

Data Structures

线性表 Linear Lists

2023年9月5日

学而不厭 誨 人不倦

Chapter 2 线性表



- ☞ 2.1 引言
- ☞ 2.2 线性表的逻辑结构
- ☞ 2.3 线性表的顺序存储结构及实现
- ☞ 2.4 线性表的链接存储结构及实现
- ☞ 2.5 顺序表和链表的比较
- ☞ 2.6 约瑟夫环与一元多项式求和





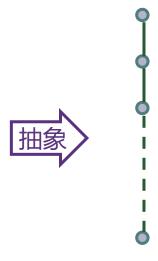
随处可见的线性结构





学籍管理问题

学号	姓名	性别	出生日期	籍贯
15041001	王军	男	19970102	吉林省图们市
15041002	李 明	男	19980328	吉林省吉林市
15041003	汤晓影	女	19971116	吉林省长春市
•••	•••	•••	•••	•••



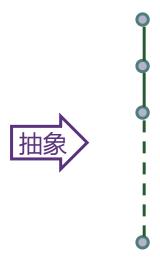
二维表

线性结构



工资管理问题

职工号	姓名	性别	基本工资	岗位津贴	业绩津贴
000826	王一梅	女	3480	1900	1380
000235	李明	男	3860	2400	1600
000973	郑浩	男	2850	1600	1050
•••	•••	•••	•••	•••	•••



二维表

线性结构



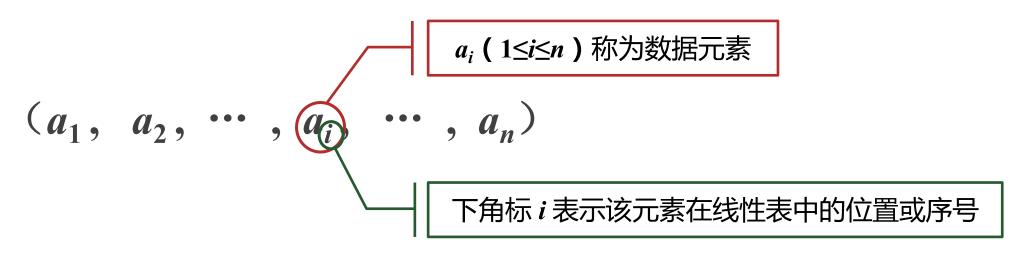
线性结构特点:

- 唯一头元素
- 唯一尾元素
- 除头元素外,均有一个直接前驱
- 除尾元素外,均有一个直接后继



线性表的定义

★ 线性表(表): $n(n\geq 0)$ 个具有相同类型的数据元素的有限序列



★ 线性表的长度:线性表中数据元素的个数

★ 空表:长度等于零的线性表



线性表的逻辑特征



- 1. 数据元素**个数的有限性** $L_1 = (1, 3, 5, 7, 9)$ $L_2 = ('a', 'e', 'i', 'o', 'u')$
- 2. 数据元素**类型的相同性** $L_3 = ((Li, 8, 3), (Wang, 7, 4), (Zhang, 5, 5))$
- 3. 数据元素**类型的抽象性** □ 不确定、任意
- 4. 相邻数据元素的**序偶关系**,且 a_1 无前驱, a_n 无后继
- 序偶:两个具有固定次序的元素组成的序列,记作(a,b),且称 $a \neq b$ 的前驱, $b \neq a$ 的后继



ADT List

线性表的抽象数据类型定义

DataModel

线性表中的数据元素具有相同类型,相邻元素具有前驱和后继关系

Operation

InitList:表的初始化,建一个空表

DestroyList:销毁表,释放表所占用的存储空间

Length: 求表的长度

Get: 在表中取序号为 i 的数据元素

Locate: 在线性表中查找值等于 x 的元素

Insert: 在表的第i个位置处插入一个新元素x

Delete: 删除表中的第<math>i个元素

Empty: 判断表是否为空

endADT



InitList

线性表的抽象数据类型定义

输入:无

功能:表的初始化,建一个空表

输出:无

DestroyList

输入:无

功能:销毁表,释放表所占用的存储空间

输出:无

Length

输入:无

功能: 求表的长度

输出:表中数据元素的个数



Get

线性表的抽象数据类型定义

输入:元素的序号 i

功能:在表中取序号为 i 的数据元素

输出:若i合法,返回序号为i的元素值

Locate

输入:数据元素 x

功能:在线性表中查找值等于 x 的元素

输出:若查找成功,返回x在表中的序号,否则返回0

Insert

输入:插入位置i,待插x

功能:在表的第 i 个位置处插入一个新元素 x

输出:若插入成功,表中增加一个新元素;否则给出失败信息



线性表的抽象数据类型定义

Delete

输入:删除位置 i

功能:删除表中的第 i 个元素

输出:若删除成功,表中减少一个元素;否则给出失败信息

Empty

输入:无

功能:判断表是否为空

输出:若是空表,返回1,否则返回0

- (1)线性表的基本操作根据实际应用而定
- (2)复杂的操作可以通过基本操作的组合来实现
- (3)对不同的应用,操作的接口可能不同



顺序表的存储方法

★ 顺序表(向量):线性表的顺序存储结构

例: (34, 23, 67, 43)

34 23 67 43 4

- → 存储要点 {用一段地址**连续**的存储单元 **依次**存储线性表中的数据元素

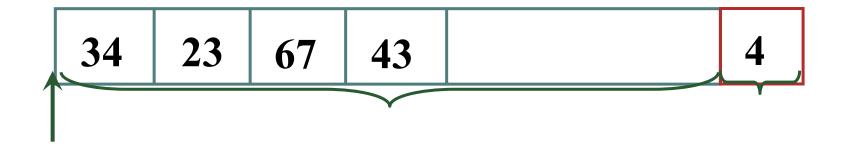
算 某些内存单元可能是空吗?



顺序表的存储方法

★ 顺序表(向量):线性表的顺序存储结构

例: (34, 23, 67, 43)



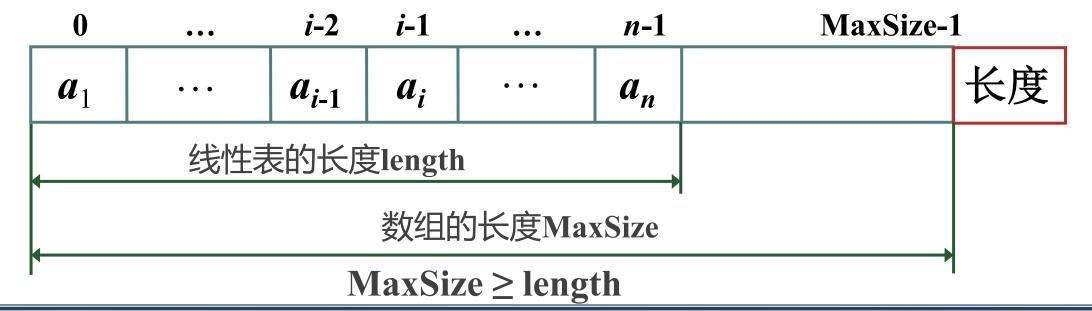
- 用什么属性来描述顺序表?
- **夕** 存储空间的起始位置
- 顺序表的容量(最大长度)
- *厕* 顺序表的当前长度



顺序表的存储方法

★ 顺序表:线性表的顺序存储结构

$$(a_1, \cdots, a_{i-1}, a_i, \cdots, a_n)$$



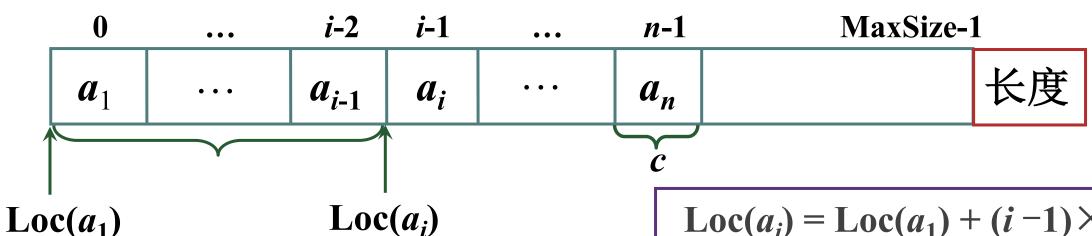


存取访问



★ 顺序表:线性表的顺序存储结构

$$(a_1, \cdots, a_{i-1}, a_i, \cdots, a_n)$$





如何求得任意元素的存储地址?

$$Loc(a_i) = Loc(a_1) + (i-1) \times c$$



存取时间是O(1)



存储结构与存取结构

★ 随机存取:在O(1)时间内存取数据元素

存储结构——数据及其逻辑结构在计算机中的表示

存取结构——在一个数据结构上对(按位置)查找操作的时间性能

顺序表是一种随机存取的<mark>存储结构</mark>,其含义为:在顺序表这种存储结构上进行的(按位置)查找操作,其时间性能为O(1)



顺序表的实现——



货 线性表的抽象数据类型定义?

InitList:表的初始化,建一个空表

DestroyList:销毁表,释放表所占用的存储空间

Length: 求表的长度

Get: 在表中取序号为 i 的数据元素

Locate: 在线性表中查找值等于 x 的元素

Insert: 在表的第i个位置处插入一个新元素x

Delete:删除表中的第 i 个元素

Empty: 判断表是否为空



```
const int MaxSize = 100;
template <typename DataType>
class SeqList
public:
 SeqList( );
 SeqList(DataType a[], int n);
 ~SeqList();
 int Length();
 DataType Get(int i);
 int Locate(DataType x );
 void Insert(int i, DataType x);
 DtaType Delete(int i); int Empty( );
 int Empty();
 void PrintList( );
private:
 DataType data[MaxSize];
 int length;
```



顺序表的实现— -初始化



砂 初始化顺序表的函数原型是什么?

InitList

输入:无

功能:表的初始化,建一个空表

输出:无

```
SeqList<DataType> :: SeqList( )
   Length = 0;
```

```
0
                                                                          MaxSize-1
                             \bullet
```



顺序表的实现——建立

```
SeqList<DataType> :: SeqList(DataType a[], int n)
  if (n > MaxSize) throw "参数非法";
  for (int i = 0; i < n; i++)
       data[i] = a[i];
  length = n;
                        数组a
                                                   33
                                                         42
                                 35
                                       12
                                             24
                     顺序表
                                             24
                                                   33
                                                         42
```



顺序表的实现——判空

```
int SeqList<DataType> :: Empty()
{
  if (length == 0) return 1;
  else return 0;
}
```

0	• • •	<i>i</i> -2	<i>i</i> -1	• • •	<i>n</i> -1	MaxSize-1	1	
a_1	• • •	a_{i-1}	a_i	• • •	a_n		n	



顺序表的实现——长度

```
int SeqList<DataType> :: Length( )
{
  return length ;
}
```

0	• • •	<i>i</i> -2	<i>i</i> -1	• • •	<i>n</i> -1	MaxSize-1	
\boldsymbol{a}_1	•••	a_{i-1}	a_i	• • •	a_n	Tr.	ı



顺序表的实现——按位查找

```
template <typename DataType>
DataType SeqList<DataType> :: Get(int i)
{
    if (i < 1 && i > length) throw "查找位置非法";
    else return data[i - 1];
}
```

0	•••	<i>i</i> -2	i-1	•••	<i>n</i> -1	MaxSize-1	
a_1	• • •	a_{i-1}	a_i	•••	a_n	length	



按位查找的时间复杂度 ? \longrightarrow O(1) \longrightarrow 随机存取



顺序表的实现——按值查找

```
template <typename DataType>
int SeqList<DataType> :: Locate(DataType x)
  for (int i = 0; i < length; i++)
                                    //返回其序号i+1
     if (data[i] == x) return i+1;
                                    //退出循环,说明查找失败
  return 0;
                                                       MaxSize-1
  0
                                        n-1
                                                                 length
 a_1
                                        a_n
```

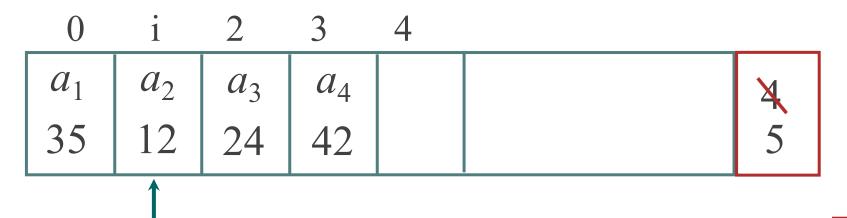


按值查找的时间复杂度? -> O(n



顺序表的实现-

例 1 对于线性表(35, 12, 24, 42),在 i = 2的位置上插入元素33





€ 表满: length >= MaxSize



⚠ 合理的插入位置: $1 \le i \le \text{length} + 1$ (注意: i 指的是元素的序号)



顺序表的实现——插入

```
template <typename DataType>
void SeqList<DataType> :: Insert(int i, DataType x)
   if (length == MaxSize) throw "上溢";
   if (i < 1 || i > length + 1) throw "插入位置错误";
   for (int j = length; j \ge i; j--)
     data[j] = data[j-1]; //第j个元素存在数组下标为j-1处
   data[i-1] = x;
   length++;
                                     基本语句?执行多少次?
```



顺序表的实现-



最好情况 (i=n+1):执行0次,时间复杂度为O(1)



最坏情况(i=1):执行n+1次,时间复杂度为O(n)



平均情况 $(1 \le i \le n+1)$:时间复杂度为O(n)

$$\sum_{i=1}^{n+1} p_i(n-i+1) = \frac{1}{n+1} \sum_{i=1}^{n+1} (n-i+1) = \frac{n}{2} = O(n)$$

for (int
$$j = length$$
; $j \ge i$; $j--$)

$$data[j] = data[j-1];$$



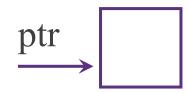
基本语句?执行多少次?



顺序表的实现——删除

例 2 对于线性表 (35,33,12,24,42),删除位置 i = 2的数据元素

0	1	2	3	4	
a_1	a_2	a_3	a_4	a_5	5
35	33	12	24	42	4



请仿照顺序表的插入算法,完成删除算法:

- 1. 分析边界条件
- 2. 分别给出伪代码和C++语言实现
- 3. 分析时间复杂度

小结





。顺序存储线性表特点

a ₁	a _{i-1}	a _i		a _n
----------------	-------------------------	----------------	--	----------------

以元素在计算机内的"物理位置相邻"来表示线性表中数据元素之间的 "逻辑关系相邻"。

只要确定线性表的起始地址,线性表中的任意数据元素都可随意存取, 故线性表的顺序存贮结构又称为随机存取存储结构。

优点:

缺点:

- 可随机存取表中任意数据元素
- 直接可获取线性表的长度

• 数据元素的插入、删除相对麻烦

实验安排



实验一、顺序存储结构线性表的建立及操作

一、实验目的

- 1. 掌握线性表的存储结构的特点,理解顺序存储结构表示线性表的方法。
- 2. 掌握顺序存储结构线性表数据元素类型定义的格式与方法。
- 3. 掌握对线性表的元素进行删除和插入的原理与方法。
- 4.用C++语言实现顺序结构存储线性表的建立,元素的删除与插入算法,并上机调试。

二、实验内容

1.设计C++类及相关方法,用于维护学生成绩表:

基础信息:学号姓名分数:long num; char name[10]; float score;

- 2. 写出建立线性表,并向线性表中输入数据的函数。
- 3. 写出删除指定学号的学生信息,及按学生的成绩顺序插入新的学生信息的函数。(假定学生

的成绩已有序排列)

4. 写出输入及输出的内容。

5. 合并两张有序表(扩展内容)

实验时间: 第2周周四晚

22网安:18:30-20:10 22物联网:20:10-21:50

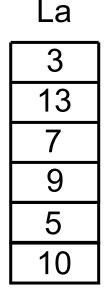
实验地点: 软件学院502

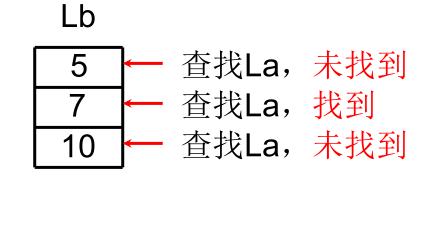
扩展



算法设计1:两个线性表La,Lb的合并。

要求: 扩展线性表La,将存在于Lb中而不存在于La中的数据元素插入到La中。





思想:

- 1. 依次取出 Lb 中的数据元素进行处理
- 2. 判断该数据元素是否存在于 La 中
- 3. 在则取下一个数据元素,否则插入到 La 中



算法设计2:两个有序线性表La,Lb的合并。

要求: 线性表La、Lb中的数据元素按值非递减有序排列,合并La、Lb构造Lc,使Lc中的数据元素仍按值非递减有序排列。



Thank You !

