

AAI.EX.20220208

Ejercicios elaborados con fines educativos, inspirados en los contenidos evaluados en el exámen del 08/02/2022 (convocatoria Feb-2022) de Aprendizaje Automático 1 del MUICD de la UNED.

Este documento no es una copia ni una transcripción del examen oficial, sino una redacción propia de ejercicios conceptualmente equivalentes.

Test

Pregunta correcta: +0.5 puntos

Pregunta incorrecta: -0.1 puntos

AAI.EX.20220228.T.1

Enunciado AAI.EX.20220228.T.1

Al entrenar un árbol de decisión, algunas implementaciones permiten ordenar previamente las características (por ejemplo, activando una opción tipo **presort**). ¿Qué efecto suele tener esto sobre el tiempo de entrenamiento?

- a) Puede acelerar el entrenamiento cuando el conjunto tiene pocas miles (o menos) instancias.
- b) Acelera el entrenamiento en cualquier caso.
- c) No cambia la velocidad.
- d) Siempre lo hace más lento.

Solución AAI.EX.20220228.T.1

Respuesta correcta: a)

Justificación: ordenar previamente puede ahorrar trabajo repetido en datasets pequeños, pero el coste de ordenar deja de compensar cuando el conjunto crece (además, no siempre está disponible en versiones modernas).

AAI.EX.20220228.T.2

Enunciado AAI.EX.20220228.T.2

Si la estructura relevante de tus datos es claramente no lineal (por ejemplo, una variedad curva), ¿qué variante de PCA suele ser más adecuada para capturarla?

- a) PCA estándar.
- b) PCA con kernel.

c) PCA incremental.

d) PCA aleatorizado.

Solución AAI.EX.20220228.T.2

Respuesta correcta: b)

Justificación: Kernel PCA aplica el “truco del kernel” para proyectar implícitamente los datos a un espacio donde una proyección lineal puede capturar relaciones no lineales.

AAI.EX.20220228.T.3

Enunciado AAI.EX.20220228.T.3

¿Cuáles son dos problemas típicos que se resuelven con aprendizaje supervisado?

a) Regresión y clasificación.

b) Reducción de dimensionalidad y clasificación.

c) Regresión y clustering.

d) Ninguna de las anteriores.

Solución AAI.EX.20220228.T.3

Respuesta correcta: a)

Justificación: en supervisado hay etiquetas. La clasificación predice clases discretas y la regresión predice valores continuos.

AAI.EX.20220228.T.4

Enunciado AAI.EX.20220228.T.4

En un estimador de densidad por kernels (KDE) de `sklearn.neighbors`, se puede elegir entre varios kernels predefinidos. ¿Cuál de los siguientes **no** es un nombre de kernel válido ahí?

a) `epanechnikov`

b) `tophat`

c) `polynomial`

d) `exponential`

Solución AAI.EX.20220228.T.4

Respuesta correcta: c)

Justificación: en `KernelDensity` existen kernels como `gaussian`, `tophat`, `epanechnikov`, `exponential`, `linear` o `cosine`; `polynomial` no es una opción.

AAI.EX.20220228.T.5**Enunciado AAI.EX.20220228.T.5**

Para un MLP usado en **regresión** (salida continua), ¿qué activación es la más habitual en la capa de salida?

- a) Ninguna (salida lineal).
- b) ReLU.
- c) Softmax.
- d) Sigmoide (logística).

Solución AAI.EX.20220228.T.5

Respuesta correcta: a)

Justificación: en regresión se usa salida lineal para permitir valores reales sin acotarlos artificialmente (sigmoide/softmax acotan; ReLU fuerza no negatividad).

AAI.EX.20220228.T.6**Enunciado AAI.EX.20220228.T.6**

¿Qué variante de descenso de gradiente, en general, puede **converger al óptimo** con una tasa de aprendizaje fija razonable (sin necesidad de programar una disminución progresiva), asumiendo un problema bien condicionado y tiempo suficiente?

- a) Descenso por lotes completos (batch).
- b) Descenso por mini-lotes (mini-batch).
- c) a), b) y d).
- d) Descenso estocástico (SGD).

Solución AAI.EX.20220228.T.6

Respuesta correcta: a)

Justificación: con una tasa fija suficientemente pequeña, el batch GD puede converger de forma estable. En SGD y a menudo en mini-batch, para converger (no solo “oscilar cerca”) suele requerirse reducir el learning rate con el tiempo.

AAI.EX.20220228.T.7

Enunciado AAI.EX.20220228.T.7

Si eliges hiperparámetros usando el conjunto de test (en vez de validación), ¿qué riesgo principal introduces?

- a) Terminar “aprendiéndote” el test (sobreajuste al test).
- b) Obtener una estimación demasiado optimista del rendimiento real.
- c) a) y b) son correctas.
- d) Forzar infraajuste específicamente al test.

Solución AAI.EX.20220228.T.7

Respuesta correcta: c)

Justificación: el test deja de ser una evaluación imparcial: ajustas decisiones mirando el test, lo que puede sobreajustarlo y hace que el rendimiento medido sea optimista.

AAI.EX.20220228.T.8

Enunciado AAI.EX.20220228.T.8

En detección de anomalías (no en “detección de novedades” con entrenamiento limpio), ¿qué se busca típicamente?

- a) Detectar valores atípicos solo en instancias nuevas, nunca en entrenamiento.
- b) Detectar valores atípicos solo en validación.
- c) Detectar valores atípicos tanto en el conjunto de entrenamiento como en instancias nuevas.
- d) Detectar valores atípicos solo dentro del conjunto de entrenamiento.

Solución AAI.EX.20220228.T.8

Respuesta correcta: c)

Justificación: en anomaly detection se asume que el training puede contener anomalías, así que interesa identificarlas en entrenamiento y también en producción. (En novelty detection se asume training “limpio” y se detecta principalmente en instancias nuevas.)

AAI.EX.20220228.T.9

Enunciado AAI.EX.20220228.T.9

¿Qué tipo de forma/tamaño permiten modelar los clusters en un Modelo de Mezcla Gaussiana (GMM)?

- a) Elipses con tamaños y densidades similares.
- b) Círculos con tamaños similares.
- c) Elipses con tamaños y densidades potencialmente diferentes.
- d) No asume ninguna estructura probabilística.

Solución AAI.EX.20220228.T.9

Respuesta correcta: **c)**

Justificación: un GMM modela cada grupo como una gaussiana; con covarianzas generales, los clusters pueden ser elipsoidales y variar en tamaño y densidad (pesos y dispersión).

AAI.EX.20220228.T.10

Enunciado AAI.EX.20220228.T.10

Pensando en rapidez para llegar “cerca” de un buen mínimo (aunque luego fluctúe alrededor), ¿qué método suele aproximarse antes a la vecindad de la solución óptima?

- a) Mini-batch gradient descent.
- b) Stochastic gradient descent (SGD).
- c) Batch gradient descent.
- d) a), b) y c).

Solución AAI.EX.20220228.T.10

Respuesta correcta: **b)**

Justificación: SGD realiza actualizaciones muy frecuentes (una instancia cada vez), lo que suele permitir progreso rápido al principio y alcanzar pronto una zona cercana al óptimo, aunque con más ruido que batch.

AAI.EX.20220208.D

AAI.EX.20220208.D.1

Puntuación máxima: 5 puntos

Extensión máxima orientativa: 2 caras

Enunciado AAI.EX.20220208.D.1

Una empresa quiere abrir un concesionario de coches y necesita decidir en qué punto del mapa ubicarlo. Tras analizar aperturas recientes de concesionarios, se dispone de un conjunto de datos donde, para cada apertura, se registran:

- Coordenadas de la ubicación (latitud y longitud, ambas numéricas)
- Tamaño de la exposición (número de coches en exposición)
- Tamaño del equipo comercial (número de vendedores)
- Presupuesto inicial disponible
- Nivel de ventas mensuales alcanzado, no como cifra exacta sino como categoría: bajo, medio o alto

Para el nuevo concesionario se conocen el presupuesto inicial y el número de vendedores (y, si se desea, el tamaño de la exposición). El objetivo es recomendar una ubicación que maximice la probabilidad de alcanzar ventas altas.

Contesta razonadamente:

- Diseña una red neuronal sencilla para abordar el problema.
- Explica qué es una neurona artificial y qué es un perceptrón multicapa.
- Dado que latitud/longitud pueden ser negativas, ¿qué harías si solo quisieras sugerir ubicaciones con coordenadas positivas?

Solución AAI.EX.20220208.D.1

Planteamiento:

Se dispone de datos de concesionarios recientes con variables numéricas (longitud, latitud, coches en exposición, nº vendedores, presupuesto) y una etiqueta categórica del rendimiento de ventas mensual (alto/medio/bajo). El cliente fija presupuesto y nº de vendedores (y, si se desea, coches en exposición) y quiere una localización que maximice la probabilidad de “alto”.

Una forma práctica de plantearlo con redes neuronales es:

- 1) entrenar un modelo que aprenda $P(\text{ventas} \in \{\text{alto, medio, bajo}\} \mid \text{features})$

- 2) para un perfil dado del cliente, buscar (longitud, latitud) que maximicen $P(\text{alto})$

1. Red neuronal sencilla para resolver el problema:

Entrada (features):

- Longitud, Latitud
- Coches en exposición
- Nº vendedores
- Presupuesto inicial

Salida:

- 3 neuronas (alto/medio/bajo) con activación softmax para obtener probabilidades:

$$\hat{p} = \text{softmax}(z)$$

Arquitectura mínima (MLP):

- Capa de entrada: 5 variables numéricas
- 1 o 2 capas ocultas densas (por ejemplo 16 y 8 neuronas) con ReLU
- Capa de salida: 3 neuronas con softmax

Entrenamiento:

- Pérdida: entropía cruzada (cross-entropy)
- Optimización: Adam
- Preprocesado: estandarizar variables numéricas (muy importante en redes)

Cómo recomendar localización Con presupuesto y vendedores fijados por el cliente:

- Se define un rango plausible de long/lat (por ejemplo, el “bounding box” observado o zonas permitidas).
- Se evalúa el modelo en una rejilla de puntos o se usa un optimizador para maximizar:

$$\max_{\text{lon, lat}} P(\text{alto} | \text{lon, lat, vendedores, presupuesto, exposición})$$

- Se devuelve la localización con mayor probabilidad de “alto” (o las top-k localizaciones).

2. ¿Qué es una unidad neuronal? ¿Qué es un perceptrón multicapa?

Unidad neuronal (neurona artificial):

Es un bloque que calcula una combinación lineal de entradas y aplica una función no lineal:

$$z = w^\top x + b, \quad a = \phi(z)$$

- x son las entradas, w los pesos, b el sesgo
- ϕ es la activación (ReLU, sigmoide, etc.)

Perceptrón multicapa (MLP) Es una red formada por varias capas de neuronas:

- una capa de entrada
- una o más capas ocultas (con activaciones no lineales)
- una capa de salida

Al apilar capas, el MLP puede aproximar relaciones no lineales complejas entre variables (por ejemplo, que el efecto de la ubicación dependa del presupuesto).

3. Si solo se desean localizaciones con long/lat positivas, ¿qué habría que hacer?

Hay dos enfoques típicos:

A. Restringir el espacio de búsqueda (recomendación) Durante la fase de recomendación (optimización o búsqueda en rejilla), imponer la restricción:

- longitud > 0
- latitud > 0

Así, aunque el modelo pueda evaluar cualquier valor, solo se proponen ubicaciones positivas.

B. Transformar la salida para forzar positividad Si se quiere que la red “genere” directamente long/lat (en un modelo generativo/inverso), se puede:

- usar activaciones que produzcan valores no negativos, como ReLU o softplus en la salida:

$$\text{softplus}(z) = \log(1 + e^z)$$

Esto garantiza $\text{long}/\text{lat} \geq 0$.

En este enunciado (modelo que puntúa probabilidad de “alto”), lo más simple y correcto es la opción A: limitar la búsqueda a coordenadas positivas.