Семинар 4

Задание 1. Оцените параметр a методом максимального правдоподобия при условии, что дана выборка $X_1 = 0, X_2 = 2.$

| X_i | -1 | 0 | 2 |
|-------|----|----------|-----------|
| p_i | a | 2a - 0.2 | -3a + 1.2 |

Задание 2. Дана бинарная случайная величина X, у которой P(X = 1) = 0.9. Рассмотрим 8 независимых измерений этой случайной величины. Какие выборки можно считать правдоподобными для данной случайной величины:

- выборку, состоящую только из значений «1»
- выборку, состоящую наполовину из значений «1»
- выборку, состояющую из двух значений «1» и шести «0»
- выборку, состояющую из двух значений «0» и шести «1»

Задание 3. Дана выборка из биномиального распределения с параметрами n = 10, p = 0.8, состоящая из следующих наблюдений: 5, 7, 9.

- 1. Чему равно правдоподобие этой выборки? Какова вероятность получить эту выборку?
- 2. Получите посредством метода максимального правдоподобия оценку параметра р вероятности успеха.