## НИУ ВШЭ, ОП «Политология», 2019 – 2020 Курс «Теория вероятностей и математическая статистика»

## Семинар 5

Задание 1. Выведите в общем виде 95%-ый доверительный интервал для

- 1. MLE-оценки вероятности успеха в биномиальном распределении
- 2. MLE-оценки параметра  $\lambda$  (failure rate) в экспоненциальном распределении
- 3. МLЕ-оценки математического ожидания в распределении Пуассона

## Задание 2. Найдите

- 1.  $P(\chi_1^2 \le 1.44)$
- 2.  $P(\chi_1^2 \ge 1)$
- 3.  $P(1 \le \chi_1^2 \le 2.7)$
- 4. с помощью нормальной аппроксимации  $P(\chi_{100}^2 \le 93)$
- 5. с помощью нормальной аппроксимации  $P(70 \le \! \chi^2_{81} \le 85)$
- 6. с помощью нормальной аппроксимации квантиль уровня 0.99 для  $\chi^2_{50}$
- 7. с помощью нормальной аппроксимации квантиль уровня 0.35 для  $\chi^2_{200}$

**Задание 3.** Дана следующая выборка из распределения сл. в. Y: 40, 39, 40, 41, 41, 39. Постройте и проинтерпретируйте:

- 1. 95%-ый доверительный интервал для дисперсии данной случайной величины в предположении о нормальном законе распределения.
- 2. 99%-ый доверительный интервал для дисперсии данной случайной величины в предположении о нормальном законе распределения.