Контрольная работа №1. Теория полезности. Модель индивидуальных рисков

- 1. Страхователь подвержен случайным потерям $X \sim Uniform(0,10)$. Вычислить максимальную премию, которую готов заплатить страхователь с капиталом w=10 и имеющий функцию полезности $U(w)=\sqrt{x}$ за полное страхование.
- 2. Вероятность наступления страхового случая по договору равна 0.03. В этом случае случайные выплаты имеют плотность

$$f(x) = \begin{cases} 3x^2, & x \in [0, 1], \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

- Найти среднее и дисперсию суммапрных выплат для портфеля из 100 таких же договоров.
- Используя нормальную аппроксимацию, оценить вероятность того, что суммарные выплаты привысят средние более чем на 5%
- 3. Случайная величина X_1 имеет экспоненциальное распределение с параметром 3, а X_2 экспоненциальное, с параметром 1. Предполагая независимость случайных величин, найти плотность распределения $S=X_1+X_2$

- 1. Страхователь подвержен случайным потерям $X \sim Exp(3)$. Вычислить максимальную премию, которую готов заплатить страхователь с капиталом w=30 и имеющий функцию полезности $U(w)=e^{-0.1}$ за полное страхование.
- 2. Вероятность наступления страхового случая по договору равна 0.01. В этом случае случайные выплаты имеют плотность

$$f(x) = \begin{cases} 5x^4, & x \in [0, 1], \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

- Найти среднее и дисперсию суммарных выплат для портфеля из 50 таких же договоров.
- Используя нормальную аппроксимацию, оценить вероятность того, что суммарные выплаты привысят средние более чем на 1%
- 3. Случайная величина X_1 имеет экспоненциальное распределение с параметром 2, а X_2 равномерное на отрезке [0,2]. Предполагая независимость случайных величин, найти плотность распределения $S=4X_1+X_2$

- 1. Страхователь подвержен случайным потерям $X \sim Exp(1)$. Вычислить максимальную премию, которую готов заплатить страхователь с капиталом w=10 и имеющий функцию полезности $U(w)=e^{-0.01}$ за полное страхование.
- 2. Вероятность наступления страхового случая по договору равна 0.01. В этом случае случайные выплаты имеют функцию распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ x^6, & x \in [0, 1], \\ 1, & x > 1 \end{cases}$$

- Найти среднее и дисперсию суммапрных выплат для портфеля из 150 таких же договоров.
- Используя нормальную аппроксимацию, оценить вероятность того, что суммарные выплаты не привысят средние более чем на 5%
- 3. Случайная величина X_1 имеет экспоненциальное распределение с параметром 2, а X_2 экспоненциальное, с параметром 5. Предполагая независимость случайных величин, найти плотность распределения $S=7X_1+X_2$

- 1. Страхователь подвержен случайным потерям $X \sim Uniform(0,5)$. Вычислить максимальную премию, которую готов заплатить страхователь с капиталом w=5 и имеющий функцию полезности $U(w)=\sqrt{x}$ за полное страхование.
- 2. Вероятность наступления страхового случая по договору равна 0.01. В этом случае случайные выплаты имеют функцию распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{x}{8}, & x \in [0, 8], \\ 1, & x > 8 \end{cases}$$

- Найти среднее и дисперсию суммарных выплат для портфеля из 150 таких же договоров.
- Используя нормальную аппроксимацию, оценить вероятность того, что суммарные выплаты не превысят средние более чем на 5%
- 3. Случайная величина X_1 имеет экспоненциальное распределение с параметром 1, а X_2 равномерное на отрезке [0,1]. Предполагая независимость случайных величин, найти плотность распределения $S=X_1+3X_2$