deryua 6



Взаимное расположение двух премых на плоскости плоскостей, заданных общими уравнениями

Tycho
$$l_1: A_1X + B_1Y + C_1 = 0, \quad J_1: A_1X + B_1Y + C_1Z + D_1 = 0,$$

$$l_2: A_2X + B_2Y + C_2 = 0, \quad J_2: A_2X + B_3Y + C_3Z + D_2 = 0$$

$$npentie ha nnockoch, nnockoch binp-be, nnockoch binp-be, b appulhar cucrelle koopguehar.$$

$$0 \ l_{1} = l_{2} \iff \frac{A_{1}}{A_{2}} = \frac{B_{1}}{B_{2}} = \frac{C_{1}}{C_{2}}, \ 0 = \frac{B_{1}}{A_{2}} = \frac{B_{1}}{B_{2}} = \frac{C_{1}}{C_{2}} = \frac{B_{1}}{B_{2}} = \frac{C_{1}}{B_{2}} = \frac{B_{1}}{B_{2}} = \frac{B_{1}}{B_{2}} = \frac{C_{1}}{B_{2}} = \frac{B_{1}}{B_{2}} = \frac{C$$

$$3l_1 Nl_2 \rightleftharpoons \frac{A_1}{A_2} \neq \frac{B_1}{B_2}.$$

$$3J_1 N J_2 \rightleftharpoons \frac{A_1}{A_2} \neq \frac{B_1}{B_2} \text{ use } \frac{A_1}{A_2} \neq \frac{B_1}{B_2} \text{ use } \frac{A_1}{A_2} \neq \frac{C_1}{C_2}$$

Есми система координат премоугольная, то $\ell_1 \perp \ell_2 \iff A_1A_2 + B_1B_2 = 0$ $\text{ОТ, } \perp \Pi_2 \iff A_1A_2 + B_1B_2 + C_1C_2 = 0$

DOK-B.

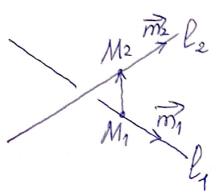
1) (=) Густ все котф-то уравнений пропорушональног, т.е.

Сканировано с CamScanner

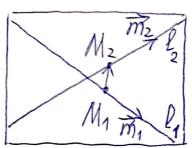
Porchuller chas. npoce



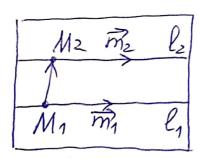
Взаимное расположение прямогх в пространстве, заданных почкой и направляющими вектором



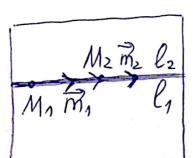
le u le cicperquibaisse (=> cirecu. npougl Me Me me me +0 (T.e. M.M., m., m. He KOMMAHAPHET)



 $\ell_1 \cap \ell_2 \implies 1) M_1 M_2 m_1 m_2 = 0$ (т.е. $M_1 M_2, m_1, m_2$ компланарны) и 2) $m_1 u m_2$ не коминеарны.

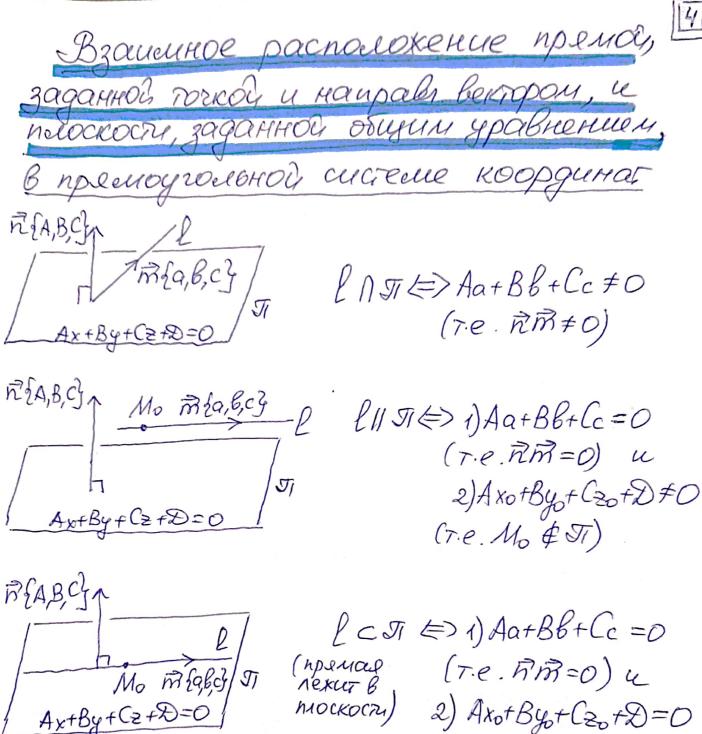


 $\ell_1 11 \ell_2 = 1) \vec{m}_1 \vec{m}_2 KOMUH. 4$ 2) $\vec{M}_1 \vec{M}_2 \vec{m}_1 (unu M_1 \vec{M}_2 \vec{u} \vec{m}_2)$ не коминестрия



 $\ell_1 \equiv \ell_2 \rightleftharpoons M_1 M_2, \overline{M}_1, \overline{M}_2$ (colnagaror) KOLLUME aprilor.

gbyx πρεμισιχ ος κοξι μποςκος η $(T \cdot e \cdot M_1 M_2 \cdot m_1 \cdot m_2)$ $(T \cdot e \cdot M_1 M_2 \cdot m_1 \cdot m_2)$ $(T \cdot e \cdot M_1 M_2 \cdot m_1 \cdot m_2)$ $(T \cdot e \cdot M_1 M_2 \cdot m_1 \cdot m_2)$ $(T \cdot e \cdot M_1 M_2 \cdot m_1 \cdot m_2)$ $(T \cdot e \cdot M_1 M_2 \cdot m_1 \cdot m_2)$ $(T \cdot e \cdot M_1 M_2 \cdot m_1 \cdot m_2)$ $(T \cdot e \cdot M_1 M_2 \cdot m_1 \cdot m_2)$ $(T \cdot e \cdot M_1 M_2 \cdot m_1 \cdot m_2)$ $(T \cdot e \cdot M_1 M_2 \cdot m_1 \cdot m_2)$ $(T \cdot e \cdot M_1 M_2 \cdot m_1 \cdot m_2 \cdot m_2 \cdot m_2 \cdot m_3 \cdot m_4 \cdot m_2 \cdot m_4 \cdot m_4$



аффинной Верно в произвольной системе координа.

(T.e. MoEJi)

Paccroshue or Toyke MAOCKOCPLE, go npenou HOL MACKOCAL, заданной общий уравнением в custeme Mo (x0, y0, 20) 9 Mo (xo, yo) Ax+By+C=0 AX+By+Cz+D=C D(Mo, Ji) = 1 Axo+Byo+Czo+D/ VA2+R2+C2 $\mathcal{S}(M_0, l) = \frac{|A \times 0 + B \cdot y_0 + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$ Dokazarerecto (gre mockocar, gre mperior arganor) 1) p(Mo, JI) = [HMo], ye HMo (xo-XH, Yo-YH, 20-ZH). Pac. нормаль refA,B,C}.
Возможнен г слугае: n 11HMo и r 1VHMo.
Hacigen nHMo=In IHMo| Cos(n, HMo) = ±1m IHMo| 0°414180° Cueg., [P. HM.]= [R][HM.] Assipaques |HMo| = |R.HMo| 121=VA2+B2+C2 2) 3 Hame Harris 3) rucruters: 7.HMo=A(xo-XH)+B(yo-YH)+C(Zo-ZH)= = Axo+Byo+Czo-(AxH+BYH+CzH) = Axo+Byo+Czo+D

-DIFIK HEJT (=)AXH+BYH+ (ZH+D=0)



4) Tiogerahim 2), 3) B 1), nonyyum Tpes. Popuyny.

4.7.9.

Cnegarbue

Расстание между парамельными

премыши напа, пликования, заданными общими уреши в премоугольной системе координат.

Ax+By+C1=0 P,

Ax+By+Cz=0 lz

 $\mathcal{D}(\ell_1, \ell_2) = \frac{|C_1 - C_2|}{\sqrt{A^2 + R^2}}$

/AxtBy+Cz+D1=0/JI1

/AxtBy+Cz+Dz=O/J2

 $D(J_1, J_2) = \frac{1D_1 - D_2}{\sqrt{A^2 + B^2 + C^2}}$

(sej gok-ba)



Paccioneue or vorky go npende в пространстве в премоуп. сист. кт

$$\frac{M_{o}(x_{0},y_{0},z_{0})}{h=p(M_{o},l)} = \frac{1}{|M_{1}(x_{1},y_{1},z_{1})|} \frac{\overline{M}_{o}(a,b,c)}{\overline{M}_{o}(a,b,c)} = \frac{1}{|M_{1}M_{0}\times\overline{M}|} = \frac{1}{|M_{1}M_{0}\times\overline{M}|} = \frac{1}{|M_{1}M_{0}\times\overline{M}|} = \frac{1}{|M_{2}M_{0}\times\overline{M}|} = \frac{1}$$

DOK-BO,

1) Рас. парамелограми, построенной на М, Мо и т. -Погра p(Mo, l) = h высога парам-м

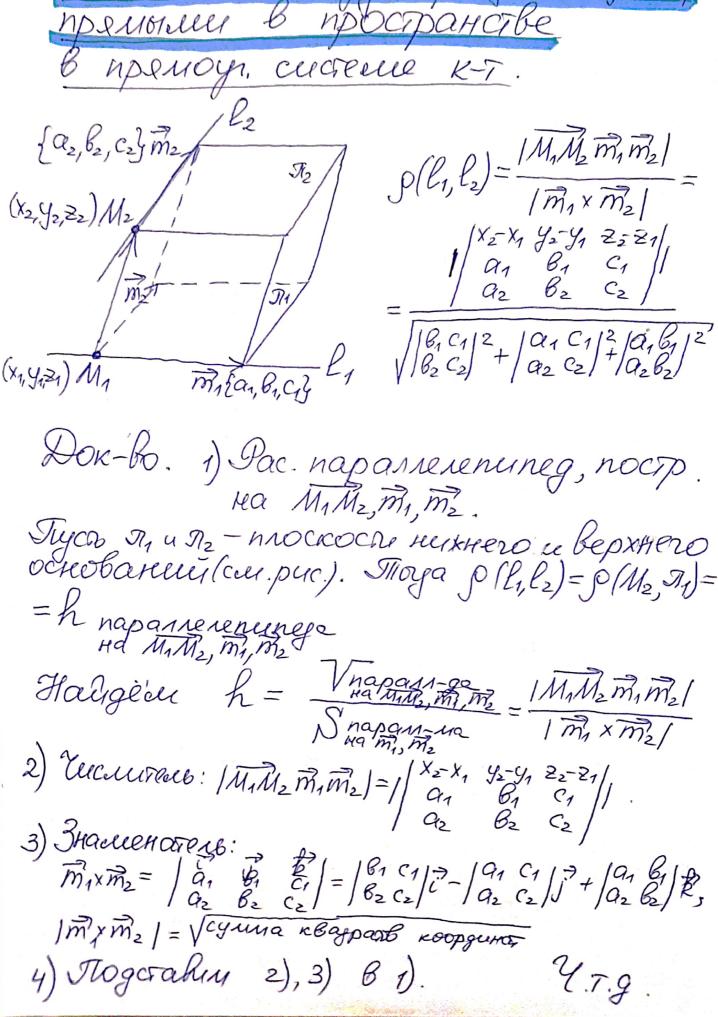
Thora $\rho(M_0, l) = h$ borcora napan-na. Haingëine $h = \frac{1}{|\vec{m}|} \frac{1}{|\vec{m}|} \frac{1}{|\vec{m}|} \frac{1}{|\vec{m}|} \frac{1}{|\vec{m}|}$

2) 3Hammerans: /m/ = Va2+62+C2

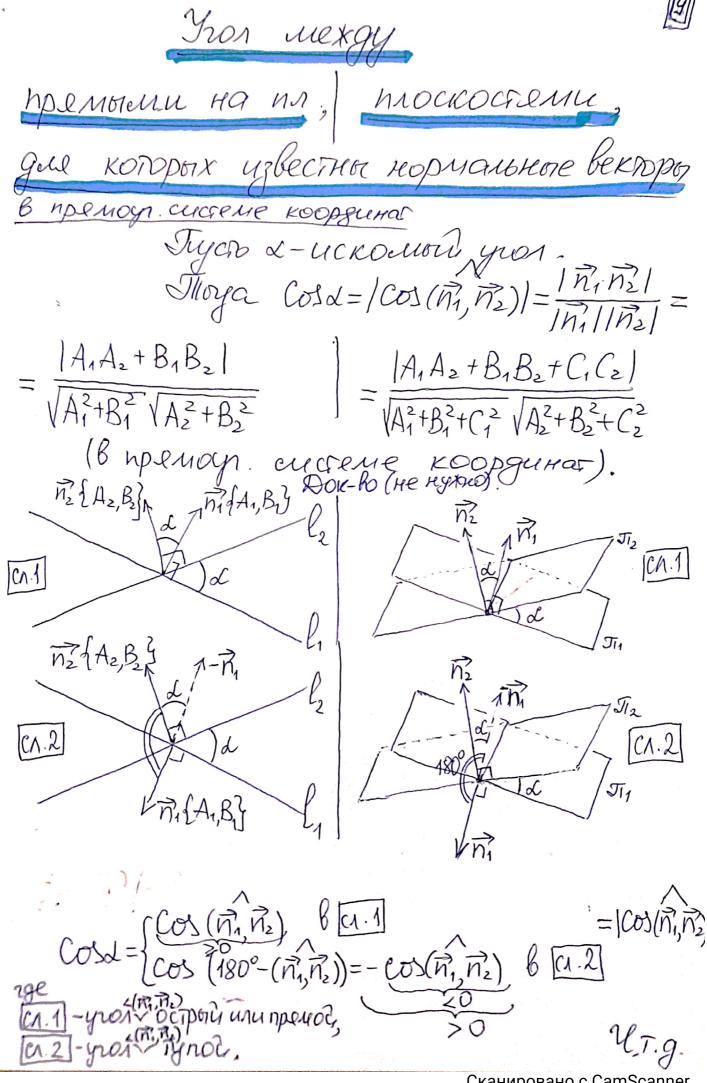
3) Eucnereus: $\overline{M_1M_0} = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ x_0 - x_1 & y_0 - y_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} y_0 y_1 & z_0 - z_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ x_0 - x_1 & z_0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\$

4) Regardhen 2),3) B1)

4.7.9



ETORHUE MEXGY CRPELYUBANGKIMIN



Сканировано с CamScanner

Tros mexgy npentonum.

(на плоскости или в пространстве),

ди когорых известных направленонуме
векторы. в премоун. сист. кт.

Typemb $x-uckoulour your [\overline{m_1},\overline{m_2}]$ Thorga $\cos x = |\cos(\overline{m_1},\overline{m_2})| = |\overline{m_1}\cdot\overline{m_2}|$ Dok-bo (He kykno).

(1.1: (m_1, m_2) octpoils until m_1 period m_1 period

(1.2: $2(\overline{m}_1,\overline{m}_2)$ \overline{m}_2 \overline{m}_1 ℓ_1

 $\cos x = \begin{cases} \cos (\vec{m_1}, \vec{m_2}) & \text{B cu. 1} \\ \cos (180^{\circ} - (\vec{m_1}, \vec{m_2})) = -\cos (\vec{m_1}, \vec{m_2}) & \text{B cu. 2} \\ = |\cos (\vec{m_1}, \vec{m_2})| \end{cases}$

Y. T.9

Tros mexgy premois & np-be, gul Koropoù yzbecren nanpabnenougued вектр, и плоскосто для котрод uzbecita нормаль, в премоут сист. К.Г. Tycro х-искошой угол (он paleн улу ещехду пресмод и её проекцией на плоскост). Thorse $\sin x = |\cos(\vec{n}, \vec{m})| = \frac{|\vec{n} \cdot \vec{m}|}{|\vec{n}||\vec{m}|} =$ [Aa+BB+Cc] (B npenoyn. cucr. K+) ARGA,B,C3 L ARGA,B,C3 Dove-bo. Tyco β -you mexpy \vec{n} u \vec{m} .

(Ne hykho) Those

Sind = $\begin{cases} Sin\left(\frac{\sqrt{3}}{2}-\beta\right), ecn \beta \text{ octions une note of } \\ Sin \left(\beta - \frac{\sqrt{3}}{2}\right), ecn \beta \end{cases}$ Tynos $=|\cos\beta|=|\cos(\vec{n},\vec{m})|=\frac{|\vec{n}\cdot\vec{m}|}{|\vec{n}||\vec{m}|}.$ 4.7.9.