线性方程组解法上机实习题

设 $H_n = [h_{ij}] \in \mathbb{R}^{n \times n}$ 是 Hilbert 矩阵, 即

$$h_{ij} = \frac{1}{i+j-1}.$$

对 $n = 10, 11, \dots, 15$

(a) 取
$$x=\begin{pmatrix}1\\\vdots\\1\end{pmatrix}\in\mathbb{R}^n$$
, 令 $b_n=H_nx$. 再用 Gauss 消去法和 Cholesky 分解方法来求解

 $H_n y = b_n$,看看误差有多大.

- (b) 使用正则化方法改善(a) 中的结果.
- (c) 用共轭梯度法和 GMRES 方法求解 $H_n y = b_n$, 并与前面的直接方法做比较。