

Лекция 7-2022.

Проводники с током в магнитном поле

1. Закон Ампера.
2. Магнитный момент контура током.
3. Контур с током в магнитном поле.
4. Работа по перемещению проводника с током в магнитном поле.

Не множьте сущностей без
крайней необходимости

«Бритва Оккама»

Уильям О́ккам (англ. William of Ockham; ок. 1285, Оккам, графство Суррей — 1347, Мюнхен) — английский философ, францисканский монах из Оккама[1], маленькой деревни в графстве Суррей в Южной Англии. Сторонник номинализма, считал, что существует только индивидуальное, а универсалии существуют только благодаря абстрактному мышлению в человеческом уме, а помимо этого не обладают никакой метафизической сущностью.

Закон Ампера

АМПЕР Андре Мари (1775 – 1836) – французский физик математик и химик.

Основные физические работы посвящены электродинамике. Сформулировал правило для определения действия магнитного поля тока на магнитную стрелку. Обнаружил влияние магнитного поля Земли на движущиеся проводники с током.

В 1820 г. А. М. Ампер экспериментально установил, что два длинных проводника с током взаимодействуют друг с другом с силой, приходящейся на единицу длины:

$$F = k \frac{I_1 I_2}{b}$$

где b – расстояние между проводниками, а k – коэффициент пропорциональности зависящий от системы единиц.

В первоначальное выражение закона Ампера не входила никакая величина характеризующая магнитное поле. Потом разобрались, что взаимодействие токов осуществляется через магнитное поле и следовательно в закон должна входить характеристика магнитного поля.

В современной записи в системе СИ, **закон Ампера выражается формулой:**

$$dF = I [dl, B]$$

Это сила с которой магнитное поле действует на бесконечно малый проводник с током I .

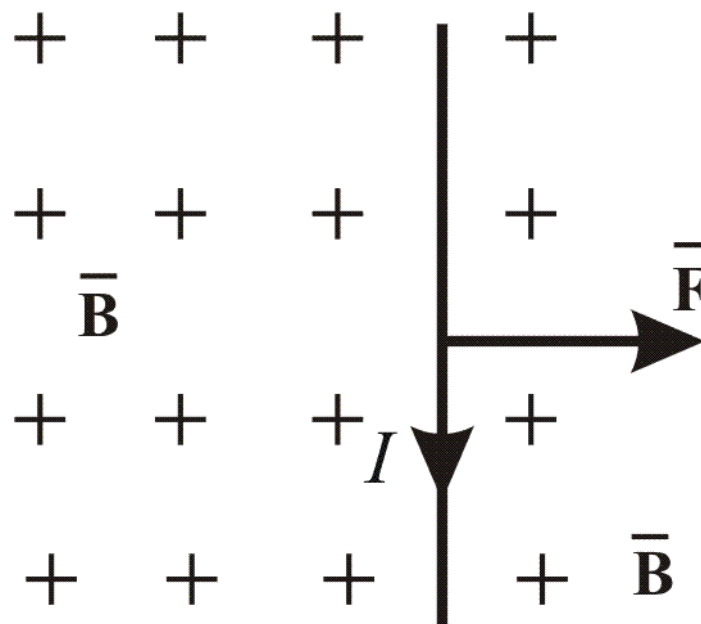
Модуль силы действующей на проводник

$$dF = IB dl \sin (dl, B).$$

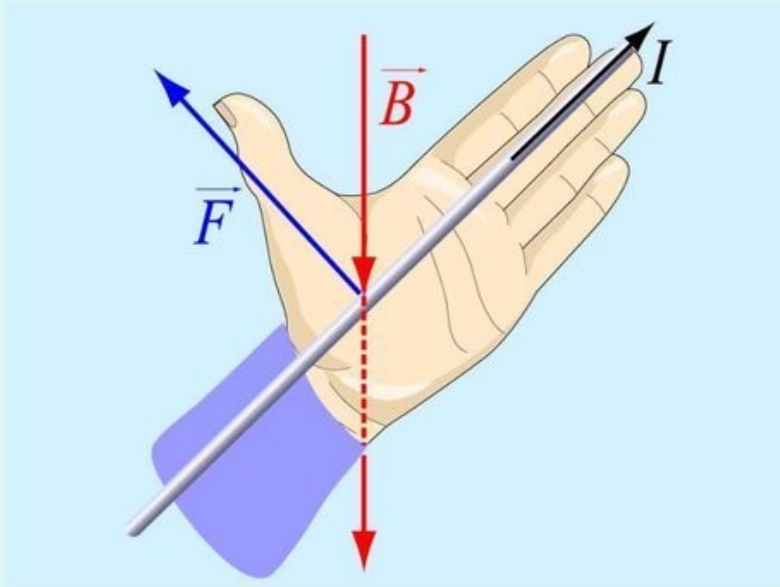
Если магнитное поле однородно и проводник перпендикулярен силовым линиям магнитного поля, то

$$F = IlB,$$

где $I = qnvS$ — ток через проводник сечением S .



Правило левой руки (направление силы Ампера)



Если ладонь **левой** руки расположить так, чтобы в нее входили линии магнитной индукции, а четыре вытянутых пальца расположить по направлению тока в проводнике, то отогнутый большой палец покажет направление силы Ампера, действующей со стороны магнитного поля на проводник с током.

Из закона Ампера следует: **магнитная индукция B** – величина, численно равная силе, с которой магнитное поле действует на проводник единичной длины, по которому течет единичный ток.

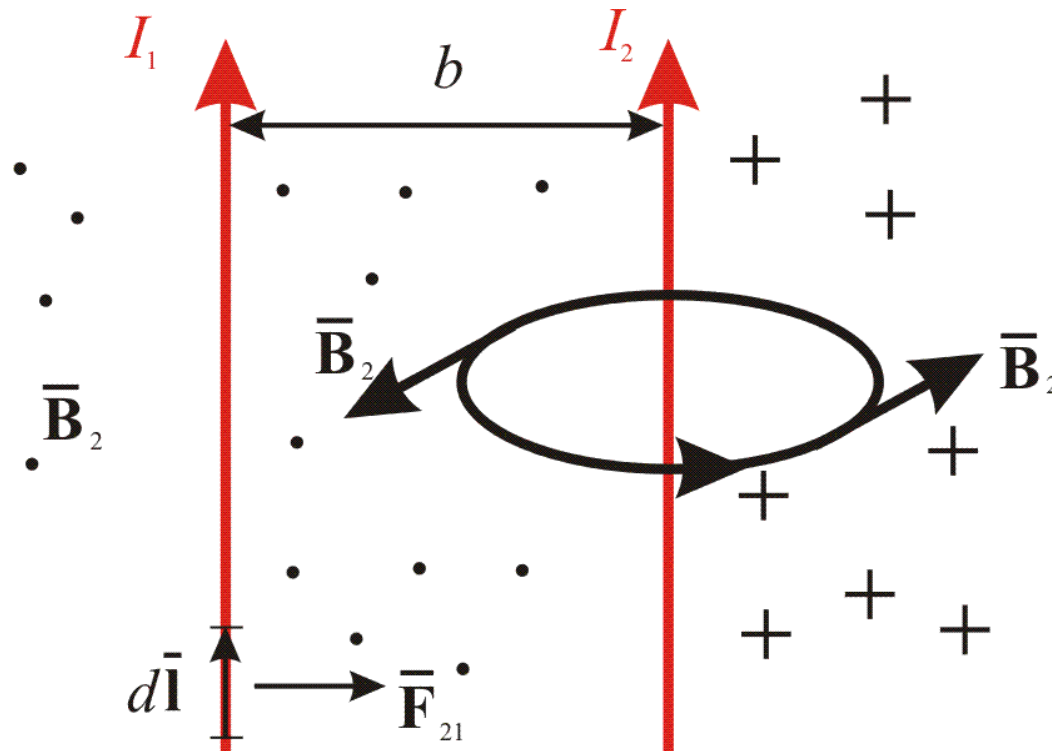
$$B = \frac{F}{Il}$$

Единица измерения индукции

$$[B] = \frac{\text{Н}}{\text{А} \cdot \text{м}}. \quad (\text{Тесла})$$

Взаимодействие двух параллельных бесконечных проводников с током

Пусть b – расстояние между проводниками. Задачу следует решать так: один из проводников I_2 создаёт магнитное поле, второй I_1 находится в этом поле.



Магнитная индукция, создаваемая током I_2 на расстоянии b от него:

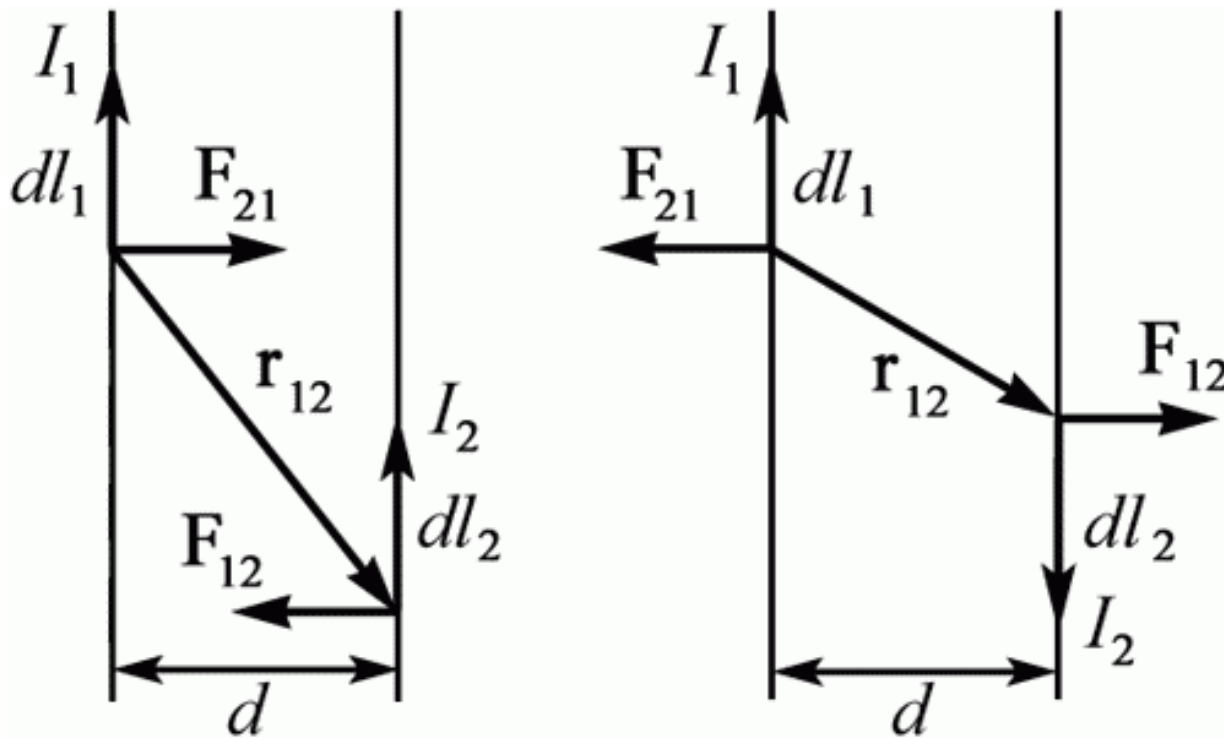
$$B_2 = \frac{\mu_0 I_2}{2\pi b}$$

Если I_1 и I_2 лежат в одной плоскости, то угол между B_2 и I_1 прямой, следовательно сила, действующая на элемент тока $I_1 dl$

$$F_{21} = B_2 I_1 dl = \frac{\mu_0 I_1 I_2 dl}{2\pi b}.$$

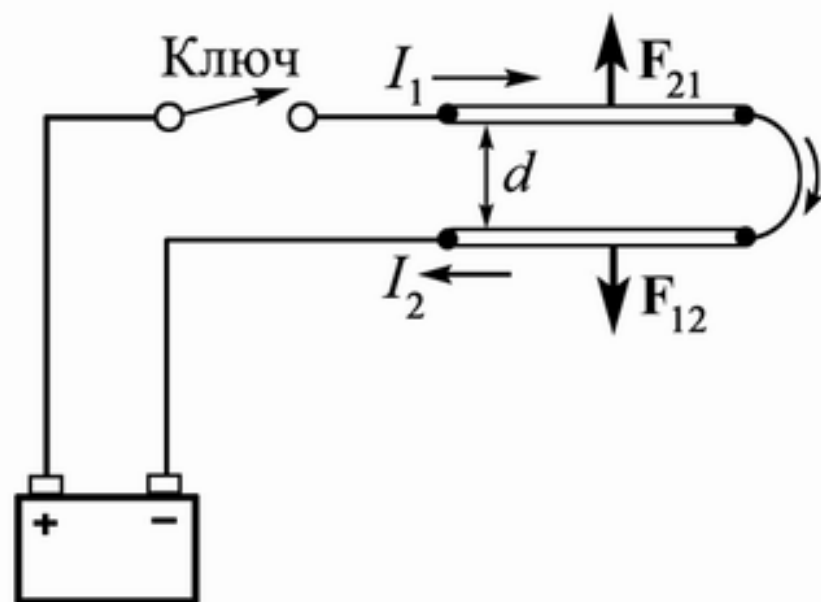
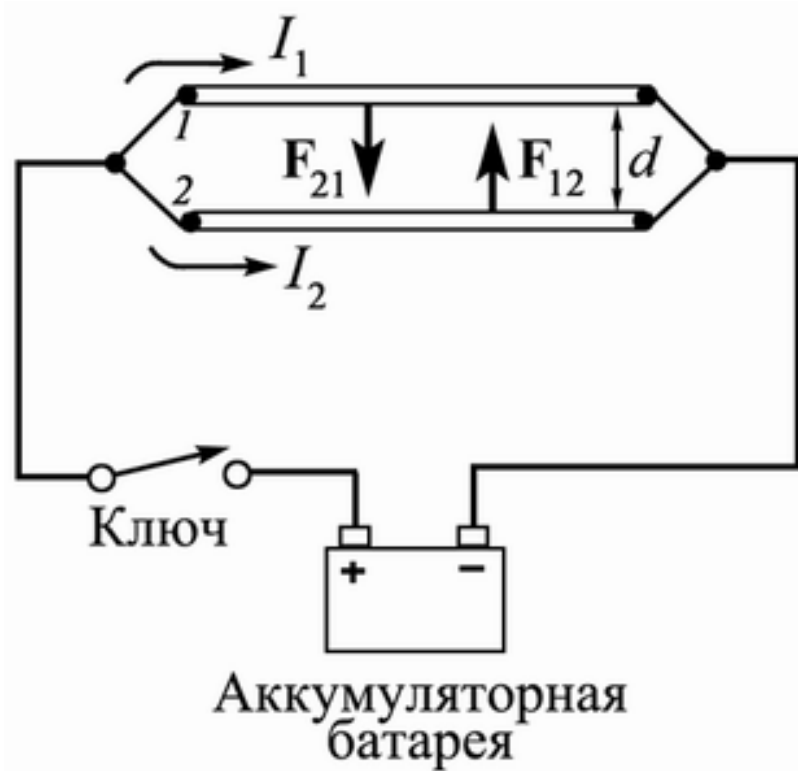
На каждую единицу длины проводника действует сила:

$$F_{21ед} = \frac{F_{21}}{dl} = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_1 I_2}{b}$$



Взаимодействие бесконечно малых элементов dl_1 , dl_2 параллельных токов I_1 и I_2 :

- токи, текущие в одном направлении притягиваются;
- токи, текущие в разных направлениях, отталкиваются



$$F_{\text{ед.дл}} = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_1 I_2}{b}$$

Силе неизменяющегося тока в 1 ампер соответствует ток, при прохождении которого по двум параллельным прямолинейным проводникам бесконечной длины и ничтожно малой площади кругового поперечного сечения, расположенным в вакууме на расстоянии одного метра, соответствует сила магнитного взаимодействия на каждый метр длины проводников, равная $2 \cdot 10^{-7}$ Н.

Таким образом, на основе закона Ампера устанавливается эталон единицы силы тока в СИ.

Другие формулы, определяющие силу Ампера

$$F_{\text{ед}} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2I_1 I_2}{b}.$$

Так как $\mathbf{j} = \rho \mathbf{u}$, то

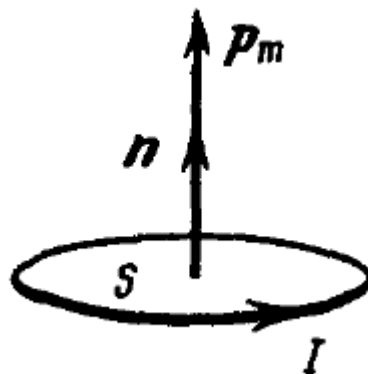
$$d\mathbf{F} = [\mathbf{j}\mathbf{B}] dV.$$

сила, действующая на элемент dV проводника,
может быть записана в виде

$$d\mathbf{F} = \rho [\mathbf{u}\mathbf{B}] dV.$$

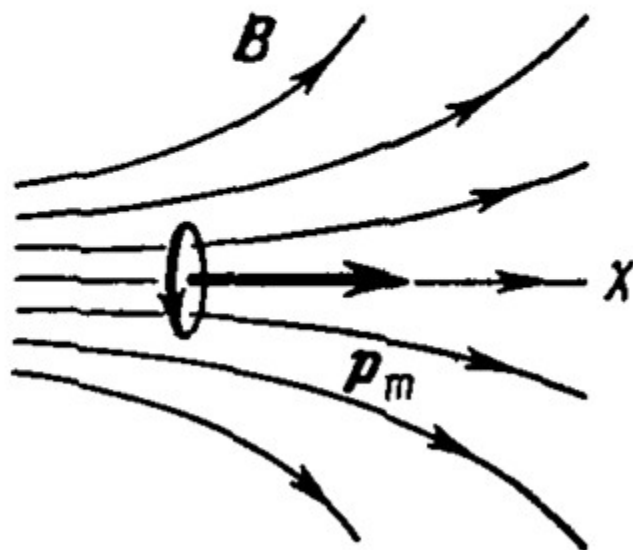
Если ток течет по тонком проводнику, то
 $\mathbf{j} dV = I d\mathbf{l}$ и $d\mathbf{F} = I [d\mathbf{l}, \mathbf{B}],$

Магнитный момент контура с током



$$p_m = ISn$$

$$\mathbf{F} = p_m \frac{\partial \mathbf{B}}{\partial n},$$



Воздействие магнитного поля на рамку с ТОКОМ

Рамка с током I
находится в однородном
магнитном поле \vec{B}
– угол между \vec{B} и \vec{n}
(направление нормали
связано с направлением
тока правилом
буравчика).

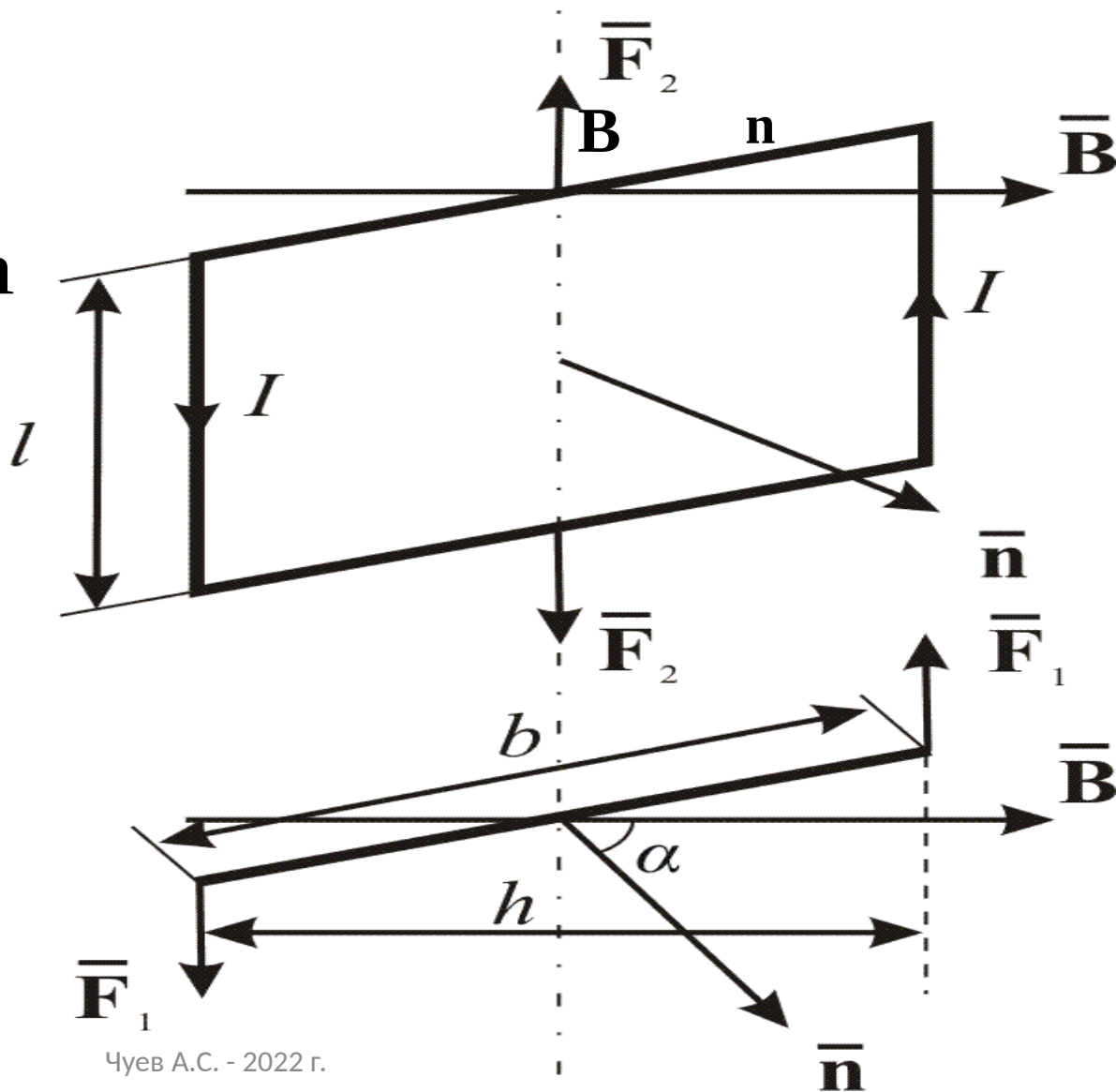
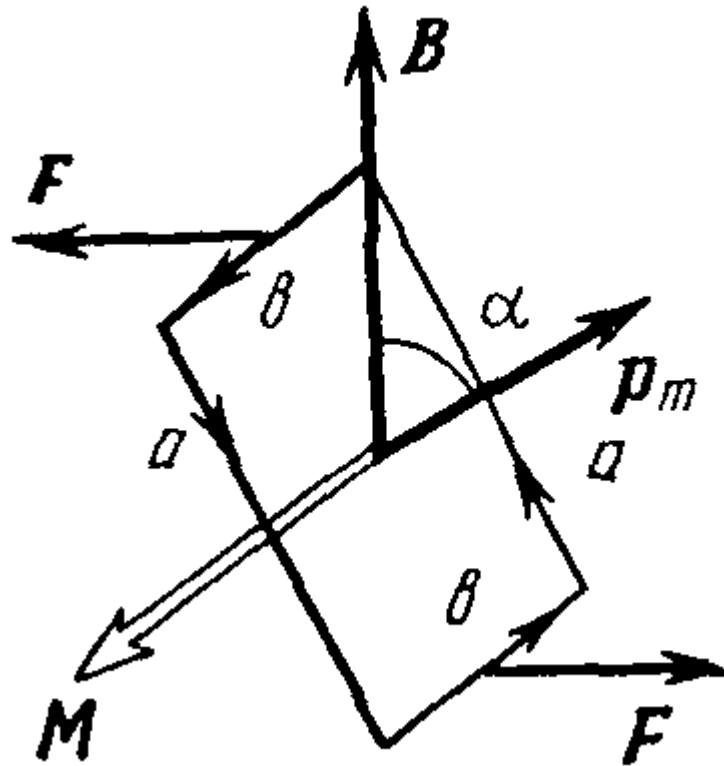


Рисунок из Иродова

$$F = IbB.$$



$$F = IbB.$$

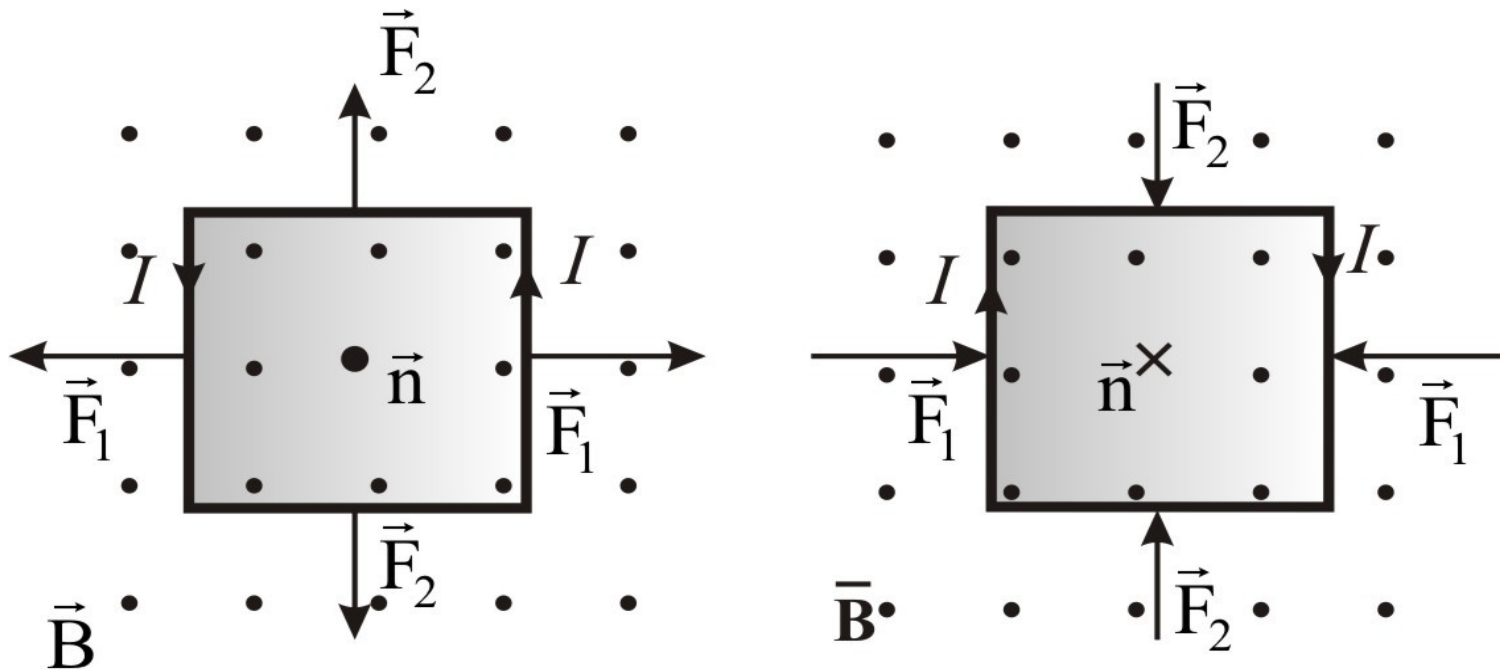
$$M = IbBa \sin \alpha.$$

$$M = p_m B \sin \alpha,$$

Когда \vec{n} и \vec{B} антипараллельны, $M = 0$ (так как плечо равно нулю), это состояние, **неустойчивого равновесия**.

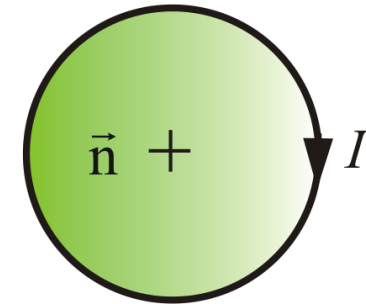
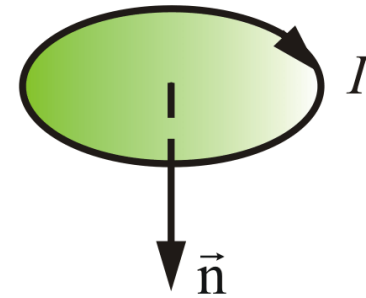
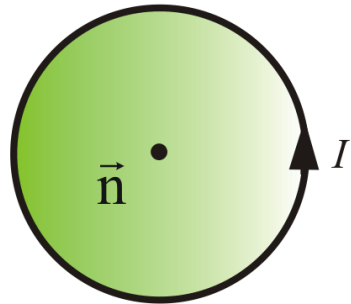
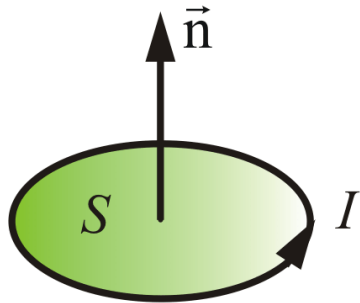
Рамка сжимается и, если чуть сместится, сразу возникает вращающий момент такой что она перевернется.

В неоднородном поле рамка повернется и будет вытягиваться в область более сильного поля.



Направление вектора магнитного момента совпадает с положительным направлением нормали:

$$\vec{p}_m = p_m \vec{n}$$



Отношение момента силы к магнитному моменту $\frac{M}{P_m}$

для данной точки магнитного поля будет одним и тем же и может служить характеристикой магнитного поля, названной **магнитной индукцией**:

$$B = \frac{M_{\vec{n}}}{P_m \sin(\alpha, \vec{B})}$$

$$\vec{B} = \frac{M_{\vec{n}_{\max}}}{P_m},$$

\vec{B} – **вектор магнитной индукции, совпадающий с нормалью** \vec{n}

Аналогия с электрическим полем

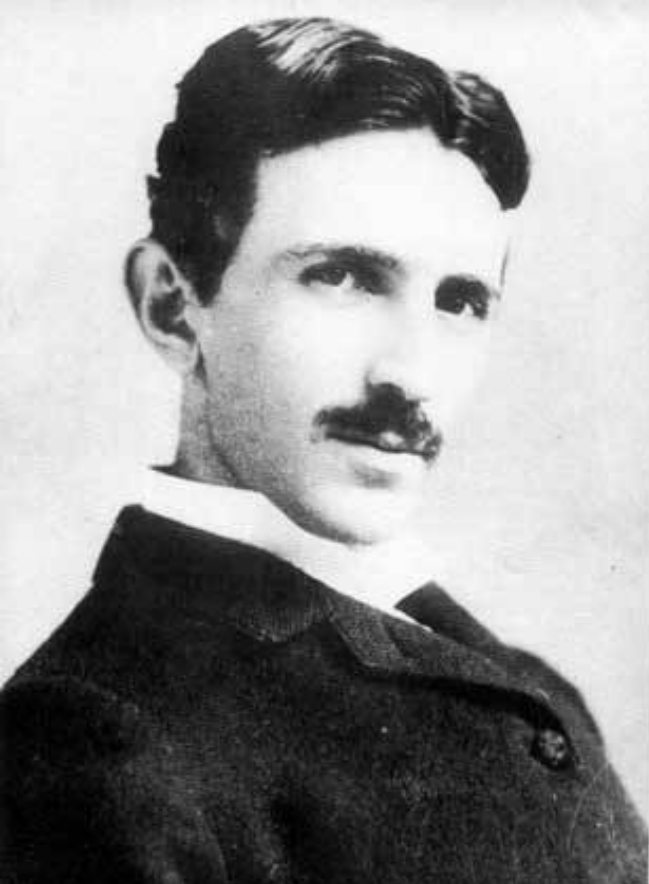
$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q}.$$

1 Тл (один тесла равен магнитной индукции однородного магнитного поля, в котором) на плоский контур с током, имеющим магнитный момент $1 \text{ А} \cdot \text{м}^2$ действует вращающий момент $1 \text{ Н} \cdot \text{м}$.

$$[B] = \frac{\text{Н}}{\text{А} \cdot \text{м}} = 1 \text{ Тл.}$$

Один тесла $1 \text{ Тл} = 10^4 \text{ Гс}$.

Гаусс – единица измерения в Гауссовой системе единиц (СГС).



ТЕСЛА Никола (1856 - 1943)- сербский ученый в области электротехники, радиотехники

Разработал ряд конструкций многофазных генераторов, электродвигателей и трансформаторов. Сконструировал ряд радиоуправляемых самоходных механизмов.

Изучал физиологическое действие токов высокой частоты. Построил в 1899 радиостанцию на 200 кВт в Колорадо и радиоантенну высотой 57,6 м в Лонг-Айленде. Изобрел электрический счетчик, частотомер и др.

Этот безумный изобретатель



Чуев А.С. - 2022 г.



«Я мог бы
обрушить
Бруклинский
мост за час»



Чув А.С. - 2022 г

DOSENG.ORG

Мировая башня связи





Главным сооружением была каркасная башня высотой 57 метров с огромной медной «тарелкой» наверху – гигантским усилительным передатчиком. И со стальной шахтой, углубленной в землю на 36 метров.



Тесла зажжёт небо
над океаном на
тысячи миль...



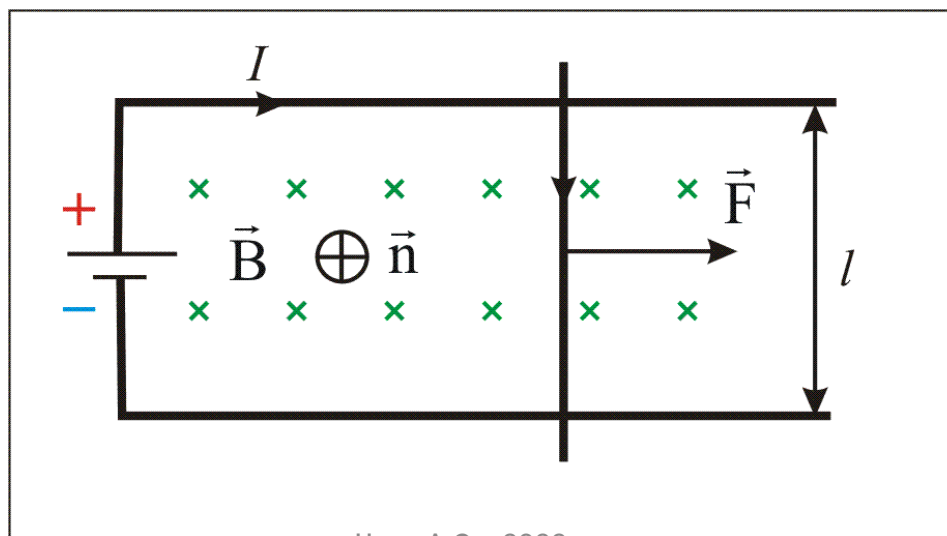
Работа по перемещению проводника с ТОКОМ В МАГНИТНОМ ПОЛЕ

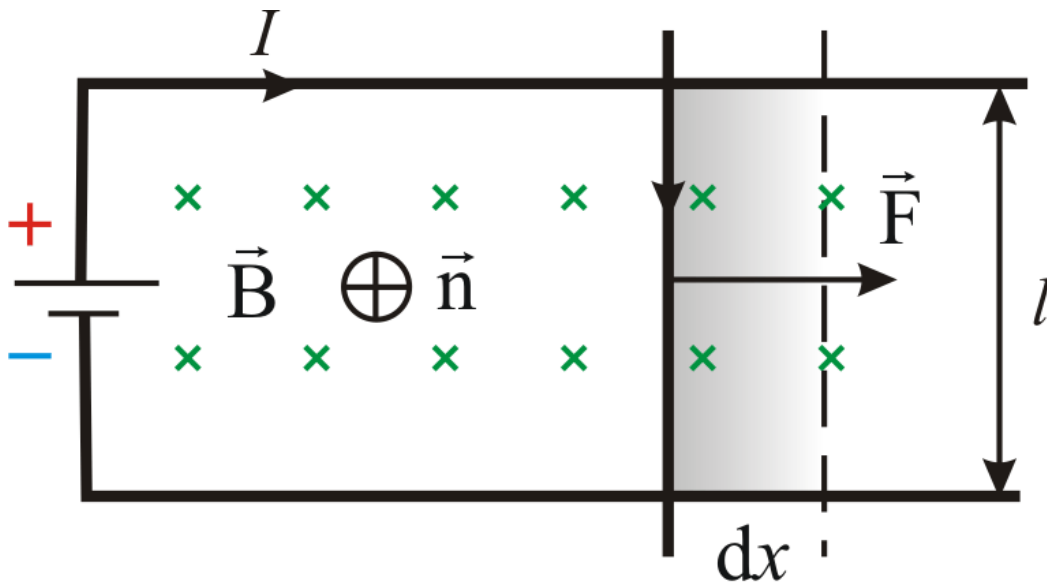
$$dA = F_A \cdot dx = IBl \cdot dx$$

Работа по перемещению проводника с током в магнитном поле

Рассмотрим контур с током, образованный неподвижными проводами и скользящей по ним подвижной перемычкой длиной l

- Этот контур находится во внешнем однородном магнитном поле \vec{B} , перпендикулярном к плоскости контура. При показанном на рисунке направлении тока I , вектор \vec{B} сонаправлен с нормалью контура \vec{n} .





На элемент тока I (подвижный провод) длиной l действует **сила Ампера**, направленная вправо:

$$F = IlB.$$

Пусть проводник l переместится параллельно самому себе на расстояние dx . При этом совершится работа:

$$dA = F dx = IB l dx = IB dS = Id\Phi.$$

Работа, совершаемая при перемещении замкнутого контура с током в магнитном поле, **равна произведению величины тока на изменение магнитного потока, сцепленного с этим контуром.**

$$dA = Id\Phi .$$

Работа силы Ампера определяется двумя факторами

- 1) Изменением силы тока
- 2) Изменением потока магнитной индукции
сквозь замкнутый контур

Дополнительный материал

Уравнения магнитостатики

$$\operatorname{rot} B = \mu_0 j$$

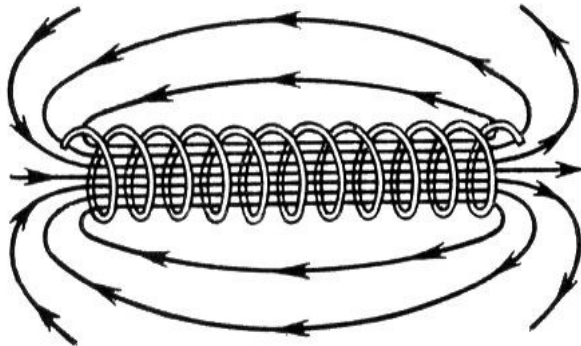
$$\operatorname{div} B = 0$$

Уравнениями электростатики

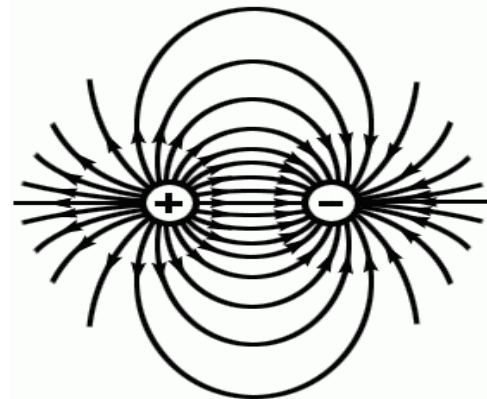
$$\operatorname{rot} E = 0$$

$$\operatorname{div} \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$$

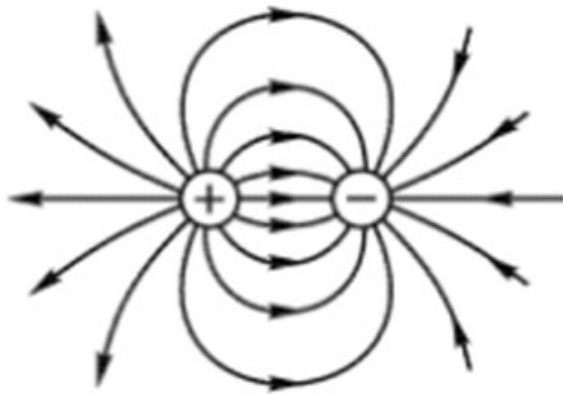
Магнитный диполь



Электрический диполь



Аналогии электромагнетизма



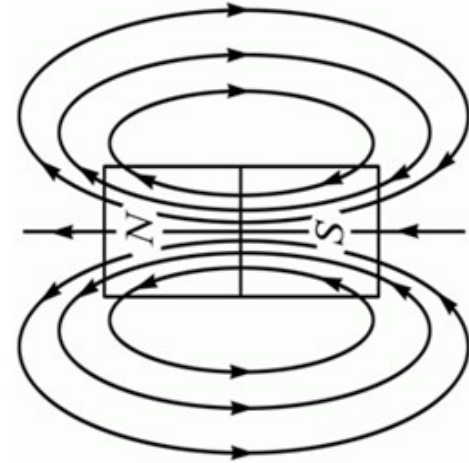
$$\vec{p}_e = q\vec{l}$$

$$\varphi = \frac{1}{4\pi\epsilon\epsilon_0} \frac{\vec{p}_e \cdot \vec{e}_r}{r^2}$$

$$\vec{p}'_e = -\vec{p}_e$$

$$\vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon\epsilon_0} \frac{\vec{p}'_e - 3\vec{e}_r(\vec{e}_r \cdot \vec{p}'_e)}{r^3}$$

$$E = \frac{1}{\epsilon\epsilon_0} \frac{p_e}{4\pi r^3} \sqrt{1 + 3\cos^2\theta}$$



$$\vec{p}_m = IS\vec{n}$$

$$\vec{A} = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \frac{\vec{p}_m \times \vec{e}_r}{r^2}$$

$$\vec{B} = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \frac{3\vec{e}_r(\vec{e}_r \cdot \vec{p}_m) - \vec{p}_m}{r^3}$$

$$B = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \frac{p_m}{r^3} \sqrt{1 + 3\cos^2\theta}$$

АНАЛОГИИ СООТНОШЕНИЙ ЭЛЕКТРИЧЕСКИХ И МАГНИТНЫХ ВЕЛИЧИН

Чуев А.С., chuev@mail.ru, МГТУ им. Н.Э. Баумана

Источники поля	
Заряды, электрические диполи, электреты	Движущиеся заряды, линейные проводники с током, петлевые токи, магниты
$q = \lambda l = \sigma S = \rho V; \quad \vec{p}_e = q\vec{l}$	$q\vec{v} = I\vec{l} = \vec{j}V; \quad \vec{p}_m = IS\vec{n}$
Основные полевые параметры без учета влияния вещественной среды	
$\varphi = \frac{W}{q_{\text{пр}}}; \quad \varphi = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0}{r};$ $\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_{\text{пр}}}; \quad \vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0}{r^2} \vec{e}_r$	$ \vec{A} = \frac{W}{ \vec{j}_{\text{пр}} V}; \quad \vec{A} = \frac{\mu_0}{4\pi r} \int \vec{j}_0 dV;$ $B = \frac{F}{j_{\text{пр}}V}; \quad d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi r^2} [\vec{j}_0 \times \vec{e}_r] dV$
Силовое поле, создаваемое диполем	
$E = \frac{1}{\epsilon_0} \frac{p_e}{4\pi r^3} \sqrt{1 + 3\cos^2 \theta}$	$B = \mu_0 \frac{p_m}{4\pi r^3} \sqrt{1 + 3\cos^2 \theta}$
Потенциальная энергия диполя, находящегося в силовом поле	
$W = -\vec{p}_e \vec{E}$	$W = -\vec{p}_m \vec{B}$
Вращательный момент сил, действующих на диполь в однородном поле	
$\vec{M} = [\vec{p}_e \times \vec{E}]$	$\vec{M} = [\vec{p}_m \times \vec{B}]$
Сила, действующая на диполь в неоднородном поле	
$F = p_e \frac{\partial E}{\partial x}$	$F = p_m \frac{\partial B}{\partial x}$

Реакция вещества на внешнее поле

$$\vec{P} = \frac{(\varepsilon - 1)\vec{D}}{\varepsilon} = \kappa\varepsilon_0\vec{E}; \quad \kappa = \varepsilon - 1;$$

$$\vec{P} = \frac{\sum \vec{p}_q}{V}$$

$$\vec{J} = \chi\vec{H}; \quad \chi = \mu - 1;$$

$$\vec{J} = \frac{\sum \vec{p}_m}{V}$$

Основные соотношения векторов

$$\vec{E} = \frac{1}{\varepsilon_0}(\vec{D} - \vec{P}) = \frac{1}{\varepsilon\varepsilon_0}\vec{D}$$

$$\vec{B} = \mu_0(\vec{H} + \vec{J}) = \mu\mu_0\vec{H}$$

Граничные условия для векторов

$$E_{\tau 1} = E_{\tau 2}; \quad D_{n1} = D_{n2}; \quad \oint \vec{E} d\vec{l} = 0; \quad \text{rot}\vec{E} = 0;$$

$$P_n = \sigma' = \frac{q'^{\text{пов}}}{S}$$

$$H_{\tau 1} = H_{\tau 2}; \quad B_{n1} = B_{n2}; \quad \text{div}\vec{B} = 0;$$

$$J_R = i'^{\text{пов}} = \frac{I'^{\text{пов}}}{2\pi R}$$

Характерные интегральные соотношения для векторов

$$\oint \vec{D} d\vec{S} = q; \quad \oint \vec{P} d\vec{S} = -q'$$

$$\oint \vec{E} d\vec{S} = \frac{1}{\varepsilon_0}(q + q') = \frac{q}{\varepsilon\varepsilon_0}$$

$$\oint \vec{H} d\vec{l} = \sum I; \quad \oint \vec{J} d\vec{l} = \sum I'$$

$$\oint \vec{B} d\vec{l} = \mu_0(I + I') = \mu\mu_0 I$$

Характерные дифференциальные соотношения для векторов

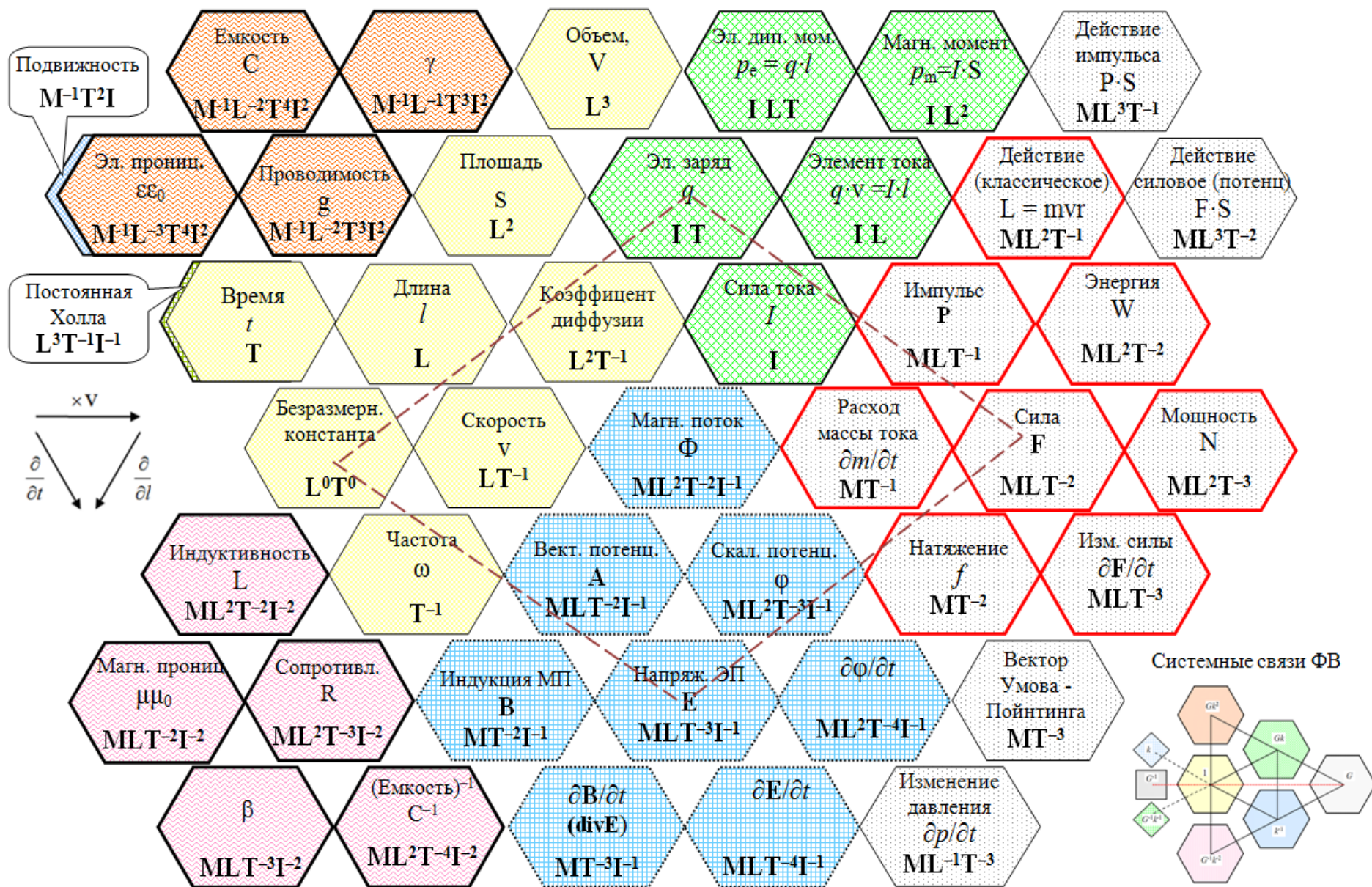
$$\text{div}\vec{D} = \rho; \quad \text{div}\vec{P} = -\rho'$$

$$\text{div}\vec{E} = \frac{1}{\varepsilon_0}(\rho + \rho') = \frac{\rho}{\varepsilon\varepsilon_0}$$

$$\text{rot}\vec{H} = \vec{j}; \quad \text{rot}\vec{J} = \vec{j}'$$

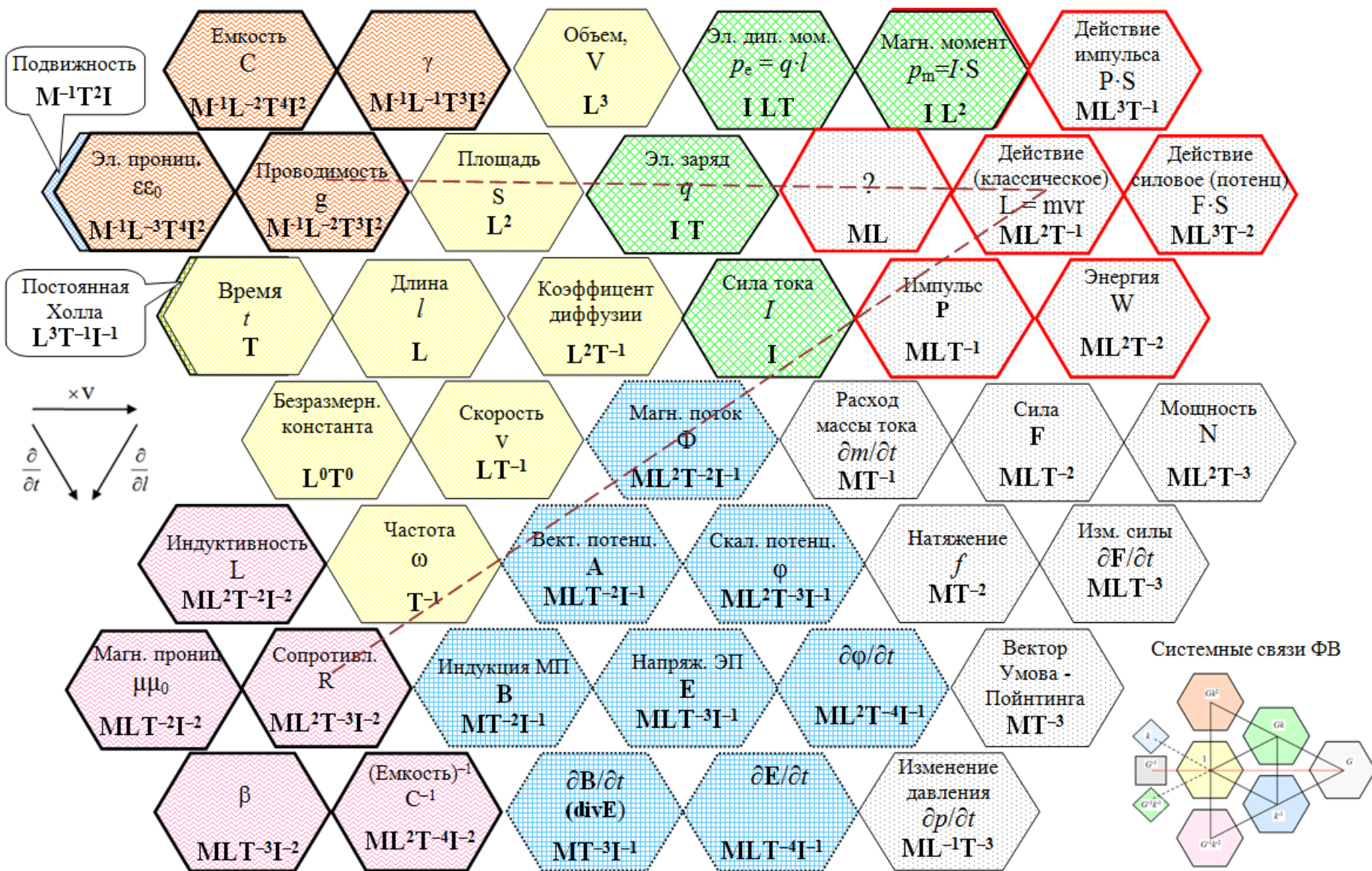
$$\text{rot}\vec{B} = \mu_0(\vec{j} + \vec{j}') = \mu\mu_0\vec{j}$$

СИСТЕМА ЭЛЕКТРОМАГНИТНЫХ ВЕЛИЧИН И ИХ ВЗАИМОСВЯЗЕЙ



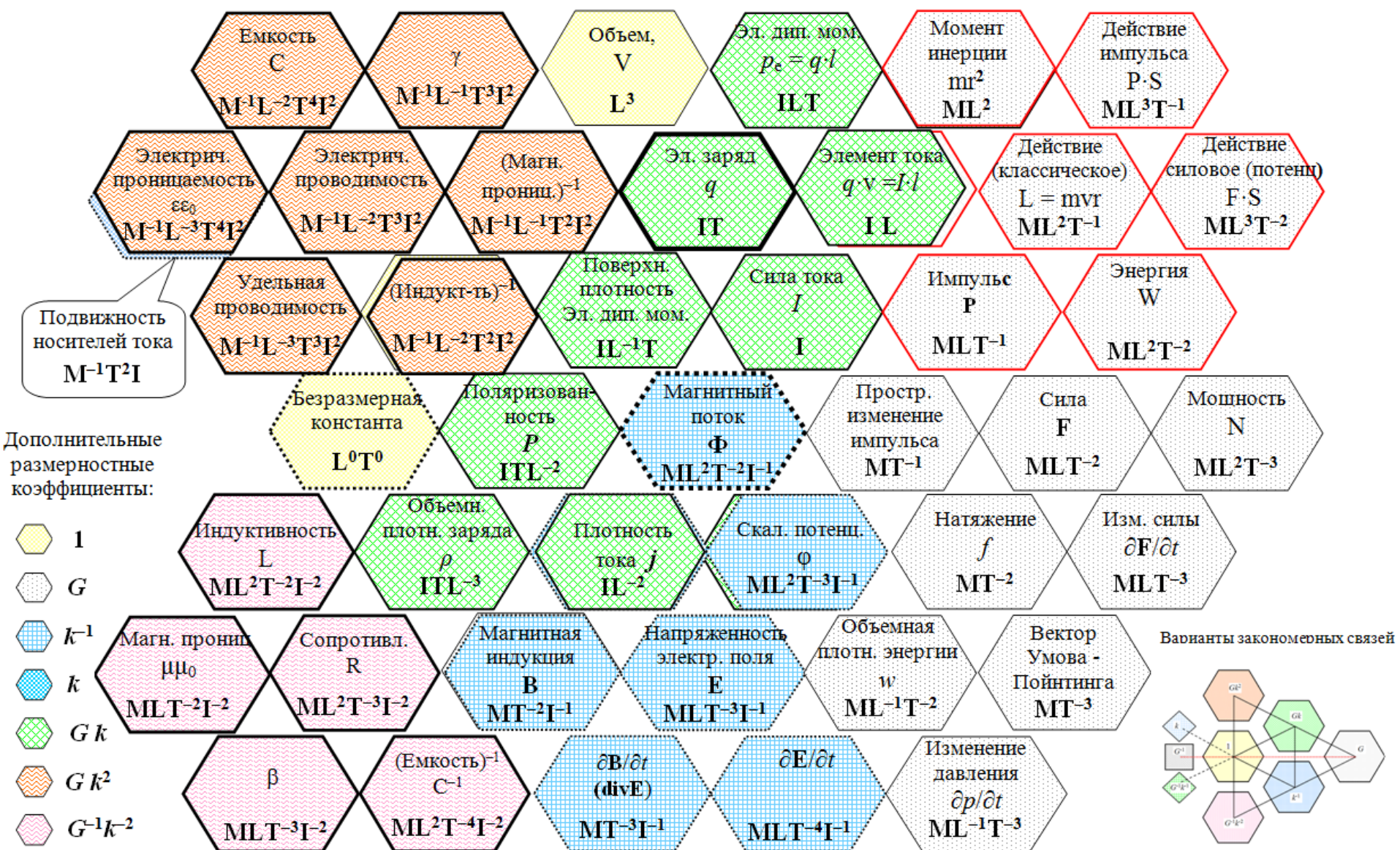
Полевые ЭМ величины это отпечаток через **заряд** базовых динамических ФВ

СИСТЕМА ЭЛЕКТРОМАГНИТНЫХ ВЕЛИЧИН И ИХ ВЗАИМОСВЯЗЕЙ

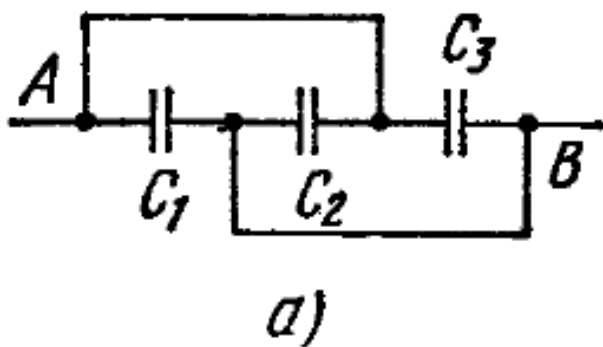


Структуро-средовые ЭМ величины это отпечаток через **заряд** ФВ **действия**

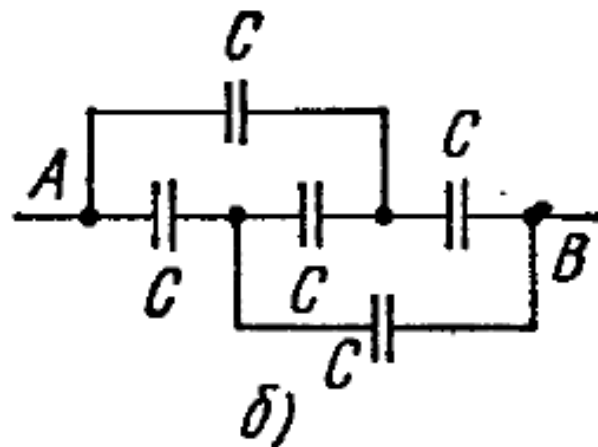
Система электромагнитных величин и их взаимосвязей



Определить емкость системы конденсаторов

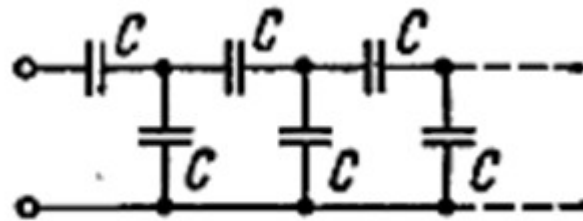


$$C_{\Sigma} \equiv \sum_i C_i$$



$$C_{\Sigma} \equiv C$$

Ёмкость системы конденсаторов



$$C_x = C(\sqrt{5} + 1)/2$$

Спасибо за внимание, конец лекции 7