НИУ ВШЭ, ОП «Политология», 2019 — 2020 Курс «Теория вероятностей и математическая статистика»

Домашнее задание 11

Задание 1. В таблице ниже представлены данные показателя оценки негарантированности занятости (job insecurity) и возраста (в годах) по 10 работникам предприятия. Первый показатель представлен в шкале от 0 до 10, где 10 — наиболее высокий уровень неуверенности работника в сохранении своей занятости.

| Работник предприятия | A | B | C | D | E | F | G | H | I | J |
|---------------------------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| Восприятие job insecurity | 4 | 2 | 1 | 9 | 4 | 6 | 8 | 2 | 5 | 9 |
| Возраст | 40 | 36 | 32 | 45 | 50 | 60 | 62 | 25 | 42 | 58 |

- 1. Оценивается парная линейная регрессия восприятия job insecurity на возраст работника предприятия. Вручную рассчитайте оценки константы и коэффициента при предикторе (объясняющей переменной).
- 2. Запишите с помощью полученных оценок спецификацию модели и проинтерпретируйте оценки коэффициентов.

Задание 2. Еще раз обратимся к $\hat{\beta}_1$ в парной регрессии. Покажите, что

$$\frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^{n} x_i(x_i - \bar{x})}$$

Задание 3. Четыре эксперта дали оценки, через сколько лет будет построен первый город на Марсе. Первый эксперт дал оценку в 100 лет, второй эксперт – 40 лет, два других эксперта – 30 лет. На основе этих данных оцените с помощью метода наименьших квадратов (OLS), через сколько лет будет построен первый город на Марсе.