## НИУ ВШЭ, ОП «Политология»

Курс «Теория вероятностей и математическая статистика», 2019 – 2020

## Семинар 9

Задание 1. Автоматическая фильтрация спама на почте основана на системе распознавания писем как легитимных и нежелательных, но бывает, что система допускает ошибки. Нулевая гипотеза сформулирована следующим образом: «письмо является легитимным». Сформулируйте исходы, соответствующим ошибкам первого и второго рода? Какой исход можно назвать мощностью статистического критерия в данном случае?

**Задание 2.** Рассмотрим некоторую статистику S, принимающую одно из 6 значений (натуральные числа от 1 до 6 – см. табл. ниже). Распределение статистики S зависит от некоторого параметра a.

S	$H_0: a_1$	$H_1: a_2$
S = 1	0.01	0.05
S = 2	0.04	0.17
S = 3	0.4	0.27
S = 4	0.5	0.47
S = 5	0.03	0.03
S = 6	0.02	0.01

Проверяется  $H_0$  против  $H_1$ .

- 1. Выберите подходящую одностороннюю альтернативу
- 2. Зная, что критическая область состоит из двух значений, найдите
  - (а) ошибку первого рода
  - (b) ошибку второго рода
  - (с) мощность критерия

Задание 3. 6 случайным образом отобранным респондентам был задан вопрос, брали ли они хотя бы раз в своей жизни кредит в банке. Необходимо проверить гипотезу о том, что вероятность обращения к банку за кредитом составляет 0.5 против простой альтернативной гипотезы о том, что данная вероятность составляет 0.8. Используемый критерий: отвергать нулевую гипотезу в пользу альтернативы, если значение статистики (количество респондентов, которые хотя бы раз брали кредит в банке) превышает значение 4. Найдите

- 1. ошибку первого рода
- 2. ошибку второго рода
- 3. мощность критерия

**Задание 4.** На выборке из нормального закона распределения на фиксированном уровне значимости 0.01 проверяется нулевая гипотеза о равенстве среднего 20 против простой альтернативы: среднее равно 21. Выборочная дисперсия равна 9.

- 1. Найдите ошибку второго рода и мощность критерия, если размер выборки составляет 100.
- 2. Найдите ошибку второго рода и мощность критерия, если размер выборки составляет 25.
- 3. Найдите ошибку второго рода и мощность критерия при другой альтернативе: среднее составляет 18. Размер выборки равен 36.