



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Московский государственный технический университет
имени Н.Э. Баумана
(национальный исследовательский университет)»
(МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ _____ «Информатика и системы управления»

КАФЕДРА _____ «Теоретическая информатика и компьютерные технологии»

Летучка № 1
по курсу «Численные методы линейной алгебры»
«Реализация метода прогонки и оценка погрешности
вычислений»

Студентка группы ИУ9-72Б Самохвалова П. С.

Преподаватель Посевин Д. П.

Москва 2023

1 Цель

Реализовать метод прогонки и оценить его погрешность в сравнении с простейшим методом Гаусса и библиотечным решением.

2 Задание

1. Реализовать метод прогонки для $Ax = f$, $A \in R^{100 \times 100}$, $f, x \in R^{100}$, A - трехдиагональная матрица.
2. Найти относительные погрешности метода прогонки, метода Гаусса и библиотечного метода и сравнить их.

3 Практическая реализация

Исходный код программы представлен в листинге 1.

Листинг 1: Метод прогонки

```
1 import copy
2 import random
3 from num_methods import *
4 import numpy as np
5
6
7 def progonka_method(m, d):
8     n = len(m)
9     a = [0]
10    b = [0]
11    c = [0]
12    for i in range(n):
13        for j in range(n):
14            if i == j:
15                b.append(m[i][j])
16            elif i == j + 1:
17                a.append(m[i][j])
18            elif i == j - 1:
19                c.append(m[i][j])
20    d = [0] + d
21    alpha = [0] * n
22    beta = [0] * n
23    for i in range(1, n):
```

```

24         alpha[i] = -c[i] / (a[i - 1] * alpha[i - 1] + b[i])
25         beta[i] = (d[i] - a[i - 1] * beta[i - 1]) / (a[i - 1] * alpha[i
- 1] + b[i])
26     x = [0] * (n + 1)
27     x[n] = (d[n] - a[n - 1] * beta[n - 1]) / (a[n - 1] * alpha[n - 1] +
b[n])
28     for i in range(n - 1, 0, -1):
29         x[i] = alpha[i] * x[i + 1] + beta[i]
30     x = x[1:]
31     return x
32
33
34 def gauss_method(a, b):
35     n = len(a)
36     for i in range(n):
37         for j in range(i + 1, n):
38             c = - a[j][i] / a[i][i]
39             for k in range(i, n):
40                 if k == i:
41                     a[j][k] = 0
42                 else:
43                     a[j][k] += c * a[i][k]
44             b[j] += c * b[i]
45     x = [0] * n
46     for i in range(n - 1, -1, -1):
47         x[i] = b[i]
48         for j in range(n - 1, i, -1):
49             x[i] -= x[j] * a[i][j]
50         x[i] /= a[i][i]
51     return x
52
53
54 def generate_tridiagonal_matrix(n, v1, v2):
55     a = [[0] * n for i in range(n)]
56     for i in range(n):
57         if i == 0:
58             a[i][i] = random.uniform(v1, v2)
59             a[i][i + 1] = random.uniform(v1, v2)
60         elif i == n - 1:
61             a[i][i] = random.uniform(v1, v2)
62             a[i][i - 1] = random.uniform(v1, v2)
63         else:
64             a[i][i] = random.uniform(v1, v2)
65             a[i][i - 1] = random.uniform(v1, v2)
66             a[i][i + 1] = random.uniform(v1, v2)
67     return a

```

```

68
69
70 n = 100
71 v1 = -100
72 v2 = 100
73 a = generate_tridiagonal_matrix(n, v1, v2)
74 x = [random.uniform(v1, v2) for i in range(1, n + 1)]
75 b = mult_matr_vec(a, x)
76
77 x1 = gauss_method(copy.deepcopy(a), copy.deepcopy(b))
78 print("Gauss method")
79 print(norm_vec(sub_vec(x, x1)) * 100)
80 print()
81
82 x2 = progonka_method(copy.deepcopy(a), copy.deepcopy(b))
83 print("Progonka method")
84 print(norm_vec(sub_vec(x, x2)) * 100)
85 print()
86
87 x3 = np.linalg.solve(a, b)
88 print("Library method")
89 print(norm_vec(sub_vec(x, x3)) * 100)
90 print()

```

4 Результаты

Результаты работы программы представлены на рисунке 1.

5 Выводы

В результате выполнения лабораторной работы был реализован метод прогонки, было проведено сравнение точности решения методом прогонки, методом Гаусса и библиотечным методом.

Gauss method

$1.3507440541292878e-10$

Progonka method

$1.7533589099651245e-10$

Library method

$9.97845429615494e-11$

Рис. 1 — Результаты