

#### Modelo Numérico da Atmosfera



#### **MET-576-4**

#### Modelagem Numérica da Atmosfera

**Dr. Paulo Yoshio Kubota** 

Os métodos numéricos, formulação e parametrizações utilizados nos modelos atmosféricos serão descritos em detalhe.

3 Meses 24 Aulas (2 horas cada)



#### Modelo Numérico da Atmosfera



- ✓ Métodos de diferenças finitas.
- ✓ Acurácia.
- ✓ Consistência.
- ✓ Estabilidade.
- ✓ Convergência.
- ✓ Grades de Arakawa A, B, C e E.
- ✓ Domínio de influência e domínio de dependência.
- ✓ Dispersão numérica e dissipação.
- ✓ Definição de filtros monótono e positivo.
- ✓ Métodos espectrais.
- ✓ Métodos de volume finito.
- ✓ Métodos Semi-Lagrangeanos.
- ✓ Conservação de massa local.
- ✓ Esquemas explícitos versus semi-implícitos.
- ✓ Métodos semi-implícitos.



# O Esquema CTCS (Leapfrog)



Um outro método para resolver o problema de advecção linear. É usar o esquema centrada no tempo, Centrado no espaço (CTCS). i.e.

$$\frac{\phi_j^{n+1} - \phi_j^{n-1}}{2\Delta t} + u \frac{\phi_{j+1}^n - \phi_{j-1}^n}{2\Delta x} = 0.$$
 (17)

Trata-se de uma fórmula de três-nível, uma vez que ela envolve valores de  $\emptyset$  em três tempos  $t_{n+1}$ ,  $t_n$ ,  $t_{n-1}$ .

O esquema CTCS é de precisão de segunda ordem no espaço e no tempo. análise de estabilidade Von Neumann

Define-se  $\emptyset = A^n e^{ikj\Delta x}$  para a análise de estabilidade de Von Neumann, que veremos em seguida

$$\emptyset_j^{n+1} = \emptyset_j^{n-1} - u \frac{\Delta t}{\Delta x} (\emptyset_{j+1}^n - \emptyset_{j-1}^n)$$
 
$$A^{n+1} e^{ikj\Delta x} = A^{n-1} e^{ikj\Delta x} - u \frac{\Delta t}{\Delta x} (A^n e^{ik(j+1)\Delta x} - A^n e^{ik(j-1)\Delta x})$$



# O Esquema CTCS (Leapfrog)



$$A^{n+1}e^{ikj\Delta x} = A^{n-1}e^{ikj\Delta x} - u\frac{\Delta t}{\Delta x} \left( A^n e^{ik(j+1)\Delta x} - A^n e^{ik(j-1)\Delta x} \right)$$

$$A^{n}Ae^{ikj\Delta x} = \frac{A^{n}}{A}e^{ikj\Delta x} - u\frac{\Delta t}{\Delta x}\left(A^{n}e^{ikj\Delta x}e^{ik\Delta x} - A^{n}e^{ikj\Delta x}e^{-ik\Delta x}\right)$$

$$A^{n}Ae^{ikj\Delta x} = \frac{A^{n}}{A}e^{ikj\Delta x} - C(A^{n}e^{ikj\Delta x}e^{ik\Delta x} - A^{n}e^{ikj\Delta x}e^{-ik\Delta x})$$

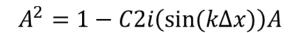
$$A^{n}Ae^{ikj\Delta x} = \frac{A^{n}}{A}e^{ikj\Delta x} - CA^{n}e^{ikj\Delta x} \left(e^{ik\Delta x} - e^{-ik\Delta x}\right)$$

$$A = \frac{1}{A} - C(e^{ik\Delta x} - e^{-ik\Delta x})$$

$$A^{2} = 1 - C2i \left( \frac{e^{ik\Delta x} - e^{-ik\Delta x}}{2i} \right) A$$

$$A^2 = 1 - C2i(\sin(k\Delta x))A$$







$$A^2 + C2i(\sin(k\Delta x))A - 1 = 0$$

$$A^2 - C2i(\sin(k\Delta x))A - 1 = 0$$

$$\begin{cases} ax^2 + bx + c = 0\\ x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \end{cases}$$

$$A = \frac{C2i(\sin(k\Delta x)) \pm \sqrt{(-C2i(\sin(k\Delta x)))^2 - 4(1)(-1)}}{2}$$

$$A = \frac{C2i(\sin(k\Delta x)) \pm \sqrt{((-1)^2 C^2 4(\sqrt{-1}^2)(\sin^2(k\Delta x)))^2 + 4}}{2}$$

$$A = \frac{C2i(\sin(k\Delta x)) \pm \sqrt{-4C^2\sin^2(k\Delta x) + 4}}{2}$$





$$A = Ci(\sin(k\Delta x)) \pm \sqrt{-C^2 \sin^2(k\Delta x) + 1}$$

$$A = Ci(\sin(k\Delta x)) \pm \sqrt{1 - C^2 \sin^2(k\Delta x)}$$

### Há dois casos a considerar: o primeiro $\mathbb{C} > 1$ , e $\left(C\sin(k\Delta x)\right)^2 > 1$

$$A = Ci(\sin(k\Delta x)) \pm i\sqrt{C^2\sin^2(k\Delta x) - 1}$$

$$|A|^{2} = \left(Ci(\sin(k\Delta x)) \pm i\sqrt{C^{2}\sin^{2}(k\Delta x)} - 1\right)\left(-Ci(\sin(k\Delta x))\right)$$

$$\pm -i\sqrt{C^{2}\sin^{2}(k\Delta x)} - 1$$

$$|A|^{2} = \left(Ci(\sin(k\Delta x)) \pm i\sqrt{C^{2}\sin^{2}(k\Delta x)} - 1\right)\left(-Ci(\sin(k\Delta x))\right)$$

$$\pm -i\sqrt{C^{2}\sin^{2}(k\Delta x)} - 1$$







$$\pm \sqrt{C^2 \sin^2(k\Delta x) - 1} \left( -i \left( C(\sin(k\Delta x)) \pm \sqrt{C^2 \sin^2(k\Delta x) - 1} \right) \right)$$
$$\left| A_{\pm} \right|^2 = \left( C(\sin(k\Delta x)) \pm \sqrt{C^2 \sin^2(k\Delta x) - 1} \right)^2$$

Existe pelo menos uma raiz em que  $\left|A_{\pm}\right|>1$  , portanto, a solução é instável  $\mathcal{C}>1$ 



### **2.** $C \le 1$ e $C(sin(k\Delta x)) \le 1$ . As duas raízes são:



$$A = Ci(\sin(k\Delta x)) \pm i\sqrt{C^2 \sin^2(k\Delta x) - 1}$$

$$A = Ci(\sin(k\Delta x)) \pm \sqrt{1 - C^2 \sin^2(k\Delta x)}$$

$$|A_+|^2 = \left(Ci(\sin(k\Delta x)) + \sqrt{1 - C^2\sin^2(k\Delta x)}\right)\left(-Ci(\sin(k\Delta x)) + \sqrt{1 - C^2\sin^2(k\Delta x)}\right)$$

$$|A_{+}|^{2} = \left(-i^{2}C^{2}\sin^{2}(k\Delta x) + Ci(\sin(k\Delta x)) * \left(\sqrt{1 - C^{2}\sin^{2}(k\Delta x)}\right) - Ci(\sin(k\Delta x))\right)$$
$$* \left(\sqrt{1 - C^{2}\sin^{2}(k\Delta x)}\right) + 1 - C^{2}\sin^{2}(k\Delta x)\right)$$

$$|A_+|^2 = (C^2 \sin^2(k\Delta x) + 1 - C^2 \sin^2(k\Delta x))$$

$$|A_+|^2 = 1$$







$$|A_{+}|^{2} = (C^{2} \sin^{2}(k\Delta x) + 1 - C^{2} \sin^{2}(k\Delta x))$$

$$|A_+|^2 = 1$$

∴ A condição de estabilidade é 
$$\left|C = \frac{u\Delta t}{\Delta x}\right| \leq 1$$
.



## Modo computacional de CTCS



#### Há dois casos a considerar: o primeiro C > 1, e $\left(C\sin(k\Delta x)\right)^2 > 1$

$$A_{\pm} = C sin(k\Delta x) \pm \sqrt{C^2 sin^2(k\Delta x) - 1}$$

$$\geq 0$$

$$A_p = C sin(k\Delta x) + \sqrt{C^2 sin^2(k\Delta x) - 1}$$

$$A_c = C sin(k\Delta x) - \sqrt{C^2 sin^2(k\Delta x) - 1}$$

$$\phi_j^n = A^n e^{ikj\Delta x}$$

$$\phi_j^n = PA_p^n e^{ikj\Delta x} + CA_c^n e^{ikj\Delta x}$$



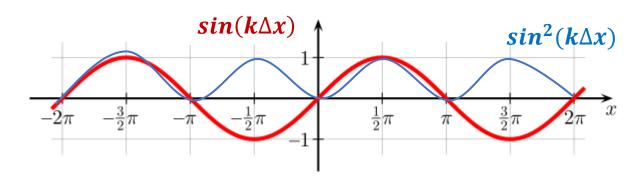
## Modo computacional de CTCS



#### O esquema CTCS dá dois valores para A

$$A_p = iCsin(k\Delta x) + i\sqrt{C^2sin^2(k\Delta x) - 1}$$

$$A_c = iCsin(k\Delta x) - i\sqrt{C^2sin^2(k\Delta x) - 1}$$



$$A_p = -ic\sin k\Delta x + (1 - (c\sin k\Delta x)^2)^{1/2}$$
 (18)

$$A_c = -ic\sin k\Delta x - (1 - (c\sin k\Delta x)^2)^{1/2}$$
, (19)



**Onde** 

## Modo computacional de CTCS



### Portanto, a forma geral da solução numérica é

$$\phi_j^n = PA_p^n e^{ikj\Delta x} + CA_c^n e^{ikj\Delta x}$$

$$\phi_j^n = [P(A_p)^n + C(A_c)^n] e^{ikj\Delta x}$$
(20)

### Vamos escolher C = 1. Em seguida, é conveniente escrever A na forma

$$A_p = e^{-i\alpha} \; , A_c = -e^{i\alpha}$$
 
$$\alpha = k\Delta x = uk\Delta t \tag{21}$$

$$\phi_j^n = Pe^{ik(j\Delta x - un\Delta t)} + (-1)^n Ce^{ik(j\Delta x + un\Delta t)}.$$

Nos casos em que P e C sejam constantes complexas, determinados pela primeira Condições ou seja, t=0 (n=0).

$$\phi_j^0 = e^{ikj\Delta x} = (P + C)e^{ikj\Delta x} \Rightarrow (P + C) = 1$$





$$\Rightarrow \phi_j^n = \underbrace{(1 - C)e^{ik(j\Delta x - un\Delta t)}}_{Physical \ mode} + \underbrace{(-1)^n Ce^{ik(j\Delta x + un\Delta t)}}_{Computational \ mode} \tag{22}$$

O modo Físico é proporcional à solução exata e lk(x-ut)

O modo computacional não correspondem a qualquer solução da equação diferencial original ; ela é um artefato do Método numérico.

Duas das características do modo computacional

- Ela oscila no tempo de um passo tempo para o próximo passo de tempo (por causa do fator (-1)<sup>N</sup>)
- à direção verdadeira solução oposta propaga na (Por **exponencial** invés do +un∆t de termo **ao** causa na -UnΔt).



### Modo computacional e o filtro RA



**A solução**  $\phi_j^{n+1}$  Depende,  $\phi_j^{n-1}$ 

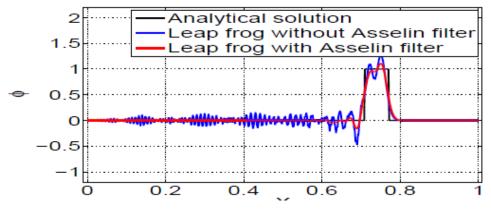
- Mas não no  $\phi_j^n$
- Exceto no momento inicial, a solução é encontrada em dois conjuntos de pontos que não são associados.
- **■** Em qualquer ponto J a solução oscila entre os duas soluções Desatrelada.
- Para manter a amplitude do modo computacional pequenas é Necessário soluções acopladas sobre os dois conjuntos alternando de Pontos de grade.
- **A** maneira mais comum de se fazer isto no modelo Atmosférica é através do Uso do filtro de Robert-Asselin (RA), que fortemente descarrega as Oscilação  $\phi^{n+1} = \phi^{n-1}$  [other terms]
- **Calcular o deslocamento do filtro ou seja**  $d = \alpha * (\phi^{n-1} 2\phi^n + \phi^{n+1})$
- Aplicar o filtro para Φ<sup>N</sup> Ou seja

$$\hat{\phi}^n = \phi^n + d = (1 - 2\alpha)\phi^n + \alpha(\phi^{n+1} + \phi^{n-1})$$

Então, atualize  $\hat{\phi}^{n-1}$  por  $\hat{\phi}^n$  e  $\hat{\phi}^n$  por  $\phi^{n+1}$  Para a próxima iteração Depois de aplicar o filtro, o esquema de advecção fica parecido com

$$\phi^{n+1} = \hat{\phi}^{n-1} - [\text{other terms}]$$

A figura abaixo mostra advecção de uma onda quadrada (com C= 0,7) após 500 tempo passo com (linha vermelha) e sem (azul Linha) apresentando Asselin filtro de tempo.



Note que este filtro também induz a um amortecimento artificial do modo físico, alfa Devem ser mantidos pequenos ( na parcela acima alfa = 0,05 )



## filtro RAW - Williams (2009), MWR



### Método RAW, que devemos aplicar a filtragem não somente em Φ<sup>N</sup> mas também em Φ<sup>n+1</sup>

Tal como antes, use primeiro o esquema leapfrog como antes

$$\phi^{n+1} = \phi^{n-1} - [\text{other terms}]$$

Em seguida, aplica-se o filtro

$$\hat{\phi}^n = \phi^n + d\beta$$
$$\hat{\phi}^{n+1} = \phi^{n+1} + d(\beta - 1)$$

Depois da implementação do filtro e depois atualizar

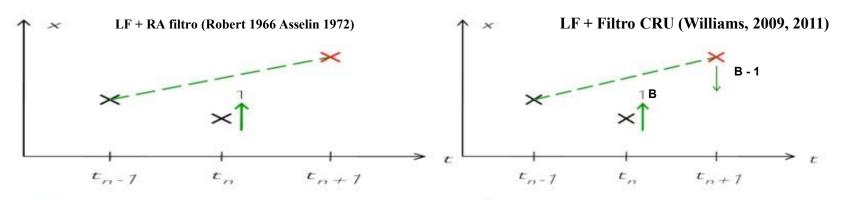
$$\hat{\phi}^{n-1} \qquad \stackrel{\hat{\phi}^n}{\longleftarrow} \qquad \hat{\phi}^n$$
 
$$\hat{\phi}^{n+1} \qquad \qquad \hat{\phi}^{n+1} = \hat{\phi}^{n-1} - [\text{other terms}]$$

Devido à estabilidade razão, o valor beta é 0,5 < beta ≤ 1



### O filtro RA vs RAW

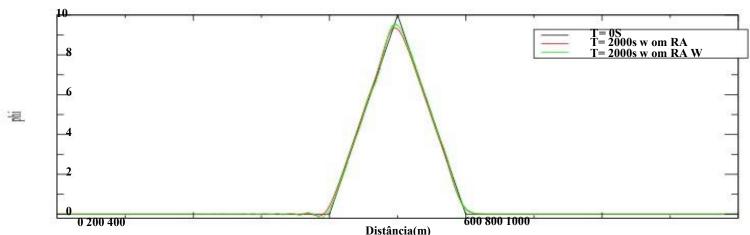




- RA filtro aplica-se em
- Reduz curvatura mas não conserva a curvatura media
- Precisão da amplitude é 1.º ordem

- **Filtro-RWA** aplica-se em  $x^n$  e  $x^{n+1}$
- Reduz e ao mesmo tempo, conserva a curvatura média (para B= 1/2)
- Precisão da amplitude é ≈ 3.ª ordem

Salto com Vcto RA \_and\_RA W \_filter soc ial e dt=0,5, a alfa=0,05, beta=0,6





### Exercício



■ Resolver a equação advecção 10 numericamente no domínio 0 ≤ X
 ≤ 1000M. Deixe Δx = 1 M, e assuma As condições limite periódicos
 . Suponha que a velocity de advecção U = 1 M/s.
 Deixe o estado inicial ser um triângulo

$$\Phi(x,0) = \begin{array}{c} 0 & \text{Para } X < 400 \\ 0.1 & (X - 400) & \text{Para } 400 \le X \le 500 \\ 20 - 0.1 & (x - 400) & \text{Para } 500 \le X \le 600 \\ 0 & \text{Para } X > 600 \end{array}$$

Escolha o intervalo de tempo, que o sistema seja estável. Integrar Para 2000seg usando os seguintes esquemas, e mostrar as soluções para T = 0S T = 200s, T = 400S T = 600S T = 800S T = 1000S T = 1200S T = 1400S T = 1600S T = 1800S T = 2000S.

- 1. Leap frog com a RA esquema filtro de tempo (use alfa = 0,25)
- 2. Leap frog com matérias-primas regime filtro de tempo(Beta = 0,60 e Beta = 1,0))



#### Filtro RA



```
MODULE Class_Fields
IMPLICIT NONE
PRIVATE
INTEGER, PUBLIC , PARAMETER :: r8=8
INTEGER, PUBLIC , PARAMETER :: r4=4
REAL (KIND=r8), PUBLIC , ALLOCATABLE :: PHI_P(:)
REAL (KIND=r8), PUBLIC, ALLOCATABLE :: PHI C(:)
REAL (KIND=r8), PUBLIC , ALLOCATABLE :: PHI_M(:)
REAL (KIND=r8), PUBLIC , ALLOCATABLE :: Desic(:)
REAL (KIND=r8), PUBLIC
                           :: Uvel
             PUBLIC
                       :: iMax
INTEGER
REAL (KIND=r8), PUBLIC
                       :: alfa
PUBLIC :: Init_Class_Fields
CONTAINS
SUBROUTINE Init_Class_Fields(xdim,Uvel0,alfa_in)
 IMPLICIT NONE
             , INTENT (IN ) :: xdim
  INTEGER
  REAL (KIND=r8), INTENT (IN ):: Uvel0
  REAL (KIND=r8), INTENT (IN ):: alfa in
 iMax=xdim
 Uvel=Uvel0
  alfa=alfa in
  ALLOCATE (PHI_P(-1:iMax+2))
 ALLOCATE (PHI C(-1:iMax+2))
 ALLOCATE (PHI M(-1:iMax+2))
 ALLOCATE (Deslc(-1:iMax+2))
END SUBROUTINE Init_Class_Fields
END MODULE Class Fields
```

```
MODULE Class Numerical Method
USE Class_Fields, Only: PHI_P,PHI_C,PHI_M,Deslc,Uvel,iMax,alfa
IMPLICIT NONE
PRIVATE
INTEGER, PUBLIC, PARAMETER:: r8=8
INTEGER, PUBLIC , PARAMETER :: r4=4
REAL (KIND=r8) :: Dt
REAL (KIND=r8) :: Dx
PUBLIC :: InitNumericalScheme
PUBLIC:: SchemeForward
PUBLIC:: SchemeUpdate
PUBLIC:: SchemeUpStream
PUBLIC:: Filter RA
CONTAINS
SUBROUTINE InitNumericalScheme(dt_in,dx_in)
 IMPLICIT NONE
 REAL (KIND=r8), INTENT (IN ) :: dt in
 REAL (KIND=r8), INTENT (IN ) :: dx_in
 INTEGER :: i
 Dt=dt in
 Dx=dx in
 DO i=-1.iMax+2
  IF (i*dx < 400.0) THEN
    PHI C(i) = 0.0
   ELSE IF (i*dx >= 400.0.AND.i*dx <= 500.0) THEN
    PHI C(i) = 0.1*(i*dx -400.0)
   ELSE IF(i*dx >= 500.0.AND.i*dx <= 600.0)THEN
    PHI_C(i) = 20.0 - 0.1*(i*dx - 400.0)
   ELSE IF( i*dx > 600.0 )THEN
    PHI_C(i) = 0.0
   END IF
 END DO
 PHI_M=PHI_C
 PHI P=PHI C
END SUBROUTINE InitNumericalScheme
```





```
FUNCTION SchemeForward() RESULT(ok)
 IMPLICIT NONE
 ! Utilizando a diferenciacao forward
 ! F(j,n+1) - F(j,n) F(j+1,n) - F(j,n)
 !----= 0
 INTEGER :: ok
 INTEGER: ;
 DO j=1,iMax
  PHI_P(j) = PHI_C(j) - (Uvel*Dt/Dx)*(PHI_C(j+1)-PHI_C(j))
 END DO
 CALL UpdateBoundaryLayer()
END FUNCTION SchemeForward
FUNCTION SchemeUpStream() RESULT (ok)
 IMPLICIT NONE
 ! Utilizando a diferenciacao forward no tempo e
 ! backward no espaco (upstream)
 ! F(j,n+1) - F(j,n) F(j,n) - F(j-1,n)
     dt
 INTEGER :: ok
 INTEGER :: i
 DO j=1,iMax
  PHI_P(j) = PHI_C(j) - (Uvel*Dt/Dx)*(PHI_C(j)-PHI_C(j-1))
 END DO
 CALL UpdateBoundaryLayer()
END FUNCTION SchemeUpStream
```

```
FUNCTION Filter RA() RESULT (ok)
 IMPLICIT NONE
 INTEGER :: i
 INTEGER :: ok
 DO i=-1,iMax+2
   Deslc(i) = alfa*(PHI_M(i) - 2.0*PHI_C(i) + PHI_P(i))
   PHI_C(i) = PHI_C(i) + Deslc(i)
 END DO
 ok=0
END FUNCTION Filter_RA
SUBROUTINE UpdateBoundaryLayer()
 IMPLICIT NONE
 PHI P(0) = PHI P(iMax)
 PHI P(-1) = PHI P(iMax-1)
 PHI_P(imax+1) = PHI_P(1)
 PHI_P(iMax+2) = PHI_P(2)
END SUBROUTINE UpdateBoundaryLayer
FUNCTION SchemeUpdate() RESULT (ok)
 IMPLICIT NONE
 INTEGER :: ok
 PHI M=PHI C
 PHI_C=PHI_P
 ok=0
END FUNCTION SchemeUpdate
END MODULE Class NumericalMethod
```



```
MODULE Class_WritetoGrads
USE Class Fields, Only: PHI P,PHI C,PHI M,Uvel,iMax
IMPLICIT NONE
PRIVATE
INTEGER, PUBLIC , PARAMETER :: r8=8
INTEGER, PUBLIC , PARAMETER :: r4=4
INTEGER
                  , PARAMETER :: UnitData=1
INTEGER
                  , PARAMETER :: UnitCtl=2
CHARACTER (LEN=400)
                            :: FileName
LOGICAL
                     :: CtrlWriteDataFile
PUBLIC :: SchemeWriteCtl
PUBLIC:: SchemeWriteData
PUBLIC :: InitClass_WritetoGrads
CONTAINS
SUBROUTINE InitClass_WritetoGrads()
 IMPLICIT NONE
 FileName="
 FileName='AdvecLinear1D RA'
 CtrlWriteDataFile=.TRUE.
END SUBROUTINE InitClass_WritetoGrads
FUNCTION SchemeWriteData(irec) RESULT (ok)
 IMPLICIT NONE
 INTEGER, INTENT (INOUT) :: irec
 INTEGER
                   :: ok
 INTEGER
                   :: Irec
 REAL (KIND=r4)
                   :: Yout(iMax)
 INQUIRE (IOLENGTH=Irec) Yout
 IF(CtrlWriteDataFile)OPEN(UnitData,FILE=TRIM(FileName)//'.bin',&
  FORM='UNFORMATTED', ACCESS='DIRECT', STATUS='UNKNOWN', &
 ACTION='WRITE', RECL=Irec)
 CtrlWriteDataFile=.FALSE.
 Yout=REAL(PHI_C(1:iMax),KIND=r4)
 irec=irec+1
 WRITE(UnitData,rec=irec)Yout
 ok=0
END FUNCTION SchemeWriteData
```



```
FUNCTION SchemeWriteCtl(nrec) RESULT (ok)
  IMPLICIT NONE
  INTEGER, INTENT (IN) :: nrec
  INTEGER
                       :: ok
  OPEN(UnitCtl,FILE=TRIM(FileName)//'.ctl',FORM='FORMATTED', &
  ACCESS='SEQUENTIAL', STATUS='UNKNOWN', ACTION='WRITE')
                            )')'dset ^',TRIM(FileName)//'.bin'
  WRITE (UnitCtl,'(A6,A
  WRITE (UnitCtl,'(A
                            )')'title EDO'
  WRITE (UnitCtl,'(A
                            )')'undef -9999.9'
  WRITE (UnitCtl,'(A6,I8,A18 )')'xdef ',iMax,' linear 0.00 0.001'
                           )')'ydef 1 linear -1.27 1'
  WRITE (UnitCtl,'(A
  WRITE (UnitCtl,'(A6,16,A25 )')'tdef ',nrec,' linear 00z01jan0001 1hr'
  WRITE (UnitCtl,'(A20
                            )')'zdef 1 levels 1000 '
                            )')'vars 1'
  WRITE (UnitCtl,'(A
                            )')'phic 0 99 resultado da edol yc'
  WRITE (UnitCtl,'(A
                            )')'endvars'
  WRITE (UnitCtl,'(A
  CLOSE (UnitCtl, STATUS='KEEP')
  CLOSE (UnitData, STATUS='KEEP')
  ok=0
END FUNCTION SchemeWriteCtl
END MODULE Class WritetoGrads
```





```
PROGRAM Main
USE Class Fields, Only: Init Class Fields
USE Class_NumericalMethod, Only: InitNumericalScheme, &
SchemeForward, SchemeUpdate, SchemeUpStream, Filter RA
USE Class_WritetoGrads, Only:InitClass_WritetoGrads, &
 SchemeWriteData,SchemeWriteCtl
IMPLICIT NONE
INTEGER
                  , PARAMETER :: r8=8
INTEGER
                  , PARAMETER :: r4=4
                  , PARAMETER :: xdim=1000
INTEGER
                 , PARAMETER :: Uvel0=10.0!m/s
REAL (KIND=r8)
REAL (KIND=r8) , PARAMETER :: dt=0.08 !s
REAL (KIND=r8) , PARAMETER :: dx=1.0 !m
INTEGER
                  , PARAMETER :: ninteraction=400
REAL (KIND=r8)
                 , PARAMETER :: alfa=0.05
CALL Init()
CALL run()
CONTAINS
SUBROUTINE Init()
 IMPLICIT NONE
 CALL Init Class Fields(xdim,Uvel0,alfa)
 CALL InitNumericalScheme(dt,dx)
 CALL InitClass_WritetoGrads
END SUBROUTINE Init
```

```
SUBROUTINE Run()
 IMPLICIT NONE
 INTEGER :: test,it,irec
 irec=0
 DO it=1,ninteraction
   PRINT*,it
   test=SchemeUpStream()
   test=Filter RA()
   test=SchemeWriteData(irec)
   test=SchemeUpdate()
 END DO
 test=SchemeWriteCtl(ninteraction)
END SUBROUTINE Run
SUBROUTINE Finalize()
 IMPLICIT NONE
END SUBROUTINE Finalize
END PROGRAM Main
```



### **O** RAW

```
MODULE Class_Fields
IMPLICIT NONE
PRIVATE
INTEGER. PUBLIC . PARAMETER :: r8=8
INTEGER, PUBLIC , PARAMETER :: r4=4
 REAL (KIND=r8), PUBLIC , ALLOCATABLE :: PHI_P(:)
 REAL (KIND=r8), PUBLIC, ALLOCATABLE :: PHI C(:)
 REAL (KIND=r8), PUBLIC , ALLOCATABLE :: PHI_M(:)
 REAL (KIND=r8), PUBLIC , ALLOCATABLE :: Desic(:)
 REAL (KIND=r8), PUBLIC
                              :: Uvel
               PUBLIC
INTEGER
                              :: iMax
REAL (KIND=r8), PUBLIC
                              :: alfa
REAL (KIND=r8), PUBLIC
                              :: beta
 PUBLIC:: Init Class Fields
CONTAINS
 SUBROUTINE Init Class Fields(xdim,Uvel0,alfa_in,beta_in)
 IMPLICIT NONE
  INTEGER
                , INTENT (IN ) :: xdim
  REAL (KIND=r8), INTENT (IN ):: Uvel0
  REAL (KIND=r8), INTENT (IN ):: alfa in
  REAL (KIND=r8), INTENT (IN ):: beta in
  iMax=xdim
  Uvel=Uvel0
  alfa=alfa_in
 beta=beta_in
  ALLOCATE (PHI_P(-1:iMax+2))
  ALLOCATE (PHI C(-1:iMax+2))
  ALLOCATE (PHI M(-1:iMax+2))
  ALLOCATE (Deslc(-1:iMax+2))
 END SUBROUTINE Init Class Fields
END MODULE Class Fields
```

```
MODULE Class_NumericalMethod
USE Class_Fields, Only: PHI_P,PHI_C,PHI_M,Deslc,Uvel,iMax,alfa,beta
IMPLICIT NONE
PRIVATE
INTEGER, PUBLIC , PARAMETER :: r8=8
INTEGER, PUBLIC , PARAMETER :: r4=4
REAL (KIND=r8) :: Dt
REAL (KIND=r8) :: Dx
PUBLIC :: InitNumericalScheme
PUBLIC:: SchemeForward
PUBLIC:: SchemeUpdate
PUBLIC :: SchemeUpStream
PUBLIC:: Filter RAW
CONTAINS
SUBROUTINE InitNumericalScheme(dt in,dx in)
 IMPLICIT NONE
 REAL (KIND=r8), INTENT (IN ) :: dt in
 REAL (KIND=r8), INTENT (IN ) :: dx_in
 INTEGER :: i
 Dt=dt in
 Dx=dx in
 DO i=-1,iMax+2
  IF (i*dx < 400.0) THEN
    PHI C(i) = 0.0
  ELSE IF (i*dx >= 400.0 .AND. i*dx <= 500.0) THEN
    PHI_C(i) = 0.1*(i*dx -400.0)
  ELSE IF ( i*dx \ge 500.0 .AND. i*dx \le 600.0 ) THEN
    PHI C(i) = 20.0 - 0.1*(i*dx - 400.0)
  ELSE IF ( i*dx > 600.0 ) THEN
    PHI C(i) = 0.0
  END IF
 END DO
 PHI M=PHI C
 PHI P=PHI C
END SUBROUTINE InitNumericalScheme
```







```
FUNCTION SchemeForward() RESULT(ok)
 IMPLICIT NONE
 ! Utilizando a diferenciacao forward
 ! F(j,n+1) - F(j,n) F(j+1,n) - F(j,n)
      dt
 INTEGER :: ok
 INTEGER :: j
 DO j=1,iMax
   PHI_P(j) = PHI_C(j) - (Uvel*Dt/Dx)*(PHI_C(j+1)-PHI_C(j))
 END DO
 CALL UpdateBoundaryLayer()
END FUNCTION SchemeForward
FUNCTION SchemeUpStream() RESULT (ok)
 IMPLICIT NONE
 ! Utilizando a diferenciacao forward no tempo e
 ! backward no espaco (upstream)
 ! F(j,n+1) - F(j,n) F(j,n) - F(j-1,n) 
!----- + u ----- = 0
      dt
 INTEGER:: ok
 INTEGER :: j
 DO j=1,iMax
   PHI_P(j) = PHI_C(j) - (Uvel*Dt/Dx)*(PHI_C(j)-PHI_C(j-1))
 END DO
 CALL UpdateBoundaryLayer()
END FUNCTION SchemeUpStream
```

```
FUNCTION Filter_RAW() RESULT (ok)
  IMPLICIT NONE
  INTEGER :: i
  INTEGER:: ok
  DO i=-1,iMax+2
   Deslc(i) = alfa*(PHI_M(i) - 2.0*PHI_C(i) + PHI_P(i))
   PHI_C(i) = PHI_C(i) + Deslc(i)
   PHI P(i) = PHI P(i) + Deslc(i)*(beta-1.0)
  END DO
  ok=0
END FUNCTION Filter RAW
SUBROUTINE UpdateBoundaryLayer()
 IMPLICIT NONE
  PHI P(0) = PHI P(iMax)
  PHI_P(-1) = PHI_P(iMax-1)
  PHI_P(imax+1) = PHI_P(1)
  PHI P(iMax+2) = PHI P(2)
END SUBROUTINE UpdateBoundaryLayer
FUNCTION SchemeUpdate() RESULT (ok)
 IMPLICIT NONE
  INTEGER :: ok
  PHI_M=PHI_C
  PHI C=PHI P
  ok=0
END FUNCTION SchemeUpdate
END MODULE Class_NumericalMethod
```



```
MODULE Class_WritetoGrads
USE Class Fields, Only: PHI P,PHI C,PHI M,Uvel,iMax
IMPLICIT NONE
PRIVATE
INTEGER, PUBLIC , PARAMETER :: r8=8
INTEGER, PUBLIC , PARAMETER :: r4=4
INTEGER
                 , PARAMETER :: UnitData=1
INTEGER
                , PARAMETER :: UnitCtl=2
 CHARACTER (LEN=400)
                            :: FileName
LOGICAL
                     :: CtrlWriteDataFile
 PUBLIC:: SchemeWriteCtl
 PUBLIC:: SchemeWriteData
 PUBLIC :: InitClass_WritetoGrads
CONTAINS
SUBROUTINE InitClass_WritetoGrads()
 IMPLICIT NONE
 FileName="
 FileName='AdvecLinear1D RAW'
 CtrlWriteDataFile=.TRUE.
END SUBROUTINE InitClass WritetoGrads
FUNCTION SchemeWriteData(irec) RESULT (ok)
 IMPLICIT NONE
 INTEGER, INTENT (INOUT) :: irec
 INTEGER
                  :: ok
 INTEGER
                  :: Irec
                  :: Yout(iMax)
 REAL (KIND=r4)
 INQUIRE (IOLENGTH=Irec) Yout
 IF(CtrlWriteDataFile)OPEN(UnitData,FILE=TRIM(FileName)//'.bin',&
  FORM='UNFORMATTED', ACCESS='DIRECT', STATUS='UNKNOWN', &
  ACTION='WRITE', RECL=Irec)
  CtrlWriteDataFile=.FALSE.
 Yout=REAL(PHI_C(1:iMax),KIND=r4)
 irec=irec+1
 WRITE(UnitData,rec=irec)Yout
 ok=0
END FUNCTION SchemeWriteData
```



```
FUNCTION SchemeWriteCtl(nrec) RESULT (ok)
 IMPLICIT NONE
 INTEGER, INTENT (IN) :: nrec
 INTEGER
                      :: ok
  OPEN(UnitCtl,FILE=TRIM(FileName)//'.ctl',FORM='FORMATTED', &
  ACCESS='SEQUENTIAL', STATUS='UNKNOWN', ACTION='WRITE')
  WRITE (UnitCtl,'(A6,A
                           )')'dset ^',TRIM(FileName)//'.bin'
  WRITE (UnitCtl,'(A
                           )')'title EDO'
  WRITE (UnitCtl,'(A )')'undef -9999.9'
  WRITE (UnitCtl,'(A6,18,A18 )')'xdef ',iMax,' linear 0.00 0.001'
 WRITE (UnitCtl,'(A )')'ydef 1 linear -1.27 1'
 WRITE (UnitCtl,'(A6,I6,A25 )')'tdef ',nrec,' linear 00z01jan0001 1hr'
  WRITE (UnitCtl,'(A20
                           )')'zdef 1 levels 1000 '
 WRITE (UnitCtl,'(A )')'vars 1'
 WRITE (UnitCtl,'(A
                           )')'phic 0 99 resultado da edol yc'
 WRITE (UnitCtl,'(A
                           )')'endvars'
 CLOSE (UnitCtl. STATUS='KEEP')
  CLOSE (UnitData, STATUS='KEEP')
 ok=0
END FUNCTION SchemeWriteCtl
END MODULE Class_WritetoGrads
```





```
PROGRAM Main
USE Class Fields, Only: Init Class Fields
USE Class_NumericalMethod, Only: InitNumericalScheme, &
 SchemeForward, SchemeUpdate, SchemeUpStream, Filter_RAW
USE Class WritetoGrads, Only:InitClass WritetoGrads, &
 SchemeWriteData,SchemeWriteCtl
IMPLICIT NONE
INTEGER
                 , PARAMETER :: r8=8
                 , PARAMETER :: r4=4
INTEGER
INTEGER
                 , PARAMETER :: xdim=1000
REAL (KIND=r8)
                , PARAMETER :: Uvel0=10.0 !m/s
REAL (KIND=r8)
                , PARAMETER :: dt=0.08
                                          !s
REAL (KIND=r8)
                , PARAMETER :: dx=1.0 !m
INTEGER
                 , PARAMETER :: ninteraction=400
REAL (KIND=r8)
                , PARAMETER :: alfa=0.05
                REAL (KIND=r8)
CALL Init()
CALL run()
CONTAINS
SUBROUTINE Init()
 IMPLICIT NONE
 CALL Init Class Fields(xdim,Uvel0,alfa,beta)
 CALL InitNumericalScheme(dt,dx)
 CALL InitClass WritetoGrads
END SUBROUTINE Init
```

```
SUBROUTINE Run()
 IMPLICIT NONE
 INTEGER :: test,it,irec
 irec=0
 DO it=1.ninteraction
  PRINT*,it
  test=SchemeUpStream()
  test=Filter RAW()
  test=SchemeWriteData(irec)
  test=SchemeUpdate()
 END DO
 test=SchemeWriteCtl(ninteraction)
END SUBROUTINE Run
SUBROUTINE Finalize()
 IMPLICIT NONE
END SUBROUTINE Finalize
END PROGRAM Main
```