

## Data Structures

# 栈和队列 Stacks & Queues

2024年9月20日

学而不厭 誨 人不倦

## Chapter 3 栈和队列



- ☞ 3.1 引言
- ☞ 3.2 栈
- ☞ 3.3 队列
- ☞ 3.4 扩展与提高
- ☞ 3.5 应用举例

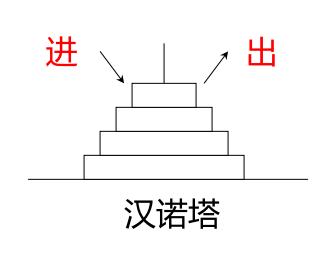


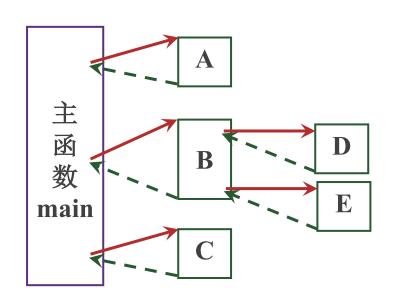
# 3.1 引言

#### 3.1 引言



- 栈和队列是两种重要的线性结构
- ▶ 栈和队列是操作受限的线性表





$$(23)_{10} = (10111)_2$$

$$\begin{array}{c|ccccc}
2 & 23 & 1 \\
2 & 11 & 1 \\
2 & 5 & 1 \\
2 & 2 & 0 \\
2 & 1 & 1 \\
& 0 & \\
\end{array}$$

进制转换问题

函数嵌套调用

**LIFO: Last In First Out** 

在实际问题的处理过程中,有些数据具有后到先处理的特点

#### 3.1 引言



- 栈和队列是两种重要的线性结构
- ▶ 栈和队列是操作受限的线性表



排队

在实际问题的处理过程中,有些数据具有先到先处理的特点



# 3.2 栈

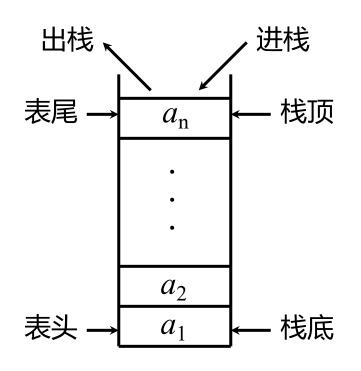
3-2-1 栈的逻辑结构



#### 1. 栈的定义

栈是限定仅在表尾进行插入或删除操作的线性表。

通常,表头端称为栈底,表尾允许插入和删除的一端称为栈顶(top)。



a<sub>1</sub>为栈底元素

 $a_{\rm n}$ 为栈顶元素

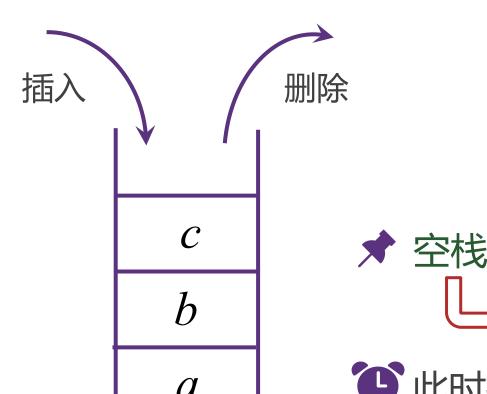
按 $a_1$ 、 $a_2$ …、 $a_n$ 顺序进栈

按 $a_n$ ...、 $a_2$ 、 $a_1$ 顺序出栈

栈的操作特性:后进先出(Last In First Out, LIFO)



### 2. 栈的操作特性



插入:入栈、进栈、压栈 Push

删除: 出栈、弹栈 Pop

★ 空栈: 不含任何数据元素的栈

**└** 条件判断

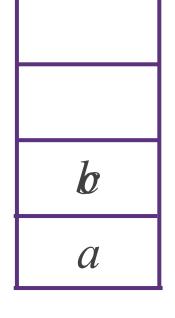
此时执行出栈操作,哪个元素可以出栈呢?



### 2. 栈的操作特性

例:有三个元素按a、b、c的次序依次进栈,且每个元素只允许进一次栈,则可能的出栈序列有多少种?

С	
b	心情况一
а	出栈: cba



心能否得到如下出栈序列?

出栈: cab

**/**情况二

出栈: b c a



例:一个栈的入栈序列为1,2,3,4,5,则如下不可能的输出序列 是()。

A. 54321

B. 45321

C. 43512 D. 12345



## 3. 栈的抽象数据类型定义

#### **ADT Stack**

**DataModel** 

栈中元素具有相同类型及后进先出特性,相邻元素具有前驱和后继关系

**Operation** 

InitStack: 栈的初始化

DestroyStack: 栈的销毁

Push: 入栈

Pop: 出栈

GetTop: 取栈顶元素

Empty: 判空

**endADT** 



相对于其他数据结构,栈的基本操作是确定的

#### 3-2-1 栈的逻辑结构



## 3. 栈的抽象数据类型定义

#### InitStack

输入:无

功能: 栈的初始化, 初始化一个空栈

输出:无

#### DestroyStack

输入:无

功能: 销毁栈, 释放栈所占用的存储空间

输出:无

#### Push

输入:元素值 x

功能: 在栈顶插入一个元素 x

输出:如果插入成功,栈顶增加了一个元素,否则返回失败信息





#### 3-2-1 栈的逻辑结构



### 3. 栈的抽象数据类型定义

#### Pop

输入:无

功能: 删除栈顶元素

输出:如果删除成功,返回被删元素值;否则返回失败信息

#### GetTop

输入:无

功能: 读取当前的栈顶元素

输出: 若栈不空, 返回当前的栈顶元素值; 否则返回失败信息

#### **Empty**

输入:无

功能: 判断栈是否为空

输出:如果栈为空,返回1;否则,返回0

#### 3-2-1 栈的逻辑结构



### 3. 栈的抽象数据类型定义

#### Pop

输入:无

功能: 删除栈顶元素

输出:如果删除成功,返回被删元素值;否则返回失败信息

#### GetTop

输入:无

功能: 读取当前的栈顶元素

输出: 若栈不空, 返回当前的栈顶元素值; 否则返回失败信息

#### **Empty**

输入:无

功能: 判断栈是否为空

输出:如果栈为空,返回1;否则,返回0



# 3.2 栈

3-2-2 栈的顺序存储结构及其实现

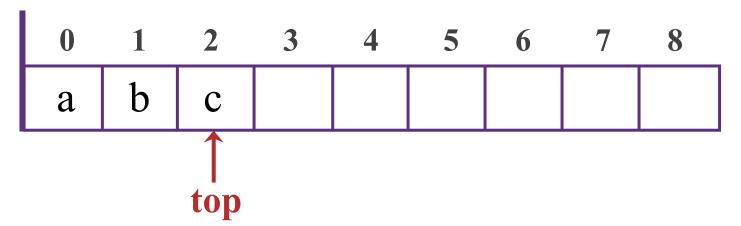


#### 1. 顺序栈的存储结构定义

顺序栈: 栈的顺序存储结构



1 什么是顺序存储?



- 如何改造数组实现栈的顺序存储呢?
- ★ 如何表示栈底:用数组的一端作为栈底
- ★ 如何表示栈顶:设变量top存储栈顶元素所在的下标

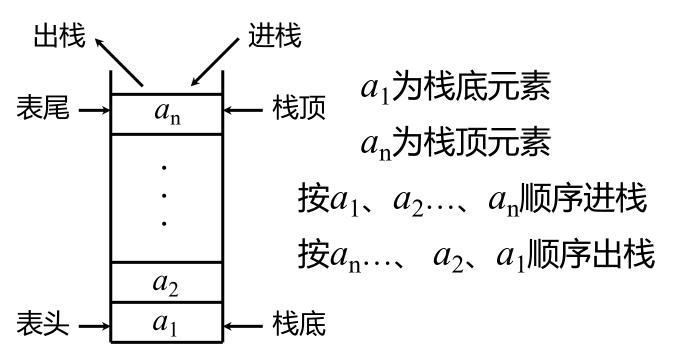


#### 1. 栈的定义

栈的操作特性:后进先出 (Last In First Out, LIFO)

栈是限定仅在表尾进行插入或删除操作的线性表。

表头端称为栈底,表尾允许插入和删除的一端称为栈顶(top)。





#### 2. 顺序栈的类定义



世 栈的抽象数据类型定义?

InitStack: 栈的初始化

DestroyStack: 栈的销毁

Push: 入栈

Pop: 出栈

GetTop: 取栈顶元素

Empty: 判空

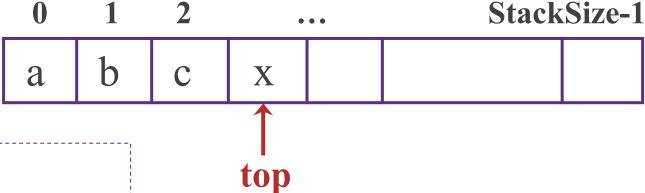


```
const int StackSize = 10;
template <typename DataType>
class SeqStack
public:
      SeqStack();
      ~SeqStack();
      void Push(DataType x);
      DataType Pop();
      DataType GetTop();
      int Empty();
private:
      DataType data[StackSize];
      int top;
```





#### 3. 顺序栈的实现——入栈



```
template <typename DataType>
void SeqStack<DataType> :: Push(DataType x)
{
    if (top == StackSize - 1) throw "上溢";
    data[++top] = x;
}
```

栈满: top=StackSize-1

- 1 什么情况下无法入栈?
- 时间复杂度?





StackSize-1

## 4. 顺序栈的实现

template <typename DataType> top DataType SeqStack<DataType>:: Pop() top=-1

DataType x; if (top == -1) throw "下溢"; x = data[top--];return x;

竹 什么情况下无法出栈?



取栈顶元素的实现?



### 5. 顺序栈的实现-



## 炒 判空的函数原型是什么?

# StackSize-1 a

top

#### **Empty**

输入:无

功能: 判断栈是否为空

输出:如果栈为空,返回1;否则,返回0

```
template <typename DataType>
int SeqStack<DataType>:: Empty()
   if (top == -1) return 1
   else return 0;
```

top=-1



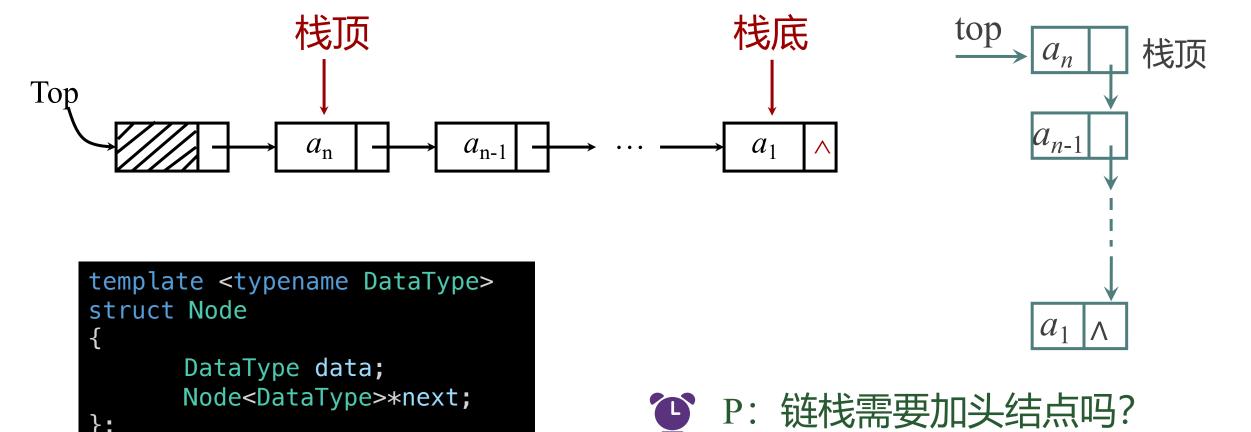
# 3.2 栈

3-2-3 栈的链接存储结构及其实现

P: 单链表为什么加头结点?

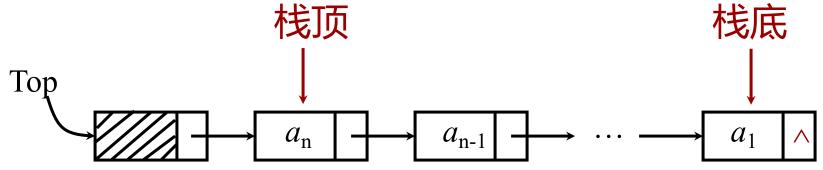


## 1. 链栈的存储结构定义





### 1. 链栈的存储结构定义



单链表→栈

```
template <typename DataType>
class LinkStack
{
public:
        LinkStack();
        ~LinkStack();
        void Push(DataType x);
        DataType Pop();
        DataType GetTop();
        int Empty();
private:
        Node<DataType> * top;
};
```

```
top
          栈顶
```



#### 1. 链栈的存储结构定义

#### ADT 定义

InitStack: 栈的初始化

DestroyStack: 栈的销毁

Push: 入栈

Pop: 出栈

GetTop: 取栈顶元素

Empty: 判空

```
template <typename DataType>
class LinkStack
public:
      LinkStack();
      ~LinkStack();
      void Push(DataType x);
      DataType Pop();
      DataType GetTop();
      int Empty();
private:
      Node<DataType> * top;
```

```
top a_n 栈顶 a_{n-1} 人
```

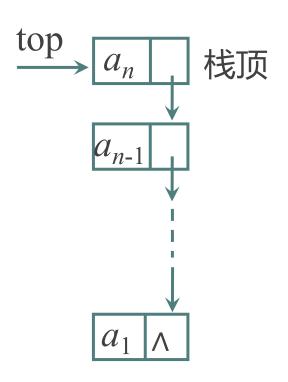




## 2. 链栈的初始化、判空、销毁

```
template <typename DataType>
LinkStack<DataType>::LinkStack()
{
    top = nullptr;
}
```

```
template <typename DataType>
LinkStack<DataType>::~LinkStack()
{
    cout<<"程序退出,析构函数被调用!"<<endl;
    while (!Empty())
    {
        cout<<"出栈元素: "<<Pop()<<endl;
    }
    cout<<"程序退出链栈已清空!"<<endl;
}
```

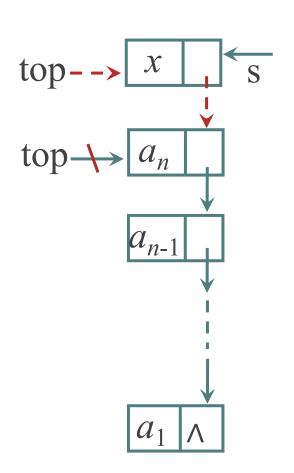


```
template <typename DataType>
int LinkStack<DataType>::Empty()
{
    if(top == nullptr) return 1;
    return 0;
}
```



#### 3. 链栈的实现---入栈

```
template <typename DataType>
void LinkStack<DataType> :: Push(DataType x)
   Node<DataType> *s = nullptr;
   s = new Node<DataType>;
                              //申请结点s数据域为x
   s->data = x;
   s->next = top;
                     //将结点s插在栈顶
   top = s;
```





链栈的入栈操作为什么不用判断是否栈满?



#### 4. 链栈的实现---出栈

```
template <typename DataType>
DataType LinkStack<DataType>:: Pop()
   Node<DataType> *p = nullptr;
   DataType x;
   if (top == nullptr) throw "下溢";
                                   //暂存栈顶元素
   x = top->data; p = top;
                                   //将栈顶结点摘链
   top = top->next;
   delete p;
   return x;
```

```
top \longrightarrow a_n \longrightarrow p
top \longrightarrow a_{n-1} \longrightarrow a_1 \longrightarrow a_
```

空栈 top = nullptr



什么情况下无法删除?



取栈顶元素的实现?



#### 5. 链栈的使用

```
int main()
      LinkStack<int> S;
      cout<<"将15和10压栈"<<endl;
      S. Push(15);
      cout<<"进栈元素: "<<S.GetTop()<<endl;
      S. Push(10);
      cout<<"进栈元素: "<<S.GetTop()<<endl;
      cout<<"出栈元素: "<<S.Pop()<<endl;
      cout<<S.Empty()<<endl;</pre>
      cout<<"出栈元素: "<<S.Pop()<<endl;
      cout<<S.Empty()<<endl;</pre>
      return 0;
```

#### 小结



## 顺序栈和链栈的比较

时间性能: O(1)

空间性能:

顺序栈:必须确定固定长度,所以有存储元素个数的限制和浪费空间的问题。

链栈:没有栈满的问题,只有当内存没有可用空间时才会出现栈满,但是每

个元素都需要一个指针域,产生结构性开销。

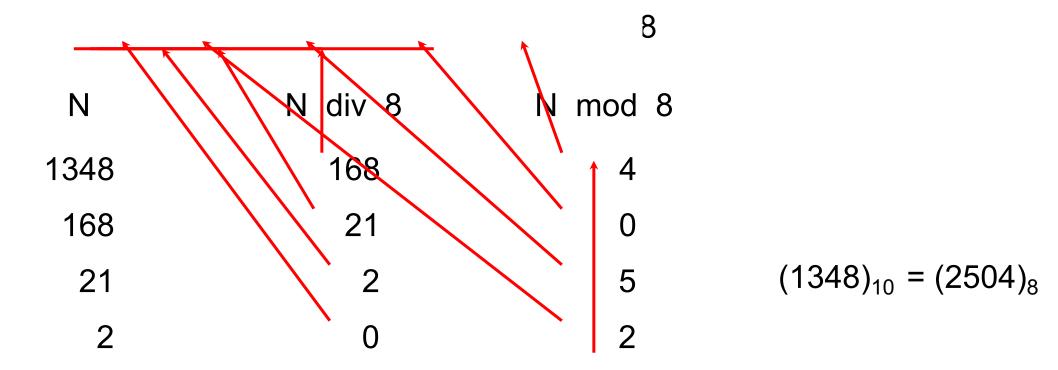
当使用栈的过程中元素个数变化较大时,采用链栈,反之采用顺序栈。

### 作业

算法: 数制转换



1:设计算法,把十进制整数转换为二至九进制之间的任一进制输出。



算法: 表达式求值



#### 算术表达式 4 + 2 \* 3 - 10 / 5 求值

$$4 + 2 * 3 - 10 / 5$$

$$= 4 + 6 - 10/5$$

$$= 10 - 10 / 5$$

$$= 10 - 2$$

= 8

#### 思想: 使用栈存放操作符

栈顶操作符与当前输入操作符比较

优先级低,新操作符进栈

优先级高,栈顶操作符出栈,计算结果

算法: 表达式求值



为了方便计算机实现,增加界符# , #优先级最低。

操作符和界符统称为运算符

其他为操作数(运算数)

任意两个相继的运算符码和设之间存在优先关系:

 $\theta_1 < \theta_2$   $\theta_1$ 的优先权低于 $\theta_2$ 

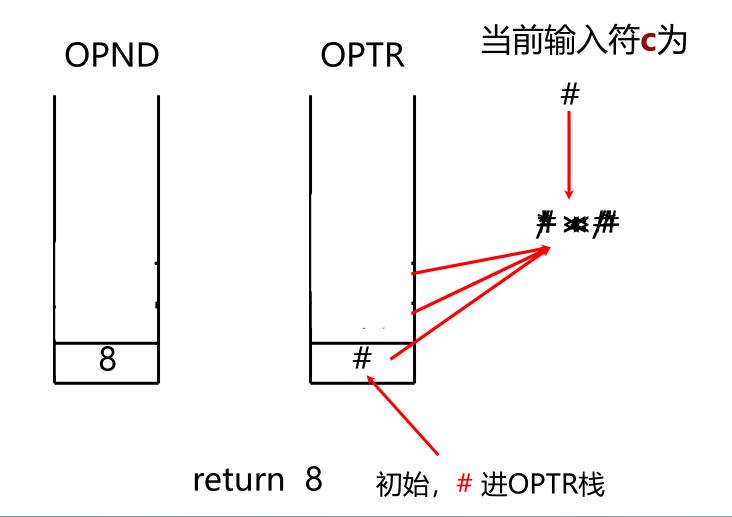
 $\theta_1 = \theta_2$   $\theta_1$ 的优先权等于 $\theta_2$ 

 $\theta_1 > \theta_2$   $\theta_1$ 的优先权高于 $\theta_2$ 

算法: 表达式求值

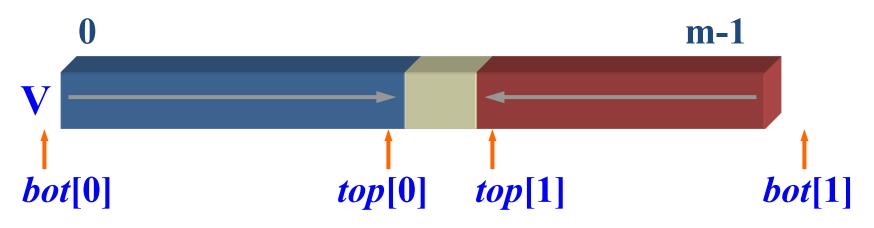


4 + 2 \* 3 - 10 / 5 #



## 双栈共享一个栈空间





栈空:

top[0] = -1

top[1] = m

优点: 互相调剂, 灵活性强, 减少溢出机会

### 试编写判断栈空、栈满、进栈和出栈四个算法的函数

栈空: top[i] == bot[i] i表示栈的编号

栈满: top[0]+1==top[1] 或top[1]-1==top[0]

int Dblpop(DblStack &s,int i,SElemType &x);
void Dblpush(DblStack &s,SElemType x,int i);



## Thank You ?





