辛算法实验题

考虑以下常微分方程组

$$\begin{cases} \frac{dp}{dt} = -q, & t \in [0, T] \\ \frac{dq}{dt} = p, & t \in [0, T] \end{cases}$$

$$p(0) = 0$$

$$q(0) = 1$$

试分别用一般的显式Runge-Kutta方法(如经典的四阶R-K方法)和 辛算法(如四阶的隐式R-K算法)计算(比如到T=100),并比较 结果。尤其看看其守恒量 $\frac{p^2+q^2}{2}$ 的演化情况。