Семинар 6

Задание 1. Найдите

- 1. $P(\chi_1^2 \le 1.44)$
- 2. $P(\chi_1^2 \ge 1)$
- 3. $P(1 \le \chi_1^2 \le 2.7)$
- 4. с помощью нормальной аппроксимации $P(\chi_{100}^2 \le 93)$
- 5. с помощью нормальной аппроксимации $P(70 \le \chi^2_{81} \le 85)$
- 6. с помощью нормальной аппроксимации $P(\chi^2_{150} \ge 138)$
- 7. с помощью нормальной аппроксимации квантиль уровня 0.99 для χ^2_{50}
- 8. с помощью нормальной аппроксимации квантиль уровня 0.42 для χ^2_{200}
- 9. с помощью нормальной аппроксимации нижнюю квартиль для χ^2_{135}

Задание 2. Известно, что сл. в. X имеет нормальное распределение. Получена случайная выборка значений сл. в. X: 5.76, 6.29, 5.45, 4.88, 5.28, 2.34.

- Постройте 99%-ый доверительный интервал для математического ожидания сл. в. Х. Выберите необходимое значение квантили:
 - 1. квантиль уровня 0.99 распределения Стьюдента, $\mathrm{df} = 5$: 3.365
 - 2. квантиль уровня 0.005 распределения Стьюдента, $\mathrm{df} = 5$: -4.032
 - 3. квантиль уровня 0.005 распределения Стьюдента, df = 6: -3.707
 - 4. квантиль уровня 0.995 распределения Стьюдента, $\mathrm{df}=7$: 3.499
- Постройте 95%-ый доверительный интервал для дисперсии сл. в. Х. Выберите необходимое значение(-я) квантили(-ей):
 - 1. квантиль уровня 0.975 распределения Стьюдента, df = 5: 2.571
 - 2. квантиль уровня 0.95 распределения хи-квадрат, df = 1: 3.841
 - 3. квантиль уровня 0.975 распределения хи-квадрат, $\mathrm{df}=5$: 12.833
 - 4. квантиль уровня 0.025 распределения хи-квадрат, $\mathrm{df}=6$: 1.237
 - 5. квантиль уровня 0.025 распределения хи-квадрат, $\mathrm{df}=5$: 0.831

НИУ ВШЭ, ОП «Политология» Теория вероятностей и математическая статистика, 2023

Задание 3. Несмещенная оценка дисперсии (вариации) сл. в. X, рассчитанная по выборке из 75 наблюдений, равна 14. Постройте 98%-ый доверительный интервал для генерального параметра дисперсии X. Рассчитайте необходимые квантили, используя аппроксимацию к нормальному распределению.

Задание 4. Проверьте гипотезу о независимости признаков A и B на основе следующей таблицы сопряженности:

$A \backslash B$	<i>B</i> 1	B2
<i>A</i> 1	100	60
A2	40	200

О чем говорят стандартизированные остатки?