Дифференциальные уравнения в прикладных задачах

Практическое задание №12. Линейные однородные системы с постоянными коэффициентами

Аналитическая часть

- Найдите 1) общее решение линейного неоднородного уравнения; 2) решение начальной задачи.
 - 1. $\dot{x} = -x + 2y$, $\dot{y} = -3x + 4y$, x(0) = 0, y(0) = 1;
 - 2. $\dot{x} = 4x 2y$, $\dot{y} = 3x y$, x(0) = 0, y(0) = -1;
 - 3. $\dot{x} = 5x 2y$, $\dot{y} = 4x y$, x(0) = 2, y(0) = 0;
 - 4. $\dot{x} = -x 5y$, $\dot{y} = x + 3y$, x(0) = -1, y(0) = 1;
 - 5. $\dot{x} = 3x y$, $\dot{y} = 5x y$, x(0) = 1, y(0) = 0;
 - 6. $\dot{x} = -2x + 2y$, $\dot{y} = -2x + 3y$, x(0) = 0, y(0) = 2;
 - 7. $\dot{x} = 2x + y$, $\dot{y} = -8x 2y$, x(0) = 1, y(0) = -1;
 - 8. $\dot{x} = 4y 2x$, $\dot{y} = 2y 2x$, x(0) = -1, y(0) = 0;
 - 9. $\dot{x} = 2x + y$, $\dot{y} = 4y x$, x(0) = 1, y(0) = 1;
 - 10. $\dot{x} = 3x y$, $\dot{y} = x + y$, x(0) = 2, y(0) = -1;
 - 11. $\dot{x} = x 2y$, $\dot{y} = 2x 3y$, x(0) = -2, y(0) = -1;
 - 12. $\dot{x} = 2y x$, $\dot{y} = -2x 5y$, x(0) = 3, y(0) = 0.
- Проверьте решения в Maple, используя команду dsolve:
 - $b dsolve(\{x'(t) = \dots, y'(t) = \dots\});$
 - ► $dsolve({x'(t) = ..., y'(t) = ..., x(0) = ..., y(0) = ...});$

Практическая часть: построение фазовых портретов

- 1. Перейдите в текстовый режим (F5), наберите текст «Практикум №12», укажите свои ФИО и номер группы. Вернитесь в математический режим (F5).
- 2. Подключите пакеты plots, DEtools.
- 3. Создаем систему дифференциальных уравнений
- 4. Решаем систему:
 - ightharpoonup dsolve(sd1);
- 5. Создаем набор начальных условий для визуализации
 - ightharpoonup ic1 := [seq([x(0) = 0, y(0) = y0], y0 = -10..10)];
- 6. Создаем и запоминаем набор опций для визуализации:
 - ightharpoonup opt := color = grey, linecolor = red, thickness = 1;

- 7. Строим фазовый портрет системы ДУ на плоскости Oxy:
 - ightharpoonup phaseportrait(sd1, [x(t), y(t)], t = 0..6, ic1, opt);
- 8. Выполните шаги 3–7 (за исключением создания опций opt для визуализации) для следующих двух систем ДУ:

(a)
$$\dot{x} = -2x + 3y$$
, $\dot{y} = -3x + 2y$;

(b)
$$\dot{x} = -x - 5y, \, \dot{y} = x + 2y.$$

- 9. Постройте фазовый портрет **своей** системы из аналитической части. Подберите параметры визуализации (начальные условия, диапазон для t) для большей наглядности.
- 10. Сохраните файл.