

Data Structures

线性表 Linear Lists

2024年9月13日

学而不厭 誨 人不倦

Chapter 2 线性表



- ☞ 2.1 引言
- ☞ 2.2 线性表的逻辑结构
- ☞ 2.3 线性表的顺序存储结构及实现
- ☞ 2.4 线性表的链接存储结构及实现
- ☞ 2.5 顺序表和链表的比较
- ☞ 2.6 约瑟夫环与一元多项式求和



第二章 线性表

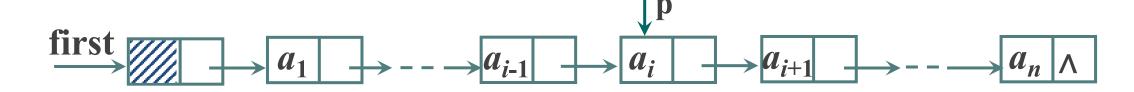
2.4 线性表的链接存储结构及实现

2-4-4 双链表



双链表的引入

★ 从结点 p 出发,如何求得结点 p 的直接前驱?



- 如何快速求得结点 p 的前驱?
- ★ 双链表: 单链表的每个结点再设置一个指向其前驱结点的指针域





双链表的存储结构定义





启示? 亡 时空权衡——空间换取时间 亡 数据表示



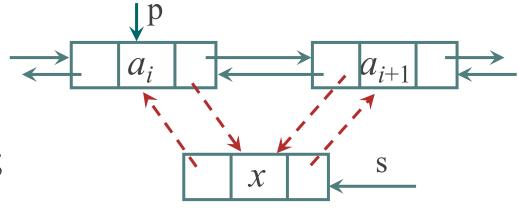
```
template <typename DataType>
sruct DulNode
   DataType data;
   DulNode< DataType> *prior, *next;
```

data prior next





双链表的操作——插入



s = new DulNode;

$$s$$
->prior = p ;

$$s->next = p->next;$$

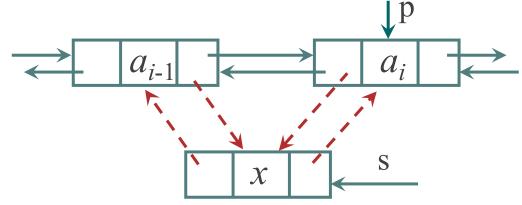
$$p$$
->next = s;



注意指针修改的相对顺序



双链表的操作——插入



s = new DulNode;

s->prior = p->prior;

s->next = p;

p->prior->next = s;

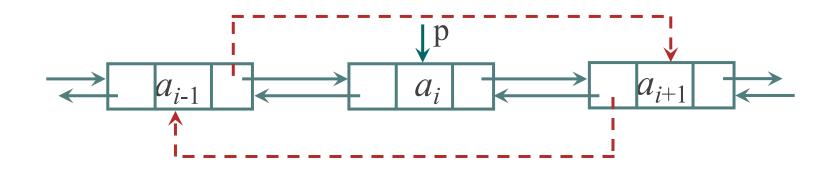
p->prior = s;



双链表的操作更加灵活



双链表的操作——删除



$$(p->prior) ->next = p->next;$$

$$(p->next)->prior = p->prior;$$

梦 结点 p 的指针是否需要修改? ➡ delete(p);



第二章 线性表

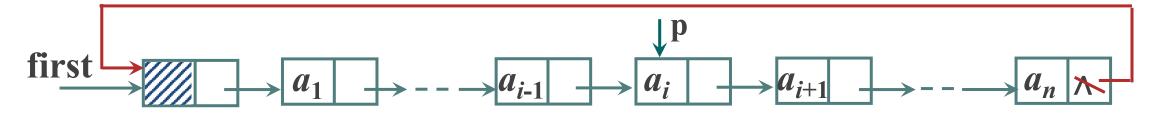
2.4 线性表的链接存储结构及实现

2-4-5 循环链表



循环链表的引入

● 从结点 p 出发通过指针后移,能够求得结点 p 的直接前驱吗?



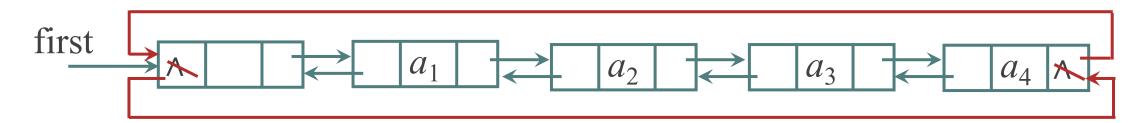
- 如何求得结点 p 的前驱?
- ★ 循环链表: 将链表的首尾相接
- ★ 循环单链表: 将终端结点的指针由空指针改为指向头结点



循环链表的引入



双链表可以循环吗?



★ 循环链表: 将链表的首尾相接

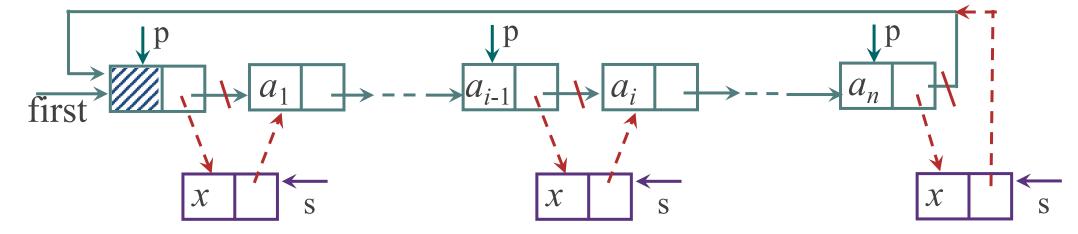
看环双链表:将终端结点的next指针由空指针改为指向头结点, 将头结点的prior指针由空指针改为指向终端结点

11



循环单链表的实现

☞ 循环单链表的插入操作——表头、表中间、表尾?



s = new Node;

s->data = x;

s->next = p->next;

p->next = s;



循环单链表的实现

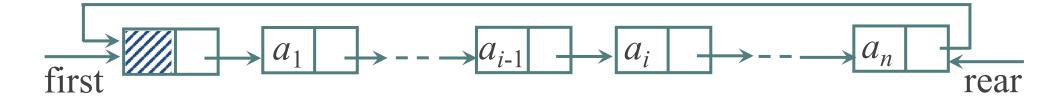
```
⑤ 与单链表插入操作的区别?
int Insert(int i, DataType x)
  Node *p = first; int count = 0;
  while (p != first && count < i - 1)
    p = p-next;
    count++;
  if (p == nullptr) throw"位置错误,插入失败";
  else {
    s = new Node; s->data = x;
    s->next = p->next; p->next = s;
```

```
p!= nullptr → p!= first
p->next != nullptr → p->next != first
```



循环单链表的变化

如何查找开始结点和终端结点?



开始结点: first->next

终端结点: *O*(*n*)

开始结点: rear->next->next

终端结点: rear

值环单链表由头指针指示 OR 由尾指针指示?

存储结构是否合理,取决于运算是否方便,时间性能是否提高



第二章 线性表

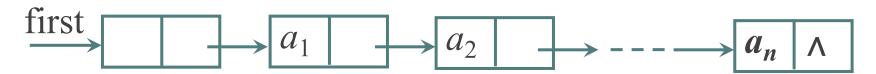
2.5 顺序表与链表的比较



存储分配方式

★ 顺序表:采用顺序存储结构——静态存储分配,即用一段地址连续的存储单元依次存储线性表的数据元素,数据元素之间的逻辑关系通过存储位置(下标)来实现

0	• • •	i-2	i-1	• • •	n-1	MaxSize-1	
a_1	• • •	a_{i-1}	a_i	•••	a_n	长度	



★ 链表: 采用链接存储结构——动态存储分配,即用一组任意的存储单元存放线性表的元素,用指针来反映数据元素之间的逻辑关系



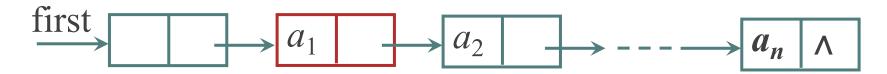
空间性能比较

★ 结点的存储密度比较

顺序表: 只存储数据元素

链表:指针的结构性开销





★ 结构的存储密度比较

顺序表: 预分配存储空间

链表: 链表中的元素个数没有限制



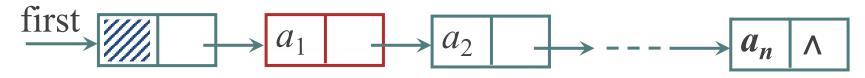
时间性能比较

按位查找

顺序表: O(1), 随机存取

链表: O(n), 顺序存取

0	0 $i-2$		i-1 $n-1$		n-1	MaxSize-1	
a_1	• • •	a_{i-1}	a_i	• • •	a_n	长度	





★ 插入和删除

顺序表: *O*(*n*), 平均移动表长一半的元素链表: 不用移动元素, 合适位置的指针—— *O*



结论

- ★ 从空间上讲,若线性表中元素**个数变化**较大或者未知,最好使用链表实现;如果用户事先知道线性表的大致长度,使用顺序表的空间效率会更高
- ★ 从时间上讲,若线性表频繁查找却很少进行插入和删除操作, 或其操作和元素在表中的位置密切相关时,宜采用顺序表作为 存储结构;若线性表需频繁插入和删除时,则宜采用链表做存储结构

各有优缺点,应根据实际问题进行综合考虑,选定合适的实现方法



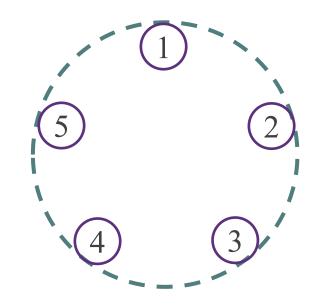
第二章 线性表

2.6/2.7 扩展、提高和应用

扩展:约瑟夫环问题



【约瑟夫环问题】设 n(n>0)个人围成一个环,n 个人的编号分别为1,2,…,n,从第 1 个人开始报数,报到 m 时停止报数,报 m 的人出环,再从他的下一个人起重新报数,报到 m 时停止报数,报m的人出环,……,如此下去,直到所有人全部出环为止。对于任意给定 n 和 m,求 n 个人出环的次序。



例如, n = 5, m = 3, 则

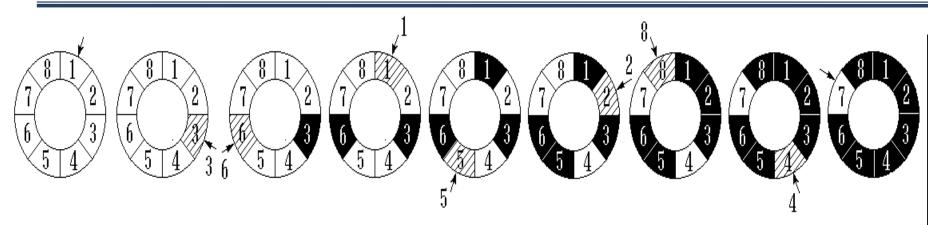
出环的顺序是: 3 1 5 2 4



如何存储这种环状线性结构,并求解约瑟夫环的出环次序呢?

扩展:约瑟夫环问题





```
struct Node
{
        int data;
        struct Node *next;
};
```

```
JosephRing::JosephRing(int n)
{
   Node *s = nullptr;
   rear = new Node;
   rear->data = 1;
   rear->next = rear;
   for (int i =2; i<=n; i++)
   {
      s = new Node;
      s->data = i;
      s->next = rear->next;
      rear->next = s;
      rear = s;
   }
}
```

```
int main()
{
   int n = 8,m=3;
   JosephRing R(n);
   R.Joseph(m);
   return 0;
}
```

Output:

```
3 6 1 5
2 8 4 7
```

```
void JosephRing::Joseph(int m)
   Node *pre = rear:
   Node *p = rear->next;
   int count = 1;
   while (p->next!=p)
        if (count<m)
            pre = p;
            p = p->next;
            count++:
        else
            cout<<p->data<<"\t";
            pre->next = p->next;
           delete p;
            p = pre->next;
            count = 1;
   cout<<p->data<<"\t";
   delete p;
```

扩展:一元多项式求和



数学表示:
$$P_n(x) = p_0 + p_1 x + p_2 x^2 + ... + p_n x^n$$

P

R

计算机表示:
$$P = (p_0, p_1, p_2, ..., p_n)$$

可以描述为一个由 n+1 个系数构成的线性表。

多项式相加:

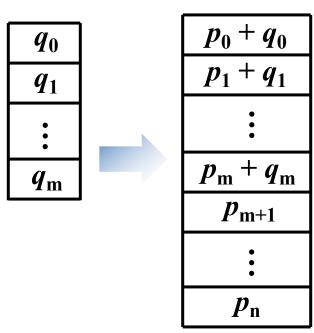
设
$$P_n(x)$$
: $P = (p_0, p_1, p_2, ..., p_n)$

$$Q_{m}(x): Q = (q_{0}, q_{1}, q_{2}, ..., q_{m})$$
 m

m<n

p_0 p_1 $p_{\rm m}$ $p_{\rm n}$

+



$$\mathbf{N} \mathbf{R}_{\mathbf{n}}(\mathbf{x}) = \mathbf{P}_{\mathbf{n}}(\mathbf{x}) + \mathbf{Q}_{\mathbf{m}}(\mathbf{x})$$

$$\mathbf{R} = (p_0 + q_0, p_1 + q_1, p_2 + q_2, \dots, p_m + q_m, p_{m+1}, \dots, p_n)$$

显然,采用顺序存储结构实现方便。

扩展:一元多项式求和



然而实际应用中,多项式的次数往往很高,且可能存在很多缺项。

例, $S(x) = 1 + 3x^{10000} + 2x^{20000}$

通常情况下, 一元 n 次多项式写成:

$$P_n(x) = p_1 x^{e_1} + p_2 x^{e_2} + ... + p_m x^{e_m}$$

 $p_i \neq 0$; $0 \leq e_1 < e_2 < \cdots < e_m \leq n$

计算机表示: $P = ((p_1, e_1), (p_2, e_2), ..., (p_m, e_m))$

实现"<mark>求值</mark>"、"<mark>求项数</mark>"这样的操作,采用顺序存储结构。

p_1	e_1
p_2	e_2
•	•
p_{m}	e_{m}

"多项式相加"等运算则采用链式存储结构

? 采用那种存储结构?

coef	expo	next	
系数	指数	下一个	结点

扩展:一元多项式求和

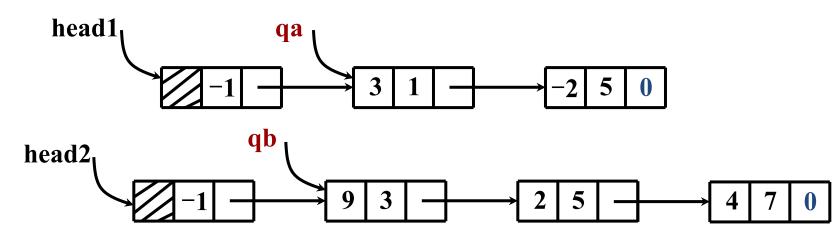


【算法】 一元多项式相加 AddPolyn(&Pa, &Pb) 要求: Pa = Pa + Pb

```
struct LNode
{
    DataType coef;
    DataType expo;
    struct LNode *next;
};
```



依据归并两个有序表的过程, 分三种情况考虑:



令 qa 和 qb 分别指向多项式 A 和 B 中当前进行比较的结点;

1: qa->expo < qb->expo, qa所指向的结点应插入和多项式中

2: qa->expo > qb->expo, qb所指向的结点应插入和多项式中

3: qa->expo = qb->expo, 求和 qa->coef + qb->coef

nall = 0, 释放 qa 和 qb 所指结点;

 $n \neq 0$, 修改 qa 所指结点的系数值, 释放 qb 所指结点;

本章小结





。 掌握**顺序表与链表的逻辑结构和存储结构**特点



。熟练掌握线性表**两类存储结构的定义和描述方法**,以及线性表的各 种基本操作的实现。



。 能够从**时间和空间复杂度**的角度综合比较线性表两种存储结构的不 同特点及其适用场合。

实验安排



实验一、顺序存储结构线性表的建立及操作

一、实验目的

- 1. 掌握线性表的存储结构的特点,理解顺序存储结构表示线性表的方法。
- 2. 掌握顺序存储结构线性表数据元素类型定义的格式与方法。
- 3. 掌握对线性表的元素进行删除和插入的原理与方法。
- 4. 用C++语言实现顺序结构存储线性表的建立,元素的删除与插入算法,并上机调试。

二、实验内容

1. 设计C++类及相关方法,用于维护学生成绩表: 基础信息: 学号姓名分数: long num; char name[10]; float score;

- 2. 写出建立线性表,并向线性表中输入数据的函数。
- 3. 写出删除指定学号的学生信息,及按学生的成绩顺序插入新的学生信息的函数。(假定学生的成绩已有序排列)
- 4. 写出输入及输出的内容。

5. 合并两张有序表(扩展内容)

实验时间: 第2周周四晚 19:00-21:00

实验地点: 格物楼A216

实验安排



实验二、链式存储结构线性表的建立及操作

一、实验目的

- 1. 掌握线性表的链式存储结构的特点,理解链式存储结构表示线性表的方法。
- 2. 掌握链式存储结构线性表数据元素类型定义的格式与方法。
- 3. 掌握单链表建立、遍历、查找、新元素插入、及元素删除的原理与方法。
- 4. 用C++语言实现单链表,并上机调试。

二、实验内容

- 1. 设计C++类及相关方法,用于维护单链表。
- 2. 写出建立单链表,并向单链表中输入数据的函数。
- 3. 实现单链表的建立、遍历、查找、新元素插入、及元素删除,写出输入及输出的内容。
- 4. 将两个有序单链表合并为一个有序单链表(扩展内容)
- 5. 双链表及循环链表的实现(扩展内容)

实验时间: 第4周周四晚 19:00-21:00

实验地点: 格物楼A216

作业



- 1. 试总结单链表引入头结点的原因?
- 2. 编程:如何逆置一个单链表为一个新表?
- 3. 教材P66, 2(1)题:请说明顺序表和单链表有何优缺点?并分析不同情况下采用何种存储结构更合适?
- 4. 算法设计:在顺序表中删除所有元素值为x的元素,要求空间复杂度为O(1),给出算法伪代码和源代码。
- 5. 算法设计:已知单链表中各结点的元素值为整型且递增有序,设计算法删除链表中大于mink且小于maxk的所有元素,并释放被删结点的存储空间,给出算法伪代码和源代码。



Thank You ?





