

### Data Structures

Ch7

# 查找 Searching

2024年11月26日

学而不厭 誨 人不倦

#### Chapter 7 查找



- ☞ 7.1 概述
- ☞ 7.2 线性表查找技术:顺序查找与折半查找
- ☞ 7.3 树表的查找技术: 二叉排序树与平衡二叉树
- ☞ 7.4 散列表查找技术
- ☞ 7.5 各种查找方法的比较
- ☞ 7.6 扩展与提高

本章的重点就是研究查找表的存储方法以及在此基础上的查找方法。



## 7.1 概述

7-1-1 查找的基本概念



#### 1. 关键码

1

★ 关键码:可以标识一个记录的某个数据项

★ 键值: 关键码的值

★ 主关键码:可以唯一标识一个记录的关键码

★ 次关键码:不能唯一标识一个记录的关键码

职工号	姓名	性别	年龄	工作时间
0001	王刚	男	48	1990.4
0002	张亮	男	35	2003.7
0003	刘楠	女	57	1979.9
0004	齐梅	女	35	2003.7
0005	李爽	女	56	1982.9



### 2. 查找

★ 查找: 在相同类型的记录构成的集合中找出满足给定条件的记录

**/** 给定的查找条件可能是多种多样的

把查找条件限制为"匹配",即查找关键码等于给定值的记录。

★ 查找的结果: 若在查找集合中找到了与给定值相匹配的记录,则

称查找成功;否则,称查找失败

职工号	姓名	性别	年龄	工作时间
0001	王刚	男	38	1990.4
0002	张亮	男	25	2003.7
0003	刘楠	女	47	1979.9
0004	齐梅	女	25	2003.7
0005	李爽	女	50	1972.9

5

#### 7-1-1 查找的基本概念



#### 2. 查找

→ 静态查找: 不涉及插入和删除操作的查找

静态查找只注重查找效率,适用于:

- (1) 查找集合一经生成, 便只对其进行查找, 而不进行插入和删除操作
- (2) 经过一段时间的查找之后,集中地进行插入和删除等修改操作
- ★ 动态查找: 涉及插入和删除操作的查找

动态查找要求插入、删除、查找均有较好的效率,适用于:查找与插入和删除操作在同一个阶段进行

例如: 当查找成功时, 要删除查找到的记录

当查找不成功时,要插入被查找的记录



#### 3. 查找结构

- ★ 查找结构: 面向查找操作的数据结构,即查找基于的数据结构
- 它 已经有了数据结构的概念,为什么要强调查找结构?
  - (1) 几乎所有的数据结构都提供了查找作为基本操作,但对于数据结构整体来说,查找并不是最重要的操作
    - (2) 对于查找结构来说,查找是最重要的基本操作,重要的是查找效率
    - (3) 数据结构 + 算法 = 程序: 不同的查找结构, 会获得不同的查找效率

查找结构 📥 查找方法



#### 3. 查找结构

查找基于的数据模型是什么? □ 集合

线性表: 适用于静态查找, 顺序查找、折半查找等技术

集合 { 树 表: 适用于动态查找, 二叉排序树的查找技术

散列表:静态查找和动态查找均适用,采用散列技术

注意到,都是把集合组织成XXX表,为什么? 理解起来,集合最常用的表示法是列举法,习惯上,也称为表



#### 4. 查找算法的性能

- 如何评价查找算法的效率呢? → 和关键码的比较次数
- 承 平均查找长度:查找算法进行的关键码比较次数的数学期望值

$$ASL = \sum_{i=1}^{n} p_i c_i$$

其中: n: 问题规模, 查找集合中的记录个数

 $p_i$ : 查找第 i 个记录的概率

 $c_i$ : 查找第i个记录所需的关键码的比较次数

 $p_i$ 与算法无关,取决于具体应用 $|c_i$ 取决于算法





如果 $p_i$ 是已知的,则平均查找长度只是问题规模的函数



7-2-1 顺序查找

#### 7-2-1 顺序查找



#### 1. 顺序查找的基本思想

 顺序查找(线性查找):从线性表的一端向另一端逐个将记录与 给定值进行比较,若相等,则查找成功,给出该记录在表中的位置;若整个表检测完仍未找到与给定值相等的记录,则查找失败,

给出失败信息

```
int SeqSearch1 (int r[], int n, int k)
{
   int i = n;
   while (i > 0 && r[i] != k)
        i--;
   return i;
}
```

例: 查找 35, 查找 25

10 15 24 6 12 35 40 98 55	55
---------------------------	----

#### 7-2-1 顺序查找



#### 2. 顺序查找的改进

顺序查找的改进:设置"哨兵",就是待查值,放在查找方向的尽头处,免去了每一次比较后都要判断查找位置是否越界

例: 查找 35, 查找 25

 25
 10
 15
 24
 6
 12
 35
 40
 98
 55

9





### 3. 顺序查找的性能

```
int LineSearch :: SeqSearch(int k)
{
    int i = n;
    data[0] = k;
    while (data[i] != k)
        i--;
    return i;
}
```

#### 查找成功:

$$\sum_{i=1}^{n} p_i c_i = \sum_{i=1}^{n} p_i (n-i+1) = \frac{n+1}{2} = O(n)$$

#### 查找不成功:

$$n+1=O(n)$$

			3	•			<u> </u>		
	10	15	24	6	12	35	40	98	55
$\uparrow i$									



#### 4. 顺序查找的特点

- 顺序查找的缺点:查找效率较低特别是当待查找集合中元素较多时,不推荐使用顺序查找
- 顺序查找的优点:算法简单而且使用面广
  - (1) 对表中记录的存储没有任何要求,顺序存储和链接存储均可
  - (2) 对表中记录的有序性也没有要求,无论记录是否按关键码有序均可



7-2-2 折半查找



#### 1. 折半查找

勿 折半查找(对半查找、二分查找):在有序表(假设为递增)中,取中间记录作为比较对象,若给定值与中间记录相等,则查找成功;若给定值小于中间记录,则在有序表的左半区继续查找;若给定值大于中间记录,则在有序表的右半区继续查找。不断重复上述过程,直到查找成功,或查找区域无记录,查找失败。

 $[r_1 \dots r_{mid-1}] r_{mid} [r_{mid+1} \dots r_n]$  (mid=(1+n)/2) 如果  $k < r_{mid}$  如果  $k > r_{mid}$ 

查找右半区

#### 折半查找

$$mid = \lfloor (low + high) / 2 \rfloor$$

#### 查找 21

$$mid = 6$$
  $high = mid - 1 = 5$ 

$$mid = 3$$
  $low = mid + 1 = 4$ 

#### 查找 85

$$mid = 6$$
  $low = mid + 1 = 7$ 

$$mid = 9$$
  $low = mid + 1 = 10$ 

$$mid = 10 \quad high = mid - 1 = 9$$

high < low 查找不成功

应用范围:顺序表,表内元素之间有序。不可直接用于线性链表。

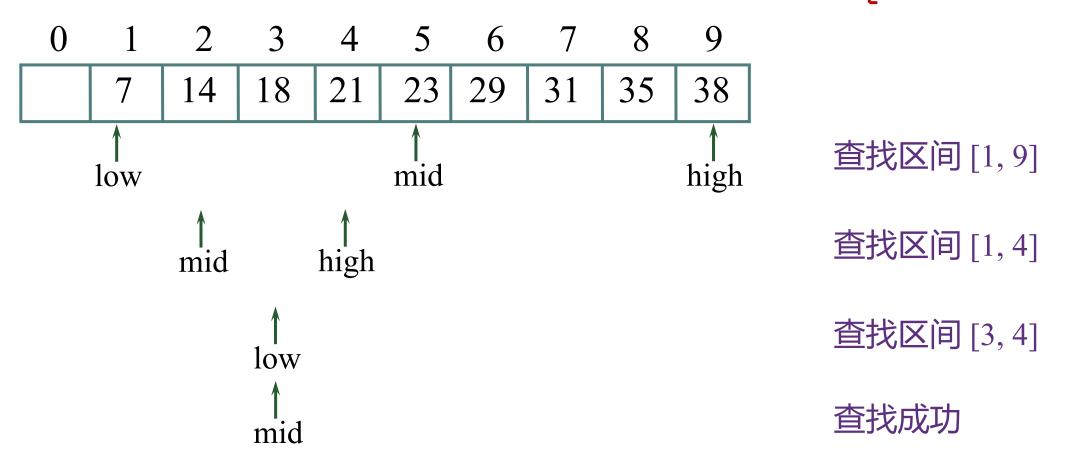




### 1. 折半查找

例: 查找 18

mid = |(low + high) / 2|



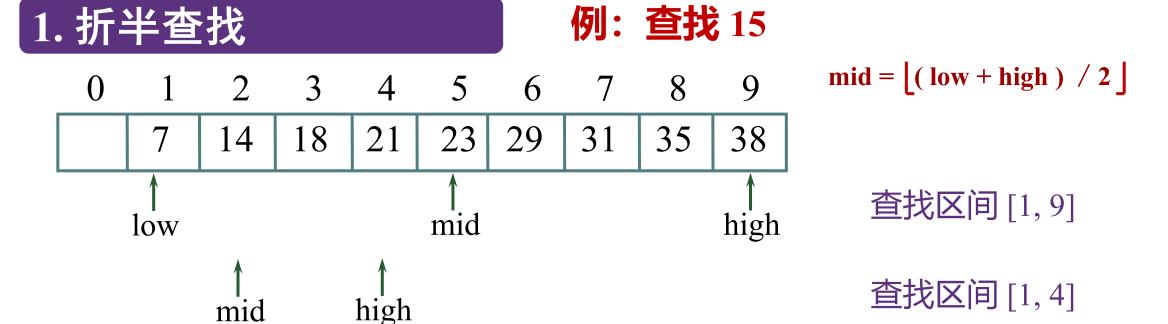
low

mid

high







查找区间[3,4]

查找区间 [3, 2]

low > high, 查找失败





#### 2. 非递归算法

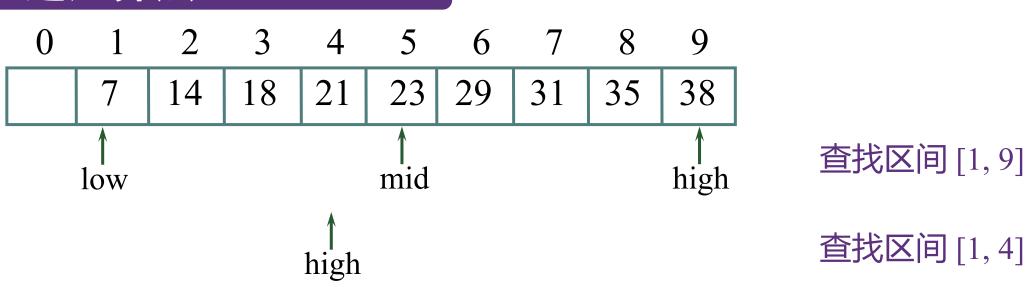
```
/*查找集合存储在r[1]~r[n]*/
int LineSearch :: BinSearch1(int k)
                                      /*初始查找区间是[1, n]*/
  int mid, low = 1, high = n;
                                      /*当区间存在时*/
  while (low <= high)
    mid = (low + high) / 2;
    if (k < data[mid]) high = mid - 1;
    else if (k > data[mid]) low = mid + 1;
                                      /*查找成功,返回元素序号*/
    else return mid;
                                      /*查找失败,返回0*/
  return 0;
```

#### 7-2-2 折半查找



## 3. 递归算法

#### 例: 查找 18





#### 3. 递归算法

```
int LineSearch :: BinSearch2(int low, int high, int k)
  int mid;
                                            /*递归的边界条件*/
  if (low > high) return 0;
  else {
    mid = (low + high) / 2;
    if (k < data[mid]) return BinSearch2(low, mid-1, k);
    else if (k > data[mid]) return BinSearch2(mid+1, high, k);
                                           /*查找成功,返回序号*/
    else return mid;
```



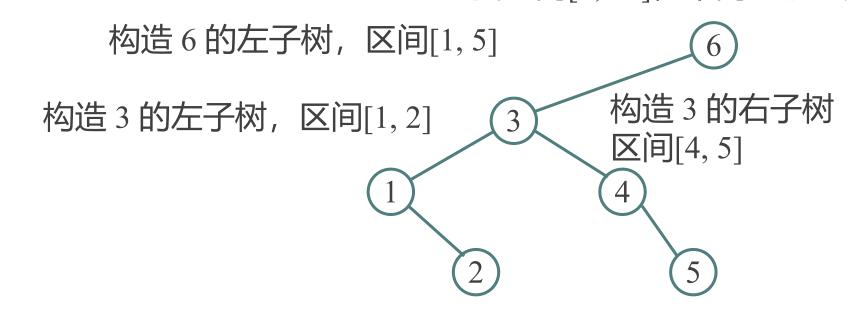
#### 4. 判定树

- ★ 判定树 (折半查找判定树): 描述折半查找判定过程的二叉树
- ② 设查找区间是[low, high], 判定树的构造方法:
  - (1) 当low > high时, 判定树为空;
  - (2) 当 $low \le high$ 时,判定树的根结点是有序表中序号为mid = (low + high)/2的记录,根结点的左子树是与有序表 $r[low] \sim r[mid 1]$ 相对应的判定树,根结点的右子树是与有序表 $r[mid + 1] \sim r[high]$ 相对应的判定树。



#### 4. 判定树

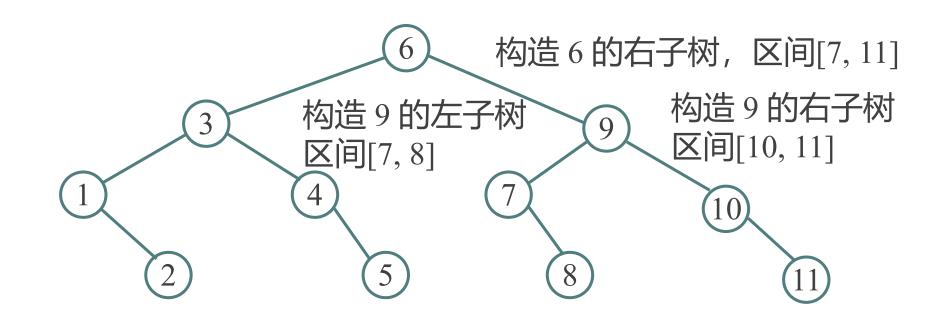
例如,结点个数(查找集合的记录个数)为11的判定树 查找区间[1,11],中间记录的序号是6





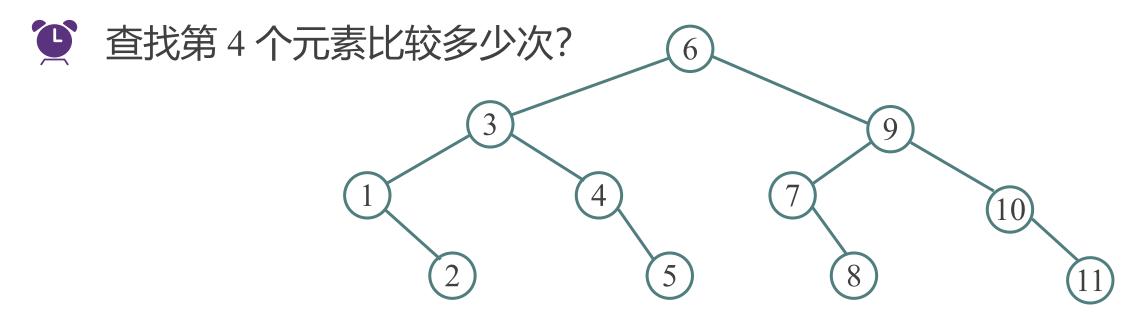
#### 4. 判定树

例如,结点个数(查找集合的记录个数)为11的判定树





例如,结点个数(查找集合的记录个数)为11的判定树

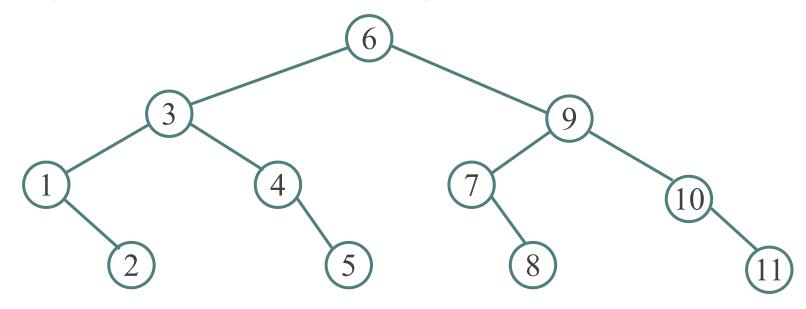


折半查找任一记录的过程,即是判定树中从根结点到该记录结点的 路径,和给定值的比较次数等于该记录结点在树中的层数



例如,结点个数(查找集合的记录个数)为11的判定树

查找成功情况下,与判定树的深度有关,判定树的深度是多少呢?



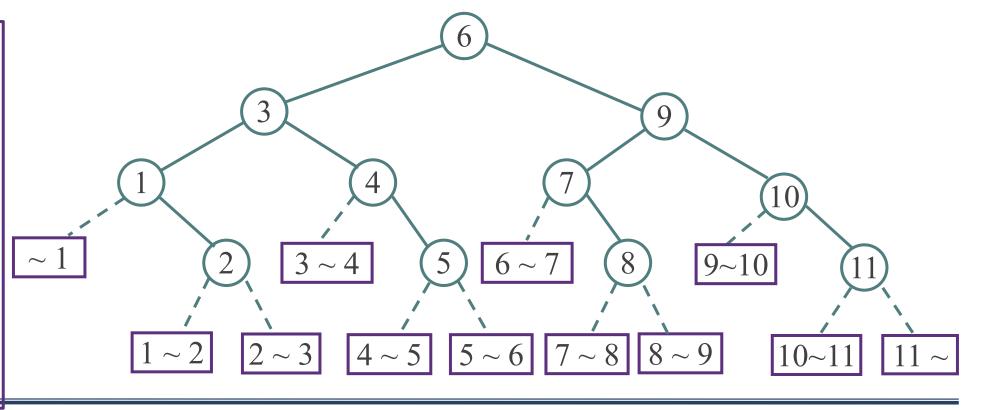
判定树深度为  $\lfloor \log_2 n \rfloor + 1$  比较次数至多为  $\lfloor \log_2 n \rfloor + 1$  时间复杂度为O( $\log_2 n$ )



例如,结点个数(查找集合的记录个数)为11的判定树

如何确定查找失败呢?例如查找的元素比第3个元素大比第4个元素小?

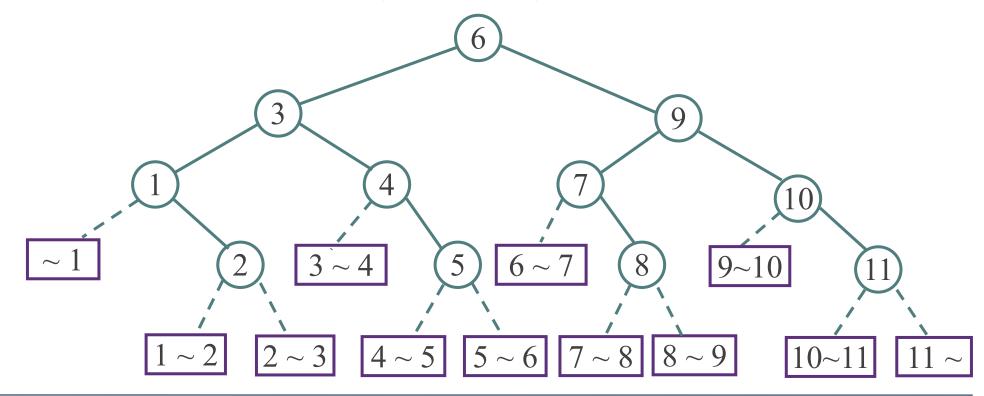
查找不成功的 过程是从根结 点到外部结点 的路径,和给 定值进行的比 较次数等于该 路径上内部结 点的个数。







- 查找成功的平均比较次数 = (1×1+2×2+3×4+4×4)/11 = 3
- 查找不成功的平均比较次数 = (3×4+4×8)/12 = 11/3







设每个结点的查找概率相同都为 1/n。 设结点个数为  $n = 2^t - 1$  (t = 1,2,3 .....)

#### 平均情况分析(在成功查找的情况下):

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
4	8	9	10	11	13	19	29	32	47	65	77	81	93	99
4	3	4	2	4	3	4	1	4	3	4	2	4	3	4

 $\therefore$  经过 1 次比较确定的结点个数为  $1 = 2^{\circ}$  个 ,红色标识的结点。

经过2次比较确定的结点个数为2=21个,绿色标识的结点。

经过 3 次比较确定的结点个数为  $4 = 2^2$  个 , 灰色标识的结点。

经过 t 次比较确定的结点个数为 2<sup>t-1</sup> 个 , 蓝色标识的结点。

注意:  $: 2^0 + 2^1 + 2^2 + ... + 2^{t-1} = 2^t - 1$ 

: 最多经过 t 次比较可以找到有序表中的任何一个结点



#### 5. 折半查找性能分析

#### 平均情况分析(在成功查找的情况下):

结论: 在成功查找的情况下,

平均查找的代价约为  $ASL = log_2(n + 1) - 1$ 

或者简单地记为:  $ASL = log_2 n - 1$ 

#### 小结



- 1. 掌握查找的基本概念和算法评价方法
- 2. 掌握顺序查找和折半查找实现与性能分析方法



## Thank You ?





