

Data Structures

Trees & Binary Trees

2022年10月19日

学而不厭 誨 人不倦

Chapter 5 树和二叉树



- **⑤** 5.1 引言
- ☞ 5.2 树的逻辑结构
- ☞ 5.3 树的存储结构
- ☞ 5.4 二叉树的逻辑结构
- ☞ 5.5 二叉树的存储结构
- ☞ 5.6 森林
- **☞ 5.7 最优二叉树**
- ☞ 5.8 扩展与提高
- ☞ 5.9 应用实例



5-5-1 二叉树的顺序存储结构



1. 二叉树的顺序存储结构

用一组连续的存储单元依次存储数据元素,由存储位置表示元素之间的逻辑关系

- ★ 二叉树的顺序存储结构是用一维数组存储二叉树的结点,结点的存储位置(下标)应能体现结点之间的逻辑关系——父子关系
- 如何利用数组下标来反映结点之间的逻辑关系?

完全二叉树中结点的编号可以唯一地反映结点之间的逻辑关系

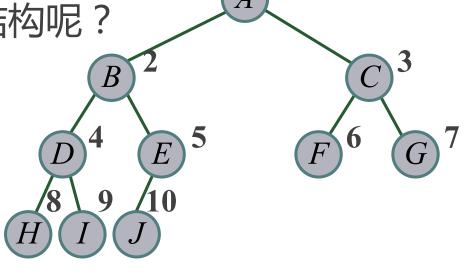
二叉树的顺序存储结构



1. 二叉树的顺序存储结构

如何定义二叉树的顺序存储结构呢?

const MaxSize = 100; template <typename DataType> struct SeqBiTree DataType data[MaxSize]; int biTreeNum;





1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A	В	C	D	E	F	G	H	I	J

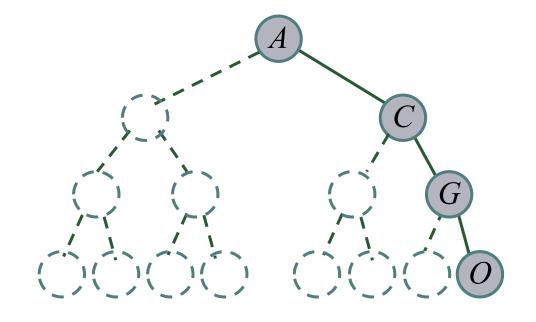


1. 二叉树的顺序存储结构



● 顺序存储一棵右斜树会发生什么情况?

缺点:浪费存储空间



二叉树的顺序存储结构一般仅存储完全二叉树

二叉树的顺序存储结构



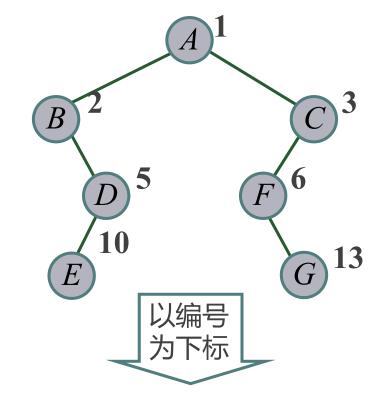
1. 二叉树的顺序存储结构

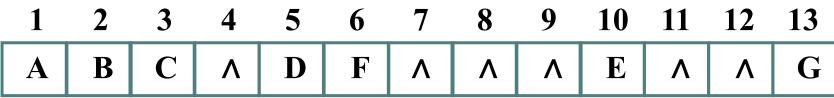


对于普通的二叉树,如何顺序存储呢?

将二叉树按完全二叉树编号:

- (1)根结点的编号为1
- (2) 若某结点 i 有左孩子,则其左孩子 的编号为 2i
- (3) 若某结点 i 有右孩子,则其右孩子 的编号为 2i+1





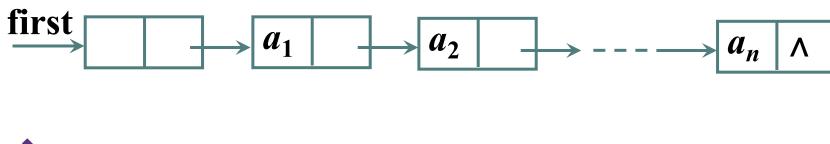


5-5-2 二叉链表



1. 二叉链表的存储方法

如何用链接存储方式存储二叉树呢?



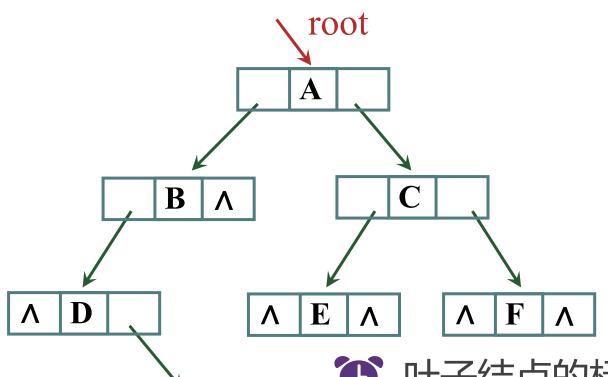
★ 二叉链表:二叉树的每个结点对应一个链表结点,链表结点存放结点的数据信息和指示左右孩子的指针

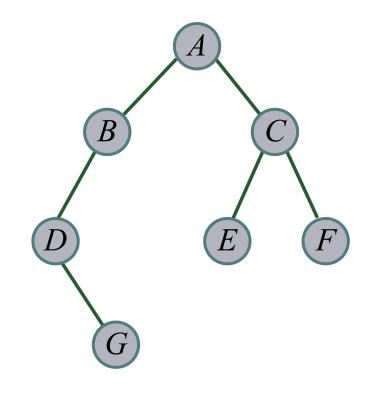
lchild data rchild

5-5-2 二叉链表



1. 二叉链表的存储方法





□ 叶子结点的标志? □ 左右孩子指针均为空



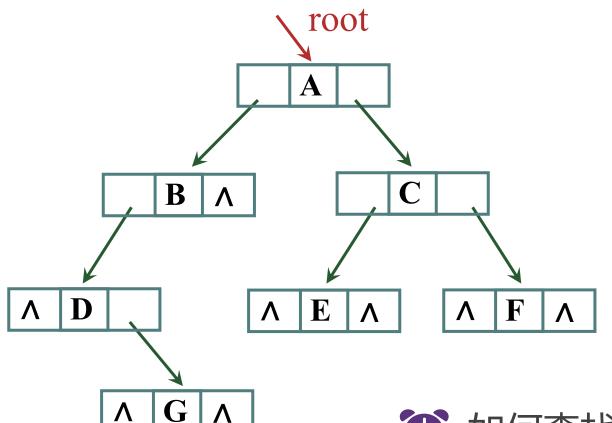
□ n 个结点的二叉链表有多少个空指针?

 $2n^{-}(n^{-}1) = n+1$ 个空指针

5-5-2 二叉链表



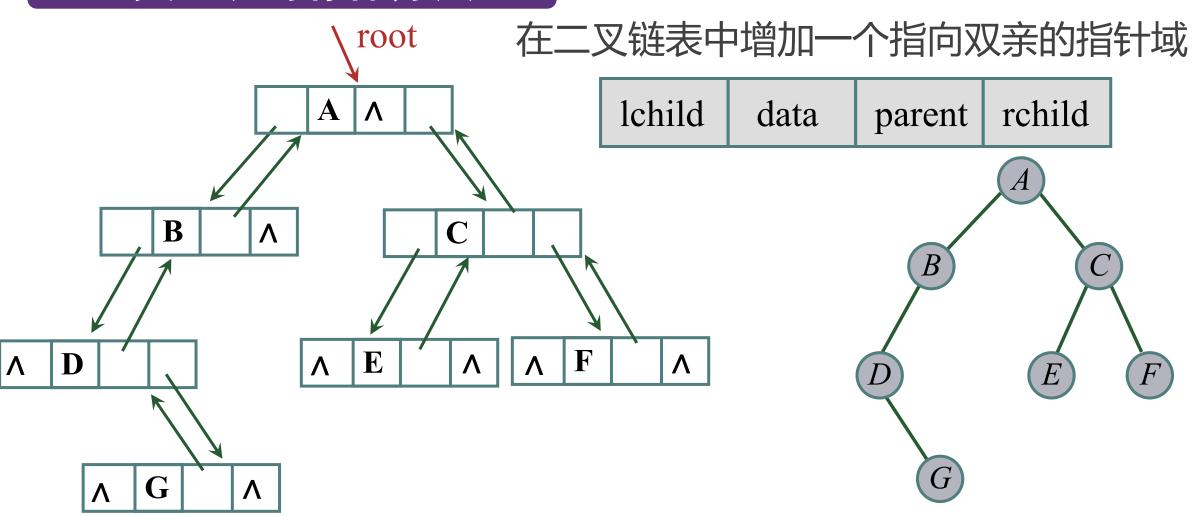
1. 二叉链表的存储方法



```
template <typename DataType>
struct BiNode
  DataType data;
  BiNode< DataType > *lchild, *rchild;
```



2. 三叉链表的存储方法



5-5-2 二叉链表



3. 二叉链表的类定义



立 二叉树的抽象数据类型定义?

InitBiTree:初始化一棵空的二叉树

CreatBiTree:建立一棵二叉树

DestroyBiTree:销毁一棵二叉树

PreOrder:前序遍历二叉树

InOrder:中序遍历二叉树

PostOrder: 后序遍历二叉树

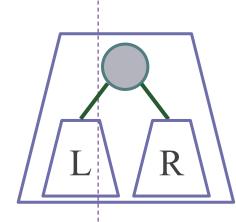
LeverOrder: 层序遍历二叉树



```
template <typename DataType>
class BiTree
public:
  BiTree(){root = Creat(root);}
  ~BiTree(){Release(root);}
  void PreOrder(){PreOrder(root);}
  void InOrder(){InOrder(root);}
  void PostOrder(){PostOrder(root);}
  void LeverOrder( );
private:
  BiNode<DataType> *Creat(BiNode<DataType> *bt);
  void Release(BiNode<DataType> *bt);
  void PreOrder(BiNode<DataType> *bt);
  void InOrder(BiNode<DataType> *bt);
  void PostOrder(BiNode<DataType> *bt);
  BiNode<DataType> *root;
```



4. 二叉树的前序遍历

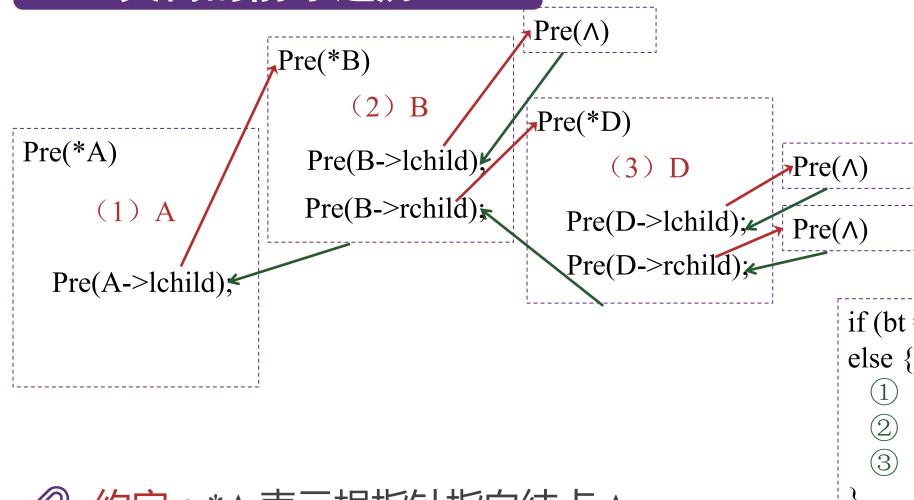


按照先左后右的方式扫描二叉树,区别仅在于访问结点的时机

5-5-2 二叉链表



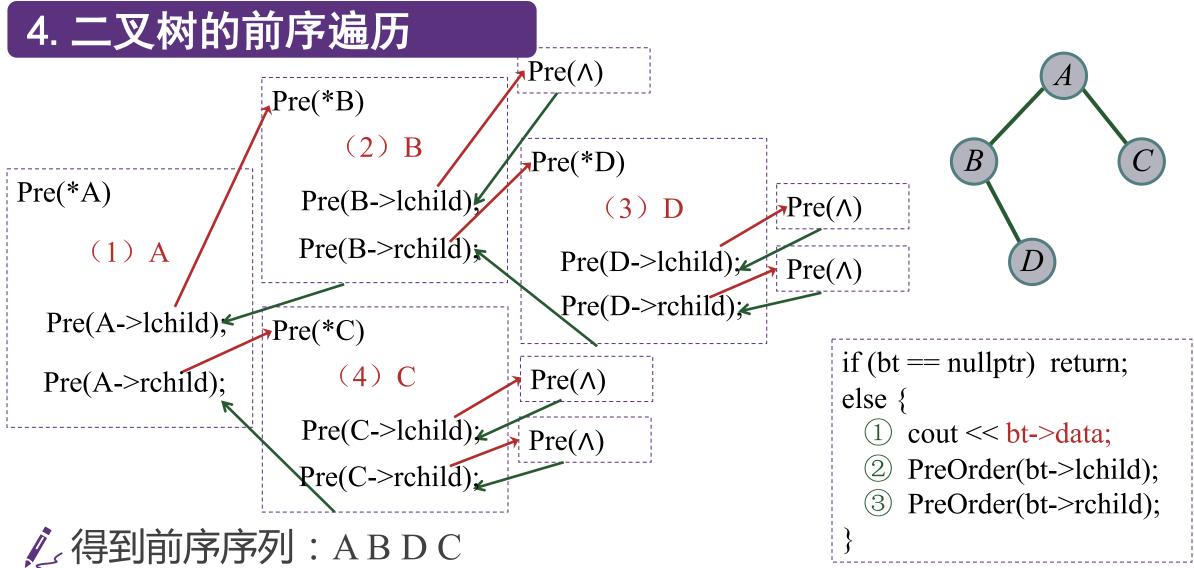
4. 二叉树的前序遍历



Bif (bt == nullptr) return; cout << bt->data; PreOrder(bt->lchild); PreOrder(bt->rchild);

5-5-2 二叉链表



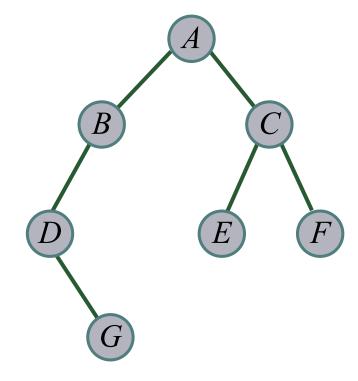


5-5-2 二叉链表



5. 二叉树的层序遍历

- 1. 队列 Q 初始化;
- 2. 如果二叉树非空,将根指针入队;
- 3. 循环直到队列 Q 为空
 - 3.1 q = 队列 Q 的队头元素出队;
 - 3.2 访问结点 q 的数据域;
 - 3.3 若结点 q 存在左孩子,则将左孩子指针入队;
 - 3.4 若结点 q 存在右孩子,则将右孩子指针入队;



遍历序列: ABCDEFG

2022年10月28日 17





5. 二叉树的层序遍历

```
template <typename DataType>
void BiTree<DataType> :: LevelOrder( )
   BiNode<DataType> *Q[100], *q = nullptr;
   int front = -1, rear = -1;
   if (root == nullptr) return; //空树
   Q[++rear] = root; //存根结点
   while (front != rear)
      q = Q[++front]; cout \leq q->data;
      if (q->lchild != nullptr) Q[++rear] = q->lchild;
      if (q->rchild != nullptr) Q[++rear] = q->rchild;
```

```
template <typename DataType>
struct BiNode
{
    DataType data;
    BiNode< DataType > *lchild, *rchild;
};
```

O(n)

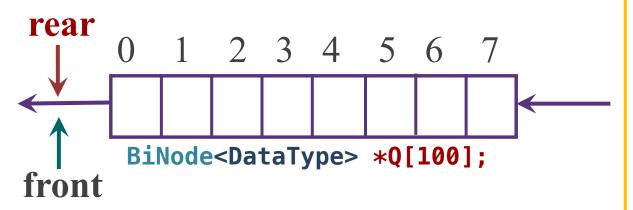
igodots 时间复杂度 ? \Longrightarrow 每个结点进队出队一次 \Longrightarrow O(n)

2022年10月28日

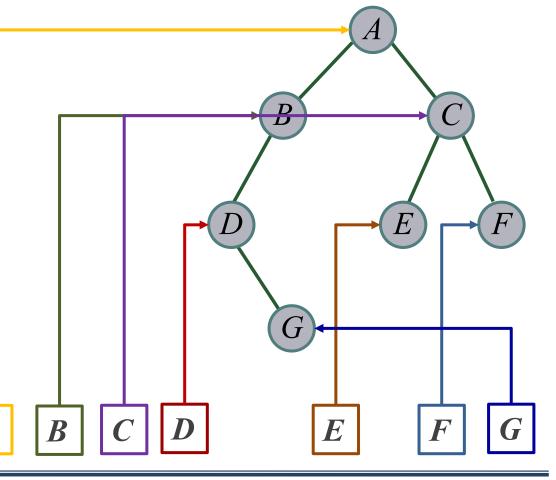




5. 二叉树的层序遍历



```
int front = -1, rear = -1; // 初始化
if (root == nullptr) return; //空树
Q[++rear] = root;
```



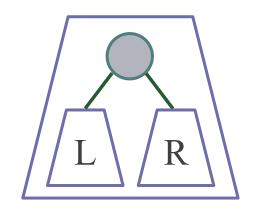


6. 二叉链表的建立

在内存中建立一棵二叉链表,如何输入二叉树的信息?

遍历将二叉树审视一遍,将非线性结构转换为线性结构

遍历是二叉树各种操作的基础,可以在遍历的过程中建立一棵二叉树



5-5-2 二叉链表

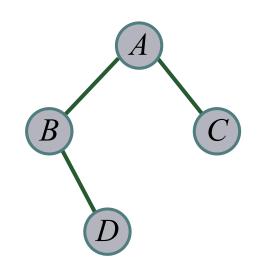


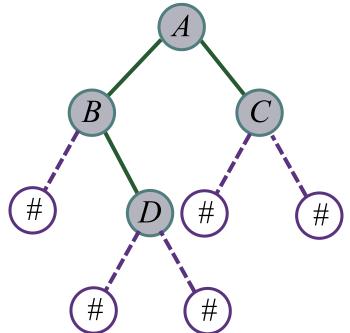
6. 二叉链表的建立

如何由一种遍历序列生成该二叉树?

扩展二叉树:将二叉树中每个结点的空指针引出一个虚结点,

其值为一特定值如 '#'





扩展二叉树的前序遍历序列:AB#D##C##



6. 二叉链表的建立

```
template <typename DataType>
BiNode<DataType> *BiTree<DataType> :: Creat(BiNode<DataType> *bt)
  char ch;
                                   //输入结点的数据信息,假设为字符
  cin >> ch;
                                   //建立一棵空树
  if (ch == '\#') bt = nullptr;
  else {
     bt = new BiNode<DataType>; bt->data = ch;
     bt->lchild = Creat(bt->lchild); //递归建立左子树
     bt->rchild = Creat(bt->rchild); //递归建立右子树
  return bt;
```



7. 二叉链表的销毁



少 为什么要销毁内存中的二叉链表?

二叉链表是动态存储分配,二叉链表的结点是在程序运行过程中动态申请的, 在二叉链表变量退出作用域前,要释放二叉链表的存储空间

```
template <typename DataType>
void BiTree<DataType> :: Release(BiNode<DataType> *bt)
   if (bt == nullptr) return;
   else {
                                   //释放左子树
      Release(bt->lchild);
                                   //释放右子树
      Release(bt->rchild);
                                   //释放根结点
      delete bt;
```

5-5-2 二叉链表



8. 二叉链表的使用

```
int main()
                                             PreOrder: ABDC
                                             InOrder: BDAC
   cout <<"Please input BiTree:";</pre>
                                             PostOrder: DBCA
   BiTree<char> T;
                                             LevelOrder: ABCD
   cout<<endl<<"Pre0rder: ";</pre>
   T.PreOrder();
                                             The depth of the bitree:3
   cout<<endl<<"InOrder: ";</pre>
   T.InOrder();
   cout<<endl<<"PostOrder: ":</pre>
   T.PostOrder();
   cout<<endl<<"LevelOrder: ";</pre>
   T.LevelOrder():
   cout<<endl<<"The number of leafnodes:"<<T.BiTreeLeaf():</pre>
   cout<<endl:
   cout<<"The depth of the bitree:"<<T.BiDepth()<<endl;</pre>
   return 0;
```

```
Please input BiTree:AB#D##C##
The number of leafnodes:2
```

小结



- 1. 理解二叉树的顺序存储结构及其特点
- 2. 熟练掌握二叉链表的定义及节点结构
- 3. 熟练掌握二叉树遍历的递归方法
- 4. 掌握二叉树的层序遍历方法
- 5. 掌握二叉树的建立和销毁方法

实验安排



实验五、树和二叉树的实现与应用

一、实验目的

- 1.掌握二叉树的逻辑结构、存储结构及遍历方法。
- 2. 掌握二叉链表的定义、节点结构与实现方法。
- 3.用C++语言实现相关算法,并上机调试。

二、实验内容

- 1. 实现二叉链表类,并完成前序、中序、后序和层序四种方式遍历。
- 2. 设计算法分别实现叶子结点个数统计和二叉树深度的计算。
- 3. 利用Huffman编码实现文本数据的压缩编码。(扩展)
- 4. 给出测试过程和测试结果。

实验时间: 第10周周四晚

22网安:18:30-20:10 22物联网:20:10-21:50

实验地点: 软件基础实验室301(老干部处)

作业



1. 编写一算法, 求二叉树中叶子结点的个数, 并通过函数值返回。

函数头: int BiTree<DataType>::BiTreeLeaf(BiNode<DataType>*bt)

提示:树中叶子结点的个数等于其左、右子树中叶子结点的个数之和,递归算法。

2.编写一算法,求二叉树的深度,并通过函数值返回。

函数头: int BiTree<DataType>::BiDepth(BiNode<DataType> *bt)

提示:树的深度等于其左、右子树中深度较大的一个加上1,递归算法。



Thank You !





