Lógica

Mauro Polenta Mora

Ejercicio 3

Consigna

- (a) Dé por lo menos dos secuencias de formación de largo diferente para cada una de las proposiciones del Ejercicio 1.
- (b) Dé por lo menos dos secuencias de formación diferentes de largo mínimo para:

$$((((p_1 \to p_2) \to p_1) \to p_2) \to p_1)$$

Resolución (parte a)

Proposición 1

La proposición de este caso es la siguiente:

$$(((\neg p_2) \rightarrow (p_3 \vee (p_1 \leftrightarrow p_2))) \wedge (\neg p_3)) \in PROP$$

Secuencia 1

$$\{p_1,p_2,p_3,(\neg p_2),(\neg p_3),(p_1\leftrightarrow p_2),(p_3\lor(p_1\leftrightarrow p_2)),((\neg p_2)\rightarrow (p_3\lor(p_1\leftrightarrow p_2))),(((\neg p_2)\rightarrow (p_3\lor(p_1\leftrightarrow p_2))),((\neg p_3),(\neg p_3),(\neg p_3),(\neg p_3))\}$$

Secuencia 2

$$\{p_1, p_2, p_3, \bot, (\neg p_2), (\neg p_3), (p_1 \leftrightarrow p_2), (p_3 \lor (p_1 \leftrightarrow p_2)), ((\neg p_2) \to (p_3 \lor (p_1 \leftrightarrow p_2))), (((\neg p_2) \to (p_3 \lor (p_1 \leftrightarrow p_2))), (((\neg p_2) \to (p_3 \lor (p_1 \leftrightarrow p_2))), ((\neg p_2) \to (p_3 \lor (p_1 \leftrightarrow p_2)))\}$$

Proposición 2

La proposición de este caso es la siguiente:

$$((p_7 \to (\neg\bot)) \leftrightarrow ((p_4 \land (\neg p_2)) \to p_1))$$

Secuencia 1

$$\{p_{1},p_{2},p_{4},p_{7},\bot,(\neg p_{2}),(\neg\bot),(p_{4}\wedge(\neg p_{2})),(p_{7}\to(\neg\bot)),((p_{4}\wedge(\neg p_{2}))\to p_{1}),((p_{7}\to(\neg\bot))\leftrightarrow((p_{4}\wedge(\neg p_{2}))\to(p_{1}\wedge(\neg p_{2}))\to(p_{2}\wedge(\neg p_{2})),(p_{2}\wedge(\neg p_{2}))\to(p_{2}\wedge(\neg p_{2})),(p_{3}\wedge(\neg p_{2}))\to(p_{4}\wedge(\neg p_{2})),(p_{4}\wedge(\neg p_{2}))\to(p_{4}\wedge(\neg p_{2}))\to(p_{4}\wedge(\neg p_{2})),(p_{4}\wedge(\neg p_{2}))\to(p_{4}\wedge(\neg p_{2})),(p_{4}\wedge(\neg p_{2}))\to(p_{4}\wedge(\neg p_{2})),(p_{4}\wedge(\neg p_{2}))\to(p_{4}\wedge(\neg p_{2})),(p_{4}\wedge(\neg p_{2})),(p_{4}\wedge(\neg p_{2}))\to(p_{4}\wedge(\neg p_{2})),(p_{4}\wedge(\neg p_{2}))\to(p_{4}\wedge(\neg p_{2})),(p_{4}\wedge(\neg p_{2}))),(p_{4}\wedge(\neg p_{2})),(p_{4}\wedge(\neg p_{2})),(p_{4}\wedge(\neg p_{2})),(p_{4}\wedge(\neg p_{2})),(p_{4}\wedge(\neg p_{2}))),(p_{4}\wedge(\neg p_{2})),(p_{4}\wedge(\neg p_{2}))),(p_{4}\wedge(\neg p_{2})),(p_{4}\wedge(\neg p_{2}))),(p_{4}\wedge(\neg p_{2})),(p_{4}\wedge(\neg p_{2}))),(p_{4}\wedge(\neg p_{2}))))$$

Secuencia 2

$$\{p_1, p_2, p_4, p_7, \bot, (\neg p_1), (\neg p_2), (\neg \bot), (p_4 \land (\neg p_2)), (p_7 \to (\neg \bot)), ((p_4 \land (\neg p_2)) \to p_1), ((p_7 \to (\neg \bot)) \leftrightarrow ((p_7 \land (\neg P_2)) \land (p_7 \land (\neg P_2)), (p_7 \land (\neg P_2))$$

Resolución (parte b)

Queremos hallar dos secuencias de formación diferentes de largo mínimo para la proposición:

$$((((p_1 \rightarrow p_2) \rightarrow p_1) \rightarrow p_2) \rightarrow p_1)$$

Secuencia 1

$$\{p_1, p_2, (p_1 \rightarrow p_2), ((p_1 \rightarrow p_2) \rightarrow p_1), (((p_1 \rightarrow p_2) \rightarrow p_1) \rightarrow p_2), ((((p_1 \rightarrow p_2) \rightarrow p_1) \rightarrow p_2) \rightarrow p_1)\}$$

Secuencia 2

$$\{p_2, p_1, (p_1 \to p_2), ((p_1 \to p_2) \to p_1), (((p_1 \to p_2) \to p_1) \to p_2), ((((p_1 \to p_2) \to p_1) \to p_2) \to p_1)\}$$

Solo existen estas dos secuencias, porque como todas dependen de la anterior, solo podemos permutar los elementos de AT entre si.