## Регрессионный анализ: панельные данные и каузальность

Лекция 5. Понятие эндогенности и ее проявления

26 октября 2021

### Планы на сегодня:

- кто наш «враг»: дать определение понятию эндогенности (на фоне она самая «эндо-клякса» ©)
- why should we care? Последствия эндогенности
- где искать корень зла: откуда берется эндогенность?

К каким оценкам мы стремимся?

#### К каким оценкам мы стремимся?

Статистическая инференция посредством регрессионного анализа (оценка VS генеральный параметр, задача — перенести выводы на широкую совокупность).

В связи с этим мы хотим получить оценки:

#### К каким оценкам мы стремимся?

Статистическая инференция посредством регрессионного анализа (оценка VS генеральный параметр, задача — перенести выводы на широкую совокупность).

В связи с этим мы хотим получить оценки:

• несмещенные (в среднем оценка равна генеральному параметру)

#### К каким оценкам мы стремимся?

Статистическая инференция посредством регрессионного анализа (оценка VS генеральный параметр, задача — перенести выводы на широкую совокупность).

В связи с этим мы хотим получить оценки:

- несмещенные (в среднем оценка равна генеральному параметру)
- эффективные (в простом варианте минимальная вариация оценки)

#### К каким оценкам мы стремимся?

Статистическая инференция посредством регрессионного анализа (оценка VS генеральный параметр, задача — перенести выводы на широкую совокупность).

#### В связи с этим мы хотим получить оценки:

- несмещенные (в среднем оценка равна генеральному параметру)
- эффективные (в простом варианте минимальная вариация оценки)
- состоятельные (при увеличении размера выборки оценки, приближающиеся по вероятности к генеральным параметрам)

### Когда МНК дает хорошие результаты

Если ошибки в регрессии удовлетворяют особым условиям, то МНК-оценки несмещенные, состоятельные и наиболее эффективные среди линейных оценок. Об этих условиях – см. далее.

#### Требования

$$\bullet \ E(e_i|x_i) = 0$$

#### Требования

- $E(e_i|x_i) = 0$
- $Var(e_i|x_i) = const$  гомоскедастичность

5/15

Daria Salnikova RAPDC 26 октября 2021

#### Требования

- $E(e_i|x_i) = 0$
- $Var(e_i|x_i) = const$  гомоскедастичность
- $Cov(e_i, e_j|x_i)$  = 0 отсутствие автокорреляции

5/15

Daria Salnikova RAPDC 26 октября 2021

#### Требования

- $E(e_i|x_i) = 0$
- $Var(e_i|x_i) = const$  гомоскедастичность
- $Cov(e_i, e_j|x_i)$  = 0 отсутствие автокорреляции
- $Cov(e_i, x_i) = 0$  экзогенность (!)

5/15

Daria Salnikova RAPDC 26 октяб

### Эндогенность: определение

#### формальное определение

Эндогенность – это случай нарушения условия  $Cov(e_i, x_i)$  = 0

6/15

Daria Salnikova RAPDC 26 октября 2021

### Эндогенность: определение

#### формальное определение

Эндогенность – это случай нарушения условия  $Cov(e_i, x_i)$  = 0

#### что за этим стоит

В широком смысле эндогенность – проблема пропущенных существенных переменных.

6/15

Daria Salnikova RAPDC 26 октября 2021

### В чем проблема?

#### Последствия эндогенности

Мы получаем смещенные и несостоятельные оценки при применении классического МНК.

### В чем проблема?

#### Последствия эндогенности

Мы получаем смещенные и несостоятельные оценки при применении классического МНК.

#### Вопросы для самопроверки

- Что называется смещенной оценкой?
- Что называется несостоятельной оценкой?
- В чем ключевая идея МНК (OLS)?

## История 1. Школьные обеды



Наблюдение: в школах с бесплатными обедами ученики демонстрируют более низкую успеваемость по сравнению со школами, в которых не реализуется программа бесплатного школьного питания.

## История 2. Эффект Матфея



Р. Мертон: «Учёные преувеличивают достижения своих коллег, уже заслуживших себе репутацию, а достижения учёных, ещё не получивших известности, они, как правило, преуменьшают или вообще не признают»

### История 3. Некоторая IT-компания



Известно, что в некоторой IT-компании мужчины и женщины сотрудники имеют одинаковый уровень заработной платы. Означает ли это, что в данной компании нет дискриминации в заработной плате по гендерному признаку? Опишите разные ситуации.

## Почему предикторы и ошибки могут быть зависимыми (1)

### Пропущен важный фактор (omitted variable bias)

Не включили значимый показатель, который влияет как на зависимую переменную, так и на те объясняющие переменные, которые уже включены в модель. Значимая зависимость предикторов и пропущенных факторов приводит к смещенности оценок.

## Почему предикторы и ошибки могут быть зависимыми (1)

### Пропущен важный фактор (omitted variable bias)

Не включили значимый показатель, который влияет как на зависимую переменную, так и на те объясняющие переменные, которые уже включены в модель. Значимая зависимость предикторов и пропущенных факторов приводит к смещенности оценок.

#### Почему мы можем что-то пропустить?

- недоработка в теории
- отсутствие данных по необходимым показателям
- латентные конценты

# Почему предикторы и ошибки могут быть зависимыми (2)

#### Selection bias

Для анализа доступна только подвыборка с определенными значениями характеристик. Если эти характеристики влияют на изучаемые переменные, то оценки смещенные.

## Почему предикторы и ошибки могут быть зависимыми (2)

#### Selection bias

Для анализа доступна только подвыборка с определенными значениями характеристик. Если эти характеристики влияют на изучаемые переменные, то оценки смещенные.

#### Почему может возникать selection bias

- проблема дизайна исследования
- самоотбор
- non-response bias

# Почему предикторы и ошибки могут быть зависимыми (3)

#### Post-treatment bias

При отборе контрольных переменных надо помнить, что они должны влиять и на зависимую переменную, и на ключевой предиктор. Если  $x_i$  или  $y_i$  влияют, наоборот, на контрольную переменную, то возникает смещение в оценках при ключевых предикторах (post-treatment bias).

# Почему предикторы и ошибки могут быть зависимыми (4)

#### Что на что влияет? Simultaneity problem

Неоднозначность направления причинно-следственной связи предикторов и отклика. Подробно о возможности делать каузальный вывод и способах выявления treatment effect – в следующих лекциях.

## Почему предикторы и ошибки могут быть зависимыми (5)

#### Ошибки измерения

Проблема: Включенные предикторы измерены с ошибкой, что может происходить вследствие неверной операционализации, неадекватного инструмента измерения, попытки измерить латентный (ненаблюдаемый) концент.

## Формальное представление в спецификации модели: смещение

$$y_i = b_0 + b_1 x_i + e_i$$
  
 $y_i = a_0 + a_1 (x_i + v_i) + e_i$ 

Мы хотим узнать влияние  $x_i$  на отклик. Но у нас есть только  $z_i$ , который неаккуратно измеряет  $x_i$ :  $z_i = x_i + v_i$ 

