## 強化学習

最適制御理論 -Optimal Control Theory -動的計画法 -Dynamic Programming -

# 深層強化学習

 $\mathsf{pollenJP}$ 

December 12, 2018

pollenJP

## 強化学習

最適制御理論 -Optimal Contro Theory -動的計画法 -Dynamic Programming -

## 1 強化学習

目次

最適制御理論 - Optimal Control Theory -動的計画法 - Dynamic Programming -

はじめに

pollenJP

## 強化学習

最適制御理論 -Optimal Control Theory -動的計画法 -Dynamic Programming -

今回、参考にした書籍を載せておきます。

pollenJP

## 強化学習

最適制御理論 -動的計画法 -Programming -

## 1 強化学習

Outline

最適制御理論 - Optimal Control Theory -動的計画法 - Dynamic Programming -

pollenJP

## 強化学習

最適制御理論 -Optimal Control Theory -動的計画法 -Dynamic Programming -

## 1 強化学習

Outline

最適制御理論 - Optimal Control Theory -

動的計画法 - Dynamic Programming -

pollenJP

## 強化学

最適制御理論 -Optimal Control Theory -動的計画法 -Dynamic Programming -

# 最適制御理論 - Optimal Control Theory -

• 制御対象の状態を評価する目的関数の最大化・最小化によって制御

目的関数: 
$$\int_0^T \cos(x_t, u(x_t)) dt$$
 制約条件:  $x'_t = q(x_t, u(x_t))$ 

T:制御の終了時刻

 $x_t$ : 制御対象の状態変数:

u(x): 状態 x における制御命令

cost(x): 状態 x において制御命令 u を実行するコスト

• この問題を解くことによってえられる  $u^*(x)$  を「最適な制御則」という。  $u^*(x)$  に従う制御対象の奇跡  $x_t^*$  を「最適経路」という。

pollenJP

### 強化学習

最適制御理論 -Optimal Contr

Theory -動的計画法 -Dynamic Programming -

## 1 強化学習

Outline

最適制御理論 - Optimal Control Theory -動的計画法 - Dynamic Programming -

pollenJP

Dynamic

最適制御理論 -動的計画法 -Programming -

# 動的計画法 - Dynamic Programming -

動的計画法 最適化問題を部分問題に分割し,各部分問題の解を 求めて合わせることにより元の問題の解を得ると いうアルゴリズム.

最適性原理 Principal of Optimality. 任意の初期状態に関して決定した最適な制御則

 $u^*(x)$  は、最適経路  $x_t^*$  上における残りの期間にお いても最適でなくてはならない. Richard Bellman(1920-1984年).

# 動的計画法 - Dynamic Programming -

最適制御問題を離散時間 (タイムステップ  $\Delta t=1$ ) で最小コスト関数  $J^*$  以下のように表す。

$$J_0^*(x_0) = \min \sum_{t=0}^{T} \cot(x_t, u(x_t))$$

- $J_0^*(x_0)$  状態  $x_0$  に関する時刻 0 から終了時刻 T までの最 小コストを出力する関数.
- $J_t^*(x_t)$  状態  $x_t$  に関する時刻 t から終了時刻 T までの最小コストを出力する関数.