

第三章

平面任意力系

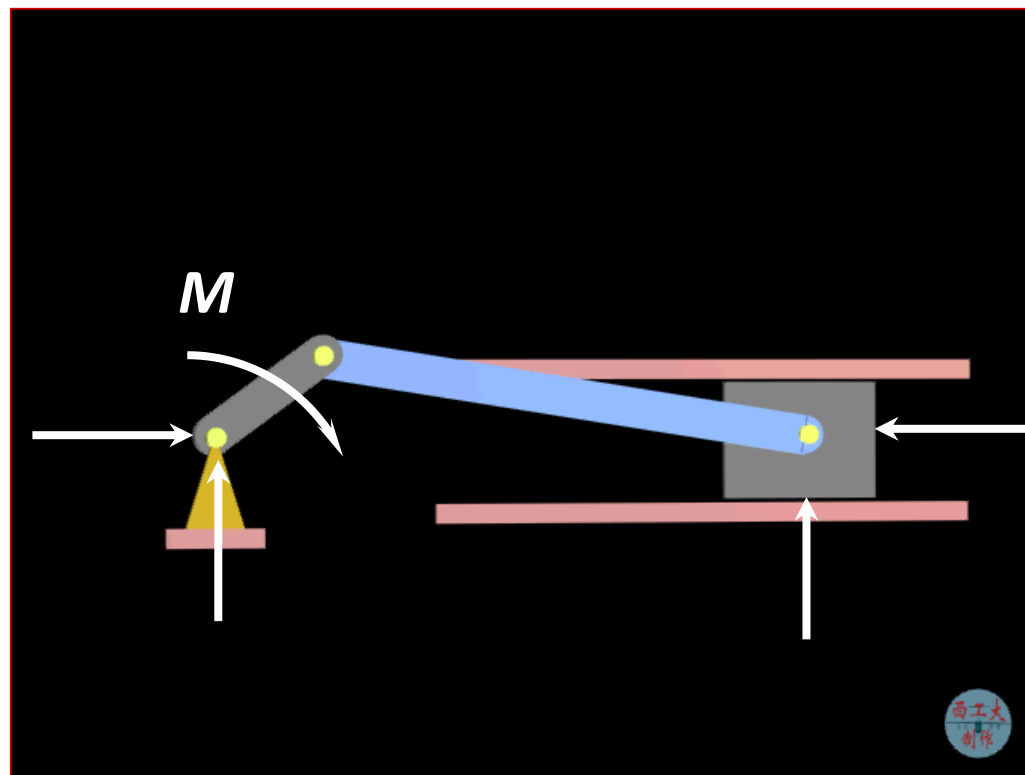
西北工业大学

主讲：张娟



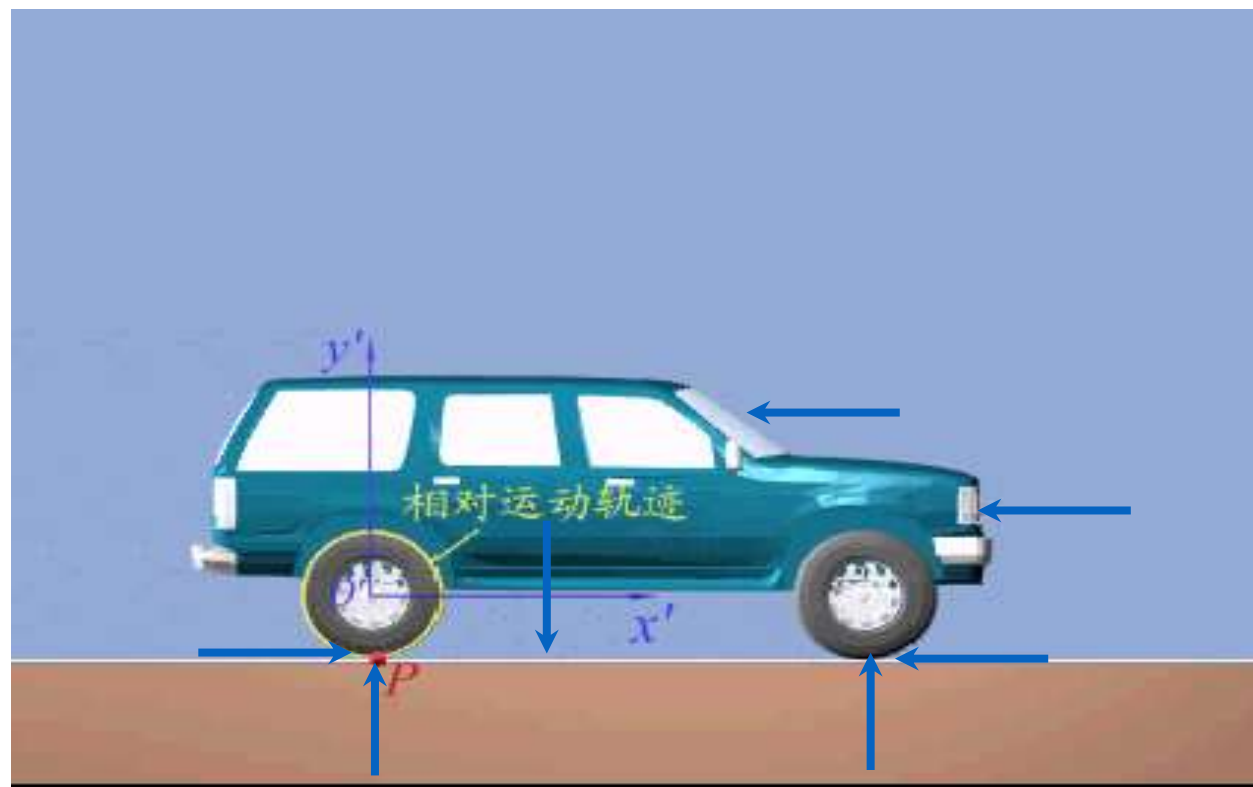


实例





实例



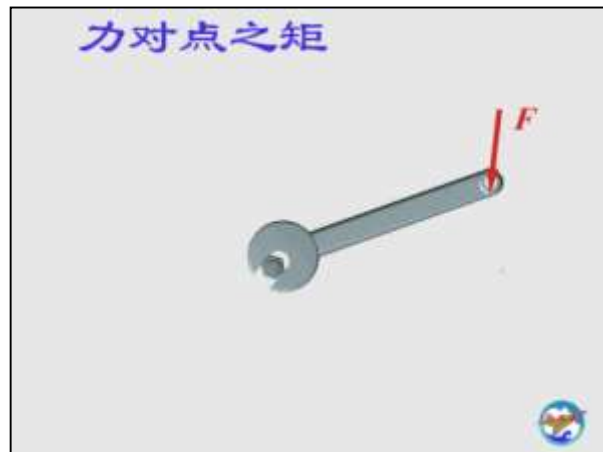
平面任意力系——作用线在同一平面内，但彼此不汇交一点，且不都平行的力系。



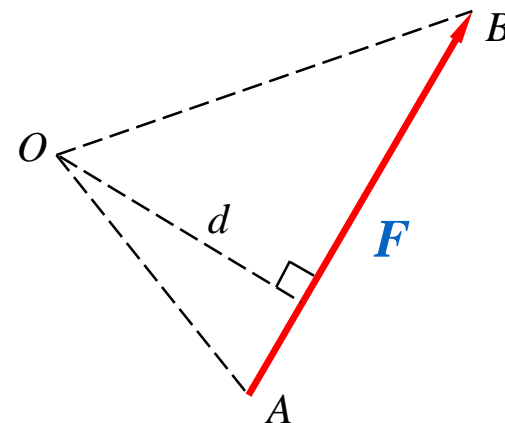
3.1 力对点的矩



实例



1. 力对点的矩



力 F 的大小乘以该力作用线与某点 O 间距离 d ，并加上适当正负号，称为 F 对 O 点的矩。简称力矩。

力矩的表达式

$$M_O(F) = \pm Fd$$

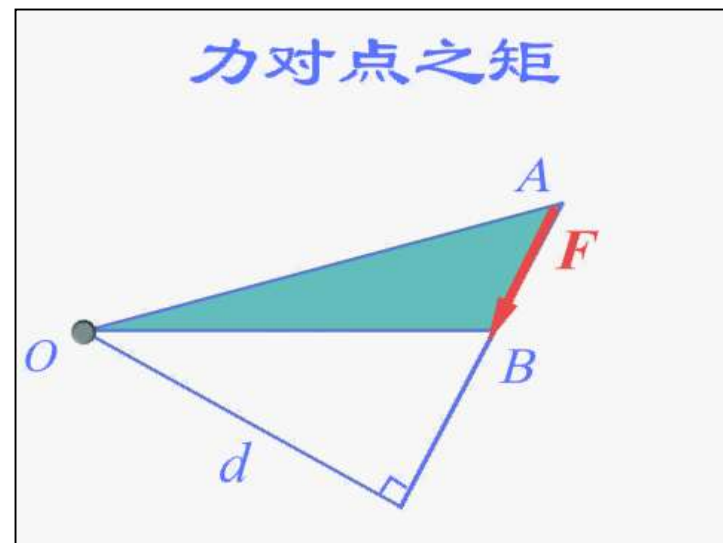
 O — 矩心， d — 力臂。

$$M_O(F) = \pm 2\Delta OAB \text{面积}$$



2.力矩的性质

- (1) 力 F 的作用点沿作用线移动，不改变力对点 O 的矩。
- (2) 当力通过矩心时，此力对于矩心的力矩等于零。
- (3) 互成平衡的力对同一点的矩之和等于零。





- 力对点的矩与力偶矩的区别

相同处：**力矩的量纲与力偶矩的相同。**

牛顿·米 ($\text{N} \cdot \text{m}$)

不同处：**力对点的矩可随矩心的位置改变而改变，但一个力偶的矩是常量。**

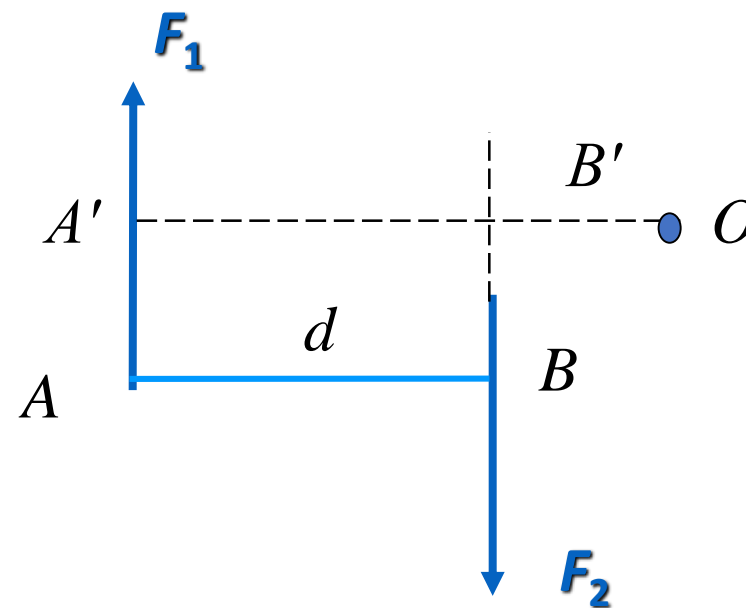
联系：**力偶中的两个力对任一点的矩之和是常量，等于力偶矩。**



力偶中的两个力对任一点的之和是常量，等于力偶矩。

证明：

$$\begin{aligned} & M_O (F_1) + M_O (F_2) \\ &= -F_1 \cdot OA' + F_2 \cdot OB' \\ &= -F_1 (OA' - OB') \\ &= -F_1 \cdot (A'B') \\ &= -F_1 \cdot d \\ &= M \end{aligned}$$





谢谢！