## Geometría y Álgebra Lineal 2

Mauro Polenta Mora

## Ejercicio 6

## Consigna

Sean  $\mathcal{A}=\{1,t+1,(t+1)^2\}$  y  $\mathcal{B}=\{(1,1,0),(1,2,3),(3,2,1)\}$  bases de  $\mathbb{R}_2[t]$  y  $\mathbb{R}^3$  respectivamente. Consideramos  $T:\mathbb{R}_2[t]\to\mathbb{R}^3$  lineal tal que:

$$_{\mathcal{B}}(T)_{\mathcal{A}} = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 2 & 3 & 2 \\ 1 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

Dado  $q_0(t)=t^2+t-1,\,\forall t\in\mathbb{R},$ hallar  $T(q_0).$ 

## Resolución

La idea es exactamente la misma que el ejercicio 5, primero quiero hallar las coordenadas en la base de partida de  $q_0$ :

$$\begin{split} coord_{\mathcal{A}}(t^2+t-1) &= c_1(1) + c_2(t+1) + c_3(t+1)^2 \\ &= c_1(1) + c_2(t+1) + c_3(t^2+2t+1) \end{split}$$

Esto plantea el siguiente sistema:

$$\begin{array}{c|ccccc}
1 & 1 & 1 & -1 \\
0 & 1 & 2 & 1 \\
0 & 0 & 1 & 1
\end{array}$$

Entonces:

- $c_3 = 1$ •  $c_2 = 1 - 2c_3 = -1$
- $c_1 = -1$

$$coord_{\mathcal{A}}(t^2+t-1)=(-1,-1,1)$$

Utilicemos la propiedad:

$$coord_{\mathcal{B}}(T(t^2+t-1)) = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 2 & 3 & 2 \\ 1 & 1 & 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Entonces:

$$coord_{\mathcal{B}}(T(t^2+t-1))=(-2,-3,0)$$

Entonces resta "eliminar" las coordenadas, es decir:

$$T(t^2+t-1) = -2 \cdot (1,1,0) - 3 \cdot (1,2,3) = (-5,-8,-9)$$

Entonces la respuesta es:

$$T(t^2+t-1)=(-5,-8,-9)$$