I. Exercices

I.1. Du texte aux quantificateurs

Soit f	$: \mathbb{R}$	\rightarrow	\mathbb{R}	une	fonction.	Exprimer	à	l'aide	de	${\bf quantificateurs}$	les	assertions
suivantes:												

- $\begin{array}{ll} -- & f \text{ est constante} \,; \\ -- & f \text{ n'est pas constante} \,; \end{array}$
- $-\int_{0}^{\infty} f$ s'annule;
- f est périodique.

II. Indicators

III. Du texte aux quantificateurs

pas d'indication :(

IV. Corriges

V. Du texte aux quantificateurs

- On peut l'écrire sous la forme : $\exists C \in \mathbb{R}, \ \forall x \in \mathbb{R}, \ f(x) = C$; une autre écriture possible est $\forall x, y \in \mathbb{R}, \ f(x) = f(y)$.
- Si on nie l'assertion précédente, on trouve $\forall C \in \mathbb{R}, \exists x \in \mathbb{R}, f(x) \neq C$. Si on nie la seconde, on trouve $\exists x, y \in \mathbb{R}, f(x) \neq f(y)$.
- $-\exists x \in \mathbb{R}, \ f(x) = 0;$
- $-\exists T \in \mathbb{R}^*, \, \forall x \in \mathbb{R}, \, f(x+T) = f(x).$