Copyright pluttan g

1

1.1

Два вектора называются равными, если они сонаправлены и их длины равны.

1.2

Суммой двух векторов $ec{a}$ и $ec{b}$ называется такой вектор $ec{c}$, построенный по следующим правилам

Правило параллелограмма

Правило треугольника

Пусть О любая точка.

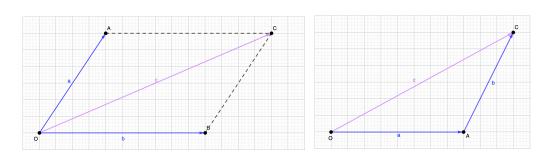
Отложим \vec{a} от O. Получим \overrightarrow{OA}

Отложим \vec{b} от

Tочки O

Tочки A

Получим



Построим

Параллелограмм

Треугольник

Вектор \overrightarrow{C} , представителем которого является \overrightarrow{OC} - искомый.

Построение не зависит от выбора точки O и правила построения.

Произведением \vec{a} на число α называется \vec{b} , если он коллинеарен \vec{a} (причем если $\vec{a}\uparrow\uparrow\vec{b}$: $\alpha>0$, иначе $\alpha<0$) и его длина равна $|\alpha||\vec{a}|$

1.3

Геометрические вектора называются

Коллинеарными

Компланарными

Если они лежат

На одной или параллельных прямых На одной или параллельных плоскостях

1.4

Векторы $\vec{a_1},...,\vec{a_n}$ называются линейно

Зависимыми

Независимыми

Если существует

Если не существует

Их нетривиальная линейная комбинация, равная $\vec{0}$, т.е.

Если при
$$\alpha_1,...,\alpha_n\in\mathbb{R},\,\alpha_1\vec{a_1}+...+\alpha_n\vec{a_n}=0$$

$$\exists \alpha_1,...,\alpha_n$$
 отличные от нуля $\sharp \alpha_1,...,\alpha_n$ отличные от нуля

1.5

2- 3-

2 вектора линейно зависимы \iff они коллинеарны

3 вектора линейно зависимы 👄 они компланарны

Հաբումին բևսենուց

9.1

 $\vec{\epsilon_1}, \vec{\epsilon_2}, \vec{\epsilon_3}$ €1, €2 ₽ Называются координатами \overrightarrow{x} в базисе x_1, x_2, x_3 zx 'txкоэффициенты разложения $\vec{x} = x_1\vec{\epsilon_1} + x_2\vec{\epsilon_2} + x_3\vec{\epsilon_3}$ $\vec{x} = x_1 \vec{\epsilon_1} + x_2 \vec{\epsilon_2}$ $\mathbf{z} = \mathbf{x}$ $\forall \vec{x} \in V_3 \exists ! x_1, x_2, x_3 \in \mathbb{R}$ $\mathbb{A} \ni \mathcal{A}_1, x_2 \in \mathbb{A}$ $\mathbb{A} \ni x \models \mathbb{N} \ni x \forall$ коллинеарных векторов побая упорядоченная тройка побая упорядоченная пара Любой ненулевой Казывается N^3 Λ^{I} Λ^{5} рязисом в пространстве

Любой вектор можно разложить по базису, причем единственным способом

 $\mathbb{M}\ni \{x_1,x_2,x_3\} \in \mathbb{M} \quad \forall \vec{x} \in \mathbb{V}_2 \exists x_1,x_2 \in \mathbb{M} \quad \forall \vec{x} \in \mathbb{V}_3 \exists x_1,x_2,x_3 \in \mathbb{M} \}$

Ортогональной проекцией вектора \overrightarrow{d} на вектор \overrightarrow{b} называется число, вычисленное по правилу:

 \overline{AA} мирупоп, A изрот йодонг то \overline{b} догизва мижоптО . I

- $\overset{\leftarrow}{b}$. Возьмем любую ось b, направление которой совпадает с
- 3 . Спроецируем \overline{AB} на b и получим $\overline{A_{np}B_{np}}$
- 4. Найдем число $\pm |\overrightarrow{A_{np}B_{np}}|$, где + если $\overrightarrow{A_{np}B_{np}}$ \uparrow \overrightarrow{b} , иначе -

 $\overleftarrow{p}_{d}qu$ эинэьвнео $_{
m O}$

6.1

8.1

7.I

 μ Hashbard Donabetherm 2 bekloude μ Hashbaseles ancho induspetichnic through the roccount of μ and through the roccount of μ and μ are also an exposure of μ and μ and μ are also an exposure of μ and μ are also as a constant of μ and μ are also an exposure of μ and μ are also a

Скалярным произведением 2 векторов \vec{a} и b называется число, равное произведению длин векторов на косинус угла между ними.

01.1

$$\mathbb{A} \ni \lambda \forall \overline{d}, \overline{b} \forall$$

$$(\overline{d}\overline{b})\lambda = \overline{d}(\overline{b}\lambda)$$

$$(\overline{d}\overline{b})\lambda = (\overline{d}\lambda)\overline{b}$$

$$\overline{5}, \overline{d}, \overline{b} \forall$$

$$\overline{5}\overline{d} + \overline{5}\overline{b} = \overline{5}(\overline{d} + \overline{b})$$

$$\overline{5}\overline{b} + \overline{d}\overline{b} = (\overline{5} + \overline{d})\overline{b}$$

· TI'I

 $\{\underline{\epsilon} a_1,\underline{\epsilon} a_2,\underline{\epsilon} a_3,\underline{\epsilon} a_4,\underline{\epsilon} a_5,\underline{\epsilon} a_5,$

Copyright pluttan g

1.13

Упорядоченная тройка некомпланарных векторов $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ называется

Право

Левой

Если кратчайший поворот от \vec{a} к \vec{b} виден из конца \vec{c} проходящей

Против часовой стрелке

По часовой стрелке

1.14

Векторным произведением 2 векторов \vec{a}, \vec{b} называется вектор $\vec{c},$ удовлетворяющих условиям

- 1. $\vec{c} \perp \vec{a}, \vec{c} \perp \vec{b}$
- 2. Упорядоченная тройка $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ правая
- 3. $|\vec{c}| = |\vec{a}||\vec{b}|sin(\vec{a},\vec{b})$

1.15

•

 $orall ec{a},ec{b}$ $ec{a}ec{b}=ec{b}ec{a}$ - симметричность скалярного произведения

 $ec{a} imesec{b}=-ec{b} imesec{a}$ - кососимметричность векторного произведения

1.16

$$\begin{split} \forall \vec{a}, \vec{b} \forall k \in \mathbb{R} \\ (k\vec{a}) \times \vec{b} &= k(\vec{a} \times \vec{b}) \\ \vec{a} \times (k\vec{b}) &= k(\vec{a} \times \vec{b}) \\ \forall \vec{a}, \vec{b}, \vec{c} \\ (\vec{a} + \vec{b}) \times \vec{c} &= \vec{a} \times \vec{c} + \vec{b} \times \vec{c} \\ \vec{a} \times (\vec{b} + \vec{c}) &= \vec{a} \times \vec{b} + \vec{a} \times \vec{c} \end{split}$$

1.17

$$\vec{a} \times \vec{b} = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ a_1 & a_2 & a_3 \\ b_1 & b_2 & b_3 \end{vmatrix} = \vec{i} \begin{vmatrix} a_2 & a_3 \\ b_2 & b_3 \end{vmatrix} - \vec{j} \begin{vmatrix} a_1 & a_3 \\ b_1 & b_3 \end{vmatrix} + \vec{k} \begin{vmatrix} a_1 & a_2 \\ b_1 & b_2 \end{vmatrix}, \vec{a} \{a_1; a_2; a_3\}, \vec{b} \{b_1; b_2; b_3\}$$

1.18

Смешанным произведением 3 векторов \vec{a},\vec{b},\vec{c} называется число, равное $(\vec{a}\times\vec{b})\vec{c}$ Обозначение $(\vec{a},\vec{b},\vec{c}),\vec{a}\vec{b}\vec{c}$

1.19

При перестановке любых двух векторов, смешанное произведение меняет знак.

$$\forall \vec{a}, \vec{b}, \vec{c} : \vec{a}\vec{b}\vec{c} = -\vec{b}\vec{a}\vec{c} = -\vec{c}\vec{b}\vec{a}$$

1.20

$$\begin{aligned} \forall \vec{a}, \vec{b}, \vec{c}, \forall k \in \mathbb{R} \\ (k\vec{a})\vec{b}\vec{c} &= k(\vec{a}\vec{b}\vec{c}) \\ \vec{a}(k\vec{b})\vec{c} &= k(\vec{a}\vec{b}\vec{c}) \\ \vec{a}\vec{b}(k\vec{c}) &= k(\vec{a}\vec{b}\vec{c}) \\ \forall \vec{a}, \vec{b}, \vec{c}, \vec{d} \\ (\vec{a} + \vec{d})\vec{b}\vec{c} &= \vec{a}\vec{b}\vec{c} + \vec{d}\vec{b}\vec{c} \\ \vec{a}(\vec{b} + \vec{d})\vec{c} &= \vec{a}\vec{b}\vec{c} + \vec{a}\vec{d}\vec{c} \\ \vec{a}\vec{b}(\vec{c} + \vec{d}) &= \vec{a}\vec{b}\vec{c} + \vec{a}\vec{b}\vec{d} \end{aligned}$$

6 Lophright pluttan &

$$\frac{|A + Cz_0 + By_0 + Cz_0 + Dy_0|}{\sqrt{A^2 + B^2 + C^2}} = \rho(M_0, \pi) = \frac{|A + Cy_0 + Cy_0 + Cy_0|}{\sqrt{A^2 + B^2 + C^2}}$$

2.10

6.2

Пусть I_1 (задан точкой $M_1(x_1,y_1,z_1)$ и направляющим вектором $\widetilde{m}_1\{a,b,c\}$) и точка $M_0(x_0,y_0,z_0)$ подда

$$\frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{2}} \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{2}} \frac{1}$$

$$\frac{|\overline{m} \times \overline{M_1 M_1}|}{|\overline{m}|} = \frac{S}{|\overline{m}|} = h$$
. Рассмотрим параллелограмма. $h = \frac{S}{|\overline{m}|} = \frac{S}{|\overline{m}|} = h$. Гле h высота параллелограмма. $h = \frac{S}{|\overline{m}|} = \frac{S}{|\overline{m}|} = \frac{S}{|\overline{m}|}$

$$y = \rho(M_0, I_1) = \frac{|\overline{M_1}\overline{M_0} \times \overline{M_1}|}{|\overline{M_0} \times \overline{M_1}|} = \frac{\sqrt{a^2 + b^2 + b^2}}{|\overline{M_0} \times \overline{M_1}|} + \frac{a}{|\overline{M_0} \times \overline{M_1}|} = \frac{|\overline{M_1}\overline{M_1}\overline{M_1}|}{|\overline{M_0} \times \overline{M_1}|} = \frac{|\overline{M_1}\overline{M_1}\overline{M_1}|}{|\overline{M_0} \times \overline{M_1}|} = \frac{|\overline{M_1}\overline{M_1}\overline{M_1}|}{|\overline{M_1}\overline{M_1}|} = \frac{|\overline{M_1}\overline{M_1}|}{|\overline{M_1}\overline{M_1}|} = \frac{|\overline{M_1}\overline{M_1}|}{|\overline{M_1}\overline{M_1}|} = \frac{|\overline{M_1}\overline{M_1}|}{|\overline{M_1}\overline{M_1}|} = \frac{|\overline{M_1}\overline{M_1}|}{|\overline{M_1}\overline{M_1}|} = \frac{|\overline{M_1}\overline{M_1}|}{|\overline{M_1}\overline{M_1}|} = \frac{|\overline{M_1}\overline{M_1}|}{|\overline{M_1}|} = \frac{|\overline{M_$$

$$\frac{\begin{vmatrix} |z-z^2 & |z-z^2| & |z-z^2| \\ | & |z-z^2| & |z-z^2| & |z-z^2| \\ | & |z-z| & |z-z| & |z-z| \\ | & |z-z| & |z-z| & |z-z| \\ | & |z-z| & |z-z| \\ |$$

 $\frac{1. \, \text{Рассмотрим парадилелениный на } {\frac{1. \, \text{Рассмотрим парадилелениный на } {\frac{1. \, \text{Рассмотрим парадилелениный на } {\frac{1. \, \text{Гаг. } \, \text{Гаг.$

$$= |\begin{vmatrix} z_0 & z_1 \\ z_0 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_0 & z_1 \\ z_0 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_0 & z_1 \\ z_0 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_0 & z_1 \\ z_0 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_0 & z_1 \\ z_1 & z_2 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_0 & z_1 \\ z_1 & z_2 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_0 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_0 & z_1 \\ z_1 & z_2 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_0 & z_1 \\ z_1 & z_2 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_2 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_2 & z_2 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_2 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_2 & z_2 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_2 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_2 & z_2 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_2 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_2 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_2 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_2 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_2 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_2 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_2 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_2 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{A} + \begin{vmatrix} z_1 & z_1 \\ z_1 & z_1 \end{vmatrix} \underbrace{$$

$$\begin{vmatrix} x_{2} - x_{1} & 3x - 3x & 3x - 3x \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & &$$

Cophright pluttan &

12.1

$$\vec{ab5} = \begin{vmatrix} a_1 & a_2 & a_3 \\ b_1 & b_2 & b_3 \\ c_1 & c_2 & c_3 \end{vmatrix} \vec{a} \{a_1; a_2; a_3\}, \vec{b} \{b_1; b_2; b_3\}, \vec{c} \{c_1; c_2; c_3\}$$

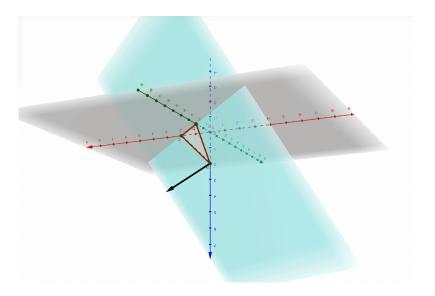
1.22

$$0 = Q + zO + yB + xA$$

где A,B,C - координаты вектора нормали плоскости $\vec{n}\{A,B,C\}$

$$I = \frac{z}{3} + \frac{y}{4} + \frac{x}{a}$$

а, b, c–соответствующие координаты точек лежащих на осях OX , OY и OZ соответственно.



1.23

Пусть известны 3 точки $M_1(x_1,y_1,z_1)$, $M_2(x_2,y_2,z_2)$, $M_3(x_3,y_3,z_3)$ Тотда уравнение плоскости, которую они образуют будет равно

$$a(_{1}x - _{5}x) + u(_{1}x - _{2}x) + _{1}x = x$$

$$u(_{1}x - _{2}x) + u(_{1}y - _{2}x) + _{1}x = x$$

$$u(_{1}x - _{5}x) + u(_{1}x - _{2}x) + _{1}x = x$$

 $\Pi_{
m ycrb} egin{dcases} \pi_1: A_1x+B_1y+C_1z+D_1=0 & \Pi_{
m DOCKOCTR} & \Pi_{
m DOC$

$$\text{L. } \pi_1 \parallel \pi_2 \iff \frac{A_1}{A_2} = \frac{B_2}{B_1} = \frac{C_2}{C_2} \neq \frac{D_2}{D_2}$$

2. (Ectin chctema kooplinhat iipamoytojiehaa) $\pi_1 \perp \pi_2 \iff A_1A_2 + B_1B_2 + C_1C_2 = 0$

1.25

1.24

$$\begin{cases} Ax + By + Cz + D = 0 \\ M_0(x_0, y_0, z_0) \end{cases} : \rho(M_0, \pi) = 0 = 0 + 2y_0 + Cz_0 + D = 0 \\ M_0(x_0, y_0, z_0) \end{cases}$$

Copyright pluttan

$$\begin{aligned} -\vec{k}, \vec{j} \times \vec{j} &= \vec{0}, \vec{j} \times \vec{k} = \vec{i}, \vec{k} \times \vec{i} = \vec{j}, \vec{k} \times \vec{j} = -\vec{i}, \vec{k} \times \vec{k} = \vec{0} \\ |\vec{i}| \begin{vmatrix} a_2 & a_3 \\ b_2 & b_3 \end{vmatrix} - \vec{j} \begin{vmatrix} a_1 & a_3 \\ b_1 & b_3 \end{vmatrix} + \vec{k} \begin{vmatrix} a_1 & a_2 \\ b_1 & b_2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ a_1 & a_2 & a_3 \\ b_1 & b_2 & b_3 \end{vmatrix}$$

2.6

$$\forall \vec{a}, \vec{b}, \vec{c}, \vec{d} \forall k \in \mathbb{R}$$

2.6.1 $(k\vec{a})\vec{b}\vec{c} = k(\vec{a}\vec{b}\vec{c})$

$$(k\vec{a})\vec{b}\vec{c} = ((k\vec{a}) \times \vec{b})\vec{c} = (k(\vec{a} \times \vec{b}))\vec{c} = k((\vec{a} \times \vec{b})\vec{c}) = k(\vec{a}\vec{b}\vec{c})$$

2.6.2 $\vec{a}(k\vec{b})\vec{c} = k(\vec{a}\vec{b}\vec{c})$

$$\vec{a}(k\vec{b})\vec{c} = (k\vec{b})\vec{c}\vec{a} = k(\vec{b}\vec{c}\vec{a}) = k(\vec{a}\vec{b}\vec{c})$$

2.6.3 $\vec{a}\vec{b}(k\vec{c}) = k(\vec{a}\vec{b}\vec{c})$

$$\vec{a}\vec{b}(k\vec{c}) = (k\vec{c})\vec{a}\vec{b} = k(\vec{c}\vec{a}\vec{b}) = k(\vec{a}\vec{b}\vec{c})$$

2.6.4 $(\vec{a} + \vec{d})\vec{b}\vec{c} = \vec{a}\vec{b}\vec{c} + \vec{d}\vec{b}\vec{c}$

$$(\vec{a} + \vec{d})\vec{b}\vec{c} = ((\vec{a} + \vec{d}) \times \vec{b})\vec{c} = (\vec{a} \times \vec{b} + \vec{d} \times \vec{b})\vec{c} = \vec{a}\vec{b}\vec{c} + \vec{d}\vec{b}\vec{c}$$

2.6.5 $\vec{a}(\vec{b}+\vec{d})\vec{c} = \vec{a}\vec{b}\vec{c} + \vec{a}\vec{d}\vec{c}$

$$\vec{a}(\vec{b} + \vec{d})\vec{c} = (\vec{b} + \vec{d})\vec{c}\vec{a} = \vec{b}\vec{c}\vec{a} + \vec{d}\vec{c}\vec{a} = \vec{a}\vec{b}\vec{c} + \vec{a}\vec{d}\vec{c}$$

2.6.6 $\vec{a}\vec{b}(\vec{c} + \vec{d}) = \vec{a}\vec{b}\vec{c} + \vec{a}\vec{b}\vec{d}$

$$\vec{a}\vec{b}(\vec{c}+\vec{d}) = (\vec{c}+\vec{d})\vec{a}\vec{b} = \vec{c}\vec{a}\vec{b} + \vec{d}\vec{a}\vec{b} = \vec{a}\vec{b}\vec{c} + \vec{a}\vec{b}\vec{d}$$

2.7

$$\vec{a}\vec{b}\vec{c} = (\vec{a} \times \vec{b})\vec{c} = (\vec{i} \begin{vmatrix} a_2 & a_3 \\ b_2 & b_3 \end{vmatrix} - \vec{j} \begin{vmatrix} a_1 & a_3 \\ b_1 & b_3 \end{vmatrix} + \vec{k} \begin{vmatrix} a_1 & a_2 \\ b_1 & b_2 \end{vmatrix})\vec{c} = c_1 \begin{vmatrix} a_2 & a_3 \\ b_2 & b_3 \end{vmatrix} - c_2 \begin{vmatrix} a_1 & a_3 \\ b_1 & b_3 \end{vmatrix} + c_3 \begin{vmatrix} a_1 & a_2 \\ b_1 & b_2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} a_1 & a_2 & a_3 \\ b_1 & b_2 & b_3 \end{vmatrix} c_1 \quad c_2 \quad c_3$$

2.8

$$\begin{cases} \pi : Ax + By + Cz + D = 0 \\ M_0(x_0, y_0, z_0) \end{cases} : \rho(M_0, \pi) = \frac{|Ax_0 + By_0 + Cz_0 + D|}{\sqrt{A^2 + B^2 + C^2}}$$

1.
$$\rho(M_0,\pi) = |\overrightarrow{HM_0}|_{\text{, гле}} \overrightarrow{HM_0} \{x_0 - x_H, y_0 - y_H, z_0 - z_H, \}$$
 Пусть \overrightarrow{n} - нормаль. Тогда $\overrightarrow{nHM_0} = |\overrightarrow{n}||\overrightarrow{HM_0}|\cos(\overrightarrow{n},\overrightarrow{HM_0}) = \pm |\overrightarrow{n}||\overrightarrow{HM_0}| \rightarrow |\overrightarrow{nHM_0}| = |\overrightarrow{n}||\overrightarrow{HM_0}|, |\overrightarrow{HM_0}| = |\overrightarrow{nHM_0}|$ $|\overrightarrow{nHM_0}|$

2. Знаменатель
$$|\vec{n}| = \sqrt{A^2 + B^2 + C^2}$$
 3. Числитель $\vec{n}\overrightarrow{HM_0} = A(x_0-x_H) + B(y_0-y_H) + C(z_0-z_H) = Ax_0 + By_0 + Cz_0 - (Ax_H + By_H + Cz_H) = Ax_0 + By_0 + Cz_0 + D$

Copnright pluttan $\mathbf{5}$

1.26

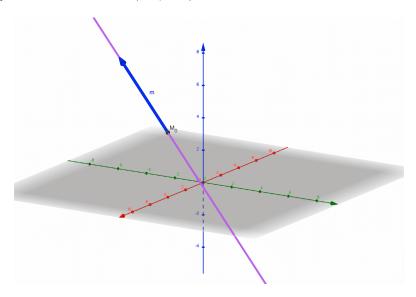
Канонические

$$\frac{x - x_0}{a} = \frac{y - y_0}{b} = \frac{z - z_0}{c}$$

Параметрические

$$\begin{cases} x = x_0 + at \\ y = y_0 + bt & t \in \mathbb{R} \\ z = z_0 + ct \end{cases}$$

Где $ec{m}\{a,b,c\}$ направляющий вектор прямой, $M_0(x_0,y_0,z_0)$, точка от которой отложен вектор $ec{m}$



1.27

$$\begin{cases} M_1(x_1, y_1, z_1) \\ M_2(x_2, y_2, z_2) \end{cases} : \frac{x - x_1}{x_2 - x_1} = \frac{y - y_1}{y_2 - y_1} = \frac{z - z_1}{z_2 - z_1}$$

1.28

 l_1 (задан точкой M_1 и направляющим вектором \vec{m}_1) и l_2 (Задан точкой M_2 и направляющим вектором \vec{m}_2) лежат в одной плоскости $\iff \overrightarrow{M_1M_2} \vec{m}_1 \vec{m}_2 =$ 0 т.е. $\overrightarrow{M_1M_2}, \vec{m}_1, \vec{m}_2$ компланарны.

1.29

Пусть l_1 (задан точкой $M_1(x_1,y_1,z_1)$ и направляющим вектором $ec{m}_1\{a,b,c\}$) и точка $M_0(x_0,y_0,z_0)$ тогда

$$\rho(M_0, l_1) = \frac{|\overrightarrow{M_1 M_0} \times \overrightarrow{m}|}{|\overrightarrow{m}|} = \frac{\sqrt{\begin{vmatrix} y_0 - y_1 & z_0 - z_1 \\ b & c \end{vmatrix}^2 + \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & z_0 - z_1 \\ a & c \end{vmatrix}^2 + \begin{vmatrix} x_0 - x_1 & y_0 - y_1 \\ a & b \end{vmatrix}^2}{\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}}$$

1.30

Пусть l_1 (задан точкой $M_1(x_1,y_1,z_1)$ и направляющим вектором $\vec{m}_1\{a_1,b_1,c_1\}$) и l_2 (Задан точкой $M_2(x_2,y_2,z_2)$ и направляющим вектором $\vec{m}_2\{a_2,b_2,c_2\}$)

Lophright pluttan &

 $\overrightarrow{OA} = \overrightarrow{OB_1} + \overrightarrow{OC_1} \text{ T.K. } \overrightarrow{OB}, \overrightarrow{OB_1} \text{ MOLITINHE alphal. TO } \overrightarrow{OB_1} = \beta \overrightarrow{OB_2} \text{ analiourisho } \overrightarrow{OC_1} = \beta \overrightarrow{OC} \ \overrightarrow{a} = \beta \overrightarrow{b} + \gamma \overrightarrow{c}, \text{ folial } \overrightarrow{a}, \overrightarrow{b}, \overrightarrow{c}, \text{ inheritho}$

2.2

Любой вектор можно разложить по базису, причем единственным способом

 $\mathbb{M}\ni \mathbb{K}_1$ $\mathbb{M}\ni \mathbb{K}_2$ $\mathbb{M}\ni \mathbb{K}_3$ $\mathbb{M}\ni \mathbb{K}_4$ $\mathbb{M}\ni \mathbb{K}_4$ $\mathbb{M}\ni \mathbb{K}_4$ $\mathbb{M}\ni \mathbb{K}_4$

1.2.2

0(1). Тогда по определению линейно зависимых e_1, e_2, e_3 линейно зависимы, т.е. компланарны. e_1, e_2, e_3 - базис в V_3 $\alpha_0 \neq 0$. Умножим (1) на $\frac{1}{\alpha_0}$ и выразим \overline{x} . $=\tilde{\epsilon}9\varepsilon \alpha+\tilde{\epsilon}9\varepsilon \alpha+$

 $\bar{x} = -\frac{\alpha_1}{2} + \frac{\alpha_2}{2} - \frac{\alpha_3}{2} - \frac{\alpha_3}{2} - \frac{\alpha_3}{2} - \frac{\alpha_4}{2} - \frac{\alpha_5}{2} - \frac{\alpha_5}{2$

5.2

 $\vec{x}-\vec{x}=(x_1-y_1)\vec{e}_1+(x_2-y_2)\vec{e}_2+(x_3-y_3)\vec{e}_3$ - линейная комбинация $\vec{e}_1,\vec{e}_2,\vec{e}_3$. Т.к. $\vec{e}_1,\vec{e}_2,\vec{e}_3$ не компланарны тогда их линейная комбинация От противного. Пусть существуют 2 разложения для $\vec{x}:\vec{x}=x_1\vec{e}_1+x_2\vec{e}_3+x_3\vec{e}_3;\vec{x}=y_1\vec{e}_1+y_2\vec{e}_2+y_3\vec{e}_3$ Рассмотрим разность 0

равна $0, x_1 - y_1 = 0 x_2 - y_2 = 0 x_3 - y_3 = 0$ Получили $x_1 = y_1 x_2 = y_2 x_3 = y_3$ разложение единственно.

 $\forall \vec{a}, \vec{b}, \vec{c} \forall k \in \mathbb{R}$

 $(d\overline{b})\lambda = d(\overline{b}\lambda)$ 1.8.2

да рукаван часть =(ba)a=b(ba)=b(b $0=(05)\lambda=0$, in the react $\lambda=0$, in the result of $\lambda=0$, $\lambda=0$

q(kp) = k(qp)2.8.2

Левая часть =d(kb)=k(b)=k(b)=k правая часть

8.8.2 $2\overline{q} + 2\overline{p} = 2(\overline{q} + \overline{p})$

атови вваян $d=5d+5b=d+5b=d+5b=(d_5qn+b_5qn)$ |5|=(d+b) d=d+5 от d=d+5 $\overline{0}=\overline{0}d+\overline{0}\overline{b}=$ atora habra 43.0 ($\overline{0}=\overline{5}(d+\overline{b})=$ atora 43.1 ($\overline{0}=\overline{5}$. I

5b + 4b = (5 + 4)b **4.8.2**

Tebba yacth $= \widetilde{a}(b+c) = (b+c) = \widetilde{a}(b+d) = \overline{a}(b+d)$

₽.2

2.5

 $\overline{db} = a_1b_1 + a_2b_2 + a_3b_3$

 $= |0 - \vec{\lambda}\vec{\lambda}, 0 - \vec{\lambda}\vec{\xi}, 1 - \vec{\xi}\vec{\xi}, 0 - \vec{\lambda}\vec{i}, 0 - \vec{\lambda}\vec{i$ Распишем по свойствам линейности $\overrightarrow{d}b = (\overrightarrow{a_1}\overrightarrow{i} + a_3\overrightarrow{i})(\overrightarrow{b_1}\overrightarrow{i} + b_3\overrightarrow{i}) = a_1b_1(\overrightarrow{ii}) + a_1b_2(\overrightarrow{ii}) + a_1b_3(\overrightarrow{ii}) + a_2b_1(\overrightarrow{ii}) + a_2$

 $a_1b_1 + a_2b_2 + a_3b_3$

 $\left\{\varepsilon d: 2d: d\right\} \overline{d}, \left\{\varepsilon n: 2n: n\right\} \overline{n}, \begin{vmatrix} z^n & 1^n \\ z^d & 1^d \end{vmatrix} \overline{A} + \begin{vmatrix} \varepsilon n & 1^n \\ \varepsilon d & 1^d \end{vmatrix} \overline{\zeta} - \begin{vmatrix} \varepsilon n & 2^n \\ \varepsilon d & 2^d \end{vmatrix} \overline{\zeta} = \begin{vmatrix} \varepsilon n & 2^n \\ \varepsilon d & 2^n & 1^d \\ \varepsilon d & 2^n & 1^d \end{vmatrix} = \overline{d} \times \overline{b}$

 $=\vec{i}\times\vec{i},\vec{i}-\vec{k}\times\vec{i},\vec{k}=\vec{k}\times\vec{i},\vec{k}=\vec{k}\times\vec{i},\vec{k}=\vec{i}\times\vec{i}=\vec{k}\times\vec{i}=\vec{k}\times\vec{i}=\vec{k}\times\vec{i}=\vec{k}\times\vec{i}+\vec{k}\times\vec{i}=\vec{k}\times\vec{i}+\vec{k}\times\vec{i}=\vec{k}\times\vec{i}+\vec{k}\times\vec{i}+\vec{k}\times\vec{i}=\vec{k}\times\vec{i}+\vec{k$ $+\left(i\times i\right){}_{1}b_{2}b+\left(i\times i\right){}_{2}b_{1}b+\left(i\times i\right){}_{2}b_{1}b+\left(i\times i\right){}_{2}b_{1}b+\left(i\times i\right){}_{1}b_{1}b=\left(\lambda_{2}b+i_{1}b\right)\times\left(\lambda_{2}b+i_{2}b+i_{2}b\right)=b\times b$

6 Փորուցին բնաքնու

$$\rho(l_1, l_2) = \frac{|\widetilde{M_1}\widetilde{M_2}\widetilde{m_1}\widetilde{m_2}|}{|\widetilde{M_1}\widetilde{M_2}\widetilde{m_1}\widetilde{m_2}|} = \frac{|\widetilde{M_1}\widetilde{M_2}\widetilde{m_1}|}{|\widetilde{M_2}\widetilde{m_2}|} = \frac{|\widetilde{M_1}\widetilde{M_2}\widetilde{m_2}|}{|\widetilde{M_2}\widetilde{m_2}|} = \frac{|\widetilde{M_1}\widetilde{M_2}\widetilde{m_2}|}{|\widetilde{M_2}\widetilde{m_2}|} = \frac{|\widetilde{M_2}\widetilde{M_2}\widetilde{m_2}|}{|\widetilde{M_2}\widetilde{m_2}|} = \frac{|\widetilde{M_2}\widetilde{M_2}\widetilde{m_2}|}{|\widetilde{M_2}\widetilde{M_2}\widetilde{m_2}|} = \frac{|\widetilde{M_2}\widetilde{M_2}\widetilde{m_2}|}{|\widetilde{M_2}\widetilde{M_2}\widetilde{m_2}|} = \frac{|\widetilde{M_2}\widetilde{M_2}\widetilde{m_2}\widetilde{m_2}|}{|\widetilde{M_2}\widetilde{M_2}\widetilde{m_2}|} = \frac{|\widetilde{M_2}\widetilde{M_2}\widetilde{m_2}\widetilde{m_2}\widetilde{m_2}\widetilde{m_2}|}{|\widetilde{M_2}\widetilde{M_2}\widetilde{m_2}\widetilde{m_2}|} = \frac{|\widetilde{M_2}\widetilde{M_2}\widetilde{m_2$$

7

3 вектора линейно зависимы 😝 они компланарны

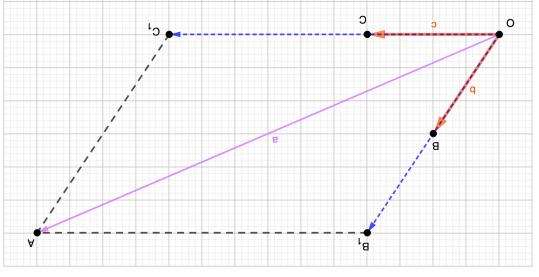
1.2

and numerican into () representation of the angle of

1.1.2

Пусть \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} линейно эввисимы, тогда один их них является линейной комбинацией остальных. К примеру $\vec{a}=\beta\vec{b}+\gamma\vec{c}(\beta,\gamma\in\mathbb{R})$ Приложим \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} к одной тоскости, эначит точке O, получим \vec{O} , \vec{A} , \vec{O} , \vec{A} , \vec{O} , \vec{A} , \vec{O} , \vec{A} ,

они компланарны, тогда и векторы $\overrightarrow{a}, \overleftarrow{b},$ стоже компланарны.



2.1.2

Пусть \vec{a},\vec{b},\vec{c} комплонарны. Рассмотрим 2 случая: 1. Хотя бы один нулевой $(\vec{a}=\vec{0})$. Тотда $\vec{a}=\vec{0}\vec{b}+\vec{0}\vec{c}$ т.е. \vec{a} является линейной комбинацией \vec{b},\vec{c} тотда по основной теореме \vec{a},\vec{b},\vec{c} линейно зависимы. 2. Ни один не нулевой. Приложим \vec{a},\vec{b},\vec{c} к одной точке \vec{O} , получим \vec{O},\vec{b},\vec{O} , которые лежат в одной плоскости.

