## НИУ ВШЭ, ОП «Политология» Теория вероятностей и математическая статистика, 2021 — 2022

## Домашнее задание 3

**Задание 1.** Средняя длительность действия договора страхования жизни составляет 1.5 года. Предполагая, что случайная величина X — время до расторжения договора — имеет экспоненциальное распределение, найдите

- 1. вероятность того, что длительность договора составит не более 1 года
- 2. вероятность того, что договор будет расторгнут не ранее чем через 2 года
- 3. вероятность того, что длительность договора составит от полугода до полутора лет
- 4. вероятность того, что длительность договора превысит 3 года
- 5. значение квантили уровня 0.4 для случайной величины X. Кратко поясните словами, что означает квантиль уровня 0.4 в контексте данной задачи
- 6. если Вы еще этого не сделали, решите эти же пункты в R

**Задание 2.** В течение 8 часов рабочего дня в службу компьютерной диагностики поступает в среднем 24 звонка от пользователей. Считая, что число звонков подчиняется распределению Пуассона, определите, какова вероятность того, что в течение 30 минут в службу поступит более 2 звонков? Рассчитайте как вручную, так и с помощью R.

Задание 3. Средняя продолжительность социально-экономической адаптации мигрантов составляет 5 лет. Предполагая, что случайная величина X — время до окончания адаптационного периода — имеет экспоненциальное распределение, найдите

- 1. вероятность того, что адаптационный период для нового мигранта составит не более 4 лет
- 2. вероятность того, что адаптационный период для нового мигранта будет более 3 лет, но не превысит 7 лет
- 3. значение функции надежности для случайной величины X: G(6)
- 4. найдите значение квантили уровня 0.7 для случайной величины X продолжительность адаптационного периода мигрантов
- 5. если Вы еще этого не сделали, решите эти же пункты в R

## Задание 4.

Представьте, что мы хотим выявить, действительно ли жонглирование увеличивает скорость реакции. Участники исследования были разделены на 2 группы: группу воздействия (они учились и практиковались в жонглировании) и контрольную. Ниже дана таблица совместного распределения по итогам исследования, где Y=1 – зафиксирована высокая скорость по результатам теста реакции на визуальный сигнал; Y=0 – зафиксирована средняя скорость по результатам теста реакции на визуальный сигнал; Y=-1 – зафиксирована низкая скорость по результатам теста реакции на визуальный сигнал.

Группа / Подвыборка	Мужчины			Женщины		
	Y = -1	Y = 0	Y = 1	Y = -1	Y = 0	Y = 1
Группа воздействия	0.06	0.07	0.04	0.08	0.16	0.09
Контрольная группа	0.13	0.15	0.05	0.04	0.08	0.05

## Найдите

- 1. средний эффект воздействия жонглирования на скорость реакции на визуальный сигнал в целом по всей выборке
- 2. средний эффект воздействия жонглирования на скорость реакции на визуальный сигнал для мужчин
- 3. средний эффект воздействия жонглирования на скорость реакции на визуальный сигнал для женщин
- 4. сопоставьте полученные результаты

Задание 5. Спустя месяц после асфальтирования на отрезке шоссе на 1 км в среднем приходится 3 дефекта. Какова вероятность, что на определенном участке шоссе длиной 3 км мы найдем не более 3 дефектов спустя месяц после асфальтирования? Известно, что вероятность обнаружения дефекта не зависит от местоположения участка трассы.