Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота №5

З дисципліни «Методи оптимізації та планування» Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з урахуванням квадратичних членів

> ВИКОНАВ: Студент II курсу ФІОТ Групи ІО-93 Євтушок О.М. – 9311 Номер в списку - 10

> > ПЕРЕВІРИВ: асистент Регіда П.Г.

Мета: Провести трьохфакторний експеримент з урахуванням квадратичних членів, використовуючи центральний ортогональний композиційний план. Знайти рівняння регресії, яке буде адекватним для опису об'єкту.

Варіант завдання:

Варіант	X_1		X_2		X_3	
	min	max	min	max	min	max
310	0	3	-6	3	-4	1

Лістинг програми:

```
import random
import numpy as np
import sklearn.linear_model as lm
from scipy.stats import f, t
from functools import partial
from pyDOE2 import *
def regression(x, b):
    y = sum([x[i] * b[i] for i in range(len(x))])
    return y
x_{range} = ((0, 3), (-6, 3), (-4, 1))
x_aver_max = sum([x[1] for x in x_range]) / 3
x_aver_min = sum([x[0] for x in x_range]) / 3
y_max = 200 + int(x_aver_max)
y_min = 200 + int(x_aver_min)
# квадратна дисперсія
def s_kv(y, y_aver, n, m):
    res = []
    for i in range(n):
        res.append(round(s, 3))
    return res
def plan_matrix5(n, m):
    print('\n', '=' * 20, '\nЛабораторна 5')
    y = np.zeros(shape=(n, m))
    for i in range(n):
        for j in range(m):
            y[i][j] = random.randint(y_min, y_max)
       no = 1
    x_norm = ccdesign(3, center=(0, no))
    x_norm = np.insert(x_norm, 0, 1, axis=1)
    for i in range(4, 11):
        x_norm = np.insert(x_norm, i, 0, axis=1)
```

```
1 = 1.215
    for i in range(len(x_norm)):
        for j in range(len(x_norm[i])):
            if x_norm[i][j] < -1 or x_norm[i][j] > 1:
                if x_norm[i][j] < 0:</pre>
                    x_norm[i][j] = -1
                    x_norm[i][j] = 1
   def add_sq_nums(x):
        for i in range(len(x)):
            x[i][4] = x[i][1] * x[i][2]
            x[i][5] = x[i][1] * x[i][3]
            x[i][6] = x[i][2] * x[i][3]
            x[i][7] = x[i][1] * x[i][3] * x[i][2]
            x[i][8] = x[i][1] ** 2
            x[i][9] = x[i][2] ** 2
            x[i][10] = x[i][3] ** 2
    x_norm = add_sq_nums(x_norm)
    x = np.ones(shape=(len(x_norm), len(x_norm[0])), dtype=np.int64)
   for i in range(8):
        for j in range(1, 4):
            if x_norm[i][j] == -1:
                x[i][j] = x_range[j - 1][0]
                x[i][j] = x_range[j - 1][1]
    for i in range(8, len(x)):
        for j in range(1, 3):
            x[i][j] = (x_range[j - 1][0] + x_range[j - 1][1]) / 2
   dx = [x_range[i][1] - (x_range[i][0] + x_range[i][1]) / 2 for i in range(3)]
   x[8][1] = 1 * dx[0] + x[9][1]
    x[9][1] = -1 * dx[0] + x[9][1]
    x[10][2] = 1 * dx[1] + x[9][2]
    x[11][2] = -1 * dx[1] + x[9][2]
    x[12][3] = 1 * dx[2] + x[9][3]
    x[13][3] = -1 * dx[2] + x[9][3]
   x = add sq nums(x)
   print('\nX:\n', x)
    for i in x_norm:
        print([round(x, 2) for x in i])
   print('\nY:\n', y)
    return x, y, x_norm
def find coef(X, Y, norm=False):
    skm = lm.LinearRegression(fit_intercept=False)
    skm.fit(X, Y)
   B = skm.coef_
    if norm == 1:
       print('\nKoeфiцiєнти рівняння регресії з нормованими X:')
```

```
print('\nKoeфiцiєнти рівняння регресії:')
    B = [round(i, 3) \text{ for } i \text{ in } B]
    print(B)
    print('\nPeзультат рівняння зі знайденими коефіцієнтами:\n', np.dot(X, B))
    return B
def kriteriy_cochrana(y, y_aver, n, m):
    S_kv = s_kv(y, y_aver, n, m)
    Gp = max(S_kv) / sum(S_kv)
    print('\nПеревірка за критерієм Кохрена')
    return Gp
def cohren(f1, f2, q=0.05):
    fisher_value = f.ppf(q=1 - q1, dfn=f2, dfd=(f1 - 1) * f2)
    return fisher_value / (fisher_value + f1 - 1)
def bs(x, y_aver, n):
    res = [sum(1 * y for y in y_aver) / n]
    for i in range(len(x[0])):
        b = sum(j[0] * j[1] for j in zip(x[:, i], y_aver)) / n
        res.append(b)
    return res
def kriteriy_studenta(x, y, y_aver, n, m):
    S_kv = s_kv(y, y_aver, n, m)
    s_kv_aver = sum(S_kv) / n
    s_Bs = (s_kv_aver / n / m) ** 0.5 # статистична оцінка дисперсії
    Bs = bs(x, y_aver, n)
    ts = [round(abs(B) / s_Bs, 3) for B in Bs]
    return ts
def kriteriy_fishera(y, y_aver, y_new, n, m, d):
    S_{ad} = m / (n - d) * sum([(y_new[i] - y_aver[i]) ** 2 for i in range(len(y))])
    S_kv = s_kv(y, y_aver, n, m)
    S_kv_aver = sum(S_kv) / n
    return S_ad / S_kv_aver
def check(X, Y, B, n, m):
    print('\n\tПеревірка рівняння:')
    f1 = m - 1
    f3 = f1 * f2
    ### табличні значення
    student = partial(t.ppf, q=1 - q)
    t_student = student(df=f3)
    G_{kr} = cohren(f1, f2)
```

```
y_aver = [round(sum(i) / len(i), 3) for i in Y]
    print('\nCepeднє значення у:', y aver)
    disp = s_kv(Y, y_aver, n, m)
    print('Дисперсія y:', disp)
    Gp = kriteriy_cochrana(Y, y_aver, n, m)
    print(f'Gp = {Gp}')
    if Gp < G_kr:</pre>
        print(f'3 ймовірністю {1-q} дисперсії однорідні.')
        m += 1
    ts = kriteriy_studenta(X[:, 1:], Y, y_aver, n, m)
    print('\nKритерій Стьюдента:\n', ts)
    res = [t for t in ts if t > t_student]
    final_k = [B[i] for i in range(len(ts)) if ts[i] in res]
рівняння.'.format(
        [round(i, 3) for i in B if i not in final_k]))
    y_new = []
    for j in range(n):
        y_new.append(regression([X[j][i] for i in range(len(ts)) if ts[i] in res],
final k)
    print(f'\n3начення "y" з коефіцієнтами {final k}')
    print(y_new)
    d = len(res)
    if d >= n:
        print('\nF4 <= 0')
print('')</pre>
    F_p = kriteriy_fishera(Y, y_aver, y_new, n, m, d)
    fisher = partial(f.ppf, q=0.95)
    f_t = fisher(dfn=f4, dfd=f3) # табличне знач
    print('\nПеревірка адекватності за критерієм Фішера')
print('Fp =', F_p)
print('F_t =', f_t)
    if F_p < f_t:
        print('Математична модель адекватна експериментальним даним')
def main(n, m):
    X5, Y5, X5_norm = plan_matrix5(n, m)
    y5_aver = [round(sum(i) / len(i), 3) for i in Y5]
    B5 = find coef(X5, y5 aver)
    check(X5_norm, Y5, B5, n, m)
if __name__ == '__main__':
   main(15, 7)
```

Результати роботи роботи програми:

```
Лабораторна 5
Гереруємо матрицю планування для n = 15, m = 7
                                     16]
       3 -6 -4 -18 -12 24 72
                                     16]
                 9 -12 -12 -36
                                     16]
                                      1]
                                      1]
                                      1]
                                      1]
                                      1]
                                      1]
                                      1]
                                      1]
                                     16]
                                      1]]
Х нормоване:
[1.0, -1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, 1.0, -1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, -1.0, 1.0, -1.0, -1.0, 1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, 1.0, 1.0, -1.0, 1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, 1.0, -1.0, 1.0, -1.0, 1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, -1.0, 1.0, 1.0, -1.0, -1.0, 1.0, -1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, -1.22, 0.0, 0.0, -0.0, -0.0, 0.0, -0.0, 1.48, 0.0, 0.0]
```

```
[1.0, 1.22, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.48, 0.0, 0.0]
[1.0, 0.0, -1.22, 0.0, -0.0, 0.0, -0.0, -0.0, 0.0, 1.48, 0.0]
[1.0, 0.0, 1.22, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.48, 0.0]
[1.0, 0.0, 0.0, -1.22, 0.0, -0.0, -0.0, -0.0, 0.0, 0.0, 1.48]
[1.0, 0.0, 0.0, 1.22, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.48]
[[199. 199. 201. 201. 200. 200. 197.]
 [198. 202. 198. 202. 202. 202. 198.]
[198. 200. 200. 197. 198. 198. 197.]
 [201. 199. 201. 197. 200. 199. 202.]
 [199. 202. 199. 200. 198. 199. 199.]
 [202. 200. 200. 201. 197. 197. 201.]
 [199. 199. 197. 202. 201. 199. 197.]
 [197. 201. 200. 202. 198. 199. 198.]
 [199. 199. 201. 201. 200. 197. 199.]
 [198. 201. 201. 201. 201. 201. 197.]
 [202. 201. 201. 200. 200. 199. 201.]
 [199. 201. 200. 198. 202. 198. 201.]
 [198. 197. 202. 197. 200. 202. 199.]
 [201. 200. 199. 197. 199. 197. 200.]
 [201. 198. 199. 199. 199. 198. 199.]]
Коефіцієнти рівняння регресії:
[199.135, 0.335, 0.054, 0.17, -0.005, -0.101, 0.032, -0.009, -0.102, 0.023, -0.012]
Результат рівняння зі знайденими коефіцієнтами:
[199.535 200.276 198.248 199.826 199.605 199.641 199.758 199.416 199.318
199.23 200.881 199.821 199.334 199.202 199.376]
```

Висновок:

В даній лабораторній роботі я провів трьохфакторний експеримент з урахуванням квадратичних членів, використовуючи центральний ортогональний композиційний план. Знайшов рівняння регресії, яке буде адекватним для опису об'єкту.