



Universidad Veracruzana

Maestría en Inteligencia Artificial

Lógica difusa

Tarea 7. Modelando una función $\sin(x)$ con lógica difusa usando el método de Sugeno con FuzzyToolbox y en código matlab.

Ángel García Báez

Dr. Sergio Hernández Méndez

9 de abril de 2025

Índice

1. Introducción	2
2. Problema 1: Aproximación del $\text{sen}(x)$	3
2.1. Explicación del Problema	3
2.2. Variables y sus codificaciones	3
2.3. Reglas de inferencia.	6
2.4. Gráficos del problema del problema	7
2.5. Implementación del problema del mesero paso a paso	8
2.6. Comparativa para la aproximación del seno	10
2.6.1. Caso mínimo	10
2.6.2. Caso medio	11
2.6.3. Caso máximo	12
3. Conclusiones	12
4. Referencias	13
5. Anexos	14

1. Introducción

En el presente reporte se plantea el problema de modelar o aproximar una función $\text{sen}(x)$ en el rango de $(0, 2\pi)$ con lógica difusa y usando el método de Sugeno. Para ello, se tomo de base la función $\text{sen}(x)$ y se dividió en 8 pedacitos que posteriormente pasaron a ser las funciones de membresía de la variable de entrada y que mapean a la variable de salida. Se hizo la implementación mediante el fuzzytoolbox de y se programo paso a paso.

Se muestra la comparativa de los resultados obtenidos tanto con el fuzzy toolbox como con el código hecho en matlab paso a paso para 3 escenarios distintos:

Cuando la variable de entrada es mínima, cuando es media y cuando es máxima.

2. Problema 1: Aproximación del $\text{sen}(x)$

2.1. Explicación del Problema

Se quiere aproximar el comportamiento de la función $\text{sen}(x)$ en el rango de $(0, 2\pi)$ haciendo uso de un sistema de logica difusa con el método de Sugeno. Para ello unicamente se toma una variable de entrada X que tiene el rango ya mencionado.

La propuesta es dividir en 8 pedacitos el comportamiento de la función seno para generar 8 funciones de membresia triangulares en X .

2.2. Variables y sus codificaciones

A continuación se listan los valores de las variables lingüísticas que se propusieron para el Ángulo (X) y la salida del seno(x) como sigue:

1. Ángulo (x) con función triangular:
2. R1 $[-1,5708, 0, 1,5708]$,
3. R2 $[0, 0,7854, 1,5708]$
4. R3 $[0,7854, 1,5708, 2,3562]$
5. R4 $[1,5708, 2,3562, 3,1416]$
6. R5 $[2,3562, 3,1416, 3,9270]$
7. R6 $[3,1416, 3,9270, 4,7124]$
8. R7 $[3,9270, 4,7124, 5,4978]$
9. R8 $[4,7124, 5,4978, 6,2832]$
10. R9 $[5,4978, 6,2832, 7,8540]$.

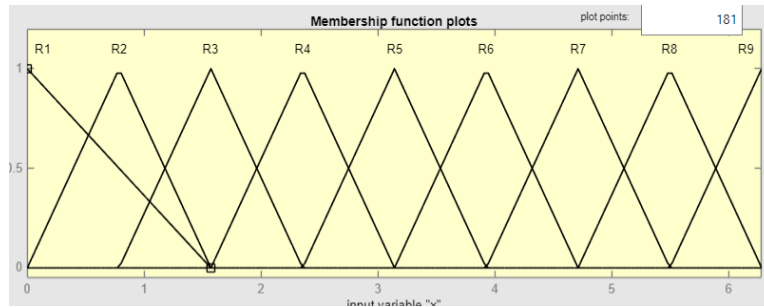


Figura 1: Funciones de pertenencia triangulares para la variable de entrada Ángulo (x)

Valor del seno ($\sin x$):

11. O1 (valor constante de 0),
12. O2 (valor constante de 0.7071),
13. O3 (valor constante de 1),
14. O4 (valor constante de 0.7071),
15. O5 (valor constante de 0),
16. O6 (valor constante de -0.7071),
17. O7 (valor constante de -1),
18. O8 (valor constante de -0.7071) y
19. O9 (valor constante de 0).

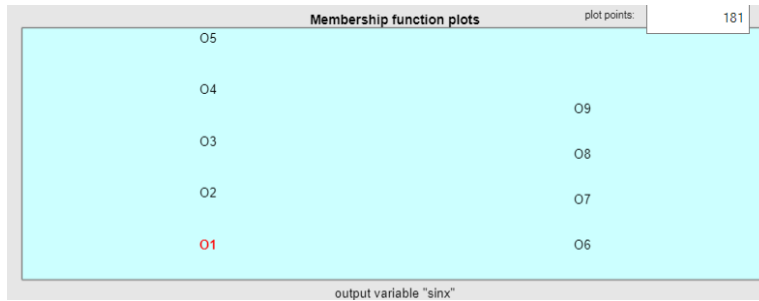


Figura 2: Valores constantes para la variable de salida $\text{seno}(x)$ (método Sugeno)

Las funciones de membresia del Ángulo fueron modeladas con funciones triangulares, mientras que la salida del $\text{seno}(x)$ fue modelada con singletons (una triangular modificada en 1 solo valor) para mantener el sistema *sencillo* y por su naturaleza discreta.

Se aplico el método de Sugeno para el procesado de las variables de entrada.

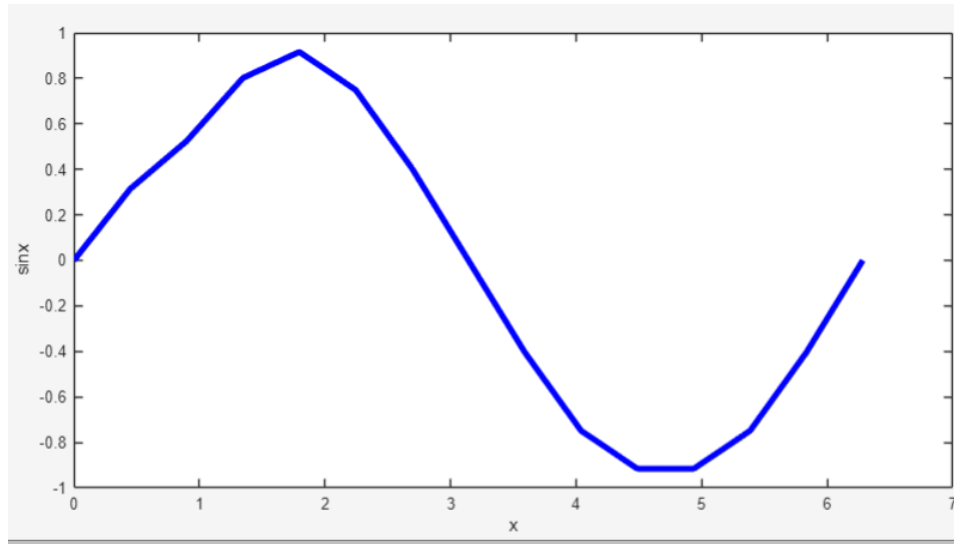
2.3. Reglas de inferencia.

A continuación se muestran las doce reglas que se construyeron para este problema:

1. Si \mathbf{X} pertenece a la región asociada a $\mathbf{R1}$, entonces la **salida** es 0 .
2. Si \mathbf{X} pertenece a la región asociada a $\mathbf{R2}$, entonces la **salida** es 0.7071 .
3. Si \mathbf{X} pertenece a la región asociada a $\mathbf{R3}$, entonces la **salida** es 1 .
4. Si \mathbf{X} pertenece a la región asociada a $\mathbf{R4}$, entonces la **salida** es 0.7071 .
5. Si \mathbf{X} pertenece a la región asociada a $\mathbf{R5}$, entonces la **salida** es 0 .
6. Si \mathbf{X} pertenece a la región asociada a $\mathbf{R6}$, entonces la **salida** es -0.7071 .
7. Si \mathbf{X} pertenece a la región asociada a $\mathbf{R7}$, entonces la **salida** es -1 .
8. Si \mathbf{X} pertenece a la región asociada a $\mathbf{R8}$, entonces la **salida** es -0.7071 .
9. Si \mathbf{X} pertenece a la región asociada a $\mathbf{R9}$, entonces la **salida** es 0 .

2.4. Gráficos del problema del problema

La gráfica de superficie resultante de todo lo descrito previamente, es la siguiente:



La gráfica resultante es un gráfico en 2 dimensiones que simula bastante bien el comportamiento del seno.

2.5. Implementación del problema del mesero paso a paso

A continuación se explica como se implemento el sistema difuso para aproximar el seno pero programandolo paso a paso en matlab.

El primer paso identificar las variables de discurso Ángulo (X) y la salida del $\text{seno}(x)$ en 0.

Con referencia a lo explicado en el libro de Cisneros Parra (2004), se implemento la función de membresía triangular tal y como la define a continuación:

$$\mu_A(x) = \begin{cases} 0, & x \leq a \\ \frac{x-a}{b-a}, & a < x \leq b \\ \frac{c-x}{c-b}, & b < x \leq c \\ 0, & x > c \end{cases}$$

Posteriormente, se definieron los rangos de cada una de las funciones de membresía, dado que solo se usan funciones triangulares y singletons, se dejaron los rangos tal cual se había presentado anteriormente

Siguiendo con el proceso, fueron implementadas cada una las 9 reglas que ya se mostraron previamente y utilizando los resultados de las funciones de membresía como se describe a continuación:

El valor de activación de la regla:

$$w_i = \mu_{A_i}(x_1) \cdot \mu_{B_i}(x_2)$$

La contribución de la regla de salida:

$$\text{contribucion}_i = w_i \cdot z_i$$

Por ultimo, ya que se contaban con las funciones de membresía y el sistema de reglas, dado que se van a trabajar con salidas singleton, la forma de defuzzificar las entradas para generar las salidas es mediante el método del promedio ponderado:

$$z = \frac{\sum_{i=1}^N w_i \cdot z_i}{\sum_{i=1}^N w_i}$$

donde:

- x_i son los valores discretos de la variable de salida.

- $\mu(x_i)$ es el grado de pertenencia de x_i en la función de pertenencia de la salida difusa.
- n es el número total de puntos discretos en el dominio de salida.

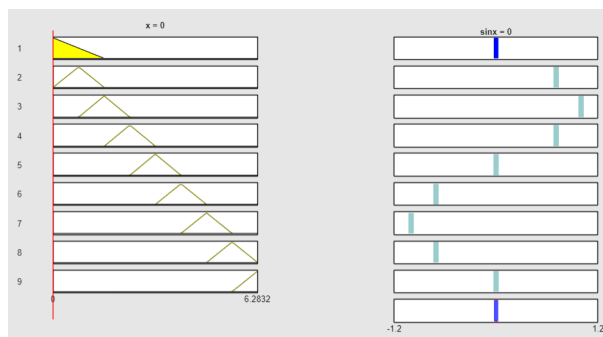
Una vez que el sistema esta listo y programado, se procede a hacer la comparativa con el toolbox de matlab.

2.6. Comparativa para la aproximación del seno

A continuación se presentan los resultados que da el sistema programado paso a paso en matlab contra el resultado para el mismo sistema por parte del fuzzy toolbox en 3 escenarios distintos.

2.6.1. Caso mínimo

Para el caso mínimo, se propone un valor de $X = 0$.

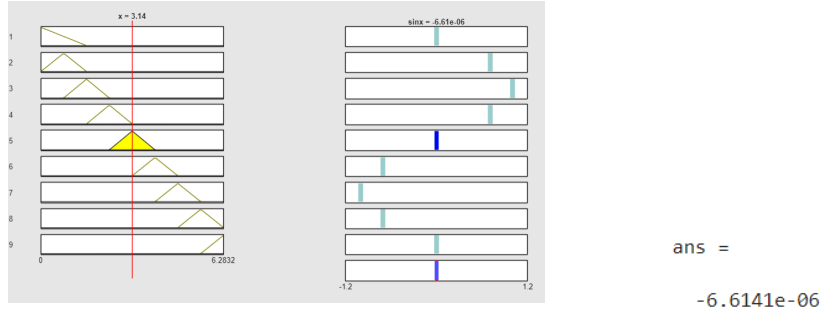


ans =
0

A la izquierda se muestran los resultados del toolbox y a la derecha el resultado del sistema programado paso a paso. El toolbox reporta un valor de 0 para el caso planteado, mientras que el sistema programado paso a paso muestra un valor de 0. La diferencia entre ambos casos es nula, por lo que se puede afirmar que llegan al mismo resultado. Un valor de 0 en X llegan a dar como resultado del seno de 0.

2.6.2. Caso medio

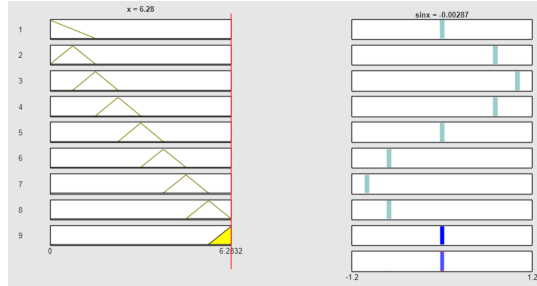
Para el caso medio, se propone un valor de $X = 3,14$.



A la izquierda se muestran los resultados del toolbox y a la derecha el resultado del sistema programado paso a paso. El toolbox reporta un valor de 0 para el caso planteado, mientras que el sistema programado paso a paso muestra un valor de 3.14. La diferencia entre ambos casos es nula, por lo que se puede afirmar que llegan al mismo resultado. Un valor de 0 en X llegan a dar como resultado del seno de 0.

2.6.3. Caso máximo

Para el caso máximo, se propone un valor de $X = 6,28$.



ans =
-2.4493e-16

A la izquierda se muestran los resultados del toolbox y a la derecha el resultado del sistema programado paso a paso. El toolbox reporta un valor de 0 para el caso planteado, mientras que el sistema programado paso a paso muestra un valor de 6.28. La diferencia entre ambos casos es nula, por lo que se puede afirmar que llegan al mismo resultado. Un valor de 0 en X llegan a dar como resultado del seno un valor de casi 0.

3. Conclusiones

A rasg

4. Referencias

Referencias

Cisneros Parra, J. U. (2004). *Introducción a la lógica difusa*. Universidad Autónoma de San Luis Potosí, San Luis Potosí, San Luis Potosí.

5. Anexos

Este reporte se envía con los códigos anexos que corresponden a:

1. Archivo .fiz del sistema difuso para el problema de la aproximación del seno con método de Sugeno.
2. Código en matlab para ejecutar el sistema difuso programado para el problema de la aproximación del seno con método de Sugeno.