# Modelowanie turbin parowych

### Cel modelowanie turbin

 Modelowanie pracy w zmienionych warunkach pracy

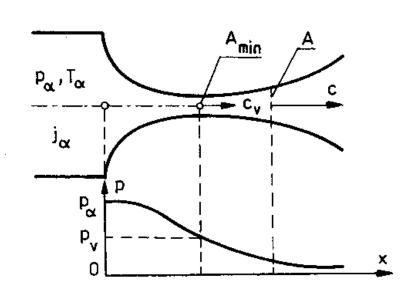
#### Warunki

- Zmienne
- Zmienione
- Jakie cech/parametry powinny być modelowane?
  - przelotność
  - Jakość procesu rozprężania

# **Elementy składowe**

- Dysza
- Stopień turbinowy
- Grupa stopni turbinowych
- Zawór
- Rozrząd pary

Ps.2.1. Schemat zmian przekroju poprzecznego dyszy przy rozpreżaniu od parame-trów pa, Ta bez prędkości początkowej do bardzo małego ciśnienia: Amin - minimalny przekrój dyszy



$$\Phi_m = \frac{\dot{m}}{A} = c \cdot \frac{1}{v} = c \cdot \rho \quad - \text{ gęstość strumienia masy}$$

m – strumień masy, A – powierzchnia przekroju, c – prędkość przepływu v – objętość właściwa,  $\rho$  - gęstość właściwa

$$\Phi_{m} = \frac{\dot{m}}{A} = \sqrt{\frac{2k}{k-1}} \frac{p_{\alpha}}{v_{\alpha}} \sqrt{\left(\frac{p}{p_{\alpha}}\right)^{\frac{2}{n}} - \left(\frac{p}{p_{\alpha}}\right)^{\frac{n+1}{n}}}$$

Funkcja powyższa uzyskuje wartość max dla

$$\beta = \left(\frac{p}{p_{\alpha}}\right)_{v} = \left(\frac{2}{n+1}\right)^{\frac{n}{n-1}}$$

Odpowiadająca mu prędkość przepływu

$$c_{v} = \sqrt{2j_{\alpha} \frac{n-1}{n+1}}$$

"v" – oznacza wielkości dla najmniejszego przekroju

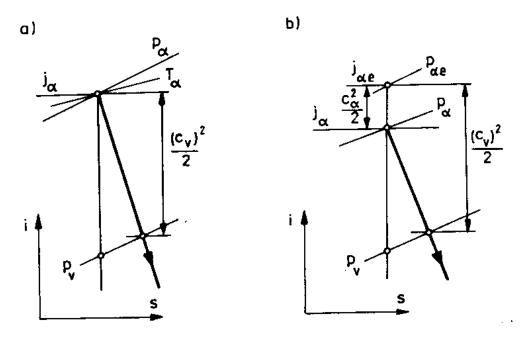
Można wyznaczyć przelotność dyszy zbieżnej przekroju A na wylocie

$$B = \frac{\dot{m}}{\dot{m}_{v}} = \sqrt{\frac{n+1}{n-1} \left(\frac{n+1}{2}\right)^{\frac{2}{n-1}}} \sqrt{\left(\frac{p_{\omega}}{p_{\alpha}}\right)^{\frac{2}{n}} - \left(\frac{p_{\omega}}{p_{\alpha}}\right)^{\frac{n+1}{n}}}$$

Dla

$$\varepsilon = \left(\frac{p_{\omega}}{p_{\alpha}}\right) \ge \beta$$

Powyższe wyliczenia zostały wykonane przy założeniu, że prędkość początkowa jest równa zero



Rys.2.2. Schemat procesu rozprężania w dyszy: a) bez prędkości początkowej, b) z prędkością początkową c<sub>α</sub>

# Przelotność palisady profili i wieńca łopatkowy

#### Różnice względem dyszy

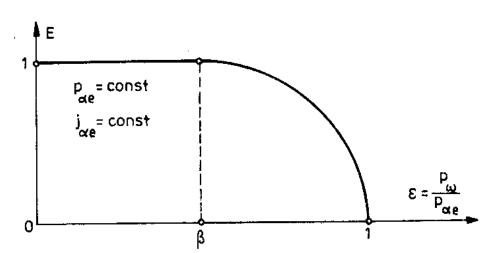
- niekołowy przekrój poprzeczny
- zakrzywienie osi tego kanału
- istnienie skośnego ciśnienia na wylocie

$$\dot{m} = \mu \cdot B \cdot \dot{m}_{v}$$

*u* - współczynnik kontrakcji

# Przelotność palisady profili i wieńca łopatkowy

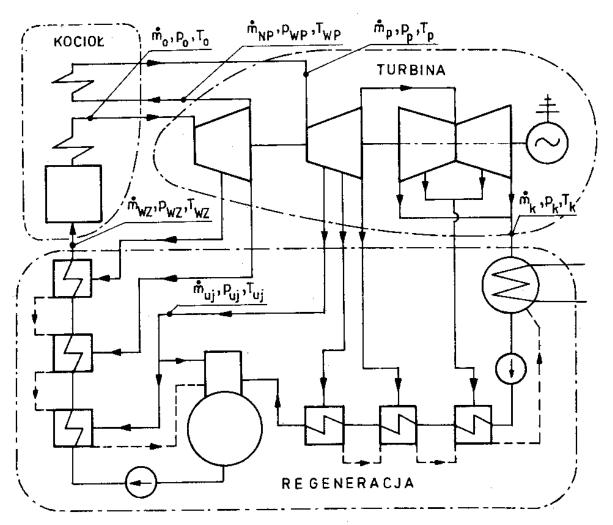
#### Bendeman



Rys.2.3. Zależność względnego strumienia masy przepływającego przez palisadę od stosunku ciśnień, przy ustalonych parametrach dolotowych

$$E = \frac{\mu \cdot \dot{m}_{v} \cdot B}{\left(\mu \cdot \dot{m}\right)_{v}} = \sqrt{1 - \left(\frac{\varepsilon - \beta}{1 - \beta}\right)^{2}}$$

### Turbina jako element siłowni



Rys.7.1. Przykładowy schemat cieplny bloku z zaznaczeniem jego podziału na moduły: kocioł, turbinę i układ regeneracji. Zaznaczono wielkości łączące modele wyróżnionych modułów

# Główne zmienne wejściowe i wyjściowe

#### 1) kocioł

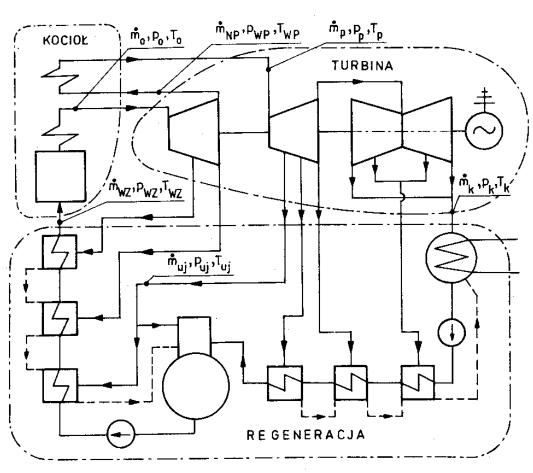
```
wejścia:
- strumień masy \mathring{\mathbf{m}}_{\mathbf{wz}}, temperatura \mathbf{T}_{\mathbf{wz}} oraz ciśnienie \mathbf{p}_{\mathbf{wz}}
  wody zasilającej,
- strumień masy \dot{\mathbf{m}}_{\mathbf{WP}}, temperatura \mathbf{T}_{\mathbf{WP}} i ciśnienie \mathbf{p}_{\mathbf{WP}} pa-
  ry kierownej z części wysokoprężnej turbiny do międzystop-
  niowego przegrzewacza:,
wyjścia:
- strumień masy m_o, temperatura T_o i ciśnienie p_o pary
  dolotowej,
- strumień masy \dot{\mathbf{m}}_{\mathrm{D}}, temperatura \mathbf{T}_{\mathrm{D}} i ciśnienie \mathbf{p}_{\mathrm{D}} pary
   wtórnie przegrzanej;
     2) turbina
wejścia:
- wielkości wymienione jako wyjścia kotła,
- ciśnienie p<sub>k</sub> w skraplaczu,
- strumienie masy pary upustowej muni;
wyjścia:
- ciśnienia p<sub>uj</sub> i temperatury T<sub>uj</sub> pary upustowej,
- strumień masy mk i entalpia i pary odlotowej,
- strumień masy \dot{\mathbf{m}}_{\mathrm{WP}}, temperatura \mathbf{T}_{\mathrm{WP}} i ciśnienie \mathbf{p}_{\mathrm{WP}},
- moc elektryczna Pel;

 układ regeneracji

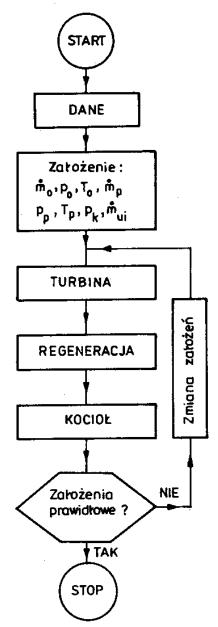
wejścia:
- ciśnienia p<sub>uj</sub> i temperatury T<sub>uj</sub>,
- strumień masy m_k i entalpia i_k;
wyjścia:
- strumienie masy muj pary upustowej,
```

- strumień masy mwz, temperatura Twz i ciśnienie pwz.

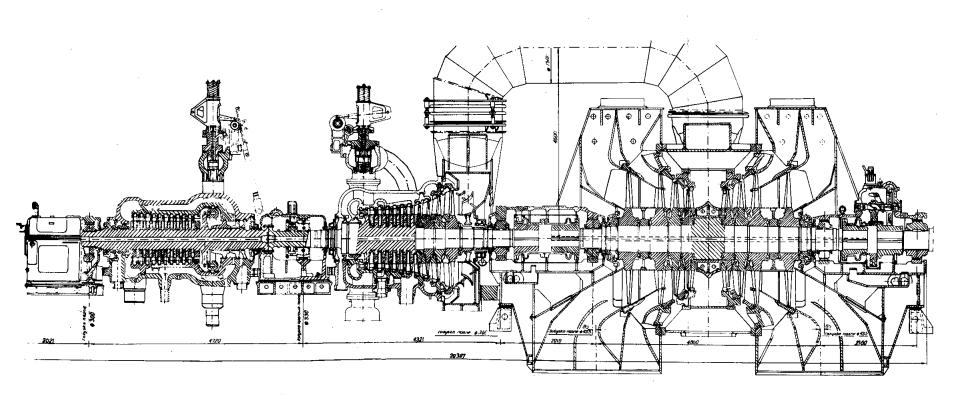
## Schemat rozwiązania zadania



Rys.7.1. Przykładowy schemat cieplny bloku z zaznaczeniem jego podziału na moduły: kocioł, turbinę i układ regeneracji. Zaznaczono wielkości łączące modele wyróżnionych modułów



# Przykład Turbina 13K215



Rys.7.3. Rysunek układu przepływowego turbiny 13K215

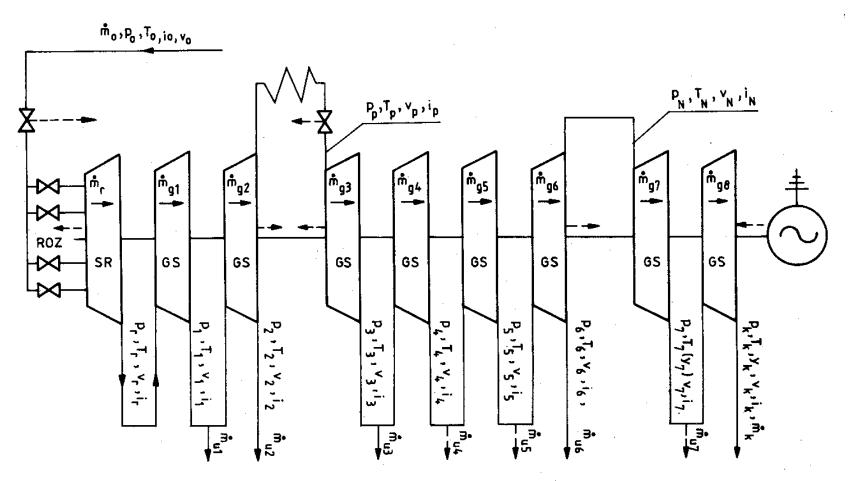
## Wielkości wejściowe

- Parametry pary dolotowej p<sub>o</sub>, T<sub>o</sub>,
- Temperatura pary wtórnie przegrzanej T<sub>p</sub>,
- Ciśnienie w skraplaczu p<sub>k</sub>,
- Strumień masy pary dolotowej m<sub>o</sub>,
- Strumień masy pary upustowej m<sub>uj</sub>.
  - Pominięto masy wody wtryskowej

# Wielkości wyjściowe

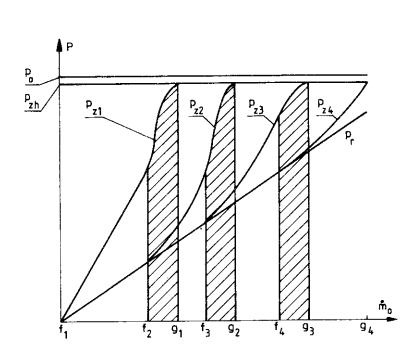
- Moc elektryczna
- Strumień masy pary do skraplacza
- Parametry termodynamiczne

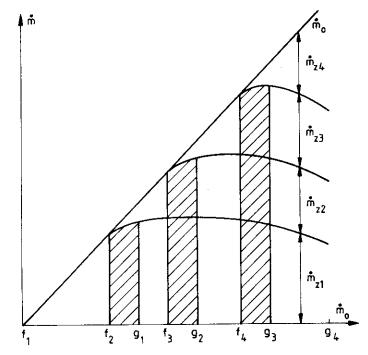
# **Schemat zastępczy**



Rys.7.4. Schemat zastępczy układu przepływowego turbiny 13K215; ROZ - rozrząd pary, SR - stopień regulacyjny, GS - grupa stopni

# Przykład grupowego rozrządu pary





Rys.7.5. Przykładowe charakterystyki grupowego rozrządu pary z przykryciem zaworowym

# Obliczenia grupowego rozrządu pary

- Strumień masy przez zawór = przez współpracujące dysze
- 1. Wyznaczenie znamionowego krytycznego strumienia masy pary w poszczególnych dyszach
- 2. Przechodzi się do warunków zmienionych wyznacza się największe możliwe strumienie masy pary w poszczególnych całkowicie otwartych zaworach (przyjmuje się pewną stratę ciśnienia na zaworze całkowicie otwartym)

## Obliczenia grupowego rozrządu pary c.d

- 3. Określenie liczby zaworów całkowicie otwartych oraz zaworów częściowo otwartych
- 4. Określenie przepływu i ciśnienia za zaworem częściowo otwartym (ciśnienie z równania przelotności)

# Obliczenia stopnia regulcyjnego

- Wielkości zadane
  - Strumienie masy pary przez poszczególne grupy dysz
  - Ciśnienie i entalpia za zaworem, ciśnienie za stopniem.
- Wielkość wyjściowa
  - Moc stopnia
  - Pozostałe parametry termodynamicznych

# Etapy obliczeń stopnia regulowanego

- Izentropowy spadek entalpii
- Wskaźniki prędkości jako funkcja dH<sub>izen</sub>

$$x = \frac{u}{c_{\varphi}}$$
 u – prędkość, c $\varphi$  - umowna prędkość dla izentropowego spadku

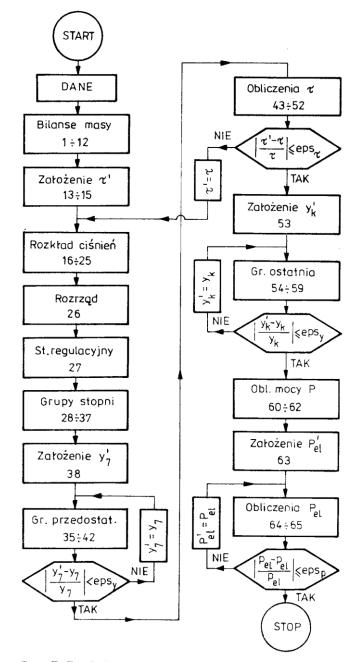
- Do obliczeń niezbędna jest znajomość charakterystyki sprawnościowej jako funkcji wskaźniki prędkości i stosunku ciśnień przed i za grupą stopni
- Moc obwodowa stopnia
- Określenie strat wybijania, tarcia i wentylacji > charakterystyki fabryczne
- Moc wewnętrzną stopnia

## Obliczenie grupy stopni nieregulowanych

- Wielkości zadane
- Strumienie masy przepływające przez grupę
  - Temperatura pary przed grupą stopni
  - Ciśnienie za grupą stopni
- Wyznaczane
  - Moc grupy stopni
  - Pozostałe parametry termodynamiczne
- Wyznaczenie ciśnienia przed grupą stopni
  - Obliczenia ciśnienia przed grupą stopni dokonuje się z odpowiedniego równania przelotności dla grupy stopni turbinowych
  - Najczęściej jednak nie znana jest temperatura przed grupą stopni i musi ona być wyznaczona interacyjnie

# Wyznaczeni mocy grupy stopni

- Wyznaczenie izentropowego spadku entalpii
  - Turbina pracuje ze stałą prędkością obrotową
  - Wszystkie środkowe stopnie zachowuję w zasadzie stały stosunek ciśnienie na włocie do ciśnienia na wylocie
- Przy takich założeniach sprawność równa się sprawności znamionowej



Rys.7.7. Schemat blokowy rozwiązania modelu matematycznego turbiny 13K215. W poszczególnych blokach wpisano numery zależności modelu – zgodnie z rozdz. 7.2.4

# Schemat obliczeń turbiny parowej

# Model grupy stopni turbinowych – model fizyczny

Bilans masy

$$m_a - m_b = 0$$

Bilans energii

$$h_a m_a - h_b m_b - P_{wew} = 0$$

Równanie przelotności

 Przepływ podkrytyczny, gdy przypływ nominalny jest również podkrytyczny

$$\text{gdzie} \qquad \frac{p_x \left[ \mu_{(x,y)} - \left( \frac{p_y}{p_x} - \sigma_{(x,y)} \right)^2 \right]}{\upsilon_p(h_x, p_x)} \alpha - \frac{m_{(x,y)}^2}{m_{zn_{(x,y)}}^2} = 0$$

$$\alpha = \frac{v_{p}(h_{zn}, p_{zn})}{p_{zn_{x}} \left[ \mu_{(x,y)} - \left( \frac{p_{zn_{y}}}{p_{zn_{x}}} - \sigma_{(x,y)} \right)^{2} \right]} \qquad \mu_{(x,y)} = \left( 1 - \sigma_{(x,y)} \right)^{2}$$

 Przepływ podkrytyczny, gdy przypływ nominalny jest nadkrytyczny

$$\frac{p_x \left[ \mu_{(x,y)} - \left( \frac{p_y}{p_x} - \sigma_{(x,y)} \right)^2 \right]}{v_p (h_x, p_x)} \alpha - \frac{m_{(x,y)}^2}{m_{zn_{(x,y)}}^2} = 0$$
 (jak wcześniej)

gdzie

$$\alpha = \frac{v_p(h_{zn}, p_{zn})}{p_{zn_x}\mu_{(x,y)}}$$

 Przepływ nadkrytyczny, gdy przypływ nominalny jest podkrytyczny

$$\frac{p_{x}}{v_{p}(h_{x}, p_{x})} \alpha - \frac{m_{(x,y)}^{2}}{m_{zn_{(x,y)}}^{2}} = 0$$

gdzie

$$\alpha = \frac{v_{p}(h_{zn}, p_{zn})\mu_{(x,y)}}{p_{zn_{x}} \left[\mu_{(x,y)} - \left(\frac{p_{zn_{y}}}{p_{zn_{x}}} - \sigma_{(x,y)}\right)^{2}\right]}$$

 Przepływ nadkrytyczny, gdy przypływ nominalny jest również nadkrytyczny

$$\frac{p_{x}}{v_{p}(h_{x}, p_{x})} \alpha - \frac{m_{(x,y)}^{2}}{m_{zn_{(x,y)}}^{2}} = 0$$

gdzie a

$$\alpha = \frac{v_p(h_{zn}, p_{zn})}{p_{zn_x}}$$

# Inna postać równania przelotności

$$\frac{\dot{m}}{\dot{m}_{o}} - \frac{p_{a}}{p_{a\,zn}} \cdot \frac{h_{a\,zn}}{h_{a}} \cdot \sqrt{\frac{1 - \pi^{2} - \frac{\beta_{go}}{1 - \beta_{go}} \cdot (1 - \pi)^{2}}{1 - \pi^{2}_{zn} - \frac{\beta_{go}}{1 - \beta_{go}} \cdot (1 - \pi^{2})^{2}}} = 0$$

• Przy założeniu  $\beta_{go}$ =0 równanie przyjmuje następującą postać

$$\frac{\dot{m}}{\dot{m}_{o}} - \frac{p_{a}}{p_{azn}} \cdot \frac{h_{azn}}{h_{a}} \cdot \sqrt{\frac{1 - \pi^{2}}{1 - \pi^{2}_{zn}}} = 0$$

# Charakterystyka sprawnościowa grupy stopni turbinowych

$$\frac{\eta_{i(a,b)}}{\eta_{io(a,b)}} - 1 - 5\vartheta + \vartheta \left[ \left( \frac{\pi}{\pi_o} \right)^4 + 4 \left( \frac{\pi_o}{\pi} \right) \right] = 0 \qquad \pi = \frac{p_b}{p_a}$$

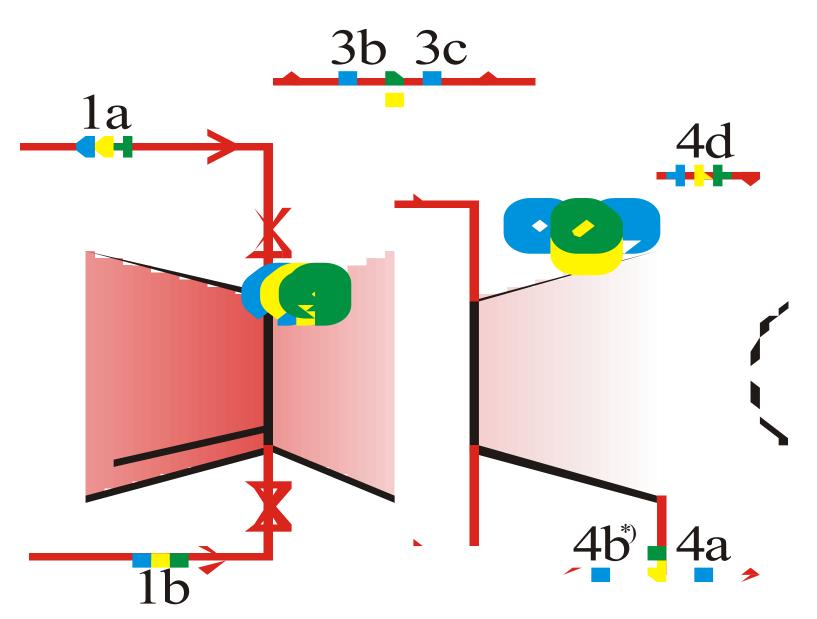
Gdzie

$$\mathcal{G} = v \cdot e^{\left(\frac{9.66p_{ob}}{p_{oa}}\right)}$$

u = 0,000286 dla turbiny akcyjnej, u = 0,000333 dla turbiny o małej reakcyjności  $0,15 \div 0,3$ , v = 0,000869 dla turbiny reakcyjnej o reakcyjności ok. 0,5

- Entalpia za grupą stopni turbinowych

### Jak to działa?



# Zmiana zależności w funkcji ciśnienia przed turbiną

