## Jiogn. K PK2:





П Показать, что система векторов 
$$E_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 2 \\ -2 \end{pmatrix}$$
,  $E_2 = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ -2 \\ -1 \end{pmatrix}$  образует РСР однородной СЛАУ:

$$\begin{cases} 2X_1 + X_3 + 2X_4 = 0 \\ X_1 + X_2 + X_3 + X_4 = 0 \\ X_1 - 3X_2 - X_3 + X_4 = 0 \\ X_1 - X_2 + X_4 = 0 \end{cases}$$

2) Boyagur через эту РСР гастное 
$$\chi^{\circ} = \begin{pmatrix} -1 \\ -8 \\ 16 \\ -7 \end{pmatrix}$$

Penienne.

$$r=rgA=rgA'=2$$
,  $n=4$  (rucho Heusbecthonx) =>  $\Rightarrow \varphi CP$  cocrout us  $k=n-r=4-2$  beknopob.

2) Thosephen, 470 E, 4 Ez-pennenne cucrecus:

gul 
$$E_1$$
:  $(2.1+2+2(-2)=0)$   
 $+(-1)+2+(-2)=0$   
 $1-3:-2+(-2)=0$   
 $1-(-1)+(-2)=0$   
before  
 $=)$  permercial

gus 
$$E_2$$
:  $(2\cdot2+(-2)+2(-1)=0$   
 $2+1+(-2)+(-1)=0$   
 $2-3\cdot1-(-2)+(-1)=0$   
 $2-1+(-1)=0$   
Bepho

3) Провермен, гго  $E_1$  и  $E_2$  минейно независелено через другод)  $\Rightarrow$  мин. независ.

Cuej., E, Ez ygoles. oup. PCP => 200 PCP cucrecuor.

2) Houngieur 
$$C_1, C_2: X^o = C_1 E_1 + C_2 E_2, r.e.$$

Semular currency on.  $C_1, C_2:$ 

$$\begin{pmatrix} c_1 + 2C_2 = -1 \\ -C_1 + C_2 = -8 \\ 2C_1 - 2C_2 = 16 \\ -2C_1 - C_2 = -7 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 & |-1| \\ -1 & 1 & |-8| \\ 2 & -2 & |-1| \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & 2 & |-1| \\ -1 & 1 & |-8| \\ 2 & -2 & |-1| \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & 2 & |-1| \\ -1 & 1 & |-8| \\ 2 & -2 & |-1| \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & 2 & |-1| \\ -1 & 1 & |-8| \\ 2 & -2 & |-1| \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & 2 & |-1| \\ 0 & 0 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & 2 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1| \\ 0 & 3 & |-2| \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & |-1|$$

Orber: X°=5E1-3E2.

D13 О Показать, что сист. векторов  $E_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -11 \end{pmatrix}$ ,  $E_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 10 \end{pmatrix}$  образурет PCP однородной СЛАУ  $\begin{cases} 4 \times 1 + 4 \times 2 + X_3 - X_4 = 0 \\ 15 \times 1 + 5 \times 2 + 2X_3 - 3 \times 4 = 0 \\ -3 \times 1 + 7 \times 2 + X_3 = 0 \\ 11 \times 1 + X_2 + X_3 - 2 \times 4 = 0 \end{cases}$   $(2) Выразито через эту РСР гастое решение <math>X = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -7 \\ -3 \end{pmatrix}$ 



## Obusee pemerne rekoropoù CNAY nemeer bug

$$\begin{cases} X_1 = -1 + C_1 + 2C_2 \\ X_2 = -3 + C_1 + 2C_2 \\ X_3 = C_1 + C_2 \\ X_4 = C_1 - 2C_2 \end{cases}, C_1, C_2 \in \mathbb{R}.$$

1) Rance Haucueresule rucho ypabriereig moxes ucuero Takal CAAY?

2) Thubecus nhumb cucremon C Takucu pennetenecel.

## Pennesure.

B bekropnon brige: 1) 3 annueu ootifee pemerne

$$\begin{pmatrix} X_1 \\ X_2 \\ X_3 \\ X_4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ -3 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} C_1 + \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} C_2$$

 $\Rightarrow$  СЛАУ явл. неоднородной c n=4 неизвестносии

TCP cocrous in 2x perience E, E

Though pann marphings cucrement (rg(A|B)=rgA) pabhence 2, one gonxua cocraed memberinger by  $2 \times y_{\beta}$ -uis

(170001 b cognerraçõe maquieze (A') oum 2 nenequebre eporces).

2) Haligëen reogrop currency AX=B iy 2× ypabrenin, unerousyro garrese penienne.

1)  $\mathcal{H}$ айдём однородную систесне AX = G с данной РСР.  $\mathcal{I}$ 1. К. мобая мин. комбинация решений однор системот явл. решением жой сектемот, то с помощью мин. комбинация  $E_1$ 4  $E_2$  построим нормальную  $\mathcal{P}$ СР

Figure 2 (1) 
$$E_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$
,  $E_2 = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix}$   $E_3 = \begin{pmatrix} -1+2 \\ -1+2 \\ -1+1 \\ -1-2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ -3 \end{pmatrix}$ ;  $yeuh$ .  $Ha = -\frac{1}{3}$ ,  $nouyrum$   $fa = \frac{1}{3}E_1$ ,  $fa = \begin{pmatrix} 1/3 \\ 1/3 \\ 1/3 \end{pmatrix}$ . Osogn.  $fa = \begin{pmatrix} 2+2 \\ 2+2 \\ 2+1 \\ 2-2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4/3 \\ 3/0 \\ 0 \end{pmatrix}$ ;  $fa = \begin{pmatrix} 4/3 \\ 3/3 \\ 0 \end{pmatrix}$ ;  $fa = \begin{pmatrix} 4/3$ 

Obuse pemerne ognop. cucreenor 
$$AX = 0$$
:

 $X = X^{(n)}d_1 + X^{(2)}d_2$ ,  $T.e.$ 
 $X = X^{(n)}d_1 + X^{(2)}d_2$ ,  $T.e.$ 
 $X = X^{(n)}d_1 + X^{(n)}d_2$ ,  $T.e.$ 
 $X = X^{(n)}d_$ 



$$\begin{cases} -1 - \frac{4}{3} \cdot 0 + \frac{1}{3} \cdot 0 = \theta_1 \\ -3 - \frac{4}{3} \cdot 0 + \frac{1}{3} \cdot 0 = \theta_2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \theta_1 = -1 \\ \theta_2 = -3 \end{cases}$$

Ucrocual cucrema 
$$\begin{cases} x_1 - \frac{4}{3}x_3 + \frac{1}{3}x_4 = -1 \\ x_2 - \frac{4}{3}x_3 + \frac{1}{3}x_4 = -3 \end{cases}$$

Orber: 2 yp.-e; curecua.

D/3: Tymbern nymmes CAAY c obygon pemeruey 
$$\binom{0}{0} + C_1 \binom{1}{-2} + C_2 \binom{1}{1}$$
. Haroe namembrue uncho ypabnemmi moxer uncho rakan currence?

$$\begin{pmatrix} X_1 + 1 \\ X_2 + 3 \\ X_3 \\ X_4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} c_1 + \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix} c_2.$$

Hanp., 
$$\begin{vmatrix} x_{1}+1 & 1 & 2 \\ x_{3} & 1 & 1 \\ x_{4} & 1 & -2 \end{vmatrix} = 0$$
  
 $\begin{vmatrix} x_{4}+1 \\ 1-2 \end{vmatrix} - x_{3} \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 1-2 \end{vmatrix} + x_{4} \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 1 \end{vmatrix} = 0$   
 $(x_{1}+1)(-3) - x_{3}(-4) + x_{4}(-3) = 0$   
 $-3x_{1}+4x_{3}-3x_{4}=3$ 

$$\int_{-3x_{1}+4x_{3}-3x_{4}=3}^{-3x_{1}+4x_{3}-3x_{4}=3}$$

Cues., onpegeousery, eocrabilerence by eloobix

$$3^{\times}$$
 chok 2700 zanucu, =0.

$$\begin{vmatrix}
 | X_2 + 3 & 1 & 2 \\
 | X_3 & 1 & 1 & =0 \\
 | X_4 & 1 & -2 & =0
\end{vmatrix}$$

$$(x_2 + 3) \begin{vmatrix}
 | 1 & 1 \\
 | -2 & | -x_3 & | 1 & 2 \\
 | 1 & -2 & | +x_4 & | 1 & | =0
\end{vmatrix}$$

, (Эта система экв. полученой в Ісп.).

 $-3 \times 2 + 4 \times 3 - 3 \times 4 = 9$ 

 $(X+3)(-3) - X_3(-4) + X_4(-3) = 0$