## НИУ ВШЭ, ОП «Политология»

Курс «Теория вероятностей и математическая статистика», 2021 – 2022

## Демонстрационная версия Проверочная работа №2

В каждом задании необходимо записать решение, промежуточные расчеты для получения итогового ответа! Только один ответ без пояснений не оценивается.

## Задание 1. Найдите

- 1. с помощью нормальной аппроксимации квантиль уровня 0.2 для  $\chi^2_{90}$
- 2.  $P(2 < \chi_1^2 < 3.2)$

**Задание 2.** Выведите в общем виде MLE-оценку дисперсии для сл.в., имеющей произвольное нормальное распределение.

**Задание 3.** Дана следующая выборка из распределения сл. 8.83, 1.44, -1.76, 1.41, 0.08. Постройте 90%-ый доверительный интервал для дисперсии данной случайной величины в предположении о нормальном законе распределения.

- 1. Запишите общий вид доверительного интервала. Укажите уровень квантилей и количество степеней свободы, которые потребуются для построения доверительного интервала в этой задаче
- 2. Далее перепишите, подставив рассчитанные промежуточные значения по выборке (как меры разброса, так и квантилей). Квантили Вы можете рассчитать с помощью R или посмотреть в таблице соответствующего распределения (на Ваше усмотрение). Для оценки меры изменчивости (разброса), необходимой для построения доверительного интервала, укажите промежуточные расчеты.
- 3. Проинтерпретируйте полученный доверительный интервал

Задание 4. Проверяется гипотеза о независимости признаков А и В на основе следующей таблицы сопряженности:

$A \backslash B$	B1	B2
A1	88	34
A2	27	108

Рассчитайте ожидаемое значение при условии независимости для комбинации признаков A1 – B1.