

Nhóm 5 - Chủ đề 4

FINDING SIMILAR ITEMS

Tìm kiếm tương tự

Thành viên nhóm:

Hoàng Hữu Đức	23020046
Lê Minh Tuấn	23020149
Phạm Minh Thông	23020164
Bùi An Huy	23020079
Lê Minh Đạt	23020037

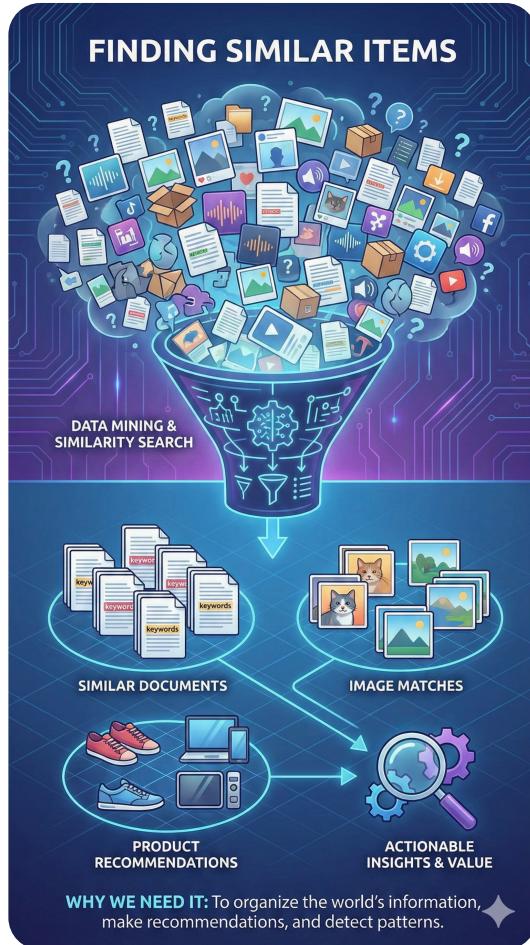
Mục lục

1. Giới thiệu
2. Ứng dụng thực tế
3. Biểu diễn dữ liệu
4. Các phép đo độ tương đồng
5. Các kỹ thuật tìm cặp tương đồng

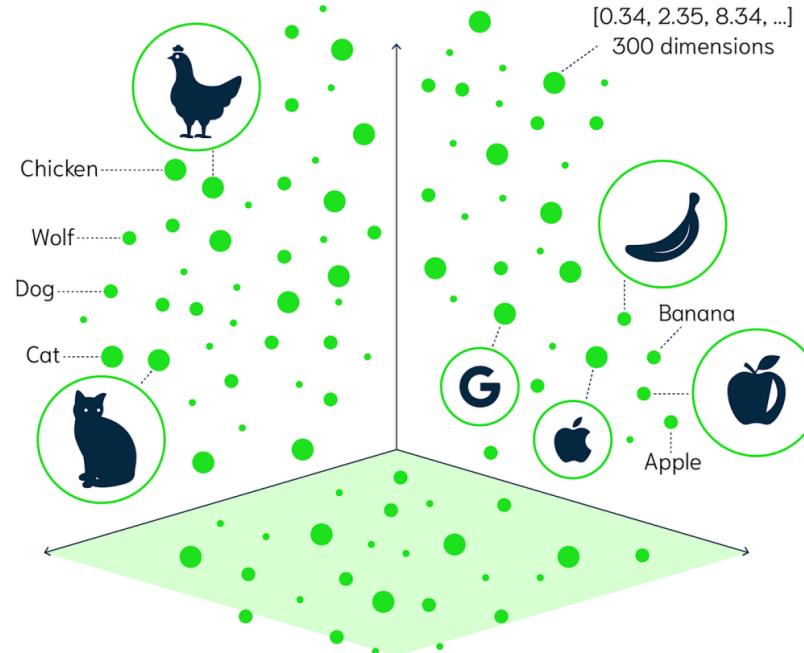
Mục lục

- 1. Giới thiệu**
- 2. Ứng dụng thực tế**
- 3. Biểu diễn dữ liệu**
- 4. Các phép đo độ tương đồng**
- 5. Các kỹ thuật tìm cặp tương đồng**

Giới thiệu



Hình 1: For?



Hình 2: Present



Hình 3: Find

Mục lục

1. Giới thiệu

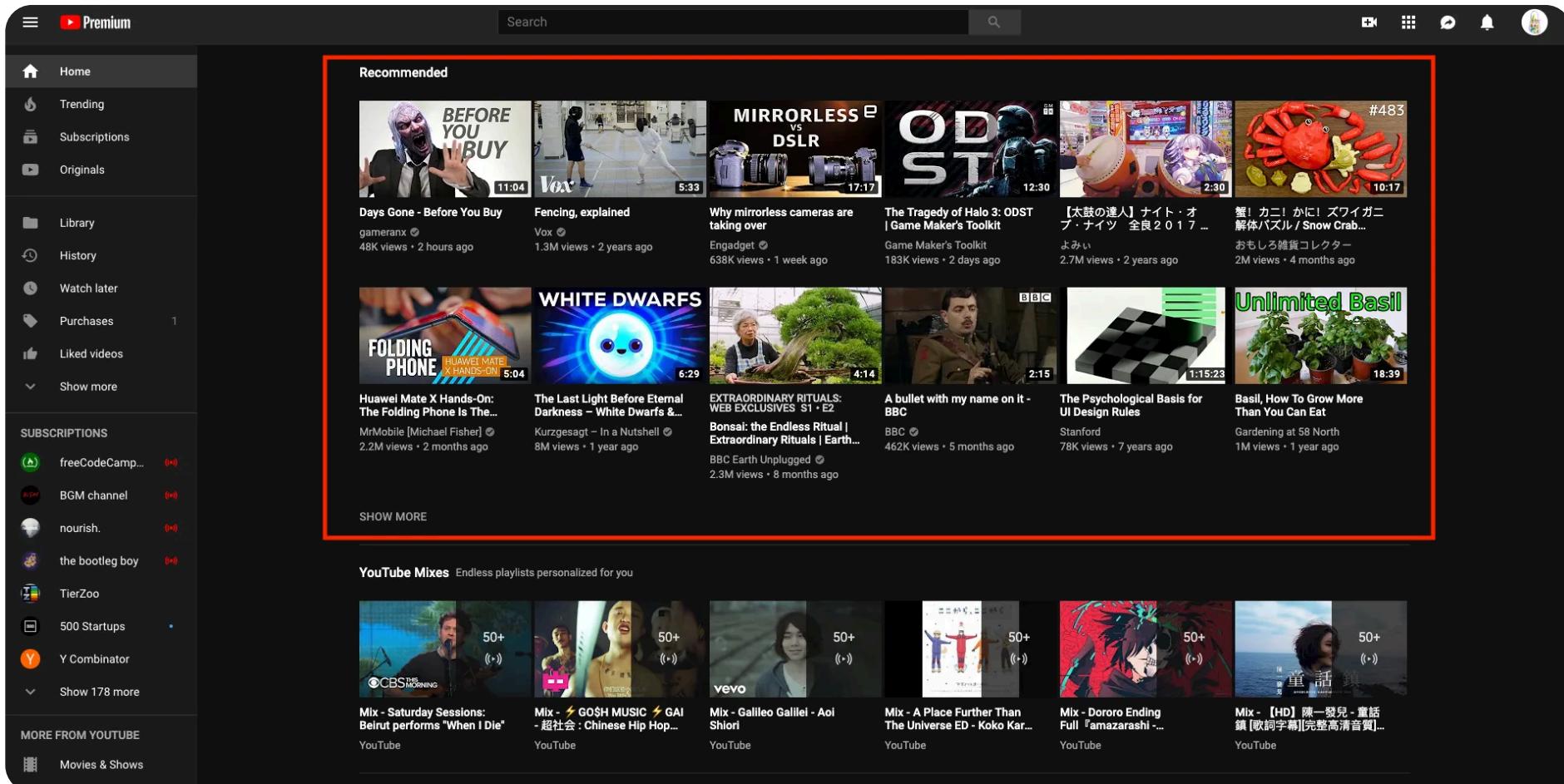
2. Ứng dụng thực tế

3. Biểu diễn dữ liệu

4. Các phép đo độ tương đồng

5. Các kỹ thuật tìm cặp tương đồng

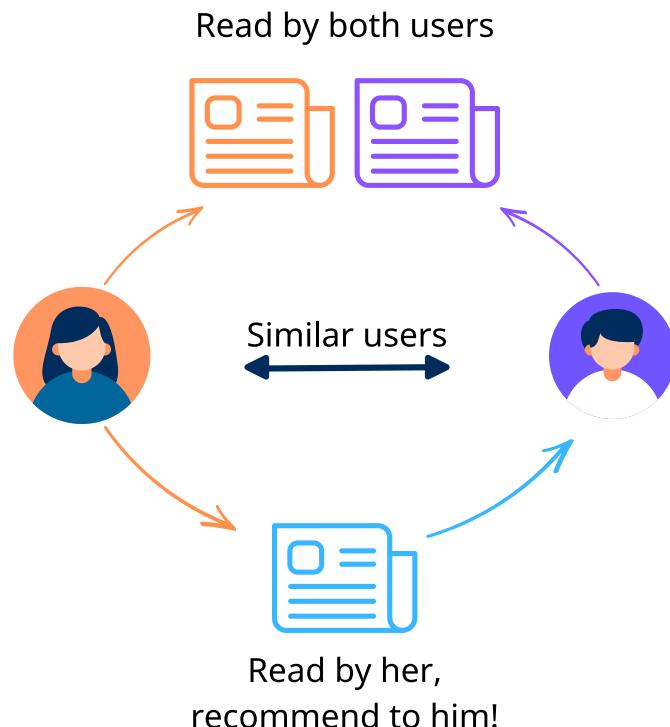
2.1. Hệ thống đề xuất



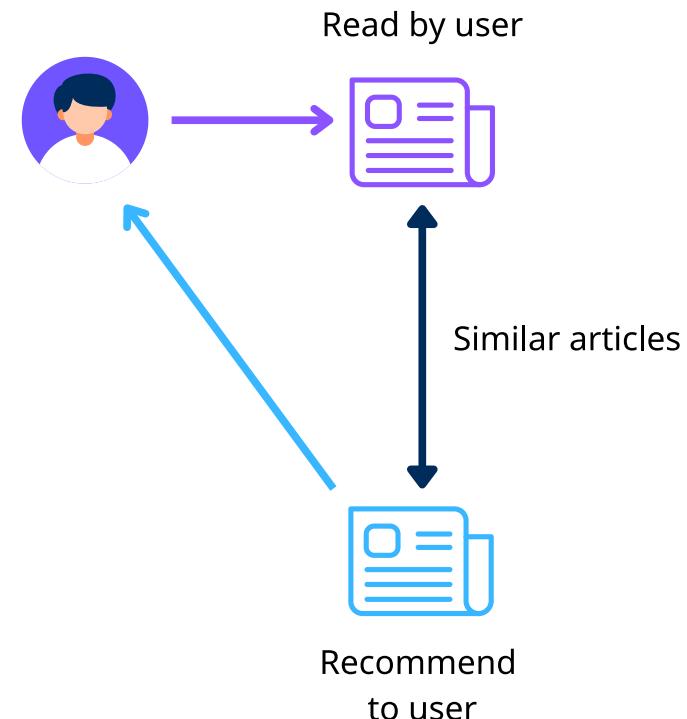
Hình 4: Hệ thống đề xuất trên YouTube

2.1. Hệ thống đề xuất

COLLABORATIVE FILTERING



CONTENT-BASED FILTERING



Hình 5: Các loại hệ thống đề xuất

2.2. Nhận diện trùng lặp văn bản

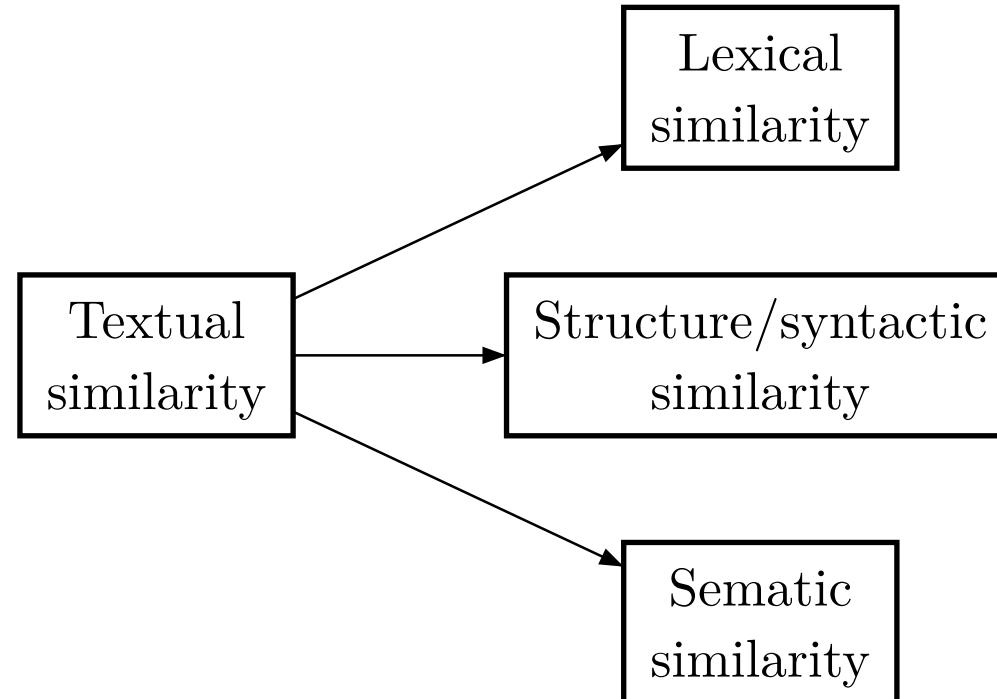
The screenshot shows the Turnitin software interface. On the left, a document titled "Exegesis paper.docx" is displayed. The first section is "INTRODUCTION", which discusses Romans 8:12-17 as one of the most remarkable paragraphs in the New Testament, quoting Paul's teaching on the Spirit's work in believers. The second section is "TEXT AND STRUCTURE", which includes a "Translation" section with Greek text and its English interpretation. At the bottom of the document view, there are "Share" and "Search" buttons. In the top right corner, there are "Submission Details" and "Help" buttons. Below the document, a similarity report is shown with the heading "Overall Similarity: 40%". The report lists the top 8 sources of similarity:

Rank	Source	Similarity (%)
1	dokumen.pub INTERNET	2%
2	ebin.pub INTERNET	2%
3	sbts-wordpress-uploads.s3.amazonaws.com INTERNET	1%
4	bibliotekanauki.pl INTERNET	1%
5	blogs.corban.edu INTERNET	<1%
6	ourarchive.otago.ac.nz INTERNET	<1%
7	repository.sbts.edu INTERNET	<1%
8	dartmouthbible.org INTERNET	<1%

At the bottom of the Turnitin interface, there is a page number "Page 1 of 26" and a "Next" button.

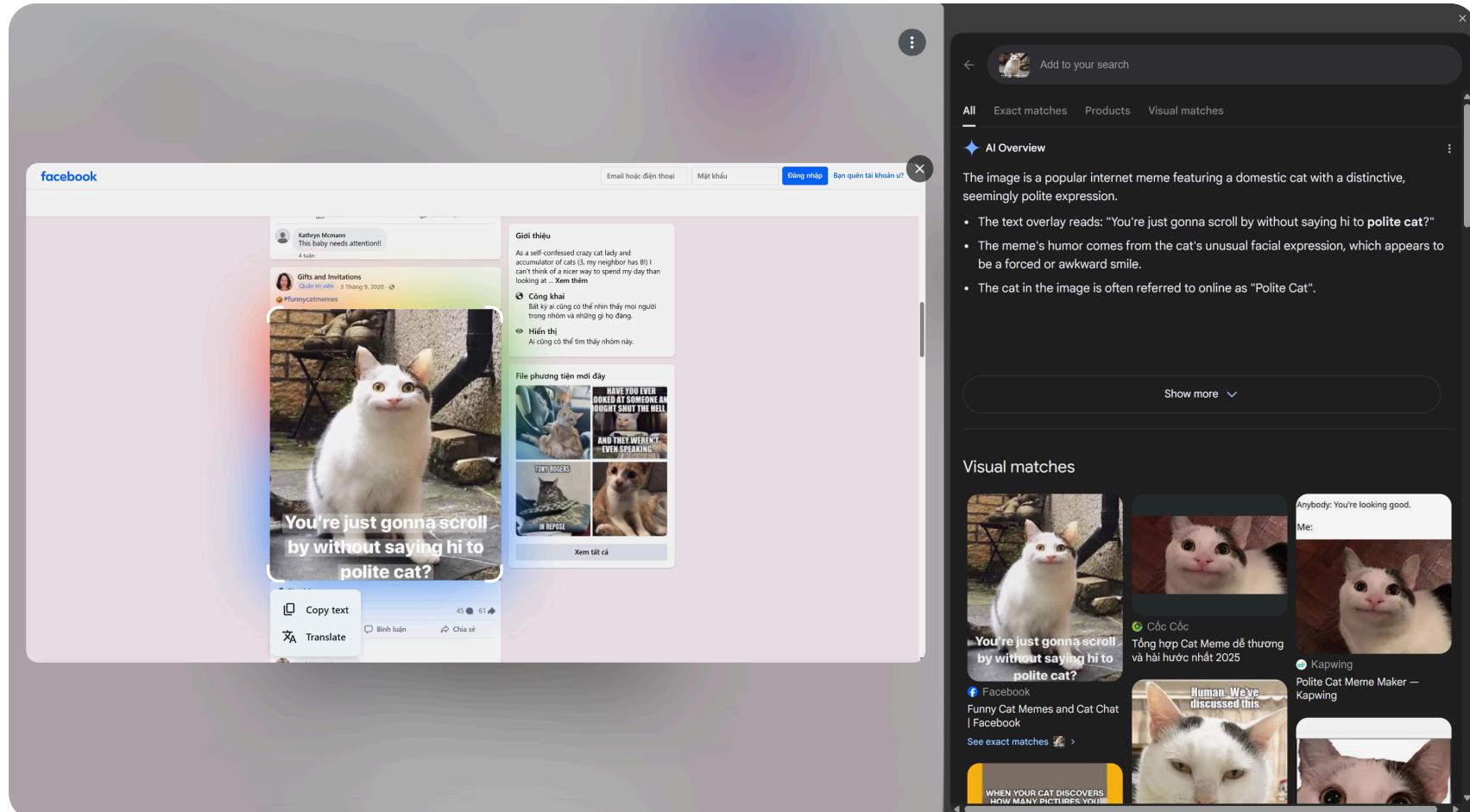
Hình 6: Giao diện phần mềm Turnitin

2.2. Nhận diện trùng lặp văn bản



Hình 7: Các loại tương đồng văn bản

2.3. Tìm hình ảnh giống nhau

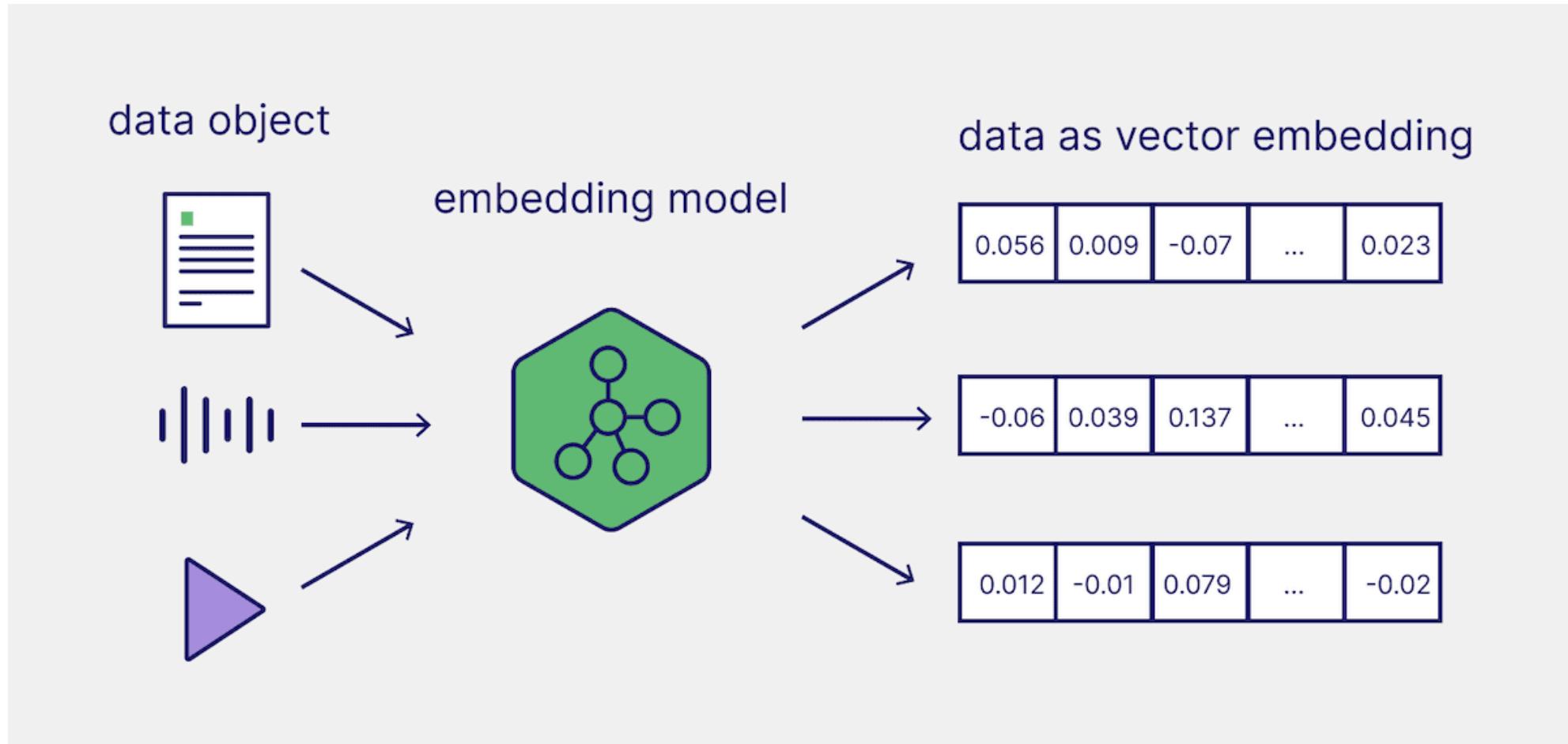


Hình 8: Tìm kiếm hình ảnh tương tự sử dụng Google Lens

Mục lục

- 1. Giới thiệu**
- 2. Ứng dụng thực tế**
- 3. Biểu diễn dữ liệu**
- 4. Các phép đo độ tương đồng**
- 5. Các kỹ thuật tìm cặp tương đồng**

3.1. Vector

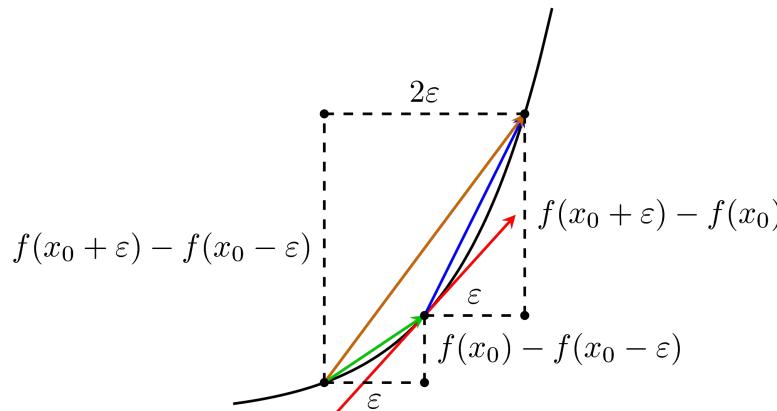


Hình 9: Công dụng của một mô hình embedding

3.1. Vector

KIẾU BIỂU DIỄN PHỐ BIỀN NHẤT

- Các mô hình học máy dựa trên nền tảng của đại số:



Hình 10: Đạo hàm

a

$$\begin{pmatrix} c_1 & c_2 \\ c_3 & c_4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_1 & a_2 \\ a_3 & a_4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} b_1 & b_2 \\ b_3 & b_4 \end{pmatrix}$$

b

$$m_1 = (a_1 + a_4)(b_1 + b_4)$$
$$m_2 = (a_3 + a_4)b_1$$
$$m_3 = a_1(b_2 - b_4)$$
$$m_4 = a_4(b_3 - b_1)$$
$$m_5 = (a_1 + a_2)b_4$$
$$m_6 = (a_3 - a_1)(b_1 + b_2)$$
$$m_7 = (a_2 - a_4)(b_3 + b_4)$$
$$c_1 = m_1 + m_4 - m_5 + m_7$$
$$c_2 = m_3 + m_5$$
$$c_3 = m_2 + m_4$$
$$c_4 = m_1 - m_2 + m_3 + m_6$$

c

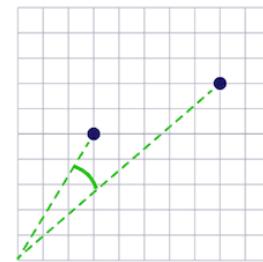
$$\mathbf{u} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$
$$\mathbf{v} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & -1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & -1 & 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
$$\mathbf{w} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 & -1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & -1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Hình 11: Nhân ma trận

3.1. Vector

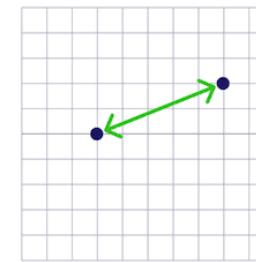
- Có thể đo khoảng cách một cách nhanh chóng và dễ dàng

Distance Metrics in Vector Search



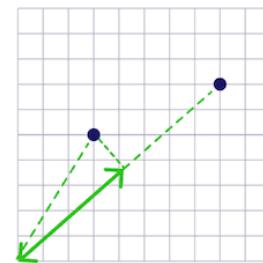
Cosine Distance

$$1 - \frac{A \cdot B}{\|A\| \|B\|}$$



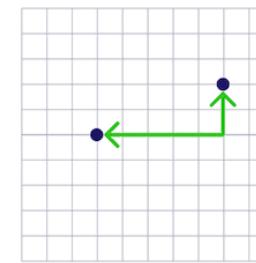
Squared Euclidean
(L2 Squared)

$$\sum_{i=1}^n (x_i - y_i)^2$$



Dot Product

$$A \cdot B = \sum_{i=1}^n A_i B_i$$



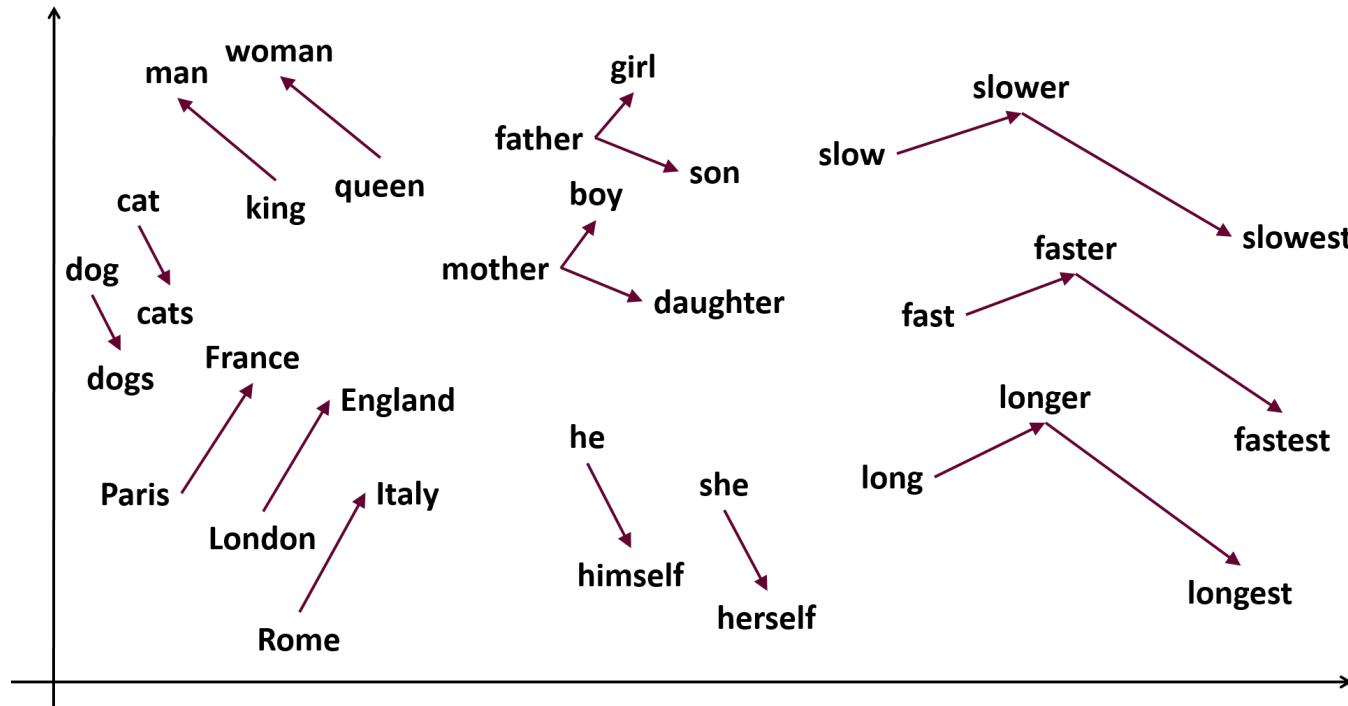
Manhattan (L1)

$$\sum_{i=1}^n |x_i - y_i|$$

Hình 12: Khoảng cách vector trong không gian

3.1. Vector

- Dễ cải tiến tốc độ sử dụng GPU
- Tạo ra không gian vector liên tục giúp mô hình có thể tự hiểu ngữ nghĩa



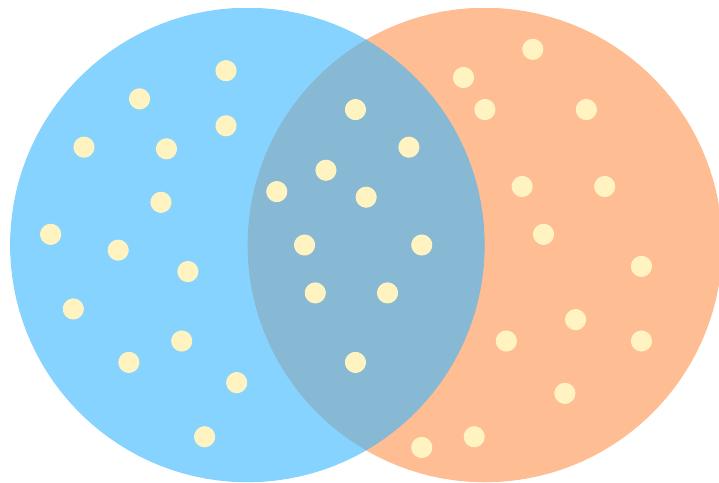
Hình 13: Không gian các từ

3.2. Hashing

Mục lục

1. Giới thiệu
2. Ứng dụng thực tế
3. Biểu diễn dữ liệu
- 4. Các phép đo độ tương đồng**
5. Các kỹ thuật tìm cặp tương đồng

4.1. Jaccard Similarity



$$J(A, B) = \frac{A \cap B}{A \cup B}$$

Hình 14: Jaccard Similarity

4.2. Phép đo khoảng cách

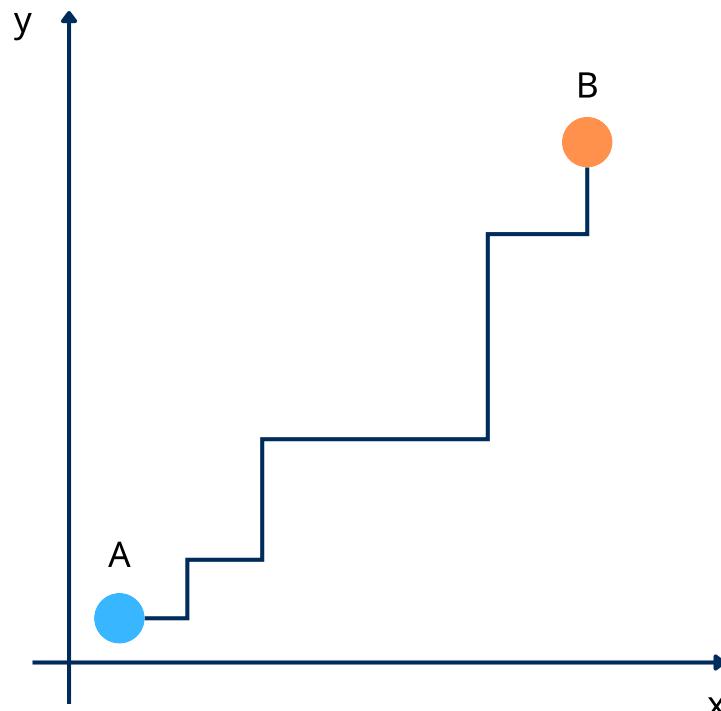
4.2.1. L_p norm

Dạng tổng quát:

$$d_p(x, y) = \left(\sum_{i=1}^n |x_i - y_i|^p \right)^{\frac{1}{p}}$$

4.2. Phép đo khoảng cách

Với $p = 1$, ta có khoảng cách Manhattan:

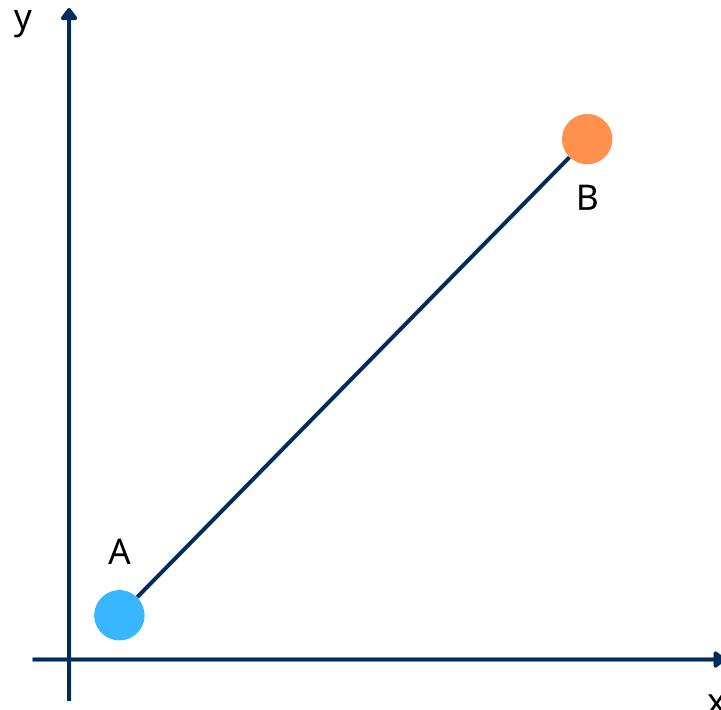


$$d_1(x, y) = \sum_{i=1}^n |x_i - y_i|$$

Hình 15: Manhattan Distance

4.2. Phép đo khoảng cách

Với $p = 2$, ta có khoảng cách Euclidean:



$$d_2(x, y) = \sqrt{\sum_{i=1}^n |x_i - y_i|^2}$$

Hình 16: Euclidean Distance

4.2. Phép đo khoảng cách

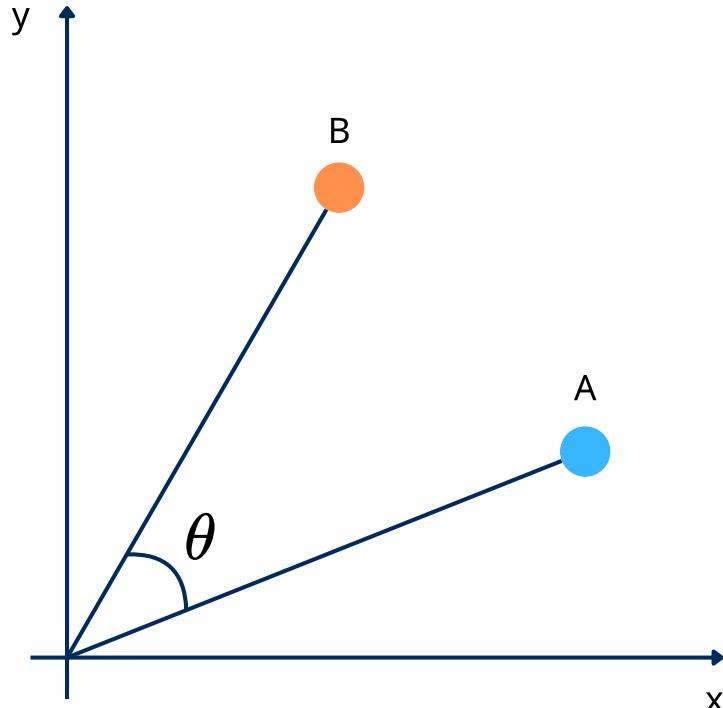
4.2.2. Jaccard Distance

$$d_J(A, B) = 1 - J(A, B)$$

Trong đó $J(A, B)$ là Jaccard Similarity giữa hai tập A và B .

4.2. Phép đo khoảng cách

4.2.3. Cosine Similarity



$$\cos(\theta) = \frac{A \cdot B}{\|A\| * \|B\|}$$

Hình 17: Cosine Similarity

4.2. Phép đo khoảng cách

4.2.4. Edit Distance

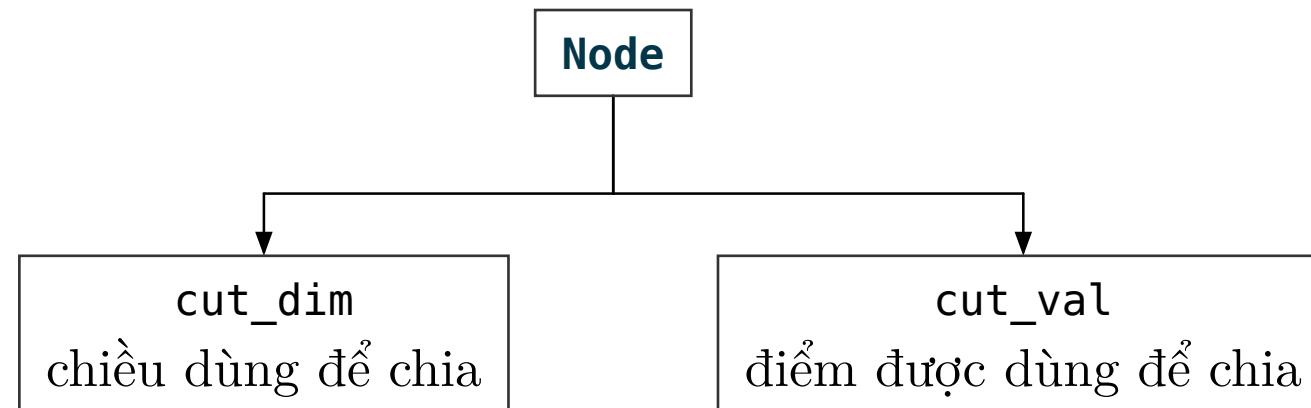
4.2.5. Hamming Distance

4.3. So sánh

Mục lục

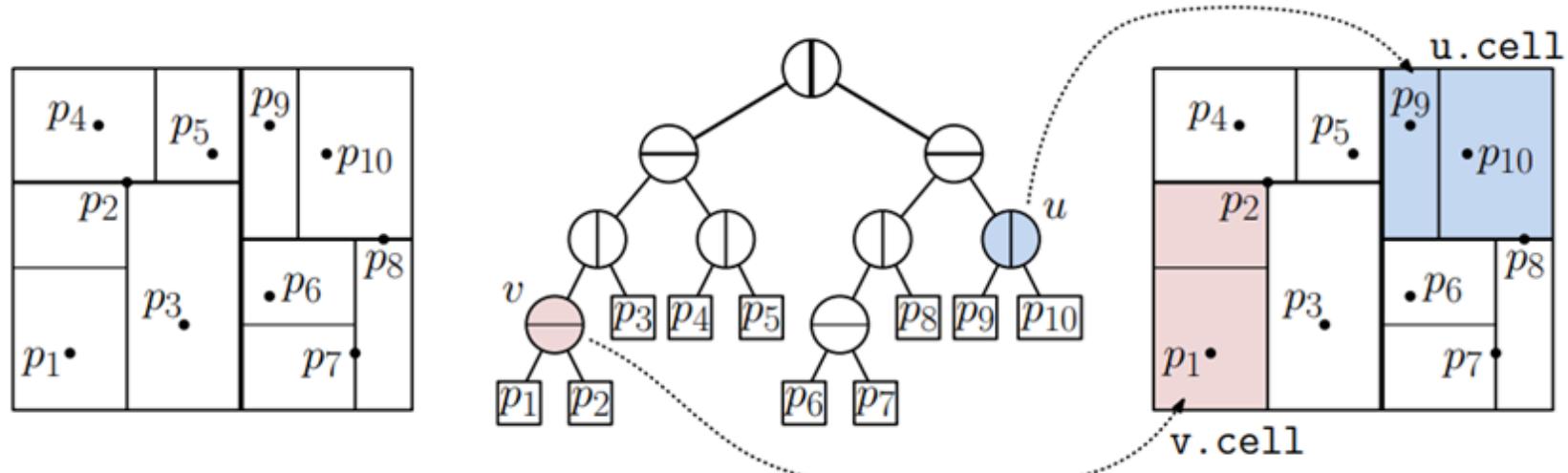
1. Giới thiệu
2. Ứng dụng thực tế
3. Biểu diễn dữ liệu
4. Các phép đo độ tương đồng
5. Các kỹ thuật tìm cặp tương đồng

5.1. K-D Tree



Hình 18: Cấu trúc K-d Tree

5.1. K-D Tree



Hình 19: Ví dụ cây với một tập điểm 2D

5.1. K-D Tree

Xây dựng cây

Thuật toán 1: Xây dựng cây K-d Tree

```
1 function build( $P$ , depth)
2   if  $P$  is empty then
3     return None
4   if  $|P| = 1$  then
5     return Node(depth mod  $k$ ,  $P[0]$ , None, None)
6   mid  $\leftarrow$  midpoint to partition  $P$  into  $P_0$  and  $P_1$  by depth mod  $k$ 
7   left_node  $\leftarrow$  build( $P_0$ , depth + 1)
8   right_node  $\leftarrow$  build( $P_1$ , depth + 1)
9   return Node(depth mod  $k$ , mid, left_node, right_node)
```

Độ phức tạp:

- Giả sử ở mỗi bước đệ quy ta chia đôi tập điểm $\Rightarrow \mathcal{O}(n \log n)$
- Tìm trung vị:
 - Quicksort: $\mathcal{O}(n \log^2 n)$
 - Median of medians: $\mathcal{O}(n \log n)$
 - Duy trì k danh sách sắp xếp theo từng chiều: $\mathcal{O}(nk \log n)$

5.1. K-D Tree

Chèn

Thuật toán 2: Chèn điểm vào cây K-d Tree

```
1 function insert( $x$ , node, depth)
2   if node is empty then
3      $\sqsubset$  return Node(depth mod  $k$ ,  $x$ , None, None)
4   if  $x == \text{node.data}$  then
5      $\sqsubset$  return error “duplicate”
6   cd  $\leftarrow$  depth mod  $k$ 
7   if  $x[cd] < \text{node.data}[cd]$  then
8      $\sqsubset$  node.left  $\leftarrow$  insert( $x$ , node.left, depth + 1)
9   else
10     $\sqsubset$  node.right  $\leftarrow$  insert( $x$ , node.right, depth + 1)
11  return node
```

Độ phức tạp:

- Ngẫu nhiên: $\mathcal{O}(\log n)$
- Tối đa: $\mathcal{O}(n)$

5.1. K-D Tree

Tìm điểm có chiều d nhỏ nhất

Thuật toán 3: Tìm điểm có chiều d nhỏ nhất

```
1 function findMin(root, d)
2   if root is empty then
3     return None
4   if root.cut_dim == d then
5     if root.left is empty then
6       return root
7     return findMin(root.left, d)
8   else
9     left_min ← findMin(root.left, d)
10    right_min ← findMin(root.right, d)
11    res ← root
12    for candidate in [left_min, right_min] do
13      if candidate != None and candidate.point[d] < res.point[d] then
14        res ← candidate
15    return res
```

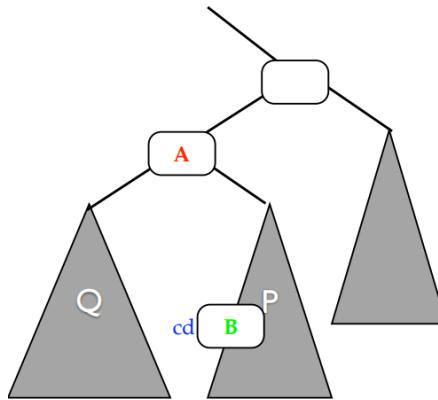
5.1. K-D Tree

Xóa

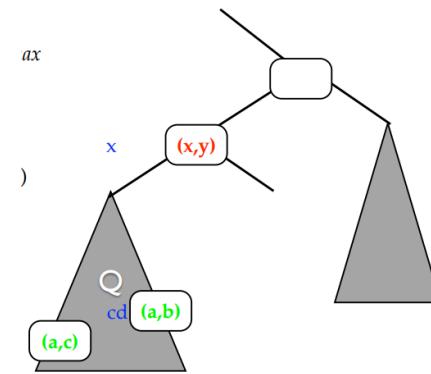
Thuật toán 4: Xóa điểm trong cây K-d Tree

```
1 function delete(root, point, depth)
2   if root is empty then
3     return None
4   if root.point == point then
5     if root.right is not empty then
6       minNode ← findMin(root.right, root.cut_dim)
7       root.point ← minNode.point
8       root.right ← delete(root.right, minNode.point, depth + 1)
9     else if root.left is not empty then
10      minNode ← findMin(root.left, root.cut_dim)
11      root.point ← minNode.point
12      root.right ← delete(root.left, minNode.point, depth + 1)
13      root.left ← None
14    else
15      return None
16    return root
17    axis ← depth mod k
18    if point[axis] < root.point[axis] then
19      root.left ← delete(root.left, point, depth + 1)
20    else
21      root.right ← delete(root.right, point, depth + 1)
22    return root
```

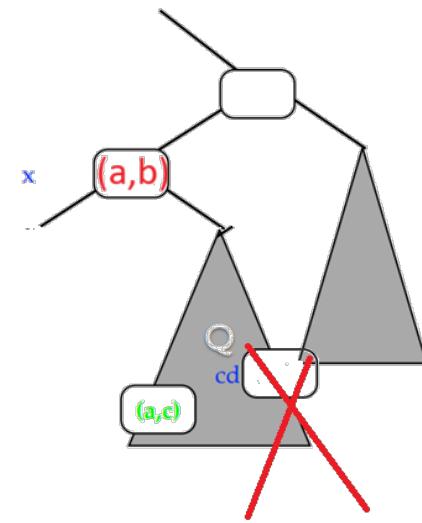
5.1. K-D Tree



Hình 20: Tồn tại con bên phải



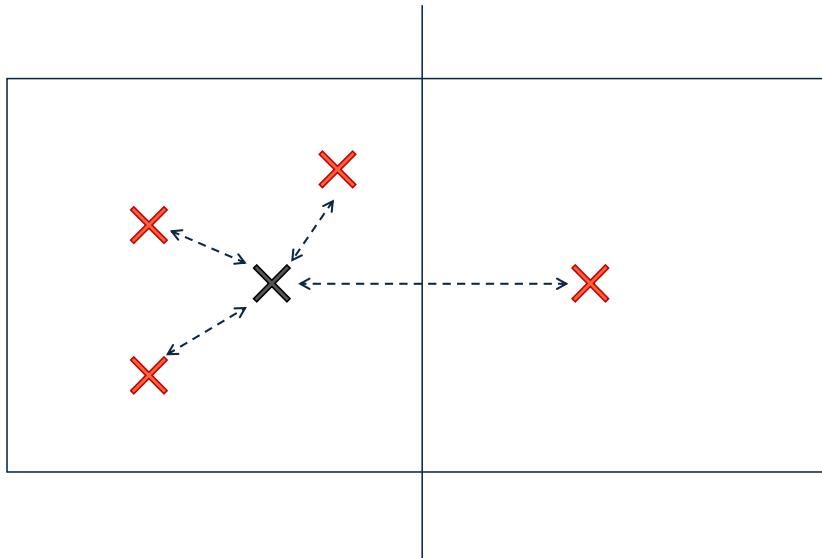
,
Hình 21: Không tồn tại
con bên phải



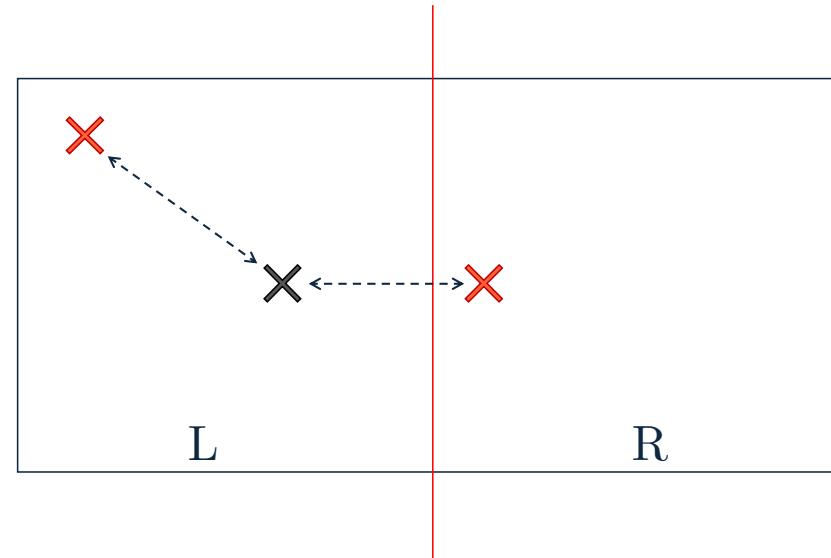
Hình 22: Không tồn tại
con bên phải

5.1. K-D Tree

Tìm k điểm gần nhất.



Hình 23: Cắt tia giúp giảm số lượng điểm duyệt



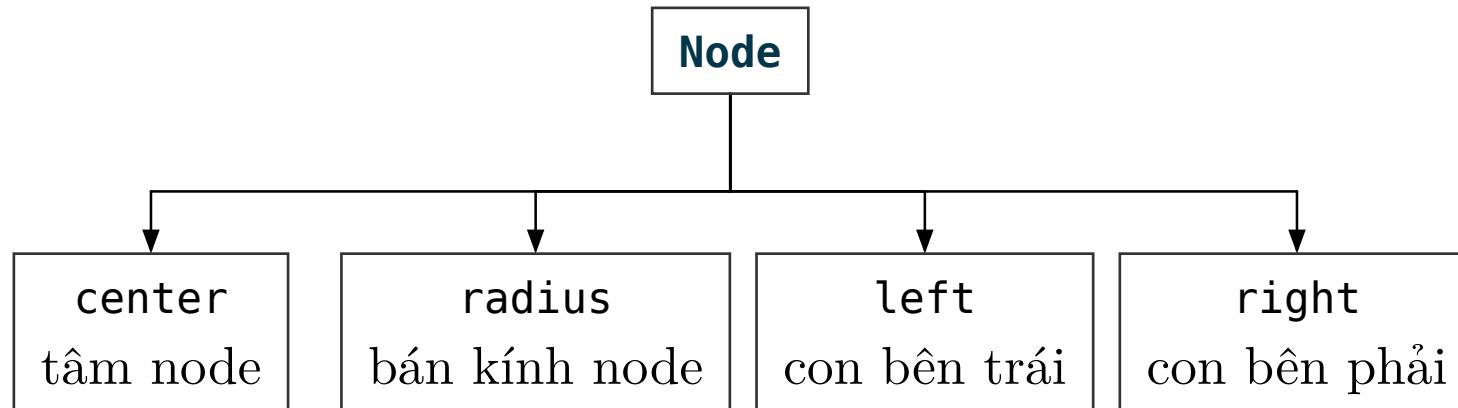
Hình 24: Cắt tia không làm giảm số lượng điểm cần duyệt

5.1. K-D Tree

Thuật toán 5: Tìm k điểm gần nhất

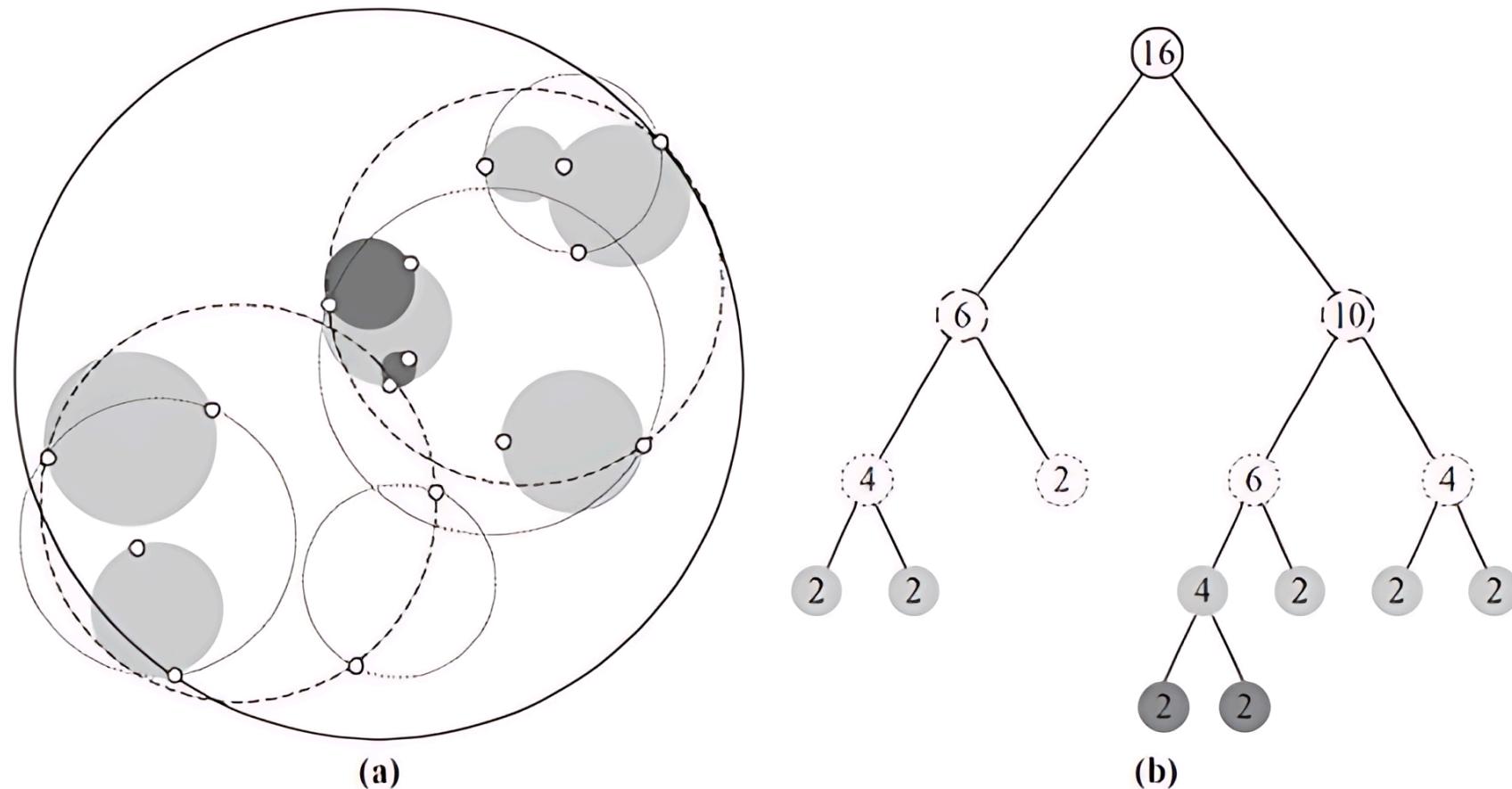
```
1 function kNearestNeighbor(root, depth, point, k)
2     if root is empty then
3         return
4     cut_dim ← depth mod  $d$ 
5     if point[cut_dim] < root.cut_val[cut_dim] then
6         if root.left is not empty then
7             ↘ kNearestNeighbor(root.left, depth + 1, point, k)
8             estimated_dist ← (point[cut_dim] - root.cut_val[cut_dim])2
9             if estimated_dist ≤ pq.maxDist() or len(pq) < k then
10                if root.right is not empty then
11                    ↘ kNearestNeighbor(root.right, depth + 1, point, k)
12                    pq.add(root.cut_val)
13                else if point[cut_dim] > root.cut_val[cut_dim] then
14                    if root.right is not empty then
15                        ↘ kNearestNeighbor(root.right, depth + 1, point, k)
16                        estimated_dist ← (point[cut_dim] - root.cut_val[cut_dim])2
17                        if estimated_dist ≤ pq.maxDist() or len(pq) < k then
18                            if root.left is not empty then
19                                ↘ kNearestNeighbor(root.left, depth + 1, point, k)
20                                pq.add(root.cut_val)
21                            else
22                                if root.left is not empty then
23                                    ↘ kNearestNeighbor(root.left, depth + 1, point, k)
24                                if root.right is not empty then
25                                    ↘ kNearestNeighbor(root.right, depth + 1, point, k)
26                                pq.add(root.cut_val)
```

5.2. Ball Tree



Hình 25: Cấu trúc Ball Tree

5.2. Ball Tree



Hình 26: Minh họa Ball Tree

5.2. Ball Tree

Xây dựng cây

Thuật toán 6: Xây dựng cây Ball Tree

```
1 function CONSTRUCT_BALLTREE( $D$ , max_leaf_size)
2    $N = |D|$ 
3   center  $\leftarrow$  CENTROID( $D$ )
4   radius  $\leftarrow \max_{x \in D} \|x - \text{center}\|$ 
5   node  $\leftarrow$  new Node(center=center, radius=radius)
6   if  $N \leq \text{max\_leaf\_size}$  then
7     node.points  $\leftarrow D$ 
8     node.is_leaf  $\leftarrow$  True
9     return node
10  else
11     $p_L \leftarrow \arg \max_{x \in D} \|x - \text{center}\|$ 
12     $p_R \leftarrow \arg \max_{x \in D} \|x - p_L\|$ 
13     $D_{\text{left}} \leftarrow \{x \in D \mid \|x - p_L\| \leq \|x - p_R\|\}$ 
14     $D_{\text{right}} \leftarrow D \setminus D_{\text{left}}$ 
15    node.left  $\leftarrow$  CONSTRUCT_BALLTREE( $D_{\text{left}}$ , max_leaf_size)
16    node.right  $\leftarrow$  CONSTRUCT_BALLTREE( $D_{\text{right}}$ , max_leaf_size)
17    return node
```

Độ phức tạp:

- Trung bình: $\mathcal{O}(Nd \log N)$
- Xấu nhất : $\mathcal{O}(N^2d)$ khi split rất lệch

5.2. Ball Tree

Chèn

Thuật toán 7: Chèn điểm vào Ball Tree

```
1 function INSERT(node, x)
2     if node.is_leaf then
3         node.points.append(x)
4         if |node.points| > max_leaf_size then
5             ↘ rebuild(node)
6     else
7         if dist(x, node.left.center) < dist(x, node.right.center)
8             then
9                 ↘ INSERT(node.left, x)
10            else
11                ↘ INSERT(node.right, x)
12    update(node.center, node.radius)
```

Độ phức tạp:

- Trung bình: $\mathcal{O}(d \log N)$
- Xấu nhất : $\mathcal{O}(dN)$

5.2. Ball Tree

Xóa

Thuật toán 8: Xóa điểm khỏi Ball Tree

```
1 function DELETE(node, x)
2   if node.is_leaf then
3     ↘ remove(x, node.points)
4   else
5     if dist(x, node.left.center) < dist(x, node.right.center) then
6       ↘ DELETE(node.left, x)
7     else
8       ↘ DELETE(node.right, x)
9       ↘ update(node.center, node.radius)
```

Độ phức tạp:

- Trung bình: $\mathcal{O}(d \log N)$
- Xấu nhất : $\mathcal{O}(dN)$

5.2. Ball Tree

Tìm k điểm gần nhất

Thuật toán 9: Tìm k điểm gần nhất

```
1 function BALLTREE_KNN(root, q, k)
2     heap ← empty max-heap
3     function SEARCH(node)
4         if node is leaf then
5             for p in node.points do
6                 d ← dist(q, p)
7                 if heap.size < k then
8                     heap.push((d, p))
9                 else if d < heap.max_key then
10                    heap.replace_max((d, p))
11        return
12        dL ← max(0, dist(q, node.left.center) - node.left.radius)
13        dR ← max(0, dist(q, node.right.center) - node.right.radius)
14        if dL < dR then
15            if heap.size < k or dL ≤ heap.max_key then
16                SEARCH(node.left)
17            if heap.size < k or dR ≤ heap.max_key then
18                SEARCH(node.right)
19        else
20            if heap.size < k or dR ≤ heap.max_key then
21                SEARCH(node.right)
22            if heap.size < k or dL ≤ heap.max_key then
23                SEARCH(node.left)
24        SEARCH(root)
25    return heap.items sorted asc by distance
```

Độ phức tạp:

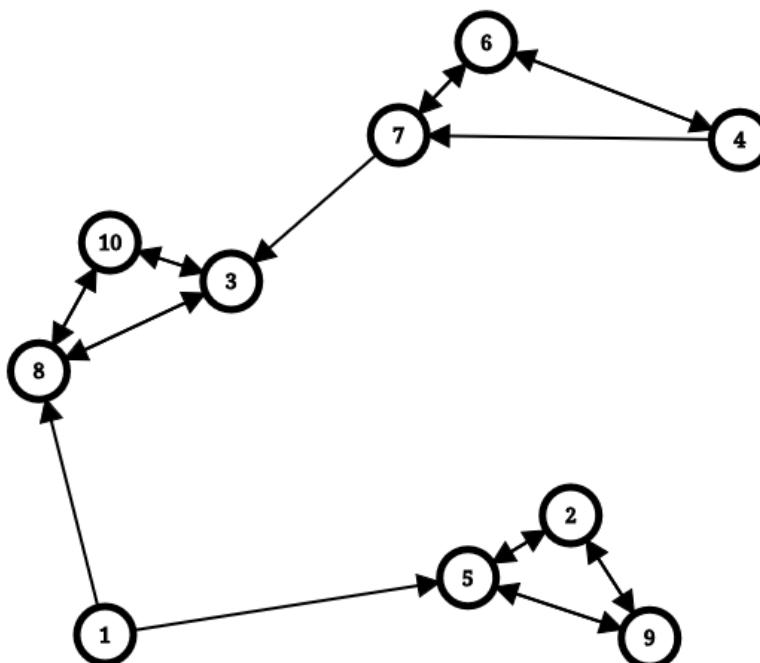
- Trung bình: $\mathcal{O}(d \log N)$
 - d để tính khoảng cách từ truy vấn đến các node con trong cây
 - $\log N$ số tầng trung bình của cây
- Xấu nhất : $\mathcal{O}(dN)$

5.3. LSH

5.4. K-Nearest-Neighbor Graph

5.4.1. Định nghĩa

- Mỗi đỉnh có cạnh nối tới k đỉnh gần nhất



Hình 27: Ví dụ đồ thị có $k = 3$, khoảng cách Euclid

5.4. K-Nearest-Neighbor Graph

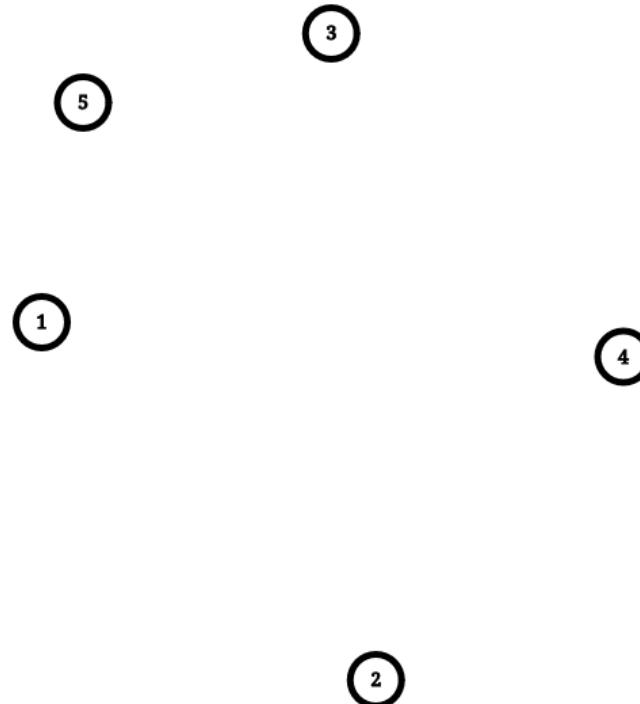
5.4.2. Xây dựng

- Brute-force: Tính khoảng cách giữa mọi cặp đỉnh
- Độ phức tạp: $\mathcal{O}(n^2d)$

5.4. K-Nearest-Neighbor Graph

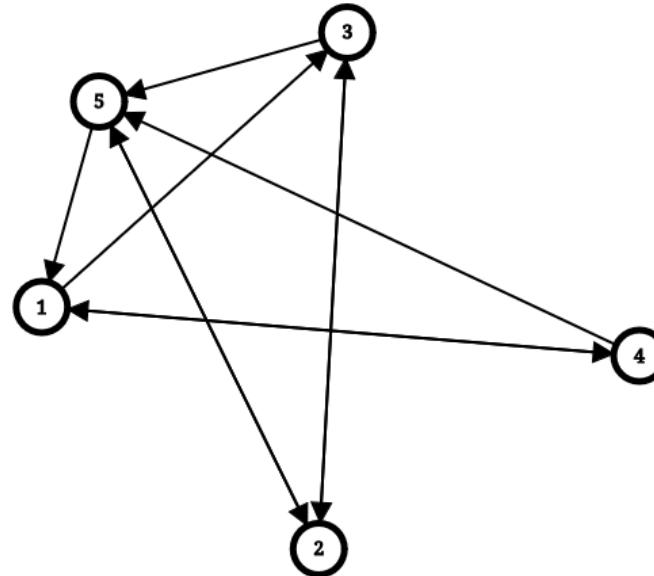
- *Efficient K-Nearest Neighbor Graph Construction for Generic Similarity Measures*
- Hàng xóm của hàng xóm khả năng cao cũng là hàng xóm
- Bắt đầu với đồ thị ngẫu nhiên, cải thiện dần

5.4. K-Nearest-Neighbor Graph



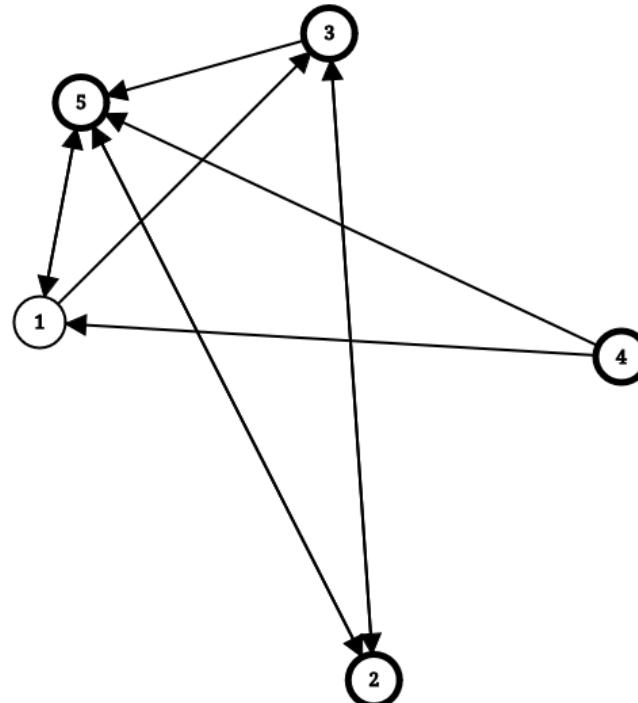
Hình 28: Tập đỉnh cần tạo đồ thị

5.4. K-Nearest-Neighbor Graph



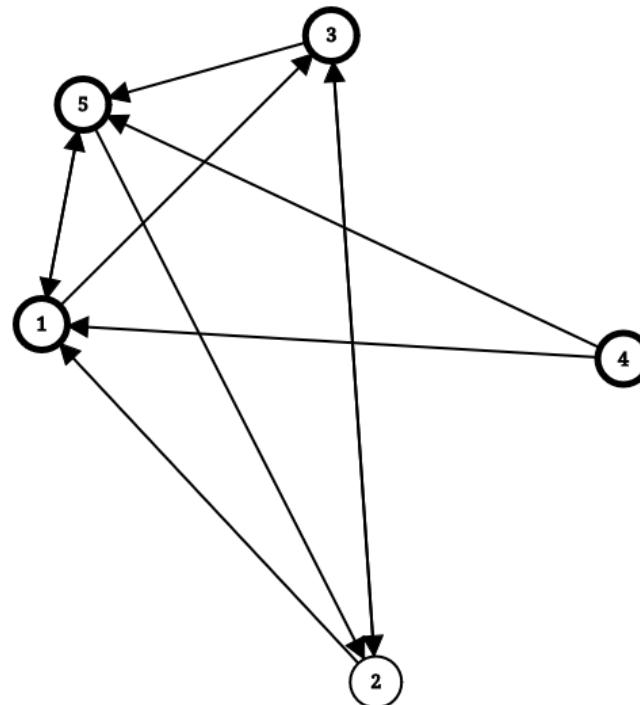
Hình 29: Đồ thị ban đầu được khởi tạo ngẫu nhiên

5.4. K-Nearest-Neighbor Graph



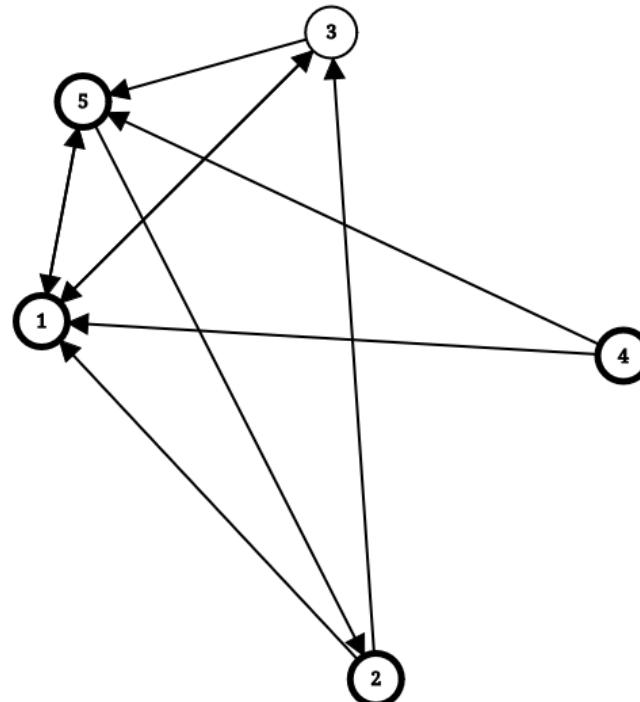
Hình 30: Cải thiện hàng xóm đỉnh 1

5.4. K-Nearest-Neighbor Graph



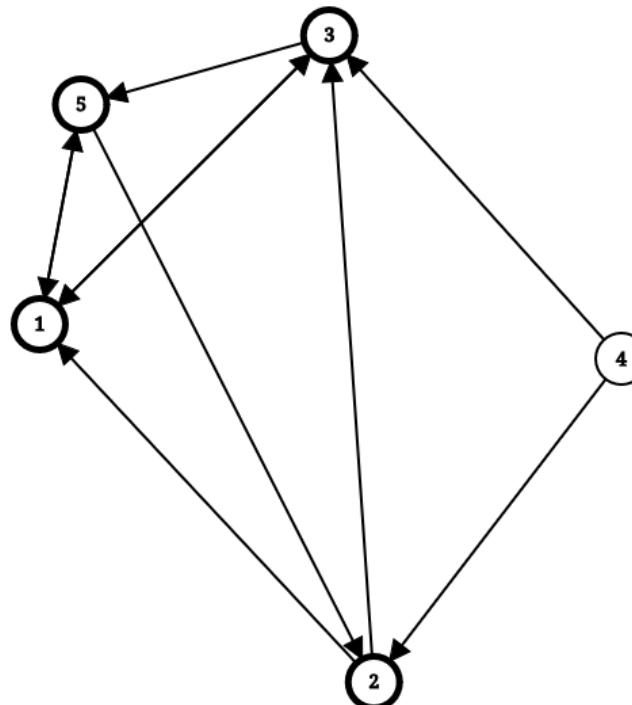
Hình 31: Cải thiện hàng xóm đỉnh 2

5.4. K-Nearest-Neighbor Graph



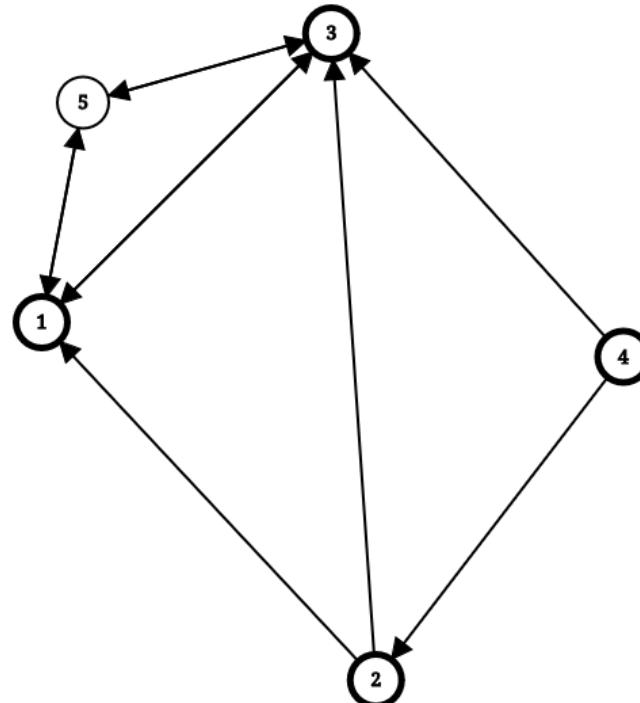
Hình 32: Cải thiện hàng xóm đỉnh 3

5.4. K-Nearest-Neighbor Graph



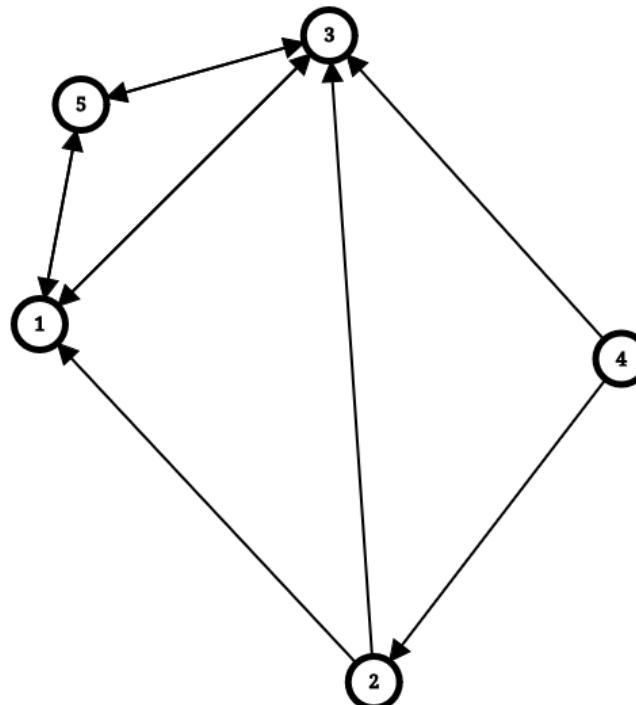
Hình 33: Cải thiện hàng xóm đỉnh 4

5.4. K-Nearest-Neighbor Graph



Hình 34: Cải thiện hàng xóm đỉnh 5

5.4. K-Nearest-Neighbor Graph



Hình 35: Không còn cải thiện thêm được nữa

5.4. K-Nearest-Neighbor Graph

Thuật toán 10: Xây dựng KNNG với NNDescent

```
1 function NNDescent(V)
2   for u in V do
3     ↘ randomly pick k other nodes
4   while number of updates < threshold do
5     for u in V do
6       for v in neighbors(u) do
7         for v' in neighbors(v) do
8           ↘ compute  $d(u, v')$ 
9   pick out k closest nodes to u, update u's neighbor list
```

Dộ phức tạp thuật toán là $\mathcal{O}(mnk^2d)$

- m lần lặp
- Mỗi lần duyệt mất nk^2
- Tính khoảng cách mất d

Ưu điểm:

- Hoạt động với mọi hàm khoảng cách
- Sử dụng thêm ít bộ nhớ
- Độ chính xác cao
- Dễ cài đặt

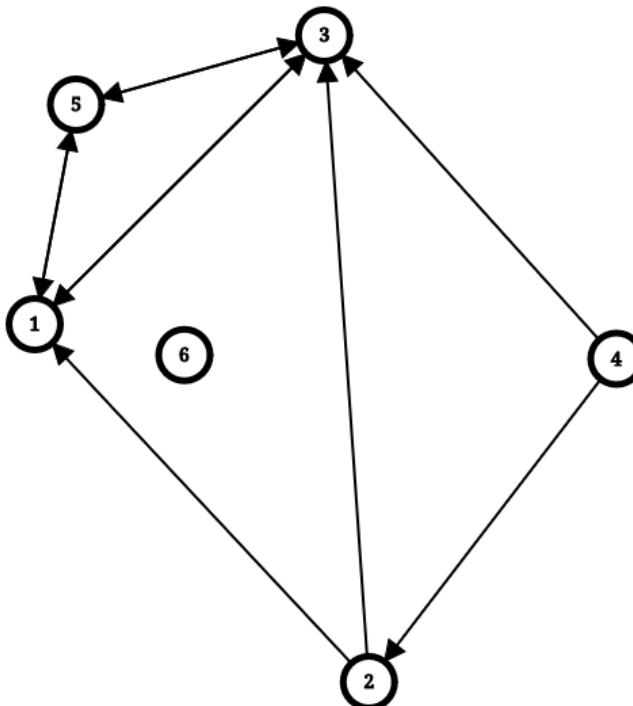
5.4. K-Nearest-Neighbor Graph

5.4.3. Truy vấn

- Heuristic/meta-heuristic
- Di chuyển theo hướng có các đỉnh gần đỉnh truy vấn q nhất

5.4. K-Nearest-Neighbor Graph

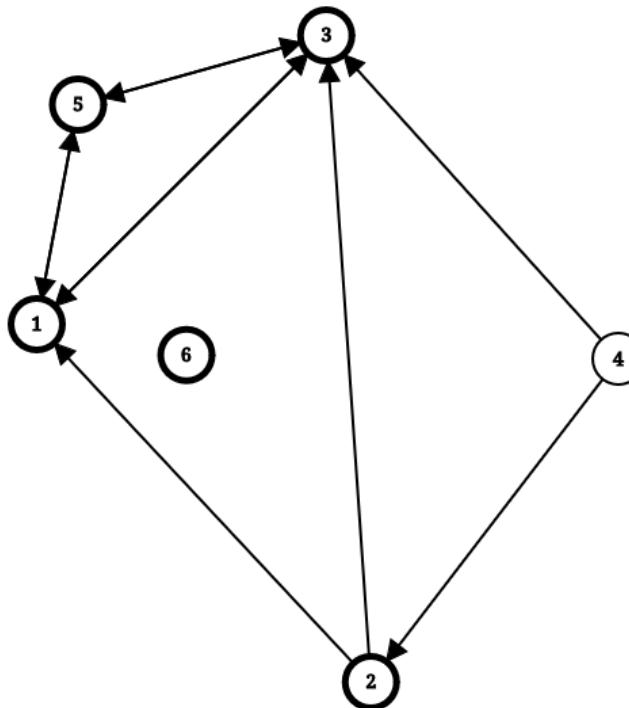
[4]



Hình 36: Chọn ngẫu nhiên đỉnh số 4 để bắt đầu

5.4. K-Nearest-Neighbor Graph

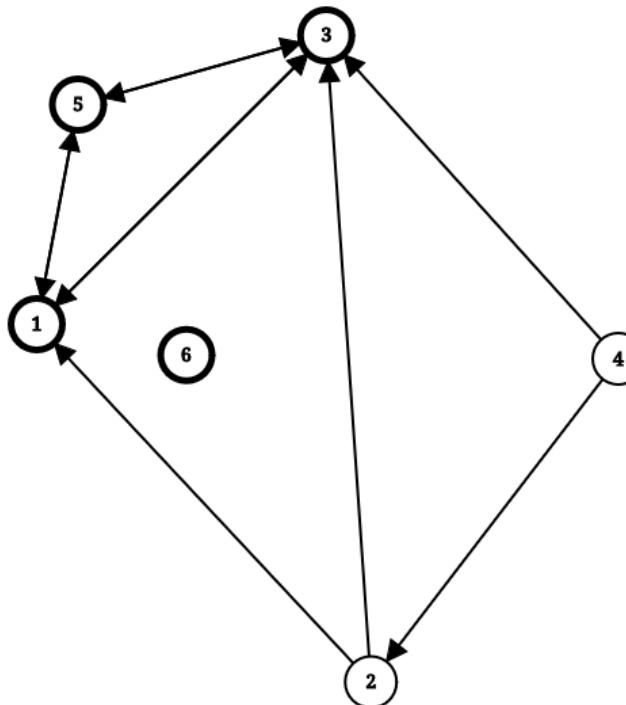
[4, 3, 2]



Hình 37: Thăm đỉnh 4, xét hàng xóm là 2 và 3

5.4. K-Nearest-Neighbor Graph

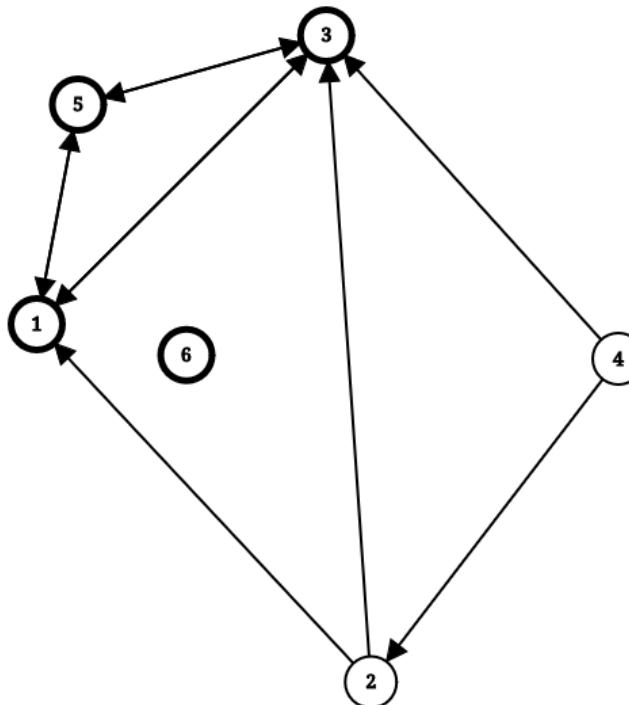
[4, 3, 2, 1]



Hình 38: Thăm đỉnh 2, xét hàng xóm là 1 và 3

5.4. K-Nearest-Neighbor Graph

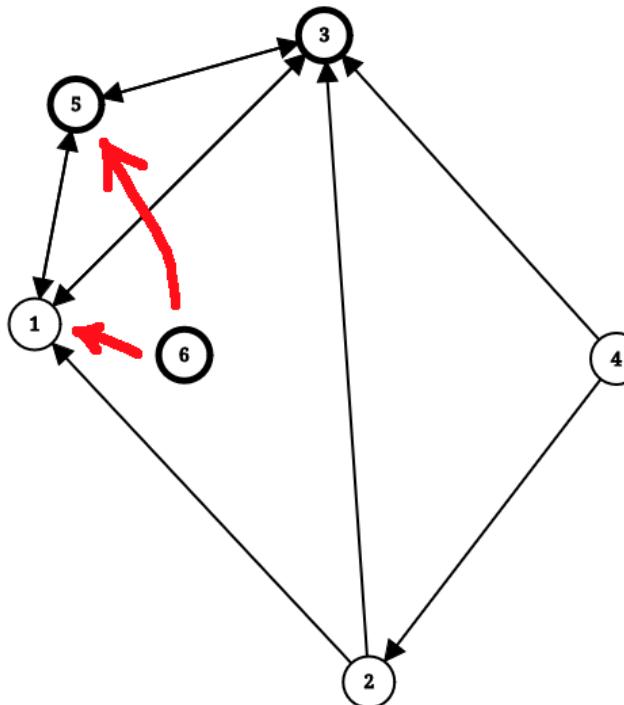
[4, 3, 2, 1]



Hình 39: Thăm đỉnh 2, xét hàng xóm là 1 và 3

5.4. K-Nearest-Neighbor Graph

[4, 3, 2, 1, 5]



Hình 40: Thăm đỉnh 1, xét hàng xóm là 3 và 5

5.4. K-Nearest-Neighbor Graph

Thuật toán 11: Tìm kiếm trên KNNG

```
1 function KNNQuery(G, q, k)
2     variable visited = generateStartingNodes(G)
3     variable min_heap((u, v) -> compare(d(u, q), d(v, q)))
4     = visited
5     while stopping conditions not met
6         variable u = min_heap.pop()
7         for v in neighbors(u)
8             if v not in visited
9                 visited.add(v)
10                min_heap.add(v)
```

Độ phức tạp thuật toán là $\mathcal{O}(m(\log(m) + k_{\text{graph}}(d + \log(m))))$

- m lần lặp
- Thêm 1 phần tử vào heap mất $\log(m)$
- Mỗi đỉnh đồ thị có k_{graph} hàng xóm

Thực tế nhanh hơn brute-force nhiều