非线性方程求根实验题

试用以下方法求方程:

$$x^3 + 2x^2 + 10x - 20 = 0$$

在 $x_0=1$ 附近的根. (准确解为 $x^*=1.368808107\cdots$) 希望精度达到 10^{-7} (要注意避免死循环):

(1)
$$x_{k+1} = \frac{20 - 2x_k^2 - x_k^3}{10}$$
;

(2)
$$x_{k+1} = \sqrt[3]{20 - 10x_k - 2x_k^2};$$

- (3) 方法 (1) 的 Steffensen 加速方法;
- (4) 方法 (2) 的 Steffensen 加速方法;
- (5) Newton 法;