Análise sintática: analisadores LL e LR

Adaptado dos slides da disciplina Complementos de Programação de Pedro Alexandre S. C. R. Pereira do Instituto Superior de Engenharia de Lisboa

Construção de parsers preditivos

- O analisador sintático pode ser implementado usando o algoritmo recursivo descendente (parser preditivo):
- Cada produção da gramática corresponde a um método recursivo

 $S \to \mathbf{if} \ E \ \mathbf{then} \ S \ \mathbf{else} \ S$

 $S \to \{ S L \}$

and ntL () = ... and ntE () = ...

Construção de parsers preditivos: exemplo

```
S \to \mathbf{print} \ E
  L \rightarrow \}
  L \rightarrow : S L
  E \rightarrow \text{num} == \text{num}
let tk = ref EOF (* variável global para o token atual *)
let prox () = tk := Lexico.token !lexbuf
let consome t = if (!tk == t) then prox() else erro (to_str t)
let erro esp = ...
let rec ntS () =
  match !tk with
    IF -> consome IF; ntE(); consome THEN; ntS(); consome ELSE; ntS
         ()
  | ACHAVE -> consome ACHAVE; ntS(); ntL()
  | PRINT -> consome PRINT; ntE()
  | _ -> erro "if, { ou print"
```

Construção de parsers preditivos: dificuldades

E se a gramática fosse

 $S \to E$ \$

$$E \rightarrow E + T$$

$$E \rightarrow E - T$$

$$E \rightarrow T$$

$$T \rightarrow T * F$$

$$T \rightarrow T / F$$

$$T \rightarrow F$$

$$F \rightarrow id$$

$$F \rightarrow num$$

$$F \rightarrow (E)$$

```
let rec ntS () = ntE(); consome EOF
and ntE () = ???
and ntT () = ???
and ntF () =
  match !tk with
   ID -> consome ID
   | NUM -> consome NUM
   | APAR -> consome APAR; ntE(); consome FPAR
   | _ -> erro "id, num ou ("
```

Conjunto FIRST

- Dada a sequência β de símbolos terminais e não terminais, $FIRST(\beta)$ é o conjunto de símbolos terminais que ocorrem no início de qualquer string derivada de β .
 - Ex: $FIRST(T * F) = \{ id, num, (\} \}$
- Uma gramática não permite a implementação de um parser preditivo se
 - Existem duas produções de $X: X \to \beta_1$ e $X \to \beta_2$ nas quais $FIRST(\beta_1) \cap FIRST(\beta_2) \neq \emptyset$

 $T \to T * F$ $T \to T / F$ $T \to F$ $F \to id$ $F \to num$

 $F \rightarrow (E)$

- Seja $\beta = ABC\cdots$
- \bullet A é $anul\'{a}vel$ se pode produzir a string vazia.
 - $\bullet\,$ No exemplo ao lado, Y e Xsão anuláveis.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A)$, se A não é anulável.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A) \cup FIRST(B)$, se A é anulável mas B não.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A) \cup FIRST(B) \cup FIRST(C)$, se A e B são anuláveis mas C não.
- • •

$$FIRST(Y) = FIRST(X) = FIRST(Z) =$$

$$\begin{array}{c} Z \rightarrow \mathbf{d} \\ Z \rightarrow X \ Y \ Z \end{array}$$

$$Y \to Y \to \mathbf{c}$$

$$X \to Y$$

 $X \to \mathbf{a}$

$$X \to \mathbf{a}$$

- Seja $\beta = ABC\cdots$
- \bullet A é $anul\'{a}vel$ se pode produzir a string vazia.
 - $\bullet\,$ No exemplo ao lado, Y e Xsão anuláveis.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A)$, se A não é anulável.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A) \cup FIRST(B)$, se A é anulável mas B não.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A) \cup FIRST(B) \cup FIRST(C)$, se A e B são anuláveis mas C não.
- · · ·

$$FIRST(Y) = \{c\}$$

 $FIRST(X) =$
 $FIRST(Z) =$

$$\begin{array}{c} Z \rightarrow \mathbf{d} \\ Z \rightarrow X \ Y \ Z \end{array}$$

$$Y \to Y \to \mathbf{c}$$

$$X \to Y$$

 $X \to \mathbf{a}$

- Seja $\beta = ABC\cdots$
- \bullet A é $anul\'{a}vel$ se pode produzir a string vazia.
 - $\bullet\,$ No exemplo ao lado, Y e Xsão anuláveis.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A)$, se A não é anulável.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A) \cup FIRST(B)$, se A é anulável mas B não.
- $FIRST(\beta) =$ $FIRST(A) \cup FIRST(B) \cup FIRST(C)$, se Ae B são anuláveis mas C não.
- · · ·

$$FIRST(Y) = \{c\}$$

 $FIRST(X) = \{a, c\}$
 $FIRST(Z) =$

$$Y \to Y \to \mathbf{c}$$

$$X \to Y$$

 $X \to \mathbf{a}$

- Seja $\beta = ABC\cdots$
- \bullet A é $anul\'{a}vel$ se pode produzir a string vazia.
 - $\bullet\,$ No exemplo ao lado, Y e Xsão anuláveis.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A)$, se A não é anulável.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A) \cup FIRST(B)$, se A é anulável mas B não.
- $FIRST(\beta) = FIRST(A) \cup FIRST(B) \cup FIRST(C)$, se A e B são anuláveis mas C não.
- • •

$$FIRST(Y) = \{c\}$$

$$FIRST(X) = \{a, c\}$$

$$FIRST(Z) = \{a, c, d\}$$

$$Y \to Y \to \mathbf{c}$$

$$X \to Y$$

 $X \to \mathbf{a}$

- FOLLOW(A) é o conjunto de símbolos terminais que podem ocorrer após A.
 - $t \in FOLLOW(A)$, se existe uma derivação At.
 - $FIRST(B) \subset FOLLOW(A)$, se existe uma derivação AB

$$FOLLOW(Z) = FOLLOW(Y) = FOLLOW(X) =$$

$$\begin{array}{c} Z \to \mathbf{d} \\ Z \to X \ Y \ Z \end{array}$$

$$Y \rightarrow Y \rightarrow \mathbf{c}$$

$$\begin{array}{c} X \to Y \\ X \to \mathbf{a} \end{array}$$

- FOLLOW(A) é o conjunto de símbolos terminais que podem ocorrer após A.
 - $t \in FOLLOW(A)$, se existe uma derivação $A\mathbf{t}$.
 - $FIRST(B) \subset FOLLOW(A)$, se existe uma derivação AB

$$FOLLOW(Z) = \{\}$$

 $FOLLOW(Y) =$
 $FOLLOW(X) =$

$$Y \rightarrow Y \rightarrow \mathbf{c}$$

$$X \to Y$$

 $X \to \mathbf{a}$

- FOLLOW(A) é o conjunto de símbolos terminais que podem ocorrer após A.
 - t ∈ FOLLOW(A), se existe uma derivação At.
 - $FIRST(B) \subset FOLLOW(A)$, se existe uma derivação AB

$$FOLLOW(Z) = \{\}$$

 $FOLLOW(Y) = \{a, c, d\}$
 $FOLLOW(X) =$

$$Y \to Y \to \mathbf{c}$$

$$X \to Y$$

 $X \to \mathbf{a}$

- FOLLOW(A) é o conjunto de símbolos terminais que podem ocorrer após A.
 - $t \in FOLLOW(A)$, se existe uma derivação At.
 - $FIRST(B) \subset FOLLOW(A)$, se existe uma derivação AB

$$FOLLOW(Z) = \{\}$$

 $FOLLOW(Y) = \{a, c, d\}$
 $FOLLOW(X) = \{a, c, d\}$

$$Z \to \mathbf{d}$$

$$Z \to X Y Z$$

$$\begin{array}{c} Y \to \\ Y \to \mathbf{c} \end{array}$$

$$X \to Y$$

 $X \to \mathbf{a}$

• Tabela que determina a próxima produção, sabendo:

- o símbolo não terminal no topo da pilha
- o símbolo terminal atual na entrada
- Para cada $X \to \beta$, colocar β na linha X e coluna t:
 - para cada $t \in FIRST(\beta)$;
 - e se β é anulável, para cada $t \in FOLLOW(X)$.

Z	\rightarrow	\mathbf{d}		
Z	\rightarrow	X	Y	Z

 $X \to Y$

	anulável	FIRST	FOLLOW
X	Sim	ас	a c d
Y	Sim	c	a c d
\mathbf{Z}	Não	a c d	

	a	c	d
X Y			
Y			
\mathbf{Z}			

• Tabela que determina a próxima produção, sabendo:

- o símbolo não terminal no topo da pilha
- o símbolo terminal atual na entrada
- Para cada $X \to \beta$, colocar β na linha X e coluna t:
 - para cada $t \in FIRST(\beta)$;
 - e se β é anulável, para cada $t \in FOLLOW(X)$.

Z	\rightarrow	\mathbf{d}		
Z	\rightarrow	X	Y	Z

 $Y \rightarrow$ $Y \rightarrow \mathbf{c}$

 $X \to Y$

	anulável	FIRST	FOLLOW
X	Sim	a c	a c d
Y	Sim	\mathbf{c}	a c d
Z	Não	a c d	

	a	c	d
X	a		
Y			
\mathbf{Z}			

• Tabela que determina a próxima produção, sabendo:

$$Z \to \mathbf{d}$$
 $Z \to X Y Z$

- o símbolo não terminal no topo da pilha
- o símbolo terminal atual na entrada
- Para cada $X \to \beta$, colocar β na linha X e coluna t:
 - para cada $t \in FIRST(\beta)$;
 - e se β é anulável, para cada $t \in FOLLOW(X)$.

Z	\rightarrow	\mathbf{d}		
Z	\rightarrow	X	Y	Z

 $Y \rightarrow$ $Y \rightarrow \mathbf{c}$

 $X \to Y$

	anulável	FIRST	FOLLOW
X	Sim	ас	a c d
Y	Sim	c	a c d
\mathbf{Z}	Não	a c d	

	a	c	d
X	a Y	Y	Y
Y			
Z			

• Tabela que determina a próxima produção, sabendo:

$$Z \to \mathbf{d}$$
 $Z \to X V Z$

- o símbolo não terminal no topo da pilha
- o símbolo terminal atual na entrada
- Para cada $X \to \beta$, colocar β na linha X e coluna t:
 - para cada $t \in FIRST(\beta)$;
 - e se β é anulável, para cada $t \in FOLLOW(X)$.

$$Z \to \mathbf{d} \\ Z \to X Y Z$$

 $Y \rightarrow$ $Y \rightarrow \mathbf{c}$

 $X \to Y$

	anulável	FIRST	FOLLOW
X	Sim	ас	a c d
Y	Sim	c	a c d
\mathbf{Z}	Não	a c d	

	a	c	d
X	a Y	Y	Y
Y		\mathbf{c}	
\mathbf{Z}			

• Tabela que determina a próxima produção, sabendo:

$$Z \to \mathbf{d}$$
 $Z \to X Y Z$

- o símbolo não terminal no topo da pilha
- o símbolo terminal atual na entrada
- Para cada $X \to \beta$, colocar β na linha X e coluna t:
 - para cada $t \in FIRST(\beta)$;
 - e se β é anulável, para cada $t \in FOLLOW(X)$.

$$\begin{array}{c} Z \to \mathbf{d} \\ Z \to X \ Y \ Z \end{array}$$

 $Y \rightarrow$ $Y \rightarrow \mathbf{c}$

 $X \to Y$

	anulável	FIRST	FOLLOW
X	Sim	a c	a c d
Y	Sim	\mathbf{c}	a c d
Z	Não	a c d	

	a	c	d
X	a Y	Y	Y
Y	ε	ε c	ε
\mathbf{Z}			

• Tabela que determina a próxima produção, sabendo:

$$Z \to \mathbf{d}$$
 $Z \to X Y Z$

- o símbolo não terminal no topo da pilha
- o símbolo terminal atual na entrada
- Para cada $X \to \beta$, colocar β na linha X e coluna t:
 - para cada $t \in FIRST(\beta)$;
 - e se β é anulável, para cada $t \in FOLLOW(X)$.

$$\begin{array}{c} Z \to \mathbf{d} \\ Z \to X \ Y \ Z \end{array}$$

 $Y \rightarrow$ $Y \rightarrow \mathbf{c}$

 $X \to Y$

	anulável	FIRST	FOLLOW
X	Sim	a c	a c d
Y	Sim	\mathbf{c}	a c d
Z	Não	a c d	

	a	c	d
X	a Y	Y	Y
Y	ε	ε c	ε
\mathbf{Z}			d

• Tabela que determina a próxima produção, sabendo:

$$Z \to \mathbf{d}$$

 $Z \to X Y Z$

- o símbolo não terminal no topo da pilha
- o símbolo terminal atual na entrada
- Para cada $X \to \beta$, colocar β na linha X e coluna t:
 - para cada $t \in FIRST(\beta)$;
 - e se β é anulável, para cada $t \in FOLLOW(X)$.

$$\begin{array}{c} Z \to \mathbf{d} \\ Z \to X \ Y \ Z \end{array}$$

 $Y \rightarrow$ $Y \rightarrow \mathbf{c}$

 $X \to Y$

	anulável	FIRST	FOLLOW
X	Sim	a c	a c d
Y	Sim	$^{\mathrm{c}}$	a c d
\mathbf{Z}	Não	a c d	

	a	С	d
X	a Y	Y	Y
Y	ε	ε c	ε
\mathbf{Z}	XYZ	XYZ	d XYZ

Construa a tabela LL(1) para a gramática

$$S \to X \ Y \ Z$$

$$X\to \mathbf{a}\ X\ b$$

$$X \to$$

$$Y \to \mathbf{c} \ Y \ Z \ \mathbf{c} \ X$$

$$Y o \mathbf{d}$$

$$Z \to \mathbf{e} \ Z \ Y \mathbf{e}$$

$$Z \to \mathbf{f}$$

Depois, use-a para verificar se $\mathit{abcdfcf}$ pertence à linguagem gerada pela gramática.

Construa a tabela LL(1) para a gramática

$$S \to X Y Z$$

$$X \to \mathbf{a} \ X \ b$$

$$X \rightarrow$$

$$Y \rightarrow \mathbf{c} \ Y \ Z \ \mathbf{c} \ X$$

$$Y \rightarrow \mathbf{d}$$

$$Z \to \mathbf{e} \ Z \ Y \mathbf{e}$$

$$Z \to \mathbf{f}$$

Depois, use-a para verificar se $\mathit{abcdfcf}$ pertence à linguagem gerada pela gramática.

Solução

Construa a tabela LL(1) para a gramática

$$S \to X \ Y \ Z$$

$$X \to \mathbf{a} \ X \ b$$

$$X \rightarrow$$

$$Y \rightarrow \mathbf{c} \ Y \ Z \ \mathbf{c} \ X$$

$$Y \rightarrow \mathbf{d}$$

$$Z \to \mathbf{e} \ Z \ Y \mathbf{e}$$

$$Z \to \mathbf{f}$$

Depois, use-a para verificar se $\mathit{abcdfcf}$ pertence à linguagem gerada pela gramática.

Solução

	anulável	FIRST	FOLLOW
S	Não	a c d	
X	Sim	a	bcdef
Y	Não	c d	e f
Z	Não	e f	c d

Construa a tabela LL(1) para a gramática

$$S \to X \ Y \ Z$$

$$X \to \mathbf{a} \ X \ b$$

$$X \rightarrow$$

$$Y \rightarrow \mathbf{c} \ Y \ Z \ \mathbf{c} \ X$$

$$Y \rightarrow \mathbf{d}$$

$$Z \rightarrow \mathbf{e} \ Z \ Y \mathbf{e}$$

$$Z \to \mathbf{f}$$

Depois, use-a para verificar se $\mathit{abcdfcf}$ pertence à linguagem gerada pela gramática.

Solução

	anulável	FIRST	FOLLOW
S	Não	a c d	
X	Sim	a	bcdef
Y	Não	c d	e f
\mathbf{Z}	Não	e f	c d

		a	b	c	d	е	f
ſ	S	XYZ		XYZ	XYZ		
Ī	Χ	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Ī	Y			cYZcX	d		
ſ	Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f
	S X Y Z			X aXb ε ε	X aXb ε ε	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f
	S X Y Z	S XYZ	S XYZ	$\begin{array}{c cccc} S & XYZ & XYZ \\ X & aXb & \varepsilon & \varepsilon \end{array}$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

$\begin{array}{c cccc} S & abcdfcf & S \to XYZ \\ XYZ & abcdfcf & X \to aXb \end{array}$	Pilha	Entrada	Ação
$XYZ \mid abcdfcf \mid X \rightarrow aXb$	S	abcdfcf	$S \to XYZ$
	XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ abcdfcf consome a	aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ bcdfcf $X \to \varepsilon$	XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
	•	'

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
${ m cYZcXZ}$	cdfcf	
	'	•

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
		•

		a	b	c	d	e	f
	S	XYZ		XYZ	XYZ		
	Χ	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
	Y			cYZcX	d		
	Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \rightarrow d$
dZcXZ	dfcf	consome d

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \rightarrow d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \to f$
		l'

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	consome f

	a	b	С	d	е	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

a E	ntrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
Z a	abcdfcf	$X \to aXb$
Z a	abcdfcf	consome a
\mathbf{Z}	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
\mathbf{Z}	bcdfcf	consome b
\mathbf{Z}	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
\mathbf{Z}	cdfcf	consome c
\mathbf{Z}	dfcf	$Y \to d$
\mathbf{Z}	dfcf	consome d
\mathbf{Z}	fcf	$Z \rightarrow f$
\mathbf{Z}	fcf	consome f
\mathbf{Z}	cf	
	S a	S abcdfcf Z abcdfcf Z abcdfcf Z bcdfcf Z bcdfcf Z cdfcf Z cdfcf Z dfcf Z dfcf Z dfcf Z fcf Z fcf Z fcf

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	consome f
cXZ	cf	consome c
	•	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	consome f
cXZ	cf	consome c
XZ	f	

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	consome f
cXZ	cf	consome c
XZ	f	$X \to \varepsilon$
	,	•

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	consome f
cXZ	cf	consome c
XZ	f	$X \to \varepsilon$
Z	f	

	a	b	С	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	consome f
cXZ	cf	consome c
XZ	f	$X \to \varepsilon$
Z	f	$Z \to f$
	'	'

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	consome f
cXZ	cf	consome c
XZ	f	$X \to \varepsilon$
Z	f	$Z \rightarrow f$
f	f	
		'

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \to f$
fcXZ	fcf	consome f
cXZ	cf	consome c
XZ	f	$X \to \varepsilon$
Z	f	$Z \to f$
f	f	consome f
		'

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \to cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \to f$
fcXZ	fcf	consome f
cXZ	cf	consome c
XZ	f	$X \to \varepsilon$
Z	f	$Z \to f$
f	f	consome f

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Pilha	Entrada	Ação
S	abcdfcf	$S \to XYZ$
XYZ	abcdfcf	$X \to aXb$
aXbYZ	abcdfcf	consome a
XbYZ	bcdfcf	$X \to \varepsilon$
bYZ	bcdfcf	consome b
YZ	cdfcf	$Y \rightarrow cYZcX$
cYZcXZ	cdfcf	consome c
YZcXZ	dfcf	$Y \to d$
dZcXZ	dfcf	consome d
ZcXZ	fcf	$Z \rightarrow f$
fcXZ	fcf	consome f
cXZ	cf	consome c
XZ	f	$X \to \varepsilon$
Z	f	$Z \to f$
f	f	consome f
		aceita

	a	b	c	d	e	f
S	XYZ		XYZ	XYZ		
X	aXb	ε	ε	ε	ε	ε
Y			cYZcX	d		
Z					eZYe	f

Tabela do parser preditivo

- Mais que uma entrada por célula indica que o parser preditivo não é possível.
- Gramáticas LL(1):
 - O primeiro L (left) indica que a entrada é varrida da esquerda para direita;
 - O segundo L indica que a derivação é mais à esquerda;
 - Precisa olhar 1 símbolo na entrada para decidir qual regra usar;
 - Se for possível construir uma tabela preditiva com no máximo uma entrada por célula.
- Generalizando a noção de FIRST para os primeiros k símbolos de uma string
 - podemos ter gramáticas LL(2), LL(3), ..., LL(k)

Parsers LR(k)

- O primeiro L significa que a entrada é varrida da esquerda para a direita;
- O R significa que a derivação é mais à direita;
- Precisa olhar k símbolos antecipadamente na entrada para decidir a regra a ser usada.

Pilha	Entrada	Ação
S_1'	(x, (x))\$	

 $S' \rightarrow S \$$ $S \rightarrow (L)$ $S \rightarrow \mathbf{x}$ $L \rightarrow S$

 $L \rightarrow L$, S

- Desloca
 - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz

$$X \to ABC$$

- Desempilha C, B e A do topo da pilha.
- Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
S_1'	(x, (x))\$	desloca
S_1' (3	(x, (x))\$ $x, (x)$ \$	'

$$S' \rightarrow S \$$$

 $S \rightarrow (L)$
 $S \rightarrow \mathbf{x}$
 $L \rightarrow S$

 $L \rightarrow L$, S

- Desloca
 - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz

$$X \to ABC$$

- Desempilha C, B e A do topo da pilha.
- Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
S_1'	(x, (x))\$	desloca
S'_{1} (3	x, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ x_2)$, (x)	

 $S' \rightarrow S \$$ $S \rightarrow (L)$ $S \rightarrow \mathbf{x}$ $L \rightarrow S$ $L \rightarrow L, S$

- Desloca
 - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz

- Desempilha C, B e A do topo da pilha.
- Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
S_1'	(x, (x))\$	desloca
S'_{1} (3	x, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ x_2)$, (x)	reduz $S \to x$
$S'_1 \ (_3 \ S_6)$, (x))\$,

 $S' \to S$ \$ $S \rightarrow (L)$ $S \to \mathbf{x}$ $L \to S$ $L \rightarrow L$, S

- Desloca
 - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz

- Desempilha C, B e A do topo da pilha.
- Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
S_1'	(x, (x))\$	desloca
S'_1 (3	x, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ x_2)$, (x))\$	$\operatorname{reduz} S \to x$
$S_1' \ (_3 \ S_6)$, (x))\$	reduz $L \to S$
$S_1' \ (_3 \ L_5)$, (x)	'

 $S' \rightarrow S$ \$ $S \rightarrow (L)$ $S \rightarrow \mathbf{x}$ $L \rightarrow S$ $L \rightarrow L$, S

- Desloca
 - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz

- Desempilha C, B e A do topo da pilha.
- Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
S_1'	(x, (x))\$	desloca
S'_1 (3	x, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ x_2)$, (x))\$	$\operatorname{reduz} S \to x$
$S_1' \ (_3 \ S_6)$, (x)	reduz $L \to S$
S_1' (3 L_5	, (x))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8$	(x))\$	

 $S' \rightarrow S$ \$ $S \rightarrow S \oplus S \rightarrow (L)$ $S \rightarrow \mathbf{x}$ $L \rightarrow S$ $L \rightarrow L$, S

- Desloca
 - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz

- Desempilha C, B e A do topo da pilha.
- Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
S_1'	(x, (x))\$	desloca
S_1' (3	x, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ x_2)$, (x)	$\operatorname{reduz} S \to x$
$S_1' \ (_3 \ S_6)$, (x)	reduz $L \to S$
S_1' (3 $\overline{L_5}$, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8$	(x))\$	desloca
S_1' (3 L_5 ,8 (3	x))\$	·

 $S' \rightarrow S \$$ $S \rightarrow (L)$ $S \rightarrow \mathbf{x}$

 $L \to S$ $L \to L , S$

- Desloca
 - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz

- Desempilha C, B e A do topo da pilha.
- Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
S_1'	(x, (x))\$	desloca
S_1' (3	x, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ x_2)$, (x)	$\operatorname{reduz} S \to x$
$S_1' \ (_3 \ S_6)$, (x))\$	reduz $L \to S$
S_1' (3 $\overline{L_5}$, (x))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8$	(x))\$	desloca
S_1' (3 L_5 ,8 (3	x))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ x_2)$))\$	

 $S' \rightarrow S \$$ $S \rightarrow (L)$ $S \rightarrow \mathbf{x}$

- $L \to S$ $L \to L$, S
- Desloca
 - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz

- Desempilha C, B e A do topo da pilha.
- Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
S_1'	(x, (x))\$	desloca
S_1' (3	x, (x)	desloca
S_1' (3 x_2	, (x)	reduz $S \to x$
S_1' (3 S_6	, (x))\$	reduz $L \to S$
$S_1' \ (_3 \ L_5)$, (x))\$	desloca
S_1' (3 L_5 ,8	(x))\$	desloca
S_1' (3 L_5 ,8 (3	x))\$	desloca
$S_1' (_3 L_5 ,_8 (_3 x_2)$))\$	reduz $S \to x$
$S_1' (_3 L_5 ,_8 (_3 S_6))$))\$	

 $S' \rightarrow S$ \$ $S \rightarrow$ (L) $S \rightarrow$ \mathbf{x}

 $L \to S$ $L \to L$, S

- Desloca
 - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz

- Desempilha C, B e A do topo da pilha.
- Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
S_1'	(x, (x))\$	desloca
S_1' (3	x, (x))\$	desloca
S_1' S_2'	, (x))\$	$\operatorname{reduz} S \to x$
S_1' (3 S_6	, (x))\$	reduz $L \to S$
S_1' (3 L_5	, (x))\$	desloca
S_1' (3 L_5 ,8	(x))\$	desloca
S_1' (3 L_5 ,8 (3	x))\$	desloca
$S_1' (_3 L_5 ,_8 (_3 x_2)$))\$	$\operatorname{reduz} S \to x$
$S_1' (_3 L_5 ,_8 (_3 S_6))$))\$	reduz $L \to S$
$S_1' (_3 L_5 ,_8 (_3 L_5)$))\$	

 $S' \rightarrow S$ \$ $S \rightarrow$ (L) $S \rightarrow$ \mathbf{x}

- $L \rightarrow S$ $L \rightarrow L$, S
- Desloca
 - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz

- Desempilha C, B e A do topo da pilha.
- Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
S_1'	(x, (x))\$	desloca
S_1' (3	x, (x))\$	desloca
S_1' (3 x_2	, (x))\$	$\operatorname{reduz} S \to x$
S_1' (3 S_6	, (x))\$	reduz $L \to S$
S_1' (3 $\overline{L_5}$, (x))\$	desloca
S_1' (3 L_5 ,8	(x))\$	desloca
S_1' (3 L_5 ,8 (3	x))\$	desloca
$S_1' (_3 L_5 ,_8 (_3 x_2)$))\$	$\operatorname{reduz} S \to x$
$S_1' (_3 L_5 ,_8 (_3 S_6)$))\$	reduz $L \to S$
$S_1' (_3 L_5 ,_8 (_3 \overline{L_5})$))\$	desloca
$S_1' (_3 L_5 ,_8 (_3 L_5)_7)$)\$	
'	1	'

 $S' \rightarrow S \$$ $S \rightarrow (L)$

- $S \to \mathbf{x}$ $L \to S$ $L \to L$, S
- Desloca
 - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz $X \to ABC$
 - $X \to ABC$ Desemp
 - Desempilha C, B e A do topo da pilha.
 - Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
S_1'	(x, (x))\$	desloca
S_1' (3	x, (x))\$	desloca
S_1' (3 x_2	, (x))\$	reduz $S \to x$
S_1' (3 S_6	, (x))\$	reduz $L \to S$
S_1' (3 $\overline{L_5}$, (x))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8$	(x))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3$	x))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ x_2)$))\$	reduz $S \to x$
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ S_6)$))\$	reduz $L \to S$
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ \overline{L_5})$))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$)\$	reduz $S \to (L)$
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ S_9 \ $)\$	
	:	•

 $S' \to S \$$ $S \to (L)$ $S \to \mathbf{x}$

- $L \to S$ $L \to L$, S
- Desloca
 - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz $X \to ABC$
 - $X \to ABC$
 - Desempilha C, B e A do topo da pilha.
 - Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
S_1'	(x, (x))\$	desloca
S_1' (3	x, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ x_2)$, (x)	reduz $S \to x$
$S_1' \ (_3 \ S_6)$, (x))\$	reduz $L \to S$
S_1' (3 L_5	, (x))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8$	(x))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3$	x))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ x_2)$))\$	reduz $S \to x$
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ S_6)$))\$	reduz $L \to S$
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ \overline{L_5})$))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$)\$	reduz $S \to (L)$
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ S_9 \ $)\$	reduz $L \to L, S$
S_1' (3 L_5)\$	'

$$S' \rightarrow S \$$$

 $S \rightarrow (L)$
 $S \rightarrow \mathbf{x}$

- $L \to S$ $L \to L$, S
- Desloca
 - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz $X \to ABC$
 - Desempilha C, B e A do topo da
 - pilha.
 Empilha X.

Pilha	Entrada	Ação
S_1'	(x, (x))\$	desloca
S_1' (3	x, (x)	desloca
$S_1' \ (_3 \ x_2)$, (x))\$	reduz $S \to x$
$S_1' \ (_3 \ S_6)$, (x))\$	reduz $L \to S$
S_1' (3 $\overline{L_5}$, (x))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8$	(x))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3$	x))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ x_2)$))\$	reduz $S \to x$
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ S_6)$))\$	reduz $L \to S$
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ \overline{L_5})$))\$	desloca
$S'_1 \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$)\$	reduz $S \to (L)$
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ S_9 \)$)\$	reduz $L \to L, S$
$S_1' \ (_3 \ L_5$)\$	desloca
$S_1' (_3 L_5)_7$	\$	
	1	,

 $S' \rightarrow S \$$ $S \rightarrow (L)$ $S \rightarrow \mathbf{x}$

- $L \to S$ $L \to L$, S
- Desloca
 - Símbolo da entrada para a pilha
- Reduz $X \to ABC$
 - Desempilha C, B e A do topo da pilha.
 - Empilha X.

Entrada

Parser desloca-reduz

Pilha

S_1'	(x, (x))\$	desloca	$S \rightarrow (L)$
$S_{1}^{'}$ (3	x, (x)	desloca	$S \to \mathbf{x}$
$S_1' \ (_3 \ x_2)$, (x))\$	$\operatorname{reduz} S \to x$	L o S
$S_1' \ (_3 \ S_6)$, (x))\$	reduz $L \to S$	L o L , S
S_1' (3 $\overline{L_5}$, (x))\$	desloca	• Desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8$	(x))\$	desloca	• Símbolo da
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3$	x))\$	desloca	entrada para
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ x_2)$))\$	$\operatorname{reduz} S \to x$	a pilha
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ S_6)$))\$	reduz $L \to S$	• Reduz
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ L_5 \)$))\$	desloca	$X \to ABC$
$S'_1 \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$)\$	reduz $S \to (L)$	• Desempilha
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ S_9 \ $)\$	reduz $L \to L, S$	C, B e A do
$S_1' \ (_3 \ \overline{L_5}$)\$	desloca	topo da pilha.
$S_1^{'}$ $(_3 L_5)_7$	\$	reduz $S \to (L)$	• Empilha X.

Ação

 $S' \rightarrow S$ \$

Pilha	Entrada	Ação	$S' \rightarrow S$ \$
S_1'	(x, (x))\$	desloca	$S \rightarrow S \oplus S \oplus S \rightarrow (L)$
S'_1 (3	x, (x))\$	desloca	$S \to \mathbf{x}$
$S'_1 \ (_3 \ x_2 \ $, (x))\$	reduz $S \to x$	$L \rightarrow S$
$S'_1 \ (_3 \ S_6)$, (x))\$	reduz $L \to S$	$L \to L$, S
$S_1' \ (_3 \ L_5)$, (x))\$	desloca	- Doglass
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8$	(x))\$	desloca	• Desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3$	x))\$	desloca	• Síml entra
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ x_2)$))\$	reduz $S \to x$	a pil
$S_1' (_3 L_5 ,_8 (_3 S_6)$))\$	reduz $L \to S$	• Reduz
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ L_5 \)$))\$	desloca	$X \to AE$
$S'_1 (_3 L_5 ,_8 (_3 L_5)_7)$)\$	reduz $S \to (L)$	• Dese
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ S_9)$)\$	reduz $L \to L, S$	C, E
$S_1' \ (_3 \ L_5)$)\$	desloca	topo
$S_1' \frac{1}{(3 L_5)_7}$	\$	reduz $S \to (L)$	pilha • Emp
$S_1' S_4$	\$	aceita	

• Símbolo da entrada para a pilha

Reduz $X \to ABC$

 $S' \to S$ \$ $S \rightarrow (L)$ $S \to \mathbf{x}$ $L \to S$ $L \rightarrow L$, S

• Desempilha C, B e A do

> topo da pilha.

• Empilha X.

$$S' \rightarrow S \$$$

$$S \rightarrow (L)$$

$$S \rightarrow \mathbf{x}$$

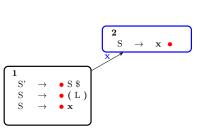
$$L \rightarrow S$$

$$L \rightarrow L, S$$



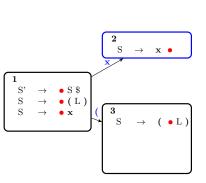
$$S' \rightarrow S \$$$

 $S \rightarrow (L)$
 $S \rightarrow \mathbf{x}$
 $L \rightarrow S$
 $L \rightarrow L, S$



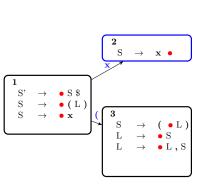
$$S' \rightarrow S \$$$

 $S \rightarrow (L)$
 $S \rightarrow \mathbf{x}$
 $L \rightarrow S$
 $L \rightarrow L, S$



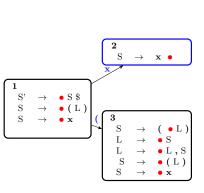
$$S' \rightarrow S \$$$

 $S \rightarrow (L)$
 $S \rightarrow \mathbf{x}$
 $L \rightarrow S$
 $L \rightarrow L, S$

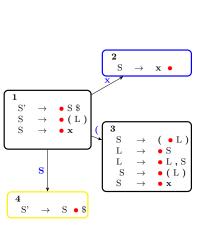


$$S' \rightarrow S \$$$

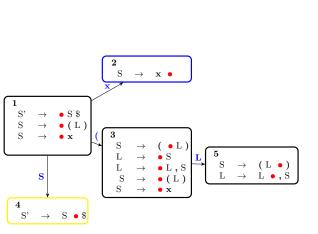
 $S \rightarrow (L)$
 $S \rightarrow \mathbf{x}$
 $L \rightarrow S$
 $L \rightarrow L, S$





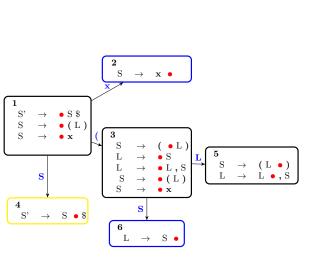






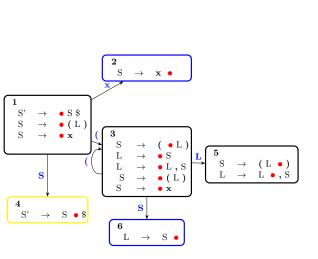
$$S' \rightarrow S \$$$

 $S \rightarrow (L)$
 $S \rightarrow \mathbf{x}$
 $L \rightarrow S$
 $L \rightarrow L, S$



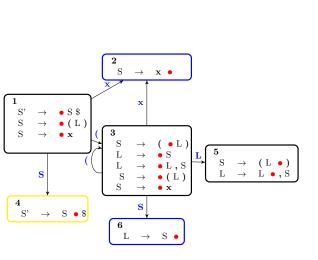
$$S' \rightarrow S \$$$

 $S \rightarrow (L)$
 $S \rightarrow \mathbf{x}$
 $L \rightarrow S$
 $L \rightarrow L, S$



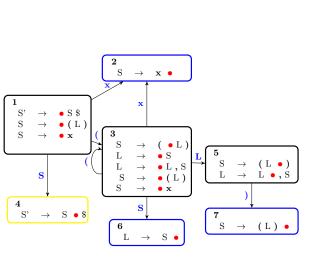
$$S' \rightarrow S \$$$

 $S \rightarrow (L)$
 $S \rightarrow \mathbf{x}$
 $L \rightarrow S$
 $L \rightarrow L, S$



$$S' \rightarrow S \$$$

 $S \rightarrow (L)$
 $S \rightarrow \mathbf{x}$
 $L \rightarrow S$
 $L \rightarrow L, S$



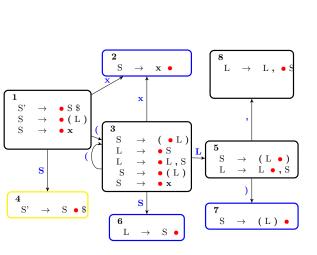
$$S' \to S \$$$

$$S \to (L)$$

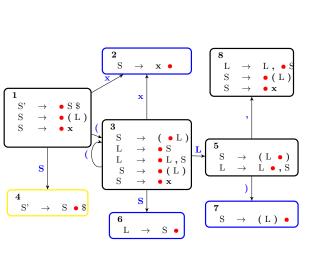
$$S \to \mathbf{x}$$

$$L \to S$$

$$L \to L, S$$

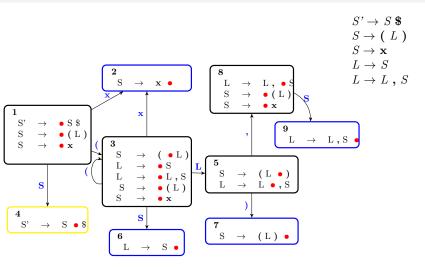


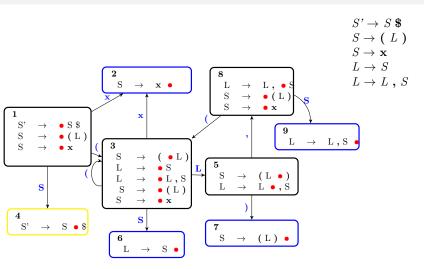




$$S' \rightarrow S \$$$

 $S \rightarrow (L)$
 $S \rightarrow \mathbf{x}$
 $L \rightarrow S$
 $L \rightarrow L, S$





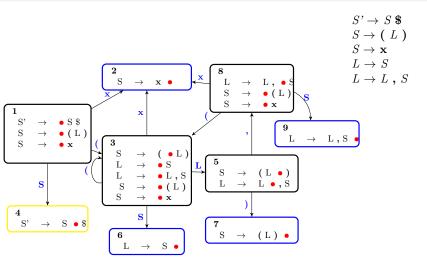
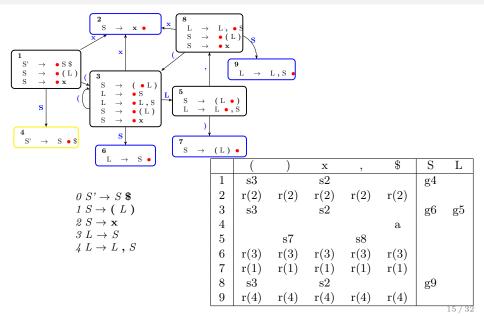


Tabela de análise sintática LR(0)



Funcionamento do parser LR

Pilha	Entrada	Ação
S_1'	(x, (x))\$	desloca
$S_{1}^{\bar{I}}$ (3	x, (x))\$	desloca
$S'_1 \\ S'_1 (_3 \\ S'_1 (_3 x_2)$, (x))\$	reduz $S \to x$
S_1' (3 S_6	, (x))\$	reduz $L \to S$
$S_1' \ (_3 \ L_5$, (x))\$	desloca
$S_1^{\dagger} (_3 L_5 ,_8$	(x))\$	desloca
S_1^{\dagger} (3 L_5 ,8 (3	x))\$	desloca
S_{1}^{\prime} (3 L_{5} S_{1}^{\prime} (3 L_{5} ,8 S_{1}^{\prime} (3 L_{5} ,8 (3 S_{1}^{\prime} (3 L_{5} ,8 (3 x_{2}^{\prime}))\$	reduz $S \to x$
$S'_1 \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ (_3 \ S_6)$))\$	reduz $L \to S$
S_1' (3 L_5 ,8 (3 L_5))\$	desloca
$S_1' \ (_3 \ L_5 \ ,_8 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$)\$	reduz $S \to (L)$
S_1' (3 L_5 ,8 S_9)\$	reduz $L \to L, S$
$S_1' \ (_3 \ L_5$)\$	desloca
$S_1' (_3 L_5)_7$	\$	reduz $S \to (L)$
S' S4	\$	aceita

0 S' → S \$
$1 S \rightarrow (L)$
$2 S \rightarrow \mathbf{x}$
$3 L \rightarrow S$
$4 L \rightarrow L$, S

	()	x	,	\$	S	L
1	s3		s2			g4	
2	r(2)	r(2)	r(2)	r(2)	r(2)		
	s3		s2			g7	g_5
4					a		
5		s6		s8			
6	r(3)	r(3)	r(3)	r(3)	r(3)		
7	r(1)	r(1)	r(1)	r(1)	r(1)		
8	s3		s2			g9	
9	r(4)	r(4)	r(4)	r(4)	r(4)	-	

Exercício 2

Construa a tabela LR(0) para a gramática

$$S' \to E$$
\$

$$E \to E + T$$
$$E \to T$$

$$T \rightarrow - T$$

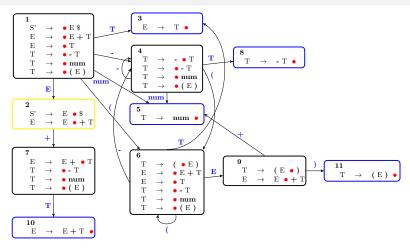
$$T \rightarrow \mathbf{num}$$
 $T \rightarrow (E)$

Depois, use-a para verificar se

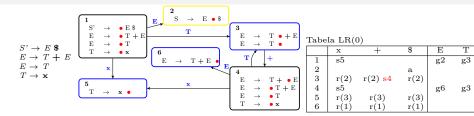
$$-(num + num) + num$$

pertence à linguagem gerada pela gramática.

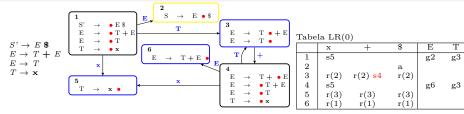
Solução



Parser SLR



Parser SLR



• O parser Simple LR (SLR) só reduz com $X \to \beta$ se o símbolo corrente pertencer ao FOLLOW(X)

	x	+	\$	Е	Τ
1	s5			g2	g3
$\frac{1}{2}$			a		
3		s4	r(2)		
4	s5			g6	g3
4 5 6		r(3)	r(3)		
6			r(1)		

Exercício 3

Verifique que a gramática a seguir não é LR(0) e depois construa a tabela SLR para ela. Isso resolve o conflito? Justifique.

$$S' \rightarrow C$$
\$

$$C \to \mathbf{if} \ C$$

$$C \to \mathbf{if} \ C \mathbf{else} \ C$$

$$C \rightarrow \mathbf{outros}$$

De qualquer forma, use a tabela SLR para analisar a sentença:

if if outros else outros

Exercício 3

Verifique que a gramática a seguir não é LR(0) e depois construa a tabela SLR para ela. Isso resolve o conflito? Justifique.

$$S' \to \ C \ \$$$

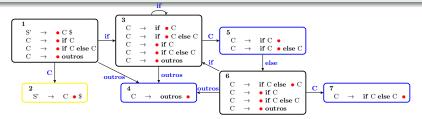
$$C \to \mathbf{if} \ C$$

$$C \to \mathbf{if} \ C \mathbf{else} \ C$$

 $C \rightarrow \mathbf{outros}$

De qualquer forma, use a tabela SLR para analisar a sentença:

if if outros else outros



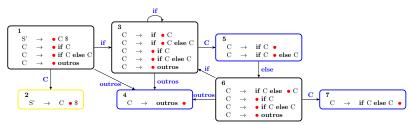


Tabela LR(0)

	if	else	outros	\$	С
1	s3		s4		g2
2				\mathbf{a}	
3	s3		s4		g5
4	r(3)	r(3)	r(3)	r(3)	
5	r(1)	r(1) s6	r(1)	r(1)	
6	s3		s4		g7
7	r(2)	r(2)	r(2)	r(2)	

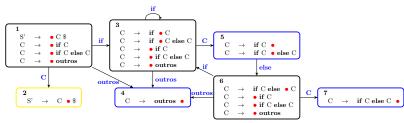


Tabela LR(0)

			- (-)		
	if	else	outro	s \$	С
1	s3		s4		g2
2				a	
3	s3		s4		g5
4	r(3)	r(3)	r(3)	r(3)	
5	r(1)	r(1) s6	r(1)	r(1)	
6	s3		s4		g7
7	r(2)	r(2)	r(2)	r(2)	

		Tabela	SLR		
	if	else	outros	\$	С
1	s3		s4		g2
2				a	
3	s3		s4		g5
4		r(3)		r(3)	
5		r(3) r(1) s6		r(3) r(1)	
6	s3		s4		g7
7		r(2)		r(2)	

$$Follow(C) = \{ \$, else \}$$

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

•		•	
	Pilha	Entrada	Ação
	S_1'	if if outr else outr \$	

	if	else	outros	\$	С
1	s3		s4		g2
2 3				a	
3	s3		s4		g5
4 5		r(3)		r(3) r(1)	
5		r(1) s6		r(1)	
6	s3		s4		g7
7		r(2)		r(2)	

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

3,	л. тт		OUGIOD	CID	C CUULOD Q	
	Pilha				Entrada	Ação
	S_1'				if if outr else outr \$	s3
	S_1' if	3			if outr else outr \$	'

	if	else	outros	\$	С
1	s3		s4		g2
2 3				a	
3	s3		s4		g5
4		r(3)		r(3) r(1)	
5		r(1) s6		r(1)	
6	s3		s4		g7
7		r(2)		r(2)	

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

ď	и. тт	11	outtos	етр	e outios o	
	Pilha				Entrada	Ação
Ī	S_1'				if if outr else outr \$	s3
	S_1' if 3				if outr else outr \$	s3
	S_1' if 3	if_3			outr else outr \$	

	if	else	outros	\$	С
1	s3		s4		g2
2				a	
3	s3		s4		g5
4		r(3) r(1) s6		r(3)	
5		r(1) s6		r(1)	
6	s3		s4		g7
7		r(2)		r(2)	

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

a. II II Oddiol	, στρο σαστορ φ	
Pilha	Entrada	Ação
S_1'	if if outr else outr \$	s3
S_1' if_3	if outr else outr \$	s3
S_1' if 3 if 3	outr else outr \$	s4
$S_1' if_3 if_3 outr_4$	else outr \$	
I	l l	

		if	else	outros	\$	C
Γ	1	s3		s4		g2
İ	2				a	
	3	s3		s4		g5
İ	4		r(3)		r(3)	
İ	5		r(1) s6		r(1)	
١	6	s3		s4		g7
Ĺ	7		r(2)		r(2)	

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

	if	else	outros	\$	C
1	s3		s4		g2
2				a	
3	s3		s4		g5
4		r(3)		r(3)	
5		r(1) s6		r(1)	
6	s3		s4		g7
7		r(2)		r(2)	

a: if if outros els	e outros \$	
Pilha	Entrada	Ação
S_1'	if if outr else outr \$	s3
S_1' if_3	if outr else outr \$	s3
S_1' if 3 if 3	outr else outr \$	s4
$S_1' if_3 if_3$ outr ₄	else outr \$	r(3)
S_1' if 3 if 3 C_5	else outr \$	(9)

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

	if	else	outros	\$	С
1	s3		s4		g2
2				a	
3	s3		s4		g5
4		r(3)		r(3)	
5		r(1) s6		r(1)	
6	s3		s4		g7
7		r(2)		r(2)	

Optando por deslocar em detrimento de reduzir.

a: if if outros els	e outros \$	
Pilha	Entrada	Ação
S_1'	if if outr else outr \$	s3
S_1' if_3	if outr else outr \$	s3
$S_1' if_3 if_3$	outr else outr \$	s4
$S_1' if_3 if_3 outr_4$	else outr \$	r(3)
S_1' if ₃ if ₃ C_5	else outr \$	s6
S_1' if ₃ if ₃ C_5 else ₆	outr \$	

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

	if	else	outros	\$	С
1	s3		s4		g2
2 3				a	
3	s3		s4		g5
4		r(3)		r(3)	
4 5		r(1) s6		r(1)	
6	s3		s4		g7
7		r(2)		r(2)	

Optando por deslocar em detrimento de reduzir.

;;	a: if if outros els	e outros \$	
	Pilha	Entrada	Ação
	S_1'	if if outr else outr \$	s3
	S_1' if_3	if outr else outr \$	s3
ĺ	S_1' if_3 if_3	outr else outr \$	s4
	$S_1' if_3 if_3$ outr ₄	else outr \$	r(3)
	S_1' if 3 if 3 C_5	else outr \$	s6
	S_1' if 3 if 3 C_5 else 6	outr \$	s4
	S_1' if 3 if 3 C_5 else 6 out r_4	\$	'

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

	if	else	outros	\$	C
1	s3		s4		g2
2				a	
3	s3		s4		g5
4		r(3)		r(3)	
5		r(1) s6		r(1)	
6	s3	. ,	s4		g7
7		r(2)		r(2)	

3	a: if if outros els	e outros \$	
	Pilha	Entrada	Ação
	S_1'	if if outr else outr \$	s3
	S_1' if_3	if outr else outr \$	s3
	$S_1' if_3 if_3$	outr else outr \$	s4
]	$S_1' if_3 if_3 outr_4$	else outr \$	r(3)
	S_1' if ₃ if ₃ C_5	else outr \$	s6
	S_1' if 3 if 3 C_5 else 6	outr \$	s4
	$S_1' \ if_3 \ if_3 \ C_5 \ else_6$ outr ₄	\$	r(3)
	$S_1' if_3$ if_3 C_5 else ₆ C_7	\$	(-)

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

	if	else	outros	\$	С
1	s3		s4		g2
2				a	
3	s3		s4		g5
4		r(3)		r(3)	
5		r(1) s6		r(1)	
6	s3		s4		g7
7		r(2)		r(2)	

;;	a: if if outros els	e outros \$	
	Pilha	Entrada	Ação
	S_1'	if if outr else outr \$	s3
	S_1' if_3	if outr else outr \$	s3
	S_1' if 3 if 3	outr else outr \$	s4
]	$S_1' if_3 if_3 outr_4$	else outr \$	r(3)
	S_1' if 3 if 3 C_5	else outr \$	s6
	S_1' if 3 if 3 C_5 else 6	outr \$	s4
	S_1' if 3 if 3 C_5 else 6 out t_4	\$	r(3)
j	S_1' if 3 if 3 C_5 else 6 C_7	\$	r(2)
	S_1' if 3 C_5	\$	

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

	if	else		Ф	C
	11	eise	outros	Φ	
1	s3		s4		g2
2				a	
3	s3		s4		g5
4		r(3)		r(3)	
5		r(1) s6		r(1)	
6	s3		s4		g7
7		r(2)		r(2)	

a: if if outros els	e outros \$	
Pilha	Entrada	Ação
S_1'	if if outr else outr \$	s3
S_1' if S_3'	if outr else outr \$	s3
S_1' if 3 if 3	outr else outr \$	s4
$S_1' if_3 if_3$ outr ₄	else outr \$	r(3)
S_1' if ₃ if ₃ C_5	else outr \$	s6
S_1' if 3 if 3 C_5 else 6	outr \$	s4
S_1' if 3 if 3 C_5 else 6 out r_4	\$	r(3)
$S'_1 if_3 if_3 C_5 else_6 C_7$	\$	r(2)
S_1' if C_5	\$	r(1)
S_1' C_2	\$	1(1)

A gramática é ambígua e assim, não pode ser SLR. Vamos usá-la assim mesmo para analisar a sentença: if if outros else outros \$

	if	else	outros	\$	C
1	s3		s4		g2
2				a	
3	s3		s4		g5
4		r(3)		r(3)	
5		r(1) s6		r(1)	
6	s3	. ,	s4		g7
7		r(2)		r(2)	

a: if if outros els	e outros \$	
Pilha	Entrada	Ação
S_1'	if if outr else outr \$	s3
S_1' if S_3	if outr else outr \$	s3
S_1' if 3 if 3	outr else outr \$	s4
$S_1' if_3 if_3 outr_4$	else outr \$	r(3)
S_1' if 3 if 3 C_5	else outr \$	s6
S_1' if 3 if 3 C_5 else 6	outr \$	s4
$S_1' \ if_3 \ if_3 \ C_5 \ else_6$ outr ₄	\$	r(3)
$S_1' if_3 if_3 C_5 else_6 C_7$	\$	r(2)
S_1' if C_5	\$	r(1)
S_1' C_2	\$	aceita

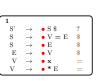
```
1
S' → •S$ ?
```

$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$

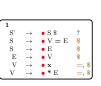
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$



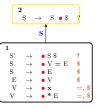
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$



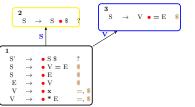
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$



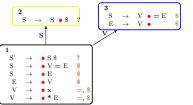
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$



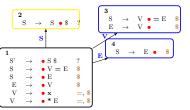
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$



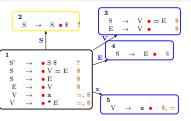
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$



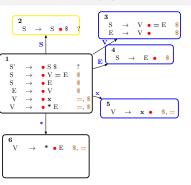
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$



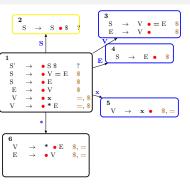
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$



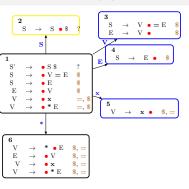
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$



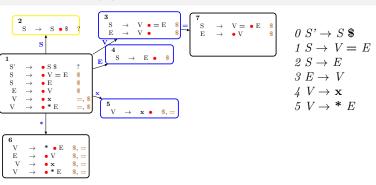
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$

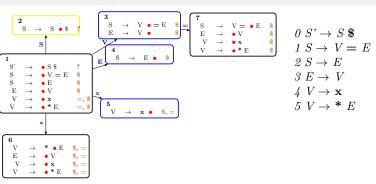


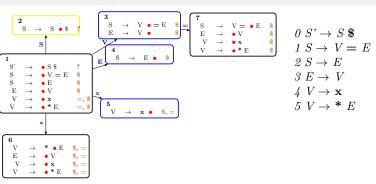
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$

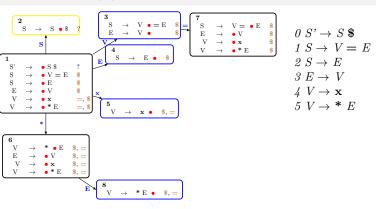


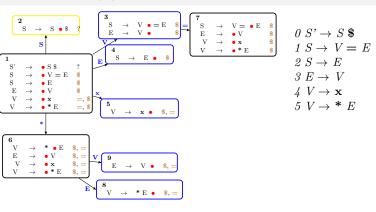
$$\begin{array}{l} 0 \ S' \rightarrow S \ \$ \\ 1 \ S \rightarrow V = E \\ 2 \ S \rightarrow E \\ 3 \ E \rightarrow V \\ 4 \ V \rightarrow \mathbf{x} \\ 5 \ V \rightarrow \ast E \end{array}$$

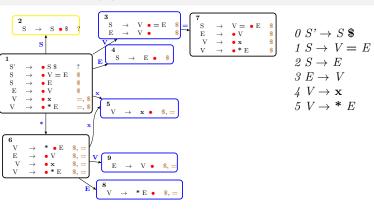


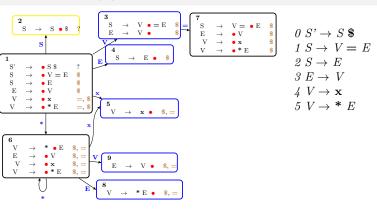


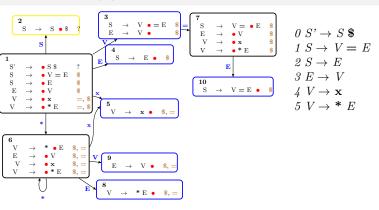


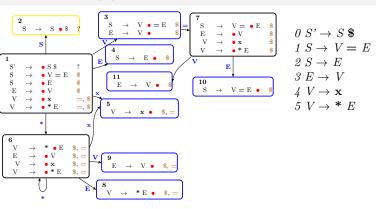


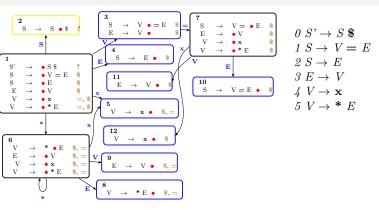


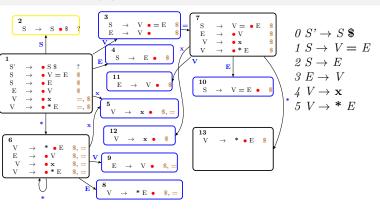


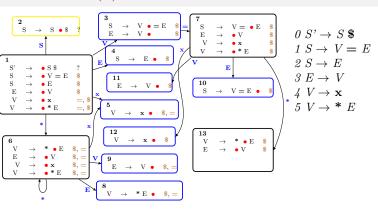


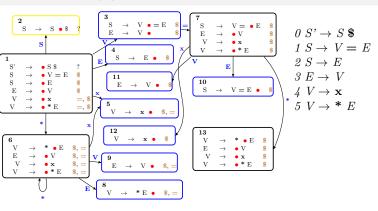


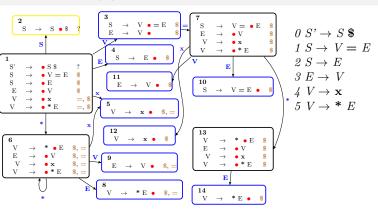


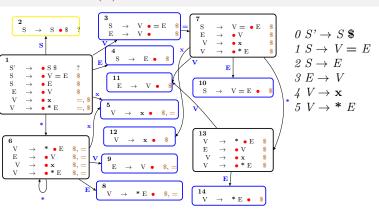


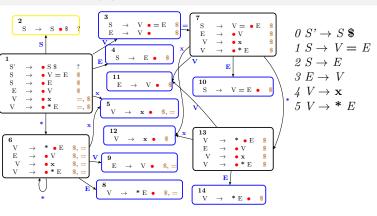


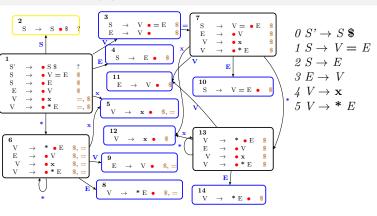


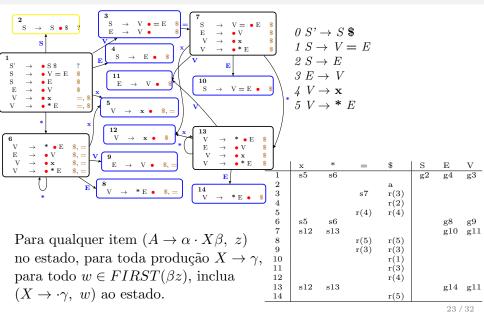












Exercício 4

Construa a tabela LR(1) para a gramática abaixo.

$$S' \rightarrow S$$
\$

$$S \to A$$

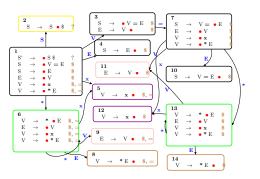
$$S \to \mathbf{x} \mathbf{b}$$

$$A \rightarrow \mathbf{a} \ A \mathbf{b}$$

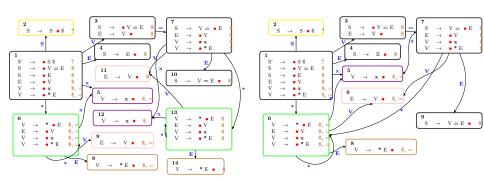
$$A \rightarrow B$$

$$B o \mathbf{x}$$

- Ignorando os conjuntos de *lookahead* os estados (5 e 12), (6 e 13), (8 e 14) e (9 e 11) são iguais.
 - podemos simplificar a tabela caso isso não origine conflitos.



- Ignorando os conjuntos de *lookahead* os estados (5 e 12), (6 e 13), (8 e 14) e (9 e 11) são iguais.
 - podemos simplificar a tabela caso isso não origine conflitos.



- Ignorando os conjuntos de lookahead os estados (6 e 13), (7 e 12), (8 e 11) e (10 e 14) são iguais.
 - podemos simplificar a tabela caso isso não origine conflitos

		-		-				
	x	*	=	\$	S	\mathbf{E}	V	_
1	s8	s6			g2	g5	<u>g3</u>	
2				a				
3			s4	r(3)				
1 2 3 4 5 6 7 8	s11	s13				g9	g7	
5				r(2)				
6	s8	s6				g10	g12	
7				r(3)				
8			r(4)	r(4)				
9				r(1)				
10			r(5)	r(5)				
11				r(4)				
12			r(3)	r(3)				
13	s11	s13				g14	g7	
14				r(5)				

	X	*	=	\$	\mathbf{S}	\mathbf{E}	V
1	s8	s6			g2	g5	g3
2 3 4 5 6 7 8 9				a			
3			s4	r(3)			
4	s8	s6				g9	g7
5				r(2)			
6	s8	s6				g10	g7
7			r(3)	r(3)			
8			r(4)	r(4)			
				r(1)			
10			r(5)	r(5)			

Exercício 5

Construa a tabela LALR(1) para a gramática abaixo.

$$S' \rightarrow S$$
\$

$$S \to \, A$$

$$S o \mathbf{x} \ \mathbf{b}$$

$$A \to \mathbf{a} \ A \ \mathbf{b}$$

$$A\,\rightarrow\,B$$

$$B o \mathbf{x}$$

Resolução de ambiguidade em gramáticas

```
S \rightarrow if E then S else S

S \rightarrow if E then S

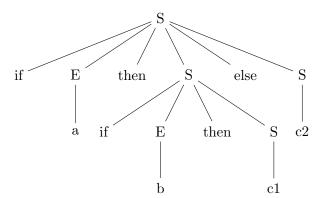
S \rightarrow Outros
```

 Como seria a árvore sintática para o comando if a then if b then c1 else c2

Resolução de ambiguidade em gramáticas

 $S \rightarrow$ if E then S else S $S \rightarrow$ if E then S $S \rightarrow Outros$

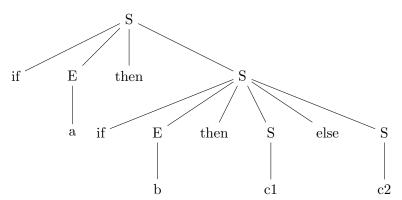
if a then { if b then c1 } else c2



Resolução de ambiguidade em gramáticas

```
S 
ightarrow \mathbf{if} \ E \ \mathbf{then} \ S \ \mathbf{else} \ S \ 
ightarrow \mathbf{if} \ E \ \mathbf{then} \ S \ 
ightarrow Outros
```

if a then { if b then c1 else c2 }



Conflito

• Há um conflito do tipo desloca—reduz (shift-reduce)

 $S \rightarrow \mathbf{if} E \mathbf{then} S \bullet \mathbf{else}$

 $S \rightarrow \mathbf{if} \to \mathbf{then} S \bullet \mathbf{else} S$ qualquer

• Existem várias formas para tratar o conflito, uma forma:

 $S \to M$

 $S \rightarrow U$

 $M \to \mathbf{if} \ E \mathbf{then} \ M \mathbf{else} \ M$

 $M \rightarrow outros$

 $U \rightarrow \mathbf{if} \ E \mathbf{then} \ S$

 $U \rightarrow \mathbf{if} \ E \mathbf{then} \ M \mathbf{else} \ U$

Conflito

S o M S o U M o if E then M else M M o Outros U o if E then S U o if E then M else U S

