# Modelos para la implementación de monitoreo de homicidios

Felipe González Diciembre, 2018

#### Contents

1	Introducción	1
2	Datos	1
3	Metodología	2
4	Métodos de monitoreo: bayesiano simple	2
5	Métodos de monitoreo: Farrington	7
6	Otros ejemplos	10
7	Propuesta: Método mixto 7.1 Método mixto para todos los municipios	14 15
$\mathbf{R}^{\epsilon}$	eferences	18

#### 1 Introducción

En este documento mostramos fundamentos y ejemplos de implementación de un sistema de monitoreo de violencia en México basado en los datos de homicidios a nivel municipal provistos por el Secretariado Ejecutivo del Sistema Nacional de Seguridad Pública (("Datos Abiertos de Incidencia Delictiva" 2018a)).

El objetivo es producir un detector de anomalías (datos inusualmente altos en incidencia) de los datos reportados, con el fin de enfocar el análisis a acciones a municipios de interés. Esos municipios de interés deberán ser identificados por reportes inusualmente altos de incidencia de homicidio, en contraste a aquellos municipios donde los datos reportados tengan variación consistente con la que se ha observado históricamente.

Aunque el interés general es medición de violencia, la decisión de utilizar solamente los datos de homicidios (homicidios más feminicidios según la nueva metodología de la SESNSP) se debe a que otros tipos de crímenes violentos tienden a tener niveles altos de cifra negra – alrededor de 90% o más según la Encuesta de Victimización del INEGI, mientras que esto sucede en mucho menor grado con homicidios. Otras indicadores de crimen con cifra negra relativamente baja son el robo de automóvil, por ejemplo, pero consideramos que este no necesariamente refleja el interés en medir la violencia que experimenta la población en cada municipio.

#### 2 Datos

Usamos los datos de homicidios y feminicidios a nivel municipal provistos por el Secretariado Ejecutivo del Sistema Nacional de Seguridad Pública (("Datos Abiertos de Incidencia Delictiva" 2018a)). Estos datos son publicados cada mes.

Otra fuente de este tipo de datos son los reportados por INEGI, que se consideran más completos y precisos. Los datos de INEGI, sin embargo, son publicados con retraso de un año, lo que los descalifica para un sistema de monitoreo que pretende evaluar la situación actual de los municipios.

```
library(tidyverse)
library(lubridate)
library(surveillance)
```

El archivo de datos que utilizamos es preprocesado de los datos crudos según el código de https://github.com/diegovalle/new.crimenmexico, a partir de los datos del Secretariado Ejecutivo del Sistema Nacional de Seguridad Pública.

```
nm <- read_csv("./data/nm-fuero-comun-municipios.csv", progress = FALSE)
nm <- nm %>% mutate(date = ymd(pasteO(date, '-01')))
tipo_homidicio <- c("FEMINICIDIO", "HOMICIDIO")
homicidios <- nm %>% filter(tipo %in% tipo_homidicio) %>%
    select(state_code, state, mun_code, municipio, date, count, population) %>%
    group_by(state_code, state, mun_code, municipio, date) %>%
    summarise(population = first(population), count = sum(count))
```

### 3 Metodología

Consideramos que el enfoque apropiado para constuir monitores de violencia es el adoptado en la epidemiología para detección de brotes de enfermedades infecciosas ((Farrington and Andrews 2003)). La detección temprana de estos brotes en una aspecto importante de sistemas de monitoreo epidemiológicos, y están implementados en muchos países (Farrington and Andrews 2003) con el fin de proveerlos de respuesta epidemiológica oportuna.

Existen varias aproximaciones para los construcción de estos sistemas de detección temprana. Por ejemplo:

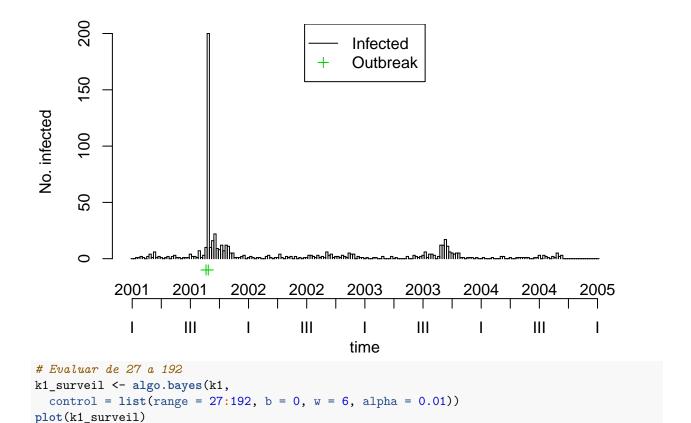
- CDC y otros: utilizan media, varianza y utilizan una aproximación normal simple. Algunos modelos simples bayesianos son similares a este método.
- Agencias europeas de monitoreo: método de Farrington y variaciones. Similar al modelo bayesiano, pero con un modelo para la media que puede incluir tendencia y estacionalidad.

En este documento, examinaremos algunos de los que más ampliamente implementados, como algunos métodos bayesianos y el método de Farrington (Meyer, Held, and Höhle 2017). Utilizamos las implementaciones del paquete de R surveillance.

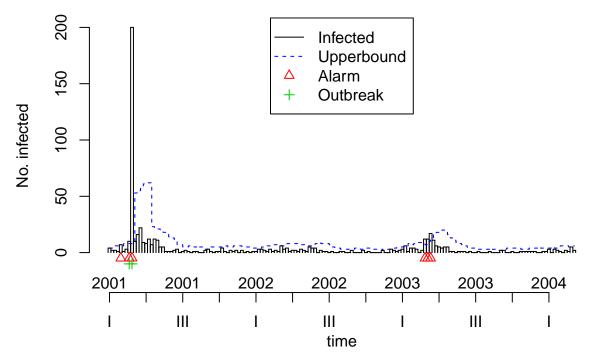
## 4 Métodos de monitoreo: bayesiano simple

Uno de los métodos más simples, de desempeño competitivo ((Yang et al. 2018)) utiliza un enfoque parcialmente bayesiano construido a partir de una regresión Poisson con sobredispersión. Este es un ejemplo típico utilizado en la detección de brotes de *Kryptosporidiose* en Alemania (Höhle 2007):

```
data(k1)
plot(k1)
```



# Analysis of k1 using bayes(6,6,0)



Para aplicar este método, primero definimos:

• Valores de referencia para estimar parámetros del modelo, que son las observaciones pasadas de conteos de homicidios  $y_i$ .

• Región donde queremos crear predicciones, límites superiores, y detectar anomalías.

Una vez definida la ventana de valores de referencia y horizonte de predicción, el modelo para nuevas observaciones (ver referencia)  $y_k$  es

- $P(y_k|\lambda)$  es Poisson con parmátro lambda
- $\lambda$  es Gamma con parámetros  $(\alpha, \beta)$ .

De forma que la posterior para  $\lambda$  es Gamma con parámetros  $(\alpha + \sum_i y_i, \beta + n)$ , y la posterior predictiva es Poisson-Gamma con los mismos parámetros.

Una vez que calculamos la posterior predictiva, establecemos una alarma si la observación  $y_k$  satisface  $y_k > y_\alpha$ , donde  $y_\alpha$  es el cuantil  $1 - \alpha$  de la posterior predictiva.

En los ejemplos siguientes, pondremos

- $\alpha = 0.02$
- Observaciones de 6 meses anteriores para estimar parámetros, solo del año corriente.

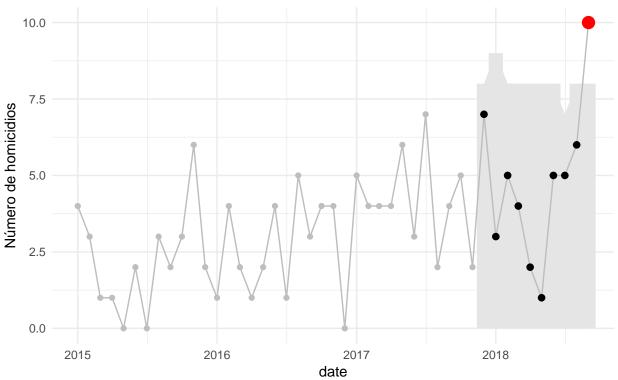
#### 4.0.1 Ejemplos: método bayesiano.

Consideramos tres municipios de Puebla:

```
#puebla_edo <- filter(homicidios, state == "PUEBLA")</pre>
puebla_edo <- readRDS("data/puebla.rds")</pre>
puebla_edo %>% group_by(municipio) %>% summarise(count = sum(count)) %>%
    arrange(desc(count)) %>%
    filter(municipio %in% c("PUEBLA", "CHILCHOTLA", "HUAUCHINANGO"))
## # A tibble: 3 x 2
##
     municipio
                  count
##
     <chr>
                  <dbl>
## 1 PUEBLA
                    982
## 2 HUAUCHINANGO
                    152
## 3 CHILCHOTLA
huauchinango <- puebla_edo ">" filter(state == "PUEBLA", municipio == "HUAUCHINANGO")
## Warning: Detecting old grouped_df format, replacing `vars` attribute by
## `groups`
puebla <- puebla_edo %>% filter(state == "PUEBLA", municipio == "PUEBLA")
chilchotla <- puebla_edo %>% filter(state =="PUEBLA", municipio == "CHILCHOTLA")
source("./deteccion-homicidios.R")
monitor_huau <- monitor_bayes(huauchinango, alpha = 0.05)
graf_monitor(monitor_huau)
```

# Huauchinango, Puebla

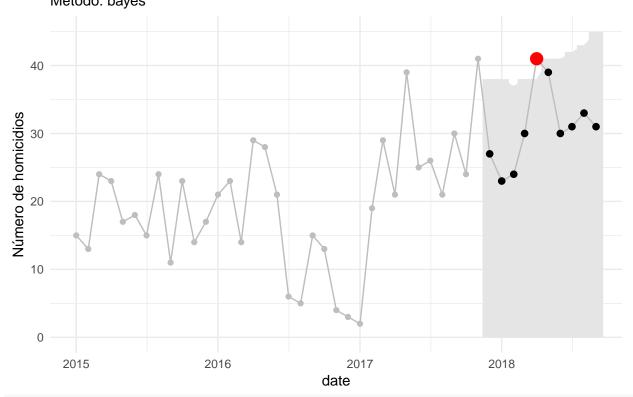




#### monitor\_huau\$data %>% tail

```
## # A tibble: 6 x 10
## # Groups: state_code, state, mun_code, municipio [1]
     state_code state mun_code municipio date
                                                      population count alerta
##
##
          <int> <chr>
                         <int> <chr>
                                          <date>
                                                           <int> <dbl> <lgl>
             21 PUEB~
                             71 HUAUCHIN~ 2018-04-01
                                                                     2 FALSE
## 1
                                                          107811
## 2
             21 PUEB~
                             71 HUAUCHIN~ 2018-05-01
                                                          107898
                                                                     1 FALSE
## 3
             21 PUEB~
                             71 HUAUCHIN~ 2018-06-01
                                                          107986
                                                                     5 FALSE
## 4
             21 PUEB~
                             71 HUAUCHIN~ 2018-07-01
                                                          108072
                                                                     5 FALSE
                             71 HUAUCHIN~ 2018-08-01
             21 PUEB~
## 5
                                                          108158
                                                                     6 FALSE
## 6
             21 PUEB~
                             71 HUAUCHIN~ 2018-09-01
                                                          108244
                                                                    10 TRUE
## # ... with 2 more variables: alerta_nivel <dbl>, metadata <chr>
monitor_pue <- monitor_bayes(puebla, alpha = 0.05)</pre>
graf_monitor(monitor_pue)
```

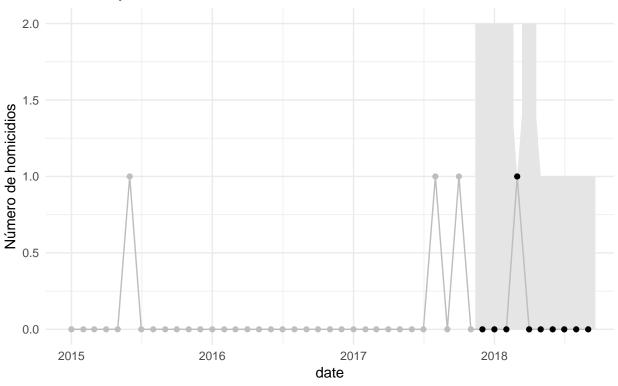
Puebla, Puebla Método: bayes



monitor\_chi <- monitor\_bayes(chilchotla, alpha = 0.05)
graf\_monitor(monitor\_chi)</pre>

#### Chilchotla, Puebla

Método: bayes



## 5 Métodos de monitoreo: Farrington

Consideramos ahora el método de Farrington (mejorado), que utiliza un modelo lineal generalizado Poisson:

- 1. Supongamos que los valores de referencia son  $y_t$
- 2. Se ajusta un modelo Poisson sobredisperso a los datos de referencia, con

$$E(y_t) = \mu_t, Var(y_t) = \phi \mu_t,$$

donde  $\phi$  es el parámetro de sobredispersión, y donde

$$\log(\mu_k) = \alpha + \beta t$$

sirve para modelar tendencia.

- 3. Se calculan pesos para los datos, reduciendo el peso de *outliers* según la distribución obtenida de los datos de referencia.
- 4. Se reajusta el modelo con los pesos calculados en el paso anterior
- 5. Para el paso de detección, usamos el método de Noufaily (2012) (ver referencia de paquete), donde la distribución de referencia para el nuevo valor  $y_{t_0}$  es

$$y_{t_0} \sim NB(\mu_{t_0}, \eta)$$

donde  $\eta = \frac{\mu_{t_0}}{\phi - 1}$ .

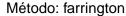
Notas:

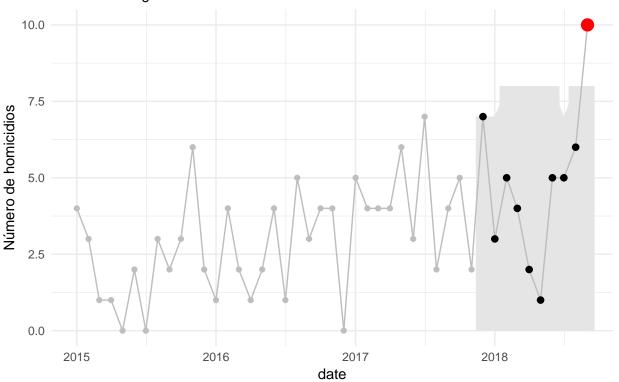
- Este enfoque ignora la incertidumbre en la estimación de los parámetros  $\mu_{t_0}$  y  $\phi$ .
- Para declarar una anomalía, se requieren también al menos 5 casos en los últimos 3 meses (incluyendo el mes que se está evaluando).
- 6. Utilizamos 4 meses alrededor de del valor que queremos predecir, considerando dos años atrás (para un total de 2 + 2(4) + 1 = 11 datos de referencia).

#### 5.0.1 Ejemplos: método de Farrington mejorado

```
monitor_huau <- monitor_farrington(huauchinango, alpha=0.05, periods = 10)
graf_monitor(monitor_huau)</pre>
```

# Huauchinango, Puebla





monitor\_huau\$data %>% tail

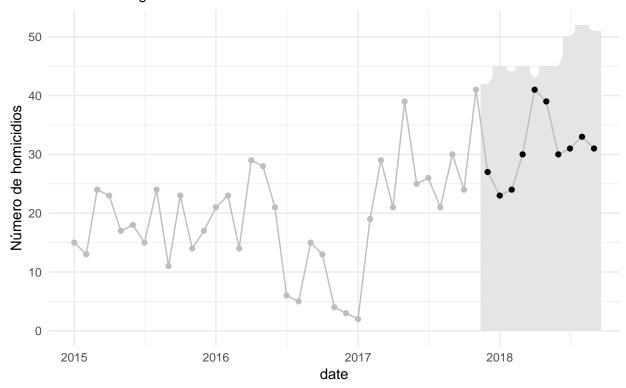
```
## # A tibble: 6 x 10
  # Groups:
               state_code, state, mun_code, municipio [1]
##
     state_code state mun_code municipio date
                                                      population count alerta
##
          <int> <chr>
                          <int> <chr>
                                           <date>
                                                           <int> <dbl> <lgl>
## 1
             21 PUEB~
                             71 HUAUCHIN~ 2018-04-01
                                                           107811
                                                                      2 FALSE
## 2
             21 PUEB~
                             71 HUAUCHIN~ 2018-05-01
                                                          107898
                                                                      1 FALSE
## 3
             21 PUEB~
                             71 HUAUCHIN~ 2018-06-01
                                                          107986
                                                                      5 FALSE
             21 PUEB~
                             71 HUAUCHIN~ 2018-07-01
## 4
                                                          108072
                                                                      5 FALSE
## 5
             21 PUEB~
                             71 HUAUCHIN~ 2018-08-01
                                                          108158
                                                                      6 FALSE
## 6
             21 PUEB~
                             71 HUAUCHIN~ 2018-09-01
                                                          108244
                                                                     10 TRUE
## # ... with 2 more variables: alerta_nivel <dbl>, metadata <chr>
```

```
monitor_pue <- monitor_farrington(puebla, alpha=0.05, periods = 10)
graf_monitor(monitor_pue)</pre>
```

## Warning: Removed 35 rows containing missing values (geom\_linerange).

## Warning: Removed 35 rows containing missing values (geom\_point).

## Puebla, Puebla Método: farrington

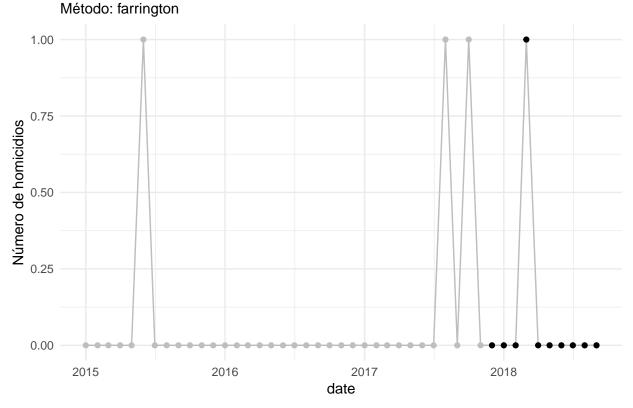


monitor\_puebla <- monitor\_farrington(puebla, periods = 10)</pre>

Nótese que las bandas en la estimación de Farrington puede colapsarse para municipios con niveles bajos de homicidios:

monitor\_chi <- monitor\_farrington(chilchotla, alpha = 0.05, periods = 10)
graf\_monitor(monitor\_chi)</pre>

# Chilchotla, Puebla



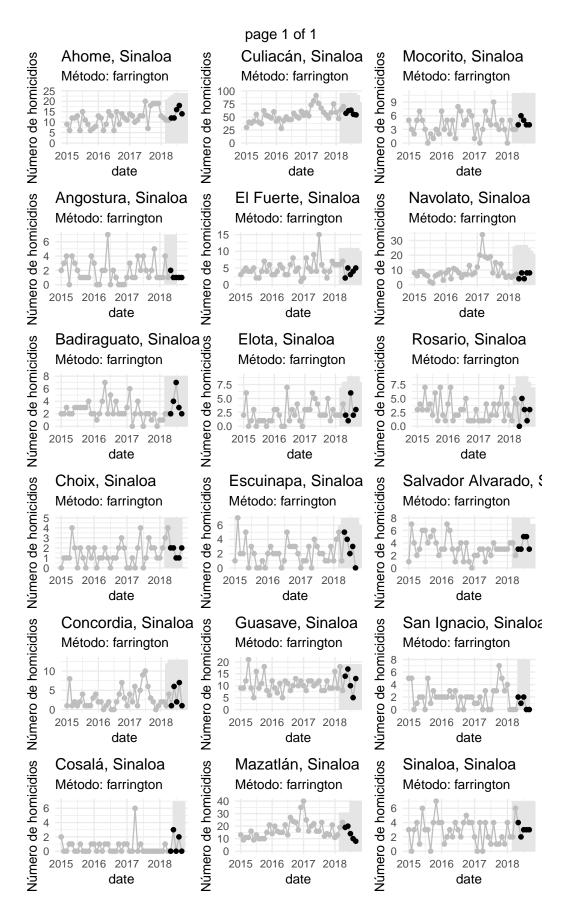
## 6 Otros ejemplos

En Sinaloa, por ejemplo, no observamos ninguna alarma reciente. Aún cuando algunas tasas de homicidio son muy altas en todo el periodo de referencia/evaluación, no se detectan brotes recientes:

```
#sinaloa_edo <- filter(homicidios, state == "SINALOA")
sinaloa_edo <- readRDS("data/sinaloa.rds")
sinaloa_edo %>% group_by(municipio) %>% summarise(count = sum(count)) %>%
arrange(desc(count))
```

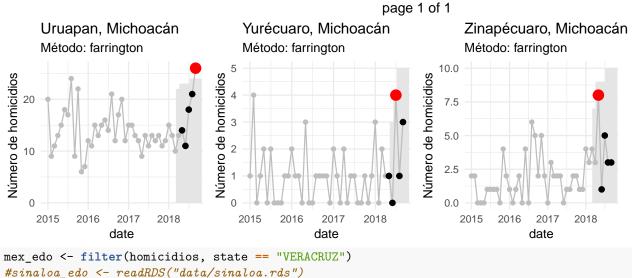
```
## # A tibble: 18 x 2
##
      municipio
                          count
##
      <chr>
                          <dbl>
##
    1 CULIACÁN
                           2449
    2 MAZATLÁN
                            763
##
##
    3 AHOME
                            544
                            484
##
    4 GUASAVE
##
    5 NAVOLATO
                            404
##
    6 EL FUERTE
                            215
    7 MOCORITO
                            180
    8 SALVADOR ALVARADO
                            150
##
    9 ROSARIO
                            132
##
## 10 CONCORDIA
                            128
## 11 SINALOA
                            127
## 12 BADIRAGUATO
                            115
## 13 ELOTA
                            106
```

```
## 14 ESCUINAPA
                            97
## 15 SAN IGNACIO
                            87
## 16 ANGOSTURA
                            83
## 17 CHOIX
                            65
## 18 COSALÁ
                            26
dat_sinaloa <- sinaloa_edo %>% split(.$municipio)
monitores_sinaloa <-
    lapply(dat_sinaloa, function(df){
        monitor_mun <- monitor_farrington(df, alpha = 0.02, periods = 5)</pre>
        g <- graf_monitor(monitor_mun)</pre>
    })
library(gridExtra)
##
## Attaching package: 'gridExtra'
## The following object is masked from 'package:dplyr':
##
##
marrangeGrob(monitores_sinaloa, nrow = 6, ncol = 3)
```

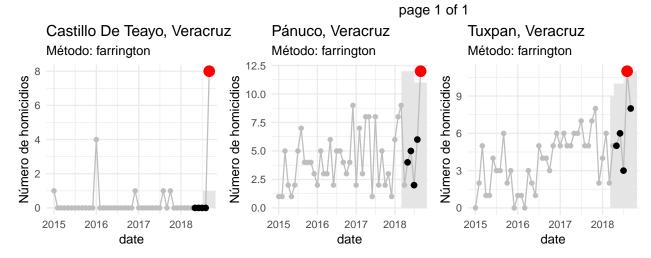


En los siguientes ejemplos sólo mostramos los municipios con detección de anomalías:

```
mex edo <- filter(homicidios, state == "MICHOACÁN")
#sinaloa_edo <- readRDS("data/sinaloa.rds")</pre>
mex_edo %>% group_by(municipio) %>% summarise(count = sum(count)) %>%
    arrange(desc(count))
##
  # A tibble: 113 x 2
##
      municipio
                       count
##
      <chr>
                       <dbl>
##
    1 MORELIA
                        1490
    2 URUAPAN
                         639
##
    3 ZAMORA
##
                         504
    4 APATZINGÁN
                         471
##
    5 LÁZARO CÁRDENAS
##
                         437
##
    6 LA PIEDAD
                         266
##
    7 SAHUAYO
                         236
    8 MÚGICA
                         205
    9 ZITÁCUARO
                         179
##
## 10 BUENAVISTA
                         165
## # ... with 103 more rows
dat_mex <- mex_edo %>% split(.$municipio)
monitores_mex <-
    lapply(dat_mex, function(df){
        monitor_mun <- monitor_farrington(df, alpha = 0.02, periods = 5)</pre>
        g <- graf_monitor(monitor_mun)</pre>
        list(graf = g, monitor = monitor_mun)
    })
tiene_alerta <- function(monitor){</pre>
    any(monitor$monitor$data$alerta == 1, na.rm = TRUE)
}
monitores_alarma <- keep(monitores_mex, tiene_alerta)</pre>
graficas <- monitores_alarma %>% map(~.$graf)
marrangeGrob(graficas, nrow = 1, ncol = 4)
                                                          page 1 of 1
     Uruapan, Michoacán
                                    Yurécuaro, Michoacán
                                                                      Zinapécuaro, Michoacán
     Método: farrington
                                    Método: farrington
                                                                      Método: farrington
```



```
mex_edo %>% group_by(municipio) %>% summarise(count = sum(count)) %>%
    arrange(desc(count))
   # A tibble: 214 x 2
##
      municipio
##
                            count
##
      <chr>
                             <dbl>
##
    1 VERACRUZ
                               471
    2 CÓRDOBA
                               362
##
##
    3 XALAPA
                               326
    4 COATZACOALCOS
##
                               320
##
    5 POZA RICA DE HIDALGO
                               286
##
    6 PAPANTLA
                               227
    7 ACAYUCAN
                               195
##
    8 PÁNUCO
##
                               194
    9 TUXPAN
##
                               182
## 10 TIERRA BLANCA
                               177
## # ... with 204 more rows
dat_mex <- mex_edo %>% split(.$municipio)
monitores_mex <-
    lapply(dat_mex, function(df){
        monitor_mun <- monitor_farrington(df, alpha = 0.02, periods = 5)</pre>
        g <- graf_monitor(monitor_mun)</pre>
        list(graf = g, monitor = monitor_mun)
    })
monitores_alarma <- keep(monitores_mex, tiene_alerta)</pre>
graficas <- monitores_alarma %>% map(~.$graf)
marrangeGrob(graficas, nrow = 1, ncol = 4)
```



## 7 Propuesta: Método mixto

Proponemos un método mixto para construir rango y alertas para todos los municipios:

- Aplicamos primero el método Farrington flexible. Si el algoritmo converge, y hay suficientes datos (dos años atrás), utilizamos su salida.
- En otro caso, utilizamos el método bayesiano simple aplicado a los últimos 6 meses de datos.

Si hay suficientes datos hacia atrás, Farrington puede fallar cuando observamos conteos muy bajos (proporción alta de ceros).

Típicamente, estos métodos se evalúan con etiquetado de brotes según expertos en epidemiología ((Yang et al. 2018)). En nuestro caso, consideramos propiedades básicas de la estimación y comportamiento con los datos observados, pero los métodos deberán ser evaluados por expertos en el tema que puedan etiquetar cuáles saltos indican brotes de violencia o no.

#### 7.1 Método mixto para todos los municipios.

Al aplicar para detección del último mes con los datos actuales obtenemos la siguiente proporción de uso de Farrington vs Bayesiano simple:

```
dat_nal <- homicidios %>% split(list(.$municipio, .$state), drop = TRUE)
length(dat_nal)
## [1] 2469
```

```
monitores_nal <-
    lapply(dat_nal, function(df){
        # farrington por default, a menos que haya menos de 2 años de datos
        # o no converja.
        monitor_mun <- monitor(df, alpha = 0.05, periods = 1)
        #g <- graf_monitor(monitor_mun)
        #list(graf = g, monitor = monitor_mun)
        monitor_mun
})
tipos <- sapply(monitores_nal, function(monitor){ monitor$tipo })
table(tipos)</pre>
```

```
## tipos
## bayes farrington
## 561 1908
```

Y en la siguiente tabla mostramos que cuando hay menos de un año de datos, se utiliza siempre bayes simple. El de Farrington se utiliza en la mayor parte de los casos cuando hay más de un año de datos, excepto en algunos casos de conteo bajo donde no converge apropiadamente.

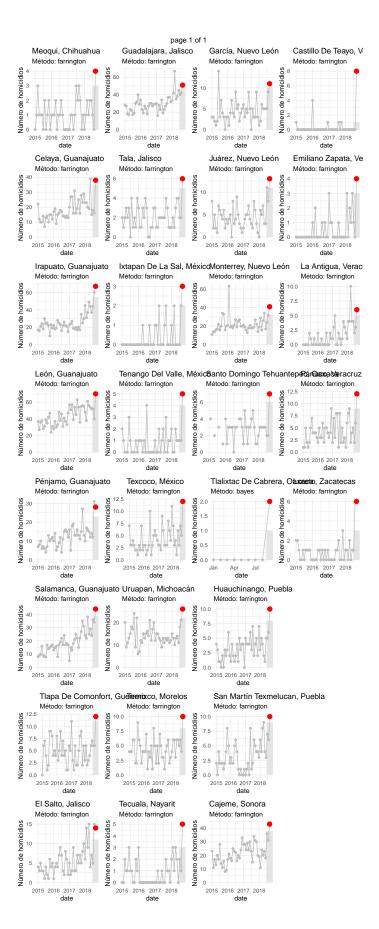
```
conteos_bajo <- sapply(monitores_nal, function(monitor){ sum(tail(monitor$data$count,6)) < 5})
menos_1_año <- sapply(monitores_nal, function(monitor){ length(monitor$data$count) < 24})
data_frame(conteo_bajo = conteos_bajo, menos_1_año = menos_1_año, tipo = tipos) %>%
    group_by(menos_1_año, conteo_bajo, tipo) %>% tally() %>% spread(tipo, n)
```

```
## Warning: `data frame()` is deprecated, use `tibble()`.
## This warning is displayed once per session.
## # A tibble: 4 x 4
## # Groups:
               menos_1_año, conteo_bajo [4]
##
     menos 1 año conteo bajo bayes farrington
##
     <1g1>
                 <1g1>
                              <int>
                                          <int>
## 1 FALSE
                 FALSE
                                 NA
                                            675
## 2 FALSE
                                           1233
                 TRUE
                                 23
## 3 TRUE
                 FALSE
                                 14
                                             NA
## 4 TRUE
                 TRUE
                                524
                                             NA
```

El número de alertas generadas para este último mes, los municipios afectados:

```
alertas <- sapply(monitores_nal, function(monitor){</pre>
    any(monitor$data$alerta, na.rm = TRUE) }
table(alertas)
## alertas
## FALSE TRUE
    2440
alertas_mun <- which(alertas)</pre>
alertas_mun
##
                    MEOQUI.CHIHUAHUA
                                                       CELAYA. GUANAJUATO
##
                 IRAPUATO.GUANAJUATO
                                                         LEÓN.GUANAJUATO
##
##
                                  341
                                                                       344
##
                  PÉNJAMO. GUANAJUATO
                                                    SALAMANCA.GUANAJUATO
##
                                                                       352
##
        TLAPA DE COMONFORT.GUERRERO
                                                        EL SALTO. JALISCO
##
                                                                      572
                 GUADALAJARA. JALISCO
                                                             TALA.JALISCO
##
##
            IXTAPAN DE LA SAL.MÉXICO
                                               TENANGO DEL VALLE.MÉXICO
##
##
                                  705
                                                                      755
                      TEXCOCO.MÉXICO
                                                       URUAPAN.MICHOACÁN
##
##
                                  764
                                                                      891
                     TEMIXCO.MORELOS
                                                         TECUALA.NAYARIT
##
##
                                  919
                                                                      951
                   GARCÍA.NUEVO LEÓN
                                                       JUÁREZ.NUEVO LEÓN
##
##
                                                                       983
                MONTERREY.NUEVO LEÓN SANTO DOMINGO TEHUANTEPEC.OAXACA
##
##
                                  994
                                                                     1521
##
        TLALIXTAC DE CABRERA.OAXACA
                                                     HUAUCHINANGO.PUEBLA
##
                                                                     1647
       SAN MARTÍN TEXMELUCAN.PUEBLA
##
                                                            CAJEME.SONORA
##
                                                                     1916
                                               EMILIANO ZAPATA. VERACRUZ
##
         CASTILLO DE TEAYO. VERACRUZ
##
                                 2123
                                                                     2157
##
                 LA ANTIGUA. VERACRUZ
                                                         PÁNUCO. VERACRUZ
##
                                 2187
                                                                     2223
                    LORETO.ZACATECAS
##
##
                                 2435
Finalmente, mostramos los datos detectados para todos los municipios con alerta:
monitores_alerta <- monitores_nal[alertas_mun]</pre>
graficas <- monitores_alerta %>% map(graf_monitor)
```

marrangeGrob(graficas, nrow = 8, ncol = 4)



#### References

"Datos Abiertos de Incidencia Delictiva." 2018a. https://www.gob.mx/sesnsp/acciones-y-programas/datos-abiertos-de-incidencia-delictiva?state=published.

"Datos Abiertos de Incidencia Delictiva." 2018b. https://github.com/diegovalle/new.crimenmexico.

"Encuesta Nacional de Victimización y Percepción sobre Seguridad Pública (ENVIPE) 2018." n.d.

Farrington, Paddy, and Nick Andrews. 2003. "Outbreak Detection: Application to Infectious Disease Surveillance." In *Monitoring the Health of Populations: Statistical Principles and Methods for Public Health Surveillance*, edited by Ron Brookmeyer and Donna F. Stroup, 203–31. New York, NY, USA: OUP USA. http://oro.open.ac.uk/22646/.

Höhle, Michael. 2007. "Surveillance: An R Package for the Monitoring of Infectious Diseases." Computational Statistics 22 (4): 571–82. https://doi.org/10.1007/s00180-007-0074-8.

Meyer, Sebastian, Leonhard Held, and Michael Höhle. 2017. "Spatio-Temporal Analysis of Epidemic Phenomena Using the R Package surveillance." *Journal of Statistical Software* 77 (11): 1–55. https://doi.org/10.18637/jss.v077.i11.

Yang, Eunjoo, Hyun Woo Park, Yeon Hwa Choi, Jusim Kim, Lkhagvadorj Munkhdalai, Ibrahim Hussein Musa, and Keun Ho Ryu. 2018. "A Simulation-Based Study on the Comparison of Statistical and Time Series Forecasting Methods for Early Detection of Infectious Disease Outbreaks." In *International Journal of Environmental Research and Public Health*.