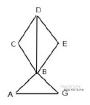
1. На рисунке справа схема дорог Н-ского района изображена в виде графа, в таблице содержатся сведения о дорогах между населенными пунктами (звездочка означает, что дорога между соответствующими городами есть).

| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 1 | | * | | * | | |
| 2 | * | | | * | | * |
| 3 | | | | * | * | |
| 4 | * | * | * | | * | * |
| 5 | | | * | * | | |
| 6 | | * | | * | | |



Так как таблицу и схему рисовали независимо друг от друга, то нумерация населённых пунктов в таблице никак не связана с буквенными обозначениями на графе. Определите номера населенных пунктов А и G в таблице. В ответе запишите числа в порядке возрастания без разделителей.

2. Логическая функция F задаётся выражением $((x \to y) \equiv (z \to w)) \lor (x \land w)$.

Дан частично заполненный фрагмент, содержащий **неповторяющиеся** строки таблицы истинности функции F.

Определите, какому столбцу таблицы истинности соответствует каждая из переменных х, у, z, w.

| Переменная 1 | Переменная 2 | Переменная 3 | Переменная 4 | Функция |
|--------------|--------------|--------------|--------------|---------|
| ??? | ??? | ??? | ??? | F |
| 1 | | | | 0 |
| 1 | 1 | | | 0 |
| 1 | 1 | 1 | | 0 |

В ответе напишите буквы x, y, z, w в том порядке, в котором идут соответствующие им столбцы (сначала— буква, соответствующая первому столбцу; затем— буква, соответствующая второму столбцу, и т. д.). Буквы в ответе пишите подряд, никаких разделителей между буквами ставить не нужно.

Пример. Пусть задано выражение $x \to y$, зависящее от двух переменных x и y, и фрагмент таблицы истинности:

| Переменная 1 | Переменная 1 | Функция |
|--------------|--------------|---------|
| ??? | ??? | F |
| 0 | 1 | 0 |

Тогда первому столбцу соответствует переменная y, а второму столбцу соответствует переменная x. В ответе нужно написать: yx.

3. В файле приведён фрагмент базы данных «Продукты» о поставках товаров в магазины районов города. База данных состоит из трёх таблиц.

3.xlsx

Таблица «Движение товаров» содержит записи о поставках товаров в магазины в течение первой декады июня 2021 г., а также информацию о проданных товарах. Поле *Тип операции* содержит значение *Поступление* или *Продажа*, а в соответствующее поле *Количество упаковок*, *шт.* занесена информация о том, сколько упаковок товара поступило в магазин или было продано в течение дня. Заголовок таблицы имеет следующий вид.

| Ī | | Дата | ID магазина | Артикул | Тип операции | Количество упаковок, | Цена, руб./шт. |
|---|----------|------|-------------|---------|-----------------|----------------------|-------------------|
| | операции | | | | операции | IIIT. | руо./шт. |

Таблица «Товар» содержит информацию об основных характеристиках каждого товара. Заголовок таблицы имеет следующий вид.

| Артикул Отдел Наименование | Ед. изм. | Количество в упаковке | Поставщик |
|----------------------------|----------|--------------------------|-----------|
|----------------------------|----------|--------------------------|-----------|

Таблица «Магазин» содержит информацию о местонахождении магазинов. Заголовок таблицы имеет следующий вид.



На рисунке приведена схема указанной базы данных.



Используя информацию из приведённой базы данных, определите на сколько увеличилось количество упаковок кофе растворимого, имеющихся в наличии в магазинах Первомайского района, за период с 1 по 10 июня включительно.

В ответе запишите только число.

- 4. Для передачи чисел по каналу с помехами используется код проверки четности. Каждая его цифра записывается в двоичном представлении, с добавлением ведущих нулей до длины 4, и к каждому представлению дописывается сумма его элементов по модулю 2 (например, если передаём 23, то получим последовательность 0010100110). Определите, какое число передавалось по каналу в виде 01100010100100100110.
- **5**. У исполнителя, который работает с положительными однобайтовыми двоичными числами, две команды, которым присвоены номера:
 - 1. сдвинь влево
 - 2. вычти 1

Выполняя первую из них, исполнитель сдвигает число на один двоичный разряд влево, причём на место освободившегося бита ставится 0. Выполняя вторую команду исполнитель вычитает из числа 1. Исполнитель начал вычисления с числа 91 и выполнил цепочку команд 112112. Запишите результат в десятичной системе.

6. Определите, что будет напечатано в результате работы следующего фрагмента программы:

| Бейсик | Python |
|--|---|
| DIM K, S AS INTEGER S = 0 K = 1 WHILE S < 66 K = K + 3 S = S + K WEND PRINT K | s = 0 k = 1 while s < 66: k += 3 s += k print(k) |
| Паскаль | Алгоритмический язык |
| var k, s: integer; begin s:=0; k:=1; while s < 66 do begin k:=k+3; s:=s+k; end; write(k); end. | алг нач цел k , s $s:=0$ $k:=1$ нц пока $s<66$ $k:=k+3$ $s:=s+k$ кц вывод k |
| Си | ++ |
| using namint maint maint maint s = 0 while (k = s = cout << | ciostream> espace std; in() { s, k; , k = 1; s < 66) { k + 3; s + k; } k << endl; im 0; |

- 7. Музыкальный фрагмент был оцифрован и записан в виде файла без использования сжатия данных. Получившийся файл был передан в город А по каналу связи за 30 секунд. Затем тот же музыкальный фрагмент был оцифрован повторно с разрешением в 2 раза выше и частотой дискретизации в 1,5 раза меньше, чем в первый раз. Сжатие данных не производилось. Полученный файл был передан в город Б пропускная способность канала связи с городом Б в 4 раза выше, чем канала связи с городом А. Сколько секунд длилась передача файла в город Б? В ответе запишите только целое число, единицу измерения писать не нужно.
- **8**. В закрытом ящике находится 32 карандаша, некоторые из них синего цвета. Наугад вынимается один карандаш. Сообщение «этот карандаш НЕ синий» несёт 4 бита информации. Сколько синих карандашей в ящике?

9. Откройте файл электронной таблицы, содержащей вещественные числа— результаты ежечасного измерения температуры воздуха в течение трёх месяцев. Найдите разность между максимальной температурой воздуха с 1 апреля по 31 мая с 9:00 до 12:00 включительно и средним значением температуры воздуха в эти часы в апреле и мае, используя данные, представленные в таблице.

В ответе запишите только целую часть получившегося числа.

Задание 9

10. Определите, сколько раз в тексте произведения А.С.Пушкина «Дубровский» встречается существительное «пир» в любом числе и падеже.

<u>Задание 10</u>

11. Некоторое устройство имеет специальную кнопку включения/выключения, а выбор режима работы осуществляется установкой ручек двух тумблеров, каждая из которых может находиться в одном из пяти положений. Сколько различных режимов работы может иметь устройство? Выключенное состояние режимом работы не считать.

12. Исполнитель Редактор получает на вход строку цифр и преобразовывает её. Редактор может выполнять две команды, в обеих командах *v* и *w* обозначают цепочки цифр.

A) заменить (v, w).

Эта команда заменяет в строке первое слева вхождение цепочки v на цепочку w. Например, выполнение команды

заменить (555, 63)

преобразует строку 12555550 в строку 1263550.

Если в строке нет вхождений цепочки v, то выполнение команды **заменить** (v, w) не меняет эту строку.

Б) **нашлось** (*v*).

Эта команда проверяет, встречается ли цепочка v в строке исполнителя Редактор. Если она встречается, то команда возвращает логическое значение «истина», в противном случае возвращает значение «ложь». Строка исполнителя при этом не изменяется.

Цикл
ПОКА условие
последовательность команд
КОНЕЦ ПОКА
выполняется, пока условие истинно.
В конструкции
ЕСЛИ условие
ТО команда I
ИНАЧЕ команда 2
КОНЕЦ ЕСЛИ

Какая строка получится в результате применения приведённой ниже программы к строке, состоящей

выполняется команда1 (если условие истинно) или команда2 (если условие ложно).

из 1000 идущих подряд цифр 9? В ответе запишите полученную строку. НАЧАЛО

ПОКА нашлось (999) ИЛИ нашлось (888)

ЕСЛИ нашлось (888)

ТО заменить (888, 9)

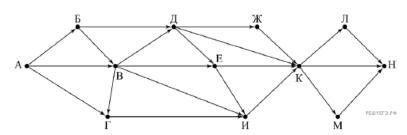
ИНАЧЕ заменить (999, 8)

КОНЕЦ ЕСЛИ

КОНЕЦ ПОКА

КОНЕЦ

13. На рисунке — схема дорог, связывающих пункты А, Б, В, Г, Д, Е, Ж, И, К, Л, М, Н. Сколько существует различных путей из пункта А в пункт Н, не проходящих через пункт В?



- **14.** Сколько единиц содержится в двоичной записи значения выражения: $4^{2020} + 2^{2017} 15$?
- 15. Для какого наибольшего целого неотрицательного числа A выражение

$$(2x+3y<30) \ V \ (x+y\geq A)$$

тождественно истинно при любых целых неотрицательных х и у?

16. Ниже на пяти языках программирования записан рекурсивный алгоритм F.

| Бейсик | Python |
|---|---|
| DECLARE SUB F(n) SUB F (n) IF n > 0 THEN F(n \ 4) PRINT n F(n - 1) END IF END SUB | def F(n): if n > 0: F(n // 4) print(n) F (n - 1) |
| Паскаль | Алгоритмический язык |
| procedure F(n: integer); begin if n > 0 then begin F(n div 4); write(n); F(n - 1); end end; | алг F(цел n) нач если n > 0 то F(div(n, 4)) вывод п F(n - 1) все кон |
| Си | :++ |
| if (n F(std::c | (int n) { 1 > 0) { 1 > 1 > 1 > 1 > 1 > 1 > 1 > 1 > 1 > 1 > |

В качестве ответа укажите последовательность цифр, которая будет напечатана на экране в результате вызова F(5).

 $17.\ B$ файле содержится последовательность целых чисел. Элементы последовательности могут принимать целые значения от $-10\ 000\ до\ 10\ 000\ включительно.$ Определите и запишите в ответе сначала количество пар элементов последовательности, в которых хотя бы одно число делится на 3, затем максимальную из сумм элементов таких пар. В данной задаче под парой подразумевается два идущих подряд элемента последовательности. Например, для последовательности из пяти элементов: 6; 2; 9; -3; 6— ответ: 4 11.

| - 1 | 17 | 7 | tv |
|-----|-----|---|-----------------|
| | L / | | $\iota \Lambda$ |
| | | | |

| Ответ: | |
|--------|--|
| ответ. | |

Вариант № 9325894

18. Дан квадрат 15×15 клеток, в каждой клетке которого записано целое число. В правом верхнем углу квадрата стоит робот. За один ход робот может переместиться на одну клетку влево, вниз или по диагонали влево вниз. Выходить за пределы квадрата робот не может. Необходимо переместить робота в левый нижний угол так, чтобы сумма чисел в клетках, через которые прошёл робот (включая начальную и конечную), была максимальной. В ответе запишите максимально возможную сумму.

Исходные данные записаны в электронной таблице.

Задание 18

Пример входных данных (для таблицы размером 4 × 4):

| 4 | 21 | -36 | 11 |
|-----|-----|-----|----|
| 37 | -12 | 29 | 7 |
| -30 | 24 | -1 | -5 |
| 8 | -8 | 9 | 21 |

Для указанных входных данных ответом будет число 79 (робот проходит через клетки с числами 11, 7, 29, 24, 8).

19. Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежат две кучи камней Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может добавить в одну из куч один камень, увеличить количество камней в первой куче в два раза или увеличить количество камней во второй куче в три раза. Например, пусть в одной куче 6 камней, а в другой 9 камней; такую позицию мы будем обозначать (6, 9). За один ход из позиции (6, 9) можно получить любую из четырёх позиций: (7, 9), (12, 9), (6, 10), (6, 27). Чтобы делать

ходы, у каждого игрока есть неограниченное количество камней.

Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в кучах становится не менее 69. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший позицию, в которой в кучах будет 69 или больше камней.

В начальный момент в первой куче было 10 камней, во второй куче — S камней, $1 \le S \le 58$.

Будем говорить, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока— значит, описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника. В описание выигрышной стратегии не следует включать ходы играющего по ней игрока, которые не являются для него безусловно выигрышными, т.е не гарантирующие выигрыш независимо от игры противника.

Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом после неудачного первого хода Пети. Укажите минимальное значение *S*, когда такая ситуация возможна.

20. Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежат две кучи камней Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может добавить в одну из куч один камень, увеличить количество камней в первой куче в два раза или увеличить количество камней во второй куче в три раза. Например, пусть в одной куче 6 камней, а в другой 9 камней; такую позицию мы будем обозначать (6, 9). За один ход из позиции (6, 9) можно получить любую из четырёх позиций: (7, 9), (12, 9), (6, 10), (6, 27). Чтобы делать

ходы, у каждого игрока есть неограниченное количество камней.

Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в кучах становится не менее 69. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший позицию, в которой в кучах будет 69 или больше камней.

В начальный момент в первой куче было 10 камней, во второй куче — S камней, $1 \le S \le 58$.

Будем говорить, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока— значит, описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника. В описание выигрышной стратегии не следует включать ходы играющего по ней игрока, которые не являются для него безусловно выигрышными, т.е не гарантирующие выигрыш независимо от игры противника.

Найдите два таких значения S, при которых у Пети есть выигрышная стратегия, причём одновременно выполняются два условия:

- Петя не может выиграть за один ход;
- Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня. Найденные значения запишите в ответе в порядке возрастания без разделительных знаков.
- 21. Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежат две кучи камней Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может добавить в одну из куч один камень, увеличить количество камней в первой куче в два раза или увеличить количество камней во второй куче в три раза. Например, пусть в одной куче 6 камней, а в другой 9 камней; такую позицию мы будем обозначать (6, 9). За один ход из позиции (6, 9) можно получить любую из четырёх позиций: (7, 9), (12, 9), (6, 10), (6, 27). Чтобы делать

ходы, у каждого игрока есть неограниченное количество камней.

Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в кучах становится не менее 69. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший позицию, в которой в кучах будет 69 или больше камней.

В начальный момент в первой куче было 10 камней, во второй куче — S камней, $1 \le S \le 58$.

Будем говорить, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока— значит, описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника. В описание выигрышной стратегии не следует включать ходы играющего по ней игрока, которые не являются для него безусловно выигрышными, т.е не гарантирующие выигрыш независимо от игры противника.

Найдите минимальное значение S, при котором одновременно выполняются два условия:

- у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при любой игре Пети;
 - у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.

22. Укажите наибольшее десятичное число, при вводе которого на экране сначала напечатается 3, а затем 6.

| Бейсик | Python | |
|---|---|--|
| DIM X, L, M AS INTEGER INPUT X $L=0$ $M=0$ WHILE $X>0$ $L=L+1$ IF X MOD $2 \Leftrightarrow 0$ THEN $M=M+(X \text{ MOD } 8)$ ENDIF $X=X \setminus 8$ WEND PRINT L PRINT M | x = int(input()) L = 0 M = 0 while x > 0: L = L+1 if (x % 2)!= 0: M = M + x % 8 x = x // 8 print(L) print(M) | |
| Паскаль | Алгоритмический язык | |
| var x, L, M: integer; begin readln(x); L:=0; M:=0; while x > 0 do begin L:=L + 1; if (x mod 2) <> 0 then M:= M + x mod 8; x:= x div 8; end; writeln(L); write(M); end. | алг нач пел x , L , M ввод x $L := 0$ $M := 0$ нц пока $x > 0$ $L := L + 1$ если mod(x , 2) $<> 0$ то $M := M + mod(x, x); x := div(x, x) все кц вывод x, x := div(x, x)$ | |
| Си | ++ | |
| #include < using name | ciostream> | |
| int main(void) { int L, M, x; cin >> x; L = 0; M = 0; while (x > 0) { L = L + 1; if (x % 2!= 0) { M = M + x % 8; } x = x / 8; } cout << L << `` << M; } | | |

Задание

23. Исполнитель A16 преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

- Прибавить 1
- 2. Прибавить 2
- 3. Умножить на 2

Первая из них увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 2, третья умножает его на 2

Программа для исполнителя А16 – это последовательность команд.

Сколько существует таких программ, которые исходное число 3 преобразуют в число 12 и при этом траектория вычислений программы содержит число 10?

Траектория вычислений программы — это последовательность результатов выполнения всех команд программы. Например, для программы 132 при исходном числе 7 траектория будет состоять из чисел 8, 16, 18.

24. Текстовый файл содержит строки различной длины. Общий объём файла не превышает 1 Мбайт. Строки содержат только заглавные буквы латинского алфавита (ABC...Z).

Необходимо найти строку, содержащую наименьшее количество букв N (если таких строк несколько, надо взять ту, которая находится в файле раньше), и определить, какая буква встречается в этой строке чаще всего. Если таких букв несколько, надо взять ту, которая позже стоит в алфавите.

Пример. Исходный файл:

NINA NABLAB ANAAA

В этом примере в первой строке две буквы N, во второй и третьей— по одной. Берём вторую строку, т.к. она находится в файле раньше. В этой строке чаще других встречаются буквы A и B (по два раза), выбираем букву B, т. к. она позже стоит в алфавите. В ответе для этого примера надо записать B.

Для выполнения этого задания следует написать программу. Ниже приведён файл, который необходимо обработать с помощью данного алгоритма.

Задание 24

| 25. | |
|---|--------|
| Найдите все натуральные числа, принадлежащие отрезку [45 000 000; 50 000 000], у которых ровно пять различных нечётных делителей (количество чётных делителей может | Ответ: |
| быть любым). В ответе перечислите найденные числа в порядке возрастания. | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |

26. На грузовом судне необходимо перевезти контейнеры, имеющие одинаковый габарит и разные массы (некоторые контейнеры могут иметь одинаковую массу). Общая масса всех контейнеров превышает грузоподъёмность судна. Количество грузовых мест на судне не меньше количества контейнеров, назначенных к перевозке. Какое максимальное количество контейнеров можно перевезти за один рейс и какова масса самого тяжёлого контейнера среди всех контейнеров, которые можно перевезти за один рейс?

Входные данные.

Залание 26

В первой строке входного файла находятся два числа: S— грузоподъёмность судна (натуральное число, не превышающее 100 000) и N— количество контейнеров (натуральное число, не превышающее 20 000). В следующих N строках находятся значения масс контейнеров, требующих транспортировки (все числа натуральные, не превышающие 100), каждое в отдельной строке.

Выходные данные.

Два целых неотрицательных числа: максимальное количество контейнеров, которые можно перевезти за один рейс и масса наиболее тяжёлого из них.

| | | 1 " |
|--------|----------|--------|
| пример | входного | таипа. |
| | | |

100 4

80

30

50

При таких исходных данных можно транспортировать за один раз максимум два контейнера. Возможные массы этих двух контейнеров 30 и 40, 30 и 50 или 40 и 50. Поэтому ответ для приведённого примера: 2 50.

| Ответ: | |
|--------|--|
| | |

13/14

27. Имеется набор данных, состоящий из троек положительных целых чисел. Необходимо выбрать из каждой тройки ровно одно число так, чтобы сумма всех выбранных чисел не делилась на k=109 и при этом была максимально возможной. Гарантируется, что искомую сумму получить можно. Программа должна напечатать одно число — максимально возможную сумму, соответствующую условиям задачи.

Входные данные.

<u>Файл А</u> Файл В

Даны два входных файла (файл A и файл B), каждый из которых содержит в первой строке количество троек N ($1 \le N \le 1\,000\,000$). Каждая из следующих N строк содержит три натуральных числа, не превышающих $20\,000$.

Пример организации исходных данных во входном файле:

6

1 3 7

5 12 6

6911

5 4 8

3 5 4 1 1 1

Для указанных входных данных, в случае, если k = 5, значением искомой суммы является число 44.

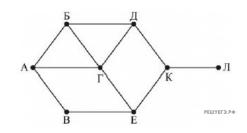
В ответе укажите два числа: сначала значение искомой суммы для файла A, затем для файла B.

Ответ:

1/13

1. На рисунке схема дорог изображена в виде графа, в таблице содержатся сведения о длине этих дорог в километрах.

| | П1 | П2 | П3 | П4 | П5 | П6 | П7 | П8 |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| П1 | | | | 37 | | | | 23 |
| П2 | | | 25 | | | 44 | | 46 |
| П3 | | 25 | | | | | | |
| П4 | 37 | | | | 34 | | 42 | |
| П5 | | | | 34 | | 24 | 28 | |
| П6 | | 44 | | | 24 | | 29 | |
| П7 | | | | 42 | 28 | 29 | | 31 |
| П8 | 23 | 46 | | | | | 31 | |



Так как таблицу и схему рисовали независимо друг от друга, то нумерация населённых пунктов в таблице никак не связана с буквенными обозначениями на графе. Определите длину дороги из пункта \overline{b} в пункт Γ . В ответе запишите целое число.

ВНИМАНИЕ. Длины отрезков на схеме не отражают длины дорог.

2 . Логическая функция F задаётся выражением (¬z) Λx . Определите, какому столбцу таблицы истинности функции F соответствует каждая из переменных x, y, z.

| Перем. 1 | Перем. 2 | Перем. 3 | Функция |
|----------|----------|----------|---------|
| ??? | ??? | ??? | F |
| 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 0 |

В ответе напишите буквы x, y, z в том порядке, в котором идут соответствующие им столбцы (сначала — буква, соответствующая 1-му столбцу, затем — буква, соответствующая 2-му столбцу, затем — буква, соответствующая 3-му столбцу). Буквы в ответе пишите подряд, никаких разделителей между буквами ставить не нужно.

Пример. Пусть задано выражение $x \to y$, зависящее от двух переменных x и y, и таблица истинности:

| Перем. 1 | Перем. 2 | Функция |
|----------|----------|---------|
| ??? | ??? | F |
| 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 |

Тогда 1-му столбцу соответствует переменная y, а 2-му столбцу соответствует переменная x. В ответе нужно написать: yx.

Вариант № 9325895

3. В файле приведён фрагмент базы данных «Продукты» о поставках товаров в магазины районов города. База данных состоит из трёх таблиц.

3.xlsx

Таблица «Движение товаров» содержит записи о поставках товаров в магазины в течение первой декады июня 2021 г., а также информацию о проданных товарах. Поле *Тип операции* содержит значение *Поступление* или *Продажа*, а в соответствующее поле *Количество упаковок, шт.* занесена информация о том, сколько упаковок товара поступило в магазин или было продано в течение дня. Заголовок таблицы имеет следующий вид.

| Ī | ID | Пата | ID магазина | Артикали | Тип | Количество упаковок, | Цена, |
|---|----------|------|--------------|----------|----------|----------------------|----------|
| | операции | дата | 112 магазина | Артикул | операции | шт. | руб./шт. |

Таблица «Товар» содержит информацию об основных характеристиках каждого товара. Заголовок таблицы имеет следующий вид.

| Артикул | Отдел | Наименование | Ед. изм. | Количество в упаковке | Поставщик |
|---------|-------|--------------|----------|--------------------------|-----------|
|---------|-------|--------------|----------|--------------------------|-----------|

Таблица «Магазин» содержит информацию о местонахождении магазинов. Заголовок таблицы имеет следующий вид.



На рисунке приведена схема указанной базы данных.



Используя информацию из приведённой базы данных, определите, сколько рублей заработали магазины Октябрьского района от продажи товаров от поставщика «Экопродукты» за период с 1 по 10 июня включительно.

В ответе запишите только число.

3/13

- **4.** Для кодирования букв Д, Х, Р, О, В решили использовать двоичное представление чисел 0, 1, 2, 3 г 4 соответственно (с сохранением одного незначащего нуля в случае одноразрядного представления). Закодируйте последовательность букв ХОРОВОД таким способом и результат запишите восьмеричным колом
 - **5.** Автомат обрабатывает натуральное число N по следующему алгоритму:
- 1. Строится двоичная запись числа N.
- 2. Удаляется первая слева единица и все следующие непосредственно за ней нули. Если после этого в числе не остаётся цифр, результат этого действия считается равным нулю.
- 3. Полученное число переводится в десятичную запись.
- 4. Новое число вычитается из исходного, полученная разность выводится на экран. Пример. Дано число N= 11. Алгоритм работает следующим образом.
- 1. Двоичная запись числа *N*: 1011.
- 2. Удаляется первая единица и следующий за ней ноль: 11.
- 3. Десятичное значение полученного числа 3.
- 4. На экран выводится число 11 3 = 8.

Сколько разных значений будет показано на экране автомата при последовательном вводе всех натуральных чисел от 10 до 1000?

6. Запишите число, которое будет напечатано в результате выполнения следующей программы. Для Вашего удобства программа представлена на пяти языках программирования.

| - ·· | | |
|---|--|--|
| Бейсик | Python | |
| DIM S, N AS INTEGER S = 0 N = 170 WHILE S + N < 325 S = S + 25 N = N - 5 | s = 0 n = 170 while $s + n < 325$; s = s + 25 n = n - 5 | |
| WEND PRINT S | print(s) | |
| Паскаль | Алгоритмический язык | |
| var s, n: integer; begin s := 0; n := 170; while $s + n < 325$ do begin s := s + 25; n := n - 5 end; writeln(s) end. | алг нач цел n, s s:= 0 n:= 170 нц пока s + n < 325 s:= s + 25 n:= n - 5 кц вывод s кон | |
| #include <iostream> using namespace std; int main() { int s = 0, n = 170; while (s + n < 325) { s = s + 25; n = n - 5; } cout << s < endl; return 0; }</iostream> | | |

- 7. Производилась двухканальная (стерео) звукозапись с частотой дискретизации 48 кГц и 24-битным разрешением. В результате был получен файл размером 5625 Мбайт, сжатие данных не производилось. Определите приблизительно, сколько времени (в минутах) производилась запись. В качестве ответа укажите ближайшее к времени записи целое число, кратное 5.
- 8. Матвей составляет 6-буквенные коды из букв M, A, T, B, E, Й. Каждую букву нужно использовать ровно 1 раз, при этом код не может начинаться с буквы Й и не может содержать сочетания АЕ. Сколько различных кодов может составить Матвей?
- 9 . Электронная таблица содержит результаты ежечасного измерения температуры воздуха на протяжении трёх месяцев. Определите, сколько раз за время измерений результат очередного измерения оказывался ниже результата предыдущего на 2 и более градусов.

Залание 9

5/13

10. Определите, сколько раз в тексте произведения А.С. Грибоедова «Горе от ума», не считая сносок, встречается слово «батюшка» или «Батюшка». Другие формы слова «батюшка», такие как «батюшке», «батюшки» и т. д., учитывать не следует. В ответе укажите только число.

Задание 10

11. При регистрации в компьютерной системе каждому пользователю выдаётся идентификатор, состоящий из 10 символов, первый и последний из которых — одна из 18 букв, а остальные — цифры (допускается использование 10 десятичных цифр). Каждый такой идентификатор в компьютерной программе записывается минимально возможным и одинаковым целым количеством байт (при этом используют посимвольное кодирование; все цифры кодируются одинаковым и минимально возможным количеством бит, все буквы также кодируются одинаковым и минимально возможным количеством бит).

Определите объём памяти, отводимый этой программой для записи 25 идентификаторов. (Ответ дайте в байтах.)

12. Система команд исполнителя РОБОТ, «живущего» в прямоугольном лабиринте на клетчатой плоскости, состоит из 8 команд. Четыре команды - это команды-приказы:

вверх вниз влево вправо

При выполнении любой из этих команд РОБОТ перемещается на одну клетку соответственно: вверх \uparrow , вниз \downarrow , влево \leftarrow , вправо \rightarrow .

Четыре команды проверяют истинность условия отсутствия стены у каждой стороны той клетки, где находится РОБОТ:

сверху свободно снизу свободно слева свободно справа свободно

Цикл

ПОКА *условие* последовательность команд КОНЕЦ ПОКА

выполняется, пока условие истинно

В конструкции

ЕСЛИ *условие* ТО *команда1* ИНАЧЕ *команда2* КОНЕЦ ЕСЛИ

выполняется команда1 (если условие истинно) или команда2 (если условие ложно).

В конструкциях ПОКА и ЕСЛИ*условие* может содержать команды проверки, а также слова И, ИЛИ, НЕ, обозначающие логические операции. Если РОБОТ начнёт движение в сторону находящейся рядом с ним стены, то он разрушится и программа прервётся.

Сколько клеток лабиринта соответствуют требованию, что, начав движение в ней и выполнив предложенную программу, РОБОТ уцелеет и остановится в закрашенной клетке (клетка F6)?

НАЧАЛО

ПОКА снизу свободно ИЛИ справа свободно

ЕСЛИ снизу свободно

ТО **вниз**

КОНЕЦ ЕСЛИ

ЕСЛИ справа свободно

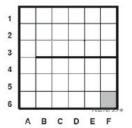
TO

вправо

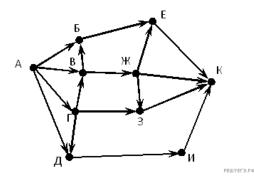
КОНЕЦ ЕСЛИ

КОНЕЦ ПОКА

КОНЕЦ



13. На рисунке— схема дорог, связывающих города А, Б, В, Г, Д, Е, Ж, З, И, К. По каждой дорог можно двигаться только в одном направлении, указанном стрелкой. Сколько существует различных путей из города А в город К?



14. Запись числа N в системе счисления с основанием 6 содержит две цифры, запись этого числа в системе счисления с основанием 5 содержит три цифры, а запись в системе счисления с основанием 11 заканчивается на 1.

Чему равно N?

15. На числовой прямой задан отрезок A. Известно, что формула

$$((x \in A) \to (x^2 \le 100)) \land ((x^2 \le 64) \to (x \in A))$$

тождественно истинна при любом вещественном х. Какую наибольшую длину может иметь отрезок А?

16. Алгоритм вычисления значения функции F(n), где n — натуральное число, задан следующими соотношениями:

$$F(1) = 1;$$

 $F(n) = F(n-1) + n \text{ если } n > 1$

Чему равно значение функции F(40)? В ответе запишите только натуральное число.

17. В файле содержится последовательность из 10 000 целых положительных чисел. Каждое число не превышает 10 000. Определите и запишите в ответе сначала количество пар элементов последовательности, у которых сумма элементов кратна 9, затем максимальную из сумм элементов таких пар. В данной задаче под парой подразумевается два различных элемента последовательности. Порядок элементов в паре не важен.

| | | 17.tx |
|--|--|-------|
| | | |

Ответ:

18. Квадрат разлинован на $N \times N$ клеток (1< N<26). Исполнитель Робот может перемещаться по клеткам, выполняя за одно перемещение одну из двух команд: вправо или вниз. По команде вправо Робот перемещается в соседнюю правую клетку; по команде вниз- в соседнюю нижнюю. При попытке выхода за границу квадрата Робот разрушается. Перед каждым запуском Робота в каждой клетке квадрата указана плата за посещение в размере от 1 до 100. Посетив клетку, Робот платит за её посещение; это также относится к начальной и конечной клеткам маршрута Робота.

Определите минимальную и максимальную денежные суммы, которые заплатит Робот, пройдя из левой верхней клетки в правую нижнюю. В ответе укажите два числа: сначала минимальную сумму, затем максимальную, без разделительных знаков. Исходные данные представляют собой электронную таблицу размером $N \times N$, каждая ячейка которой соответствует клетке квадрата.

Исходные данные записаны в электронной таблице.

Залание 18

Пример входных данных (для таблицы размером 4×4):

| | 1 | 8 | 8 | 4 |
|---|----|---|----|---|
| ĺ | 10 | 1 | 1 | 3 |
| | 1 | 3 | 12 | 2 |
| | 2 | 3 | 5 | 6 |

Для указанных входных данных ответом должна быть пара чисел: 22 и 41.

19. Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежат две кучи камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может убрать из одной из куч один камень или уменьшить количество камней в куче в два раза (если количество камней в куче нечётно, остаётся на 1 камень больше, чем убирается). Например, пусть в одной куче 6, а в другой 9 камней; такую позицию мы будем обозначать (6, 9). За один ход из позиции (6, 9) можно получить любую из четырёх позиций: (5, 9), (3, 9), (6, 8), (6, 5).

Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в кучах становится не более 40. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший позицию, в которой в кучах будет 40 или меньше камней.

В начальный момент в первой куче было 20 камней, во второй куче — S камней, S > 20.

Будем говорить, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока— значит, описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника. В описание выигрышной стратегии не следует включать ходы играющего по ней игрока, которые не являются для него безусловно выигрышными, т.е не гарантирующие выигрыш независимо от игры противника.

Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом после неудачного первого хода Пети. Укажите максимальное значение S, когда такая ситуация возможна.

20. Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежат две кучи камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может убрать из одной из куч один камень или уменьшить количество камней в куче в два раза (если количество камней в куче нечётно, остаётся на 1 камень больше, чем убирается). Например, пусть в одной куче 6, а в другой 9 камней; такую позицию мы будем обозначать (6, 9). За один ход из позиции (6, 9) можно получить любую из четырёх позиций: (5, 9), (3, 9), (6, 8), (6, 5).

Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в кучах становится не более 40. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший позицию, в которой в кучах будет 40 или меньше камней.

В начальный момент в первой куче было 20 камней, во второй куче — S камней, S > 20.

Будем говорить, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока— значит, описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника. В описание выигрышной стратегии не следует включать ходы играющего по ней игрока, которые не являются для него безусловно выигрышными, т.е не гарантирующие выигрыш независимо от игры противника.

Найдите три наименьших значения S, при которых у Пети есть выигрышная стратегия, причём одновременно выполняются два условия:

- Петя не может выиграть за один ход;
- Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня. Найденные значения запишите в ответе в порядке возрастания без разделительных знаков.
- 21. Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежат две кучи камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может убрать из одной из куч один камень или уменьшить количество камней в куче в два раза (если количество камней в куче нечётно, остаётся на 1 камень больше, чем убирается). Например, пусть в одной куче 6, а в другой 9 камней; такую позицию мы будем обозначать (6, 9). За один ход из позиции (6, 9) можно получить любую из четырёх позиций: (5, 9), (3, 9), (6, 8), (6, 5).

Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в кучах становится не более 40. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший позицию, в которой в кучах будет 40 или меньше камней.

В начальный момент в первой куче было 20 камней, во второй куче — S камней, S > 20.

Будем говорить, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока— значит, описать, какой ход он должен сделать в дюбой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника. В описание выигрышной стратегии не следует включать ходы играющего по ней игрока, которые не являются для него безусловно выигрышными, т.е не гарантирующие выигрыш независимо от игры противника.

Найдите максимальное значение S, при котором одновременно выполняются два условия:

- у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при
 - у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.

22. Ниже на пяти языках программирования записан алгоритм. Получив на вход число x, этот алгоритм печатает два числа a и b. Укажите наименьшее из таких чисел x, при вводе которых алгоритм печатает сначала 2, а потом 4.

| Бейсик | Python | |
|---|---|--|
| DIM X, A, B AS INTEGER INPUT X A = 0: B = 0 WHILE X > 0 IF X MOD 2 = 0 THEN A = A + 1 ELSE B = B + X MOD 6 END IF X = X \ 6 WEND PRINT A PRINT B | x = int(input()) a=0; b=0 while $x > 0$: if $x \% 2 == 0$: a += 1 else: b += x % 6 x = x // 6 print(a, b) | |
| Паскаль | Алгоритмический язык | |
| var x, a, b: longint; begin readln(x); a := 0; b := 0; while x > 0 do begin if x mod 2 = 0 then a := a + 1 else b := b + x mod 6; x := x div 6; end; writeln(a); write(b); end. | алг нач цел x , a , b ввод x a := 0; $b := 0нц пока x > 0если mod(x,2) = 0то a := a + 1иначе b := b + mod(x,6)все x := div(x,6)кцвывод a, нс, bкон$ | |
| C+ | ++ | |
| #include <iostream> using namespace std; int main() { int x, a, b; cin >> x; a = 0; b = 0; while (x > 0) { if (x%2 = 0) a += 1; else b += x%6; x = x / 6; } cout << a << endl << b << endl; return 0; }</iostream> | | |

11/13

23. Исполнитель Фибо преобразует число на экране.

У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

- Прибавить 1
- 2. Прибавить 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 2.

Программа для исполнителя Фибо — это последовательность команд.

Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 3 в число 20 и при этом траектория вычислений содержит число 9 и не содержит числа 15?

Траектория вычислений— это последовательность результатов выполнения всех команд программы. Например, для программы 212 при исходном числе 7 траектория будет состоять из чисел 9, 10, 12.

24. Текстовый файл состоит не более чем из 1 200 000 символов X, Y, и Z. Определите максимальное количество идущих подряд символов, среди которых нет подстроки XZZY. Для выполнения этого задания следует написать программу. Ниже приведён файл, который необходимо обработать с помощью данного алгоритма.

Задание 24

25.

Пусть M— сумма минимального и максимального натуральных делителей Ответ: целого числа, не считая единицы и самого числа. Если таких делителей у числа нет, то считаем значение Mравным нулю.

Напишите программу, которая перебирает целые числа, большие $452\ 021$, в порядке возрастания и ищет среди них такие, для которых значение M при делении на 7 даёт в остатке 3. Вывести первые 5 найденных чисел и соответствующие им значения M.

Формат вывода: для каждого из 5 таких найденных чисел в отдельной строке сначала выводится само число, затем— значение M. Строки выводятся в порядке возрастания найденных чисел.

Например, для числа 20 M=2+10=12, остаток при делении на 7 не равен 3; для числа 21 M=3+7=10, остаток при делении на 7 равен 3.

Количество строк в таблице для ответа избыточно.

 $26.~\mathrm{B}$ текстовом файле записан набор натуральных чисел, не превышающих $10^{\,9}.~\mathrm{Гарантируется},$ что все числа различны. Необходимо определить, сколько в наборе таких пар нечётных чисел, что их среднее арифметическое тоже присутствует в файле, и чему равно наибольшее из средних арифметических таких пар.

Входные данные.

Задание 26

Первая строка входного файла содержит целое число N— общее количество чисел в наборе. Каждая из следующих N строк содержит одно число.

В ответе запишите два целых числа: сначала количество пар, затем наибольшее среднее арифметическое.

Пример входного файла:

6

9

10 14

13

8

11

В данном случае есть две подходящие пары: 9 и 13 (среднее арифметическое 11), 9 и 11 (среднее арифметическое 10). В ответе надо записать числа 2 и 11.

Ответ:

27. В текстовом файле записан набор натуральных чисел, не превышающих 10^8 . Гарантируется, что все числа различны. Из набора нужно выбрать три числа, сумма которых делится на 3. Какую наименьшую сумму можно при этом получить?

Входные данные.

<u>Файл А</u> Файл В

Первая строка входного файла содержит целое число N— общее количество чисел в наборе. Каждая из следующих N строк содержит одно число.

Пример входного файла:

4

5

14

11

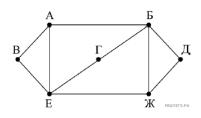
В данном случае есть четыре подходящие тройки: 5, 8, 11 (сумма 24); 5, 8, 14 (сумма 27); 5, 14 11 (сумма 30) и 8, 14, 11 (сумма 33). В ответе надо записать число 24.

Вам даны два входных файла $(A \ \text{и } B)$, каждый из которых имеет описанную выше структуру. В ответе укажите два числа: сначала значение искомой суммы для файла A, затем для файла B.

Ответ:

1. На рисунке схема дорог изображена в виде графа, в таблице содержатся сведения о длине этих дорог в километрах.

| | П1 | П2 | П3 | П4 | П5 | П6 | П7 |
|----|----|----|----|----|----|----|----|
| П1 | | 7 | | | | | 5 |
| П2 | 7 | | 11 | | | | 12 |
| П3 | | 11 | | 6 | 10 | 8 | |
| П4 | | | 6 | | 9 | | |
| П5 | | | 10 | 9 | | | 9 |
| П6 | | | 8 | | | | 7 |
| П7 | 5 | 12 | | | 9 | 7 | |



Так как таблицу и схему рисовали независимо друг от друга, нумерация населённых пунктов в таблице никак не связана с буквенными обозначениями на графе. Определите длину кратчайшего пути из пункта В в пункт Д, если передвигаться можно только по указанным дорогам. В ответе запишите целое число — длину пути в километрах.

2. Логическая функция F задаётся выражением ($x \equiv z$) V ($x \rightarrow (y \land z)$).

Дан частично заполненный фрагмент, содержащий **неповторяющиеся** строки таблицы истинности функции F.

Определите, какому столбцу таблицы истинности соответствует каждая из переменных x, y, z.

| Переменная 1 | Переменная 2 | Переменная 3 | Функция |
|--------------|--------------|--------------|---------|
| ??? | ??? | ??? | F |
| 0 | 0 | | 0 |
| 1 | | | 0 |

В ответе напишите буквы x, y, z в том порядке, в котором идут соответствующие им столбцы (сначала— буква, соответствующая первому столбцу; затем— буква, соответствующая второму столбцу, и т. д.). Буквы в ответе пишите подряд, никаких разделителей между буквами ставить не нужно.

Пример. Пусть задано выражение $x \to y$, зависящее от двух переменных x и y, и фрагмент таблицы истинности:

| Переменная 1 | Переменная 2 | Функция |
|--------------|--------------|---------|
| ??? | ??? | F |
| 0 | 1 | 0 |

Тогда первому столбцу соответствует переменная y, а второму столбцу соответствует переменная x. В ответе нужно написать: yx.

3. В файле приведён фрагмент базы данных «Продукты» о поставках товаров в магазины районов города. База данных состоит из трёх таблиц.

3.xlsx

Таблица «Движение товаров» содержит записи о поставках товаров в магазины в течение первой декады июня 2021 г., а также информацию о проданных товарах. Поле *Тип операции* содержит значение *Поступление* или *Продажа*, а в соответствующее поле *Количество упаковок*, шт. занесена информация о том, сколько упаковок товара поступило в магазин или было продано в течение дня. Заголовок таблицы имеет следующий вид.

| Ī | | Дата | ID магазина | Артикул | Тип операции | Количество упаковок, | Цена, руб./шт. |
|---|----------|------|-------------|---------|-----------------|----------------------|-------------------|
| | операции | | | | операции | IIIT. | руо./шт. |

Таблица «Товар» содержит информацию об основных характеристиках каждого товара. Заголовок таблицы имеет следующий вид.

| Артикул Отдел Наг | именование Ед. изм. | Количество в упаковке | Поставщик |
|-------------------|---------------------|--------------------------|-----------|
|-------------------|---------------------|--------------------------|-----------|

Таблица «Магазин» содержит информацию о местонахождении магазинов. Заголовок таблицы имеет следующий вид.



На рисунке приведена схема указанной базы данных.



Используя информацию из приведённой базы данных, определите на сколько увеличилось количество упаковок яиц диетических, имеющихся в наличии в магазинах Заречного района, за период с 1 по 10 июня включительно.

В ответе запишите только число.

4. По каналу связи передаются сообщения, содержащие только семь букв: А,Б,В,Д,Е,И,Н. Для передачи используется двоичный код, удовлетворяющий условию Фано. Кодовые слова для некоторых букв известны: А— 110, Б— 01, И— 000. Какое наименьшее количество двоичных знаков потребуется для кодирования слова ВВЕДЕНИЕ?

Примечание. Условие Фано означает, что ни одно кодовое слово не является началом другого кодового слова.

- **5.** Автомат обрабатывает натуральное число N по следующему алгоритму:
- 1. Строится двоичная запись числа N.
- 2. Удаляется первая слева единица и все следующие непосредственно за ней нули. Если после этого в числе не остаётся цифр, результат этого действия считается равным нулю.
- 3. Полученное число переводится в десятичную запись.
- 4. Новое число вычитается из исходного, полученная разность выводится на экран. Пример. Дано число N= 11. Алгоритм работает следующим образом.
- 1. Двоичная запись числа *N*: 1011.
- 2. Удаляется первая единица и следующий за ней ноль: 11.
- 3. Десятичное значение полученного числа 3.
- 4. На экран выводится число 11 3 = 8.

Сколько разных значений будет показано на экране автомата при последовательном вводе всех натуральных чисел от 100 до 3000?

3/15

6. Определите, что будет напечатано в результате работы следующего фрагмента программы:

| Бейсик | Паскаль | |
|--|---|--|
| DIM s, k As Integer s = 0 k = 0 WHILE k < 30 k = k + 3 s = s + k END While Console.Write(s) | var s, k : integer; begin s:=0; k:=0; while k < 30 do begin k:=k+3; s:=s+k; end; write(s); end. | |
| Си++ | Алгоритмический язык | |
| #include <iostream> using namespace std; int main() { int s, k; s = 0; k = 0; while (k < 30) { k = k + 3; s = s + k; } cout « s « endl; }</iostream> | нач цел s, k s:=0 k:=0 нц пока k < 30 k:=k+3; s:=s+k кц вывод s кон | |
| Pyt | hon | |
| s = 0 k = 0 while k < 30: k += 3 s += k print(s) | | |

- 7. Скорость передачи данных через ADSL-соединение равна 128000 бит/с. Передача текстового файла через это соединение заняла 1 минуту. Определите, сколько символов содержал переданный текст, если известно, что он был представлен в 16-битной кодировке Unicode.
- 8. Световое табло состоит из цветных индикаторов. Каждый индикатор может окрашиваться в четыре цвета: белый, черный, желтый и красный. Какое наименьшее количество лампочек должно находиться на табло, чтобы с его помощью можно было передать 300 различных сигналов при условии, что гореть должны все лампочки?
- **9.** Откройте файл электронной таблицы, содержащей вещественные числа— результаты ежечасного измерения температуры воздуха на протяжении трёх месяцев.

Задание 9

Найдите разность между минимальным значением температуры и её средним арифметическим значением. Ответ округлите до целого числа.

10. С помощью текстового редактора определите, сколько раз, не считая сносок, встречается слово «был» или «Был» в тексте романа в стихах А.С. Пушкина «Евгений Онегин». Другие формы слова «был», такие как «было», «были» и т. д., учитывать не следует. В ответе укажите только число.

Задание 10

11. При регистрации в компьютерной системе каждому пользователю выдаётся пароль, состоящий из 15 символов и содержащий только символы из 12-символьного набора: A, B, C, D, E, F, G, H, K, L, M, N В базе данных для хранения сведений о каждом пользователе отведено одинаковое и минимально возможное целое число байт. При этом используют посимвольное кодирование паролей, все символы кодируют одинаковым и минимально возможным количеством бит. Кроме собственно пароля, для каждого пользователя в системе хранятся дополнительные сведения, для чего отведено 12 байт на одного пользователя.

Определите объём памяти (в байтах), необходимый для хранения сведений о 50 пользователях. В ответе запишите только целое число — количество байт.

1 2 . Система команд исполнителя РОБОТ, «живущего» в прямоугольном лабиринте на клетчатой плоскости:

вверх вниз влево вправо

При выполнении любой из этих команд РОБОТ перемещается на **2** одну клетку соответственно (по отношению к наблюдателю): вверх \uparrow , вниз \downarrow , влево \leftarrow , вправо \rightarrow .

Четыре команды проверяют истинность условия отсутствия стены у каждой стороны той клетки, где находится РОБОТ (также по отношению к наблюдателю):

| сверху | снизу | слева | справа |
|----------|----------|----------|----------|
| свободно | свободно | свободно | свободно |

Цикл

ПОКА < условие >

последовательность команд

КОНЕЦ ПОКА

выполняется, пока условие истинно.

В конструкции

ЕСЛИ < условие >

ТО команда1

ИНАЧЕ команда2

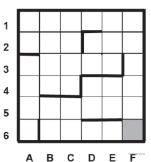
КОНЕЦ ЕСЛИ

выполняется команда1 (если условие истинно) или команда2 (если условие ложно)

Если РОБОТ начнёт движение в сторону находящейся рядом с ним стены, то он разрушится и программа прервётся.

Сколько клеток лабиринта соответствуют требованию, что, начав движение в ней и выполнив предложенную программу, РОБОТ уцелеет и остановится в закрашенной клетке (клетка F6)?

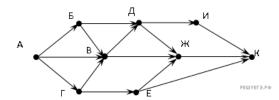
НАЧАЛО ПОКАснизу свободно ИЛИ справа свободно ПОКА снизу свободно вниз КОНЕЦ ПОКА вправо КОНЕЦ ПОКА



5/15

КОНЕЦ

13. На рисунке— схема дорог, связывающих города А, Б, В, Г, Д, Е, Ж, И, К. По каждой дорог можно двигаться только в одном направлении, указанном стрелкой. Сколько существует различных путей из города А в город К?



- **14.** В системе счисления с основанием N запись числа 87_{10} оканчивается на 2 и содержит не более двух цифр. Перечислите через запятую в порядке возрастания все подходящие значения N.
 - 15. Для какого наименьшего целого неотрицательного числа A выражение

$$(2x+3y>30) \ V (x+y \le A)$$

тождественно истинно при любых целых неотрицательных х и у?

16. Ниже на пяти языках программирования записан рекурсивный алгоритм F.

| Бейсик | Python |
|---|---|
| SUB F(n) IF n < 8 THEN F(n + 3) PRINT N F(2 * n) END IF END SUB | def F(n): if n < 8: F(n + 3) print(n) F(2 * n) |
| Паскаль | Алгоритмический язык |
| procedure F(n: integer); begin if $n < 8$ then begin $F(n + 3);$ write(n); $F(2 * n);$ end end; | алг F(цел n) нач если n < 8 то F(n + 3) вывод п F(2 * n) все кон |
| C- | ++ |
| if (r F (std::c | (int n) { 1 < 8) { (n + 3); out << n; (2 * n); } |

Запишите подряд без пробелов и разделителей все числа, которые будут показаны на экране при выполнении вызова F(1). Числа должны быть записаны в том же порядке, в котором они выводятся на экран.

17. В файле содержится последовательность из 10 000 натуральных чисел. Каждое число не превышает 10 000. Определите и запишите в ответе сначала количество пар элементов последовательности, у которых различные остатки от деления на d=160 и хотя бы одно из чисел делится на p=7, затем максимальную из сумм элементов таких пар. В данной задаче под парой подразумевается два различных элемента последовательности. Порядок элементов в паре не важен.

Пример входных данных:

168

7

320

328

Пример выходных данных для приведённого выше примера входных данных:

4 489

Пояснение: Из 4 чисел можно составить 6 пар. В данном случае условиям удовлетворяют пары: 168 и 320, 168 и 7, 320 и 7, 328 и 7. Максимальную сумму дает пара 168 и 320 — 488.

17.txt

| Ответ: | т: | |
|--------|----|--|
|--------|----|--|

18. Квадрат разлинован на $N \times N$ клеток (1 < N < 17). Исполнитель Робот может перемещаться по клеткам, выполняя за одно перемещение одну из двух команд: вправо или вниз. По команде вправо Робот перемещается в соседнюю правую клетку, по команде вниз— в соседнюю нижнюю. При попытке выхода за границу квадрата Робот разрушается. Перед каждым запуском Робота в каждой клетке квадрата лежит монета достоинством от 1 до 100. Посетив клетку, Робот забирает монету с собой; это также относится к начальной и конечной клетке маршрута Робота.

Задание 18

Откройте файл. Определите максимальную и минимальную денежную сумму, которую может собрать Робот, пройдя из левой верхней клетки в правую нижнюю. В ответ запишите два числа друг за другом без разделительных знаков — сначала максимальную сумму, затем минимальную.

Исходные данные представляют собой электронную таблицу размером $N \times N$, каждая ячейка которой соответствует клетке квадрата.

Пример входных данных:

| 1 | 8 | 8 | 4 |
|----|---|----|---|
| 10 | 1 | 1 | 3 |
| 1 | 3 | 12 | 2 |
| 2 | 3 | 5 | 6 |

Для указанных входных данных ответом должна быть пара чисел 41 и 22.

19. Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежит куча камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может:

добавить в кучу один камень (действие А) или

утроить количество камней в куче, а затем убрать из кучи 2 камня (действие Б).

Например, имея кучу из 20 камней, за один ход можно получить кучу из 21 камня или из 58 камней. У каждого игрока, чтобы делать ходы, есть неограниченное количество камней.

Игра завершается в тот момент, когда количество камней в куче становится более 39. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший кучу, в которой будет 40 или больше камней.

В начальный момент в куче было S камней, $2 \le S \le 39$.

Говорят, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока— значит, описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника.

Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом после неудачного первого хода Пети. Укажите минимальное значение S, когда такая ситуация возможна.

20. Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежит куча камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может:

добавить в кучу один камень (действие А) или

утроить количество камней в куче, а затем убрать из кучи 2 камня (действие Б).

Например, имея кучу из 20 камней, за один ход можно получить кучу из 21 камня или из 58 камней. У каждого игрока, чтобы делать ходы, есть неограниченное количество камней.

Игра завершается в тот момент, когда количество камней в куче становится более 39. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший кучу, в которой будет 40 или больше камней.

В начальный момент в куче было S камней, $2 \le S \le 39$.

Говорят, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока— значит, описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника.

Найдите два таких значения *S*, при которых у Пети есть выигрышная стратегия, причём одновременно выполняются два условия:

- Петя не может выиграть за один ход;
- Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня.

Найденные значения запишите в ответе в порядке возрастания без разделительных знаков.

21. Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежит куча камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может:

добавить в кучу один камень (действие А) или

утроить количество камней в куче, а затем убрать из кучи 2 камня (действие Б).

Например, имея кучу из 20 камней, за один ход можно получить кучу из 21 камня или из 58 камней. У каждого игрока, чтобы делать ходы, есть неограниченное количество камней.

Игра завершается в тот момент, когда количество камней в куче становится более 39. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший кучу, в которой будет 40 или больше камней.

В начальный момент в куче было S камней, $2 \le S \le 39$.

Говорят, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока— значит, описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника.

Найдите минимальное значение S, при котором одновременно выполняются два условия:

- у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при любой игре Пети;
 - у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.

11/15

22. Ниже на пяти языках программирования записан алгоритм, который вводит натуральное число x, выполняет преобразования, а затем выводит одно число. Укажите наименьшее возможное значение x, при вводе которого алгоритм выведет число 8.

| Бейсик | Python |
|--|--|
| DIM X, A, B, D AS INTEGER INPUT X A = 0: B = 10 WHILE X > 0 D = X MOD 6 IF D > A THEN A = D IF D < B THEN B = D X = X \ 6 WEND PRINT A+B | x = int(input()) a=0; b=10 while x > 0: d = x % 6 if d > a: a = d if d < b: b = d x = x // 6 print(a+b) |
| Паскаль | Алгоритмический язык |
| var x, a, b, d: longint; begin readln(x); a := 0; b := 10; while x > 0 do begin d := x mod 6; if d > a then a := d; if d < b then b := d; x := x div 6; end; writeln(a+b) end. | алг нач цел x, a, b, d ввол x а := 0; b := 10 нц пока x > 0 d := mod(x,6) если d > а то а := d все если d < b то b := d все x := div(x,6) кц вывод a+b кон |
| C- | H |
| using namint m int m int x, cin a = 0; while d = if (d : if (d < | ciostream> espace std; ain() { |

- 23. У исполнителя четыре команды, которым присвоены номера:
- 1. прибавь 1,
- 2. сделай чётное,
- 3. сделай нечётное,
- 4. умножь на 10.

Первая из них увеличивает на 1 исходное число x, вторая умножает это число на 2, третья переводит число x в число 2x+1, четвёртая умножает его на 10. Например, вторая команда переводит число 10 в число 20, а третья переводит число 10 в число 21. Программа для исполнителя — это последовательность команд.

Сколько существует программ, которые число 1 преобразуют в число 15?

24. Текстовый файл состоит не более чем из 10^6 символов A, B и C. Определите максимальную длину цепочки вида ABABAB... (составленной из фрагментов AB, последний фрагмент может быть неполным).

Для выполнения этого задания следует написать программу. Ниже приведён файл, который необходимо обработать с помощью данного алгоритма.

Задание 24

25.

Напишите программу, которая ищет среди целых чисел, принадлежащих Ответ числовому отрезку [2422000; 2422080], простые числа. Выведите все найденные простые числа в порядке возрастания, слева от каждого числа выведите его номер по порядку.

| твет: | |
|-------|--|
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |

26. Системный администратор раз в неделю создаёт архив пользовательских файлов. Однако объём диска, куда он помещает архив, может быть меньше, чем суммарный объём архивируемых файлов. Известно, какой объём занимает файл каждого пользователя.

По заданной информации об объёме файлов пользователей и свободном объёме на архивном диске определите максимальное число пользователей, чьи файлы можно сохранить в архиве, а также максимальный размер имеющегося файла, который может быть сохранён в архиве, при условии, что сохранены файлы максимально возможного числа пользователей.

Входные данные.

Вариант № 9325896

Задание 26

В первой строке входного файла находятся два числа: S— размер свободного места на диске (натуральное число, не превышающее 10 000) и N— количество пользователей (натуральное число, не превышающее 4000). В следующих N строках находятся значения объёмов файлов каждого пользователя (все числа натуральные, не превышающие 100), каждое в отдельной строке.

Запишите в ответе два числа: сначала наибольшее число пользователей, чьи файлы могут быть помещены в архив, затем максимальный размер имеющегося файла, который может быть сохранён в архиве, при условии, что сохранены файлы максимально возможного числа пользователей.

| архиве, при условии, что сохранены файлы максимально возможного числа пользователей. |
|---|
| Пример входного файла: |
| 100 4 |
| 80 |
| 30 |
| 50 |
| 40 |
| При таких исходных данных можно сохранить файлы максимум двух пользователей. Возможные |
| объёмы этих двух файлов 30 и 40, 30 и 50 или 40 и 50. Наибольший объём файла из перечисленных |
| пар — 50, поэтому ответ для приведённого примера: |
| 2 50 |
| |
| Ответ: |
| |
| |

 $2\ 7$. На вход программы поступает последовательность из n целых положительных чисел. Рассматриваются все пары элементов последовательности a_i и a_j такие что i < j и $a_i > a_j$ (первый элемент пары больше второго; i и j — порядковые номера чисел в последовательности входных данных). Среди пар, удовлетворяющих этому условию, необходимо найти и напечатать пару с максимальной суммой элементов, которая делится на m=120. Если среди найденных пар максимальную сумму имеют несколько, то можно напечатать любую из них.

Входные данные.

<u>Файл А</u> Файл В

В первой строке входных данных задаётся количество чисел $n \ (2 \le n \le 12\ 000)$.

В каждой из последующих n строк записано одно целое положительное число, не превышающее 10 000.

В качестве результата программа должна напечатать элементы искомой пары. Если таких пар несколько, можно вывести любую из них. Гарантируется, что хотя бы одна такая пара в последовательности есть.

Пример организации исходных данных во входном файле:

6

60

140

61 100

300

59

Пример выходных данных для приведённого выше примера входных данных:

 $140\ 100$

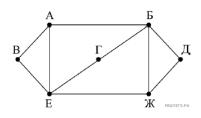
В ответе укажите четыре числа: сначала значение искомой суммы для файла A (два числа через пробел), затем для файла B (два числа через пробел).

| Ответ: | |
|--------|--|

Пояснение. Из шести заданных чисел можно составить три пары, сумма элементов которых делится н а m=120: 60+300, 140+100 и 61+59. Во второй и третьей из этих пар первый элемент больше второго, но во второй паре сумма больше.

1. На рисунке схема дорог изображена в виде графа, в таблице содержатся сведения о длине этих дорог в километрах.

| | П1 | П2 | П3 | П4 | П5 | П6 | П7 |
|----|----|----|----|----|----|----|----|
| П1 | | 7 | | | | | 5 |
| П2 | 7 | | 11 | | | | 12 |
| П3 | | 11 | | 6 | 10 | 8 | |
| П4 | | | 6 | | 9 | | |
| П5 | | | 10 | 9 | | | 9 |
| П6 | | | 8 | | | | 7 |
| П7 | 5 | 12 | | | 9 | 7 | |



Так как таблицу и схему рисовали независимо друг от друга, нумерация населённых пунктов в таблице никак не связана с буквенными обозначениями на графе. Определите длину кратчайшего пути из пункта В в пункт Д, если передвигаться можно только по указанным дорогам. В ответе запишите целое число — длину пути в километрах.

2. Логическая функция F задаётся выражением ($x \equiv z$) V ($x \rightarrow (y \land z)$).

Дан частично заполненный фрагмент, содержащий **неповторяющиеся** строки таблицы истинности функции F.

Определите, какому столбцу таблицы истинности соответствует каждая из переменных x, y, z.

| Переменная 1 | Переменная 2 | Переменная 3 | Функция |
|--------------|--------------|--------------|---------|
| ??? | ??? | ??? | F |
| 0 | 0 | | 0 |
| 1 | | | 0 |

В ответе напишите буквы x, y, z в том порядке, в котором идут соответствующие им столбцы (сначала— буква, соответствующая первому столбцу; затем— буква, соответствующая второму столбцу, и т. д.). Буквы в ответе пишите подряд, никаких разделителей между буквами ставить не нужно.

Пример. Пусть задано выражение $x \to y$, зависящее от двух переменных x и y, и фрагмент таблицы истинности:

| Переменная 1 | Переменная 2 | Функция |
|--------------|--------------|---------|
| ??? | ??? | F |
| 0 | 1 | 0 |

Тогда первому столбцу соответствует переменная y, а второму столбцу соответствует переменная x. В ответе нужно написать: yx.

3. В файле приведён фрагмент базы данных «Продукты» о поставках товаров в магазины районов города. База данных состоит из трёх таблиц.

3.xlsx

Таблица «Движение товаров» содержит записи о поставках товаров в магазины в течение первой декады июня 2021 г., а также информацию о проданных товарах. Поле *Тип операции* содержит значение *Поступление* или *Продажа*, а в соответствующее поле *Количество упаковок*, шт. занесена информация о том, сколько упаковок товара поступило в магазин или было продано в течение дня. Заголовок таблицы имеет следующий вид.

| Ī | | Дата | ID магазина | Артикул | Тип операции | Количество упаковок, | Цена, руб./шт. |
|---|----------|------|-------------|---------|-----------------|----------------------|-------------------|
| | операции | | | | операции | IIIT. | руо./шт. |

Таблица «Товар» содержит информацию об основных характеристиках каждого товара. Заголовок таблицы имеет следующий вид.

| Артикул Отдел Наг | именование Ед. изм. | Количество в упаковке | Поставщик |
|-------------------|---------------------|--------------------------|-----------|
|-------------------|---------------------|--------------------------|-----------|

Таблица «Магазин» содержит информацию о местонахождении магазинов. Заголовок таблицы имеет следующий вид.



На рисунке приведена схема указанной базы данных.



Используя информацию из приведённой базы данных, определите на сколько увеличилось количество упаковок яиц диетических, имеющихся в наличии в магазинах Заречного района, за период с 1 по 10 июня включительно.

В ответе запишите только число.

4. По каналу связи передаются сообщения, содержащие только семь букв: А,Б,В,Д,Е,И,Н. Для передачи используется двоичный код, удовлетворяющий условию Фано. Кодовые слова для некоторых букв известны: А— 110, Б— 01, И— 000. Какое наименьшее количество двоичных знаков потребуется для кодирования слова ВВЕДЕНИЕ?

Примечание. Условие Фано означает, что ни одно кодовое слово не является началом другого кодового слова.

- **5.** Автомат обрабатывает натуральное число N по следующему алгоритму:
- 1. Строится двоичная запись числа N.
- 2. Удаляется первая слева единица и все следующие непосредственно за ней нули. Если после этого в числе не остаётся цифр, результат этого действия считается равным нулю.
- 3. Полученное число переводится в десятичную запись.
- 4. Новое число вычитается из исходного, полученная разность выводится на экран. Пример. Дано число N= 11. Алгоритм работает следующим образом.
- 1. Двоичная запись числа *N*: 1011.
- 2. Удаляется первая единица и следующий за ней ноль: 11.
- 3. Десятичное значение полученного числа 3.
- 4. На экран выводится число 11 3 = 8.

Сколько разных значений будет показано на экране автомата при последовательном вводе всех натуральных чисел от 100 до 3000?

3/15

6. Определите, что будет напечатано в результате работы следующего фрагмента программы:

| Бейсик | Паскаль |
|--|---|
| DIM s, k As Integer s = 0 k = 0 WHILE k < 30 k = k + 3 s = s + k END While Console.Write(s) | var s, k : integer; begin s:=0; k:=0; while k < 30 do begin k:=k+3; s:=s+k; end; write(s); end. |
| Си++ | Алгоритмический язык |
| #include <iostream> using namespace std; int main() { int s, k; s = 0; k = 0; while (k < 30) { k = k + 3; s = s + k; } cout « s « endl; }</iostream> | нач цел s, k s:=0 k:=0 нц пока k < 30 k:=k+3; s:=s+k кц вывод s кон |
| Pyt | hon |
| s = 0 k = 0 while $k < 30$: k += 3 s += k print(s) | |

- 7. Скорость передачи данных через ADSL-соединение равна 128000 бит/с. Передача текстового файла через это соединение заняла 1 минуту. Определите, сколько символов содержал переданный текст, если известно, что он был представлен в 16-битной кодировке Unicode.
- 8. Световое табло состоит из цветных индикаторов. Каждый индикатор может окрашиваться в четыре цвета: белый, черный, желтый и красный. Какое наименьшее количество лампочек должно находиться на табло, чтобы с его помощью можно было передать 300 различных сигналов при условии, что гореть должны все лампочки?
- **9.** Откройте файл электронной таблицы, содержащей вещественные числа— результаты ежечасного измерения температуры воздуха на протяжении трёх месяцев.

Задание 9

Найдите разность между минимальным значением температуры и её средним арифметическим значением. Ответ округлите до целого числа.

10. С помощью текстового редактора определите, сколько раз, не считая сносок, встречается слово «был» или «Был» в тексте романа в стихах А.С. Пушкина «Евгений Онегин». Другие формы слова «был», такие как «было», «были» и т. д., учитывать не следует. В ответе укажите только число.

Задание 10

11. При регистрации в компьютерной системе каждому пользователю выдаётся пароль, состоящий из 15 символов и содержащий только символы из 12-символьного набора: A, B, C, D, E, F, G, H, K, L, M, N В базе данных для хранения сведений о каждом пользователе отведено одинаковое и минимально возможное целое число байт. При этом используют посимвольное кодирование паролей, все символы кодируют одинаковым и минимально возможным количеством бит. Кроме собственно пароля, для каждого пользователя в системе хранятся дополнительные сведения, для чего отведено 12 байт на одного пользователя.

Определите объём памяти (в байтах), необходимый для хранения сведений о 50 пользователях. В ответе запишите только целое число — количество байт.

1 2 . Система команд исполнителя РОБОТ, «живущего» в прямоугольном лабиринте на клетчатой плоскости:

вверх вниз влево вправо

При выполнении любой из этих команд РОБОТ перемещается на **2** одну клетку соответственно (по отношению к наблюдателю): вверх \uparrow , вниз \downarrow , влево \leftarrow , вправо \rightarrow .

Четыре команды проверяют истинность условия отсутствия стены у каждой стороны той клетки, где находится РОБОТ (также по отношению к наблюдателю):

| сверху | снизу | слева | справа |
|----------|----------|----------|----------|
| свободно | свободно | свободно | свободно |

Цикл

ПОКА < условие >

последовательность команд

КОНЕЦ ПОКА

выполняется, пока условие истинно.

В конструкции

ЕСЛИ < условие >

ТО команда1

ИНАЧЕ команда2

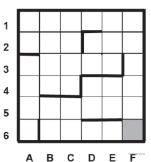
КОНЕЦ ЕСЛИ

выполняется команда1 (если условие истинно) или команда2 (если условие ложно)

Если РОБОТ начнёт движение в сторону находящейся рядом с ним стены, то он разрушится и программа прервётся.

Сколько клеток лабиринта соответствуют требованию, что, начав движение в ней и выполнив предложенную программу, РОБОТ уцелеет и остановится в закрашенной клетке (клетка F6)?

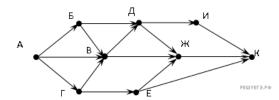
НАЧАЛО ПОКАснизу свободно ИЛИ справа свободно ПОКА снизу свободно вниз КОНЕЦ ПОКА вправо КОНЕЦ ПОКА



5/15

КОНЕЦ

13. На рисунке— схема дорог, связывающих города А, Б, В, Г, Д, Е, Ж, И, К. По каждой дорог можно двигаться только в одном направлении, указанном стрелкой. Сколько существует различных путей из города А в город К?



- **14.** В системе счисления с основанием N запись числа 87_{10} оканчивается на 2 и содержит не более двух цифр. Перечислите через запятую в порядке возрастания все подходящие значения N.
 - 15. Для какого наименьшего целого неотрицательного числа A выражение

$$(2x+3y>30) \ V (x+y \le A)$$

тождественно истинно при любых целых неотрицательных х и у?

16. Ниже на пяти языках программирования записан рекурсивный алгоритм F.

| Бейсик | Python |
|---|---|
| SUB F(n) IF n < 8 THEN F(n + 3) PRINT N F(2 * n) END IF END SUB | def F(n): if n < 8: F(n + 3) print(n) F(2 * n) |
| Паскаль | Алгоритмический язык |
| procedure F(n: integer); begin if $n < 8$ then begin $F(n + 3);$ write(n); $F(2 * n);$ end end; | алг F(цел n) нач если n < 8 то F(n + 3) вывод п F(2 * n) все кон |
| C- | ++ |
| void F (int n) { if (n < 8) { F (n + 3); std::cout << n; F (2 * n); } } | |

Запишите подряд без пробелов и разделителей все числа, которые будут показаны на экране при выполнении вызова F(1). Числа должны быть записаны в том же порядке, в котором они выводятся на экран.

17. В файле содержится последовательность из 10 000 натуральных чисел. Каждое число не превышает 10 000. Определите и запишите в ответе сначала количество пар элементов последовательности, у которых различные остатки от деления на d=160 и хотя бы одно из чисел делится на p=7, затем максимальную из сумм элементов таких пар. В данной задаче под парой подразумевается два различных элемента последовательности. Порядок элементов в паре не важен.

Пример входных данных:

168

7

320

328

Пример выходных данных для приведённого выше примера входных данных:

4 489

Пояснение: Из 4 чисел можно составить 6 пар. В данном случае условиям удовлетворяют пары: 168 и 320, 168 и 7, 320 и 7, 328 и 7. Максимальную сумму дает пара 168 и 320 — 488.

17.txt

| Ответ: | т: | |
|--------|----|--|
|--------|----|--|

18. Квадрат разлинован на $N \times N$ клеток (1 < N < 17). Исполнитель Робот может перемещаться по клеткам, выполняя за одно перемещение одну из двух команд: вправо или вниз. По команде вправо Робот перемещается в соседнюю правую клетку, по команде вниз— в соседнюю нижнюю. При попытке выхода за границу квадрата Робот разрушается. Перед каждым запуском Робота в каждой клетке квадрата лежит монета достоинством от 1 до 100. Посетив клетку, Робот забирает монету с собой; это также относится к начальной и конечной клетке маршрута Робота.

Задание 18

Откройте файл. Определите максимальную и минимальную денежную сумму, которую может собрать Робот, пройдя из левой верхней клетки в правую нижнюю. В ответ запишите два числа друг за другом без разделительных знаков — сначала максимальную сумму, затем минимальную.

Исходные данные представляют собой электронную таблицу размером $N \times N$, каждая ячейка которой соответствует клетке квадрата.

Пример входных данных:

| 1 | 8 | 8 | 4 |
|----|---|----|---|
| 10 | 1 | 1 | 3 |
| 1 | 3 | 12 | 2 |
| 2 | 3 | 5 | 6 |

Для указанных входных данных ответом должна быть пара чисел 41 и 22.

19. Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежит куча камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может:

добавить в кучу один камень (действие А) или

утроить количество камней в куче, а затем убрать из кучи 2 камня (действие Б).

Например, имея кучу из 20 камней, за один ход можно получить кучу из 21 камня или из 58 камней. У каждого игрока, чтобы делать ходы, есть неограниченное количество камней.

Игра завершается в тот момент, когда количество камней в куче становится более 39. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший кучу, в которой будет 40 или больше камней.

В начальный момент в куче было S камней, $2 \le S \le 39$.

Говорят, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока— значит, описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника.

Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом после неудачного первого хода Пети. Укажите минимальное значение S, когда такая ситуация возможна.

20. Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежит куча камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может:

добавить в кучу один камень (действие А) или

утроить количество камней в куче, а затем убрать из кучи 2 камня (действие Б).

Например, имея кучу из 20 камней, за один ход можно получить кучу из 21 камня или из 58 камней. У каждого игрока, чтобы делать ходы, есть неограниченное количество камней.

Игра завершается в тот момент, когда количество камней в куче становится более 39. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший кучу, в которой будет 40 или больше камней.

В начальный момент в куче было S камней, $2 \le S \le 39$.

Говорят, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока— значит, описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника.

Найдите два таких значения *S*, при которых у Пети есть выигрышная стратегия, причём одновременно выполняются два условия:

- Петя не может выиграть за один ход;
- Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня.

Найденные значения запишите в ответе в порядке возрастания без разделительных знаков.

21. Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежит куча камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может:

добавить в кучу один камень (действие А) или

утроить количество камней в куче, а затем убрать из кучи 2 камня (действие Б).

Например, имея кучу из 20 камней, за один ход можно получить кучу из 21 камня или из 58 камней. У каждого игрока, чтобы делать ходы, есть неограниченное количество камней.

Игра завершается в тот момент, когда количество камней в куче становится более 39. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший кучу, в которой будет 40 или больше камней.

В начальный момент в куче было S камней, $2 \le S \le 39$.

Говорят, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока— значит, описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника.

Найдите минимальное значение S, при котором одновременно выполняются два условия:

- у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при любой игре Пети;
 - у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.

11/15

22. Ниже на пяти языках программирования записан алгоритм, который вводит натуральное число x, выполняет преобразования, а затем выводит одно число. Укажите наименьшее возможное значение x, при вводе которого алгоритм выведет число 8.

| Бейсик | Python |
|--|--|
| DIM X, A, B, D AS INTEGER INPUT X A = 0: B = 10 WHILE X > 0 D = X MOD 6 IF D > A THEN A = D IF D < B THEN B = D X = X \ 6 WEND PRINT A+B | x = int(input()) a=0; b=10 while x > 0: d = x % 6 if d > a: a = d if d < b: b = d x = x // 6 print(a+b) |
| Паскаль | Алгоритмический язык |
| var x, a, b, d: longint; begin readln(x); a := 0; b := 10; while x > 0 do begin d := x mod 6; if d > a then a := d; if d < b then b := d; x := x div 6; end; writeln(a+b) end. | алг нач цел x, a, b, d ввол x а := 0; b := 10 нц пока x > 0 d := mod(x,6) если d > а то а := d все если d < b то b := d все x := div(x,6) кц вывод a+b кон |
| C- | H |
| using namint m int m int x, cin a = 0; while d = if (d : if (d < | ciostream> espace std; ain() { |

- 23. У исполнителя четыре команды, которым присвоены номера:
- 1. прибавь 1,
- 2. сделай чётное,
- 3. сделай нечётное,
- 4. умножь на 10.

Первая из них увеличивает на 1 исходное число x, вторая умножает это число на 2, третья переводит число x в число 2x+1, четвёртая умножает его на 10. Например, вторая команда переводит число 10 в число 20, а третья переводит число 10 в число 21. Программа для исполнителя — это последовательность команд.

Сколько существует программ, которые число 1 преобразуют в число 15?

24. Текстовый файл состоит не более чем из 10^6 символов A, B и C. Определите максимальную длину цепочки вида ABABAB... (составленной из фрагментов AB, последний фрагмент может быть неполным).

Для выполнения этого задания следует написать программу. Ниже приведён файл, который необходимо обработать с помощью данного алгоритма.

Задание 24

25.

Напишите программу, которая ищет среди целых чисел, принадлежащих Ответ числовому отрезку [2422000; 2422080], простые числа. Выведите все найденные простые числа в порядке возрастания, слева от каждого числа выведите его номер по порядку.

| твет: | |
|-------|--|
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |

26. Системный администратор раз в неделю создаёт архив пользовательских файлов. Однако объём диска, куда он помещает архив, может быть меньше, чем суммарный объём архивируемых файлов. Известно, какой объём занимает файл каждого пользователя.

По заданной информации об объёме файлов пользователей и свободном объёме на архивном диске определите максимальное число пользователей, чьи файлы можно сохранить в архиве, а также максимальный размер имеющегося файла, который может быть сохранён в архиве, при условии, что сохранены файлы максимально возможного числа пользователей.

Входные данные.

Вариант № 9325896

Задание 26

В первой строке входного файла находятся два числа: S— размер свободного места на диске (натуральное число, не превышающее 10 000) и N— количество пользователей (натуральное число, не превышающее 4000). В следующих N строках находятся значения объёмов файлов каждого пользователя (все числа натуральные, не превышающие 100), каждое в отдельной строке.

Запишите в ответе два числа: сначала наибольшее число пользователей, чьи файлы могут быть помещены в архив, затем максимальный размер имеющегося файла, который может быть сохранён в архиве, при условии, что сохранены файлы максимально возможного числа пользователей.

| архиве, при условии, что сохранены файлы максимально возможного числа пользователей. |
|---|
| Пример входного файла: |
| 100 4 |
| 80 |
| 30 |
| 50 |
| 40 |
| При таких исходных данных можно сохранить файлы максимум двух пользователей. Возможные |
| объёмы этих двух файлов 30 и 40, 30 и 50 или 40 и 50. Наибольший объём файла из перечисленных |
| пар — 50, поэтому ответ для приведённого примера: |
| 2 50 |
| |
| Ответ: |
| |
| |

 $2\ 7$. На вход программы поступает последовательность из n целых положительных чисел. Рассматриваются все пары элементов последовательности a_i и a_j такие что i < j и $a_i > a_j$ (первый элемент пары больше второго; i и j — порядковые номера чисел в последовательности входных данных). Среди пар, удовлетворяющих этому условию, необходимо найти и напечатать пару с максимальной суммой элементов, которая делится на m=120. Если среди найденных пар максимальную сумму имеют несколько, то можно напечатать любую из них.

Входные данные.

<u>Файл А</u> Файл В

В первой строке входных данных задаётся количество чисел $n \ (2 \le n \le 12\ 000)$.

В каждой из последующих n строк записано одно целое положительное число, не превышающее 10 000.

В качестве результата программа должна напечатать элементы искомой пары. Если таких пар несколько, можно вывести любую из них. Гарантируется, что хотя бы одна такая пара в последовательности есть.

Пример организации исходных данных во входном файле:

6

60

140

61 100

300

59

Пример выходных данных для приведённого выше примера входных данных:

 $140\ 100$

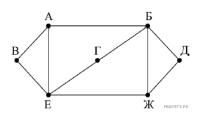
В ответе укажите четыре числа: сначала значение искомой суммы для файла A (два числа через пробел), затем для файла B (два числа через пробел).

| Ответ: | |
|--------|--|

Пояснение. Из шести заданных чисел можно составить три пары, сумма элементов которых делится н а m=120: 60+300, 140+100 и 61+59. Во второй и третьей из этих пар первый элемент больше второго, но во второй паре сумма больше.

1. На рисунке схема дорог изображена в виде графа, в таблице содержатся сведения о длине этих дорог в километрах.

| | П1 | П2 | П3 | П4 | П5 | П6 | П7 |
|----|----|----|----|----|----|----|----|
| П1 | | | | | 10 | | 8 |
| П2 | | | 7 | | | 6 | 12 |
| П3 | | 7 | | | | 4 | |
| П4 | | | | | | 6 | 7 |
| П5 | 10 | | | | | 15 | 14 |
| П6 | | 6 | 4 | 6 | 15 | | |
| П7 | 8 | 12 | | 7 | 14 | | |



Так как таблицу и схему рисовали независимо друг от друга, нумерация населённых пунктов в таблице никак не связана с буквенными обозначениями на графе. Определите длину кратчайшего пути из пункта В в пункт Д, если передвигаться можно только по указанным дорогам. В ответе запишите целое число — длину пути в километрах.

1/14

| 2. Логическая функция F задаётся выражением $(x \to y)$ \land $(y \to z)$. На рисунке приведён фрагмент | | | | | | | HT | | |
|--|---------------|--------------------|-------------|--------|---------|---------|------------|---------|---|
| таблицы | истинности | функции <i>F</i> . | Определите, | какому | столбцу | таблицы | истинности | функции | F |
| соответст | вует каждая и | з переменных | X X, Y, Z. | | | | | | |

| Перем. 1 | Перем. 2 | Перем. 3 | Функция |
|----------|----------|----------|---------|
| ??? | ??? | ??? | F |
| 1 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | 1 |

В ответе напишите буквы *x*, *y*, *z* в том порядке, в котором идут соответствующие им столбцы (сначала буква, соответствующая первому столбцу, затем – буква, соответствующая второму столбцу, и т. д.). Буквы в ответе пишите подряд, никаких разделителей между буквами ставить не нужно.

Пример. Пусть задано выражение $x \to y$, зависящее от двух переменных -x и y, и таблица истинности:

| Перем. 1 | Перем. 2 | Функция |
|----------|----------|---------|
| ??? | ??? | F |
| 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 |

Тогда первому столбцу соответствовала бы переменная x, а второму столбцу — переменная y. В ответе следовало бы написать: xy.

3. В файле приведён фрагмент базы данных «Продукты» о поставках товаров в магазины районог города. База данных состоит из трёх таблиц.

3.xlsx

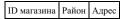
Таблица «Движение товаров» содержит записи о поставках товаров в магазины в течение первой декады июня 2021 г., а также информацию о проданных товарах. Поле *Тип операции* содержит значение *Поступление* или *Продажа*, а в соответствующее поле *Количество упаковок*, *шт.* занесена информация о том, сколько упаковок товара поступило в магазин или было продано в течение дня. Заголовок таблицы имеет следующий вид.

| ID операции | Дата | ID магазина | Артикул | Тип операции | Количество упаковок, шт. | Цена, руб./шт. |
|-------------|------|-------------|---------|-----------------|-----------------------------|-------------------|
|-------------|------|-------------|---------|-----------------|-----------------------------|-------------------|

Таблица «Товар» содержит информацию об основных характеристиках каждого товара. Заголовок таблицы имеет следующий вид.

| Артикул Отдел Наименование Е | Ед. изм. Количество в упаковке | Поставщик |
|------------------------------|--------------------------------|-----------|
|------------------------------|--------------------------------|-----------|

Таблица «Магазин» содержит информацию о местонахождении магазинов. Заголовок таблицы имеет следующий вид.



На рисунке приведена схема указанной базы данных.



Используя информацию из приведённой базы данных, определите, сколько рублей потребовалось магазинам Первомайского района для закупки яиц диетических за период с 1 по 10 июня включительно. В ответе запишите только число. Ответ округлите до десятых.

3/14

- 4. Для кодирования некоторой последовательности, состоящей из букв A, Б, В, Γ и Д, используется неравномерный двоичный код, позволяющий однозначно декодировать полученную двоичную последовательность. Вот этот код: А 1; Б 0100; В 000; Γ 011; Д 0101. Требуется сократить для одной из букв длину кодового слова так, чтобы код по-прежнему можно было декодировать однозначно. Коды остальных букв меняться не должны. Каким из указанных способов это можно следать?
 - для буквы Г 11
 - 2) для буквы В 00
 - для буквы Г 01
 - 4) это невозможно
- Исполнитель КУЗНЕЧИК живёт на числовой оси. Начальное положениеКУЗНЕЧИКА точка 10 Система команд Кузнечика:

Вперед 7 – Кузнечик прыгает вперёд на 7 единиц,

Назад 4 – Кузнечик прыгает назад на 4 единицы.

Какое наименьшее количество раз должна встретиться в программе команда «Назад 4», чтобы Кузнечик оказался в точке 43?

6. Определите, что будет напечатано в результате работы следующего фрагмента программы:

| Бейсик | Python | |
|---|---|--|
| DIM N, S AS INTEGER $N = 4$ $S = 0$ WHILE N \leq 8 $S = S + N$ $N = N + 1$ WEND PRINT S | n = 4 s = 0 while n <= 8: s += n n += 1 print(s) | |
| Паскаль | Алгоритмический язык | |
| var n, s: integer; begin n:= 4; s:= 0; while n <= 8 do begin s:= s + n; n:= n + 1; end; writeln(s); end. | алг нач цел n , s $n := 4$ $s := 0$ нц пока $n <= 8$ $s := s + n$ $n := n + 1$ кц вывод s кон | |
| #include <iostream> using namespace std; int main() { int n, s; n = 4, s = 0; while (n <= 8) { s = s + n; n = n + 1; } cout << s << endl; return 0; }</iostream> | | |

- 7. Для хранения произвольного растрового изображения размером 1024 × 1024 пикселей отведено 512 Кбайт памяти, при этом для каждого пикселя хранится двоичное число код цвета этого пикселя. Для каждого пикселя для хранения кода выделено одинаковое количество бит. Сжатие данных не производится. Какое максимальное количество цветов можно использовать в изображении?
- 8. Какое минимальное количество бит потребуется для кодирования целых положительных чисел, меньших 60?
- **9.** Откройте файл электронной таблицы, содержащей вещественные числа— результаты ежечасного измерения температуры воздуха на протяжении трёх месяцев.

Задание 9

Найдите количество значений, которые выше округленного до десятых среднего значения всех чисел таблицы, но меньше 30 °C.

10. С помощью текстового редактора определите, сколько раз, не считая сносок, встречается слово «Онегин» в тексте романа в стихах А.С. Пушкина «Евгений Онегин». Другие формы слова «Онегин» такие как «Онегина», «Онегиным» и т. д., учитывать не следует. В ответе укажите только число.

Задание 10

- 11. В некоторой стране проживает 200 человек. Индивидуальные номера страховых медицинских свидетельств жителей в этой стране содержат только цифры 2, 4, 6, 8 и содержат одинаковое количество цифр. Каково минимальное количество разрядов в номерах этих свидетельств, если медицинскую страховку имеют абсолютно все жители, и номера всех свидетельств различны?
- 12. Исполнитель Редактор получает на вход строку цифр и преобразовывает её. Редактор может выполнять две команды, в обеих командах *v* и *w* обозначают цепочки цифр.

```
A) заменить ( v, w).
```

Эта команда заменяет в строке первое слева вхождение цепочки v на цепочку w. Например, выполнение команды

заменить (111, 27)

преобразует строку 05111150 в строку 0527150.

Если в строке нет вхождений цепочки v, то выполнение команды заменить (v, w) не меняет эту строку.

Б) **нашлось** (*v*).

Эта команда проверяет, встречается ли цепочка v в строке исполнителя Редактор. Если она встречается, то команда возвращает логическое значение «истина», в противном случае возвращает значение «ложь». Строка исполнителя при этом не изменяется.

Цикл

ПОКА условие

последовательность команд

КОНЕЦ ПОКА

выполняется, пока условие истинно.

В конструкции

ЕСЛИ условие

ТО команда1

ИНАЧЕ команда2

КОНЕЦ ЕСЛИ

выполняется команда (если условие истинно) или команда 2 (если условие ложно).

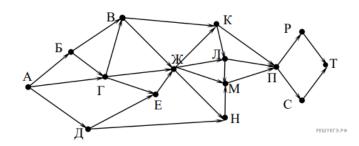
Какая строка получится в результате применения приведённой ниже программы к строке, состоящей из цифры 1, за которой следуют 80 идущих подряд цифр 8? В ответе запишите полученную строку.

```
НАЧАЛО
```

```
ПОКА нашлось (18) ИЛИ нашлось (288) ИЛИ нашлось (3888) ЕСЛИ нашлось (18)
ТО заменить (18, 2)
ИНАЧЕ ЕСЛИ нашлось (288)
ТО заменить (288, 3)
ИНАЧЕ заменить (3888, 1)
КОНЕЦ ЕСЛИ
КОНЕЦ ЕСЛИ
КОНЕЦ ПОКА
КОНЕЦ ПОКА
```

13. На рисунке— схема дорог, связывающих города А, Б, В, Г, Д, Е, Ж, К, Л, М, Н, П, Р, С, Т. П каждой дороге можно двигаться только в одном направлении, указанном стрелкой.

Сколько существует различных путей из города А в город Т, проходящих через город Л?



- **14.** Укажите через запятую в порядке возрастания все основания систем счисления, в которых запись числа 31 оканчивается на 4.
 - 15. Сколько существует целых значений числа А, при которых формула

$$((x < A) \rightarrow (x^2 < 81)) \land ((y^2 \le 36) \rightarrow (y \le A))$$

тождественно истинна при любых целых неотрицательных х и у?

16. Ниже на пяти языках программирования записан рекурсивный алгоритм F.

| Бейсик | Python |
|---|---|
| SUB F(n) IF n > 0 THEN F(n - 3) PRINT N F(n \ 3) END IF END SUB | def F(n): if n > 0: F(n - 3) print(n) F(n // 3) |
| Паскаль | Алгоритмический язык |
| procedure $F(n: integer)$; begin if $n > 0$ then begin F(n - 3); write(n); F(n div 3); end end; | алг F (цел n) |
| C+ | ++ |
| if (n F (std::c | (int n) { n > 0) { n - 3); out << n; (n / 3); } } |

Запишите подряд без пробелов и разделителей все числа, которые будут напечатаны на экране при выполнении вызова F(9). Числа должны быть записаны в том же порядке, в котором они выводятся на экран.

17. В файле содержится последовательность из 10 000 целых положительных чисел. Каждое число не превышает 10 000. Определите и запишите в ответе сначала количество пар элементов последовательности, для которых произведение элементов кратно 26, затем максимальную из сумм элементов таких пар. В данной задаче под парой подразумевается два различных элемента последовательности. Порядок элементов в паре не важен.

<u>17.txt</u>

Вариант № 9325898

18. Квадрат разлинован на $N \times N$ клеток (1< N<26). Исполнитель Робот может перемещаться по клеткам, выполняя за одно перемещение одну из двух команд: вправо или вниз. По команде вправо Робот перемещается в соседнюю правую клетку; по команде вниз— в соседнюю нижнюю. При попытке выхода за границу квадрата Робот разрушается. Перед каждым запуском Робота в каждой клетке квадрата указана плата за посещение в размере от 1 до 100. Посетив клетку, Робот платит за её

Определите минимальную и максимальную денежные суммы, которые заплатит Робот, пройдя из левой верхней клетки в правую нижнюю. В ответе укажите два числа: сначала минимальную сумму, затем максимальную, без разделительных знаков. Исходные данные представляют собой электронную таблицу размером $N \times N$, каждая ячейка которой соответствует клетке квадрата.

Исходные данные записаны в электронной таблице.

Залание 18

Пример входных данных (для таблицы размером 4×4):

| 1 | 8 | 8 | 4 |
|----|---|----|---|
| 10 | 1 | 1 | 3 |
| 1 | 3 | 12 | 2 |
| 2 | 3 | 5 | 6 |

Для указанных входных данных ответом должна быть пара чисел: 22 и 41.

посещение; это также относится к начальной и конечной клеткам маршрута Робота.

19. Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежит куча камней. Игрок ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может добавить в кучу один или четыре камня либо увеличить количество камней в куче в пять раз. Например, имея кучу из 15 камней, за один ход можно получить кучу из 16, 19 или 75 камней. У каждого игрока, чтобы делать ходы, есть неограниченное количество камней. Игра завершается в тот момент, когда количество камней в куче становится не менее 68.

Победителем считается игрок, сделавший последний ход, т.е. первым получивший кучу, в которой будет 68 или больше камней. В начальный момент в куче было S камней; $1 \le S \le 67$.

Будем говорить, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока— значит описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника. В описание выигрышной стратегии не следует включать ходы играющего по этой стратегии игрока, не являющиеся для него безусловно выигрышными, т. е. не являющиеся выигрышными независимо от игры противника.

Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом после неудачного первого хода Пети. Укажите минимальное значение *S*, когда такая ситуация возможна.

20. Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежит куча камней. Игрок ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может добавить в кучу один или четыре камня либо увеличить количество камней в куче в пять раз. Например, имея кучу из 15 камней, за один ход можно получить кучу из 16, 19 или 75 камней. У каждого игрока, чтобы делать ходы, есть неограниченное количество камней. Игра завершается в тот момент, когда количество камней в куче становится не менее 68.

Победителем считается игрок, сделавший последний ход, т.е. первым получивший кучу, в которой будет 68 или больше камней. В начальный момент в куче было S камней; $1 \le S \le 67$.

Будем говорить, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока— значит описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника. В описание выигрышной стратегии не следует включать ходы играющего по этой стратегии игрока, не являющиеся для него безусловно выигрышными, т. е. не являющиеся выигрышными независимо от игры противника.

Найдите два таких значения S, при которых у Пети есть выигрышная стратегия, причём одновременно выполняются два условия:

— Петя не может выиграть за один ход;

Вариант № 9325898

— Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня.

Найденные значения запишите в ответе в порядке возрастания без разделительных знаков.

21. Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежит куча камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может добавить в кучу один или четыре камня либо увеличить количество камней в куче в пять раз. Например, имея кучу из 15 камней, за один ход можно получить кучу из 16, 19 или 75 камней. У каждого игрока, чтобы делать ходы, есть неограниченное количество камней. Игра завершается в тот момент, когда количество камней в куче становится не менее 68.

Победителем считается игрок, сделавший последний ход, т.е. первым получивший кучу, в которой будет 68 или больше камней. В начальный момент в куче было S камней; $1 \le S \le 67$.

Будем говорить, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока— значит описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника. В описание выигрышной стратегии не следует включать ходы играющего по этой стратегии игрока, не являющиеся для него безусловно выигрышными, т. е. не являющиеся выигрышными независимо от игры противника.

Найдите минимальное значение S, при котором одновременно выполняются два условия:

- у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при любой игре Пети;
 - у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.

22. Ниже на пяти языках программирования записан алгоритм. Получив на вход натуральное десятичное число x, этот алгоритм печатает два числа: L и M. Укажите **наибольшее** число x, при вводе которого алгоритм печатает сначала 14, а потом 3.

| Бейсик | Python | |
|--|---|--|
| $\begin{array}{c} \text{DIM X, L, M AS INTEGER} \\ \text{INPUT X} \\ \text{L} = 0 \\ \text{M} = 0 \\ \text{WHILE X} > 0 \\ \text{M} = M + 1 \\ \text{IF X MOD 2} <> 0 \text{ THEN} \\ \text{L} = \text{L} + \text{X MOD 8} \\ \text{ENDIF} \\ \text{X} = \text{X} \setminus \text{8} \\ \text{WEND} \\ \text{PRINT L} \\ \text{PRINT M} \end{array}$ | x = int(input()) L = 0 M = 0 while x > 0: M = M+1 if (x % 2)!= 0: L = L + x % 8 x = x // 8 print(L) print(M) | |
| Паскаль | Алгоритмический язык | |
| var x, L, M: integer; begin readln(x); L:=0; M:=0; while x > 0 do begin M:=M + 1; if (x mod 2) <> 0 then L:= L + x mod 8; x:= x div 8; end; writeln(L); write(M); end. | алг нач цел x , L , M ввод x $L := 0$ $M := 0$ нц пока $x > 0$ $M := M+1$ если $mod(x,2) <> 0$ то $L := L + mod(x,8);$ $x := div(x,8)$ все кц вывод L , н c , M кон | |
| Си | ++ | |
| #include < using name | iostream> | |
| $\begin{array}{l} \text{int main(void) } \{\\ & \text{int } L, M, x;\\ & \text{cin} >> x;\\ & L = 0; \ M = 0;\\ & \text{while } (x > 0) \ \{\\ & M = M + 1;\\ & \text{if } (x \% \ 2 \ != 0) \ \{\\ & L = L + x \% \ 8;\\ & \}\\ & x = x \ / \ 8;\\ & \}\\ & \text{cout} << L << ``` << M;\\ & \} \end{array}$ | | |

23. Исполнитель Май17 преобразует число на экране.

У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1

Вариант № 9325898

2. Прибавить 3

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 3. Программа для исполнителя Май17 — это последовательность команд.

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 1 результатом является число 17 и при этом траектория вычислений содержит число 9? Траектория вычислений программы — это последовательность результатов выполнения всех команд программы. Например, для программы 121 при исходном числе 7 траектория будет состоять из чисел 8, 11, 12.

24. Текстовый файл содержит строки различной длины. Общий объём файла не превышает 1 Мбайт. Строки содержат только заглавные буквы латинского алфавита (ABC...Z).

Необходимо найти строку, содержащую наименьшее количество букв N (если таких строк несколько, надо взять ту, которая находится в файле раньше), и определить, какая буква встречается в этой строке чаще всего. Если таких букв несколько, надо взять ту, которая позже стоит в алфавите.

Пример. Исходный файл:

NINA NABLAB ANAAA

В этом примере в первой строке две буквы N, во второй и третьей— по одной. Берём вторую строку, т.к. она находится в файле раньше. В этой строке чаще других встречаются буквы A и B (по два раза), выбираем букву B, т. к. она позже стоит в алфавите. В ответе для этого примера надо записать B.

Для выполнения этого задания следует написать программу. Ниже приведён файл, который необходимо обработать с помощью данного алгоритма.

Задание 24

25. Напишите программу, которая ищет среди целых чисел, принадлежащих числовому отрезку [84052; 84130], число, имеющее максимальное количество различных натуральных делителей, если таких чисел несколько— найдите минимальное из них. Выведите на экран количество делителей такого числа и само число.

Например, в диапазоне [2; 48] максимальное количество различных натуральных делителей имеет число 48, поэтому для этого диапазона вывод на экране должна содержать следующие значения:

10 48

| Ответ: | | | |
|--------|---|--|--|
| | | | |
| | = | | |
| | | | |
| | | | |

11/14 12/14

26. Системный администратор раз в неделю создаёт архив пользовательских файлов. Однако объём диска, куда он помещает архив, может быть меньше, чем суммарный объём архивируемых файлов. Известно, какой объём занимает файл каждого пользователя.

По заданной информации об объёме файлов пользователей и свободном объёме на архивном диске определите максимальное число пользователей, чьи файлы можно сохранить в архиве, а также максимальный размер имеющегося файла, который может быть сохранён в архиве, при условии, что сохранены файлы максимально возможного числа пользователей.

Входные данные.

Задание 26

В первой строке входного файла находятся два числа: S— размер свободного места на диске (натуральное число, не превышающее 10 000) и N— количество пользователей (натуральное число, не превышающее 6000). В следующих *N* строках находятся значения объёмов файлов каждого пользователя (все числа натуральные, не превышающие 100), каждое в отдельной строке.

Запишите в ответе два числа: сначала наибольшее число пользователей, чьи файлы могут быть помещены в архив, затем максимальный размер имеющегося файла, который может быть сохранён в архиве, при условии, что сохранены файлы максимально возможного числа пользователей.

| Пример | входного | файла: |
|--------|----------|--------|
| 100 4 | | |
| 0.0 | | |

30

50 40

При таких исходных данных можно сохранить файлы максимум двух пользователей. Возможные объёмы этих двух файлов 30 и 40, 30 и 50 или 40 и 50. Наибольший объём файла из перечисленных пар — 50, поэтому ответ для приведённого примера:

2 50

| Ответ: | | | |
|--------|---------|--|--|
| | \prod | | |

каждой пары ровно одно число так, чтобы сумма всех выбранных чисел не делилась на 3 и при этом была минимально возможной. Гарантируется, что искомую сумму получить можно. Программа должна напечатать одно число — минимально возможную сумму, соответствующую условиям задачи. Входные данные.

27. Имеется набор данных, состоящий из пар положительных целых чисел. Необходимо выбрать из

Файл А Файл В

Даны два входных файла (файл A и файл B), каждый из которых содержит в первой строке количество пар $N(1 \le N \le 100000)$. Каждая из следующих N строк содержит два натуральных числа, не превышающих 10 000.

Пример организации исходных данных во входном файле:

6

13

5 12 69

54

33

1 1

Для указанных входных данных значением искомой суммы должно быть число 20.

В ответе укажите два числа: сначала значение искомой суммы для файла А, затем для файла В.

Предупреждение: для обработки файла B не следует использовать переборный алгоритм, вычисляющий сумму для всех возможных вариантов, поскольку написанная по такому алгоритму программа будет выполняться слишком долго.

| | |
|--------|------|
| Этвет: | |