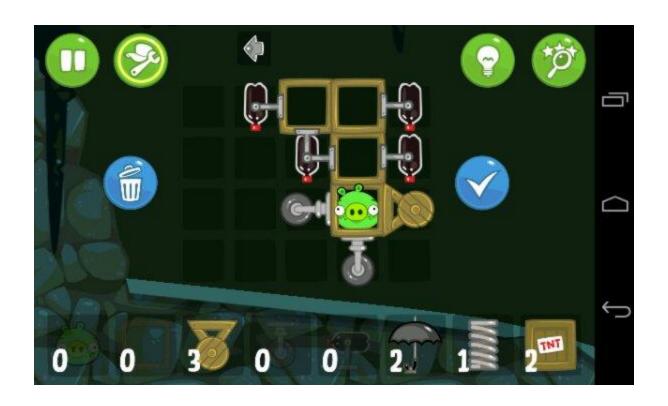
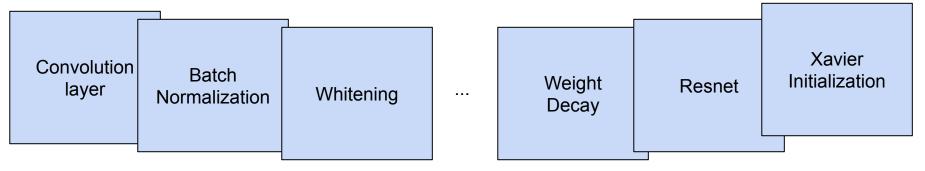
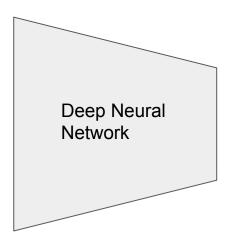
딥러닝 이해하기

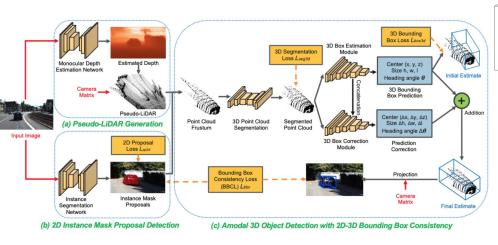
leejeyeol92@gmail.com

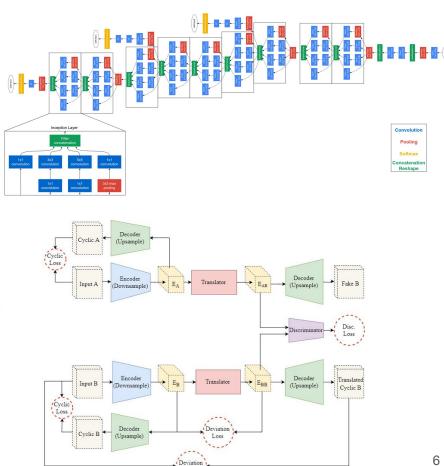


딥러닝 프로젝트



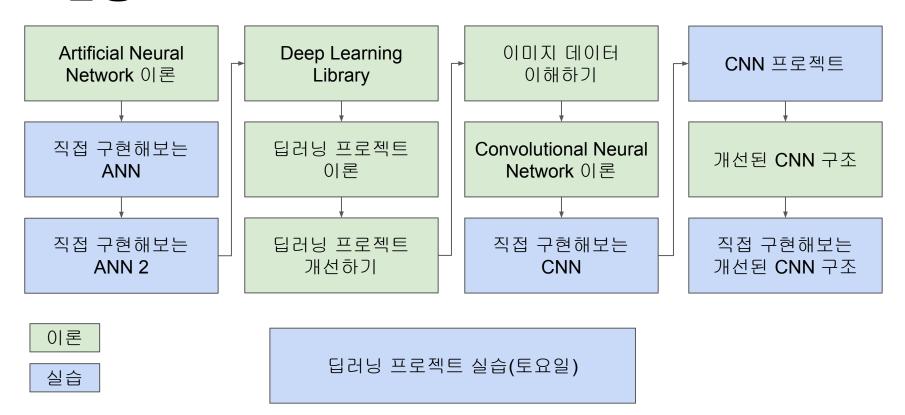






Loss

0-.진행



요구사항

Python3

기초적인 선형 대수학

기초적인 미적분

0-.구현 환경 - google colab

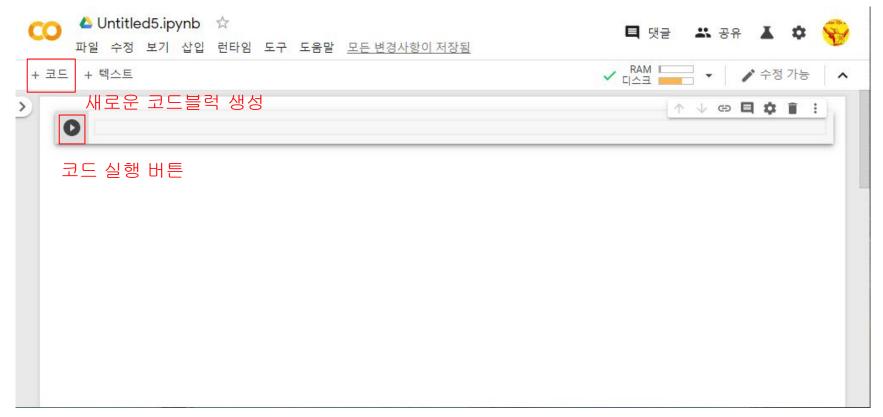
- 구글이 제공하는 머신러닝 교육+데이터 분석 도구
- Python 2,3 지원
- Google CoLab = Jupyter Notebook + Google Virtual Machine + Google Drive
- https://colab.research.google.com



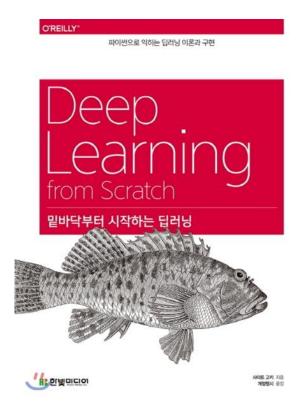
0-.구현 환경 - google colab



0-.구현 환경 - google colab

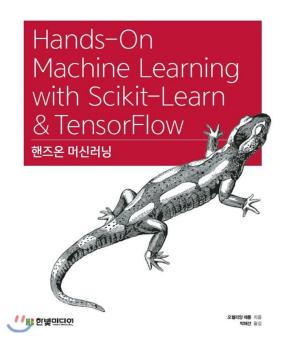


참고한 도서





사이킷런과 텐서플로를 활용한 머신러닝, 딥러닝 실무

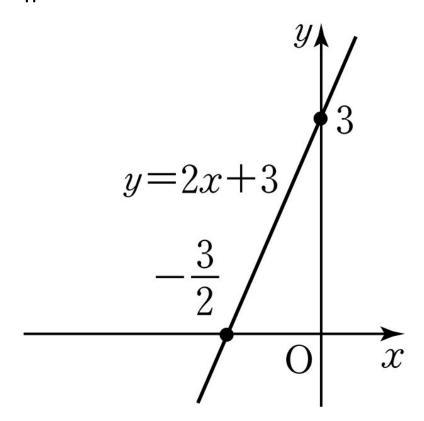


Artificial Neural Network

1차 방정식

$$y = 2x + 3$$

1차 방정식 그래프



parameter를 가진 1차 방정식

$$y = ax + b$$

parameter

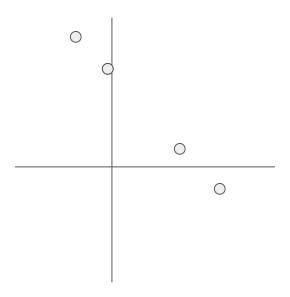
$$y = ax + b$$

$$y =$$

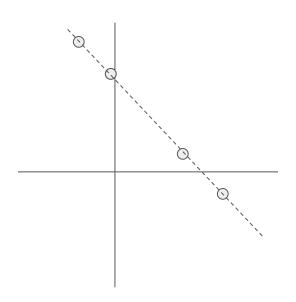
$$-y = 2x + 3$$

$$y = 100x + 1000$$

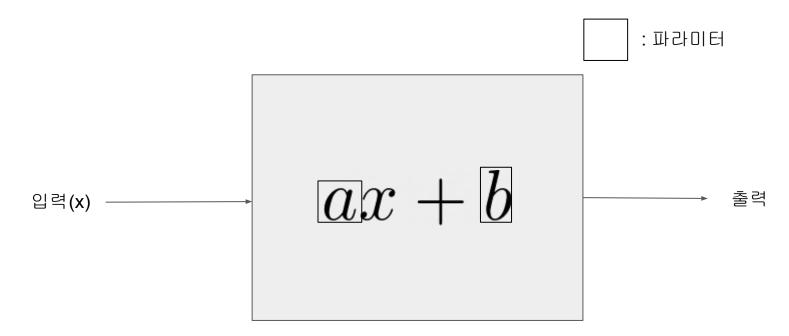
선형 회귀



선형 회귀

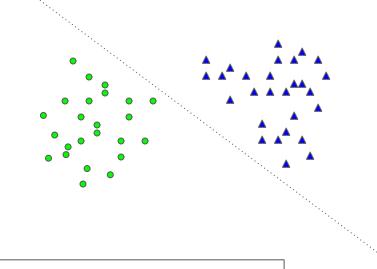


parameter를 가진 1차 방정식 추상화



분류 문제

$$h(\underline{a}x + \underline{b})$$



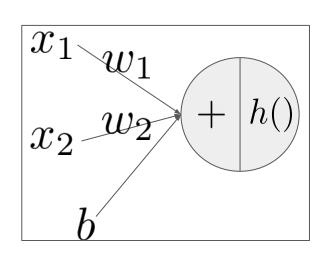
$$h(x) = \begin{cases} 0 & (x \le 0) \\ 1 & (x > 0) \end{cases}$$

선형방정식 표현

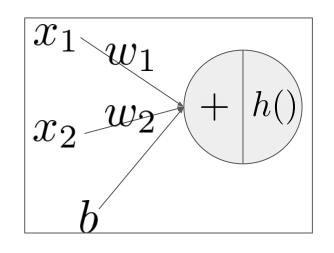
$$\boxed{ax+b}$$
 $\boxed{w_1x_1+w_2x_2+b}$

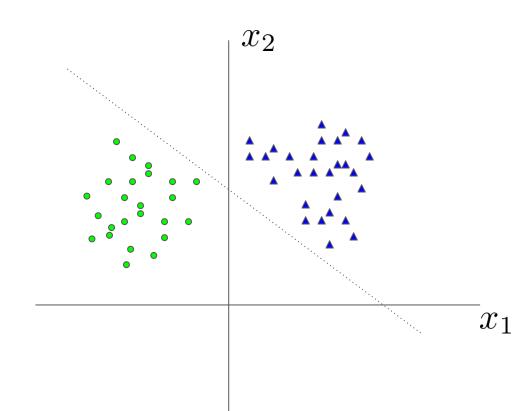
분류문제 + 선형방정식 다이어그램

$$h(w_1x_1 + w_2x_2 + b)$$



퍼셉트론



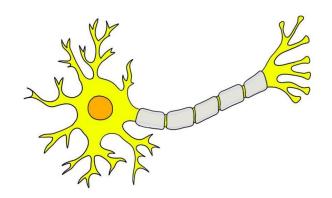


멀티 레이어 퍼셉트론 **x**1

layer 1 layer 2

신경망과 인공신경망

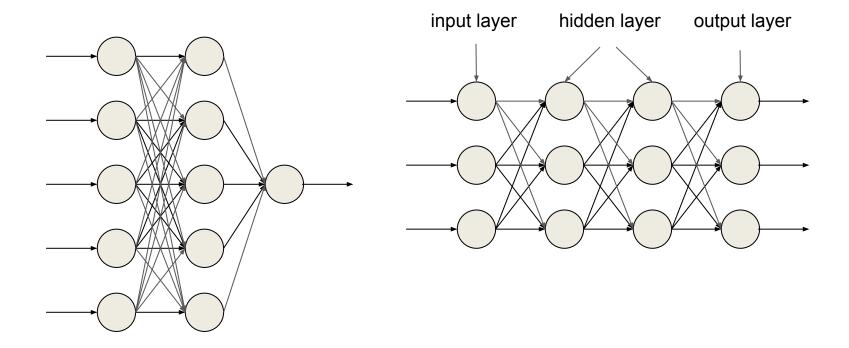
신경 세포(Neuron)



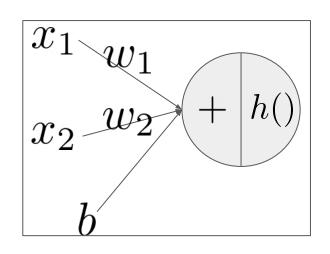
신경망(Neural Network)

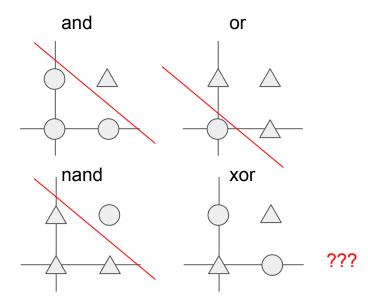


신경망

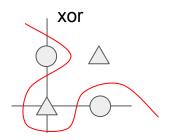


퍼셉트론으로 logic gate 문제 풀기

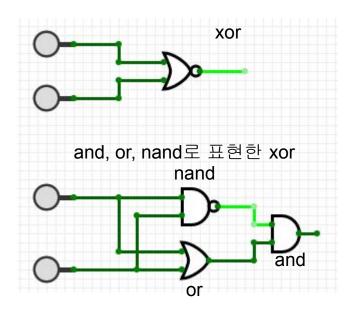


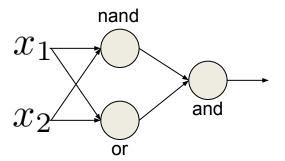


비선형 문제 - xor gate

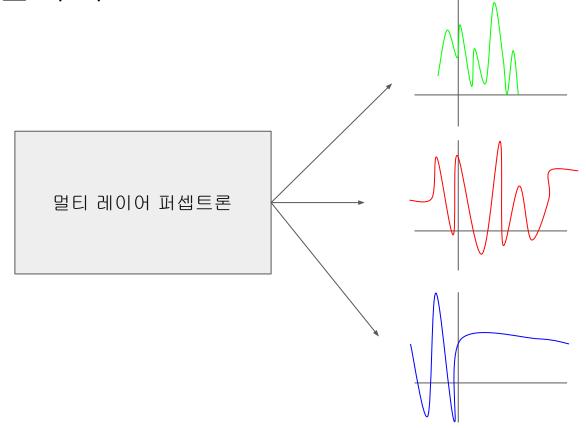


xor문제를 푸는 멀티 레이어 퍼셉트론

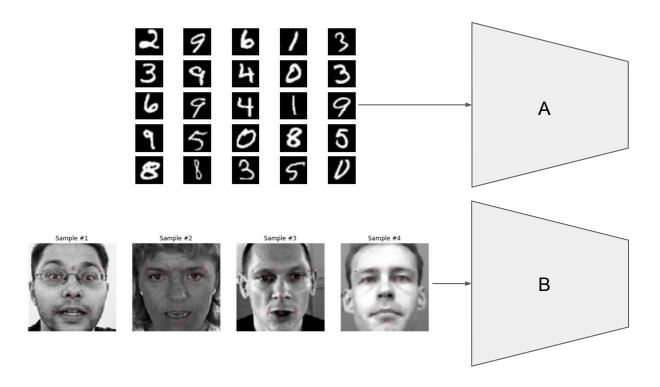




범용 함수 근사기



인공신경망의 weight



실습 1

목표: numpy를 이용한 multi layer perceptron

- logic gate를 근사하는 2 layer multilayer perceptron을 직접 구현해봅시다.
- bias는 문제를 쉽게 하기 위해 생략합니다.

numpy

- scientific computing을 위해 제공되는 python의 기본 패키지입니다.
- 행렬연산 등을 지원합니다.
- 다음과 같이 import하면 np.으로 numpy의 기능들을 사용할 수 있습니다.

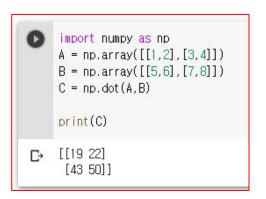
import numpy as np

실습 1

행렬의 곱과 인공 신경망

$$\begin{pmatrix}
1 & 5 + 2 & 7 \\
1 & 2 \\
3 & 4
\end{pmatrix}
\begin{pmatrix}
5 & 6 \\
7 & 8
\end{pmatrix} = \begin{pmatrix}
19 & 22 \\
43 & 50
\end{pmatrix}$$

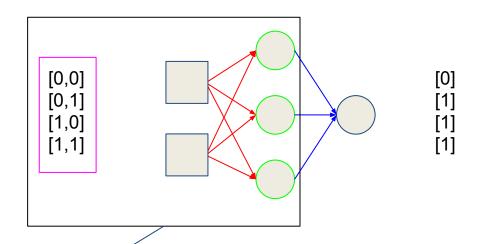
$$3 * 5 + 4 * 7$$



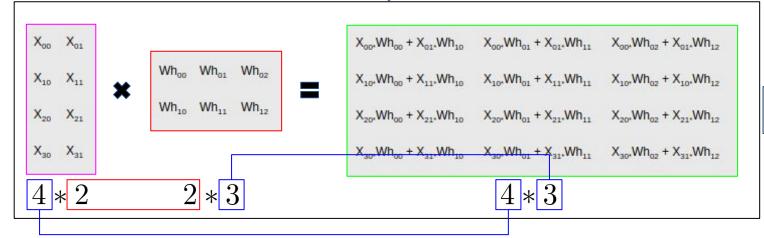
$$w_1x_1 + w_2x_2$$



행렬의 곱과 인공 신경망 (and gate)



layer 1의 신경망 계산



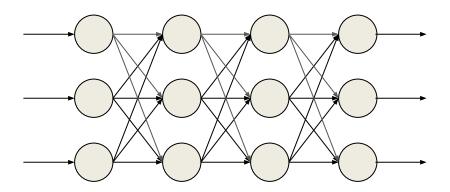
step function

실습 1

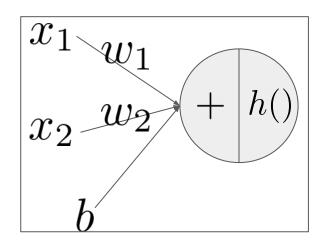
```
# -+- coding: utf-8 -+-
import numpy as np
# 활성화 함수로 사용할 계단 함수 입니다.
def step(x): return np.array(x>0, dtype=np.int)
# 인공적으로 입력과 출력 만들기 X : 입력 Y : 정답(label)
# and 데이터입니다.
X = np.array([[0, 0], [0, 1], [1, 0], [1, 1]])
Y = np.array([[0], [1], [1], [1]])
# 적절한 weight들을 결정합니다.
W_layer_1 =
          weight의 값은 임의로 넣어보세요. 결과는
           틀려도 됩니다. 코드가 돌아가는지
W_layer_2 =
           확인해보세요.
# 순전파
layer_1_output = 행렬곱(np.dot())을 이용하여 신경망 계산을
               구현하세요.
laver 2 output =
# 학습종료 후 결과물 확인 (optional)
print("Input is")
print(X)
print("expected output is")
print(Y)
print("actual output is ")
print(layer 2 output)
```

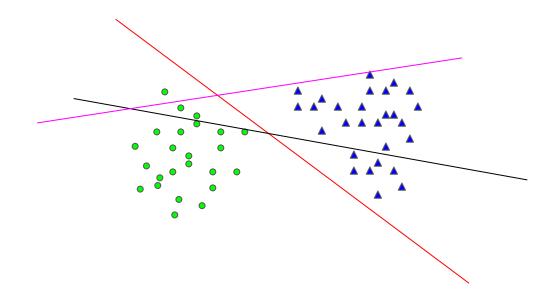
적절한 weight 찾기

적절한 weight를 찾을 수 있을까?



Loss function





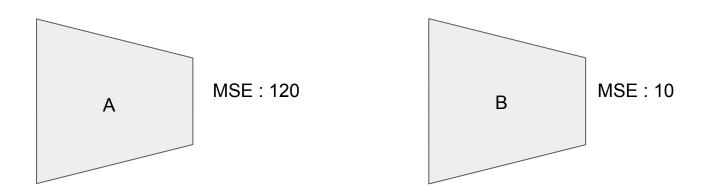
Loss function

Mean Squared Error(MSE)

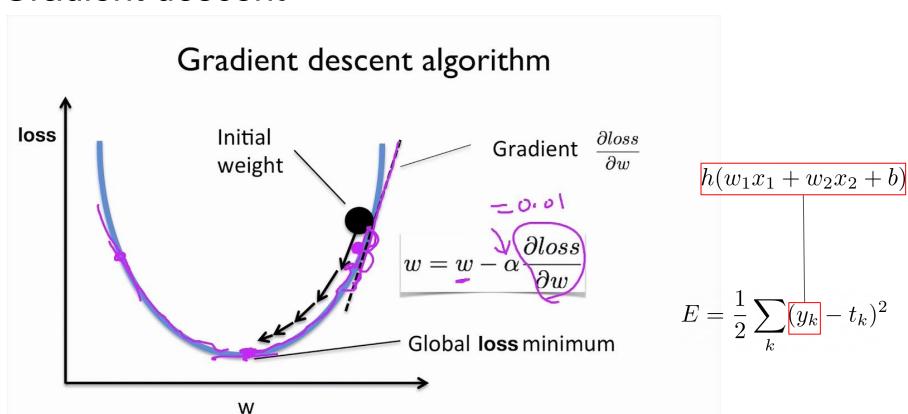
$$E = \frac{1}{2} \sum_{k} (y_k - t_k)^2$$

 y_k 신경망에 입력 데이터를 넣었을 때 나온 신경망 출력 t_k 신경망에 입력 데이터를 나왔을 때 나오기를 기대하는 출력(정답)

loss function의 의의



Gradient descent



Gradient descent

$$E = \frac{1}{2} \sum_{k} (h(XW) - t_k)^2 \tag{1}$$

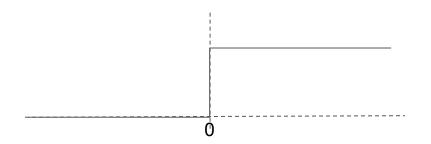
$$\frac{\partial E}{\partial W} \tag{2}$$

$$W = W - \alpha \frac{\partial E}{\partial W} \tag{3}$$

Activation function

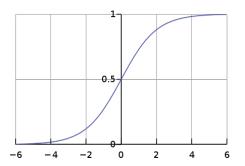
Step function

$$h(x) = \begin{cases} 0 & (x \le 0) \\ 1 & (x > 0) \end{cases}$$



Sigmoid function

$$h(x) = \frac{1}{1 + \exp^{-x}}$$



Chain Rule

$$t = x + y$$

$$z = t^{2}$$

$$\frac{\partial z}{\partial x} = \frac{\partial z}{\partial t} \frac{\partial t}{\partial x}$$

$$\frac{\partial z}{\partial t} = 2t$$

$$\frac{\partial t}{\partial x} = 1$$

$$\frac{\partial z}{\partial x} = \frac{\partial z}{\partial t} \frac{\partial t}{\partial x} = 2t \cdot 1 = 2(x + y)$$

Chain Rule - Single Neuron

 x_1 x_2

Chain Rule - single perceptron

$$E = \frac{1}{2} \sum_{k} g_k^2, g_k = h - t_k$$
$$\frac{\partial g}{\partial h} = 1$$

$$E = \frac{1}{2} \sum_{k} (h - t_k)^2$$

$$h = \frac{1}{1 + \exp^{-f}}$$

$$f = w_1 x_1 + w_2 x_2 + b$$
$$= XW$$

$$E = \frac{1}{2} \sum_{k} (h(XW) - t_k)^2$$
$$E(h(f(W)))$$
$$\frac{\partial E}{\partial W} = \frac{\partial E}{\partial h} \frac{\partial h}{\partial f} \frac{\partial f}{\partial W}$$

$$\frac{\partial E}{\partial h} \qquad h - t$$

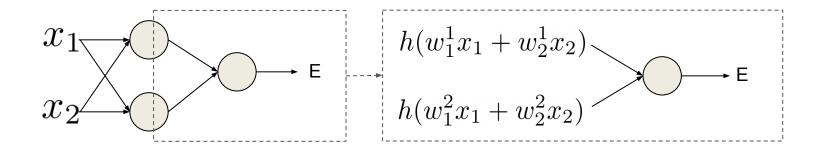
$$\frac{\partial h}{\partial f} \qquad f(1 - f)$$

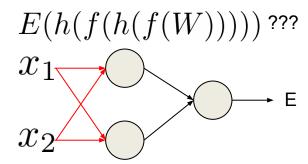
$$\partial f \qquad \mathbf{W}^T$$

정확하는 미분값이 아니라 입력으로 들어온 X인데 이를 backpropagation 행렬 계산을 쉽게 하기 위해 전치한것. 계산할 때는 행렬곱의 앞에 위치하게 됨.

$$W = W - \alpha \frac{\partial E}{\partial W}$$

Chain Rule - Multi layer Neural network





Chain Rule - Multi layer Neural network

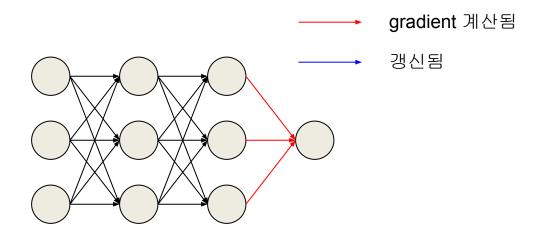
$$rac{\partial E}{\partial W} = \left[egin{array}{c} \partial E \ \partial h \ \partial f \end{array} egin{array}{c} \partial f \ \partial h \end{array} egin{array}{c} \partial f \ \partial W \end{array}
ight.$$
 adient 계산 시
$$f(1-f)$$

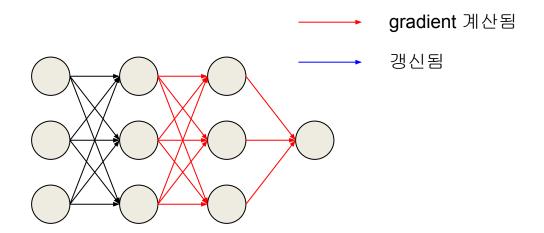
두번째 레이어 weight gradient 계산 시 사용한 것을 저장.

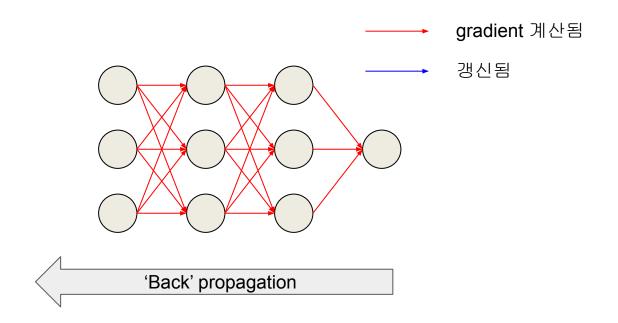
$$f = w_1 x_1 + w_2 x_2 + b$$
$$= XW$$

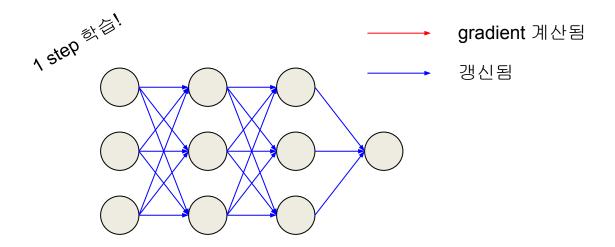
여기서 h는 이전 레이어의 출력. 즉 식 f에서 x에 해당함. 즉, $\frac{\partial f}{\partial X}$

 $\frac{\partial f}{\partial W} X^T \quad \frac{\partial f}{\partial X} W_{48}^T$





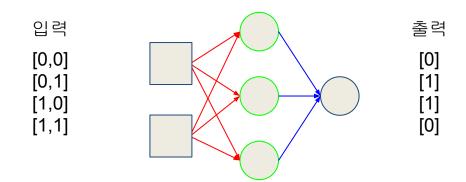




목표: numpy를 이용한 backpropagation 구현

- 실습 1에서 만든 인공신경망을 만들었습니다.
- weight를 학습하지 않고 따로 지정했었습니다.
- backpropagation을 구현하여 데이터로부터 적절한 weight를 학습하도록 만듭니다.
- bias는 문제를 쉽게 하기 위해 생략합니다.

인공 신경망 학습 (xor gate)



실습1에서 바뀌는 것들

- epoch을 지정합니다. (몇번 학습할지를 결정합니다.)
- learning rate를 지정합니다.(찾은 gradient로 weight를 갱신할때 그 갱신 수준을 결정합니다.)
- activation function으로 step function 대신 sigmoid function을 사용합니다.
- weight 값을 따로 지정하지 않고 랜덤으로 초기화 한 후, 학습으로 개선해나갑니다.
- 순전파(신경망에 입력을 넣고 출력을 확인하는것) 이후 역전파(학습)을 수행합니다.
- layer1의 gradient를 계산하기 위해 layer2 gradient의 일부가 필요합니다.

```
# -*- coding: utf-8 -*-
import numpy as np
# epoch은 모든 데이터를 전부 사용하여 한번 학습하는 것을 말합니다. epoch을 20000으로 두면 학습을 20000만번 진행합니다.
epochs = 20000
# 입력, 은닉, 출력 레이어의 노드 수입니다.
inputLayerSize, hiddenLayerSize, outputLayerSize = 2, 3, 1
# weight 갱신 때 사용할 학습률입니다.
learning_rate = 0.1
# 인공적으로 입력과 출력 만들기 X : 입력 Y : 정단(label)
# xor 데이터입니다.
X = np.array([[0, 0], [0, 1], [1, 0], [1, 1]])
t = np.array([[0], [1], [1], [0]])
# 활성화 함수로 사용할 sigmoid와 그 미분을 함수로 선언.
def signoid(x): return 1 / (1 + np.exp(-x))
def sigmoid derivative(x): return x * (1 - x)
# weight matrix를 색성합니다. 수동으로 설정할 필요 없이 uniform 분포에서 색플링한 랜덛값으로 초기화된니다.
W_layer_1 = np.random.uniform(size=(inputLayerSize, hiddenLayerSize))
랜덤으로 만들기 때문에 값은 매번 다르지만, 다음과 같은 형태로 나옵니다.
W layer 1
array([[0.2157437], 0.88022068, 0.14593536],
     [0.04643253, 0.21375877, 0.94012982]])
W layer 2
array([[0.41842079].
     [0.40828852].
     [0.09722518]])
```

```
for i in range(epochs):
   # 순전파
   layer_1_output = sigmoid(np.dot(X, W_layer_1)) # layer 1
   laver 2 output = sigmoid(np.dot(laver 1 output, \ \| laver 2)) # laver 2
   # loss function 계산. loss function으로 mean squared error를 사용하였습니다.
   E = 1 / 2 * np.square(t - layer_2_output).sum()
   # 역전파 시작
   layer_2_₩_grad = page 43 참고
   # delta layer 2(output layer) : partial E/h * partiral h/f (partial f/x 는 weight 갱신할 때 곱함)
   layer_1_₩_grad = page 45 참고
   # delta laver 1 : partial E/(laver1의)h + partial h/f (partial f/x 는 weight 갱신함 때 곱함)
   # weight 갱신, 갱신된 ₩ = 기존 ₩ - 출발노드의 output * 도착 노드의 delta
   # 각각 partial f/x에 해당하는 해당 레이어로의 입력데이터 행렬이 행렬곱됩니다.
   ₩_layer_2 += page 43 참고
   ₩_layer_1 += page 45 참고
# 학습종료 후 결과물 확인 (optional)
print("Input is")
print(X)
print("expected output is")
print(t)
print("actual output is ")
print(layer_2_output)
```

결과

```
Input is
[[0 0]]
 [0 1]
 [1 0]
 [1 1]]
expected output is
[[0]]
 [1]
 [1]
 [0]]
actual output is
[[0.07607478]
 [0.95087552]
 [0.95083983]
 [0.02672599]]
```

실습 2-1

Weight 실험해보기

```
# -+- coding: ut f-8 -+-
print(W_layer_1)
                                                                    import numby as no
print(W_layer_2)
                                                                    # 활성화 함수로 사용할 계단 함수 입니다.
                                                                    def step(x): return np.array(x>0, dtype=np.int)
                                                                    # 인공적으로 입력과 출력 만들기 X : 입력 Y : 정답(Tabel)
                                                                    # and 데이터입니다.
[[ 5.43873189 -3.11375556 5.29522101]
                                                                    X = np.array([[0, 0], [0, 1], [1, 0], [1, 1]])
                                                                    Y = np.array([[0], [1], [1], [1]])
 [-3.07384198 5.53159189 5.30037098]]
[[-8.35124937]
                                                                    # 적절한 weight들을 결정합니다.
                                                                    W_{\text{layer}_1} = \text{np.array}([[5.43873189, -3.11375556], 5.29522101],
  [-8.33291174]
                                                                     [-3.07384198 , 5.53159189 , 5.30037098]])
 [11.69026761]]
                                                                    W_{layer_2} = np.array([[-8.35124937]],
                                                                     [-8.33291174],
                                                                     [11.69026761]])
                                                                                         comma(,)위치 주의
                                                                    # 순전파
                                                                    layer 1 output = step(np.dot(X, W layer 1)) # layer 1
                                                                    layer_2_output = step(np.dot(layer_1_output, W_layer_2)) # layer 2
                                                                    # 학습종료 후 결과물 확인 (optional)
                                                                    print("Input is")
                                                                    print(X)
                                                                    print("expected output is")
                                                                    print(Y)
```

print("actual output is ")
print(layer_2_output)

```
Input is
[[0\ 0]]
 [0 1]
 [1 0]
 [1 1]]
expected output is
[[0]]
 [1]
 [1]
 [1]]
actual output is
[[0]]
 [1]
 [1]
         XOR 근사함수
 [0]]
```

실습 2-2

```
추가
학습 시각화
          Error_list = []
          for i in range(epochs):
             # 순전파
             laver_1_output = sigmoid(np.dot(X, W_layer_1)) # layer 1
             layer_2_output = sigmoid(np.dot(layer_1_output, ₩_layer_2)) # layer 2
             # loss function 계산. √oss function으로 mean squared error를 사용하였습니다.
             E = 1 / 2 * np.square(/t - layer_2_output).sum()
             Error_list.append(E)
             # 역전파 시작
             layer_2_₩_grad = page 43 참고
             # delta laver 2(output laver) : partial E/h * partiral h/f (partial f/x 는 weight 갱신할 때 곱함)
             layer_1_₩_grad = page 45 참고
             # delta layer 1 : partial E/(layer1의)h + partial h/f (partial f/x 는 weight 갱신할 때 곱함)
             # weight 갱신. 갱신된 ₩ = 기존 ₩ - 출발노드의 output * 도착 노드의 delta
             # 각각 partial f/x에 해당하는 해당 레이어로의 입력데이터 행렬이 행렬곱됩니다.
             ₩_layer_2 += page 43 참고
             ₩ |aver 1 += page 45 참고
```

실습 2-2

학습 시각화

