

Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem Elektronikus Eszközök Tanszéke

MIKROELEKTRONIKA, BMEVIEEAB01

A pn átmenet működése: Statikus viszonyok

Dr. Bognár György, Dr. Poppe András.

A félvezető dióda

Amit tudhatunk róla...

Hogyan készül?

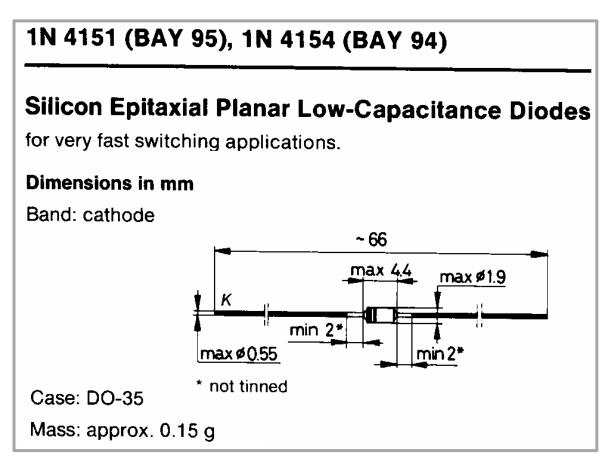
Hogyan működik?



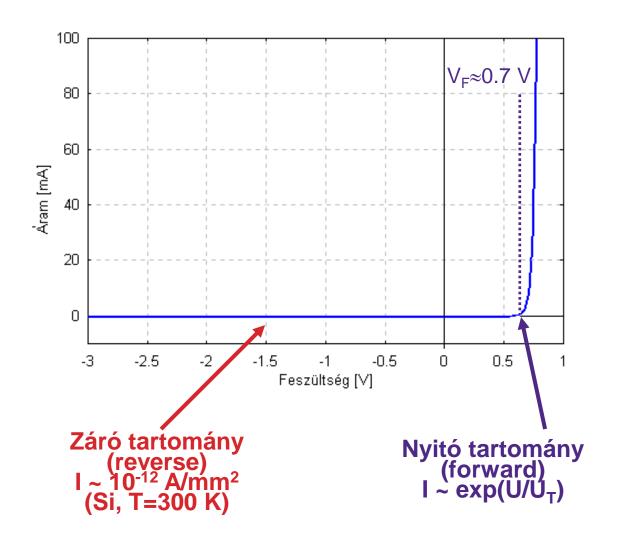
Diódák – amit eddig tanultunk

...dióda egy félvezetőgyártó adatlapján:

Félvezető anyaga Gyártástechnológia Tokozás jellemzők Jelölések Alkalmazás célja



A dióda fontosabb tulajdonságai



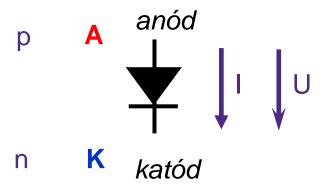
Egyenirányít!

A karakterisztika fogalma I = f(U)stacionárius

$$I\cong e^{U/U_T}$$

A dióda fontosabb tulajdonságai

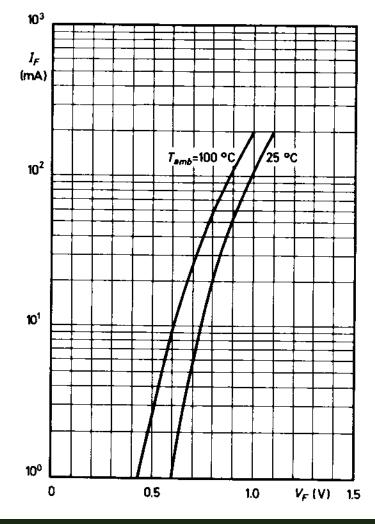
Szimbólum, mérőirány



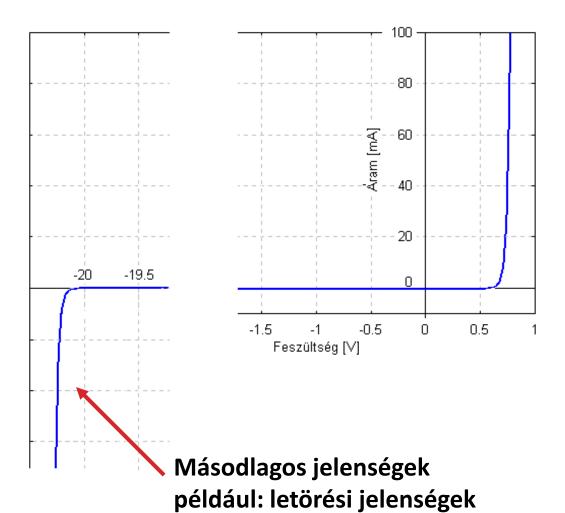
U_F vagy V_F nyitó feszültség (forward voltage)

I_F nyitó áram (forward current)

Forward characteristics $I_F = f(V_F)$

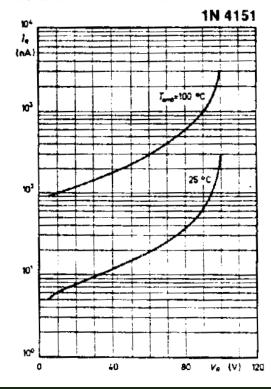


A dióda fontosabb tulajdonságai

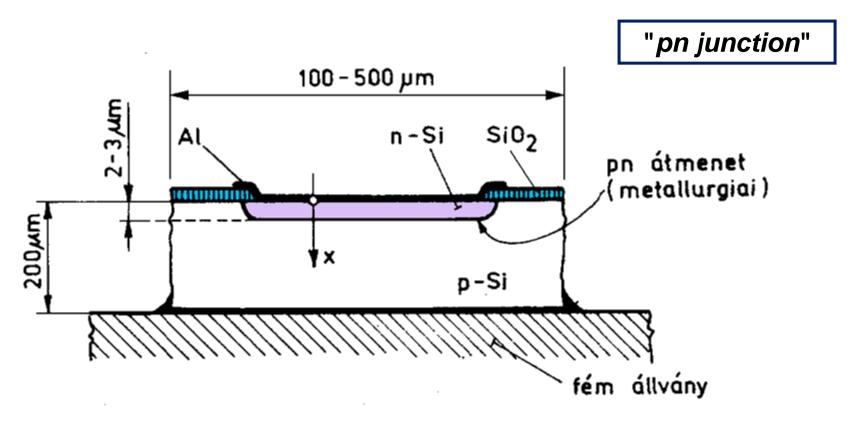


Dinamikus tulajdonságok: kapacitás, véges működési sebesség

Reverse characteristics

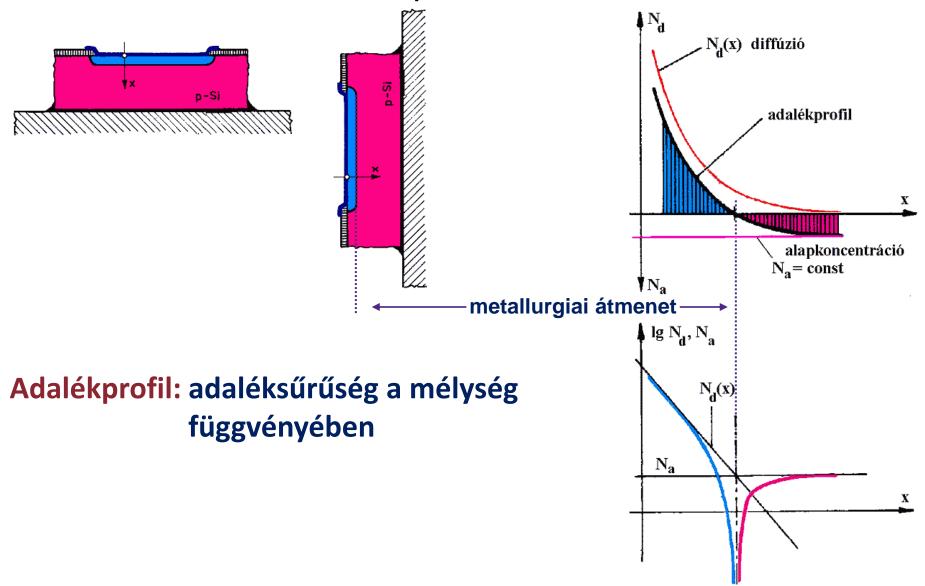


A dióda kivitele



- PLANÁRIS technológia
- Kiindulás: Si p (alap)adalékolású egykristály szelet
- Oxidálás, ablaknyitás, n diffúzió, telefémezés, mintázás, darabolás, felrögzítés, tokozás

A dióda kivitele – adalékprofil



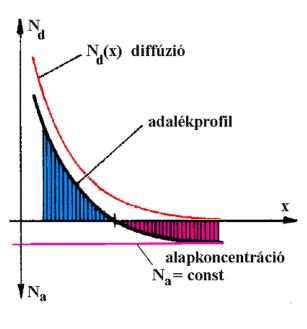
A dióda kivitele – adalékprofil

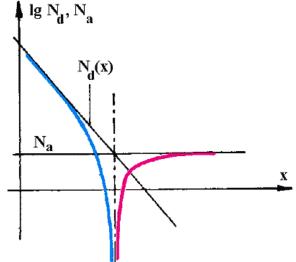
Adalékprofil: adaléksűrűség a mélység függvényében

Adalékprofil az előállítás technológiájától, a későbbi céloktól és a dióda alk. területétől függ!

- diffúzió (exponenciális eloszlás)
- epitaxiális réteg növesztés (hirtelen/abrupt átmenet, 0.1um távolság alatt megy át p adalékolás n-be, homogén adalékolás)
- ion-implantáció (hirtelen átmenet, homogén adalékolás és speciális adalékolás – pl.: mélyben erősebben adalékolt – **lehetősége**)

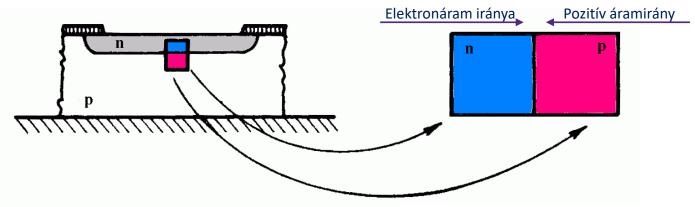
Mikroelektronika BMEVIEEAB01



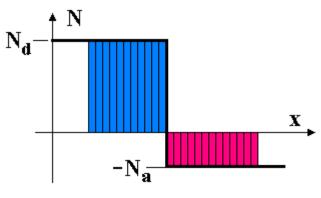


Vizsgálati módszerünk

1. Egydimenziós vizsgálat, "kihasított hasáb"



- Homogén adalékolás (állandó adalékkoncentrációk)
- 3. Hirtelen/abrupt átmenet
- 4. Egyik oldal erősebben adalékolt (legyen ez az n oldal)



$$N_d >> N_a$$

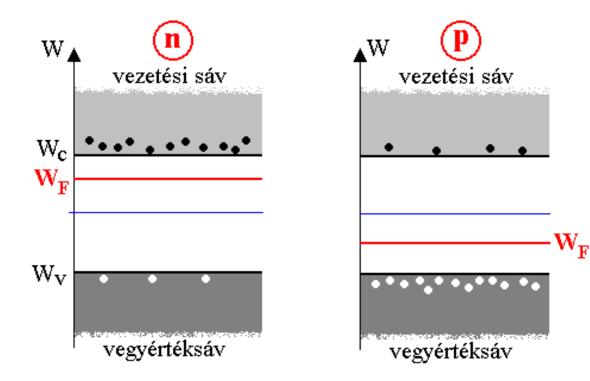
Meg fogjuk vizsgálni:

- Hogy injektálódnak a töltéshordozók, pl. az elektronok a p oldalon
 - Diffúziós egyenlet megoldása
- Hogy alakul a sávszerkezet a átmenet mentén?
 - W_c, W_v, W_F
 - Mi lesz ennek a következménye?
 - Elektrosztatikus viszonyok
- Mindezekből hogy jön ki az ideális diódakarakterisztika?



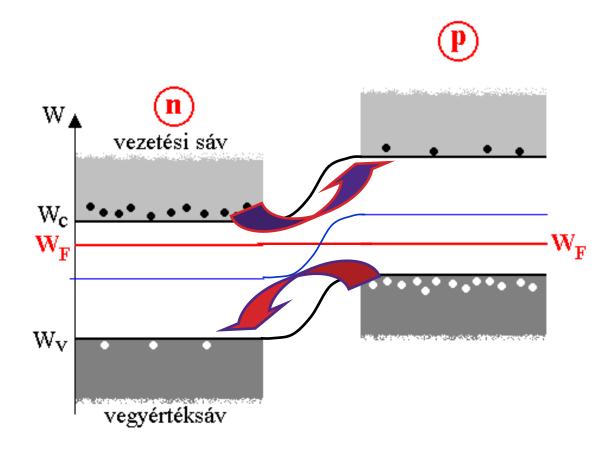
Két külön darab

 Fermi szintek az intrinsic szinthez képest az adalékolásnak megfelelően eltolódnak:



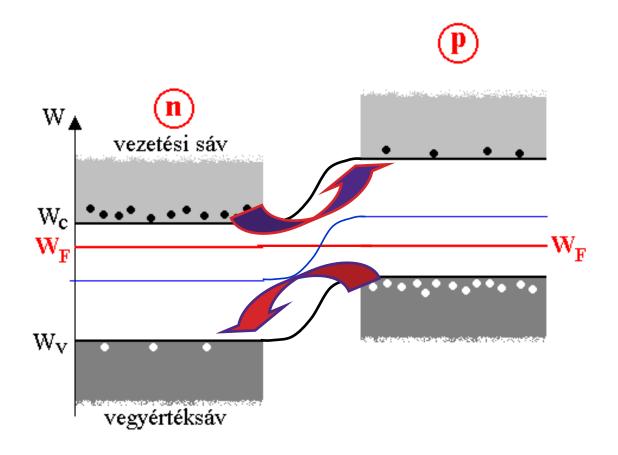
PN átmenet

Fermi szintek az intrinsic szinthez képest az adalékolásnak megfelelően eltolódnak:



PN átmenet

 A P és az N oldal között potenciál lépcső alakul ki. Ez pont akkora lesz, hogy kiegyenlítődjön a Fermi-szint

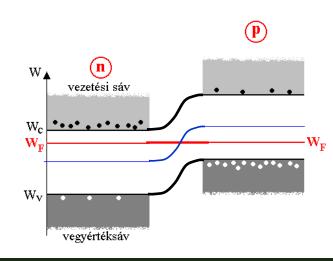


PN átmenet működése

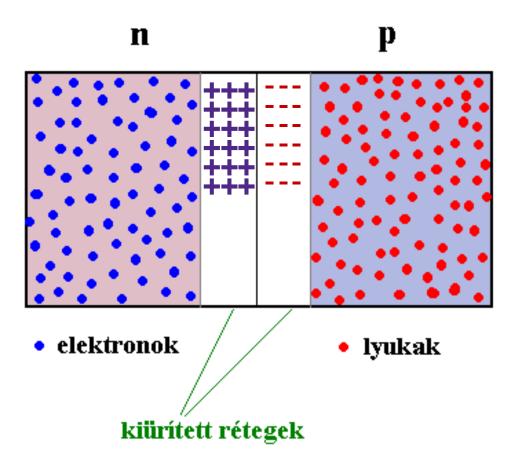
- Nagy töltéshordozó különbség áll fenn a két oldalon
- n oldalon e⁻, p oldalon lyukak többségben
- A sűrűség gradiens (grad n) diffúziós áramot okoz
- p oldalról lyukak, n oldalról e⁻ áramlanak (ua. irány!)

$$J_n(x) = -qD_n \frac{dn}{dx}$$

- Ezzel ellentétes hatás kell, hogy egyensúlyi állapot!
- Sodródási áramhoz azonban \overline{E} kell!
- Ki kell alakulnia egy potenciál lépcsőnek (kontaktpotenciál, érintkezési potenciál különbség)



Elektrosztatikus viszonyok



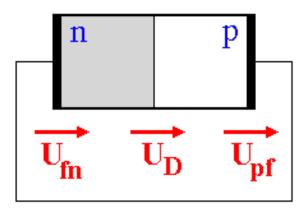
Kiürített rétegek (tértöltés réteg, töltés kettősréteg) Ezen a területen a szabad töltéshordozók koncentrációja lecsökken

Érintkezési és diffúziós potenciál

U_{fn} fém – n-Si kontaktpotenciál

U_D diffúziós potenciál a p és n oldal között

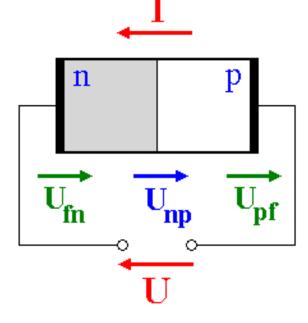
U_{pf} p-Si – fém kontaktpotenciál





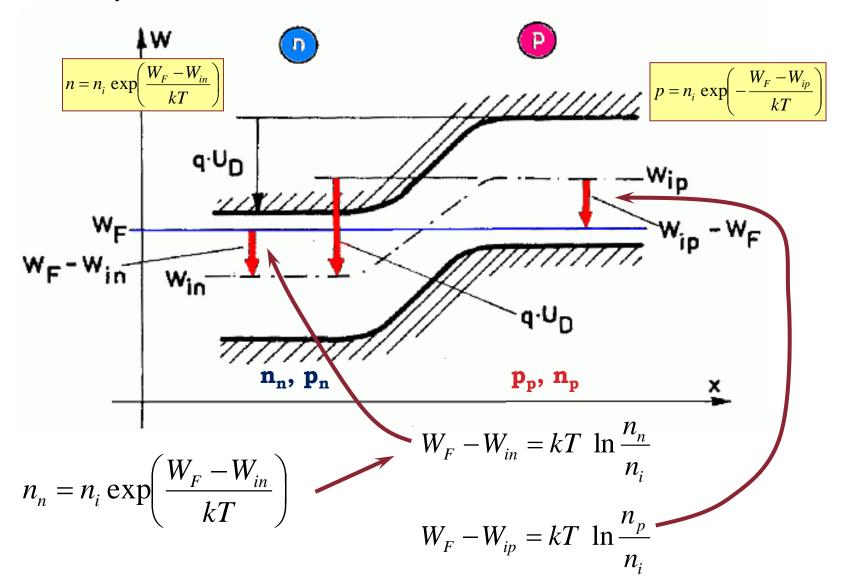
$$U_{D} + U_{fn} + U_{pf} = 0$$

$$U_{np} + U_{fn} + U_{pf} = -U$$



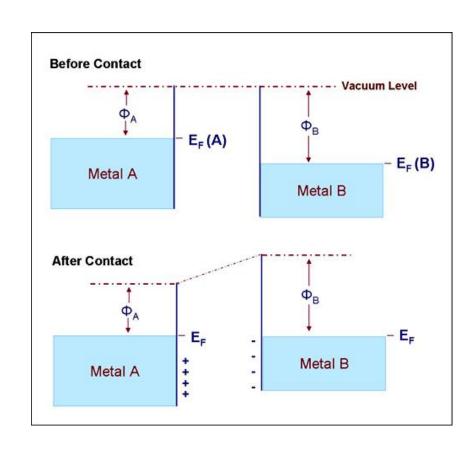
$$U_{np} = U_D - U$$

A diffúziós potenciál számítása



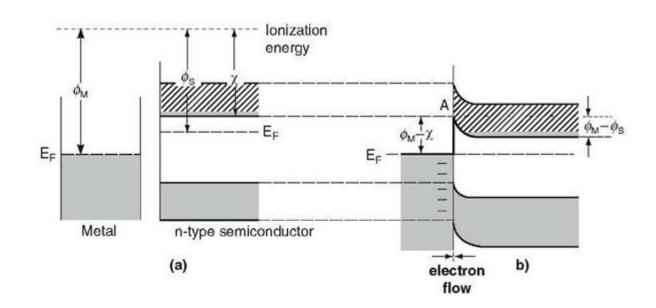
Kontaktpotenciál fém - fém

- Hőmérsékletfüggő Peltier, Seebeck eff.
- Érintkezés előtt különböző kilépési munkájú fémek Einstein formula: $E = h \cdot v = \phi_A + \frac{1}{2}mv^2$
- Fermi nívók különböznek
- Összeérintés után e⁻ áram
- Kisebb ϕ_A fémben (magasabb E_f) e hiány, látszólagos pozitív többlet, E_f lesüllyed
- Másik fém (alacsonyabb E_f) potenciálja negatívabbá válik,
 E_f megemelkedik



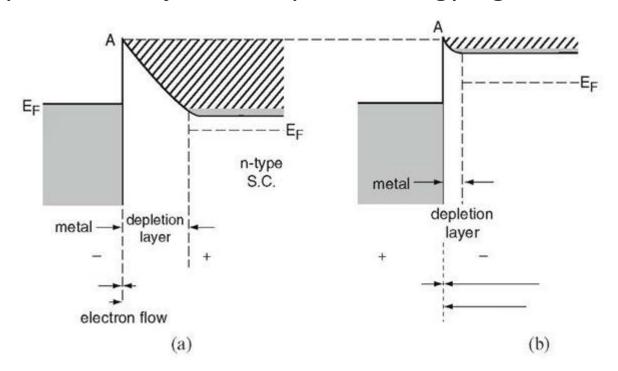
Kontaktpotenciál fém – n típusú félvezető

- Összeérintés után az n típusú félvezetőből e- áram a fémbe
- Fémben: e- többlet, látszólagos negatív potenciál alakul ki
- Félvezetőben: e- hiány, sávelhajlás!
- Potenciálgát: $\Phi_{barrier} = \Phi_M X$
- X elektronaffinitás



Kontaktpotenciál fém – n típusú félvezető

- Gyakori példa: alumínium fémezés n⁻ típusú szilícium kontaktusa (Schottky átmenet)
- "Nyitó-" és "záróirányban" előfeszítve
- Nyilak hossza arányosan mutatja az átfolyó áram nagyságát

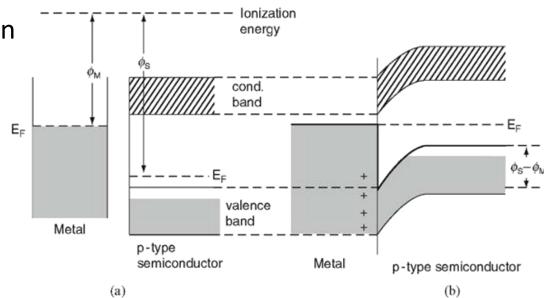


Kontaktpotenciál fém – p típusú félvezető

- Összeérintés után a fémből e- áram a p típusú félvezetőbe
- Fémben: e- hiány, látszólagos pozitív potenciál

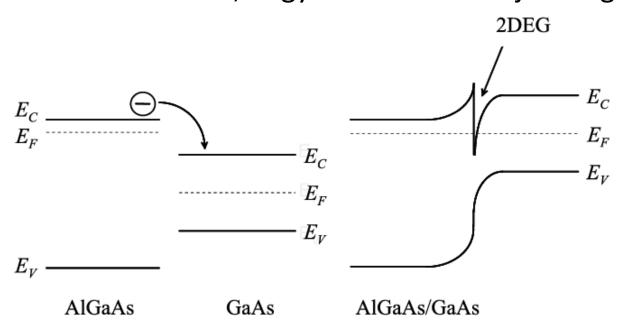
Mikroelektronika BMEVIEEAB01

- Félvezetőben: e- többlet, sávelhajlás!
- Potenciálgát: $\Phi_b = E_g (\Phi_M X)$
- Befolyásolja értékét:
 - Határfelületi állapotok
 - Energianívók a tiltott sávban
 - Határfelületi réteg vastagsága



Heteroátmenet

- Két eltérő tiltott sáv szélességű réteg.
- Nem csak a W_c és W_v szintje van különböző helyen!
- Fermi-nívó (továbbra is) állandó, vezető kapcsolatban lévő rétegek esetén, termikus egyensúlyban!
- 2D e⁻ gáz a kevésbé adalékolt, nagyobb rácsállandójú rétegben

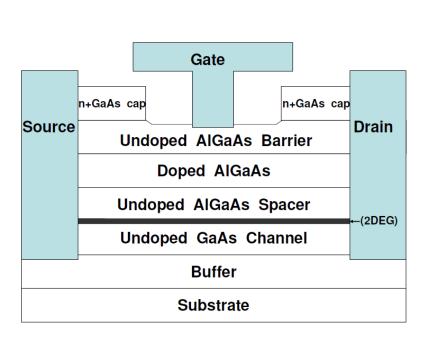


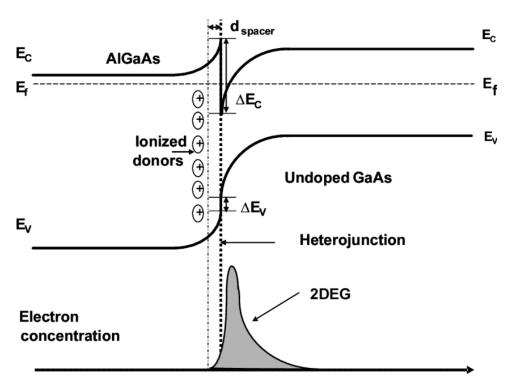
Juin J. Liou et al., Evolution and recent advances in RF/microwave transistors, Journal of Telecomm and Inf. Tech., 2004/01



Heteroátmenet

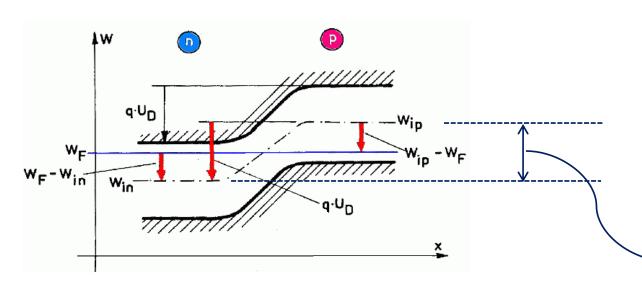
- Két eltérő tiltott sáv szélességű réteg
- HEMT eszközök pl.: n+ AlGaAs adalékolatlan GaAs
- LED eszközök esetén ún. dupla heteroátmenetes szerkezet





Dogmin Liu, DESIGN, FABRICATION AND CHARACTERIZATION OF INALAS/INGAAS/INASP COMPOSITE CHANNEL HEMTS,
PhD Dissertation, Ohio State University, 2008

A diffúziós potenciál számítása



$$W_F - W_{in} = kT \ln \frac{n_n}{n_i}$$

$$W_F - W_{ip} = kT \ln \frac{n_p}{n_i}$$

$$W_{ip} - W_{in} = kT \ln \frac{n_n}{n_p}$$

$$U_D = \frac{W_{in} - W_{ip}}{-q} = \frac{kT}{q} \ln \frac{n_n}{n_p} = \frac{kT}{q} \ln \frac{n_n p_p}{n_i^2}$$

$$U_D = U_T \ln \frac{N_d N_a}{n_i^2}$$

"beépített" potenciál "built-in" voltage $n_p = n_i^2 / p_p^2$ tömeghatás tv.

A diffúziós potenciál számítása

$$U_D = U_T \ln \frac{N_d N_a}{n_i^2}$$



Egy abrupt Si dióda adalék adatai: N_d=10¹⁸/cm³, N_a=10¹⁶/cm³.

Határozzuk meg a diffúziós potenciál értékét szobahőmérsékleten!

$$U_D = 0.026 \cdot \ln \frac{10^{18} \cdot 10^{16}}{10^{20}} = 0.026 \cdot \ln 10^{14} = 0.838 \, V$$

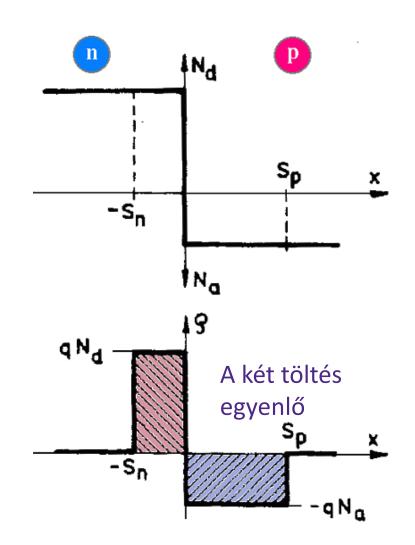
Nyilván $U_D < U_{g_s}$, általában 70-80 %-a.

Adalékionok töltéssűrűsége!

$$q S_n N_d = q S_p N_a$$

$$\frac{N_a}{N_d} = \frac{S_n}{S_p}$$

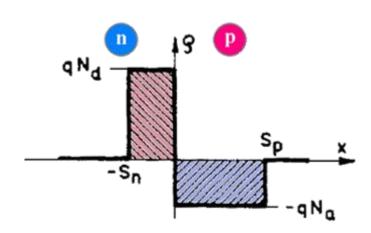
A gyengébben adalékolt oldalon szélesebb a kiürített réteg.



- Abrupt, homogén átmenet feltételezve
- Töltéssűrűség és a térerősség közötti kapcsolat

■ Gauss törvény:

$$\frac{dE}{dx} = \frac{\rho(x)}{\varepsilon}$$

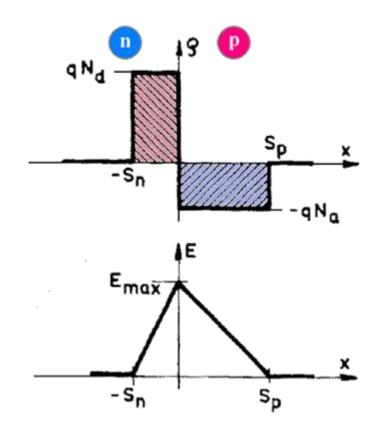


$$\frac{dE}{dx} = \frac{\rho(x)}{\varepsilon}$$

$$E(x) = \frac{1}{\varepsilon} \int_{-\infty}^{x} \rho(\xi) \, d\xi$$

$$E_{\max} = \frac{1}{\varepsilon} \int_{-S_n}^{0} q \cdot N_d \, dx$$

$$E_{\text{max}} = \frac{q N_d S_n}{\mathcal{E}} = \frac{q N_a S_p}{\mathcal{E}}$$



 Poisson egyenlet – kapcsolat potenciál különbség és térerősség eloszlás között

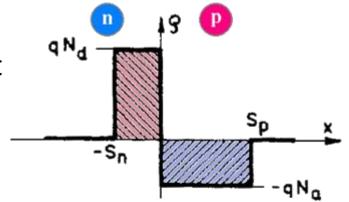
$$U = \phi(S_n) - \phi(0) = \int_{S_n}^{0} -E(x) \, dx$$

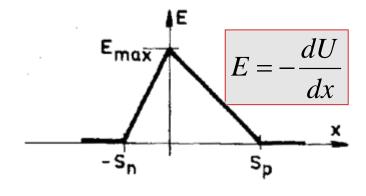
■ E(x) alatti terület:

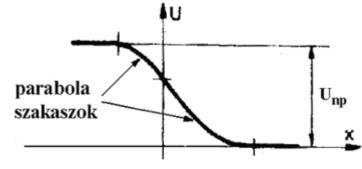
$$U_{np} = \frac{1}{2} E_{\text{max}} \left(S_n + S_p \right) \cong \frac{1}{2} E_{\text{max}} S_p$$

$$E_{\text{max}} = \frac{q \, N_a S_p}{\mathcal{E}}$$

$$U_{np} \approx \frac{1}{2} \frac{q N_a}{\varepsilon} S_p^2$$







$$U_{np} \approx \frac{1}{2} \frac{q N_a}{\varepsilon} S_p^2$$

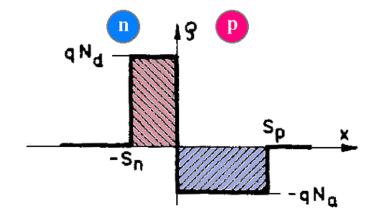
$$S_{p} = \sqrt{\frac{2\varepsilon}{qN_{a}}} \sqrt{U_{np}} = \sqrt{\frac{2\varepsilon}{qN_{a}}} \sqrt{U_{D} - U}$$

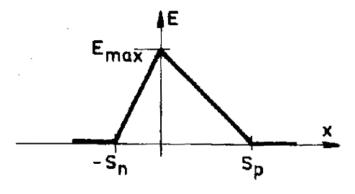
$$S_n = \frac{N_a}{N_d} S_p$$

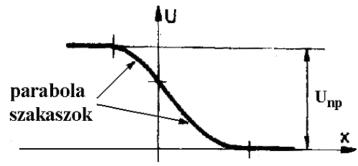
$$S_n = \frac{N_a}{N_d} S_p$$

$$E_{\text{max}} = \frac{q N_a}{\varepsilon} S_p$$

$$E_{\text{max}} = \frac{q \, N_a}{\varepsilon} \sqrt{\frac{2\varepsilon}{q N_a}} \sqrt{U_D - U} = \sqrt{\frac{2q \, N_a}{\varepsilon}} \sqrt{U_D - U}$$







$$S_{p} = \sqrt{\frac{2\varepsilon}{qN_{a}}} \sqrt{U_{np}} = \sqrt{\frac{2\varepsilon}{qN_{a}}} \sqrt{U_{D} - U}$$

$$S_{n} = \frac{N_{a}}{N_{d}} S_{p}$$

$$S_n = \frac{N_a}{N_d} S_p$$



Egy abrupt Si dióda adalék adatai: $N_d = 10^{18} / \text{cm}^3$, $N_a = 10^{16} / \text{cm}^3$.

Határozzuk meg a kiürített rétegek szélességét! $(\epsilon_r = 11, 8, U = 0V)$

$$S_p = \sqrt{\frac{2 \cdot 11,8 \cdot 8,86 \cdot 10^{-12}}{1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 10^{22}}} \sqrt{0,838} = 0,331 \mu m \qquad S_n = 0,003 \mu m = 3 nm$$

Es ha U= -100V ?

$$S_p = 0.331 \cdot \sqrt{\frac{0.838 + 100}{0.838}} = 3.63 \mu m$$

Dióda karakterisztika

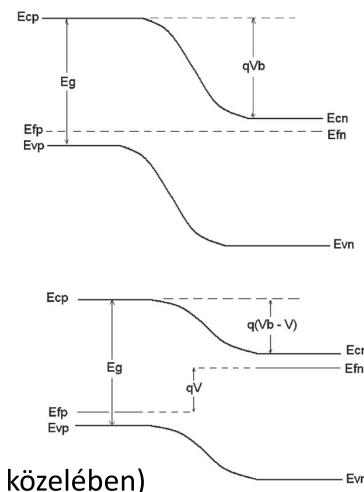
Dióda nyitó/záróirányú működése

Az ideális diódakarakterisztika



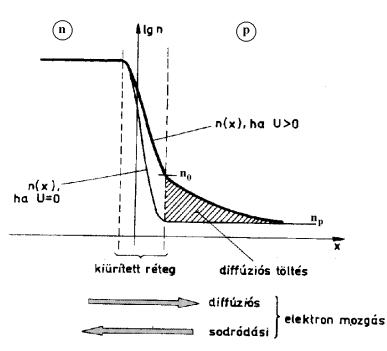
Dióda nyitóirányú működése

- Pozitív (nyitóirányú) külső U hatására
 - csökken a potenciállépcső, így csökken a térerősség a tértöltésrétegben
 - emiatt felborul az áramegyensúly: diffúziós áram túlsúlyba kerül, e- diffundál n rétegből p oldal felé
- Mindkét oldal többségi töltéshordozói diffúzióval haladnak/injektálódnak a
- másik oldal felé (többlet töltés jelenik Evp meg) e- felhalmozódnak p oldalon (átmenet közelében)
- diffúziós töltés megjelenik L_D-vel összemérhető (10μm) távolságban



Dióda nyitóirányú működése

- Diffúziós töltés felhalmozódása:
 - csökken a kiürített réteg mentén a $grad(n) \rightarrow csökken az e^{-} áram a$ kiürített rétegben
 - p oldalon grad(n), így átjutott e⁻ távoldó mozgás (diff. áram) az átmenettől a kontaktus felé
 - addig növekszik diffúziós töltés, amíg a két hatás kiegyenlítődik



Ez az egyensúly határozza meg a PN átmenet áramát!

Mikroelektronika BMEVIEEAB01

 Megj: A kiürített réteg egyensúlyi áramát (diff., sodródási) nem befolyásolja jelentős mértékben ez a megjelenő makroszkópikus áramösszetevő! (kb. 0.1%)

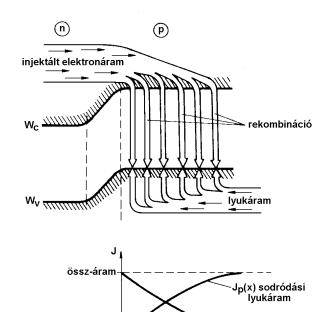
Dióda nyitóirányú működése

Keskenybázisú struktúra

- p réteg vastagsága kisebb, mint diffúziós hossz, az e⁻ csak egy része rekombinálódik
- Szélesbázisú struktúra
 - p oldalra jutott minden erekombinálódik a p oldalon
- De akkor hogyan jut el a töltéshordozó a kontaktusig?
- e- áram szerepét fokozatosan a lyukak veszik át!

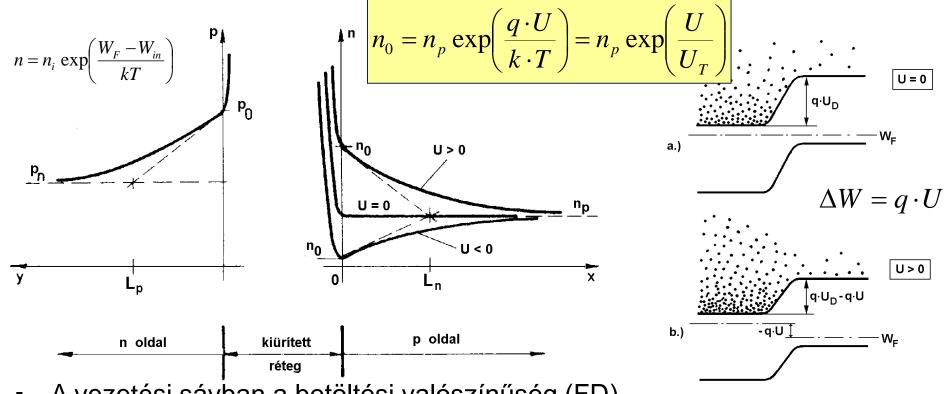
Áramvezetés szempontjából semmi különbség!

Jn(x) diffúziós elektronáram



- Lyukakat kontaktustól PN átmenetig térerő mozgatja
 - A nyitófesz egy kis része esik itt.
 - A lyuk a többségi töltéshordozó p oldalon, elektron kisebbségi.
 - Az e⁻ esetén ez a térerő okozta sodródási áram elhanyagolható!





A vezetési sávban a betöltési valószínűség (FD) $e^{\overline{k}\cdot T}$ szerint igen erősen változik az energiával

Mikroelektronika BMEVIEEAB01

- Az *n* oldalon szabadon mozgó elektronok legnagyobb része képtelen átjutni a p oldalra ($q \cdot U_D$ nagyságú energiagát)
- U > 0 hatására energiagát $q \cdot U$ -val csökken, így az n oldal elektronjainak nagyobb része tud átlépni a p oldalra

$$n(x) = n_p + (n_0 - n_p) \exp(-x/L_n)$$

$$n_0 = n_p \exp\left(\frac{q \cdot U}{k \cdot T}\right) = n_p \exp\left(\frac{U}{U_T}\right)$$

$$n_0 = n_p \exp\left(\frac{q \cdot U}{k \cdot T}\right) = n_p \exp\left(\frac{U}{U_T}\right)$$

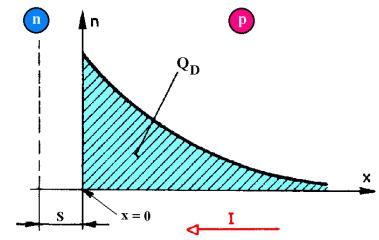
$$J_n(x) = -qD_n \frac{dn}{dx} = -qD_n(n_0 - n_p) \exp(-x/L_n) \left(\frac{-1}{L_n}\right)$$

$$L_n = \sqrt{D_n au_n}$$

$$J_n|_{x=0} = \frac{qD_n}{L_n}(n_0 - n_p) = \frac{qD_nn_p}{L_n}(\exp(U/U_T) - 1)$$

$$J_p = \frac{qD_p p_n}{L_p} (\exp(U/U_T) - 1)$$

$$I = A(J_n + J_p)$$



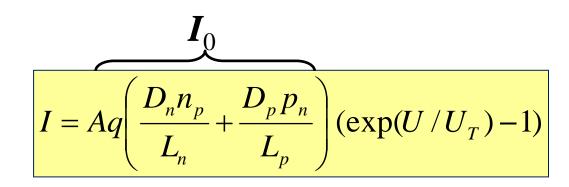
$$J_n\big|_{x=0} = \frac{qD_n n_p}{L_n} \left(\exp(U/U_T) - 1\right)$$

$$I = I_0 \left(\exp(U/U_T) - 1 \right)$$

$$J_p = \frac{qD_p p_n}{L_p} (\exp(U/U_T) - 1)$$

$$I_0 \text{ a kisebbségi hordozó sűrűséggel arányos!}$$

$$I = A(J_n + J_p)$$



$$I = I_0 \left(\exp(U/U_T) - 1 \right)$$

$$U = U_T \ln(I/I_0 + 1)$$



Egy Si dióda telítési árama I₀=10⁻¹³ A. Mekkora a nyitófeszültség, ha az áram 10 mA?

$$U \cong 0.026 \cdot \ln(10^{-2} / 10^{-13}) = 0.658 V$$



Mennyivel kell a nyitó feszültséget növelnünk ahhoz, hogy a nyitó áram tízszeres legyen?

$$\Delta U = U_2 - U_1 \cong U_T \left(\ln(I_2 / I_0) - \ln(I_1 / I_0) \right) = U_T \ln(I_2 / I_1)$$

$$\Delta U = 0.026 \cdot \ln 10 \cong 0.06 V = 60 \, mV$$

Mikroelektronika BMEVIEEAB01