### Модель эпидемии SIR

Плето Плето Мбамби<sup>1</sup> 30 марта, 2025, Москва, Россия

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Российский Университет Дружбы Народов

# Цели и задачи работы —

### Цель лабораторной работы

Изучить модель эпидемии SIR

#### Задание к лабораторной работе

- 1. Изучить модель эпидемии
- 2. Построить графики изменения числа особей в каждой из трех групп. Рассмотреть, как будет протекать эпидемия в случае:  $I(0) \leq I^*, I(0) > I^*$

## Процесс выполнения лабораторной работы

Предположим, что некая популяция, состоящая из N особей, подразделяется на три группы. Первая группа - это восприимчивые к болезни, но пока здоровые особи - S(t). Вторая группа – это число инфицированных особей, которые также являются распространителями инфекции -I(t). А третья группа R(t) – это здоровые особи с иммунитетом к болезни. До того, как число заболевших не превышает критического значения  $I^*$ , считаем, что все больные изолированы и не заражают здоровых. Когда  $I(t) > I^*$ , тогда инфицирование способны заражать восприимчивых к болезни особей.

Скорость изменения числа S(t) меняется по следующему закону:

$$rac{dS}{dt} = egin{cases} -lpha S & \mbox{,если } I(t) > I^* \ 0 & \mbox{,если } I(t) \leq I^* \end{cases}$$

Скорость изменения числа инфекционных особей:

$$\frac{dI}{dt} = \begin{cases} \alpha S - \beta I & \text{,если } I(t) > I^* \\ -\beta I & \text{,если } I(t) \leq I^* \end{cases}$$

Скорость изменения выздоравливающих особей:

$$\frac{dR}{dt} = \beta I$$

Постоянные пропорциональности  $\alpha,\beta$  - это коэффициенты заболеваемости и выздоровления соответственно.

Для анализа картины протекания эпидемии необходимо рассмотреть два случая:  $I(0) \leq I^*$  и  $I(0) > I^*$ 

#### Условие задачи

На одном острове вспыхнула эпидемия. Известно, что из всех проживающих на острове N=11900 в момент начала эпидемии (t=0) число заболевших людей (являющихся распространителями инфекции) I(0) = 290, A число здоровых людей с иммунитетом к болезни R(0) = 52. Таким образом, число людей восприимчивых к болезни, но пока здоровых, в начальный момент времени S(0) = N - I(0) - R(0). Постройте графики изменения числа особей в каждой из трех групп.

Рассмотрите, как будет протекать эпидемия в случае:

- 1.  $I(0) \leq I^*$
- 2.  $I(0) > I^*$

#### Графики изменения численности в первом случае

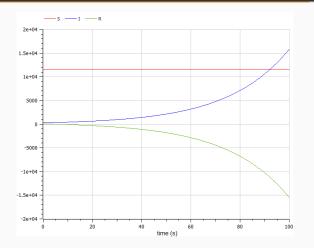


Рис. 1: График численности групп

#### Графики изменения численности во втором случае

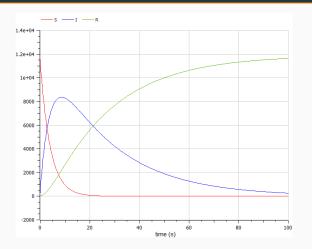


Рис. 2: График численности групп

Выводы по проделанной работе

#### Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы была изучена модель SIR и построены графики.