

# Universidad Veracruzana

Maestría en Inteligencia Artificial

# Lógica difusa

Tarea 4. Problema de la calificación de videojuegos con lógica difusa programado paso a paso en MATLAB implementando el método de desfuzzificación Centro del Área.

Ángel García Báez

Dr. Sergio Hernández Méndez

19 de marzo de 2025

# ${\rm \acute{I}ndice}$

1.	Intr	roducción	2
2.	Pro	blema 1: Calificación de videojuegos	3
	2.1.	Explicación del Problema	3
	2.2.	Variables y sus codificaciones	3
	2.3.	Reglas de inferencia	6
	2.4.	Gráficos del problema de las calificaciones	9
	2.5.	Implementación del problema de la calificación de videojuegos	
		con desfuzzificación del centro de sumas paso a paso	10
	2.6.	Comparativa para el problema de la calificación de videojuegos	12
		2.6.1. Caso mínimo	12
		2.6.2. Caso medio	13
		2.6.3. Caso máximo	14
3.	Conclusiones		<b>15</b>
4.	Referencias		16
<b>5</b> .	Ane	exos	17

### 1. Introducción

En el presente reporte se explica brevemente la propuesta del problema de calificar videojuegos en base a 3 variables (historia, jugabilidad y gráficos), se explica brevemente el proceso de implementación para la resolución del problema con salidas gaussianas, para el cual fue necesario extender el programa hecho en la tarea 3 para que procesara tres entradas distintas, junto con su respectivo aumento en la base de reglas. La salida se modelo como una gaussiana mediante el proceso de desfuzificación centro del área.

Con la finalidad de comparar que tan buena fue la implementación propia, se hace la comparativa entre los resultados obtenidos con el paquete de Fuzzy Logic de matlab y el programa implementado paso a paso en 3 escenarios distintos: caso mínimo, caso intermedio y caso máximo.

## 2. Problema 1: Calificación de videojuegos

### 2.1. Explicación del Problema

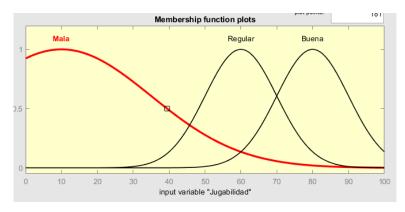
Se tiene la duda sobre las calificaciones que se otorgan a distintos videojuegos en paginas especializadas como metacritic, puesto que hasta donde se tiene conocimiento, la nota que se muestra en la pagina es el producto de una media ponderada obtenida mediante la opinión de distintos medios pero se desconoce como es que estos afectan a la nota, puesto que juegos que son malos según los jugadores aparecen con notas medias por encima del 80 y al revés, juegos buenos y aclamados por los jugadores aparecen con notas menores a 70.

Con la finalidad de tener un acercamiento al modelado de la calificación que se les da a los videojuegos mediante un sistema de lógica difusa compuesto por 3 variables de entrada: Jugabilidad, Gráficos e Historia, modeladas mediante funciones de membresía Gaussianas tanto para las entradas como para las salidas.

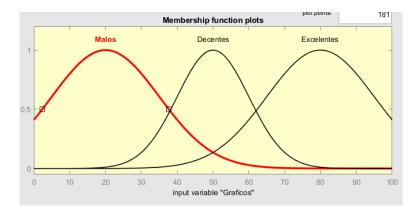
### 2.2. Variables y sus codificaciones

A continuación se listan los valores de las variables lingüísticas que se propusieron para SERVICIO, COMIDA y PROPINA como sigue:

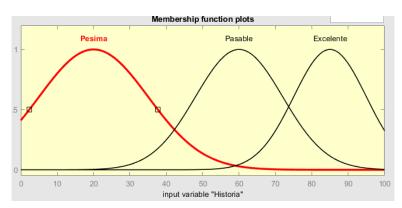
1. Jugabilidad: Mala ( $\mu=10,\,\sigma=25$ ), Regular ( $\mu=60,\,\sigma=10$ ) y Buena ( $\mu=80,\,\sigma=10$ ).



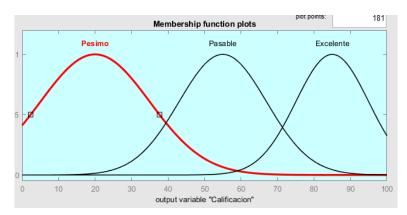
2. Gráficos: Malos ( $\mu=20,\ \sigma=15$ ), Decentes ( $\mu=50,\ \sigma=10$ ) y Excelentes ( $\mu=80,\ \sigma=15$ ).



3. Historia: Pésima ( $\mu=20,\ \sigma=15$ ), Pasable ( $\mu=60,\ \sigma=12$ ) y Excelente ( $\mu=85,\ \sigma=10$ ).



4. Calificación: Pésimo ( $\mu=20,\,\sigma=15$ ), Pasable ( $\mu=55,\,\sigma=12$ ) y Excelente ( $\mu=85,\,\sigma=10$ ).



Todas las funciones de membresía se mantuvieron Gaussianas.

Se mantuvo el método de desfuzzificación del centroide (centro de masa) para todas las funciones con la inferencia de Mandani para los resultados obtenidos mediante el fuzzy toolbox de matlab.

### 2.3. Reglas de inferencia.

A continuación se muestra la base de reglas compuesta por 27 reglas de la forma AND:

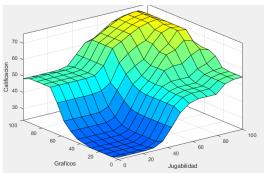
- 1. R1: Si JUGABILIDAD es *MALA* y los **GRÁFICOS** son *MALOS* y la **HISTORIA** es *PÉSIMA*, la **CALIFICACIÓN** es *PÉSIMA*.
- 2. R2: Si JUGABILIDAD es *MALA* y los **GRÁFICOS** son *MALOS* y la **HISTORIA** es *PASABLE*, la CALIFICACIÓN es *PÉSI-MA*.
- 3. R3: Si JUGABILIDAD es *MALA* y los **GRÁFICOS** son *MA-LOS* y la HISTORIA es *EXCELENTE*, la CALIFICACIÓN es *PÉSIMA*.
- 4. R4: Si JUGABILIDAD es *MALA* y los GRÁFICOS son *DE- CENTES* y la HISTORIA es *PÉSIMA*, la CALIFICACIÓN es *PÉSIMA*.
- 5. R5: Si JUGABILIDAD es *MALA* y los **GRÁFICOS** son *DE-CENTES* y la HISTORIA es *PASABLE*, la CALIFICACIÓN es *PÉSIMA*.
- 6. R6: Si JUGABILIDAD es *MALA* y los GRÁFICOS son *DE- CENTES* y la HISTORIA es *EXCELENTE*, la CALIFICA-CIÓN es *PASABLE*.
- 7. R7: Si JUGABILIDAD es MALA y los GRÁFICOS son EXCE-LENTES y la HISTORIA es PÉSIMA, la CALIFICACIÓN es PÉSIMA.
- 8. R8: Si JUGABILIDAD es *MALA* y los **GRÁFICOS** son *EXCE-LENTES* y la HISTORIA es *PASABLE*, la CALIFICACIÓN es *PASABLE*.
- 9. R9: Si JUGABILIDAD es *MALA* y los GRÁFICOS son *EXCE-LENTES* y la HISTORIA es *EXCELENTE*, la CALIFICACIÓN es *PASABLE*.
- 10. R<br/>10: Si JUGABILIDAD es REGULAR y los GRÁFICOS son<br/> MALOS y la HISTORIA es PÉSIMA, la CALIFICACIÓN es<br/> PÉSIMA.

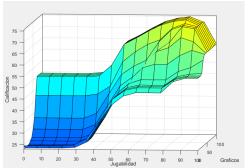
- 11. R11: Si JUGABILIDAD es *REGULAR* y los **GRÁFICOS** son *MALOS* y la **HISTORIA** es *PASABLE*, la **CALIFICACIÓN** es *PASABLE*.
- 12. R12: Si JUGABILIDAD es REGULAR y los GRÁFICOS son MALOS y la HISTORIA es EXCELENTE, la CALIFICACIÓN es PASABLE.
- 13. R13: Si JUGABILIDAD es *REGULAR* y los **GRÁFICOS** son *DECENTES* y la HISTORIA es *PÉSIMA*, la CALIFICACIÓN es *PASABLE*.
- 14. R14: Si JUGABILIDAD es *REGULAR* y los **GRÁFICOS** son *DECENTES* y la HISTORIA es *PASABLE*, la CALIFICA-CIÓN es *PASABLE*.
- 15. R15: Si JUGABILIDAD es *REGULAR* y los **GRÁFICOS** son *DECENTES* y la **HISTORIA** es *EXCELENTE*, la CALIFICACIÓN es *EXCELENTE*.
- 16. R<br/>16: Si JUGABILIDAD es REGULAR y los GRÁFICOS son <br/>EXCELENTES y la HISTORIA es PÉSIMA, la CALIFICA-<br/>CIÓN es PASABLE.
- 17. R17: Si JUGABILIDAD es *REGULAR* y los **GRÁFICOS** son *EXCELENTES* y la HISTORIA es *PASABLE*, la CALIFICACIÓN es *EXCELENTE*.
- 18. R18: Si JUGABILIDAD es *REGULAR* y los **GRÁFICOS** son *EXCELENTES* y la HISTORIA es *EXCELENTE*, la CALIFICACIÓN es *EXCELENTE*.
- 19. R19: Si JUGABILIDAD es BUENA y los GRÁFICOS son MA-LOS y la HISTORIA es PÉSIMA, la CALIFICACIÓN es PA-SABLE.
- 20. R<br/>20: Si JUGABILIDAD es BUENA y los GRÁFICOS son MA-LOS y la HISTORIA es PASABLE, la CALIFICACIÓN es PA-SABLE.
- 21. R21: Si JUGABILIDAD es BUENA y los GRÁFICOS son MA-LOS y la HISTORIA es EXCELENTE, la CALIFICACIÓN es PASABLE.

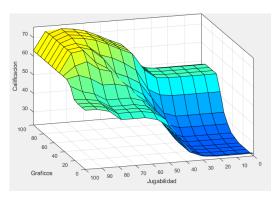
- 22. R22: Si JUGABILIDAD es *BUENA* y los GRÁFICOS son *DE- CENTES* y la HISTORIA es *PÉSIMA*, la CALIFICACIÓN es *PASABLE*.
- 23. R23: Si JUGABILIDAD es *BUENA* y los **GRÁFICOS** son *DE-CENTES* y la HISTORIA es *PASABLE*, la CALIFICACIÓN es *EXCELENTE*.
- 24. R24: Si JUGABILIDAD es *BUENA* y los GRÁFICOS son *DE- CENTES* y la HISTORIA es *EXCELENTE*, la CALIFICA-CIÓN es *EXCELENTE*.
- 25. R25: Si JUGABILIDAD es *BUENA* y los **GRÁFICOS** son *EX-CELENTES* y la HISTORIA es *PÉSIMA*, la CALIFICACIÓN es *PASABLE*.
- 26. R26: Si JUGABILIDAD es *BUENA* y los **GRÁFICOS** son *EXCELENTES* y la **HISTORIA** es *PASABLE*, la **CALIFICA-** CIÓN es *EXCELENTE*.
- 27. R27: Si JUGABILIDAD es BUENA y los GRÁFICOS son EX-CELENTES y la HISTORIA es EXCELENTE, la CALIFICACIÓN es EXCELENTE.

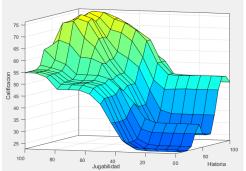
### 2.4. Gráficos del problema de las calificaciones

La gráfica de superficie resultante del problema con entradas y salidas Gaussianas junto con la base de reglas ya mencionada toma la siguiente forma:









Dado que la gráfica esta compuesta por 3 variables,. es necesario visualizarla por pares de variables para poder hacerse una idea de su comportamiento.

Se observa como presenta un comportamiento gradualmente descendiente relativamente suave, pero existe una zona donde cae abruptamente, puede servir esto como aviso de que las reglas o los rangos de las variables necesitan ser re-ajustados.

# 2.5. Implementación del problema de la calificación de videojuegos con desfuzzificación del centro de sumas paso a paso

Como se menciono en un inicio, el principal objetivo de esta actividad es implementar uno mismo el sistema de lógica difusa para comparar los resultados con respecto de los mostrados por el fuzzy toolbox de matlab.

El primer paso identificar las variables de discurso SERVICIO, COMIDA y PROPINA para inicializarlas en 0.

Con referencia a lo explicado en el libro de Cisneros Parra (2004), se implemento la función de membresía Gaussiana tal y como la define a continuación:

$$f(x, \mu, \sigma) = e^{\left(\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}\right)}$$

Posteriormente, se definieron los rangos de cada una de las funciones de membresía, dado que solo se usan funciones gaussianas, se dejaron los rangos tal cual se había presentado anteriormente:

- 1. Jugabilidad: Mala ( $\mu=10,\,\sigma=25$ ), Regular ( $\mu=60,\,\sigma=10$ ) y Buena ( $\mu=80,\,\sigma=10$ ).
- 2. Gráficos: Malos ( $\mu=20,\ \sigma=15$ ), Decentes ( $\mu=50,\ \sigma=10$ ) y Excelentes ( $\mu=80,\ \sigma=15$ ).
- 3. Historia: Pésima ( $\mu=20,\ \sigma=15$ ), Pasable ( $\mu=60,\ \sigma=12$ ) y Excelente ( $\mu=85,\ \sigma=10$ ).
- 4. Calificación: Pésimo ( $\mu=20,\,\sigma=15$ ), Pasable ( $\mu=55,\,\sigma=12$ ) y Excelente ( $\mu=85,\,\sigma=10$ ).

Siguiendo con el proceso, fueron implementadas cada una las 12 reglas que ya se mostraron previamente, haciendo uso de la operación de conjuntos difusos AND, para esto, la activación de las reglas del sistema se determinan de la siguiente forma:

Activación de regla = 
$$\min(\mu_A(X), \mu_B(Y))$$

Posteriormente, se implemento el método de desfuzzificación del centroide o centro de área como sigue.

Siguiendo la definición descrita en Cisneros Parra (2004), el centro de área llega a una conclusión "verdadera"<br/>para el razonamiento difuso para el valor  $\bar{u}$  que se encuentra de<br/>ntro del rango que es promedio de todos los valores. Dicho promedio se construye mediante cada valor u que es ponderado por el área que se encuentra por encima de el como se muestra a continuación:

$$\bar{u} = \frac{\int_{u_1}^{u_n} u \mu_U(u) du}{\int_{u_1}^{u_n} \mu_U(u) du}$$

De forma que el denominador en la expresión representa el área por debajo de la gráfica que se produce.

Debido a que en el presente trabajo se utilizaron unicamente funciones gaussianas, se recurre a realizar la integración sobre un dominio numérico de valores continuos que van de 0 a 20 mediante una aproximación a la integral mediante sumas discretas:

$$Crisp \approx \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i \cdot \mu(x_i)}{\sum_{i=1}^{n} \mu(x_i)}$$

donde:

- $x_i$  son los valores discretos de la variable de salida generados en el intervalo.
- $\mu(x_i)$  es el valor de la función de membresía en  $x_i$ .
- n es el número total de puntos utilizados en la discretización.

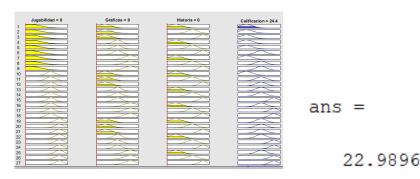
Una vez que el sistema esta listo y programado, se procede a hacer la comparativa con el toolbox de matlab.

# 2.6. Comparativa para el problema de la calificación de videojuegos

A continuación se presentan los resultados que da el sistema programado paso a paso en matlab contra el resultado para el mismo sistema por parte del fuzzy toolbox en 3 escenarios distintos.

### 2.6.1. Caso mínimo

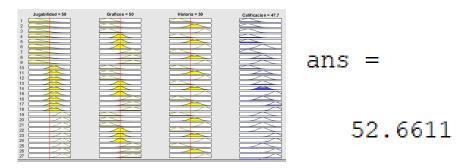
Para el caso mínimo, se propone JUGABILIDAD=0, GRÁFICOS=0 y HISTORIA=0 para ver como se comportan ambas versiones ante la situación extrema de puntuar todo con 0.



A la izquierda se muestran los resultados del toolbox y a la derecha el resultado del sistema programado paso a paso. Fuzzy toolbox reporta un valor de 24.4 para el caso planteado, mientras que el sistema programado paso a paso muestra un valor de 22.99. La diferencia entre ambos casos es resulta llamativa, puesto que difieren en más de una unidad ambos resultados con los mismos parámetros pero para efectos prácticos, es aceptable. Jugabilidad de 0, Gráficos de 0 y una historia de 0 llegan a dar como resultado una Calificación de 24.4 (Pésimo).

### 2.6.2. Caso medio

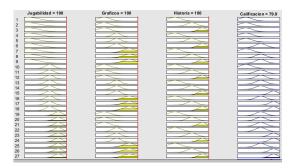
Para el caso mínimo, se propone JUGABILIDAD=50, GRÁFICOS=50 y HISTORIA=50 para ver como se comportan ambas versiones ante la situación intermedia.



A la izquierda se muestran los resultados del toolbox y a la derecha el resultado del sistema programado paso a paso. Fuzzy toolbox reporta un valor de 47.7 para el caso planteado, mientras que el sistema programado paso a paso muestra un valor de 52.66. La diferencia entre ambos casos es resulta llamativa, puesto que difieren en más de 4 unidades, ambos resultados con los mismos parámetros pero para efectos prácticos, es aceptable. Jugabilidad de 50, Gráficos de 50 y una historia de 50 llegan a dar como resultado una Calificación de 47.7 (Pasable).

### 2.6.3. Caso máximo

Para el caso máximo, se propone JUGABILIDAD = 100, GRÁFICOS = 100 y HISTORIA = 100 para ver como se comportan ambas versiones ante la situación extrema de puntuar todo al máximo.



ans =

83.6118

A la izquierda se muestran los resultados del toolbox y a la derecha el resultado del sistema programado paso a paso. Fuzzy toolbox reporta un valor de 79.9 para el caso planteado, mientras que el sistema programado paso a paso muestra un valor de 83.61. La diferencia entre ambos casos es resulta llamativa, puesto que difieren en más de 3 unidades, ambos resultados con los mismos parámetros pero para efectos prácticos, es aceptable. Jugabilidad de 100, Gráficos de 100 y una historia de 100 llegan a dar como resultado una Calificación de 79.9 (Alta).

### 3. Conclusiones

Tras la implementación del problema con 3 variables, cabe mencionar como la adición de las variables y las reglas al código de vuelve sistemático y un poco repetitivo, sin embargo, Es evidente que debe hacerse con paciencia y cuidado para la implementación de las reglas, puesto que la base de reglas aumenta y con ello también los cálculos que son requeridos. Esto se puede notar en la diferencia notable de más de una unidad que existe entre la implementación propuesta y el Fuzzy Logic.

También cabe recalcar sobre la importancia de entender el problema porque al aumentar el numero de variables que se esta manejando, aumenta consigo la complejidad del mismo, al punto que ya no se puede visualizar tan fácil la gráfica de superficie como indicativo de que tan bien va quedando la modelación.

## 4. Referencias

## Referencias

Cisneros Parra, J. U. (2004). *Introducción a la lógica difusa*. Universidad Autónoma de San Luis Potosí, San Luis Potosí, San Luis Potosí.

### 5. Anexos

Este reporte se envía con los códigos anexos que corresponden a:

- 1. Archivo .fiz del sistema difuso para el problema de la calificación con la desfuzificación.
- 2. Código en matlab para ejecutar el sistema difuso programado para el problema de la calificación.