

## Семинар 2

**Задание 1.** По указанным ниже значениям предиктора и отклика ( $x$  и  $y$  соответственно) найдите вектор оценок коэффициентов в регрессионной модели  $y$  на  $x$ . Используйте для этого общую формулу оценки коэффициентов в векторно-матричном виде (релевантную как для парной, так и для множественной регрессии). Запишите промежуточные расчеты. В качестве ответа запишите сам вектор и полную спецификацию модели, подставив эти оценки коэффициентов.

$x$	4	0	2	2	1
$y$	2	1	1	5	2

### Задание 2.

На данных по 44 городам построена модель, объясняющая динамику уровня преступности за последние 10 лет. `change_in_crime_rate` — прирост преступности в %, `change_in_pop` — прирост численности населения, %; `kids` — процент детей; `free_lunch` — процент бесплатных школьных обедов; `income_change` — прирост доходов домохозяйств.

Coefficients:

```
            coef    std. err  t  Pr>|t|  [0.025  0.975]
Intercept -22.3548  12.3097
change_in_pop  0.3188  0.2052
kids          1.1128  0.2869
free_lunch     -0.3681  0.0973
income_change  -0.1944  0.3681
---
```

```
              df sum_sq mean_sq   f  PR(>F)
change_in_pop    803.2
kids             1380.1
free_lunch       3186.6
income_change     60.6
Residual        8476.0
---
```

- Восстановите все пропуски в таблице
- Определите статистически значимые оценки коэффициентов
- Проинтерпретируйте оценку константы и оценку коэффициента при предикторе «процент бесплатных школьных обедов»
- Рассчитайте коэффициент детерминации и проверьте гипотезу о том, что регрессия на константу (то есть, модель без объясняющих переменных) не хуже модели с предикторами. Сформулируйте нулевую и альтернативную гипотезы для критерия, а также содержательный вывод