

CEC

选频网络 Frequency Selection Circuits/Networks

2025年2月27日

1.3 通信的传输媒质



> 高频电子线路的工作频段

选频(滤波):选出需要的频率分量和滤除不需要的频率分量。

高频电子线路中常用的选频网络有:

Chapter 2 选频网络

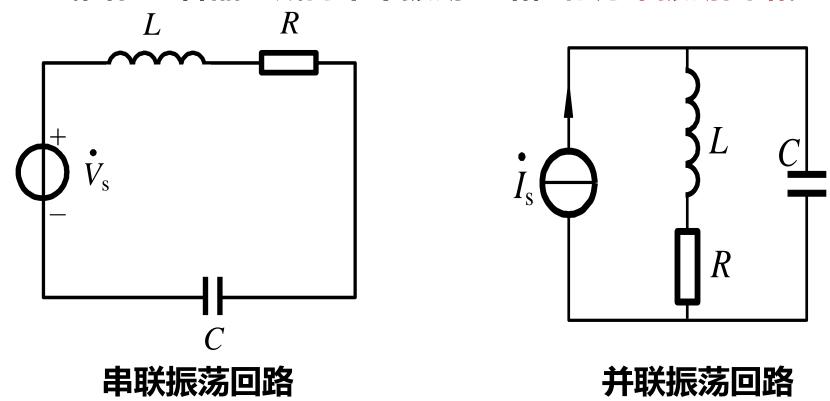


- ☞ 2.1 串联谐振回路
- ☞ 2.2 并联谐振回路
- ☞ 2.3 串、并联阻抗的等效互换与回路抽头时的阻抗变换
- ☞ 2.4 耦合回路
- ☞ 2.5 滤波器的其他形式



> 单振荡回路

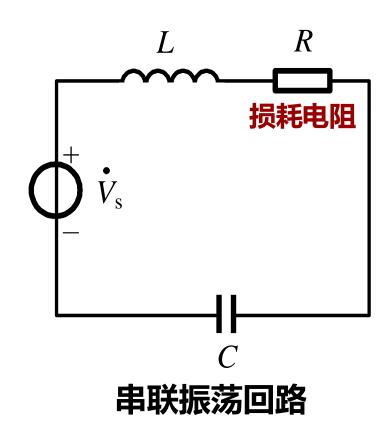
由电感线圈和电容器组成的单个振荡电路,称为单振荡回路。



信号源与电容C和电感L串接/并接,就构成串联/并联振荡回路。



> 串联谐振回路



高频电子线路中的电感线圈等效为电感 L和损耗电阻 R的串联;电容器等效为电容 C和损耗电阻 R的并联。



通常,相对于电感线圈的损耗,电容的损耗很小,可以忽略不计。



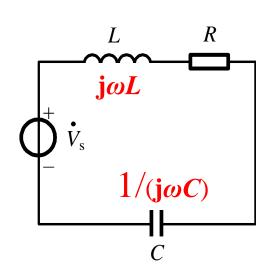
> 2.1.1 谐振基本原理-谐振现象

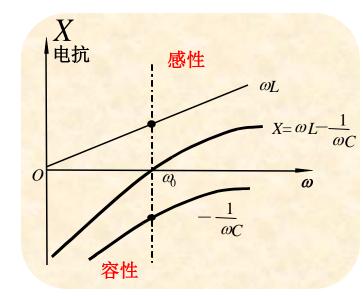
谐振条件:

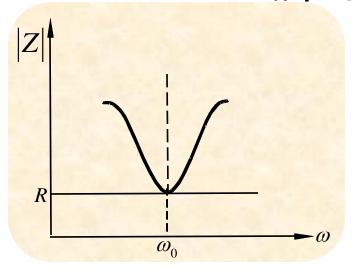
$$X = \omega_0 L - \frac{1}{\omega_0 C} = 0$$

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

$$f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$







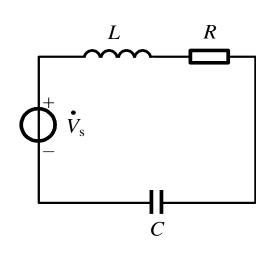
阻抗:
$$Z = R + jX = R + j(\omega L - \frac{1}{\omega C})$$

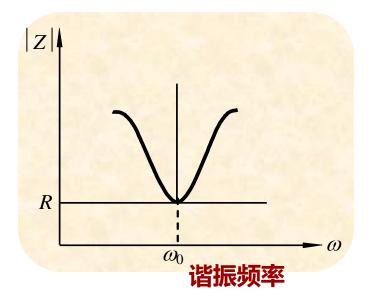
$$|Z| = \sqrt{R^2 + X^2}$$

串联单振荡回路的谐振特性:其阻抗在某一特定频率上具有最小值(谐振状,而偏离此频率时将迅速增大。

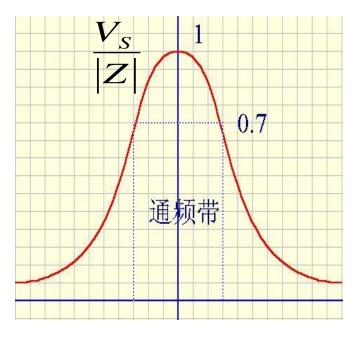


▶ 2.1.1 谐振基本原理-谐振特性





1. 谐振时,回路阻抗值最小,即Z=R; 当信号源为电压源时,回路电流最大,

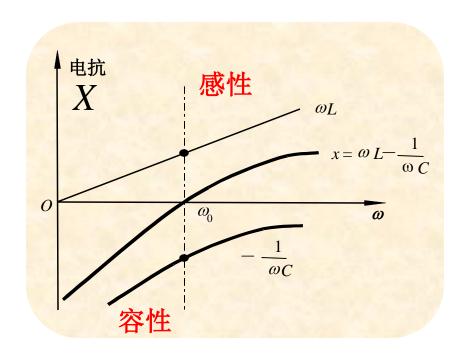


选频特性曲线

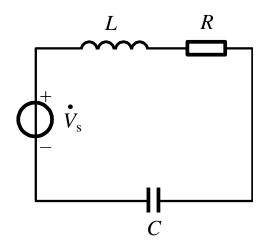
$$\dot{I}_o = \frac{\dot{V}_S}{R}$$
 带通选频特性



▶ 2.1.1 谐振基本原理-谐振特性



阻抗
$$Z = R + jX = R + j(\omega L - \frac{1}{\omega C})$$



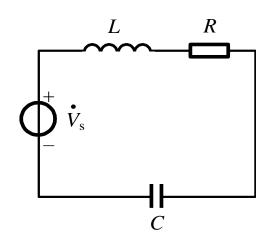
2. 阻抗性质随频率变化的规律:

- 1) $\omega < \omega_0$ 时, X < 0呈容性;
- 2) $\omega = \omega_0$ 时, X = 0呈纯阻性;
- 3) $\omega > \omega_0$ 时, X > 0呈感性。

谐振时, 电感、电容消失了!



▶ 2.1.1 谐振基本原理-谐振特性



皆振时,电感、电容消失了!

$$\dot{V}_{L0} = \dot{I}_0 \mathbf{j} \omega_0 L = \frac{\dot{V}_s}{R} \mathbf{j} \omega_0 L = \mathbf{j} \frac{\omega_0 L}{R} \dot{V}_s = \mathbf{j} Q \dot{V}_s$$

$$\dot{V}_{C0} = \dot{I}_0 \frac{1}{\mathbf{j}\omega_0 C} = \frac{\dot{V}_s}{R} \frac{1}{\mathbf{j}\omega_0 C} = -\mathbf{j}\frac{1}{\omega_0 CR} \dot{V}_s = -\mathbf{j}Q\dot{V}_s$$

回路的品质因数

$$Q = \frac{\omega_0 L}{R} = \frac{1}{\omega_0 CR}$$

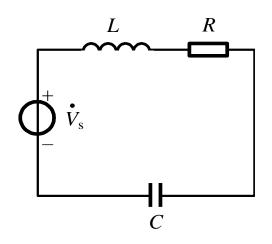
又因为
$$\omega_0 L = \frac{1}{\omega_0 C}$$
 所以 $\dot{V}_{L0} = -\dot{V}_{C0}$

3.串联谐振时,电感和电容两端电压模值大小相等,且等于外加电压的*Q*倍;

由于 Q值较高,常在几十到几百左右,必须预先注意回路元件的耐压问题。



▶ 2.1.1 谐振基本原理-谐振特性



回路的品质因数 Q 定义为回路谐振时的感抗 (或容抗)与回路等效损耗电阻R之比,即

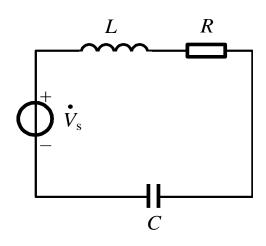
$$Q = \frac{\omega_0 L}{R} = \frac{1}{\omega_0 CR}$$
 将 $\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$ 代入上式,则得 $Q = \sqrt{\frac{L}{C}}/R$

在LC谐振回路中,用Q评价谐振回路损耗的大小,Q值常在几十到几百之间。 Q值越大,回路的损耗越小,其选择性越好。

注意区分: 空载品质因数 Q_0 有载品质因数 Q_L



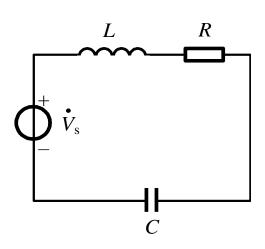
≻小结



- 1. 谐振时,回路阻抗值最小,即Z=R; 当信号源为电压源时,回路电流最大,即 $\dot{I}_0=\frac{\dot{V}_s}{R}$,具有带通选频特性。
- 2. 阻抗性质随频率变化的规律:
 - 1) $\omega < \omega_0$ 时, X < 0 呈容性;
 - 2) $\omega = \omega_0$ 时, X = 0 呈纯阻性;
 - 3) $\omega > \omega_0$ 时, X > 0呈感性。
- 3.串联谐振时,电感和电容两端的电压模值大小相等,且等于外加电压的Q倍。



> 例题2-1



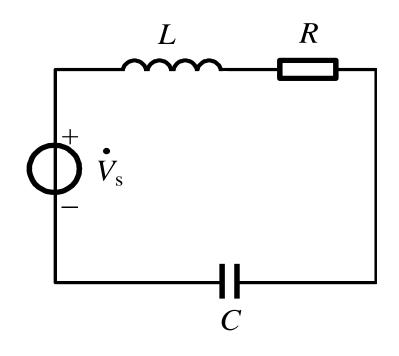
- 1. LC回路串联谐振时,电感和电容两端的电压大小()、极性(),且等于外加电压的Q 倍。
- 2. 已知LC串联谐振回路的 $f_0=1.5MHz$, C=100pF, 谐振时电阻为 5Ω , 试求L=(), $Q_0=()$.

1. 相等 相反

2. 113μH 212.2



> 2.1.2 串联谐振回路的谐振曲线与通频带



串联谐振回路中电流幅值与外加电压频率之间的关系曲线称为谐振曲线。

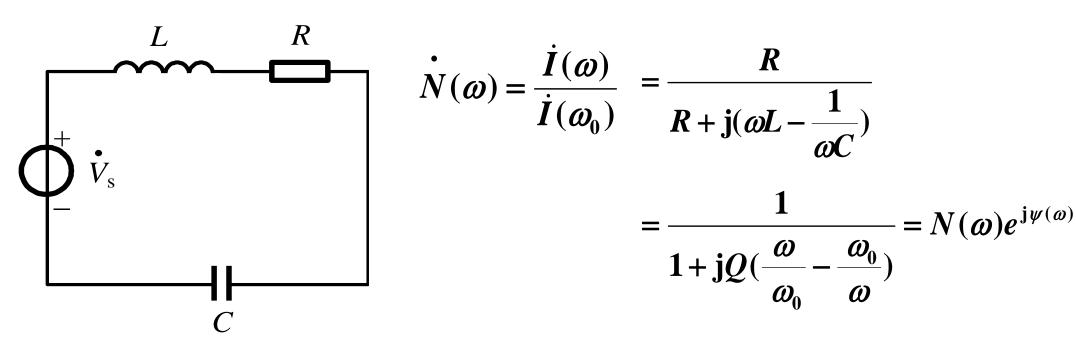
因此,表示谐振曲线的函数为

$$\dot{N}(\omega) = \frac{\dot{I}(\omega)}{\dot{I}(\omega_{0})} = \frac{\frac{\dot{V}_{s}}{R + \mathbf{j}(\omega L - \frac{1}{\omega C})}}{\frac{\dot{V}_{s}}{R}} = \frac{R}{R + \mathbf{j}(\omega L - \frac{1}{\omega C})}$$

$$= \frac{1}{1 + \mathbf{j}\frac{\omega_{0}L}{R}(\frac{\omega}{\omega_{0}} - \frac{\omega_{0}}{\omega})} = \frac{1}{1 + \mathbf{j}Q(\frac{\omega}{\omega_{0}} - \frac{\omega_{0}}{\omega})} = N(\omega)e^{\mathbf{j}\psi(\omega)}$$



> 2.1.2 串联谐振回路的谐振曲线与通频带



谐振曲线包括幅频特性曲线和相频特性曲线,分别用 $N(\omega)$ 和 $\psi(\omega)$ 两函数表示。仅对选频特性而言,通常只关心幅频特性 $N(\omega)$ 。针对幅频特性,又分为两个方面:频率选择性和通频带。



> 2.1.2 串联谐振回路的谐振曲线与通频带

1. 频率选择性

$$N(\omega) = \frac{I(\omega)}{I(\omega_0)} = \frac{1}{\sqrt{1 + Q^2(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega})^2}}$$

 $N(\omega)$ 0.7 通频带

频率 ω 偏离 ω_0 越远, $N(\omega)$ 下降得越多。

可以用 ω - ω_0 表示频率偏离谐振的程度,称为失谐量。

选频特性曲线

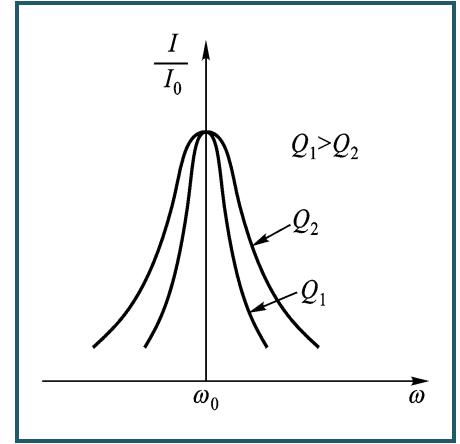


▶ 2.1.2 串联谐振回路的谐振曲线与通频带

1. 频率选择性

$$N(\omega) = \frac{I(\omega)}{I(\omega_0)} = \frac{1}{\sqrt{1 + Q^2(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega})^2}}$$

对于同样的频率 ω 和 ω_0 ,回路的Q值愈大, $N(\omega)$ 下降的越多。回路的Q值愈高,谐振曲线愈尖锐,对外加电压的选频作用愈显著,回路的选择性就愈好。



串联振荡回路 的谐振曲线



▶ 2.1.2 串联谐振回路的谐振曲线与通频带

1. 频率选择性

要衡量电路偏离谐振的程度,必须包含Q和失谐量的综合效果。

定义:广义失谐量

$$\xi = \frac{(失谐电抗)X}{R} = \frac{\omega L - \frac{1}{\omega C}}{R} = \frac{\omega_0 L}{R} \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}\right) = Q\left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}\right)$$

当 $\omega \approx \omega_0$, 即失谐不大时:

$$\xi \approx Q \frac{(\omega - \omega_0)(\omega_0 + \omega_0)}{\omega_0 \omega_0} = Q \cdot \frac{2\Delta\omega}{\omega_0} = Q \cdot \frac{2\Delta f}{f_0}$$



> 2.1.2 串联谐振回路的谐振曲线与通频带

1. 频率选择性

广义失谐量

$$\xi = Q \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)$$

幅频特性函数N(5)和曲线分别为

$$N(\xi) = \frac{I(\xi)}{I(0)} = \frac{1}{\sqrt{1 + Q^2(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega})^2}} = \frac{1}{\sqrt{1 + \xi^2}}$$

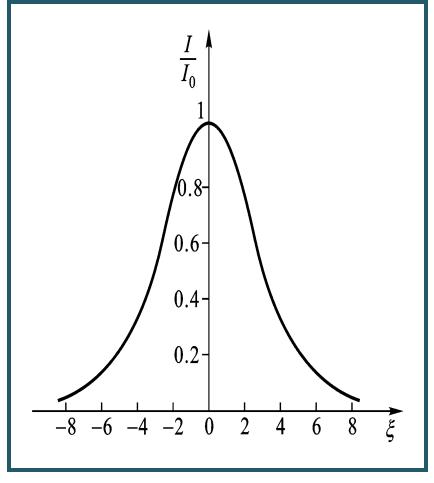


图 2.1.5 串联振荡回路 通用谐振曲线



> 2.1.2 串联谐振回路的谐振曲线与通频带

2. 通频带

$$2\Delta\omega_{0.7} = (\omega_2 - \omega_0) + (\omega_0 - \omega_1)$$
$$= \omega_2 - \omega_1$$

或
$$2\Delta f_{0.7} = f_2 - f_1$$

$$N(\xi) = \frac{I(\xi)}{I(0)} = \frac{1}{\sqrt{1 + Q^2(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega})^2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

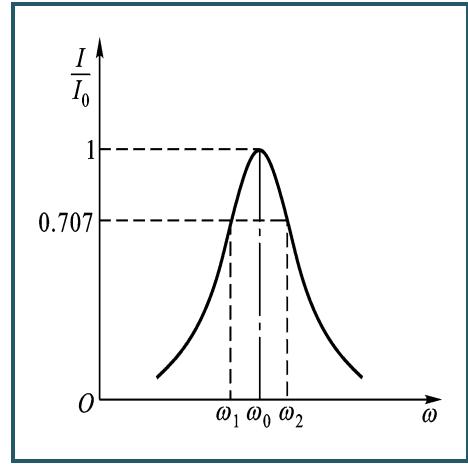


图 2.1.6 串联振荡回路的通频带



> 2.1.2 串联谐振回路的谐振曲线与通频带

2. 通频带

$$N(\xi) = \frac{I(\xi)}{I(0)} = \frac{1}{\sqrt{1 + Q^2(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega})^2}} = \frac{1}{\sqrt{1 + \xi^2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\xi = \pm 1$$

$$\xi \approx Q \cdot \frac{2\Delta\omega}{\omega_0}$$

$$\Delta\omega = \omega - \omega_0$$

$$2\Delta\omega_{0.7} = \frac{\omega_0}{Q}$$

$$2\Delta \phi_{0.7} = \frac{f_0}{Q}$$

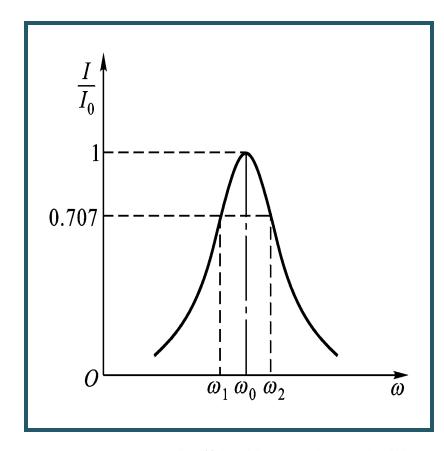


图 2.1.6 串联振荡回路的通频带

回路*Q*值越高,选择性越好,但通频带越窄,二者矛盾。



> 2.1.3 串联谐振回路的相位特性曲线

针对数字信号与图像信号的传输,相位特性失真严重影响通信质量。

$$\dot{N}(\omega) = \frac{\dot{I}(\omega)}{\dot{I}(\omega_0)} = \frac{1}{1 + jQ(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega})} = N(\omega)e^{j\psi(\omega)}$$

$$\psi = -\arctan Q \cdot \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}\right) = -\arctan \xi$$

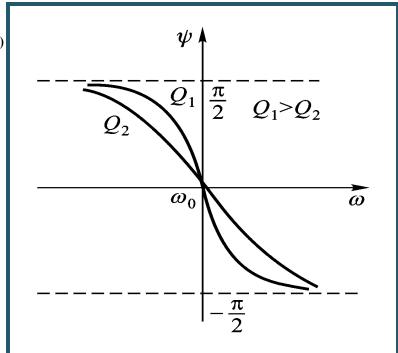


图 2.1.8 串联振荡回路的相位特性曲线

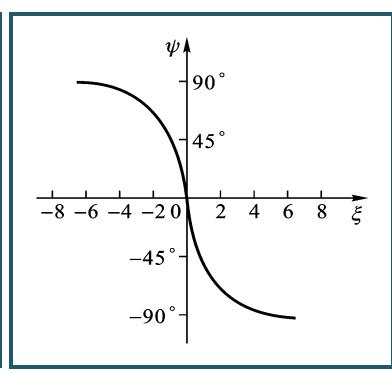


图 2.1.9 串联振荡回路通用相位特性



> 2.1.3 串联谐振回路的相位特性曲线

针对数字信号与图像信号的传输,相位特性失真严重影响通信质量。

$$\psi = -\arctan Q \cdot \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}\right)$$

由右图可见, Q值愈大, 相频特性曲线在谐振频率ω₀附近的变化愈陡峭。但是, 线性度变差, 或者说, 线性范围变窄。

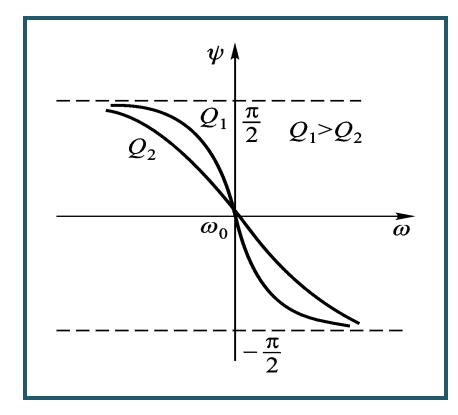


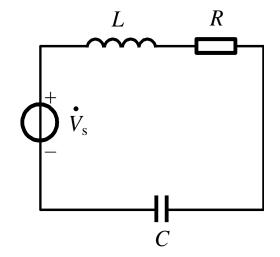
图 2.1.8 串联振荡回路的相位特性曲线



> 例题2-2

- 1. LC回路Q值越高,选择性越好,但通频带越窄;LC回路Q值越低,选择性越差,但通频带越宽;二者矛盾。
- (本) 对
- B错

- 2. 如图,设给定串联谐振回路的 $f_0=1$ MHz, $Q_0=50$,若输出电流超前信号源电压相位45°,试求:
- 1) 此时信号源频率f是多少? 输出电流相对于谐振时衰减了多少分贝?
- 2) 现要在回路中的再串联一个元件,使回路处于谐振状态,应该加入何种元件,并定性分析元件参数的求法。

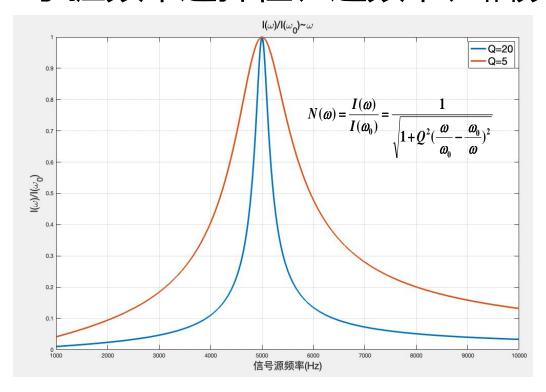


作业2:教材P54第二章课后习题: 2.7和2.8。

小结



- 1. 掌握串联谐振回路的基本原理
- 2. 掌握串联谐振回路的谐振特性
- 3. 掌握频率选择性、通频带、幅频特性、相频特性的分析方法



```
clc
clear
close all
Q = 20;
w = 1000*(1:0.0001:10);
w0 = 5000;
Nw1 = 1./sqrt(1 + Q*Q*(w./w0-w0./w).*(w./w0-w0./w));
plot(w,Nw1, 'LineWidth',3)
Q = 5;
Nw2 = 1./sqrt(1 + 0*0*(w./w0-w0./w).*(w./w0-w0./w));
hold on
plot(w,Nw2, 'LineWidth',3)
grid on
legend('Q=20','Q=5','Fontsize',20);
xlabel('信号源频率(Hz)','Fontsize',20);
ylabel('I(\omega)/I(\omega_0)', 'Fontsize', 20);
title('I(\omega)/I(\omega_0)~\omega', 'Fontsize', 20);
```

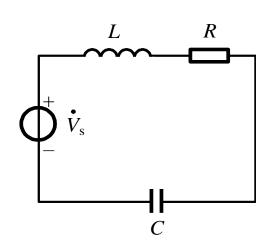
Chapter 2 选频网络

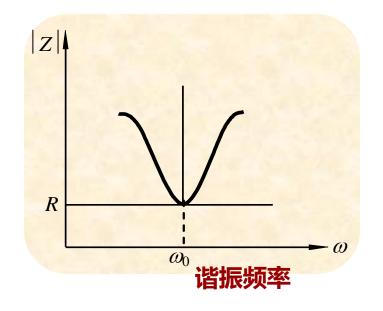


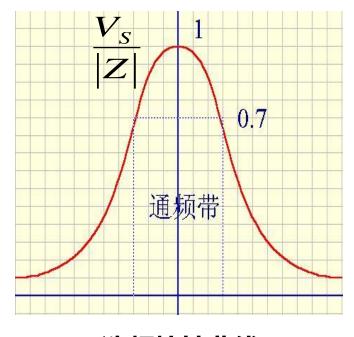
- ☞ 2.1 串联谐振回路
- ☞ 2.2 并联谐振回路
- ② 2.3 串、并联阻抗的等效互换与回路抽头时的阻抗变换
- ☞ 2.4 耦合回路
- ☞ 2.5 滤波器的其他形式



▶ 2.2.1 基本原理与特性







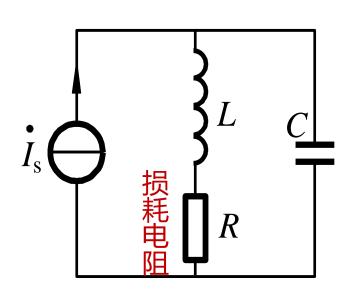
选频特性曲线

串联谐振回路的带通特性要求信号源内阻越低越好。

若信号源内阻比较大应该选择怎样的谐振回路?



▶ 2.2.1 基本原理与特性



回路的总阻抗

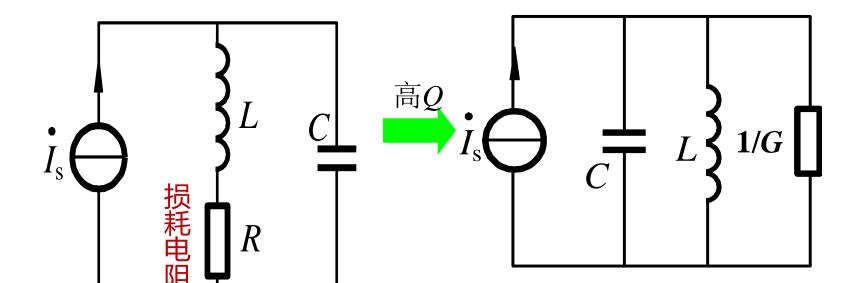
$$Z = \frac{(R + j\omega L)\frac{1}{j\omega C}}{R + j\omega L + \frac{1}{j\omega C}} = \frac{(R + j\omega L)\frac{1}{j\omega C}}{R + j\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)}$$

$$\approx \frac{\frac{L}{C}}{R + j\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)} = \frac{1}{\frac{CR}{L} + j\left(\omega C - \frac{1}{\omega L}\right)}$$

通常,损耗电阻R在工作频段内满足: $R << \omega L$ 或高Q 采用导纳分析并联振荡回路及其等效电路比较方便,为此引人并联振荡回路的导纳。



▶ 2.2.1 基本原理与特性



电导G和电纳B分别为

$$G = \frac{CR}{L} \qquad B = \omega C - \frac{1}{\omega L}$$

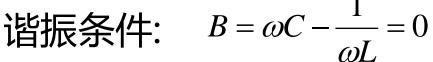
$$Z = \frac{(R + j\omega L)\frac{1}{j\omega C}}{R + j\omega L + \frac{1}{j\omega C}} = \frac{1}{\frac{CR}{L} + j(\omega C - \frac{1}{\omega L})}$$

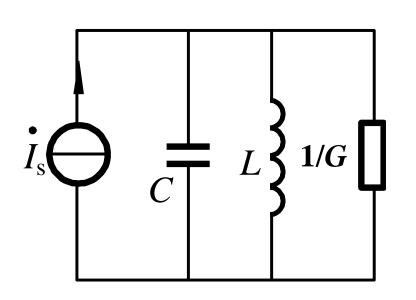
回路总导纳

$$Y = G + jB = \frac{CR}{L} + j\left(\omega C - \frac{1}{\omega L}\right)$$

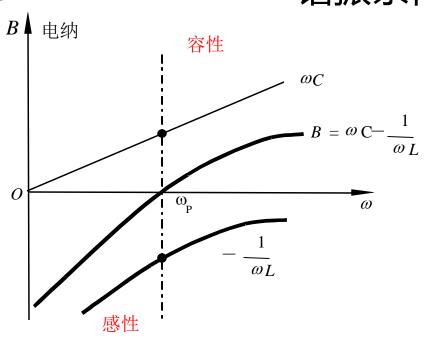


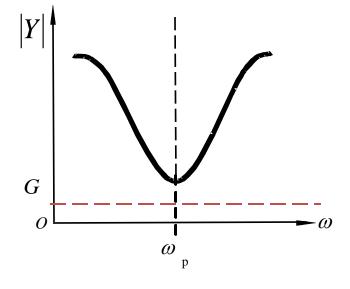
▶ 2.2.1 基本原理与特性





$$Y = G + jB = \frac{CR}{L} + j\left(\omega C - \frac{1}{\omega L}\right)$$



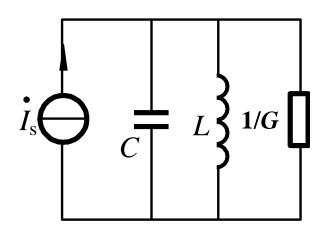


即信号频率
$$\omega_{\rm p} = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$
 或 $f_{\rm p} = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$

谐振特性: 其**导纳**在某一特定频率上具有**最小值**(谐振状态),而偏离此频率时将迅速增大。

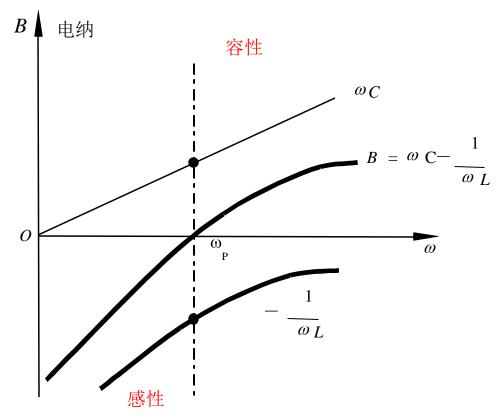


▶ 2.2.1 基本原理与特性



1. 阻抗性质随频率变化的规律:

- 1) $\omega < \omega_p$ 时,B < 0呈感性;
- 2) $\omega = \omega_p$ 时,B = 0 呈纯阻性;
- 3) $\omega > \omega_p$ 时, B > 0呈容性。

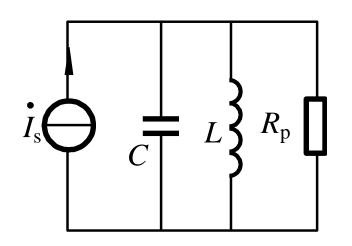


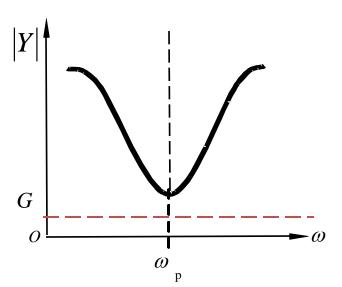
$$Y = G + jB = \frac{CR}{L} + j\left(\omega C - \frac{1}{\omega L}\right)$$

谐振条件:
$$B = \omega C - \frac{1}{\omega L} = 0$$

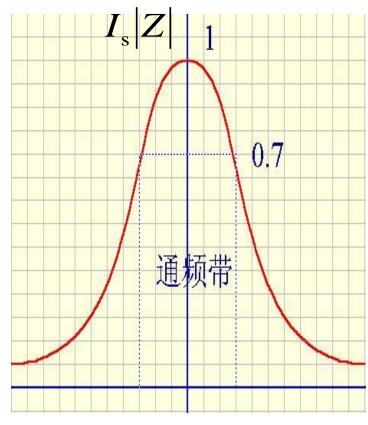


▶ 2.2.1 基本原理与特性





2. 谐振时,回路阻抗值最大,即 $R_p = \frac{1}{G} = \frac{L}{CR}$; 当信号源为电流源时,回路电压最大,即 $\dot{V}_p = \dot{I}_s R_p$,具有带通选频特性。

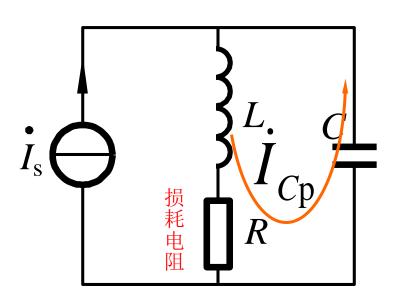


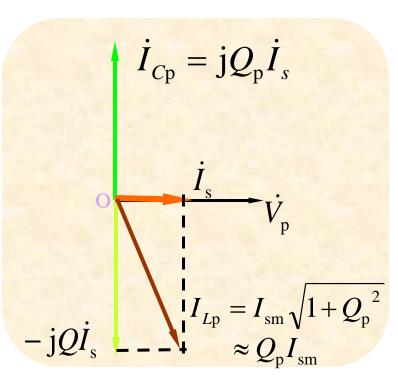
选频特性曲线

$$Q_{p} = \frac{\omega_{p}L}{R} = \frac{1}{\omega_{p}CR} = \frac{\sqrt{\frac{L}{C}}}{R} = \frac{1}{\sqrt{\frac{L}{C}}} \cdot \frac{\frac{L}{C}}{R} = \frac{R_{p}}{\omega_{p}L} = R_{p}\omega_{p}C$$



▶ 2.2.1 基本原理与特性





3.并联谐振时,流经电感和电容的电流模值大小相近,方向相反,且约等于外加电流的Q倍;

LCR回路的状态与串联谐振回路相似。

$$\dot{I}_{Cp} = j\omega_{p}C \cdot \dot{V}_{p} = j\dot{I}_{s} \cdot R_{p}\omega_{p}C$$

$$= jQ_{p}\dot{I}_{s}$$

$$R_{p} \qquad R_{p} \qquad C$$

$$Q_{\rm p} = \frac{R_{\rm p}}{\omega_{\rm p} L} = R_{\rm p} \omega_{\rm p} C$$

$$\dot{V}_{Rp} = \dot{I}_{Lp}R \approx -jQ_{p}\dot{I}_{s} \cdot R$$
$$= -\dot{I}_{s} \cdot \mathbf{j}\omega_{p}L$$

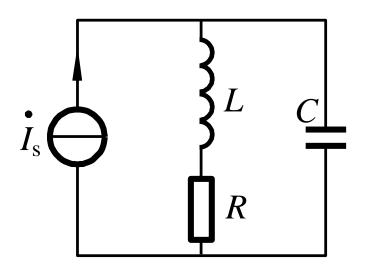
$$\dot{V}_{Lp} = \dot{I}_{Lp} j \omega_p L$$

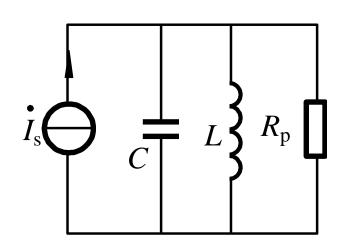
$$\dot{V}_{Cp} = \dot{I}_{Cp} \frac{1}{j\omega_{p}C}$$



▶小结

- 1. 谐振时,回路阻抗值最大;当信号源为电流源时,回路电压最大,即 $\dot{V}_{\rm p} = \dot{I}_{\rm s} R_{\rm p}$,具有带通选频特性。
- 2. 阻抗性质随频率变化的规律:
 - 1) $\omega < \omega_p$ 时,B < 0呈感性;
 - 2) $\omega = \omega_{\rm p}$ 时, B = 0呈纯阻性;
 - 3) $\omega > \omega_p$ 时, B > 0呈容性。
- 3.并联谐振时,流经电感和电容的电流模值大小相近, 方向相反,且约等于外加电流的*Q*倍。





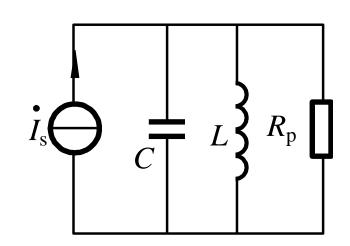


▶ 2.2.2 谐振曲线、相位特性曲线、通频带

回路中电压幅值与外加电流频率之间 的关系曲线称为谐振曲线。

$$\dot{V}(\omega) = \frac{\dot{I}_{s}}{\frac{CR}{L} + j\left(\omega C - \frac{1}{\omega L}\right)} \qquad \dot{V}(\omega_{p}) = \dot{I}_{s}R_{p}$$

$$\dot{V}(\omega_{\rm p}) = \dot{I}_{\rm s} R_{\rm p}$$



注意:
$$R_{\rm p} = \frac{1}{G} = \frac{L}{CR}$$

表示谐振曲线的函数为

$$\omega_{\rm p} = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

$$Q_{\rm p} = \frac{R_{\rm p}}{\omega_{\rm p} L} = R_{\rm p} \omega_{\rm p} C$$

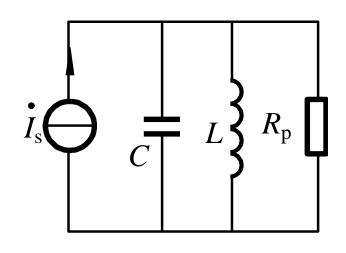
$$\dot{N}(\omega) = \frac{\dot{V}(\omega)}{\dot{V}(\omega_{0})} = \frac{\frac{\dot{I}_{s}}{G_{p} + \mathbf{j}(\omega C - \frac{1}{\omega L})}}{\frac{\dot{I}_{s}}{G_{p}}} = \frac{G_{p}}{G_{p} + \mathbf{j}(\omega C - \frac{1}{\omega L})} = \frac{1}{1 + \mathbf{j}Q_{p}(\frac{\omega}{\omega_{p}} - \frac{\omega_{p}}{\omega})} = N(\omega)e^{\mathbf{j}\psi(\omega)}$$
34/41



> 2.2.2 谐振曲线、相位特性曲线、通频带

$$N(\omega) = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(Q_p \frac{2\Delta\omega}{\omega_p}\right)^2}} = \frac{1}{\sqrt{1 + \xi^2}}$$

$$\psi(\omega) = -\arg \tan Q_p \frac{2\Delta\omega}{\omega_p} = -\arg \tan \xi$$



$$\Leftrightarrow: \ \xi = Q_p \frac{2\Delta\omega}{\omega_p}$$

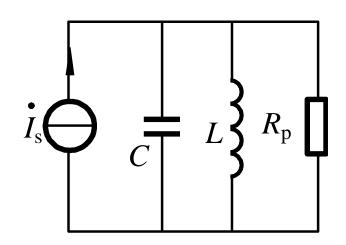
可见,并联振荡回路的谐振曲线(包括幅频特性曲线和<mark>相频特性</mark>曲 线),是与串联回路相同的。



> 2.2.2 谐振曲线、相位特性曲线、通频带

绝对通频带 (Hz)

$$2\Delta\omega_{0.7} = \frac{\omega_p}{Q} \qquad 或 2\Delta f_{0.7} = \frac{f_p}{Q}$$



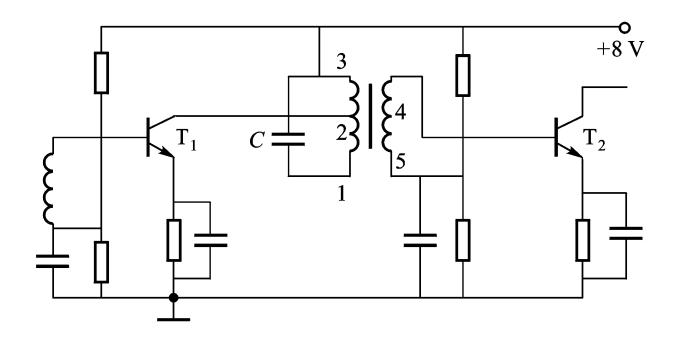
相对通频带 (无量纲)

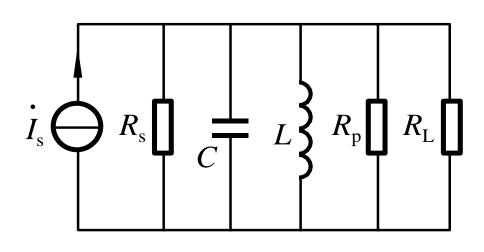
$$\frac{2\Delta\omega_{0.7}}{\omega_p} = \frac{1}{Q}$$
或
$$\frac{2\Delta f_{0.7}}{f_p} = \frac{1}{Q}$$

并联谐振回路的通频带、选择性与回路品质因数 Q_p 的关系和串联回路的情况是一样的。



> 2.2.3 信号源内阻与负载电阻的影响





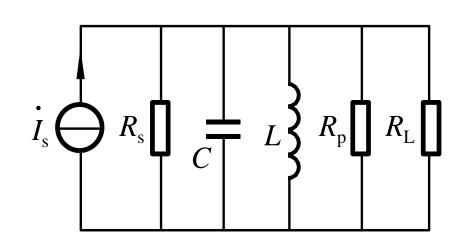


▶ 2.2.3 信号源内阻与负载电阻的影响

考虑信号源内阻 R_s 和负载电阻 R_L 后,由于回路总的损耗增大,回路Q值将下降,称为等效品质因数 Q_L 。

$$Q_{L} = \frac{1}{\omega_{p} L (G_{p} + G_{s} + G_{L})} = \frac{1}{\frac{\omega_{p} L}{R_{p}} \left(1 + \frac{R_{p}}{R_{s}} + \frac{R_{p}}{R_{L}}\right)}$$

$$= \frac{Q_{p}}{\left(1 + \frac{R_{p}}{R} + \frac{R_{p}}{R_{s}}\right)}$$

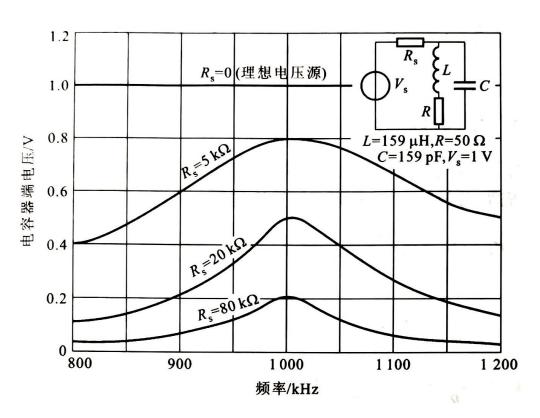


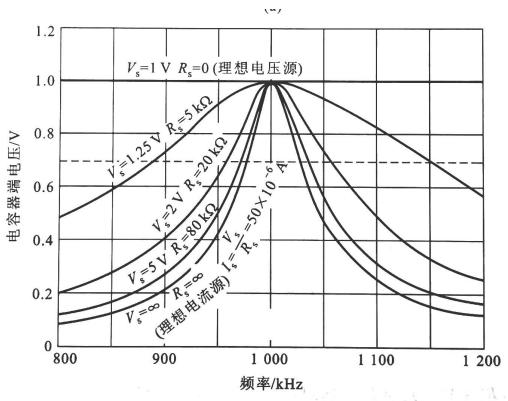
式中:
$$Q_P = \frac{R_p}{\omega_p L} = \frac{1}{G_p \omega_p L}$$

由于 $Q_{
m L}$ 值低于 $Q_{
m p}$,因此考虑信号源内阻及负载电阻后,并联谐振回路通频带加宽,选择性变坏。



▶ 2.2.3 信号源内阻与负载电阻的影响





信号源内阻越大,并联回路的电压随频率而变化的速率越快,谐振曲线越尖锐。

为获得优良的选择性,信号源内阻低时,应采用串联振荡回路,而信号源内阻高时,应采用并联振荡回路。



▶ 2.2.4 低Q值并联谐振回路 Q<10</p>

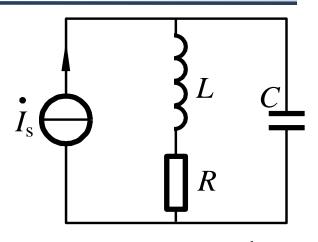
$$Z = \frac{L}{CR} \cdot \frac{1 - j\frac{R}{\omega L}}{1 + j\left(\frac{\omega L}{R} - \frac{1}{\omega CR}\right)} \Rightarrow \frac{1 - j\frac{R}{\omega L}}{1 + j\left(\frac{\omega L}{R} - \frac{1}{\omega CR}\right)} = 1$$

$$-\frac{R}{\omega L} = \frac{\omega L}{R} - \frac{1}{\omega CR}$$

$$-\frac{R}{\omega L} = \frac{\omega L}{R} - \frac{1}{\omega CR} \longrightarrow -\frac{R}{L} = \frac{\omega^2 L}{R} - \frac{1}{CR}$$

谐振频率为

$$\omega_{\rm p} = \sqrt{\frac{1}{LC} - \left(\frac{R}{L}\right)^2} = \frac{1}{\sqrt{LC}} \cdot \sqrt{1 - \frac{1}{Q_{\rm p}^2}}$$



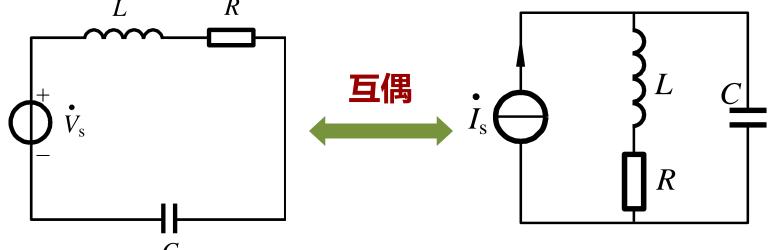
$$Z = \frac{(R + j\omega L)\frac{1}{j\omega C}}{R + j\omega L + \frac{1}{j\omega C}}$$
$$= \frac{1}{\frac{CR}{L} + j\left(\omega C - \frac{1}{\omega L}\right)}$$

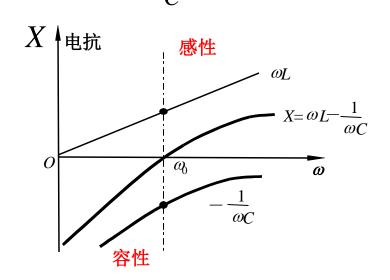
由于Q值低,因此电路总的阻抗 Z 的最大值与纯电阻不是同时发生。

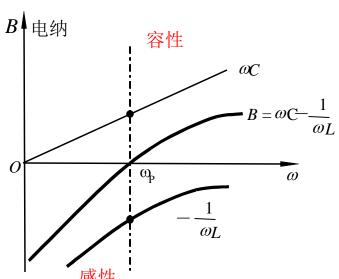
本章重点内容

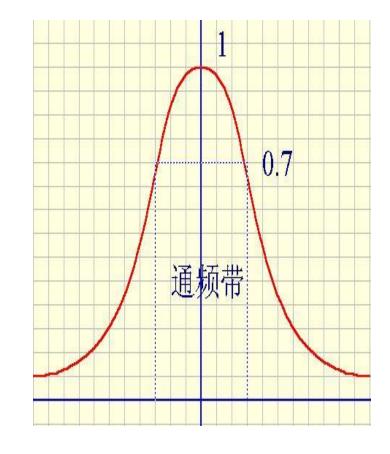


▶ 串联/并联谐振回路、谐振曲线、谐振特性、频率选择、通频带











Thank You!





