vừa là đường trung tuyến nên ΔCBD cân.

* **Tứ giác CEHK nội tiếp**

$AEC = HEC = 180^\circ$ (góc nội tiếp chắn nửa đường tròn); $KHC = 180^\circ$ (gt)

$HEC + HKC = 90^\circ + 90^\circ = 180^\circ$ (tổng hai góc đối) \Rightarrow tứ giác CEHK nội tiếp

b) Chứng minh rằng $AD^2 = AH \cdot AE$.

Xét ΔADH và ΔAED có :

A chung; $AC \perp BD$ tại K, AC cắt cung BD tại A suy ra A là điểm chính giữa cung BAD , hay cung AB bằng cung $AD \Rightarrow \widehat{ADB} = \widehat{AED}$ (chỗ hai cung bằng nhau). Vậy

$$\Delta ADH \sim \Delta AED \text{ (g-g)} \Rightarrow \frac{AD}{AH} = \frac{AE}{AD} \Rightarrow AD^2 = AH \cdot AE$$

c) Cho $BD = 24 \text{ cm}$, $BC = 20 \text{ cm}$. Tính chu vi của hình tròn (O).

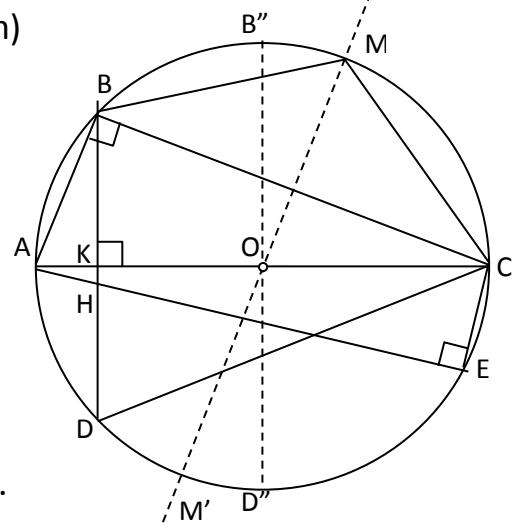
$$BK = KD = BD : 2 = 24 : 2 = 12 \text{ (cm)} \quad (\text{cm câu a}) ; BC = 20 \text{ cm}$$

$$* \Delta BKC \text{ vuông tại } A \text{ có : } KC = \sqrt{BC^2 - BK^2} = \sqrt{20^2 - 12^2} = \sqrt{400 - 144} = \sqrt{256} = 16$$

* $\angle ABC = 90^\circ$ (góc nội tiếp chắn nửa đường tròn)

$$\Delta ABC \text{ vuông tại } K \text{ có : } BC^2 = KC \cdot AC \Leftrightarrow 400 = 16 \cdot AC \Rightarrow AC = 25 \Rightarrow R = 12,5 \text{ cm}$$

$$C = 2\pi R = 2\pi \cdot 12,5 = 25\pi (= 25 \cdot 3,14 = 78,5) \text{ (cm)}$$



d) Tính góc MBC theo α để M thuộc đường tròn (O).

ΔMBC cân tại M có $MB = MC$ suy ra M cách đều hai đầu đoạn thẳng $BC \Rightarrow M \in d$ là đường trung trực BC , ($OB = OC$ nên $O \in d$), vì $M \in (O)$ nên giả sử d cắt (O) tại M (M thuộc cung nhỏ BC) và M' (thuộc cung lớn BC).

* Trong trường hợp M thuộc cung nhỏ BC ; M và D nằm khác phía BC hay AC

$$\text{do } \Delta BCD \text{ cân tại } C \text{ nên } \angle BDC = \angle DBC = (180^\circ - \angle DCB) : 2 = 90^\circ - \frac{\alpha}{2}$$

Tứ giác $MBDC$ nội tiếp thì

$$\angle BDC + \angle BMC = 180^\circ \Rightarrow \angle BMC = 180^\circ - \angle BDC = 180^\circ - (90^\circ - \frac{\alpha}{2}) = 180^\circ - 90^\circ + \frac{\alpha}{2} = 90^\circ + \frac{\alpha}{2}$$

* Trong trường hợp M' thuộc cung lớn BC

ΔMBC cân tại M có MM' là đường trung trực nên MM' là phân giác góc BMC

$$\Rightarrow \angle BMM' = \angle BMC = (90^\circ + \frac{\alpha}{2}) : 2 = 45^\circ + \frac{\alpha}{4} \Rightarrow \text{sđ } \angle BM' = (90^\circ + \frac{\alpha}{2}) \text{ (góc nội tiếp và cung bị chắn)}$$

$$\text{sđ } \angle BDC = 2\angle BCD = 2\alpha \text{ (góc nội tiếp và cung bị chắn)}$$

+ Xét $BD < BM' \Rightarrow 2\alpha < 90^\circ + \frac{\alpha}{2} \Leftrightarrow 2\alpha - \frac{\alpha}{2} < 90^\circ \Leftrightarrow 3\alpha < 180^\circ \Leftrightarrow 0^\circ < \alpha < 60^\circ$ suy ra tồn tại

hai điểm là M thuộc cung nhỏ BC (đã tính ở trên) và M' thuộc cung lớn BC.

Tứ giác BDM'C nội tiếp thì $BDC = BM'C = 90^\circ - \frac{\alpha}{2}$ (cùng chắn cung BC nhỏ)

+ Xét $BD = BM' \Rightarrow 2\alpha = 90^\circ + \frac{\alpha}{2} \Leftrightarrow 2\alpha - \frac{\alpha}{2} = 90^\circ \Leftrightarrow 3\alpha = 180^\circ \Leftrightarrow \alpha = 60^\circ$ thì $M' \equiv D$ không thỏa mãn điều kiện đề bài nên không có M' (chỉ có điểm M tmđk đề bài)

+ Xét $BD > BM' \Rightarrow 2\alpha > 90^\circ + \frac{\alpha}{2} \Leftrightarrow 2\alpha - \frac{\alpha}{2} > 90^\circ \Leftrightarrow 3\alpha > 180^\circ \Leftrightarrow 60^\circ < \alpha \leq 90^\circ$ (khi BD qua tâm O và $BD \perp AC \Rightarrow BCD = \alpha = 90^\circ \Rightarrow M'$ thuộc cung BD không thỏa mãn điều kiện đề bài nên không có M' (chỉ có điểm M thỏa mãn đk đề)).

ĐỀ 1995

ĐỀ THI VÀO 10

Câu 1: (1,5 điểm)

a) Rút gọn biểu thức: $A = \frac{a - \sqrt{a} - 6}{4-a} - \frac{1}{\sqrt{a}-2}$ (với $a \geq 0$ và $a \neq 4$).

b) Cho $x = \frac{\sqrt{28-16\sqrt{3}}}{\sqrt{3}-1}$. Tính giá trị của biểu thức: $P = (x^2 + 2x - 1)^{2012}$.

Câu 2: (2,0 điểm)

a) Giải phương trình: $\sqrt{3(1-x)} - \sqrt{3+x} = 2$.

b) Giải hệ phương trình: $\begin{cases} x^2 + xy - 4x = -6 \\ y^2 + xy = -1 \end{cases}$

Câu 3: (1,5 điểm)

Cho parabol (P): $y = -x^2$ và đường thẳng (d): $y = (3-m)x + 2 - 2m$ (m là tham số).

a) Chứng minh rằng với $m \neq -1$ thì (d) luôn cắt (P) tại 2 điểm phân biệt A, B.

b) Gọi y_A, y_B lần lượt là tung độ các điểm A, B. Tìm m để $|y_A - y_B| = 2$.

Câu 4: (4,0 điểm)

Cho hình chữ nhật ABCD có $AB = 4$ cm, $AD = 2$ cm. Đường thẳng vuông góc với AC tại C cắt các đường thẳng AB và AD lần lượt tại E và F.

a) Chứng minh tứ giác EBDF nội tiếp trong đường tròn.

b) Gọi I là giao điểm của các đường thẳng BD và EF. Tính độ dài đoạn thẳng ID.

c) M là điểm thay đổi trên cạnh AB (M khác A, M khác B), đường thẳng CM cắt đường thẳng AD tại N. Gọi S_1 là diện tích tam giác CME, S_2 là diện tích tam giác AMN. Xác định vị trí điểm M để $S_1 = \frac{3}{2}S_2$.

Câu 5: (1,0 điểm)

Cho a, b là hai số thực không âm thỏa: $a + b \leq 2$.

Chứng minh: $\frac{2+a}{1+a} + \frac{1-2b}{1+2b} \geq \frac{8}{7}$.

----- Hết -----

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
QUẢNG NAM

ĐỀ CHÍNH THỨC

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT CHUYÊN

Năm học: 2012 – 2013

Khóa thi: Ngày 4 tháng 7 năm 2012

Môn: TOÁN (Chuyên Toán)

Thời gian làm bài: 150 phút (không kể thời gian giao đề)

HƯỚNG DẪN CHẤM THI

(Bản hướng dẫn này gồm 03 trang)

Câu	Nội dung	Điểm
Câu 1 (1,5 điểm)	<p>a) (0,75) $A = \frac{a - \sqrt{a} - 6}{4 - a} - \frac{1}{\sqrt{a} - 2}$ ($a \geq 0$ và $a \neq 4$)</p> $A = \frac{(\sqrt{a} + 2)(\sqrt{a} - 3)}{(2 + \sqrt{a})(2 - \sqrt{a})} - \frac{1}{\sqrt{a} - 2}$ $= \frac{\sqrt{a} - 3}{2 - \sqrt{a}} + \frac{1}{2 - \sqrt{a}}$ $= -1$	<p>0,25</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p>

	b) (0,75) Cho $x = \frac{\sqrt{28-16\sqrt{3}}}{\sqrt{3}-1}$. Tính: $P = (x^2 + 2x - 1)^{2012}$	
	$x = \frac{\sqrt{(4-2\sqrt{3})^2}}{\sqrt{3}-1} = \frac{4-2\sqrt{3}}{\sqrt{3}-1} = \frac{(\sqrt{3}-1)^2}{\sqrt{3}-1} = \sqrt{3}-1$	0,25
	$\Rightarrow x^2 + 2x - 1 = 1$	0,25
	$\Rightarrow P = (x^2 + 2x - 1)^{2012} = 1$	0,25
Câu 2 (2,0 điểm)	<p>a) (1,0) Giải phương trình: $\sqrt{3(1-x)} - \sqrt{3+x} = 2$ (1)</p> <p>Bình phương 2 vế của (1) ta được:</p> $3(1-x) + 3+x - 2\sqrt{3(1-x)(3+x)} = 4$ $\Rightarrow \sqrt{3(1-x)(3+x)} = 1-x$ $\Rightarrow 3(1-x)(3+x) = 1-2x+x^2$ $\Rightarrow x^2 + x - 2 = 0 \Rightarrow x = 1 \text{ hoặc } x = -2$ <p>Thử lại, $x = -2$ là nghiệm.</p>	0,25 0,25 0,25 0,25
	b) (1,0) Giải hệ phương trình: $\begin{cases} x^2 + xy - 4x = -6 & (1) \\ y^2 + xy = -1 & (2) \end{cases}$	
	Nếu $(x;y)$ là nghiệm của (2) thì $y \neq 0$.	0,25
	Do đó: (2) $\Leftrightarrow x = \frac{-y^2 - 1}{y}$ (3)	0,25
	Thay (3) vào (1) và biến đổi, ta được:	
	$4y^3 + 7y^2 + 4y + 1 = 0$	
	$\Leftrightarrow (y+1)(4y^2 + 3y + 1) = 0$ (thí sinh có thể bỏ qua bước này)	0,25
	$\Leftrightarrow y = -1$	
	$y = -1 \Rightarrow x = 2$	
	Vậy hệ có một nghiệm: $(x ; y) = (2 ; -1)$.	0,25

Câu	Nội dung	Điểm
Câu 3 (1,5	a) (0,75) (P): $y = -x^2$, (d): $y = (3-m)x + 2 - 2m$. Chứng minh rằng với $m \neq -1$ thì (d) luôn cắt (P) tại 2 điểm phân biệt A, B	

điểm)	<p>Phương trình hoành độ giao điểm của (P) và (d):</p> $-x^2 = (3 - m)x + 2 - 2m.$ $\Leftrightarrow x^2 + (3 - m)x + 2 - 2m = 0 \quad (1)$ $\Delta = (3-m)^2 - 4(2 - 2m) = m^2 + 2m + 1$ <p>Viết được: $\Delta = (m + 1)^2 > 0$, với $m \neq -1$ và kết luận đúng.</p>	0,25 0,25 0,25
	b) (0,75) Tìm m để $ y_A - y_B = 2$.	
	<p>Giải PT (1) được hai nghiệm: $x_1 = -2$ và $x_2 = m - 1$</p> <p>Tính được: $y_1 = -4$, $y_2 = -(m - 1)^2$</p> $ y_A - y_B = y_1 - y_2 = m^2 - 2m - 3 $ $ y_A - y_B = 2 \Leftrightarrow m^2 - 2m - 3 = 2 \text{ hoặc } m^2 - 2m - 3 = -2$ $\Leftrightarrow m = 1 \pm \sqrt{6} \text{ hoặc } m = 1 \pm \sqrt{2}$	0,25 0,25 0,25
		0,25
Câu 4 (4,0 điểm)	<p>a) (1,0) Chứng minh tứ giác EBDF nội tiếp trong đường tròn.</p> <p>Ta có:</p> $\angle ADB = \angle ACB$ $\angle AEC = \angle ACB \text{ (cùng phụ với } \angle BAC\text{)}$ $\Rightarrow \angle ADB = \angle AEC$ $\Rightarrow \text{tứ giác EBDF nội tiếp}$	0,25 0,25 0,25 0,25
	b) (1,5) Tính ID	
	<p>Tam giác AEC vuông tại C và $BC \perp AE$ nên: $BE \cdot BA = BC^2$</p> $\Rightarrow BE = \frac{BC^2}{BA} = 1$ $BE // CD \Rightarrow \frac{IB}{ID} = \frac{BE}{CD} = \frac{1}{4}$	0,25 0,25 0,25

	$\Rightarrow \frac{BD}{ID} = \frac{3}{4}$ $\Rightarrow ID = \frac{4}{3}BD$ và tính được: $BD = 2\sqrt{5}$ $\Rightarrow ID = \frac{8\sqrt{5}}{3}$ (cm)	0,25 0,25 0,25
--	---	----------------------

Câu	Nội dung	Điểm
Câu 4 (tt)	<p>c) (1,5 điểm) Xác định vị trí điểm M để $S_1 = \frac{3}{2}S_2$</p> <p>Đặt $AM = x, 0 < x < 4$</p> $\Rightarrow MB = 4 - x, ME = 5 - x$ <p>Ta có: $\frac{AN}{BC} = \frac{AM}{MB} \Rightarrow AN = \frac{BC \cdot AM}{MB} = \frac{2x}{4-x}$</p> $S_1 = \frac{1}{2}BC \cdot ME = 5 - x, S_2 = \frac{1}{2}AM \cdot AN = \frac{x^2}{4-x}$ $S_1 = \frac{3}{2}S_2 \Leftrightarrow 5 - x = \frac{3}{2} \cdot \frac{x^2}{4-x} \Leftrightarrow x^2 + 18x - 40 = 0$ $\Leftrightarrow x = 2$ (vì $0 < x < 4$) Vậy M là trung điểm AB .	0,25 0,25 0,25 0,25 0,25 0,25 0,25
Câu 5 (1,0 điểm)	<p>Cho $a, b \geq 0$ và $a + b \leq 2$. Chứng minh: $\frac{2+a}{1+a} + \frac{1-2b}{1+2b} \geq \frac{8}{7}$</p> <p>Bất đẳng thức cần chứng minh tương đương với:</p> $\frac{1}{1+a} + \frac{2}{1+2b} \geq \frac{8}{7}$ <p>Ta có: $\frac{1}{a+1} + \frac{2}{2b+1} = \frac{1}{a+1} + \frac{1}{b+\frac{1}{2}} \geq 2 \sqrt{\frac{1}{(a+1)(b+\frac{1}{2})}}$ (1) (bđt Côsi)</p> $\sqrt{(a+1)(b+\frac{1}{2})} \leq \frac{a+1+b+\frac{1}{2}}{2} \leq \frac{7}{4}$ (bđt Côsi) $\Rightarrow \frac{2}{\sqrt{(a+1)(b+\frac{1}{2})}} \geq \frac{8}{7}$ (2) <p>Từ (1) và (2) suy ra: $\frac{1}{1+a} + \frac{2}{1+2b} \geq \frac{8}{7}$</p> <p>Dấu "=" xảy ra chỉ khi: $a + 1 = b + \frac{1}{2}$ và $a + b = 2$</p>	0,25 0,25 0,25

$$\Leftrightarrow a = \frac{3}{4} \text{ và } b = \frac{5}{4}$$

ĐỀ 1996

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
QUẢNG NAM

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT CHUYÊN

Năm học: 2012-2013

Khóa thi: Ngày 4 tháng 7 năm 2012

Môn: TOÁN (Chuyên Toán)

ĐỀ CHÍNH THỨC

Thời gian làm bài: 150 phút (không kể thời gian giao đề)

Câu 1: (1,5 điểm)

a) Rút gọn biểu thức: $A = \frac{a - \sqrt{a} - 6}{4 - a} - \frac{1}{\sqrt{a} - 2}$ (với $a \geq 0$ và $a \neq 4$).

b) Cho $x = \frac{\sqrt{28 - 16\sqrt{3}}}{\sqrt{3} - 1}$. Tính giá trị của biểu thức: $P = (x^2 + 2x - 1)^{2012}$.

Câu 2: (2,0 điểm)

a) Giải phương trình: $\sqrt{3(1-x)} - \sqrt{3+x} = 2$.

b) Giải hệ phương trình: $\begin{cases} x^2 + xy - 4x = -6 \\ y^2 + xy = -1 \end{cases}$

Câu 3: (1,5 điểm)

Cho parabol (P): $y = -x^2$ và đường thẳng (d): $y = (3 - m)x + 2 - 2m$ (m là tham số).

a) Chứng minh rằng với $m \neq -1$ thì (d) luôn cắt (P) tại 2 điểm phân biệt A, B.

b) Gọi y_A , y_B lần lượt là tung độ các điểm A, B. Tìm m để $|y_A - y_B| = 2$.

Câu 4: (4,0 điểm)

Cho hình chữ nhật ABCD có $AB = 4$ cm, $AD = 2$ cm. Đường thẳng vuông góc với AC tại C cắt các đường thẳng AB và AD lần lượt tại E và F.

a) Chứng minh tứ giác EBDF nội tiếp trong đường tròn.

b) Gọi I là giao điểm của các đường thẳng BD và EF. Tính độ dài đoạn thẳng ID.

c) M là điểm thay đổi trên cạnh AB (M khác A, M khác B), đường thẳng CM cắt đường thẳng AD tại N. Gọi S_1 là diện tích tam giác CME, S_2 là diện tích tam giác AMN. Xác định vị trí

điểm M để $S_1 = \frac{3}{2}S_2$.

Câu 5: (1,0 điểm)

Cho a, b là hai số thực không âm thỏa: $a + b \leq 2$.

Chứng minh: $\frac{2+a}{1+a} + \frac{1-2b}{1+2b} \geq \frac{8}{7}$.

----- Hết -----

Họ và tên thí sinh: Số báo danh:

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
QUẢNG NAM

ĐỀ CHÍNH THỨC

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT CHUYÊN

Năm học: 2012-2013

Khóa thi: Ngày 4 tháng 7 năm 2012

Môn: TOÁN (Chuyên Toán)

Thời gian làm bài: 150 phút (không kể thời gian giao đề)

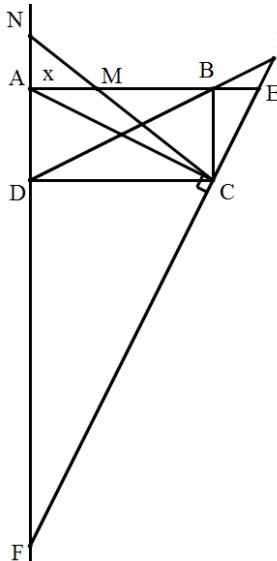
HƯỚNG DẪN CHẤM THI

(Bản hướng dẫn này gồm 03 trang)

Câu	Nội dung	Điểm
Câu 1 (1,5 điểm)	<p>a) (0,75) $A = \frac{a - \sqrt{a} - 6}{4-a} - \frac{1}{\sqrt{a}-2}$ ($a \geq 0$ và $a \neq 4$)</p> $\begin{aligned} A &= \frac{(\sqrt{a}+2)(\sqrt{a}-3)}{(2+\sqrt{a})(2-\sqrt{a})} - \frac{1}{\sqrt{a}-2} \\ &= \frac{\sqrt{a}-3}{2-\sqrt{a}} + \frac{1}{2-\sqrt{a}} \\ &= -1 \end{aligned}$	0,25 0,25 0,25
	b) (0,75) Cho $x = \frac{\sqrt{28-16\sqrt{3}}}{\sqrt{3}-1}$. Tính: $P = (x^2 + 2x - 1)^{2012}$	
	$\begin{aligned} x &= \frac{\sqrt{(4-2\sqrt{3})^2}}{\sqrt{3}-1} = \frac{4-2\sqrt{3}}{\sqrt{3}-1} = \frac{(\sqrt{3}-1)^2}{\sqrt{3}-1} = \sqrt{3}-1 \\ \Rightarrow x^2 + 2x - 1 &= 1 \\ \Rightarrow P &= (x^2 + 2x - 1)^{2012} = 1 \end{aligned}$	0,25 0,25 0,25

Câu 2 (2,0 điểm)	a) (1,0) Giải phương trình: $\sqrt{3(1-x)} - \sqrt{3+x} = 2$ (1) Bình phương 2 vế của (1) ta được: $3(1-x) + 3+x - 2\sqrt{3(1-x)(3+x)} = 4$ $\Rightarrow \sqrt{3(1-x)(3+x)} = 1-x$ $\Rightarrow 3(1-x)(3+x) = 1-2x+x^2$ $\Rightarrow x^2 + x - 2 = 0 \Rightarrow x = 1 \text{ hoặc } x = -2$ Thử lại, $x = -2$ là nghiệm .	0,25 0,25 0,25 0,25 0,25
	b) (1,0) Giải hệ phương trình: $\begin{cases} x^2 + xy - 4x = -6 & (1) \\ y^2 + xy = -1 & (2) \end{cases}$ Nếu $(x;y)$ là nghiệm của (2) thì $y \neq 0$. Do đó: (2) $\Leftrightarrow x = \frac{-y^2 - 1}{y}$ (3) Thay (3) vào (1) và biến đổi, ta được: $4y^3 + 7y^2 + 4y + 1 = 0$ $\Leftrightarrow (y+1)(4y^2 + 3y + 1) = 0$ (thí sinh có thể bỏ qua bước này) $\Leftrightarrow y = -1$ $y = -1 \Rightarrow x = 2$ Vậy hệ có một nghiệm: $(x ; y) = (2 ; -1)$.	0,25 0,25 0,25 0,25 0,25

Câu	Nội dung	Điểm
Câu 3 (1,5 điểm)	a) (0,75) (P): $y = -x^2$, (d): $y = (3-m)x + 2 - 2m$. Chứng minh rằng với $m \neq -1$ thì (d) luôn cắt (P) tại 2 điểm phân biệt A, B	
	Phương trình hoành độ giao điểm của (P) và (d): $-x^2 = (3-m)x + 2 - 2m$ $\Leftrightarrow x^2 + (m-3)x + 2 - 2m = 0$ (1)	0,25
	$\Delta = (3-m)^2 - 4(2-2m) = m^2 + 2m + 1$	0,25
	Viết được: $\Delta = (m+1)^2 > 0$, với $m \neq -1$ và kết luận đúng.	0,25
	b) (0,75) Tìm m để $ y_A - y_B = 2$. Giải PT (1) được hai nghiệm: $x_1 = -2$ và $x_2 = m-1$ Tính được: $y_1 = -4$, $y_2 = -(m-1)^2$	0,25

	$ y_A - y_B = y_1 - y_2 = m^2 - 2m - 3 $ $ y_A - y_B = 2 \Leftrightarrow m^2 - 2m - 3 = 2$ hoặc $m^2 - 2m - 3 = -2$ $\Leftrightarrow m = 1 \pm \sqrt{6}$ hoặc $m = 1 \pm \sqrt{2}$	0,25 0,25
Câu 4 (4,0 điểm)	<p>a) (1,0) Chứng minh tứ giác EBDF nội tiếp trong đường tròn.</p> <p>Ta có:</p> $ADB = ACB$ $AEC = ACB$ (cùng phụ với BAC) $\Rightarrow ADB = AEC$ \Rightarrow tứ giác EBDF nội tiếp	0,25 0,25 0,25 0,25
		
	b) (1,5) Tính ID	
	<p>Tam giác AEC vuông tại C và $BC \perp AE$ nên: $BE \cdot BA = BC^2$</p> $\Rightarrow BE = \frac{BC^2}{BA} = 1$ $BE // CD \Rightarrow \frac{IB}{ID} = \frac{BE}{CD} = \frac{1}{4}$ $\Rightarrow \frac{BD}{ID} = \frac{3}{4}$ $\Rightarrow ID = \frac{4}{3} BD$ và tính được: $BD = 2\sqrt{5}$ $\Rightarrow ID = \frac{8\sqrt{5}}{3}$ (cm)	0,25 0,25 0,25 0,25 0,25 0,25 0,25

Câu	Nội dung	Điểm
Câu 4 (tt)	<p>c) (1,5 điểm) Xác định vị trí điểm M để $S_1 = \frac{3}{2}S_2$</p> <p>Đặt $AM = x, 0 < x < 4$</p> <p>$\Rightarrow MB = 4-x, ME = 5-x$</p> <p>Ta có: $\frac{AN}{BC} = \frac{AM}{MB} \Rightarrow AN = \frac{BC \cdot AM}{MB} = \frac{2x}{4-x}$</p> <p>$S_1 = \frac{1}{2}BC \cdot ME = 5-x, S_2 = \frac{1}{2}AM \cdot AN = \frac{x^2}{4-x}$</p> <p>$S_1 = \frac{3}{2}S_2 \Leftrightarrow 5-x = \frac{3}{2} \cdot \frac{x^2}{4-x} \Leftrightarrow x^2 + 18x - 40 = 0$</p> <p>$\Leftrightarrow x = 2$ (vì $0 < x < 4$)</p> <p>Vậy M là trung điểm AB .</p>	0,25 0,25 0,25 0,25 0,25 0,25
Câu 5 (1,0 điểm)	<p>Cho $a, b \geq 0$ và $a + b \leq 2$. Chứng minh: $\frac{2+a}{1+a} + \frac{1-2b}{1+2b} \geq \frac{8}{7}$</p> <p>Bất đẳng thức cần chứng minh tương đương với: $\frac{1}{1+a} + \frac{2}{1+2b} \geq \frac{8}{7}$</p> <p>Ta có: $\frac{1}{a+1} + \frac{2}{2b+1} = \frac{1}{a+1} + \frac{1}{b+\frac{1}{2}} \geq 2 \sqrt{\frac{1}{(a+1)(b+\frac{1}{2})}}$ (1) (bđt Côsi)</p> <p>$\sqrt{(a+1)(b+\frac{1}{2})} \leq \frac{a+1+b+\frac{1}{2}}{2} \leq \frac{7}{4}$ (bđt Cô si)</p> <p>$\Rightarrow \frac{2}{\sqrt{(a+1)(b+\frac{1}{2})}} \geq \frac{8}{7}$ (2)</p> <p>Từ (1) và (2) suy ra: $\frac{1}{1+a} + \frac{2}{1+2b} \geq \frac{8}{7}$</p> <p>Dấu “=” xảy ra chỉ khi: $a+1 = b + \frac{1}{2}$ và $a+b=2 \Leftrightarrow a=\frac{3}{4}$ và $b=\frac{5}{4}$</p>	0,25 0,25 0,25

* Lưu ý:

Nếu thí sinh làm bài không theo cách nêu trong đáp án nhưng đúng thì vẫn cho đủ số điểm từng phần như hướng dẫn quy định.

**SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
QUẢNG NAM**

ĐỀ 1997

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT CHUYÊN

Năm học: 2013 – 2014

Khóa thi ngày 06 tháng 6 năm 2013

Môn: TOÁN (Chuyên Toán)

ĐỀ CHÍNH THỨC

Thời gian làm bài: 150 phút (*không tính thời gian giao đề*)

Câu 1.(1.5 điểm)

Cho biểu thức $A = \frac{2\sqrt{x}-9}{x-5\sqrt{x}+6} - \frac{\sqrt{x}+3}{\sqrt{x}-2} + \frac{2\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-3}$ (với $x \geq 0; x \neq 4$ và $x \neq 9$).

- a. Rút gọn biểu thức A.
- b. Tìm các giá trị nguyên của x để A nguyên.

Câu 2.(2 điểm)

a. Giải phương trình $3x^2 - 15 = \sqrt{x^2 + x + 3} - 3x$.

b. Giải hệ phương trình $\begin{cases} 2xy + x + 2y = 20 \\ \frac{1}{y} + \frac{2}{x} = \frac{4}{3} \end{cases}$

Câu 3.(1.5 điểm)

Trong mặt phẳng tọa độ Oxy, cho đường thẳng (d): $2x - y - a^2 = 0$ và Parabol (P): $y = ax^2$ (a là tham số dương).

- a. Tìm giá trị a để (d) cắt (P) tại hai điểm phân biệt A, B. Chứng tỏ khi đó A và B nằm bên phải trục tung.

b. Gọi x_1, x_2 lần lượt là hoành độ của A và B. Tìm giá trị nhỏ nhất của $M = \frac{4}{x_1 + x_2} + \frac{1}{x_1 x_2}$.

Câu 4.(2 điểm)

Cho ΔABC nhọn có số đo góc đỉnh A là 45° . Nửa đường tròn tâm O đường kính BC cắt các cạnh AB và AC lần lượt tại E và F. Vẽ bán kính OM vuông góc với BC.

- a. Chứng minh $EF = R\sqrt{2}$ (với $BC = 2R$).

- b. Chứng minh M là trực tâm ΔAEF .

Câu 5.(2 điểm)

Cho ΔABC nhọn nội tiếp đường tròn (O), có $AB < AC$. Hạ các đường cao BE và CF, gọi H là trực tâm, M là giao điểm của EF và AH. Vẽ đường kính AK cắt cạnh BC tại N.

- a. Chứng minh ΔAMF đồng dạng với ΔANC .

b. Chứng minh HI song song với MN, với I là trung điểm BC.

Câu 6.(1 điểm)

Cho hai số x và y thỏa mãn: $xy(2013 - \frac{xy}{2}) = \frac{x^4}{4} + \frac{y^4}{4} - 2014$.

Tìm giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của tích xy.

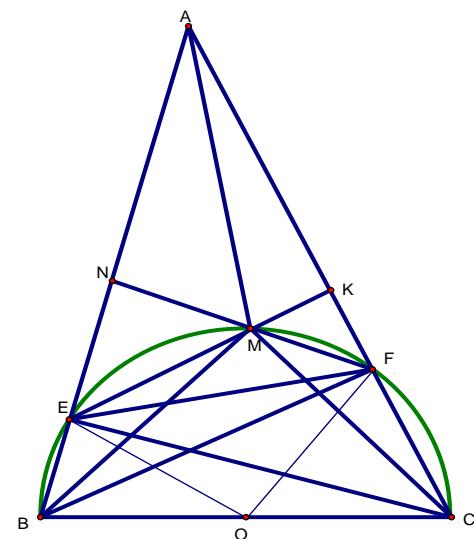
Hết

Họ và tên thí sinh:..... Số Báo Danh:.....

HƯỚNG DẪN CHẤM MÔN TOÁN LỚP CHUYÊN TOÁN 10 (2013–2014)

Nội dung	Điểm
Câu 1: 1.5 điểm	
a/ $A = \frac{2\sqrt{x}-9}{x-5\sqrt{x}+6} - \frac{\sqrt{x}+3}{\sqrt{x}-2} + \frac{2\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-3} = \frac{2\sqrt{x}-9}{(\sqrt{x}-3)(\sqrt{x}-2)} - \frac{(\sqrt{x}+3)(\sqrt{x}-3)}{(\sqrt{x}-2)(\sqrt{x}-3)} + \frac{(2\sqrt{x}+1)(\sqrt{x}-2)}{(\sqrt{x}-3)(\sqrt{x}-2)}$	0,5
phân tích mẫu số thứ nhất (0.25), quy đồng mẫu ở hai phân thức sau (0.25)	
$A = \frac{x-\sqrt{x}-2}{(\sqrt{x}-3)(\sqrt{x}-2)}$	0.25
$A = \frac{(\sqrt{x}+1)(\sqrt{x}-2)}{(\sqrt{x}-3)(\sqrt{x}-2)} = \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-3}$	0,25
b/ $A = 1 + \frac{4}{\sqrt{x}-3}$, lý luân $A \in \mathbb{Z}$ khi $\sqrt{x}-3$ là ước số của 4	0.25
Giải 6 trường hợp, tìm được 4 giá trị của x là 1; 16; 25 và 49	0.25
Câu 2: (2 điểm)	
a/ pt $\Leftrightarrow 3(x^2+x) - \sqrt{x^2+x+3} - 15 = 0$, đặt $t = \sqrt{x^2+x+3} > 0, \forall x \in \mathbb{R}$	0.25
Pt có dạng: $3(t^2 - 3) - t - 15 = 0 \Leftrightarrow 3t^2 - t - 24 = 0$	0.25
Pt có nghiệm: $t_1 = \frac{-8}{3}$ (loại); $t_2 = 3$	0.25
Với $t = 3 \Leftrightarrow \sqrt{x^2+x+3} = 3 \Leftrightarrow x = 2$ hoặc $x = -3$	0.25
b/ Hệ phương trình $\Leftrightarrow \begin{cases} 2xy + (x+2y) = 20 \\ \frac{x+2y}{xy} = \frac{4}{3} \quad (\text{Đk } x \neq 0; y \neq 0) \end{cases}$	0.25

<p>Đặt $u = x + 2y$; $v = xy \neq 0$ Hệ phương trình có dạng $\begin{cases} u + 2v = 20 \\ 3u = 4v \end{cases}$</p>	0.25
<p>$\Leftrightarrow \begin{cases} u = 8 \\ v = 6 \end{cases}$ Khi đó có hệ phương trình $\begin{cases} x + 2y = 8 \quad (1) \\ xy = 6 \quad (2) \end{cases}$</p>	0.25
<p>Rút x từ (1) thay vào (2) được $y = 1$ hoặc $y = 3$ Kết luận hệ phương trình có 2 nghiệm $(x; y) = (6; 1); (2; 3)$</p>	0.25
<p>Câu 3: 1.5 điểm</p>	
<p>a/ Phương trình hoành độ giao điểm (d) và (P): $ax^2 = 2x - a^2$ ($a > 0$)</p>	0.25
<p>Lý luận (d) cắt (P) tại hai điểm phân biệt khi $\Delta' = 1 - a^3 > 0$</p>	0.25
<p>$\Delta' = (1-a)(1+a+a^2) > 0 \Leftrightarrow a < 1$ (vì $1+a+a^2 > 0$, $\forall a$) K luận $0 < a < 1$</p>	
<p>Theo Đ lý Viet ta có $S = x_1 + x_2 = 2/a$; $P = x_1 \cdot x_2 = a$</p>	
<p>do $0 < a < 1$ nên $x_1 > 0$; $x_2 > 0$</p>	0.25
<p>do $x_1 > 0$; $x_2 > 0$, nên hai điểm A; B nằm về bên phải trực tung</p>	
<p>b/ $M = \frac{4}{x_1 + x_2} + \frac{1}{x_1 x_2} = \frac{4}{\frac{2}{a}} + \frac{1}{a} = \frac{2}{a} + \frac{1}{a}$</p>	0.25
<p>$M = 2a + \frac{1}{a} \geq 2\sqrt{2a \cdot \frac{1}{a}} = 2\sqrt{2}$</p>	0.25
<p>Vậy GTNN của M là $2\sqrt{2}$ khi và chỉ khi $2a = \frac{1}{a} \Leftrightarrow a = \frac{\sqrt{2}}{2}$</p>	0.25
<p>Câu 4: 2 điểm</p>	
<p>Hình vẽ: phục vụ cho câu a, b 0.25 đ</p>	
<p>a/ Trong ΔAEC góc $ECA = 45^\circ$, góc $ACE = 45^\circ$</p>	0.25 0.25
<p>Mà góc $ECF = \frac{1}{2}$ góc $EOF \Rightarrow$ góc $EOF = 90^\circ$</p>	0.25
<p>$\Rightarrow \Delta EOF$ vuông cân tại O \Rightarrow</p>	
<p>$EF = OE \cdot \sqrt{2} = R \cdot \sqrt{2}$</p>	
<p>b/ ΔMBC vuông cân \Rightarrow góc $MBC =$ góc $MCB = 45^\circ$</p>	0.25 0.25
<p>tứ giác $BEMC$ nội tiếp \Rightarrow góc $AEM =$ góc $MCB = 45^\circ$</p>	0.25 0.25
<p>$\Rightarrow \Delta AEK$ vuông, với $K = EM \cap AC \Rightarrow EM \perp AF$</p>	
<p>Tương tự $FM \perp AE \Rightarrow M$ là trực tâm của ΔAEF</p>	



(Chú ý: bài này có nhiều cách giải, giám khảo tự phân điểm theo các bước giải tương ứng)

Câu 5: 2 điểm

Hình vẽ phục vụ cho câu a, b 0.25 đ

a/ Chứng minh BHCK hình bình hành, suy ra: góc HCB = góc CBK

0.25

Mà góc HCB = góc HAB (phụ góc ABC)
Và góc CBK = góc CAK (chắn cung KC)
 \Rightarrow góc HAB = góc CAK

0.25

Tứ giác BFEC nội tiếp \Rightarrow góc AFM =
góc ACN
 $\Rightarrow \Delta AMF$ đồng dạng $\Delta ANC(gg)$

0.25

b/ $\frac{AM}{AN} = \frac{AF}{AC}$ (ΔAMF đồng dạng ΔANC) (1)

0.25

Chứng minh ΔAFH đồng dạng ΔACK
(g.g)

0.25

$$\Rightarrow \frac{AH}{AK} = \frac{AF}{AC} \quad (2)$$

(1),(2) \Rightarrow theo đý TaLet ta có MN // HK

0.25

Do BHCK là hình bình hành có I trung
điểm BC nên H;I;K thẳng hàng \Rightarrow
MN//HI

0.25

Câu 6: 1 điểm

$$xy(2013 - \frac{xy}{2}) = \frac{x^4}{4} + \frac{y^4}{4} - 2014 \geq 2\sqrt{\frac{x^4}{4} \cdot \frac{y^4}{4}} - 2014 \text{ (theo BĐT Cô-Si) (*)}$$

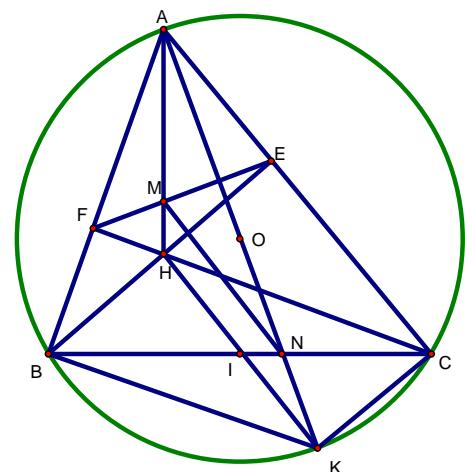
0.25

$$(*) \Leftrightarrow (xy)^2 - 2013xy - 2014 \leq 0$$

0.25

$$\text{Đặt } t = xy \text{ thì } (*) \Leftrightarrow t^2 - 2013t - 2014 \leq 0 \Leftrightarrow (t+1)(t-2014) \leq 0 \Leftrightarrow -1 \leq t \leq 2014$$

0.25



GTLN của xy là 2014 khi $x = y = \pm\sqrt{2014}$

GTNN của xy là -1 Khi ($x = 1 ; y = -1$) hoặc ($x = -1 ; y = 1$)

0.25

ĐỀ 1998

**SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
QUẢNG NAM**

ĐỀ CHÍNH THỨC

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT CHUYÊN

Năm học: 2015 – 2016

Khóa ngày 03 tháng 6 năm 2015

Môn: TOÁN (Chuyên Toán)

Thời gian làm bài: 150 phút (*không tính thời gian giao đề*)

Câu 1.(2,0 điểm)

a/ Cho biểu thức $A = \frac{x\sqrt{x}+1}{x-1} - \frac{x-1}{\sqrt{x}+1}$ với $x \neq 1; x \geq 0$

Rút gọn A, sau đó tính giá trị của $A - 1$ khi $x = 2016 + 2\sqrt{2015}$

b/ Cho $A = 2(1^{2015} + 2^{2015} + \dots + n^{2015})$ với n là số nguyên dương.

Chứng minh A chia hết cho $n(n+1)$.

Câu 2.(2,0 điểm)

a/ Giải phương trình sau: $\frac{6}{x^2-9} + \frac{4}{x^2-11} - \frac{7}{x^2-8} - \frac{3}{x^2-12} = 0$

b/ Giải hệ phương trình: $\begin{cases} x(x+4)(4x+y) = 6 \\ x^2 + 8x + y = -5 \end{cases}$

Câu 3.(1,0 điểm) Cho parabol (P): $y = ax^2$ và đường thẳng (d): $y = bx + c$ với a; b; c là độ dài 3 cạnh của tam giác vuông trong đó a là độ dài cạnh huyền. Chứng minh rằng (d) luôn luôn cắt (P) tại 2 điểm phân biệt A, B có hoành độ lần lượt là x_1 và x_2 thỏa mãn

$$x_1^2 + x_2^2 < 2$$

Câu 4.(2,0 điểm) Cho tam giác nhọn ABC có hai đường cao BD và CE cắt nhau tại H. Các tia phân giác các góc EHB, DHC cắt AB, AC lần lượt tại I và K. Qua I và K lần lượt vẽ các đường thẳng vuông góc với AB, AC chúng cắt nhau tại M.

a/ Chứng minh AI = AK.

b/ Giả sử tam giác nhọn ABC có hai đỉnh B,C cố định, đỉnh A di động. Chứng minh đường thẳng HM luôn đi qua một điểm cố định.

Câu 5.(2,0 điểm) Cho đường tròn (O) đường kính AB, qua A và B lần lượt vẽ các tiếp tuyến d_1 và d_2 với (O). Từ điểm M bất kỳ trên (O) vẽ tiếp tuyến với đường tròn cắt d_1 tại C và cắt d_2 tại D. Đường tròn đường kính CD cắt đường tròn (O) tại E và F (E thuộc cung AM), gọi I là giao điểm của AD và BC.

a/ Chứng minh AB là tiếp tuyến của đường tròn đường kính CD.

b/ Chứng minh MI vuông góc với AB và ba điểm E; I; F thẳng hàng.

Câu 6.(1,0 điểm) Cho ba số thực $x; y; z$ thỏa mãn: $x^2 + y^2 + z^2 \leq 9$

Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức $P = x + y + z - (xy + yz + zx)$

Hết

Họ và tên thí sinh:..... Số Báo Danh:.....

Chữ Ký Giám Thị 1

Chữ Ký Giám Thị 2

HƯỚNG DẪN CHẤM MÔN TOÁN CHUYÊN
KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT CHUYÊN NĂM HỌC 2015 – 2016
KHÓA NGÀY 03/6/2015

Nội dung	Điểm
Câu 1: 2điểm	
a/ $A = \frac{(\sqrt{x}+1)(x-\sqrt{x}+1)}{(\sqrt{x}-1)(\sqrt{x}+1)} - \frac{x-1}{\sqrt{x}+1}$ $A = \frac{x-\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-1} - (\sqrt{x}-1)$ $A = \frac{x-\sqrt{x}+1 - (\sqrt{x}-1)^2}{\sqrt{x}-1}$ $A = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-1}$	0.25 0.25 0.25 0.25
Khi $x = 2016 + 2\sqrt{2015} = (\sqrt{2015} + 1)^2$ thì $\sqrt{x} = \sqrt{2015} + 1$ Ta có $A = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-1} = \frac{\sqrt{2015}+1}{\sqrt{2015}} = 1 + \frac{\sqrt{2015}}{2015}$ suy ra $A-1 = \frac{\sqrt{2015}}{2015}$	0.25 0.25
b/ Ta có $a^{2015} + b^{2015}$ chia hết cho $a + b$ nên $A = (1^{2015} + n^{2015}) + (2^{2015} + (n-1)^{2015}) + \dots + (n^{2015} + 1^{2015})$ chia hết cho $n + 1$ Lại có $A = (1^{2015} + (n-1)^{2015}) + (2^{2015} + (n-2)^{2015}) + \dots + ((n-1)^{2015} + 1^{2015}) + 2.n^{2015}$ chia hết cho n . Mà n và $n + 1$ nguyên tố cùng nhau nên A chia hết cho $n(n+1)$	0.25 0.25
Câu 2: 2 điểm	
a/ Điều kiện: $x \neq \pm 3; x \neq \pm \sqrt{11}; x \neq \pm 2\sqrt{2}; x \neq \pm 3\sqrt{2}$	0.25

$$\begin{aligned}
 \text{pt} &\Leftrightarrow \frac{6}{x^2-9} - 1 + \frac{4}{x^2-11} - 1 + 1 - \frac{7}{x^2-8} + 1 - \frac{3}{x^2-12} = 0 \\
 &\Leftrightarrow \frac{15-x^2}{x^2-9} + \frac{15-x^2}{x^2-11} - \frac{15-x^2}{x^2-8} - \frac{15-x^2}{x^2-12} = 0 \Leftrightarrow (15-x^2)\left(\frac{1}{x^2-9} + \frac{1}{x^2-11} - \frac{1}{x^2-8} - \frac{1}{x^2-12}\right) = 0
 \end{aligned}$$

0.25

$$\Leftrightarrow 15-x^2=0 \quad (1) \text{ hoặc } \frac{1}{x^2-9} + \frac{1}{x^2-11} - \frac{1}{x^2-8} - \frac{1}{x^2-12} = 0 \quad (2)$$

0.25

Giải (1) ta được $x = \pm\sqrt{15}$

$$(2) \Leftrightarrow (2x^2-20)\left(\frac{1}{x^4-20x^2+99} - \frac{1}{x^4-20x^2+96}\right) = 0 \Leftrightarrow x = \pm\sqrt{10}$$

0.25

Kết luận phương trình có nghiệm: $x = \sqrt{15}; x = -\sqrt{15}; x = \sqrt{10}; x = -\sqrt{10}$

$$\text{b/ } \begin{cases} x(x+4)(4x+y)=6 \\ x^2+8x+y=-5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (x^2+4x)(4x+y)=6 \\ (x^2+4x)+(4x+y)=-5 \end{cases}$$

0.25

Đặt $u = x^2 + 4x$; $v = 4x + y$ Khi đó hệ phương trình trở thành

$$\begin{cases} u.v=6 \\ u+v=-5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} u=-2 \\ v=-3 \end{cases} \text{ hoặc } \begin{cases} u=-3 \\ v=-2 \end{cases}$$

$$\text{Với } \begin{cases} u=-2 \\ v=-3 \end{cases} \text{ Ta được } \begin{cases} x^2+4x=-2 \\ 4x+y=-3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=-2+\sqrt{2} \\ y=5-4\sqrt{2} \end{cases} \text{ hoặc } \begin{cases} x=-2-\sqrt{2} \\ y=5+4\sqrt{2} \end{cases}$$

0.25

$$\text{Với } \begin{cases} u=-3 \\ v=-2 \end{cases} \text{ Ta được } \begin{cases} x^2+4x=-3 \\ 4x+y=-2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=-1 \\ y=2 \end{cases} \text{ hoặc } \begin{cases} x=-3 \\ y=10 \end{cases}$$

0.25

Kết luận hệ phương trình có 4 nghiệm.

Câu 3: 1.điểm

Phương trình hoành độ giao điểm: $ax^2 - bx - c = 0$.

Ta có $a; b; c$ là 3 cạnh của tam giác vuông nên $a > 0; b > 0; c > 0$

Ta thấy $a.(-c) < 0$ nên phương trình luôn có hai nghiệm trái dấu, chứng tỏ (d) luôn cắt (P) tại hai điểm phân biệt.

0.25

Theo định lý Viet ta có: $x_1+x_2 = \frac{b}{a}$; $x_1.x_2 = \frac{-c}{a}$

$$\text{Ta có } x_1^2 + x_2^2 = (x_1+x_2)^2 - 2x_1.x_2 = \frac{b^2}{a^2} + \frac{2c}{a}$$

0.25

$$x_1^2 + x_2^2 = \frac{b^2}{a^2} + \frac{2c}{a} \stackrel{\text{Co-Sy}}{<} \frac{b^2 + a^2 + c^2}{a^2} = \frac{2a^2}{a^2} = 2 \quad (\text{do } a^2 = b^2 + c^2 \text{ định lý Pitago})$$

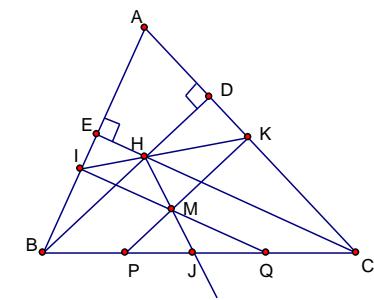
0.25

0.25

Câu 4: 2 điểm

Hình vẽ phục vụ câu a 0.25 đ

a/ Chứng minh được $EHI = DHK$,
Nên trong hai tam giác vuông EHI và DHK có
 $EIH = DKH$
 \Rightarrow Tam giác AIK cân tại A $\Rightarrow AI = AK$



b/ KM và IM lần lượt cắt BC tại P và Q
Áp dụng tính chất phân giác ta có

$$\frac{EI}{IB} = \frac{HE}{HB} = \frac{HD}{HC} = \frac{DK}{KC} \Rightarrow \frac{EI}{IB} = \frac{DK}{KC}$$
Áp dụng định lý Talet cho các tam giác CBD và BEC ta được:

$$\frac{DK}{KC} = \frac{BP}{PC}; \frac{EI}{IB} = \frac{CQ}{QB} \Rightarrow \frac{BP}{PC} = \frac{CQ}{QB} \Leftrightarrow \frac{BP}{BC} = \frac{CQ}{BC}$$

$$BP = CQ$$

Gọi J là giao điểm của HM và BC
Áp dụng định lý Talet cho các tam giác JBH và JCH ta được:

$$\frac{JP}{BP} = \frac{JM}{MH} = \frac{JQ}{QC} \text{ mà } BP = CQ \text{ nên } JP = JQ$$

Suy $JB = JC$ hay J là trung điểm của BC. Vậy HM luôn đi qua điểm cố định là trung điểm của BC khi tam giác ABC thay đổi.

Câu 5: 2 điểm

Hình vẽ phục vụ câu a

a/ Ta có $CA = CM ; DB = DM$
Suy ra $CD = CA + DB$

Gọi O' trung điểm CD ta chứng minh được OO' là đường trung bình hình thang ACDB nên

$$OO' = \frac{1}{2} \cdot (AC + BD) = \frac{1}{2} CD$$

Suy ra đường tròn đường kính CD qua O

Lại có $OO' \perp AB$ ($OO' // AC; AC \perp AB$)

Vậy AB là tiếp tuyến của đ/ tròn đường kính CD

b/ Ta có hai tam giác ICA và IBD đồng dạng
 suy ra $\frac{IC}{IB} = \frac{CA}{BD} = \frac{CM}{DM} \Rightarrow MI // BD \Rightarrow MI \perp AB$

0.25

Gọi H là giao điểm MI và AB $\Rightarrow MH // BD$

$$\text{Ta có } \frac{MI}{BD} = \frac{CI}{CB} = \frac{AI}{AD} = \frac{IH}{BD} \Rightarrow MI = IH$$

hay I trung điểm MH

0.25

Gọi I' là giao điểm của MH và EF, đặt h = MH, gọi R bán kính đường tròn (O)

Ta có hai tam giác MHO và OMO' đồng dạng

$$\Rightarrow \frac{MH}{OM} = \frac{OM}{OO'} \Rightarrow OO' = \frac{R^2}{h}$$

Gọi x = I'H, gọi K là giao điểm OO' với EF

Ta có $OO' \perp EF$ (đoạn nối tâm vuông góc dây chung)

Ta có $OK = I'H = x$

$$OE = OO' = \frac{R^2}{h}. \text{ Theo định lý Pitago cho } \triangle O'KE$$

$$KE^2 = O'E^2 - O'K^2 \text{ và } O'K = O'O - OK$$

$$KE^2 = \left(\frac{R^2}{h}\right)^2 - \left(\frac{R^2}{h} - x\right)^2 = \frac{2R^2x}{h} - x^2 \quad (1)$$

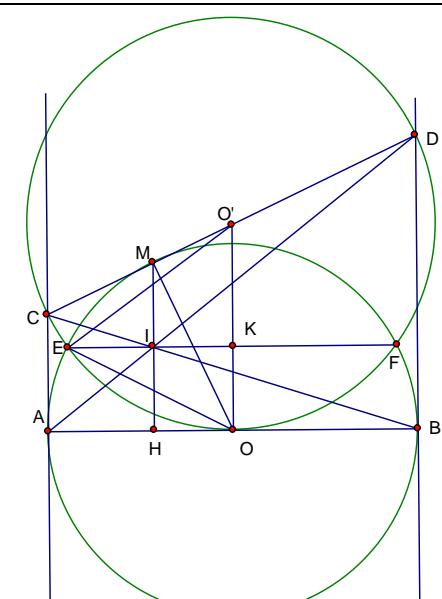
Trong tam giác vuông EKO ta có

$$KE^2 = OE^2 - OK^2 = R^2 - x^2 \quad (2)$$

$$\text{Từ (1) và (2) ta có } \frac{2R^2x}{h} - x^2 = R^2 - x^2 \Leftrightarrow x = \frac{h}{2}$$

0.25

Vậy I trùng với I' hay 3 điểm E; I; F thẳng hàng.



Câu 6: 1 điểm

$$\text{Ta có } xy + yz + xz = \frac{(x+y+z)^2 - (x^2 + y^2 + z^2)}{2}$$

0.25

$$\text{Do đó } P = x + y + z - \frac{(x+y+z)^2 - (x^2 + y^2 + z^2)}{2}$$

0.25

$$P = \frac{1}{2} [2(x+y+z) - (x+y+z)^2 + (x^2 + y^2 + z^2)] = -\frac{1}{2}(x+y+z-1)^2 + \frac{1}{2}(x^2 + y^2 + z^2 + 1)$$

0.25

$$\text{Suy ra } P \leq \frac{1}{2}(x^2 + y^2 + z^2 + 1) \leq \frac{1}{2}(9+1) = 5$$

0.25

Vậy $P_{\max} = 5$ khi và chỉ khi $\begin{cases} x+y+z-1=0 \\ x^2+y^2+z^2=9 \end{cases}$ (chẳng hạn $x=2; y=-2; z=1$)

Chú ý: Thí sinh giải cách khác đáp án, các giám khảo thống nhất theo thang điểm của đáp án

ĐỀ 1999

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO QUẢNG NAM

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT CHUYÊN

Năm học: 2013 – 2014

Khóa thi: Ngày 06 tháng 6 năm 2013

Môn: TOÁN (Chung)

ĐỀ CHÍNH THỨC

Thời gian làm bài: 120 phút (không tính thời gian giao đề)

Câu 1. (1,5 điểm)

Cho hai biểu thức:

$$A = 2\sqrt{\frac{1}{2} + \sqrt{18}} \quad \text{và} \quad B = \left(\frac{1}{\sqrt{x}+2} + \frac{1}{\sqrt{x}-2} \right) \cdot \frac{\sqrt{x}-2}{\sqrt{x}} \quad (\text{với } x > 0, x \neq 4)$$

- a. Rút gọn A và B.
- b. Tìm giá trị x để $A \cdot B = \sqrt{2}$.

Câu 2. (1,5 điểm)

- a. Giải hệ phương trình (không dùng máy tính bỏ túi): $\begin{cases} x+2y=5 \\ 2x-y=0 \end{cases}$.

- b. Cho hàm số $y = 2x^2$ có đồ thị (P). Hai điểm A, B thuộc (P) có hoành độ lần lượt là 2 và -1. Viết phương trình đường thẳng đi qua A và B.

Câu 3. (2,0 điểm)

Cho phương trình bậc hai: $x^2 + 2(m-1)x + 2m - 6 = 0$.

- a. Chứng minh rằng phương trình có hai nghiệm phân biệt x_1, x_2 với mọi m.
- b. Tìm tất cả giá trị m để $\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} + x_1 x_2 + 13 = 0$.

Câu 4. (4,0 điểm)

Cho đường tròn (O) đường kính AB = 2R. Trên đoạn AO lấy điểm C sao cho $AC = \frac{R}{4}$.

Vẽ dây cung ED vuông góc với AO tại C. Hai tiếp tuyến tại E và B của đường tròn (O) cắt nhau tại M. Đường thẳng DM cắt đường tròn (O) tại điểm thứ hai là K. Đường thẳng EK cắt MO, MB lần lượt tại G, H. Gọi I là giao điểm của OM và EB.

- a. Chứng minh tứ giác OIEC nội tiếp.

- b. Tính AE theo R.
 c. Chứng minh $HM^2 = HK \cdot HE$.
 d. Tính MG theo R.

Câu 5.(1,0 điểm)

Cho a, b thỏa điều kiện: $0 \leq a \leq 2$; $0 \leq b \leq 2$ và $a + b = 3$.
 Chứng minh rằng: $a^2 + b^2 \leq 5$.

.....Hết.....

Họ và tên thí sinh: SBD:

**SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
QUẢNG NAM**

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT CHUYÊN

Năm học: 2013 – 2014

Khóa thi: Ngày 06 tháng 6 năm 2013

Môn: TOÁN (Chung)

ĐÁP ÁN

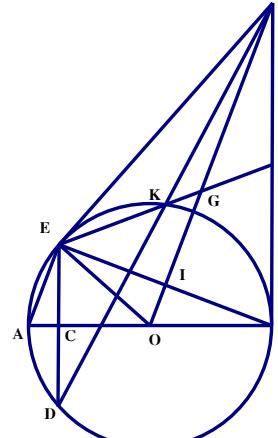
Thời gian làm bài: 120 phút (không tính thời gian giao đề)

Câu 1. (1,5 đ)	a. (1đ)	$\begin{aligned} A &= \sqrt{2+3\sqrt{2}} \\ &= 4\sqrt{2} \\ B &= \frac{\sqrt{x}-2+\sqrt{x}+2}{(\sqrt{x}-2)(\sqrt{x}+2)} \cdot \frac{\sqrt{x}-2}{\sqrt{x}} \\ &= \frac{2}{\sqrt{x}+2} \end{aligned}$	0.25 0.25 0.25 0.25
	a. (0.5đ)	$\begin{aligned} A \cdot B = \sqrt{2} &\Leftrightarrow \frac{8}{\sqrt{x}+2} = 1 \\ &\Leftrightarrow \sqrt{x}+2 = 8 \Leftrightarrow x = 36 \end{aligned}$	0.25 0.25

Câu 2. (1,5 đ)	a. (0.5đ)	$\begin{aligned} HPT &\Leftrightarrow \begin{cases} x+2y=5 \\ 4x-2y=0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5x=5 \\ x+2y=5 \end{cases} \\ &\Leftrightarrow \begin{cases} x=1 \\ y=2 \end{cases} \text{ và kết luận: } \begin{cases} x=1 \\ y=2 \end{cases} \text{ là nghiệm} \end{aligned}$	0.25 0.25
	b. (1đ)	Tìm được A(2; 8) và B (-1; 2) Phương trình đường thẳng AB: $y = ax + b$	0.25

		Đường thẳng AB đi qua A và B nên: $\begin{cases} 2a+b=8 \\ -a+b=2 \end{cases}$ Giải tìm được $a=2$, $b=4$ Vậy phương trình đường thẳng AB là: $y = 2x+4$	0.25 0.25 0.25
--	--	---	----------------------

Câu 3. (2 đ)	a. (0.75đ)	$\Delta' = m^2 - 4m + 7$ $= (m - 2)^2 + 3 > 0$ với mọi m Phương trình có 2 nghiệm phân biệt với mọi m	0.25 0.25 0.25
	b. (1.25đ)	Theo định lí Viết: $\begin{cases} x_1 + x_2 = 2(1-m) \\ x_1 x_2 = 2m - 6 \end{cases}$ $\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} + x_1 x_2 + 13 = 0 \Leftrightarrow \frac{x_1 + x_2}{x_1 x_2} + x_1 x_2 + 13 = 0$ $\Leftrightarrow \frac{4m^2 - 26m + 38}{2m - 6} + 13 = 0$ $\Leftrightarrow m^2 = 10$ $\Leftrightarrow m = \pm\sqrt{10}$ và kết luận	0.25 0.25 0.25 0.25 0.25

Câu 4. (4đ)	Hình vẽ (0.5đ)		0.5
		Hình vẽ phục vụ câu a và b : 0.25	
a. (1 đ)	OE = OB = R và ME = MB (ME và MB là 2 tiếp tuyến) Nên: OM là trung trực của EB $\Rightarrow \angle OIE = 90^\circ$ $\Rightarrow \angle OIE + \angle OCE = 180^\circ$ (Vì: $\angle OCE = 90^\circ$, giả thiết) Nên: Tứ giác OIEC nội tiếp	0.25 0.25 0.25 0.25	
	b.	$\angle AEB = 90^\circ$ (Góc nội tiếp chắn nửa đường tròn đường)	0.25

	(0.75đ)	kính AB) ΔAEB vuông tại E , có đường cao EC $\Rightarrow AE^2 = AC \cdot AB$ Tính đúng $AE = \frac{R\sqrt{2}}{2}$	0.25 0.25
	c. (0.75đ)	ED \parallel BM (ED và MB cùng vuông góc AB) $\Rightarrow \angle KMB = \angle EDK$ (slt) Mà : $\angle EDK = \angle MEH$ (cùng chắn cung EK) Nên: $\angle KMH = \angle MEH$ Chứng minh: ΔHMK đồng dạng ΔHEM Suy ra kết quả: $HM^2 = HK \cdot HE$	0.25 0.25 0.25
	d. (1đ)	Chứng minh: $BH^2 = HK \cdot HE$ và $HM^2 = HK \cdot HE$ $\Rightarrow HM = BH$ Chứng minh; G là trọng tâm $\Delta MEB \Rightarrow MG = \frac{2}{3} MI$ Tính đúng : $OM = 2R \sqrt{2}$ Tính $MI = \frac{7R\sqrt{2}}{4}$ và $MG = \frac{7R\sqrt{2}}{6}$	0.25 0.25 0.25 0.25

Câu 5. (1đ)	<u>Cách 1:</u> $a^2 + b^2 = (a + b)^2 - 2ab = 9 - 2ab$ Do : $0 \leq a \leq 2 ; 0 \leq b \leq 2 \Rightarrow (2 - a)(2 - b) \geq 0$ $\Rightarrow ab \geq 2$ Nên: $a^2 + b^2 \leq 9 - 4 = 5$	0.25 0.25 0.25 0.25
	<u>Cách 2:</u> $a = 3 - b$ Nên: $a^2 + b^2 \leq 5 \Leftrightarrow b^2 - 3b + 2 \leq 0$ $\Leftrightarrow (b - 1)(b - 2) \leq 0$ Do giả thiết : $a = 3 - b \leq 2$ và $0 \leq b \leq 2 \Rightarrow 1 \leq b \leq 2$ Nên: $(b - 1)(b - 2) \leq 0$ Vậy: $a^2 + b^2 \leq 5$	0.25 0.25 0.25 0.25

ĐỀ 2000-ĐỀ CUỐI CÙNG

**SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
QUẢNG NAM**

ĐỀ CHÍNH THỨC

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT CHUYÊN

Năm học 2015 – 2016

Khóa ngày 03 tháng 6 năm 2015

Môn: TOÁN (Toán chung)

Thời gian làm bài: 120 phút (không kể thời gian giao đề)

Câu 1. (2,0 điểm)

Cho biểu thức: $A = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+2} - \frac{4}{x+2\sqrt{x}} + \frac{x+2}{\sqrt{x}}$, với $x > 0$.

- a) Rút gọn biểu thức A.
- b) Thực hiện phép tính để tính giá trị của A khi $x = 3 - 2\sqrt{2}$.
- c) Tìm x để $A = x + 1$.

Câu 2. (2,0 điểm)

a) Giải hệ phương trình (không sử dụng máy tính cầm tay): $\begin{cases} 2x - y = 7 \\ 3x + 4y = 5. \end{cases}$

b) Cho parabol (P): $y = 2x^2$ và đường thẳng (d): $y = 3x + b$. Vẽ parabol (P) và tìm b biết (d) đi qua điểm M thuộc (P) có hoành độ $x = -1$.

Câu 3. (2,0 điểm)

Cho phương trình $x^2 - 2(m+1)x + m^2 - 2m + 5 = 0$ (1) (m là tham số).

- a) Tìm m để phương trình (1) có hai nghiệm phân biệt.
- b) Giả sử phương trình (1) có hai nghiệm phân biệt x_1, x_2 đều khác 1. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức: $P = \frac{4}{(x_1-1)(x_2-1)} + (x_1 + x_2 - 6)^2$.

Câu 4. (4,0 điểm)

Cho tam giác ABC có ba góc nhọn, với $\text{ABC} = 60^\circ$, $BC = 2a$ và $AB < AC$. Gọi (O) là đường tròn đường kính BC (O là trung điểm BC). Đường tròn (O) cắt các cạnh AB và AC lần lượt tại D và E (D khác B, E khác C), BE cắt CD tại H.

- a) Chứng minh tứ giác ADHE nội tiếp và xác định tâm I của đường tròn ngoại tiếp tứ giác đó.
- b) Chứng minh: $HB \cdot DE = HD \cdot BC$.
- c) Tiếp tuyến tại C của đường tròn (O) cắt đường thẳng DI tại M. Tính tỉ số $\frac{OB}{OM}$.
- d) Gọi F là giao điểm của AH và BC. Cho $BF = \frac{3a}{4}$, tính bán kính đường tròn nội tiếp tam giác DEF theo a.

----- Hết -----

Họ và tên thí sinh: Số báo danh:

**SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO
QUẢNG NAM**

ĐỀ CHÍNH THỨC

KỲ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT CHUYÊN

Năm học: 2015 – 2016

Khóa ngày 03 tháng 6 năm 2015

Môn: TOÁN (Toán chung)

Thời gian làm bài: 120 phút (không kể thời gian giao đề)

HƯỚNG DẪN CHẤM THI
(Bản hướng dẫn này gồm 02 trang)

Câu		Nội dung	Điểm
Câu 1 (2,0)	a) (1,0)	+ Ta có: $\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+2} - \frac{4}{x+2\sqrt{x}} = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+2} - \frac{4}{\sqrt{x}(\sqrt{x}+2)}$ + $= \frac{x-4}{\sqrt{x}(\sqrt{x}+2)}$ + $= \frac{(\sqrt{x}-2)(\sqrt{x}+2)}{\sqrt{x}(\sqrt{x}+2)} = \frac{\sqrt{x}-2}{\sqrt{x}}$ + $A = \frac{\sqrt{x}-2}{\sqrt{x}} + \frac{x+2}{\sqrt{x}} = \frac{x+\sqrt{x}}{\sqrt{x}} = \sqrt{x}+1$	0,25 0,25 0,25 0,25
	b) (0,5)	+ $x = 3 - 2\sqrt{2} = (\sqrt{2}-1)^2$ + Tính được: $A = \sqrt{2}$	0,25 0,25
	c) (0,5)	+ $A = x+1 \Leftrightarrow \sqrt{x}+1 = x+1 \Leftrightarrow x = \sqrt{x}$ $\Leftrightarrow \sqrt{x} = 0$ hoặc $\sqrt{x} = 1 \Leftrightarrow x = 0$ hoặc $x = 1$ + Vì $x > 0$ nên ta được $x = 1$.	0,25 0,25
Câu 2 (2,0)	a) (1,0)	Ký hiệu hai phương trình trong hệ theo thứ tự là (1) và (2). + $(1) \Leftrightarrow y = 2x - 7$ (3) + Thay (3) vào (2), ta được: $3x + 4(2x-7) = 5 \Leftrightarrow x = 3$ + Thay $x = 3$ vào (3), ta được: $y = -1$ + Vậy nghiệm của hệ phương trình đã cho là: $(x ; y) = (3 ; -1)$.	0,25 0,25 0,25 0,25
	b) (1,0)	+ Lập bảng giá trị đúng (chọn tối thiểu 3 giá trị của x trong đó phải có giá trị $x = 0$). + Vẽ đúng dạng của (P). + $M(-1 ; 2)$. + Vì (d) qua M nên: $2 = 3(-1) + b$. Vậy $b = 5$.	0,25 0,25 0,25 0,25
Câu 3 (2,0)	a) (1,0)	+ Tính được: $\Delta' = (m+1)^2 - (m^2 - 2m + 5) = 4m - 4$. + Lập luận được: $\Delta' > 0$ + $\Leftrightarrow 4m - 4 > 0$ + $\Leftrightarrow m > 1$.	0,25 0,25 0,25 0,25
	b)	Với $m > 1$ và $m \neq 2$, phương trình (1) có hai nghiệm phân biệt khác 1.	

	(1,0)	<p>Theo định lý Viet: $\begin{cases} x_1 + x_2 = 2(m+1) \\ x_1 \cdot x_2 = m^2 - 2m + 5 \end{cases}$</p> <p>+ $P = \frac{4}{x_1 x_2 - (x_1 + x_2) + 1} + (x_1 + x_2 - 6)^2$</p> <p>+ $= \frac{4}{(m-2)^2} + 4(m-2)^2$</p> <p>+ $P = 4 \left[\frac{1}{m-2} - (m-2) \right]^2 + 8 \geq 8$, với mọi $m > 1$ và $m \neq 2$.</p> <p>+ $P = 8 \Leftrightarrow \frac{1}{m-2} = m-2 \Leftrightarrow (m-2)^2 = 1 \Leftrightarrow m = 3$ (vì $m > 1$)</p> <p>Vậy giá trị nhỏ nhất của P là 8 khi $m = 3$.</p>	0,25 0,25 0,25 0,25 0,25
Câu	Nội dung	Điểm	
Câu 4 (4,0)	Hình vẽ (0,5)	<p>+ Hình vẽ phục vụ câu a): 0,25</p> <p>+ Hình vẽ phục vụ các câu b), c), d): 0,25</p> <p>* Ghi chú: Không chấm những phần liên quan đến hình vẽ sai.</p>	0,5
a) (1,0)	<p>+ $BDC = BEC = 90^\circ$ (góc nội tiếp nửa đường tròn)</p> <p>+ $\Rightarrow ADH = AEH = 90^\circ$</p> <p>+ $\Rightarrow ADH + AEH = 180^\circ \Rightarrow$ tứ giác ADHE nội tiếp.</p> <p>+ $ADH = 90^\circ \Rightarrow$ Tâm I của đường tròn ngoại tiếp tứ giác ADHE là trung điểm AH.</p>	0,25 0,25 0,25 0,25	
b) (1,0)	<p>+ Chứng minh được: $HBC = HDE$ (hoặc $HCB = HED$)</p> <p>+ $BHC = DHE$</p> <p>\Rightarrow Hai tam giác HBC và HDE đồng dạng.</p> <p>+ $\Rightarrow \frac{HB}{HD} = \frac{BC}{DE}$</p> <p>+ $\Rightarrow HB \cdot DE = HD \cdot BC$.</p>	0,25 0,25 0,25 0,25	
c) (1,0)	<p>+ Chứng minh được: $ODC = ADI$</p> <p>+ $\Rightarrow ODI = ODC + CDI = ADI + CDI = ADC = 90^\circ$</p> <p>$\Rightarrow DI \perp OD \Rightarrow DI$ là tiệp tuyến của (O)</p>	0,25 0,25	

	+ Chứng minh được: $\text{MOD} = 60^\circ$ $\Rightarrow \frac{\text{OB}}{\text{OM}} = \frac{\text{OD}}{\text{OM}} = \cos \text{MOD} = \frac{1}{2}$	0,25 0,25
d) (0,5)	+ Chứng minh được H là tâm đường tròn nội tiếp tam giác DEF. + Gọi r là bán kính đường tròn nội tiếp tam giác DEF và K là hình chiếu vuông góc của H trên DE, ta có $r = HK$. Chứng minh hai tam giác AEH và BFH đồng dạng $\Rightarrow \frac{HE}{HF} = \frac{AH}{BH} \Rightarrow HE = \frac{AH \cdot HF}{BH}$ $HK = HE \cdot \sin HEK = HE \cdot \sin 30^\circ = \frac{1}{2} HE$. Tính được: $AB = \frac{3a}{2}$, $BD = a$, $AD = \frac{a}{2}$, $AF = \frac{3\sqrt{3}a}{4}$, $AH = \frac{a}{\sqrt{3}}$, $HF = \frac{5\sqrt{3}a}{12}$, $BH = \frac{a\sqrt{39}}{6}$ $HE = \frac{5\sqrt{39}a}{78} \Rightarrow r = \frac{5\sqrt{39}a}{156}$.	0,25 0,25

*** Lưu ý:**

+ Nếu thí sinh làm bài không theo cách nêu trong đáp án nhưng đúng thì vẫn cho đủ số điểm từng phần như hướng dẫn quy định.

+ Không chấm những phần liên quan đến phần sai đúng trước. **J.**