Семинар 4

Задание 1. Оцените параметр a методом максимального правдоподобия при условии, что дана выборка $X_1 = 0, X_2 = 2$.

X_i	-1	0	2
p_i	a	2a - 0.2	-3a + 1.2

Задание 2. Дана выборка из биномиального распределения с параметрами n = 10, p = 0.8, состоящая из следующих наблюдений: 5, 7, 9.

- 1. Чему равно правдоподобие этой выборки? Какова вероятность получить эту выборку?
- 2. Получите посредством метода максимального правдоподобия оценку параметра р вероятности успеха.

Задание 3. Рассмотрим случайную величину, равную числу посещений официального Интернет-сайта Президента России в течение часа воскресного дня, когда Президент отдыхает дома и не дает никаких интервью. В этот день отдыхает и его пресс-секретарь. Другие видные политические деятели, способные неожиданно вызвать интерес общественности к фигуре Президента, тоже проводят время в кругу своей семьи. Нам удалось зафиксировать значение такой с.в. для периода с 14.00 до 15.00, а также для периода с 15.00 до 16.00. В первый период с.в. приняла значение 6, во второй – значение 8.

- 1. Каким распределением можно описать поведение рассматриваемой с.в.? Объясните свой ответ, прокомментировав разумность тех предположений, которые Вы делаете, выбирая распределение вероятностей.
- 2. Выведите в общем виде оценку математического ожидания сл.в. «число посещений официального Интернет-сайта Президента России в течение часа воскресного дня» методом максимального правдоподобия, используя предложенное Вами распределение. Чему равна данная оценка с учетом указанной в задании выборки?

Бонусные задания

Задание 4. Функция плотности сл.в. Y имеет следующий вид:

$$p(y) = \begin{cases} y, & \text{если y } \in [0;1] \\ 1, & \text{если y } \in (1;1.5] \\ 0, & \text{в противном случае} \end{cases}$$

- 1. запишите в общем виде функцию распределения сл. в. Y
- 2. найдите значение функции распределения F(3)
- 3. найдите $P(0.7 \le Y \le 1.1)$

Задание 5. Функция плотности сл.в. Y имеет следующий вид:

$$p(y) = \begin{cases} a \times \sin(y), & \text{если } y \in [0; \pi] \\ 0, & \text{в противном случае} \end{cases}$$

Найдите

- 1. найдите значение константы a
- 2. запишите в общем виде функцию распределения сл. в. Y
- 3. найдите вероятность того, что сл. в. Y не превышает $\frac{\pi}{6}$
- 4. найдите EY