



4.6 重心

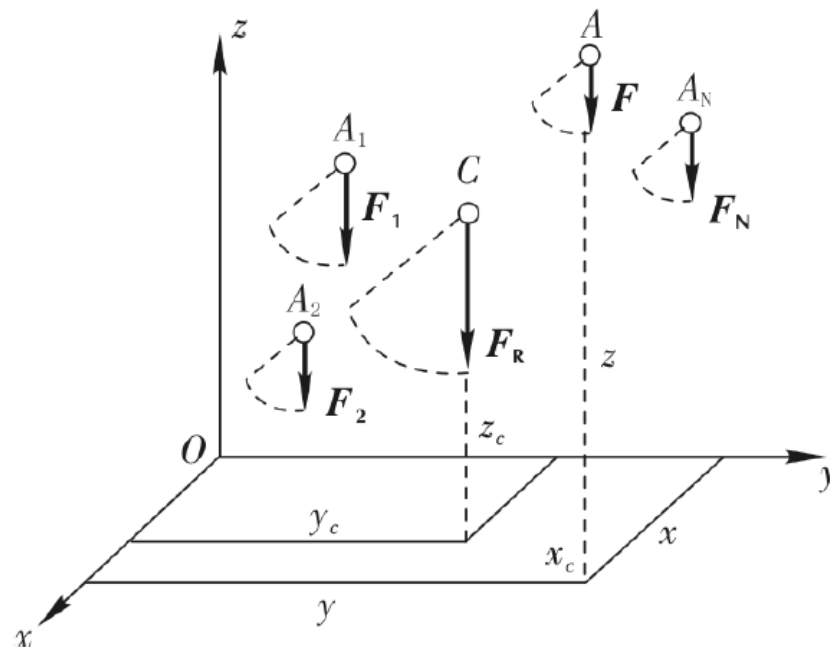


1. 平行力系的中心—合力的作用点

$$x_c = \frac{\sum x_i F_i}{\sum F_i}$$

$$y_c = \frac{\sum y_i F_i}{\sum F_i}$$

$$z_c = \frac{\sum z_i F_i}{\sum F_i}$$



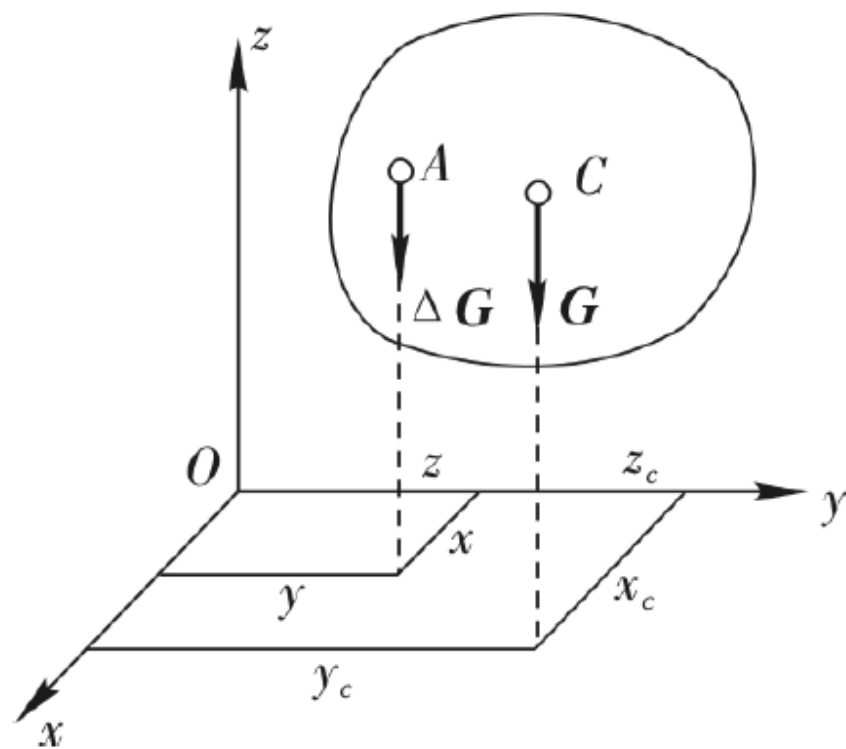


2. 计算重心坐标的公式

$$x_c = \frac{\int x dG}{G}$$

$$y_c = \frac{\int y dG}{G}$$

$$z_c = \frac{\int z dG}{G}$$





2. 计算重心坐标的公式

如果一个物体由 n 个部分构成，则质心的坐标：

$$x_c = \frac{\sum_{i=1}^n x_{ci} m_i}{M}, \quad y_c = \frac{\sum_{i=1}^n y_{ci} m_i}{M}, \quad z_c = \frac{\sum_{i=1}^n z_{ci} m_i}{M}$$

质心的矢径：

$$\mathbf{r}_c = \frac{\sum_{i=1}^n \mathbf{r}_{ci} m_i}{M}$$



本章小结

1. 力矩的计算

(1) 力对点的矩是一个定位矢量。

$$\mathbf{M}_O(\mathbf{F}) = \mathbf{r} \times \mathbf{F} = \begin{vmatrix} \mathbf{i} & \mathbf{j} & \mathbf{k} \\ x & y & z \\ F_x & F_y & F_z \end{vmatrix}, \quad |\mathbf{M}_O(\mathbf{F})| = Fd = 2S_{\triangle OAB}$$

(2) 力对轴的矩是一个代数量；可按下列两种方法求得：

$$(a) \quad M_z(\mathbf{F}) = \pm F_{xy}d = \pm 2S_{\triangle OAB}$$

$$(b) \quad M_x(\mathbf{F}) = yF_z - zF_y, \quad M_y(\mathbf{F}) = zF_x - xF_z, \quad M_z(\mathbf{F}) = xF_y - yF_x$$



(3) 力对点的矩与力通过该点的轴的矩的关系

$$[M_O(F)]_x = M_x(F), \quad [M_O(F)]_y = M_y(F), \quad [M_O(F)]_z = M_z(F)$$

2. 空间任意力系的简化

(1) 空间任意力系向点 O 简化得一个主矢 F'_R 和一个主矩 M_O 。

(2) 空间任意力系简化的最终结果，可以是力，力偶，力螺旋。



3. 空间任意力系平衡方程

$$\sum F_x = 0, \quad \sum F_y = 0, \quad \sum F_z = 0$$

$$\sum M_x(F) = 0, \quad \sum M_y(F) = 0, \quad \sum M_z(F) = 0$$

4. 重心

$$x_c = \frac{\sum_{i=1}^n x_{ci} m_i}{M}, \quad y_c = \frac{\sum_{i=1}^n y_{ci} m_i}{M}, \quad z_c = \frac{\sum_{i=1}^n z_{ci} m_i}{M}$$



谢谢！