

CEC

选频网络 Frequency Selection Circuits/Networks

2025年3月5日

Chapter 2 选频网络



- ☞ 2.1 串联谐振回路
- ☞ 2.2 并联谐振回路
- **☞ 2.3 串、并联阻抗的等效互换与回路抽头**时的阻抗变换
- **② 2.4 耦合回路**
- ☞ 2.5 滤波器的其他形式



> 1. 并联阻抗转变为串联阻抗

所谓等效,就是指电路工作在某一频率时,不管其内部的电路形式如何,从端口看过 去其阻抗或者导纳是相等的。

$$R_{s} + jX_{s} = \frac{R_{p}(jX_{p})}{R_{p} + jX_{p}}$$

$$= \frac{R_{p}X_{p}^{2}}{R_{p}^{2} + X_{p}^{2}} + j\frac{R_{p}^{2}X_{p}}{R_{p}^{2} + X_{p}^{2}}$$

$$R_{s} = \frac{R_{p}X_{p}^{2}}{R_{p}^{2} + X_{p}^{2}} = \frac{R_{p}X_{p}^{2}}{Z_{p}^{2}} \quad X_{s} = \frac{R_{p}^{2}X_{p}}{R_{p}^{2} + X_{p}^{2}} = \frac{R_{p}^{2}X_{p}}{Z_{p}^{2}}$$

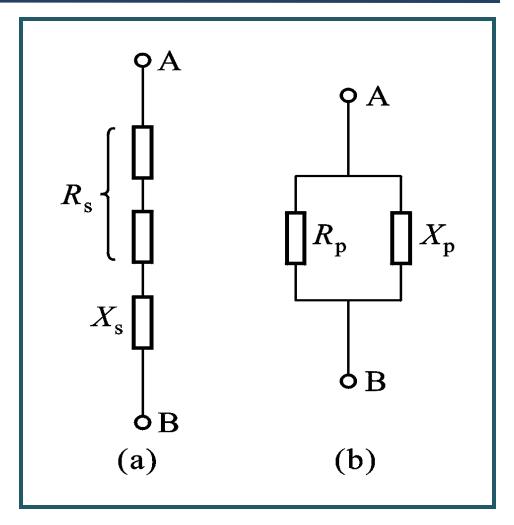


图2.3.1 串、并联阻抗的等效互换

2.3.1 串、并联阻抗的等效互换



> 2. 串联阻抗转变为并联阻抗

$$\frac{1}{R_s + jX_s} = \frac{1}{R_p} + \frac{1}{jX_p}$$

令两边的实数与虚数相等

$$R_{p} = \frac{R_{s}^{2} + X_{s}^{2}}{R_{s}} = \frac{Z_{s}^{2}}{R_{s}}$$
$$X_{p} = \frac{R_{s}^{2} + X_{s}^{2}}{X_{s}} = \frac{Z_{s}^{2}}{X_{s}}$$

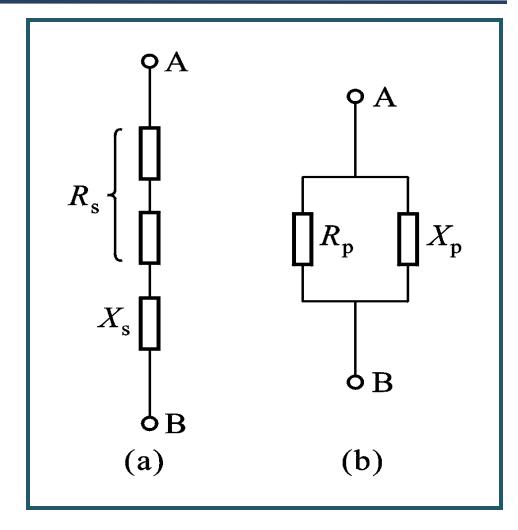


图2.3.1 串、并联阻抗的等效互换

2.3.1 串、并联阻抗的等效互换



> 3. 等效互换电路的品质因数相等

$$Q_{L1} = \frac{X_{s}}{R_{s}} = Q_{L2} = \frac{R_{p}}{X_{p}} = Q_{L}$$

当 Q_L 较高($Q_L>10$)时,

$$R_{\rm p} \approx R_{\rm s} Q_{\rm L}^2$$

$$X_{\rm p} \approx X_{\rm s}$$

$$R_{\rm s} = \frac{R_p}{1 + Q_{\rm L1}^2}$$

$$X_{\rm s} = \frac{Q_{\rm L}^2}{1 + Q_{\rm L}^2} X_{\rm p}$$

$$R_{\rm p} = \left(1 + Q_{\rm L}^2\right) R_{\rm s}$$

$$X_{\rm p} = \left(1 + \frac{1}{Q_{\rm L}^2}\right) X_{\rm s}$$

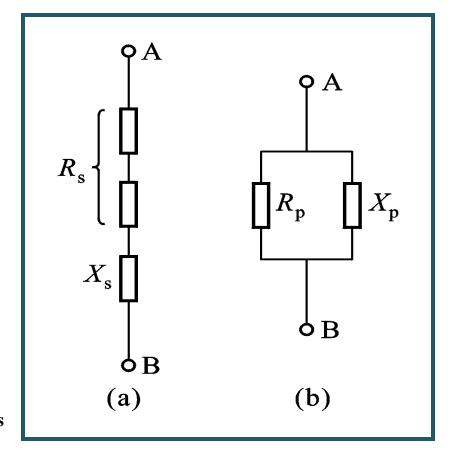


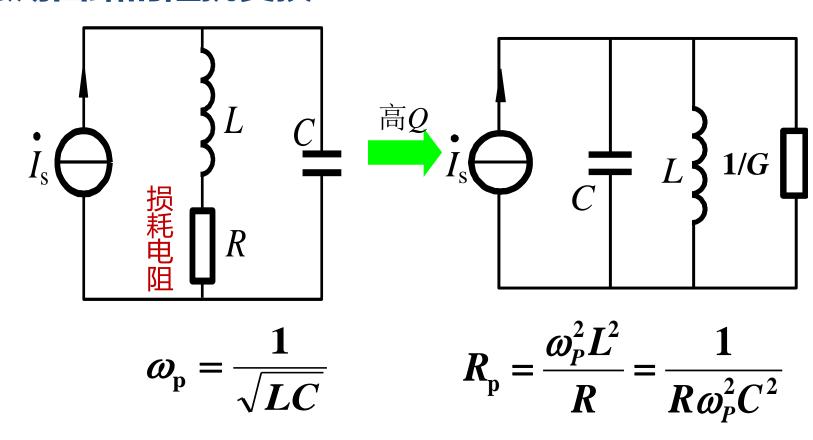
图2.3.1 串、并联阻抗的等效互换

结论: 当品质因数足够高时:

1) 小的串联电阻变为大的并联电阻。 2) 串联电抗变为同性质的并联电抗。



> 1. 单振荡回路的阻抗变换



对于高*Q*值并联谐振回路,其谐振频率与串联谐振回路相近, 谐振阻抗可以通过串联支路的串并联互换得到。



▶ 2. 复杂并联谐振回路

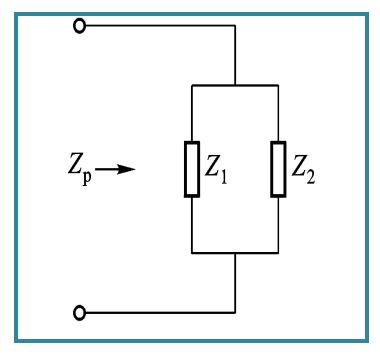


图 2.3.2 并联电路的 广义形式

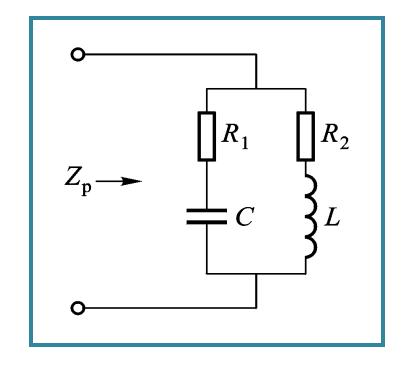


图 2.3.3 两个支路都有电阻的并联回路

复杂的并联谐振回路,其<mark>谐振频率和谐振阻抗的计算一</mark>般更为繁琐。然而, 当整个电路满足高*Q*条件时, 计算可以大大化简。



> 2. 复杂并联谐振回路

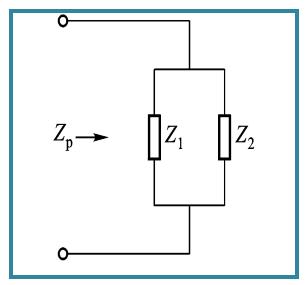


图 2.3.2 并联电路的 广义形式

$$Z_1 = R_1 + jX_1 \qquad Z_2 = R_2 + jX_2$$
并联谐振时 $X_1 + X_2 = 0$
通常满足 $X_1 >> R_1$, $X_2 >> R_2$

$$Z_p = \frac{Z_1 Z_2}{Z_1 + Z_2} = \frac{(R_1 + jX_1)(R_2 + jX_2)}{(R_1 + jX_1) + (R_2 + jX_2)} = \frac{(R_1 + jX_1)(R_2 + jX_2)}{R_1 + R_2}$$

$$\approx -\frac{X_1 X_2}{R_1 + R_2} = \frac{X_1^2}{R_1 + R_2} = \frac{X_2^2}{R_1 + R_2}$$



> 2. 复杂并联谐振回路

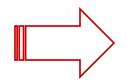
当品质因数足够高时

$$\omega_{\mathrm{p}} = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

$$Z_{p} = \frac{(\omega_{p}L)^{2}}{R_{1} + R_{2}} = \frac{1}{(R_{1} + R_{2})(\omega_{p}C)^{2}}$$

如果R₁和R₂都不是很大,则认为都是集中在电感 支路内,这时

$$Q_P = \frac{R_{\rm p}}{\omega_{\rm p} L}$$



$$Q_{\rm p} = \frac{\omega_{\rm p} L}{R_1 + R_2}$$

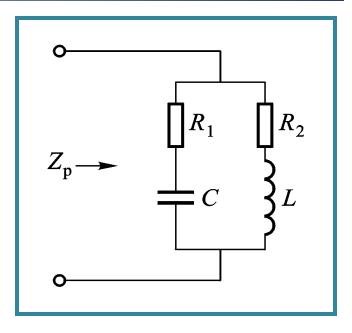
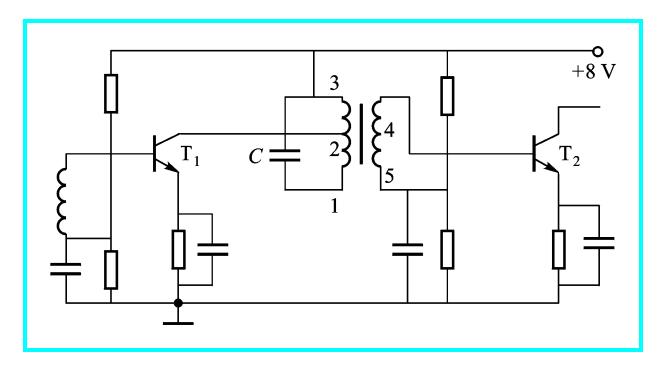


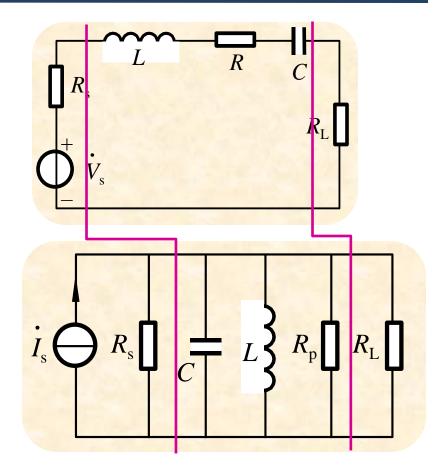
图 2.3.3 两个支路都有电阻 的并联回路



> 3. 信号源及负载对谐振回路的影响



$$Q_{L} = \frac{\omega_{0}L}{R + R_{S} + R_{L}} = \frac{Q_{0}}{1 + \frac{R_{S}}{R} + \frac{R_{L}}{R}}$$



$$Q_{\rm L} = \frac{1}{\omega_{\rm p} L \left(G_{\rm p} + G_{\rm s} + G_{\rm L}\right)}$$



> 抽头式接入形式

为了减小信号源或负载电阻对谐振回路的影响,信号源或负载电阻不是直接接入回路,而是经过一些简单的变换电路,将它们部分接入回路。

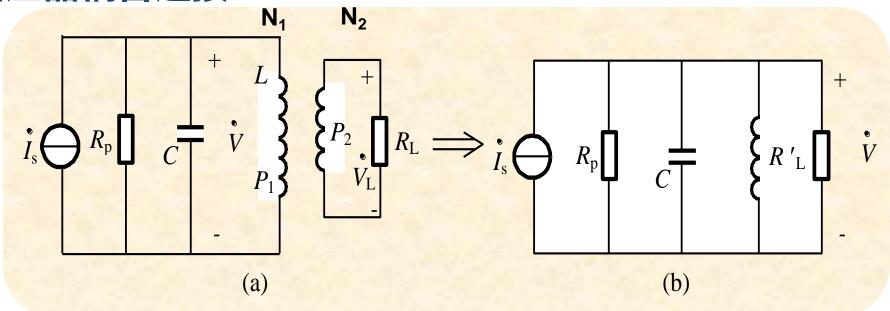
常用的电路形式:

变压器耦合连接、自耦变压器抽头电路和双电容抽头电路

信号源及其内阻的部分接入问题。



▶ 1. 变压器耦合连接



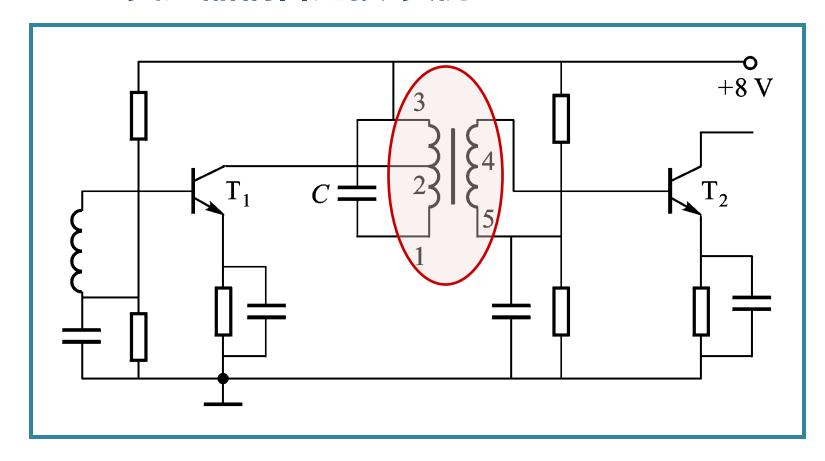
$$P_1 = \frac{V^2}{R_{\scriptscriptstyle
m L}}$$
 $P_2 = \frac{{V_{\scriptscriptstyle
m L}}^2}{R_{\scriptscriptstyle
m L}}$

功率守恒
$$P_1 = P_2$$

$$R_{L}' = \left(\frac{V}{V_{L}}\right)^{2} R_{L} = \left(\frac{N_{1}}{N_{2}}\right)^{2} R_{L} = \frac{1}{p^{2}} R_{L}$$
 接入系数 $p = \frac{V_{L}}{V} = \frac{N_{2}}{N_{1}} \le 1$



> 1. 变压器耦合连接 实例

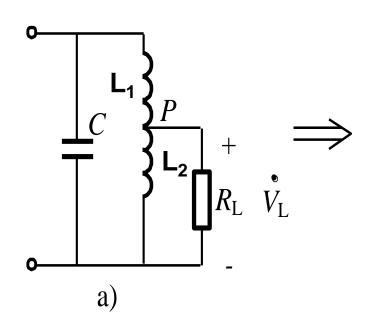


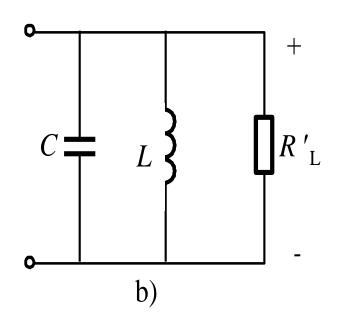
负载和回路之间采用了 变压器耦合,接入系数

$$p_2 = \frac{\mathbf{v}_{54}}{\mathbf{v}_{31}} = \frac{N_2}{N}$$



▶ 2. 自耦和变压器—电感抽头式





$$P_1 = \frac{V^2}{R_L}$$
 $P_2 = \frac{V_L^2}{R_L}$

功率守恒

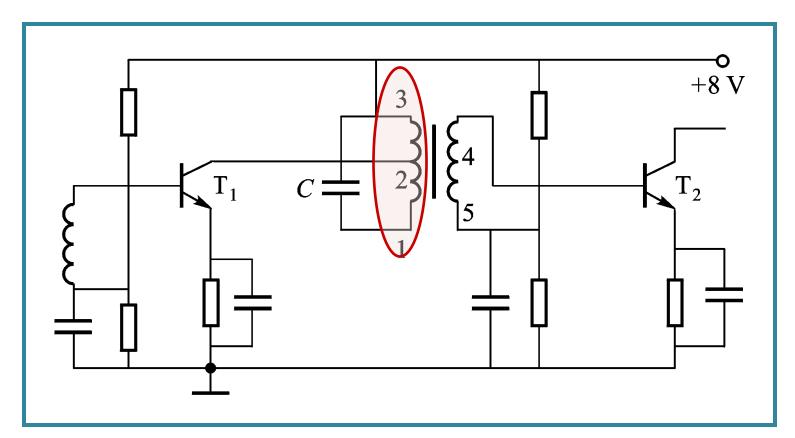
$$P_1 = P_2 \qquad \frac{L_1}{L_2} > 1$$

$$R_{\rm L}' = \left(\frac{V}{V_{\rm L}}\right)^2 R_{\rm L} = \left(\frac{L_1}{L_2}\right)^2 R_{\rm L} = \frac{1}{p^2} R_{\rm L}$$
 接入

接入系数
$$p = \frac{V_L}{V} = \frac{L_2}{L_1} \le 1$$



▶ 2. 自耦和变压器—电感抽头式



晶体管集、射回路与振荡 回路之间采用抽头接入,

接入系数

$$p_1 = \frac{\mathbf{v}_{23}}{\mathbf{v}_{31}} = \frac{N_1}{N}$$



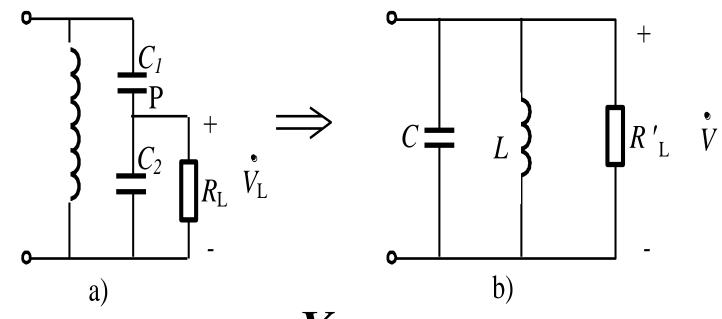
▶ 3. 电容抽头式

$$P_1 = \frac{V^2}{R_L}$$
 $P_2 = \frac{V_L^2}{R_L}$

功率守恒 $P_1 = P_2$

$$R_{\rm L}' = \left(\frac{V}{V_{\rm L}}\right)^2 R_{\rm L} = \frac{1}{p^2} R_{\rm L}$$

$$R_{\rm L} >> \frac{1}{\omega C_2}$$



接入系数 $\mathbf{p} = \frac{V_{\mathrm{L}}}{V} \le 1$

$$p = \frac{V_{L}}{V} \approx \frac{\frac{1}{\omega C_{2}}}{\frac{1}{\omega C}} = \frac{C}{C_{2}} = \frac{\frac{C_{1}C_{2}}{C_{1} + C_{2}}}{C_{2}} = \frac{C_{1}}{C_{1} + C_{2}}$$



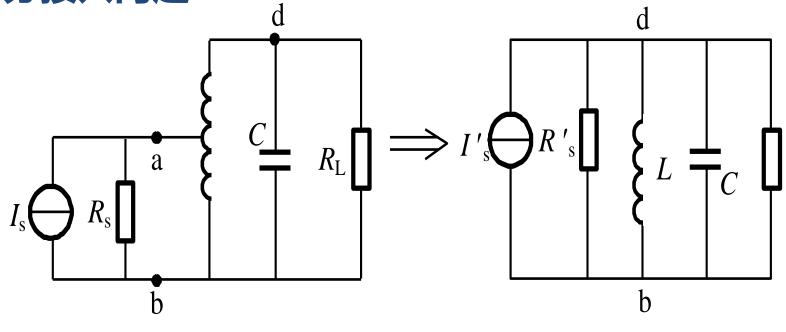
> 4. 信号源及其内阻部分接入问题

$$R_{\rm s}' = \frac{1}{p^2} R_{\rm s} = \left(\frac{V_{\rm db}}{V_{\rm ab}}\right)^2 R_{\rm s}$$

$$P_1 = V_{\mathrm{db}} \cdot I_{\mathrm{s}}$$

$$P_2 = V_{ab} \cdot I_s$$

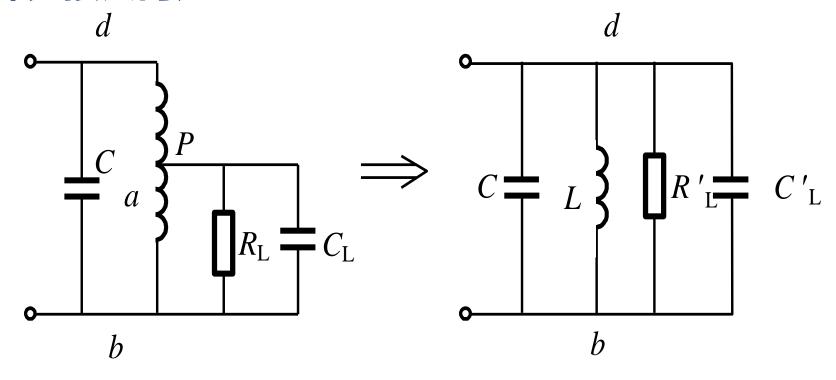
$$P_1 = P_2$$



$$oldsymbol{I_{\mathrm{s}}} = rac{oldsymbol{V_{ab}}}{oldsymbol{V_{db}}} oldsymbol{I_{\mathrm{s}}} = p oldsymbol{I_{\mathrm{s}}}$$



> 5. 负载部分接入问题



$$R_{L}' = \left(\frac{V_{\text{db}}}{V_{\text{ab}}}\right)^{2} R_{\text{L}} = \left(\frac{L_{1}}{L_{2}}\right)^{2} R_{\text{L}} = \frac{1}{p^{2}} R_{\text{L}}$$
 $C_{\text{L}}' = \left(\frac{V_{\text{ab}}}{V_{\text{db}}}\right)^{2} C_{\text{L}} = p^{2} C_{\text{L}}$



> 例题

抽头式并联电路的阻抗变换的电路形式主要包括()。

- A 变压器耦合连接
- B 电感抽头式
- 电容抽头电路
- □ 电阻分压电路

Chapter 2 选频网络



- ☞ 2.1 串联谐振回路
- ☞ 2.2 并联谐振回路
- ② 2.3 串、并联阻抗的等效互换与回路抽头 时的阻抗变换
- ☞ 2.4 耦合回路
- ☞ 2.5 滤波器的其他形式



> 耦合回路

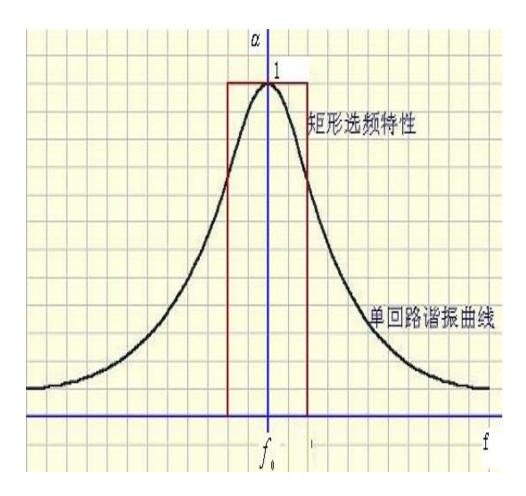
单振荡回路具有频率选择性和阻抗变换的作用。

但是:

- 1、选频特性不够理想
- 2、阻抗变换不灵活、不方便
- 一般地, 为了说明选择性和通频带两个相互矛盾的指标统一的程度, 定义矩形系数:

$$D = \frac{D_{3dB}}{D_{0.1}}$$

为了使网络具有矩形选频特性,或者完成阻抗变换的需要,需要采用耦合振荡回路。





> 各式耦合回路

耦合回路是由两个或两个以上的电路形成的一个网络,两个电路之间 必须有公共阻抗存在,才能完成耦合作用。

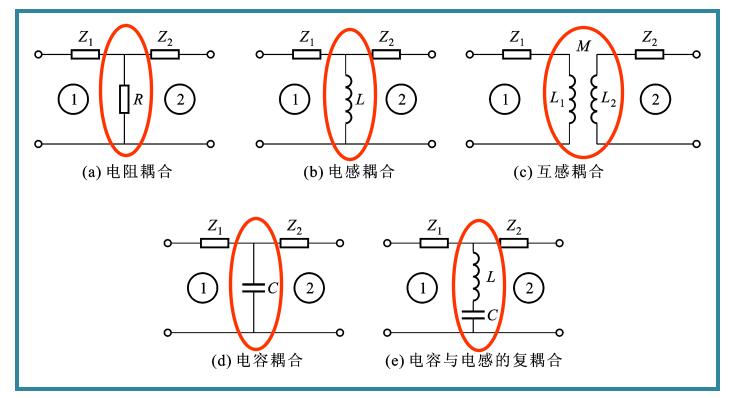


图 2.4.1 各式耦合电路

✓纯耦合

➢公共阻抗如果是纯电阻 或纯电抗。

√复耦合

〉公共阻抗由两种或两种 以上的电路元件所组成



> 耦合系数

在耦合回路中接有激励信号源的回路称为初级回路,与负载相接的回路称为次级回路。

为了说明回路间的耦合程度,常用耦合系数 k来表示,它的定义是: 耦合回路的公共电抗(或电阻)绝对值与初、次级回路中同性质的电抗(或电阻)的几何中项之比,即:

$$k = \frac{|X_{12}|}{\sqrt{X_{11}X_{22}}}$$

耦合系数k是一个小于1、最大等于1的没有量纲的正实数。



▶ 2.4.1 互感耦合回路

在高频电子线路中,常采用图2.4.2所示的两种耦合回路:

- (a)为互感耦合串联型回路;
- (b)为电容耦合并联型回路。

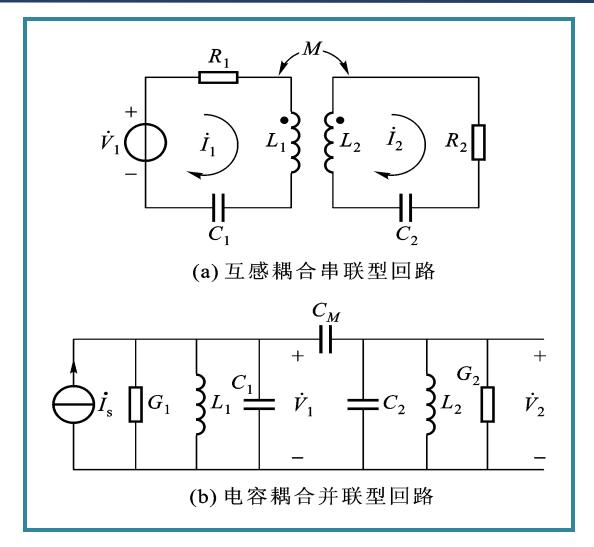


图 2.4.2 两种常用的耦合回路



▶ 2.4.1 互感耦合回路

由基尔霍夫定律得出回路电压方程为

$$\dot{V}_1 = \dot{I}_1 Z_{11} - j\omega M \dot{I}_2$$

$$0 = \dot{I}_2 Z_{22} - j\omega M \dot{I}_1$$

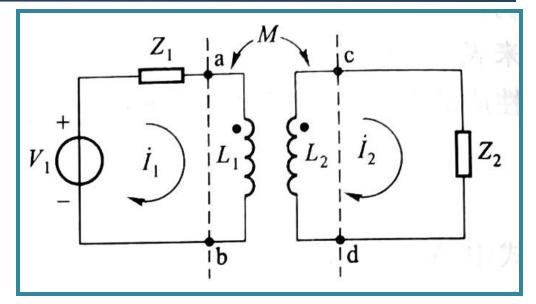


图2.4.3 互感耦合回路的一般形式

式中, Z_{11} 为初级回路的自阻抗,即 $Z_{11}=R_{11}+jX_{11}$, Z_{22} 为次级回路的自阻抗,即 $Z_{22}=R_{22}+jX_{22}$ 。

解得

$$\dot{I}_{1} = \frac{\dot{V}_{1}}{Z_{11} + \frac{(\omega M)^{2}}{Z_{22}}}$$

$$P_{2}^{\mathcal{K}} = \frac{-j\omega M \frac{V_{1}^{\mathcal{K}}}{Z_{11}}}{Z_{22} + \frac{(\omega M)^{2}}{Z_{11}}}$$



▶ 2.4.1 互感耦合回路

$$\dot{I}_{1} = \frac{\dot{V}_{1}}{Z_{11} + \frac{(\omega M)^{2}}{Z_{22}}}$$

$$Z_{\rm fl} = \frac{(\omega M)^2}{Z_{22}}$$

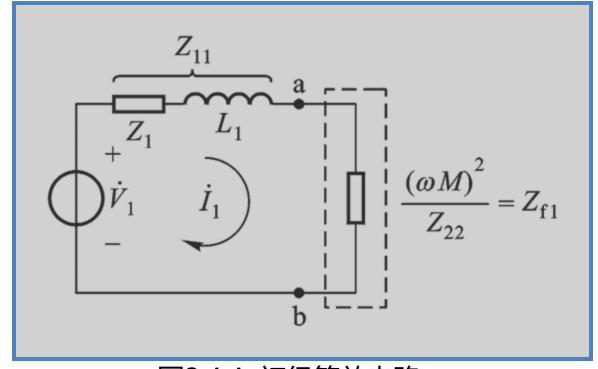


图2.4.4 初级等效电路

反射阻抗,又称为耦合阻抗,它的物理意义是:次级电流通过互感M的作用,在初级回路中感应的电动势对初级电流的影响,可用一个等效阻抗 Z_{Π} 来表示。



▶ 2.4.1 互感耦合回路

$$P_{2}^{\infty} = \frac{-j\omega M \frac{V_{1}^{\infty}}{Z_{11}}}{Z_{22} + \frac{(\omega M)^{2}}{Z_{11}}}$$

在次级回路中反射阻抗 Z_{f2} :

$$Z_{\rm f2} = \frac{(\omega M)^2}{Z_{11}}$$

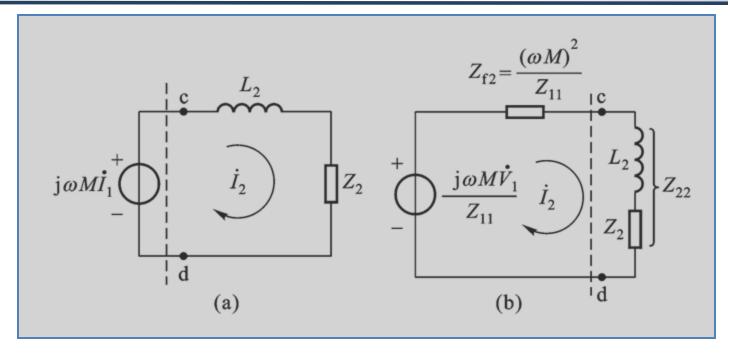


图2.4.5 次级等效电路的两种形式



▶ 2.4.1 互感耦合回路

$$Z_{f1} = \frac{(\omega M)^2}{Z_{22}} = \frac{(\omega M)^2}{R_{22} + jX_{22}}$$

$$= \frac{(\omega M)^2}{R_{22}^2 + X_{22}^2} R_{22} + j \frac{-(\omega M)^2}{R_{22}^2 + X_{22}^2} X_{22}$$

$$Z_{f2} = \frac{(\omega M)^2}{Z_{11}} = \frac{(\omega M)^2}{R_{11} + jX_{11}}$$

$$=\frac{(\omega M)^2}{R_{11}^2+X_{11}^2}R_{11}+j\frac{-(\omega M)^2}{R_{11}^2+X_{11}^2}X_{11}$$

$$R_{f1} = \frac{(\omega M)^2}{R_{22}^2 + X_{22}^2} R_{22} \qquad X_{f1} = \frac{-(\omega M)^2}{R_{22}^2 + X_{22}^2} X_{22} \qquad R_{f2} = \frac{(\omega M)^2}{R_{11}^2 + X_{11}^2} R_{11} \qquad X_{f2} = \frac{-(\omega M)^2}{R_{11}^2 + X_{11}^2} X_{11}$$

$$R_{f2} = \frac{(\omega M)^2}{R_{11}^2 + X_{11}^2} R_{11} \qquad X_{f2} = \frac{-(\omega M)^2}{R_{11}^2 + X_{11}^2} X_{11}$$

①反射电阻永远是正值;

结论:

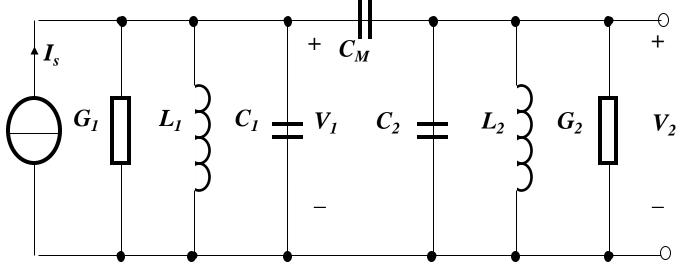
- ②反射电抗的性质与原回路总电抗的性质总是相反;
- ③当初次级回路同时谐振 (即 $X_{11}=X_{22}=0$),反射阻抗 $Z_f=R_f$;
- 4M的大小直接影响反射阻抗 Z_{f}



> 2.4.2 耦合振荡回路的频率特性

图2.4.2 (b) 电容耦合并联型回路

为了简化分析,假定初次级 回路参量相同,即



$$L_1 = L_2 = L$$
 $C_1 = C_2 = C$ $G_1 = G_2 = G$ $\omega_1 = \omega_2 = \omega$ $Q_1 = Q_2 = Q$ $\xi_1 = \xi_2 = \xi$

节点电流方程

$$\dot{I}_{s} = \dot{V_{1}}G + \frac{\dot{V_{1}}}{j\omega L} + j\omega(C_{1} + C_{M})\dot{V_{1}} - j\omega C_{M}\dot{V_{2}} \qquad 0 = \dot{V_{2}}G + \frac{\dot{V_{2}}}{j\omega L} + j\omega(C_{2} + C_{M})\dot{V_{2}} - j\omega C_{M}\dot{V_{1}}$$



▶ 2.4.2 耦合振荡回路的频率特性

种口吸加凹凹口切火平行工
$$\Rightarrow C = C_1 + C_2 = C_2 + C_3$$

$$\xi = Q(\frac{\omega}{\omega_o} - \frac{\omega_o}{\omega})$$

$$\dot{I}_{s} = \dot{V}_{1}G(1+j\xi) - j\omega C_{M}\dot{V}_{2}$$

$$0 = \dot{V}_2 G (1 + j\xi) - j\omega C_M \dot{V}_1$$

令
$$C = C_1 + C_M = C_2 + C_M$$
 并引入 $\xi = Q(\frac{\omega}{\omega_o} - \frac{\omega_o}{\omega})$
上式可得 $\dot{I}_s = \dot{V_1}G(1+j\xi) - j\omega C_M \dot{V_2}$ $\dot{V_1} = \frac{G(1+j\xi)}{j\omega C_M} \dot{V_2}$

$$\dot{V}_{2} = \frac{j\omega C_{M}I_{s}}{G^{2}(1+j\xi)^{2} + \omega^{2}C_{M}^{2}}$$

求解:
$$\dot{V}_2 = \frac{j\omega C_M \dot{I}_s}{G^2 (1+j\xi)^2 + \omega^2 C_M^2} = \frac{j\omega C_M \dot{I}_s}{G^2 (1-\xi^2 + \frac{\omega^2 C_M^2}{G^2} + j2\xi)}$$

其幅值:

$$V_{2m} = \frac{\omega C_M I_{sm}}{G^2 \sqrt{(1 - \xi^2 + \frac{\omega^2 C_M^2}{G^2})^2 + 4\xi^2}} = \frac{\eta I_{sm}}{G \sqrt{(1 - \xi^2 + \eta^2)^2 + 4\xi^2}}$$

$$=\frac{\eta I_{sm}}{G\sqrt{(1-\xi^2+\eta^2)^2+4\xi^2}}$$

其中 $\eta = \frac{\omega C_M}{C}$ 为耦合因数,它反映耦合程度。



▶ 2.4.2 耦合振荡回路的频率特性

$$V_{2m} = \frac{\omega C_M I_{sm}}{G^2 \sqrt{(1 - \xi^2 + \frac{\omega^2 C_M^2}{G^2})^2 + 4\xi^2}} = \frac{\eta I_{sm}}{G \sqrt{(1 - \xi^2 + \eta^2)^2 + 4\xi^2}}$$

$$=\frac{\eta I_{sm}}{G\sqrt{(1-\xi^2+\eta^2)^2+4\xi^2}}$$

利用微分求导,求极值可得 $\eta=1$, $\xi=0$ 代入上式得: 最大值 $V_{2\text{max}}=\frac{I_{sm}}{2C}$

V₂比V_{2max}可得

整理得

$$\alpha = \frac{V_{2m}}{V_{2\max}} = \frac{2\eta}{\sqrt{(1-\xi^2+\eta^2)^2+4\xi^2}}$$

$$\alpha = \frac{V_{2m}}{V_{2\max}} = \frac{2\eta}{\sqrt{(1-\xi^2+\eta^2)^2+4\xi^2}} \qquad \alpha = \frac{V_{2m}}{V_{2\max}} = \frac{2\eta}{\sqrt{(1+\eta^2)^2+2(1-\eta^2)\xi^2+\xi^4}}$$

若以 ξ 为变量, η 为参变量 $\alpha = f(\eta, \xi)$



 $\eta=1$

 $\eta = 1.5$

> 2.4.2 耦合振荡回路的频率特性

$$\alpha = \frac{V_{2m}}{V_{2\text{max}}} = \frac{2\eta}{\sqrt{(1+\eta^2)^2 + 2(1-\eta^2)\xi^2 + \xi^4}}$$

1. 当 $\eta=1$ 即kQ=1称为临界耦合,曲线是单峰,

这就是最佳耦合全谐振



其峰值为:

$$\alpha = \frac{2\eta}{1+\eta^2} < 1$$

本章小结



- 1. 掌握串、并联谐振回路的基本原理
- 2. 掌握串、并联谐振回路的谐振特性
- 3. 掌握频率选择性、通频带、幅频特性、相频特性的分析方法
- 4. 掌握电感抽头式、电容抽头式、变压器实现阻抗变换的基本原理
- 5. 理解耦合回路和耦合振荡器的分析方法和频率特性



Thank You!





