INTEGRÁLSZÁMÍTÁS – eredmények

(1) HATÁROZATLAN INTEGRÁLOK

(a) Alapintegrálra visszavezethető integrálok

1.
$$\frac{2}{5}x^{\frac{5}{2}} + \frac{x^4}{4} + c$$

4.
$$\frac{1}{2} \ln |2x+3| + c$$

7.
$$\frac{1}{2}\ln(x^2+2x+2) - \arctan(x+1) + c$$
 8. $\arcsin(x+1) + c$ 9. $\sqrt{x^2+1} + c$

10.
$$\arcsin \frac{x}{3} + c$$

13.
$$\frac{1}{364}(2x^2+1)^{91}+c$$

16.
$$-\cos x + \frac{\cos^3 x}{3} + c$$

19.
$$\frac{e^{2x}}{4} + \frac{x}{2} + c$$

22.
$$\ln |\ln x| + c$$

2.
$$4 \ln |x| - \frac{12}{x} - \frac{9}{2x^2} + c$$
 3. $\frac{1}{202} (2x+3)^{101} + c$

$$5. \arctan(x+1)+c$$

8.
$$\arcsin(x+1)+c$$

11.
$$\operatorname{arcosh}(x+1)+c$$
 12. $\frac{1}{4}\ln(2x^2+1)+c$

14.
$$-\frac{\cos 2x}{2} - \frac{\cot 2x}{2} + c$$
 15. $\frac{x}{2} - \frac{\sin 2x}{4} + c$

$$17. -\ln|\cos x| + c$$

20.
$$-\frac{1}{2}\cos x^2 + c$$

23.
$$\frac{1}{22}(2e^x+3)^{11}+e^{-x^2}$$

3.
$$\frac{1}{202}(2x+3)^{101}+c$$

5.
$$\arctan(x+1)+c$$
 6. $\frac{1}{2}\ln(x^2+2x+2)+c$

9.
$$\sqrt{x^2 + 1} + c$$

12.
$$\frac{1}{4}\ln(2x^2+1)+6$$

15.
$$\frac{x}{2} - \frac{\sin 2x}{4} + c$$

18.
$$\tan x - x + c$$

20.
$$-\frac{1}{2}\cos x^2 + c$$
 21. $\frac{2}{3}(\ln x)^{\frac{3}{2}} + c$

23.
$$\frac{1}{22} (2e^x + 3)^{11} + c$$
 24. $\frac{1}{2} \ln (2e^x + 3) + c$

(b) Parciális integrálás

1.
$$-(2x+3)e^{-x}+c$$

3.
$$x \arctan x - \frac{1}{2} \ln (1 + x^2) + c$$

5.
$$x \ln(x^2 + 1) - 2x + 2 \arctan x + c$$

2.
$$\frac{x}{3}\sin(3x-1) + \frac{\cos(3x-1)}{9} + c$$

$$4. \left(\frac{x^2}{2} + x\right) \ln x - \frac{x^2}{4} - x + c$$

(c) Racionális törtfüggvények integrálása

1.
$$\frac{x^2}{2} + 3x - \ln|x - 1| + 8\ln|x - 2| + c$$

3.
$$-\frac{3}{4}\ln|x| + \frac{9}{8}\ln|x+2| + \frac{13}{8}\ln|x-2| + c$$
 4. $-\frac{7}{2}\ln|x| + \frac{3}{2x} + \frac{7}{4}\ln|x-2| + c$

5.
$$-\frac{1}{4}\ln|x| + \frac{9}{8}\ln(x^2 + 4) + c$$

2.
$$\frac{x^3}{3} - x + \arctan x + c$$

4.
$$-\frac{7}{2}\ln|x| + \frac{3}{2x} + \frac{7}{4}\ln|x-2| + c$$

6.
$$-2\ln|x| - \frac{5}{x} + 2\ln|x+1| - 3\arctan x + c$$

(d) Integrálás helyettesítéssel

1.
$$8 \arcsin \frac{x}{4} + 8 \frac{x}{4} \sqrt{1 - \left(\frac{x}{4}\right)^2} + c$$

3.
$$-\frac{\sqrt{1+x^2}}{x}+c$$

5.
$$\sqrt{2x+1} - \ln(1+\sqrt{2x+1}) + c$$

7.
$$\ln(e^{2x}+1)-x+c$$

$$9. -\frac{2}{1+\tan\frac{x}{2}} + c$$

2.
$$\frac{1}{2}(x-1)\sqrt{(x-1)^2-1} - \frac{\operatorname{arcosh}(x-1)}{2} + c$$

4.
$$\frac{2}{5}(x+3)^{\frac{5}{2}} - 2(x+3)^{\frac{3}{2}} + c$$

6.
$$2\ln(1+\sqrt{x})+c$$

8.
$$-\frac{1}{3}\ln(e^x+3)+\frac{x}{3}+c$$

(2) HATÁROZOTT INTEGRÁL ALKALMAZÁSA

(a) Terület

1.a)
$$\frac{15}{8} - 2 \ln 2$$
 1.b) 9 **1.c**) $\frac{8}{3}$

1.c)
$$\frac{8}{3}$$

2.
$$\frac{2}{3}$$

3.a)
$$\frac{\pi}{2}$$

3.a)
$$\frac{\pi}{2}$$
 3.b) $\frac{1}{2} \left(e^{\pi} - 1 \right)$ **3.c**) $1 - \frac{\sqrt{2}}{2}$

3.c)
$$1-\frac{\sqrt{2}}{2}$$

3.d)
$$16\pi - 16$$

(b) Ívhossz

1.
$$\frac{8}{27} \left(10^{\frac{3}{2}} - 1 \right)$$
 2. $-\frac{1}{2} + \ln 3$ 3. $\frac{4}{3}$

2.
$$-\frac{1}{2} + \ln 3$$

3.
$$\frac{4}{3}$$

$$4. \sqrt{2} \left(e^{\frac{\pi}{2}} - 1 \right)$$

(c) Térfogat

1.
$$\frac{2\pi}{3}$$

2.
$$2\pi \left(\frac{3\pi}{4} + 2\sqrt{2}\right)$$
 3. $\pi \left(\ln 2 - \frac{1}{2}\right)$ **4.** $\frac{\pi}{2} \left(e^3 - e\right)$

3.
$$\pi \left(\ln 2 - \frac{1}{2} \right)$$

4.
$$\frac{\pi}{2} (e^3 - e)$$