



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Московский государственный технический университет  
имени Н. Э. Баумана  
(национальный исследовательский университет)»  
(МГТУ им. Н. Э. Баумана)

---

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»

---

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

---

## Лабораторная работа № 2

**Дисциплина:** Конструирование компиляторов

**Студент:** Платонова Ольга

**Вариант:** 2

**Группа:** ИУ7-22М

**Преподаватель:** Ступников А. А.

Москва, 2023 г.

**Цель работы:** приобретение практических навыков реализации наиболее важных (но не всех) видов преобразований грамматик, чтобы удовлетворить требованиям алгоритмов синтаксического разбора.

**Задачи работы:**

1) Принять к сведению соглашения об обозначениях, принятые в литературе по теории формальных языков и грамматик и кратко описанные в приложении.

2) Познакомиться с основными понятиями и определениями теории формальных языков и грамматик.

3) Детально разобраться в алгоритме устранения левой рекурсии.

4) Разработать, протестировать и отладить программу устранения левой рекурсии.

5) Разработать, протестировать и отладить программу преобразования грамматики в соответствии с предложенным вариантом.

**Теоретическая часть**

Нетерминал  $A$  КС-грамматики  $G = (N, E, P, S)$  называется *рекурсивным*, если  $A \rightarrow^+ aAb$  для некоторых  $a$  и  $b$ . Если  $a = \epsilon$ , то  $A$  называется *леворекурсивным*. Аналогично, если  $b = \epsilon$ , то  $A$  называется *праворекурсивным*. Грамматика, имеющая хотя бы один леворекурсивный нетерминал, называется леворекурсивной. Аналогично определяется праворекурсивная грамматика. Грамматика, в которой все нетерминалы, кроме, быть может, начального символа, рекурсивные, называется *рекурсивной*.

**Алгоритм 4.8.** Устранение левой рекурсии

ВХОД: грамматика  $G$  без циклов и  $\epsilon$ -продукций.

ВЫХОД: эквивалентная грамматика без левой рекурсии.

МЕТОД: применить алгоритм, приведенный на рис. 4.11. Обратите внимание, что получающаяся грамматика без левых рекурсий может иметь  $\epsilon$ -продукции.  $\square$

- 1) Расположить нетерминалы в некотором порядке  $A_1, A_2, \dots, A_n$ .
- 2) **for** ( каждое  $i$  от 1 до  $n$  ) {
- 3)     **for** ( каждое  $j$  от 1 до  $i - 1$  ) {
- 4)         заменить каждую продукцию вида  $A_i \rightarrow A_j$  продуктами  
 $A_i \rightarrow \delta_1\gamma \mid \delta_2\gamma \mid \dots \mid \delta_k\gamma$ , где  $A_j \rightarrow \delta_1 \mid \delta_2 \mid \dots \mid \delta_k$  — все  
 текущие  $A_j$ -продукции
- 5)     }
- 6)     устранить непосредственную левую рекурсию среди  $A_i$ -продукций
- 7) }

Рис. 4.11. Алгоритм для устранения левой рекурсии из грамматики

Назовем символ  $X \in N \cup E$  *бесполезным* в КС-грамматике  $G = (N, E, P, S)$ , если в ней нет вывода вида  $S \Rightarrow^* wXy \Rightarrow^* wxy$ , где  $w, x, y$  принадлежат  $E^*$ .

**Алгоритм 2.9.** Устранение бесполезных символов.

*Вход.* КС-грамматика  $G = (N, \Sigma, P, S)$ , у которой  $L(G) \neq \emptyset$ .

*Выход.* КС-грамматика  $G' = (N', \Sigma', P', S)$ , у которой  $L(G') = L(G)$  и в  $N' \cup \Sigma'$  нет бесполезных символов.

*Метод.*

(1) Применив к  $G$  алгоритм 2.7, получить  $N_e$ . Положить  $G_1 = (N \cap N_e, \Sigma, P_1, S)$ , где  $P_1$  состоит из правил множества  $P$ , содержащих только символы из  $N_e \cup \Sigma$ .

(2) Применив к  $G_1$  алгоритм 2.8, получить  $G' = (N', \Sigma', P', S)$ .  $\square$

На шаге (1) алгоритма 2.9 из  $G$  устраняются все нетерминалы, которые не могут порождать терминальных цепочек. Затем на шаге (2) устраняются все недостижимые символы. Каждый символ  $X$  результирующей грамматики должен появиться хотя бы в одном выводе вида  $S \Rightarrow^* wXy \Rightarrow^* wxy$ . Заметим, что если сначала применить алгоритм 2.8, а потом алгоритм 2.7, то не всегда результатом будет грамматика, не содержащая бесполезных символов.

## Результаты работы

Устранение левой рекурсии:

```
Grammar
-----
S -> i E t S | i E t S e S | a
E -> b

Left recursion
-----
S -> i E t S S1 | a
E -> b
S1 -> e S | eps
```

Устранение косвенной рекурсии:

```
Grammar
-----
A -> S a | A a
S -> A b

Indirect recursion
-----
A -> S a A1
S -> S1
A1 -> a A1 | eps
S1 -> a A1 b S1 | eps
```

Устранение бесполезных символов:

```
Grammar
-----
S -> A B | C D
A -> E F
G -> A D
C -> c

Useless symbols
-----
S -> A B | C D
A -> E F
C -> c
```