

Data Structures

Ch8

排序 Sort

2024年12月10日

学而不厭 酶 人不倦

Chapter 8 排序



☞ 8.1 概述

☞ 8.2 插入排序: 直接插入排序、希尔排序

☞ 8.3 交换排序: 起泡、快速排序

☞ 8.4 选择排序: 简单选择、堆排序

☞ 8.5 归并排序: 二路归并排序

☞ 8.6 各种排序方法比较

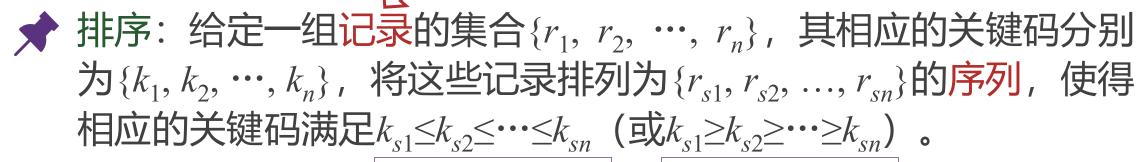
☞ 8.7 扩展与提高





1. 排序的定义

数据元素、结点、顶点



升序 (非降序)

降序(非升序)

- ★ 排序码:排序的依据, 简单起见,也称关键码。
- 排序的数据模型是什么? 排序是对线性结构的一种操作

职工号	姓名	性别	年龄	工作时间
0001	王刚	男	48	1990.4
0002	张亮	男	35	2003.7
0003	刘楠	女	57	1979.9
0004	齐梅	女	35	2003.7
0005	李爽	女	56	1982.9



2. 排序的基本原理

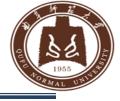
有序序列区

无序序列区

一趟排序:将无序序列中的一个或几个加入到有序序列中。

这样经过若干趟排序后,有序序列区越来越大,无序序列区越来越小。

- ★ 正序: 待排序序列中的记录已按关键码排好序。
 - 1 2 3 4 5 🖒 1 2 3 4 5
- ★ 逆序(反序): 待排序序列中记录的顺序与排好序的顺序相反。
 - 5 4 3 2 1 🖒 1 2 3 4 5



3. 排序算法分类



根据排序过程中所有记录是否全部放在内存中,排序方法分为:

- (1) 内排序: 在排序的整个过程中, 待排序的所有记录全部放在内存中
- (2) 外排序: 待排序的记录个数较多,整个排序过程需要在内外存之间多次交换数据才能得到排序的结果
- ★ 根据排序方法是否建立在关键码比较的基础上,排序方法分为:
 - (1) 基于比较: 主要通过关键码之间的比较和记录的移动实现
 - ① 插入排序; 直接插入排序 希尔排序
- ② 交换排序; 起泡排序 快速排序

- 3 选择排序; 一简单选择排序 堆排序
- ④ 归并排序 二路归并递归算法 二路归并非递归算法
- (2) 不基于比较: 根据待排序数据的特点所采取的其他方法



4. 算法稳定性



排序算法的稳定性: 假定在待排序的记录序列中存在多个具有相同关键码的记录, 若经过排序, 这些记录的相对次序保持不变, 则称这种排序算法稳定, 否则称为不稳定。

学号	姓名	高数	英语	语文		
0001	王军	85	68	88		
0002	李 明	64	72	92		
0003	汤晓影	85	78	86		
•••	•••	•••	•••			



学号	姓名	高数	英语	语文		
0001	李 明	64	68	88		
0002	王军	85	72	92		
0003	汤晓影	5晓影 85		86		
•••	•••	•••	•••	•••		

排序算法的稳定性只是算法的一种属性,且由具体算法决定



5. 排序算法性能

如何衡量排序算法的性能呢?

(1) 时间性能:排序算法在各种情况(最好、最坏、平均)下的时间复杂度。 例如,基于比较的内排序在排序过程中的基本操作:

① 比较: 关键码之间的比较;

② 移动:记录从一个位置移动到另一个位置。

(2) 空间性能:排序过程中占用的辅助存储空间。 辅助存储空间是除了存放待排序记录占用的存储空间之外,执行算法所需要的其他存储空间。



6. 排序类定义

```
class Sort
{public:
   Sort(int r[], int n);
   ~Sort();
   void InsertSort( );
   void ShellSort( );
   void BubbleSort( );
   void QuickSort(int first, int last);
   void SelectSort( );
   void HeapSort( );
   void MergeSort1(int first, int last);
   void MergeSort2( );
   void Print( );
```

```
private:
    int Partition(int first, int last);
    void Sift(int k, int last);
    void Merge(int first1, int last1, int last2);
    void MergePass(int h);

    int *data;
    int length;
};
```



6. 排序类定义

```
Sort :: Sort(int r[], int n)
   data = new int[n];
   for (int i = 0; i < n; i++)
      data[i] = r[i];
   length = n;
Sort :: ~Sort( )
   delete[] data;
```

```
void Sort :: Print( )
{
    for (int i = 0; i < length; i++)
    {
        cout << data[i] << "\t";
    }
    cout << endl;
}</pre>
```



8-2-1 直接插入排序

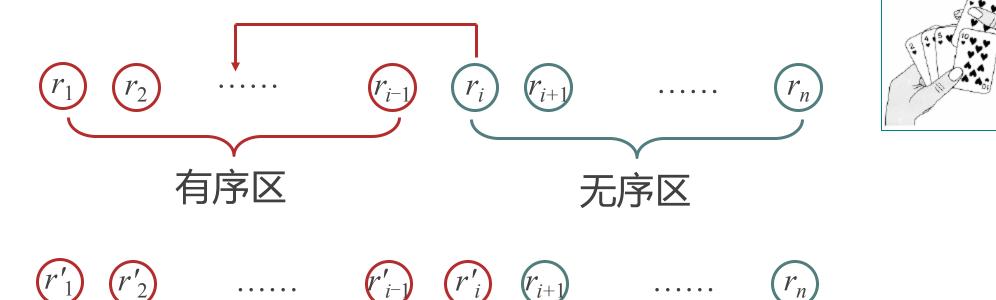


1. 直接插入排序



· 直接插入排序的基本思想: 依次将待排序序列中的每一个记录插

入到已排好序的序列中,直到全部记录都排好序。

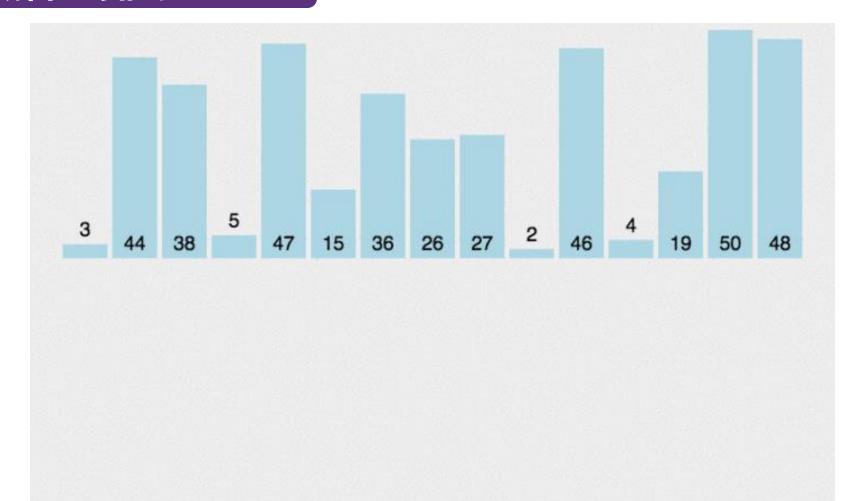


在插入第 i(i>1) 个记录时,前面的 i-1个记录已经排好序





1. 直接插入排序



8-2-1 直接插入排序

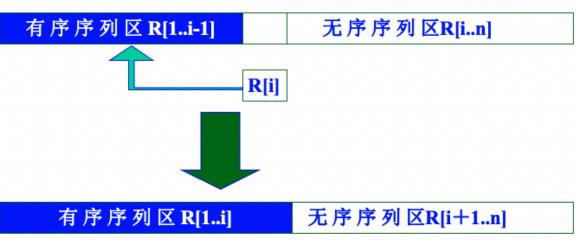


1. 直接插入排序

实现"一趟插入排序"可分三步进行:

1、在R[1..i-1]中查找R[i]的插入位置;

 $R[1..j] \le R[i] < R[j+1..i-1]$



- 2、将R[j+1..i-1]中的所有记录均后移一个位置;
- 3、将R[i]复制到R[j+1]的位置上。
- 如何构造初始的有序序列?
- 解决方法:将第1个记录看成是初始有序序列, 然后从第2个记录起依次插入到有序序列中,直至将第n个记录插入。

8-2-1 直接插入排序





待排序序列

第一趟排序结果

第二趟排序结果

第三趟排序结果

第四趟排序结果





2. 算法描述与实现

```
void Sort :: InsertSort( )
   int i, j, temp;
   for (i = 1; i < length; i++)
      temp = data[i];
      i = i - 1;
      while (i \ge 0 \&\& temp < data[j])
                                                                   24
          data[j + 1] = data[j];
                                                         12
          j--;
      data[j + 1] = temp;
                                                                   20
                                     20
```

8-2-1 直接插入排序



3. 算法时间性能

```
void Sort :: InsertSort( )
   int i, j, temp;
   for (i = 1; i < length; i++)
      temp = data[i];
      j = i - 1;
      while (i \ge 0 \&\& temp < data[i])
          data[j + 1] = data[j];
          j--;
      data[j + 1] = temp;
```

比较语句? 执行次数?









8-2-1 直接插入排序



3. 算法时间性能

```
void Sort :: InsertSort( )
   int i, j, temp;
   for (i = 1; i < length; i++)
      temp = data[i];
      i = i - 1;
      while (j \ge 0 \&\& temp < data[j])
          data[j + 1] = data[j];
          j--;
      data[j + 1] = temp;
```

比较语句? 执行次数?

- 4 5 4 3 2 1
- 3 4 5 3 2 1
- 2 3 4 5 2 1
- 1 2 3 4 5 1
 - 1 2 3 4 5

8-2-1 直接插入排序



3. 算法时间性能

```
void Sort :: InsertSort( )
   int i, j, temp;
   for (i = 1; i < length; i++)
      temp = data[i];
      i = i - 1;
      while (j \ge 0 \&\& temp < data[j])
          data[j + 1] = data[j];
          j--;
      data[j + 1] = temp;
```

移动语句? 执行次数?









8-2-1 直接插入排序



3. 算法时间性能

```
void Sort :: InsertSort( )
   int i, j, temp;
   for (i = 1; i < length; i++)
      temp = data[i];
      i = i - 1;
      while (j \ge 0 \&\& temp < data[j])
          data[j + 1] = data[j];
          j--;
      data[i + 1] = temp;
```

移动语句? 执行次数?

- 最好情况: 2(n-1)次
- 最坏情况: 3+4+⋯+n+1次
- 4
 5
 4
 3
 2
 1
- 3 4 5 3 2 1
- 2 3 4 5 2 1
- 1 2 3 4 5 1
 - 1 2 3 4 5

8-2-1 直接插入排序



4. 直接插入排序的效率分析

```
void Sort :: InsertSort( )
   int i, j, temp;
   for (i = 1; i < length; i++)
       temp = data[i];
      i = i - 1;
      while (i \ge 0 \&\& temp < data[i])
          data[i + 1] = data[i];
          j--;
       data[j+1] = temp;
```



- 移动次数: 2(n-1)次







5. 折半插入排序

直接插入排序算法的移动改进

由于直接插入排序算法是对有序表进行插入操作,故顺序查找操作可以替换为折半查找操作。

```
void Sort :: BiInsertionSort( Elem R[], int n)
  for(i=2; i<=n; ++i)
     R[0]=R[i]; //将R[i]暂存在R[0]
      { 在R[1..i-1]中折半查找插入位置; }
      for(j=i-1;j>=high-1;--j)
         R[j+1]=R[j]; //记录后移
      R[high+1]=R[0]; //插入
```

只考虑比较: O(nlog₂n)

8-2-1 直接插入排序



6. 二路插入排序

直接插入排序算法的移动改进

初始, 取第一个元素为基准元素;

构造前序列 S_1 , 后序列 S_2 ;

对第 2,3,...,n 个元素依次执行:

与基准元素比较:

若小,插入到前序列 S_1 中;

若大,插入到后序列 S_2 中;

S1 + 基准元素 + S2 可得最终有序表。



{ 13 27 38 } { 65 76 97 }

 $\{13 \quad 27 \quad 38\} + \{49\} + \{65 \quad 76 \quad 97\}$



8-2-2 希尔排序



1. 希尔排序

缩小增量排序

分析直接插入排序

- 1. 若待排序记录序列按关键字基本有序,则排序效率可大大提高;
- 2. 待排序记录总数越少, 排序效率越高;

当待排序的记录个数较多时,大量的比较和移动操作使直接插入排序算法的效率降低。

希尔排序的基本思想:

对待排记录序列先作"宏观"调整,再作"微观"调整。

所谓"宏观"调整,指的是"跳跃式"的插入排序。



1. 希尔排序

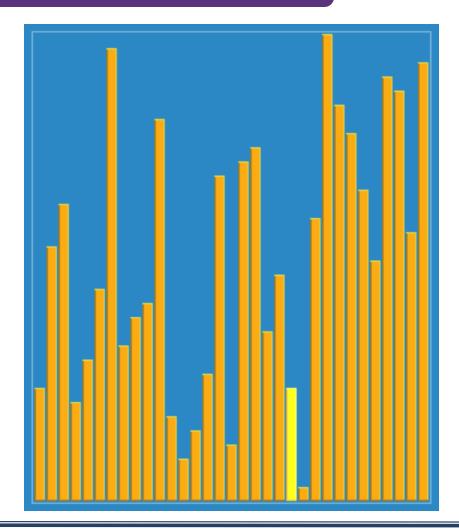
缩小增量排序

先将待排序记录序列分割成为若干子序列分别进行直接插入排序; 待整个序列中的记录基本有序后,再全体进行一次直接插入排序。

```
例如:将n个记录分成d个子序列
{R[1],R[1+d],R[1+2d],....,R[1+kd]}
{R[2],R[2+d],R[2+2d],....,R[2+kd]}
......
{R[d],R[2d],R[3d],....,R[kd],R[(k+1)d]}
```

其中, d 称为增量,它的值在排序过程中从大到小逐渐缩小,直到最后一趟排序减为1。

1. 希尔排序

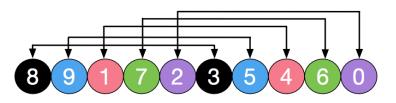


https://www.cnblogs.com/chengxiao/p/6104371.html

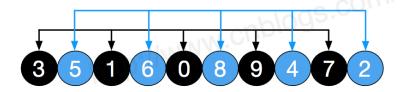
原始数组 以下数据元素颜色相同为一组



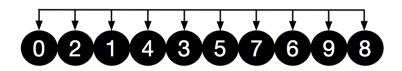
初始增量 gap=length/2=5, 意味着整个数组被分为5组, [8,3][9,5][1,4][7,6][2,0]



对这5组分别进行直接插入排序,结果如下,可以看到,像3,5,6这些小元素都被调到前面了, 然后缩小增量 gap=5/2=2,数组被分为2组 [3,1,0,9,7] [5,6,8,4,2]



对以上2组再分别进行直接插入排序,结果如下,可以看到,此时整个数组的有序程度更进一步啦。 再缩小增量gap=2/2=1,此时,整个数组为1组[0,2,1,4,3,5,7,6,9,8],如下



经过上面的"宏观调控",整个数组的有序化程度成果喜人。 此时,仅仅需要对以上数列简单微调,无需大量移动操作即可完成整个数组的排序。

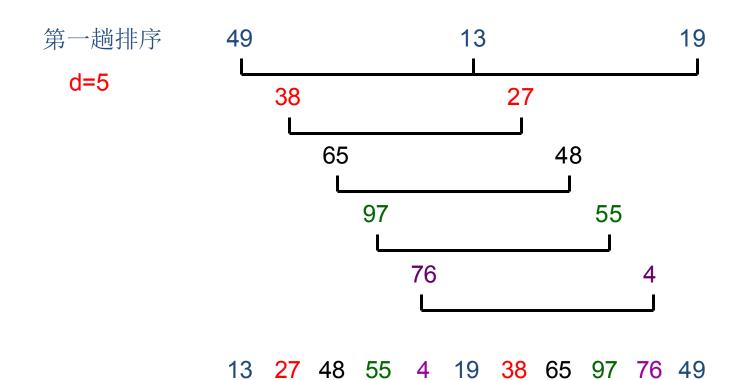






2. 希尔排序实例

例,序列 49 38 65 97 76 13 27 48 55 4 19



8-2-2 希尔排序

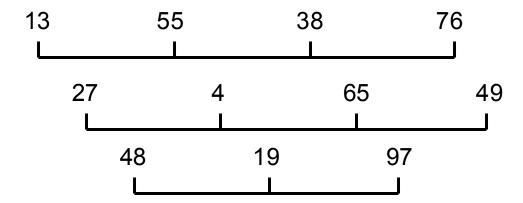


2. 希尔排序实例

13 27 48 55 4 19 38 65 97 76 49

第二趟排序

d=3



13 4 19 38 27 48 55 49 97 76 65

第三趟排序

4 13 19 27 38 48 49 55 65 76 97

d=1

8-2-2 希尔排序



2. 希尔排序实例

待排序序列

24*

增量 *d* = 4

24*

增量 *d* = 2

24*

增量 d=1

1(

24*

24*



3. 希尔排序的实现

```
void Sort :: ShellSort( )
  int d, i, j, temp;
                                         //增量为d进行直接插入排序
  for (d = length/2; d >= 1; d = d/2)
                                         //进行一趟希尔排序
     for (i = d; i < length; i++)
                                         //暂存待插入记录
        temp = data[i];
        for (j = i - d; j \ge 0 \&\& temp < data[j]; j = j - d)
                                         //记录后移d个位置
           data[j + d] = data[j];
        data[j + d] = temp;
```

8-2-2 希尔排序



3. 希尔排序性能分析



时间性能: $O(n^2) \sim O(n\log_2 n)$

- (1) 希尔排序算法的时间性能是所取增量的函数;
- (2) 研究表明,希尔排序的时间性能在 $O(n^2)$ 和 $O(n\log_2 n)$ 之间;
- (3) 如果选定合适的增量序列,希尔排序的时间性能可以达到 $O(n^{1.3})$ 。



空间性能: O(1)——暂存单元



稳定性: 不稳定

待排序序列



















增量 d=4

















32



3. 希尔排序性能分析

	1	9	2	10	3	11	4	12	5	13	6	14	7	15	8	16
8-间隔	1	9	2	10	3	11	4	12	5	13	6	14	7	15	8	16
4-间隔	1	9	2	10	3	11	4	12	5	13	6	14	7	15	8	16
<mark>2</mark> -间隔	1	9	2	10	3	11	4	12	5	13	6	14	7	15	8	16
1-间隔	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16



增量元素不互质,则小增量可能根本不起作用。

小结



- 1. 掌握直接插入排序算法及实现
- 2. 理解直接插入排序算法的改进方法
- 3. 掌握希尔排序的基本思路
- 4. 掌握排序算法性能分析的基本方法

小结



- 1. 掌握直接插入排序算法及实现
- 2. 理解直接插入排序算法的改进方法
- 3. 掌握希尔排序的基本思路
- 4. 掌握排序算法性能分析的基本方法

作业



已知数据序列为: {11, 7, 9, 25, 8, 36, 24, 16, 28, 25*},

(1) 写出直接插入排序算法每趟的结果。

$$(2)$$
 令 $d_1 = \left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor$ $d_{i+1} = \left\lfloor \frac{d_i}{2} \right\rfloor$, 且增量序列互质, i 为排序趟数,

n 为数据序列元素个数,给出希尔排序的增量序列和每趟的结果。



Thank You!





