

Data Structures

Ch7

查找 Searching

2023年11月30日

学而不厭 誨 人不倦

Chapter 7 查找



- ☞ 7.1 概述
- ☞ 7.2 线性表查找技术
- ☞ 7.3 树表的查找技术
- ☞ 7.4 散列表查找技术
- ☞ 7.5 各种查找方法的比较
- ☞ 7.6 扩展与提高

本章的重点就是研究查找表的存储方法以及在此基础上的查找方法。



7.3 树表的查找技术

7-3-3 B树

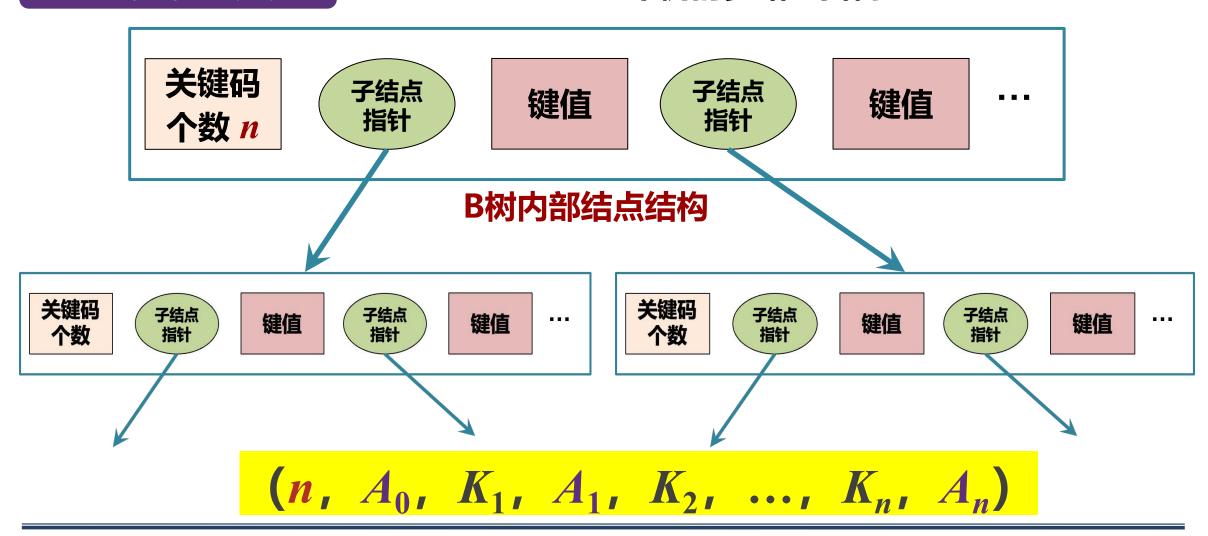
7.3 树表的查找技术

7-3-3 B树



1. B树的定义

Balanced Tree 平衡的多路查找树





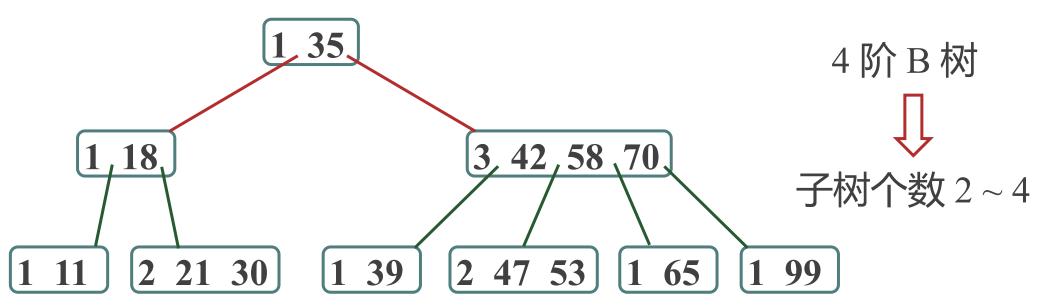
1. B树的定义

Balanced Tree 平衡的多路查找树



B树:一棵m阶的B树或者为空树,或者为满足下列特性的m叉树:

- (1) 每个结点至多有 m 棵子树;
- (2) 根结点至少有两棵子树;
- (3) 除根结点和叶子结点外,所有结点至少有m/2 棵子树;





1. B树的定义

Balanced Tree 平衡的多路查找树

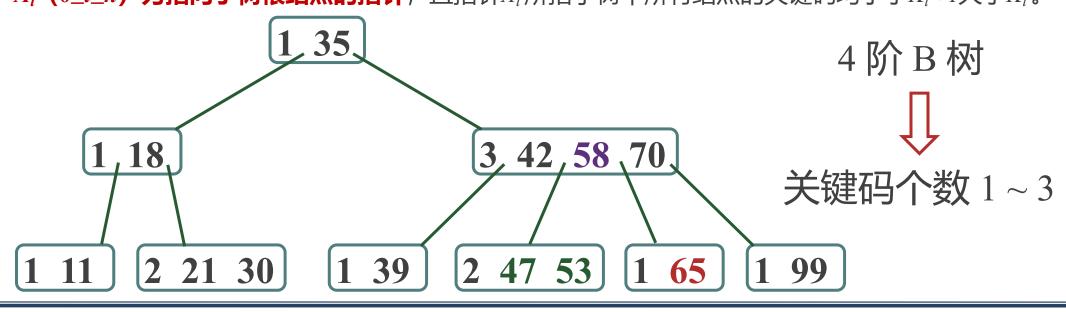


B树:一棵m阶的B树或者为空树,或者为满足下列特性的m叉树:

(4) 所有结点都包含以下数据:

$$(n, A_0, K_1, A_1, K_2, \ldots, K_n, A_n)$$

其中,n($\lceil m/2 \rceil - 1 \le n \le m - 1$)为关键码的个数, K_i ($1 \le i \le n$)为关键码,且 K_i < $K_i + 1$ ($1 \le i \le n - 1$), A_i ($0 \le i \le n$)为指向子树根结点的指针,且指针 A_i 所指子树中所有结点的关键码均小于 $K_i + 1$ 大于 K_i 。







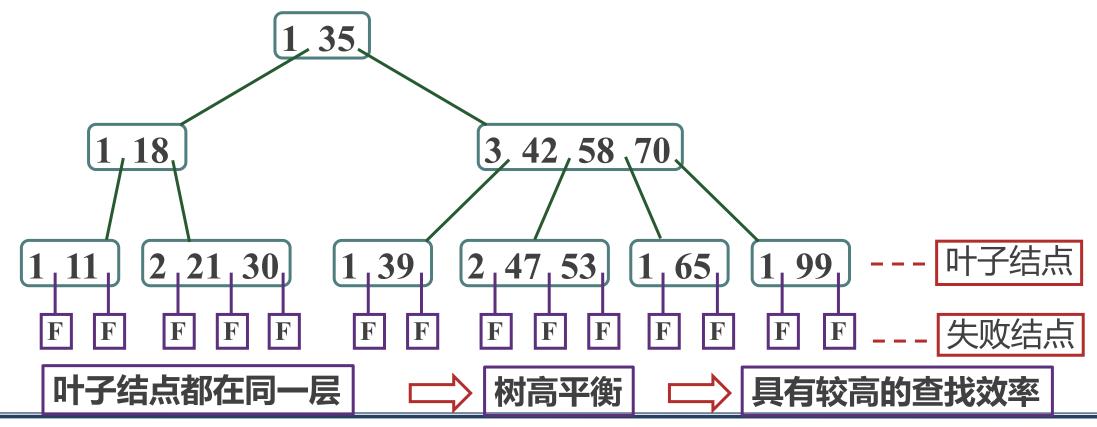
1. B树的定义

Balanced Tree 平衡的多路查找树



B树:一棵m阶的B树或者为空树,或者为满足下列特性的m叉树:

(5) 叶子结点都在同一层;

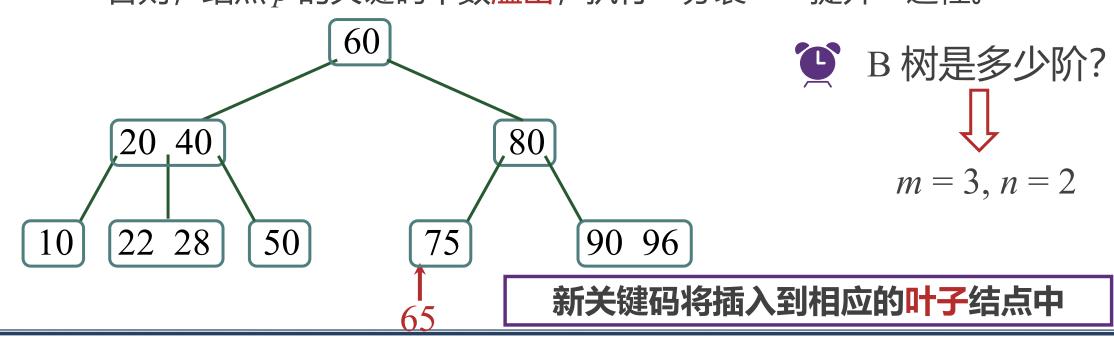




Balanced Tree 平衡的多路查找树



(1) **定位**: 确定关键码key应该插入哪个终端结点并返回该结点的指针p。 若 p 中的关键码个数小于n,则直接插入关键码key; 否则,结点 p 的关键码个数溢出,执行"分裂——提升"过程。



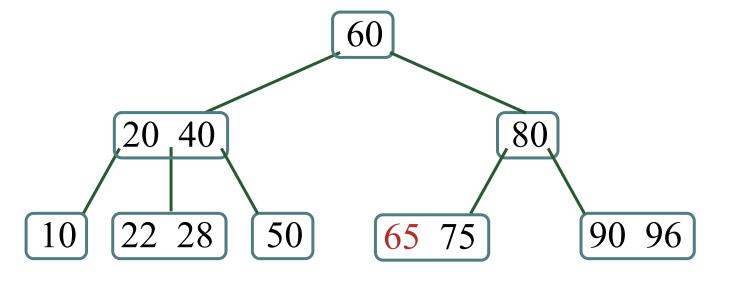


Balanced Tree 平衡的多路查找树



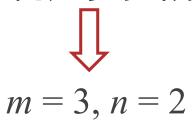
假定在 m 阶 B 树中插入关键码key,设n=m-1,插入过程如下:

(1) **定位**:确定关键码key应该插入哪个终端结点并返回该结点的指针p。 若 p 中的关键码个数小于n,则直接插入关键码key; 否则,结点 p 的关键码个数<mark>溢出</mark>,执行"分裂——提升"过程。





● B 树是多少阶?



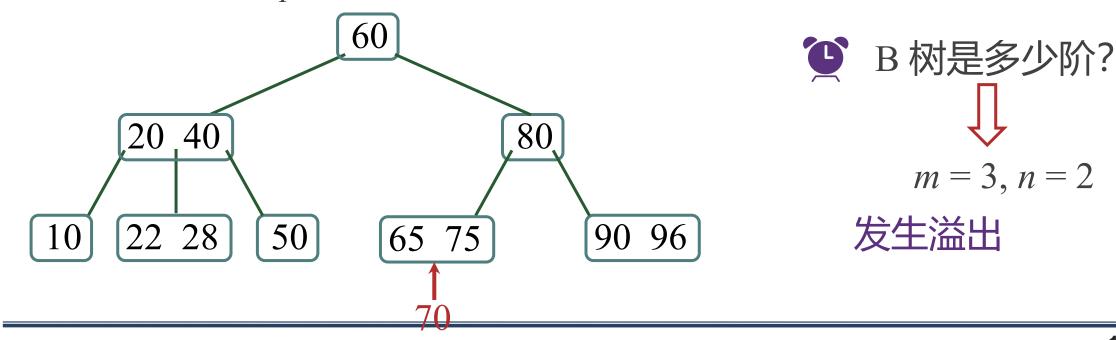




Balanced Tree 平衡的多路查找树

假定在m阶 B 树中插入关键码key,设n=m-1,插入过程如下:

(1) **定位**: 确定关键码key应该插入哪个终端结点并返回该结点的指针p。 若 p 中的关键码个数小于n,则直接插入关键码key; 否则,结点 p 的关键码个数溢出,执行"分裂——提升"过程。

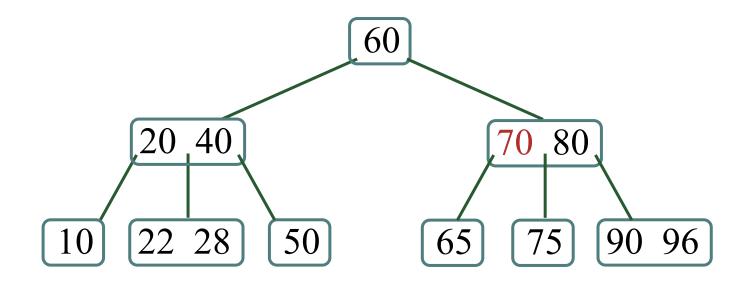


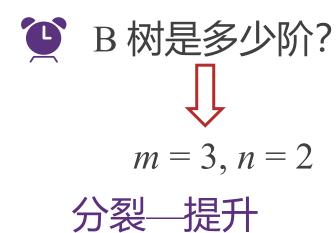


Balanced Tree 平衡的多路查找树

假定在m 阶 B 树中插入关键码key,设n=m-1,插入过程如下:

(2) **分裂 提升**:将结点 p "分裂"成两个结点,分别是 p_1 和 p_2 ,把中间的关键码k "提升"到父结点,并且k的左指针指向 p_1 ,右指针指向 p_2 。





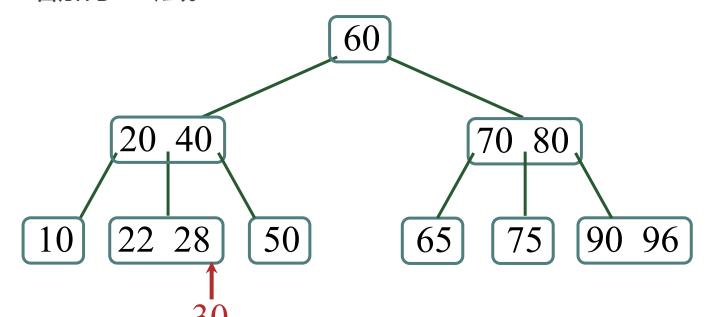


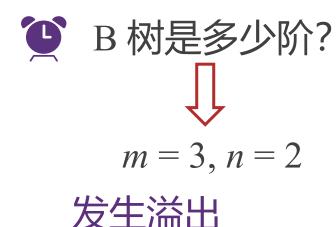


Balanced Tree 平衡的多路查找树



(2) 分裂 提升:如果父结点的关键码个数也溢出,则继续执行"分裂——提升"过程。显然,这种分裂可能一直上传,如果根结点也分裂了,则树的高度增加了一层。





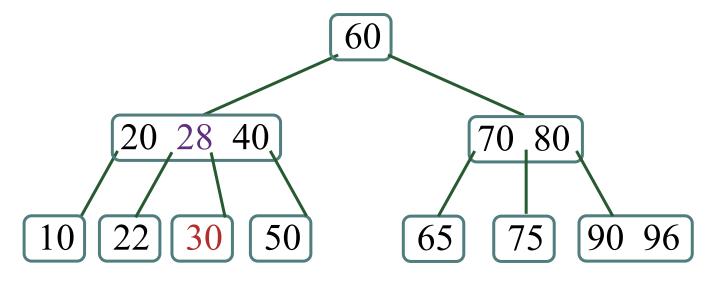


Balanced Tree 平衡的多路查找树



◀ 假定在 m 阶 B 树中插入关键码key,设n=m-1,插入过程如下:

(2) 分裂——提升:如果父结点的关键码个数也溢出,则继续执行"分裂— 提升"过程。显然,这种分裂可能一直上传,如果根结点也分裂了,则树的高度 增加了一层。





B 树是多少阶?



$$m = 3, n = 2$$

分裂—— 再次溢出

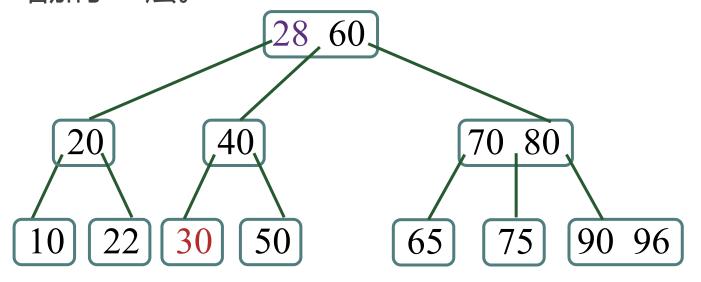


Balanced Tree 平衡的多路查找树



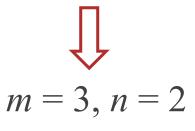
假定在 m 阶 B 树中插入关键码key,设n=m-1,插入过程如下:

(2) 分裂——提升: 如果父结点的关键码个数也溢出,则继续执行"分裂 提升"过程。显然,这种分裂可能一直上传,如果根结点也分裂了,则树的高度 增加了一层。





B 树是多少阶?

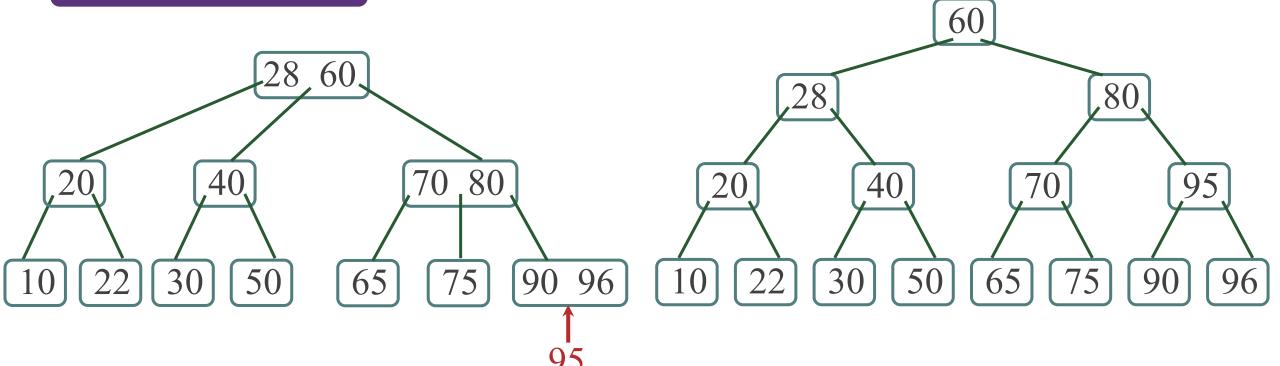


再次分裂——提升









少 为什么 B 树的根结点最少有两棵子树?

如果在 B 树中插入一个元素时导致根结点发生溢出,则 B 树产生一个新的根结点并且树高增加了一层,此时,新根只有一个关键码和两棵子树。



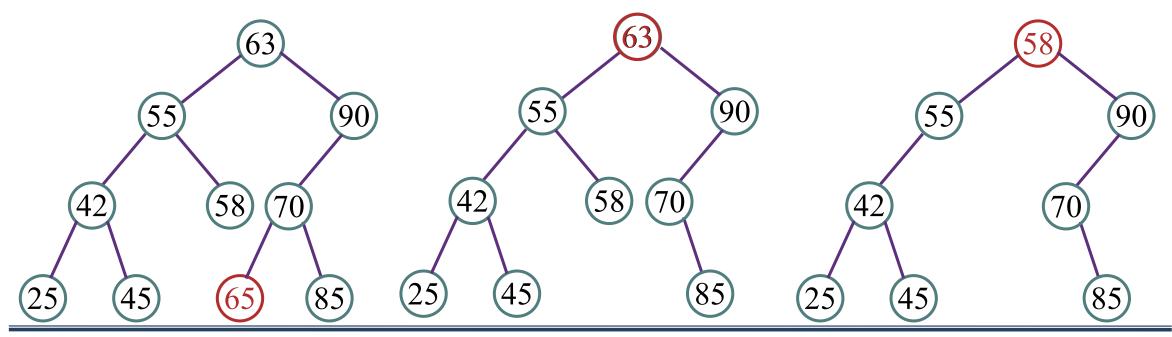
回顾



3. B树的删除

- 如何删除二叉排序中的一个结点?

 - 情况 3——被删除的结点既有左子树也有右子树。



7.3 树表的查找技术

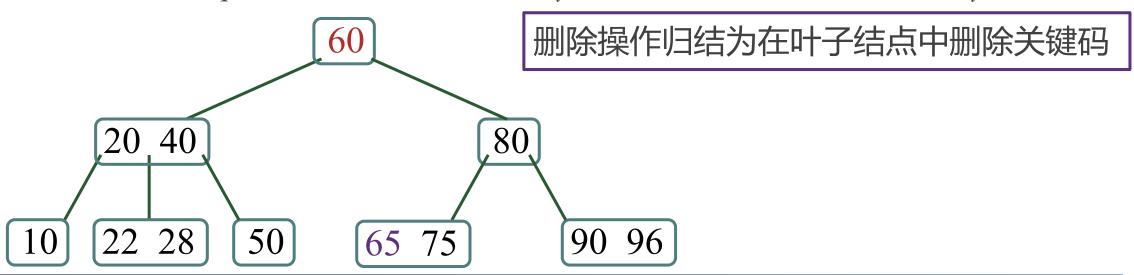


3. B树的删除



[†] 假定在 m 阶 B 树中删除关键码key, 删除过程如下:

- (1) 定位: 确定关键码key在哪个结点并返回该结点的指针q。 假定key是结点 q 中的第 i 个关键码 K_i ,有以下两种情况:
 - 1.1 若结点 q 是叶子结点,则删除key;
 - 1.2 若结点 q 不是叶子结点,则用 A_i 所指子树中的最小值 x 替换 K_i ; 删除 x;

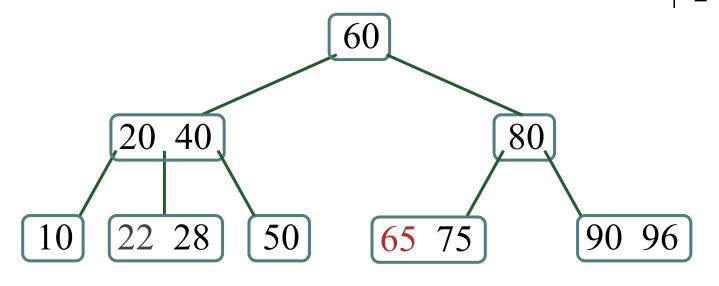






假定在 m 阶 B 树中删除关键码key, 删除过程如下:

- (2) 判断是否下溢
 - 2.1 如果叶子结点中关键码的个数大于 $\left| \frac{m}{2} \right|$ -1,则直接删除;





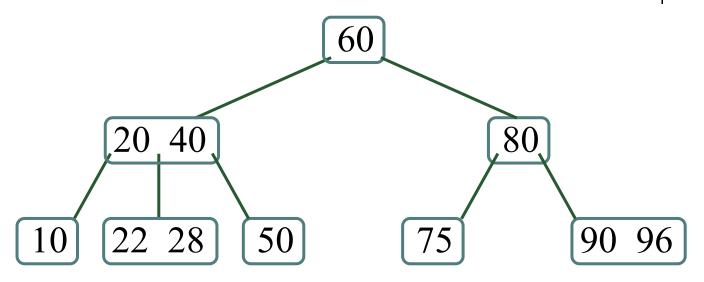
● B 树是多少阶?





假定在 m 阶 B 树中删除关键码key, 删除过程如下:

- (2) 判断是否下溢
 - 2.1 如果叶子结点中关键码的个数大于 $\left| \frac{m}{2} \right|$ -1,则直接删除;

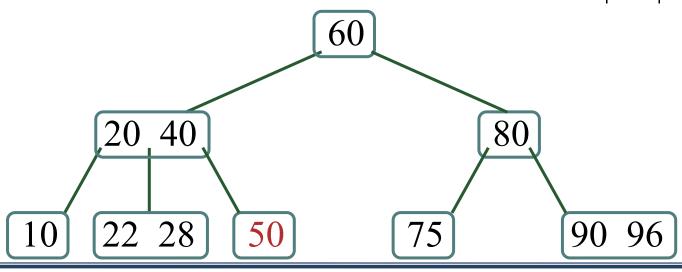






✓ 假定在 m 阶 B 树中删除关键码key, 删除过程如下:

- (2) 判断是否下溢
 - 2.1 如果叶子结点中关键码的个数大于 $\left| \frac{m}{2} \right|$ -1 ,则直接删除;
 - 2.2 否则,删除操作涉及到兄弟结点 $\begin{bmatrix} m \\ 2 \end{bmatrix}$,则向兄弟结点借一个关键码;







假定在 m 阶 B 树中删除关键码key, 删除过程如下:

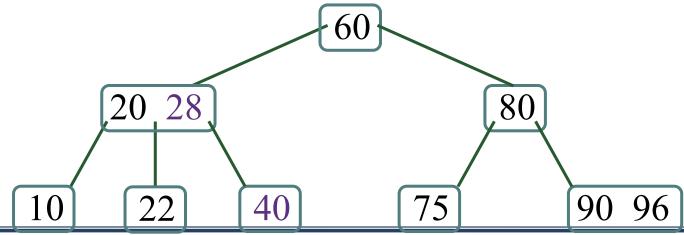
(2) 判断是否下溢

2.1 如果叶子结点中关键码的个数大于 $\left| \frac{m}{2} \right|$ -1 ,则直接删除;

2.2 否则,删除操作涉及到兄弟结点。

2.2.1 兄弟结点的关键码个数大于 $\left| \frac{m}{2} \right|$ 则向兄弟结点借一个关键码,

并且借来的关键码"上移"到双亲结点,双亲结点相应关键码"下移";







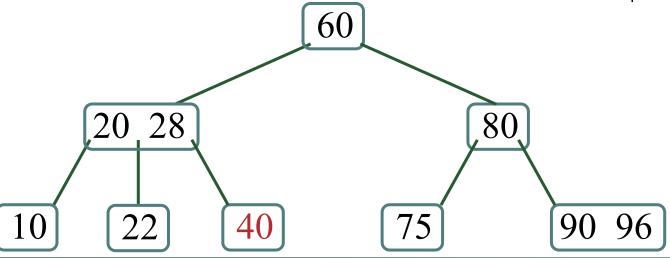
→ 假定在 m 阶 B 树中删除关键码key, 删除过程如下:

(2) 判断是否下溢

 $\frac{m}{2}$ -1,则直接删除; 2.1 如果叶子结点中关键码的个数大于

2.2 否则,删除操作涉及到兄弟结点

 $\begin{bmatrix} \frac{m}{2} \end{bmatrix}$,则执行"合并"兄弟操作; 2.2.2 兄弟结点的关键码个数不大于







✓ 假定在 m 阶 B 树中删除关键码key, 删除过程如下:

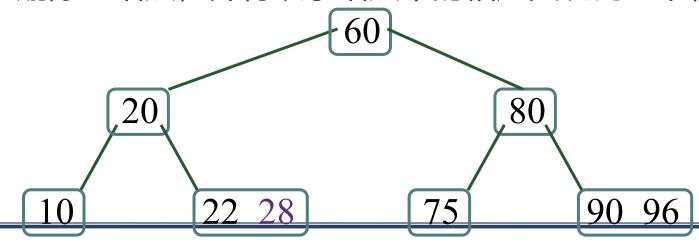
(2) 判断是否下溢

2.1 如果叶子结点中关键码的个数大于 $\left| \frac{m}{2} \right|$ -1,则直接删除;

2.2 否则,删除操作涉及到兄弟结点

2.2.2 兄弟结点的关键码个数不大于 $\left| \frac{m}{2} \right|$,则执行"合并"兄弟操作;

删除空结点,并将双亲结点中的相应关键码"下移"到合并结点中;



7.3 树表的查找技术

7-3-3 B树



3. B树的删除



假定在 m 阶 B 树中删除关键码key, 删除过程如下:

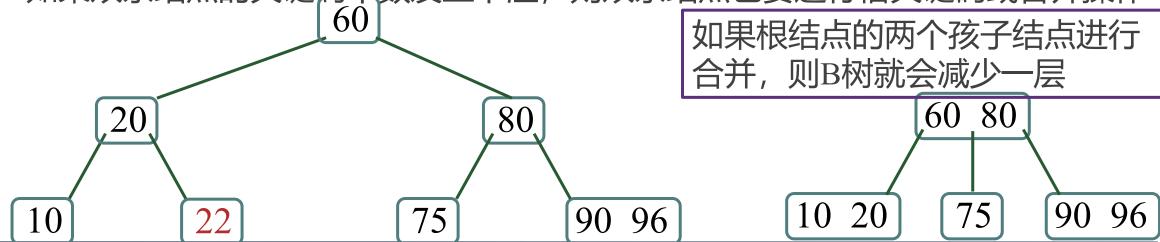
(2) 判断是否下溢

2.1 如果叶子结点中关键码的个数大于 $\left| \frac{m}{2} \right|$ -1,则直接删除;

2.2 否则,删除操作涉及到兄弟结点

2.2.2 兄弟结点的关键码个数不大于 $\left| \frac{m}{2} \right|$,则执行"合并"兄弟操作;

如果双亲结点的关键码个数发生下溢,则双亲结点也要进行借关键码或合并操作







✓ 假定在 m 阶 B 树中删除关键码key, 删除过程如下:

- (1) 定位:确定关键码key在哪个结点并返回该结点的指针q。 假定key是结点 q 中的第 i 个关键码 K_i ,有以下两种情况:
 - 1.1 若结点 q 是叶子结点,则删除key;
 - 1.2 否则用 A_i 所指子树中的最小值 x 替换 K_i ; 删除 x;
- (2) 判断是否下溢
 - 2.1 如果叶子结点中关键码的个数大于 $\left| \frac{m}{2} \right|$ -1 ,则直接删除;
 - 2.2 否则,删除操作涉及到兄弟结点 $\lceil m \rceil$
 - 2.2.1 兄弟结点的关键码个数大于 $\frac{1}{2}$,则向兄弟结点借一个关键码,

并且借来的关键码"上移"到双亲结点,双亲结点相应关键码"下移";

2.2.2 否则执行"合并"兄弟操作;删除空结点,并将双亲结点中的相

小结



- 1. 掌握二叉排序树的构建、查找、插入、删除原理
- 2. 掌握二叉排序树的实现方法和性能分析方法
- 3. 掌握平衡二叉树的相关概念和不同类型平衡调整方法
- 4. 了解平衡二叉树的性能分析方法
- 5. 掌握B树的定义和查找方法
- 6. 理解B树的插入和删除方法



Thank You ?



