



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное  
учреждение высшего образования  
«Московский государственный технический университет имени  
Н.Э. Баумана  
(национальный исследовательский университет)»  
(МГТУ им. Н.Э. Баумана)

---

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

## Отчет по лабораторной работе №1 по дисциплине "Моделирование"

Тема Изучение функций распределения и плотности распределения

Студент Егорова П.А.

Группа ИУ7-74Б

Преподаватели Рудаков И.В.

Москва — 2023 г.

# Оглавление

<b>Задание</b>	<b>3</b>
<b>1 Теоретическая часть</b>	<b>4</b>
1.1 Равномерное распределение . . . . .	4
1.2 Нормальное распределение . . . . .	4
<b>2 Практическая часть</b>	<b>6</b>
2.1 Реализация . . . . .	6
2.2 Примеры графиков . . . . .	7

# Задание

Построить графики функции распределения и функции плотности распределения вероятностей случайных величин, распределенных по:

- равномерному закону,
- нормальному закону.

# 1 Теоретическая часть

## 1.1 Равномерное распределение

Случайная величина  $X$  имеет равномерное распределение на отрезке  $[a, b]$ , если ее плотность распределения  $f(x)$  равна:

$$p(x) = \begin{cases} \frac{1}{b-a}, & \text{если } a \leq x \leq b; \\ 0, & \text{иначе.} \end{cases} \quad (1.1)$$

Функция распределения  $F(x)$  равна:

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < a; \\ \frac{x-a}{b-a}, & a \leq x \leq b; \\ 1, & x > b. \end{cases} \quad (1.2)$$

Обозначение:  $X \sim R[a, b]$ .

## 1.2 Нормальное распределение

Случайная величина  $X$  имеет нормальное распределение с параметрами  $m$  и  $\sigma$ , если ее плотность распределения  $f(x)$  равна:

$$f(x) = \frac{1}{\sigma \cdot \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-m)^2}{2\sigma^2}}, \quad x \in \mathbb{R}, \sigma > 0. \quad (1.3)$$

Функция распределения  $F(x)$  равна:

$$F(x) = \frac{1}{\sigma \cdot \sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^x e^{-\frac{(t-m)^2}{2\sigma^2}} dt, \quad (1.4)$$

или, что то же самое:

$$F(x) = \frac{1}{2} \cdot \left[ 1 + \left( \frac{x-m}{\sigma\sqrt{2}} \right) \right], \quad (1.5)$$

где  $\Phi(x) = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^x e^{-t^2} dt$  — функция вероятности ошибок.

Обозначение:  $X \sim N(m, \sigma^2)$ .

## 2 Практическая часть

### 2.1 Реализация

В листингах 2.1-2.2 представлена реализация функции плотности распределения и функции распределения вероятностей случайной величины, распределенной по равномерному закону.

```
1 private func uniformDensity(a: Double, b: Double, x: Double) -> Double {  
2     return (a <= x && x <= b) ? 1 / (b - a) : 0  
3 }
```

Листинг 2.1: Реализация функции плотности равномерного распределения

```
1 private func uniformDistribution(a: Double, b: Double, x: Double) ->  
    Double {  
2     if x < a { return 0 }  
3     if x > b { return 1 }  
4  
5     return (x - a) / (b - a)  
6 }
```

Листинг 2.2: Реализация функции равномерного распределения

В листингах 2.3-2.4 представлена реализация функции плотности распределения и функции распределения вероятностей случайной величины, распределенной по нормальному закону.

```
1 private func normalDensity(mu: Double, sigma: Double, x: Double) -> Double  
    {  
2     let pi = 3.14  
3  
4     return 1 / (sigma * sqrt(2 * pi)) * exp(-pow(x - mu, 2) / (2 * sigma *  
        sigma))  
5 }
```

Листинг 2.3: Реализация функции плотности нормального распределения

```
1 private func normalDistribution(mu: Double, sigma: Double, x: Double) ->  
    Double {  
2     return 0.5 * (1 + erf((x - mu) / (sigma * sqrt(2))))  
3 }
```

Листинг 2.4: Реализация функции нормального распределения

## 2.2 Примеры графиков

На рисунках 2.1 — 2.2 представлены графики функций равномерного распределения.

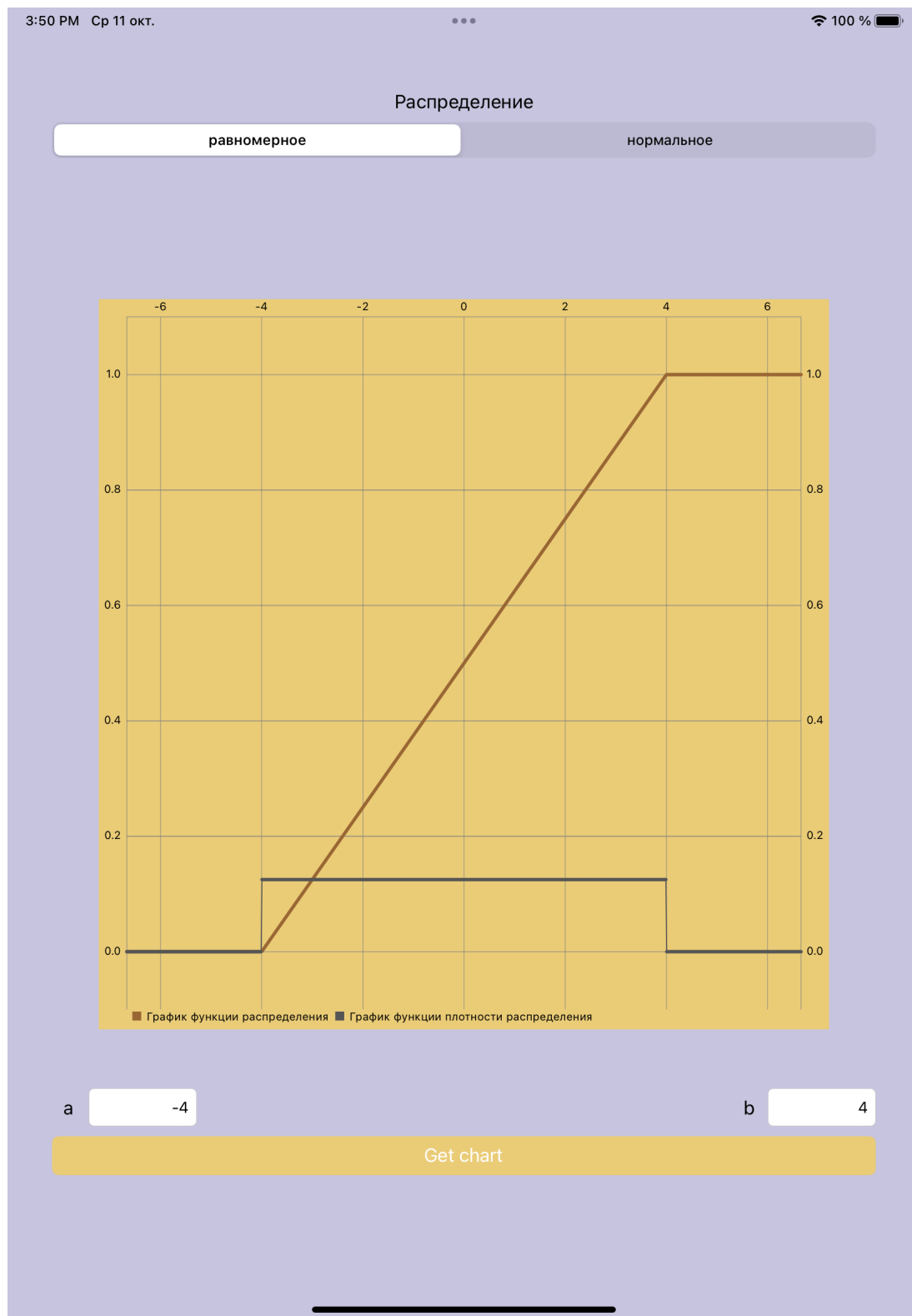


Рис. 2.1: Равномерное распределение при  $a = -4$  и  $b = 4$

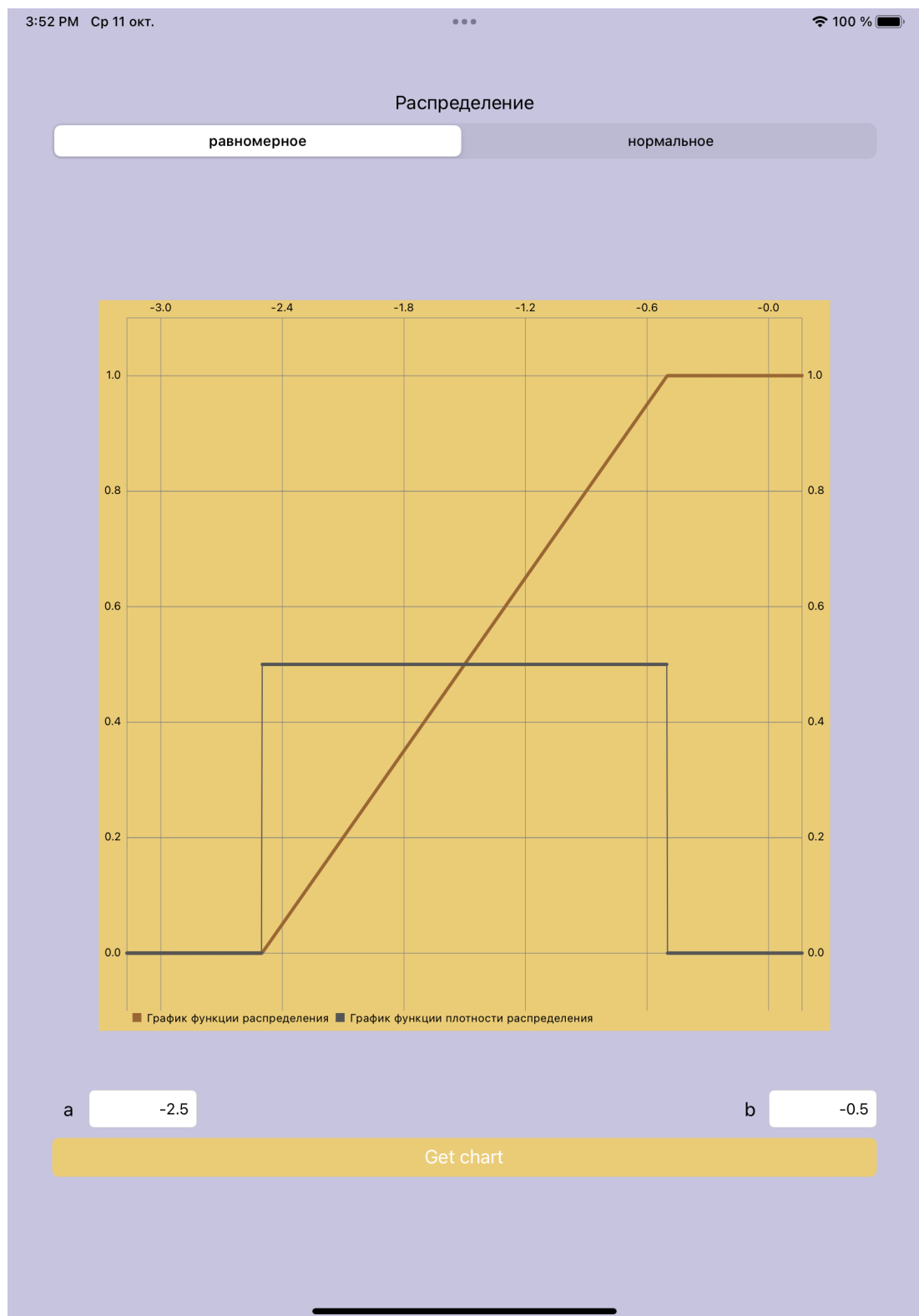


Рис. 2.2: Равномерное распределение при  $a = -2.5$  и  $b = -0.5$

На рисунках 2.3 — 2.4 представлены графики функций нормального распределения.



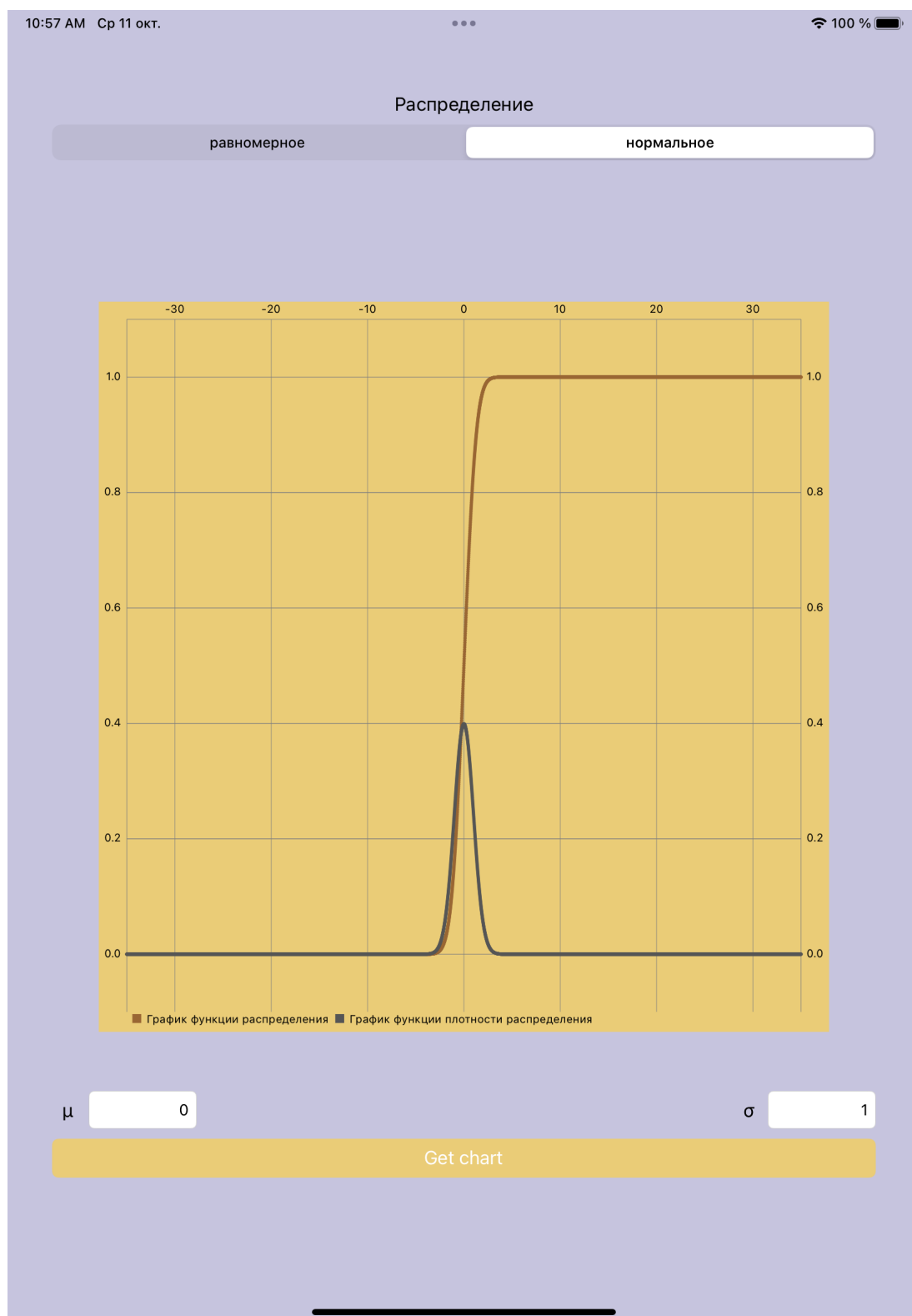


Рис. 2.3: Нормальное распределение при  $\mu = 0$  и  $\sigma = 1$

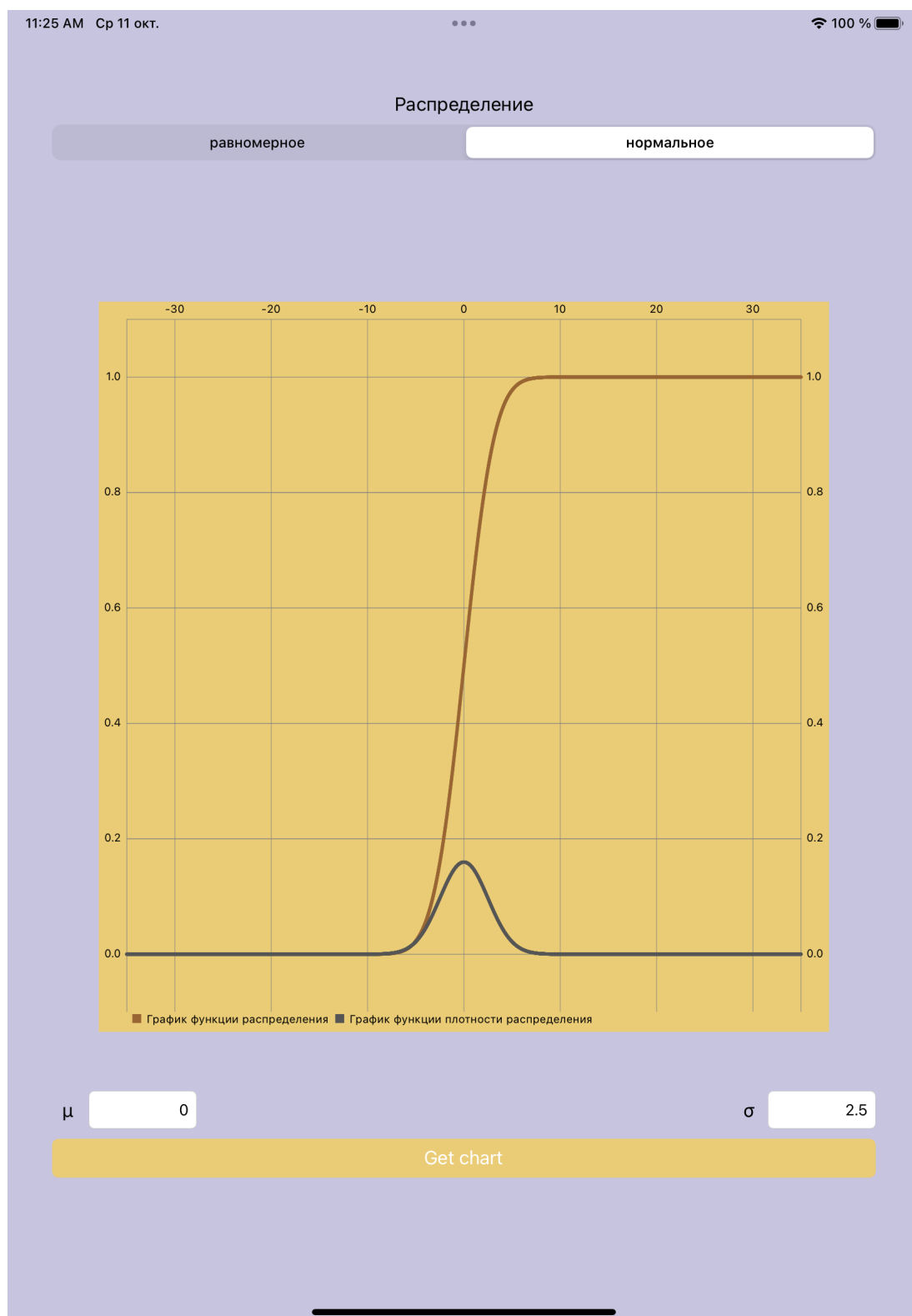


Рис. 2.4: Нормальное распределение при  $\mu = 0$  и  $\sigma = 2.5$