Learning outcomes к контрольной работе

- 1. Модель линейной регрессии: уравнение спецификикации модели, базовые понятия: зависимая переменная (отклик), независимая переменная (объясняющая переменная / предиктор), ошибки в регрессионной модели, остатки как оценки ошибок, параметры регрессионной модели (коэффициенты: константа и коэффициенты при предикторах)
- 2. Метод наименьших квадратов:
 - ключевой принцип
 - выведение оценок для случая парной регрессии (частный случай)
 - релевантная как для случая парной, так и множественной регрессии формула для получения вектора оценок коэффициентов: $(X^TX)^{-1}X^Ty$, уметь по заданным значениям предикторов и значениям отклика получить вектор оценок коэффициентов регрессионной модели
- 3. Условия верные по построению регрессионной модели (равенство суммы остатков нулю, нескоррелированность остатков и предиктора)
- 4. Допущения об ошибках в регрессионной модели
- 5. Теорема Фриша-Во-Ловелла (Frisch-Waugh-Lovell)
- 6. Интерпретация оценок коэффициентов в регрессионной модели
- 7. Проверка значимости коэффициентов в регрессионной модели
- 8. Построение доверительного интервала для коэффициента в регрессионной модели с последующей интерпретацией
- 9. Разложение вариации. Коэффициент детерминации и проверка гипотезы о незначимости коэффициента детерминации
- 10. Уметь рассчитать предсказанное значение зависимой переменной при условии заданного значения предиктора
- 11. Спецификация множественной регрессионной модели: ключевые предикторы и контрольные переменные. Критерий «черного хода» для определения релевантных контрольных переменных (backdoor criterion). Способы, как можно «заблокировать» связь между переменными
- 12. Различия между модерацией и медиацией
- 13. Переменные взаимодействия как способ проверки moderation effect. Правила построения спецификации линейной регрессионной модели с переменными взаимодействия
- 14. Интерпретация исходных коэффициентов в линейной регрессионной модели с переменными взаимодействия, а также интерпретация с помощью предельных эффектов (см. следующий пункт)
- 15. Предельный эффект: определение, вычисление предельного эффекта по оценкам коэффициентов регрессионной модели, интерпретация
- 16. Вычисление стандартной ошибки предельного эффекта с помощью ковариационной матрицы оценок коэффициентов регрессионной модели
- 17. Визуализация результатов (график, демонстрирующий взаимосвязь предиктора-«условия» и предельного эффекта, и интерпретация данного графика: значения предельного эффекта и их значимость)

- 18. Центрирование (и другие возможные алгебраические преобразования переменных) в контексте регрессионного анализа с переменными взаимодействия: содержательный смысл данного преобразования, интерпретация коэффициентов при преобразованных предикторах
- 19. Сравнение подходов: включение переменных взаимодействия в регрессионную модель и оценивание регрессионных моделей на отдельных подвыборках, выделенных на основе значения предиктора-«условия» (moderator)

20. Мультиколлинеарность

- Суть проблемы
- Строгая мультиколлинеарность. Невозможность получить оценки коэффициентов в условиях строгой мультиколлинеарности
- Сильная мультиколлинеарность и ее последствия
- Диагностики мультиколлинеарности. Показатель VIF (variance inflation factor)
- Мультиколлинеарность в контексте регрессионного анализа с переменными взаимодействия, или «не так страшен черт, как его малюют»
- Метод главных компонент как способ перейти к ортогонализированному признаковому пространству
- Регуляризация в линейной регрессии. Гребневая регрессия (ridge regression)

21. Гетероскедастичность

- Определение гетероскедастичности, примеры
- Условная вариация и условное математическое ожидание
- Источники гетероскедастичности
- Способы диагностики гетероскедастичности:
 - (а) визуализация
 - (b) формальные тесты: тест Уайта (нулевая гипотеза и альтернатива, параметры во вспомогательной модели, вывод по p-value), тест Бреуша–Пагана как частный случай теста Уайта, тест Голдфелда–Квандта (нулевая гипотеза и альтернатива, статистика критерия, вывод)
- Робастные стандартные ошибки

22. Нетипичные наблюдения:

- Outliers по зависимой переменной
- Leverage по предиктору
- Влиятельные наблюдения
- 23. Стьюдентизированные остатки: понимать, что используются для диагностики выбросов, как делать вывод по полученным значениям
- 24. Наt-matrix: определение потенциала влияния наблюдений, уметь получить матрицу проекции по заданным значениям x, уметь с помощью hat-matrix получить из y наблюдаемого значения y предсказанного, знать свойства hat-matrix
- 25. Мера Кука и мера DFBETA: в чем разница между этими мерами, как делать вывод на основе этих мер
- 26. Что делать с нетипичными и влиятельными наблюдениями? Стоит ли их удалять?