Ancianos

Ferran Garcia

2024-01-29

Contents

1	Inti	roducción	2
	1.1	Contexto	2
	1.2	Objetivos	2
	1.3	Estructura	2
2	Me	todología	3
	2.1	Técnicas	3
	2.2	Herramientas	5
3	Rec	ducción dimensional	6
	3.1	Selección de variables y adecuación de los datos	6
	3.2	Número, rotación y puntuaciones factoriales	8
4	Clú	sters	13
	4.1	Método jerárquico	13
	4.2	Método de k-medias	16
	4.3	Método con restricción geográfica	18
5	Cor	nclusiones	25
6	Anı	nexo	26
	6.1	Variables excluidas	26
	6.2	Gráficos	26
	6.3	Influencia factor-variable	29
7	Bib	liografía	31

1 Introducción

1.1 Contexto

El envejecimiento demográfico emerge como un fenómeno geográfico crítico que podría acarrear serias implicaciones macroeconómicas estructurales en nuestra sociedad. En consecuencia, resulta imperativo abordar de manera inmediata políticas orientadas a mejorar la calidad de vida de la población mayor, fundamentadas en estudios que delineen su situación espacial y social, particularmente en aquellos entornos urbanos donde su presencia es más significativa.

1.2 Objetivos

En el actual escenario, nos enfrentamos al desafío de localizar áreas urbanas en el municipio de Sevilla que compartan una estructura demográfica similar, especialmente en lo que respecta a la población mayor. Para abordar este objetivo, emplearemos distintos métodos de análisis estadístico multivariante y espacial. La meta es desarrollar servicios sociales y de asistencia que tomen en cuenta las características específicas de los ancianos y su distribución geográfica en la ciudad. En este contexto, nuestro enfoque consiste en identificar segmentos homogéneos de la población anciana en áreas urbanas. La ejecución de este proceso nos permitirá diseñar servicios sociales y de asistencia que se adapten a las necesidades particulares de los ancianos, considerando tanto su tipología como su ubicación en la ciudad.

1.3 Estructura

Proponemos una agrupación de las secciones electorales a través de un análisis clúster y organizamos el contenido de la siguiente manera: Primero comentamos la metodología que hemos empleado, tanto las técnicas como el software. Luego, dada la gran cantidad de variables con las que contamos nos servimos del análisis factorial para reducir la dimensionalidad del conjunto de datos. Seguidamente clasificamos las secciones a partir de los factores resultantes del proceso anterior. Planteamos varios métodos distintos, tanto los clásicos análisis jerárquicos y de k-medias como el enfoque con restricciones espaciales. Finalmente resumimos y contextualizamos los resultados obtenidos.

2 Metodología

2.1 Técnicas

Puesto que nuestro objetivo es agrupar zonas homogéneas en cuanto a la población anciana con vistas a la implantación de servicios asistenciales proponemos un análisis clúster de las secciones censales basado en los datos disponibles. Para ello precisamos resumirlos para realzar la calidad del análisis clúster final. De manera que este trabajo consta de dos partes bien diferenciadas que se complementan entre ellas: La reducción dimensional a través del análisis factorial y la agrupación de las secciones en clústers.

La naturaleza de nuestro trabajo es eminentemente práctica y por tanto no entramos a fondo en los detalles de los modelos matemáticos ni sus implantaciones algorítmicas. A cambio nos centramos en la aplicación de éstos esbozando los conceptos intuitivamente y remarcando las ideas más importantes para la relalización de éstos. En el siguiente párrafo detallamos los pasos e ideas principales del análisis factorial y en el próximo introducimos los distintos enfoques que hemos empleado en el análisis clúster.

El análisis factorial pretende identificar una estructura de variabilidad conjunta. Parte de una gran cantidad de variables e idealmente lleva a un número más bajo de factores. Para ello requiere que las variables estén relacionadas entre sí, de esta manera puede resumir la información usando menos factores. Estos factores son variables latentes que, de alguna manera recogen la variabilidad conjunta de los datos. Un método particular del análisis factorial es la descomposición en componentes principales. Los pasos a seguir para realizar un análisis factorial son:

- 1. Selección de variables: En este apartado escogemos las variables que nos interesen. Ya sea por la representatividad del fenómento que nos atañe o por cuestiones técnicas. Preferiremos usar variables que estén relacionadas entre sí para extraer la estructura de variabilidad conjunta. Sin embargo no debemos incluir variables que sean combinaciones lineales de otras variables ya que así no podremos invertir la matriz de correlaciones y éste es un cálculo necesario para el resto dle proceso.
- 2. Adecuación de la muestra: Una vez tegamos las variables seleccionadas es preciso cercionarse de que la selección es apropiada para el análisi factorial. Para ello realizamos varias pruebas estadísticas que hacen alusión a los criterios con los que incluimos las variables. Dos de los más usados son la prueba de adecuación KMO, que comprueba que la interrelación de las variables abarque gran parte de la muestra y la prueba de esfericidad de Barlett, que verifica que exista correlación entre las variables asintóticamente.
- 3. Extracción de factores: Con las variables listas, resumimos los datos usando variables latentes. Entonces debemos decidir el número de factores, extraerlos y rotarlos para que se puedan interpretar con facilidad. Finalmente se asignan las puntuaciones factoriales a cada observación.
- i. Número de factores: Contra mayor sea más representativa será la proyección de los datos a costa de un reducido poder de síntesi. Se suelen usar varios criterios para determinar el número adecuado de factores: La regla de Kaiser propone extraertantos factores como eigenvalues positivos existan en la descomposición. Intuitivamente nos quedaríamos con tantos factores como combinaciones lineales incrementan su importancia en la proyección (explicación algo más detallada en el apartado correspondiente). Otro criterio es el de la varianza explicada, consiste en extraer tantos factores como sean necesarios para representar con cierta precisión la varianza de los datos. La proporción varía en función del ámbito de estudio y del investigador, una proporción indicativa es el 70%. El último método que empleamos para decidir cuantos factores empleamos es el scree plot, que representa gráficamente el eigenvalue y el número de factores. Se basa en el ritmo de decrecimiento de la importancia de cada factor. Es decir, si notamos que el eigenvalue decae muy significativamente a partir de cierto número de factores optaremos por extraer uno menos. Cabe decir que todos estos criterios son complementarios y no existe una regla precisa para determinar la cantidad de factores a usar.

- ii. Extracción y rotación: Este paso concierne cuestiones más técnicas que quedan fuera del ámbito de este trabajo. Lo relevante es que cuando sabemos cuántos factores vamos a extraer y los ajustamos normalmente nos interesa rotarlos. Es decir, buscar una representación equivalente a la proyección que hemos encontrado manteniendo la representabilidad de los datos. Hacemos esto para facilitar la interpretación e intuir los motivos latentes por los que algunas variables están relacionadas. Esencialmente se distinguen dos tipos de rotación que se alcanzan aplicando uno u otro algoritmo: La rotación es ortogonal si persigue un conjunto de factores no correlacionado entre sí. Si existen razones para pensar que los factores están relacionados entre sí se usa la rotación oblícua.
- iii. **Puntuaciones factoriales:** Cuando estamos satisfechos con la proyección de los datos reexpresamos las variables para cada observación (en nuestro caso para cada sección censal) usando los factores resultantes. Así podremos ver qué factores son más importantes y en qué sentido para cada una de las unidades de estudio.

Así logramos reducir la dimensionalidad del conjunto de datos y estamos listos para llevar a cabo el análisis clúster. Para éste planteamos dos métodos clásicos y uno específico restringiendo las agrupaciones geográficamente por contiguidad. La distinción principal está en la forma de agrupación de entidades: Jerárquica o no jerárquica. presentamos el ejemplo canónico de cada una.

- 1. Agrupación jerárquica: Se basa en las distancias entre unidades de estudio. Esta distancia se puede definir de multitud de maneras según el ámbito y o interés del investigador. Por ejemplo la distancia euclídea se considera la distancia geométrica canónica en un espacio multidimensional. Otro ejemplo es la distancia de Mahalanobis, que tiende a disminuir las distancias entre entidades dentro de los clústers y reducir las disancias entre clústers. Con la distancia definida hay que decidir en qué dirección se crean los grupos: O bien se parte de una situación completamente desagregada y se van adhiriendo las entidades al clúster más cercano o se empieza con un único grupo que contiene todos los puntos para ir desagregando al más lejano. Es habitual esar esta última, así lo hacemos. Una ventaja de la agrupación jerárquica es que no precisa del número de grupos para llevar a cabo la agrupación. El número de grupos se decide a posteriori usando el dendograma, un gráfico que representa las agrupaciones o disoluciones con la distancia a la que suceden.
- 2. Agrupación no jerárquica, k-medias: En este caso no es necesario definir una noción de distancia, sin embargo hay que especificar el número de clústers de antemano. El centro de cada clúster es el centroide, cuya ubicación se determina de manera que la distancia entre los centroides y los puntos del grupo sea mínima. El algoritmo de k-medias actualiza iterativamente la posición de los centroides y la pertenencia de las entidades hasta minimizar la suma de cuadrados dentro de cada grupo. El resultado final depende del número de clústers y de la posición inicial de los centroides. Los centroides iniciales se eligen de manera que la convergencia esté garantizada. El número de grupos se suele elegir con la ayuda del elbow plot, que representa la velocidad de disminución del error en función del número de clústers. En cualquier caso se suelen ajustar varios análisis con diferente número de clústers para compararlos y elegir el más favorable.
- 3. Agrupación con restricciones espaciales, SKATER: Existen múltiples métodos de agrupación que cuentan con restricciones espaciales. En este caso también se hace la distinción clásica entr métodos jerárquicos o no jerárquicos. Dentro de los métodos jerárquicos el análogo algomerativo es SCHC (Spatially Constrained Hierarchical Clustering) y el disolutivo es SKATER (Spatial C(K)luster Analysis by Tree Edge Removal). Este último es el que empleamos en el proyecto. Algunos de los métodos no jerárquicos son el AZP (automatic zoning procedure) y el Max-p (considera la agrupación como un problema de programación lineal entera a optimizar). En cualquier caso se requiere una definición de contigüidad para la restricción y o bien el número de grupos se especifica de antemano o se usa una tolerancia de error. Para más información se puede consultar este enlace.

2.2 Herramientas

Manejamos los datos que hemos introducido en la sección anterior usando las herramientas que describimos brevemente a continuación, basadas en el software libre R.

Trabajamos usando R con intención de aprender a usar la herramienta para el tratamiento de datos y cuestiones relacionadas con la geografía. Para ello empleamos algunos paquetes muy conocidos como dplyr o tidyr para el manejo de datos generales, sf para el procesamiento de datos de SIG y mapsf o ggplot2 para la representación gráfica de éstos, también usamos bookdown para la redacción del trabajo. También empleamos corrplot para representar correlaciones. Para el análisis factorial hemos usado psych y para el análisis clúster con restricciones espaciales rgeoda.

Por otra parte hemos usado control de versiones GIT en el repositorio de Github que se encuentra en este enlace. Ahí se almacena todo lo que ha sido necesario a lo largo del trabajo, así como un historial de verisones. Se pueden encontrar carpetas con los gráficos, otras con funciones de utilidad (por ejemplo para pasar de identificador comarcal a nombre) y otras con scripts que contienen el procesamiento de los datos de flujos, creación de tablas y gráficos.

3 Reducción dimensional

Disponemos de muchas variables, eso motiva las técnicas de reducción dimensional. Usaremos análisis factorial de componentes pricipales, la idea es sintetizar todas las medidas disponibles en variables latentes. Lo haremos aprovechando la correlación que comparten. Para ello seleccionamos las variables que incluiremos a partir de un breve análisis exploratorio. Luego comprobaremos si es pertinente usar los procedimientos en cuestión en el conjunto de datos resultante. Entonces realizaremos varios ajustes con diferente número de factores hasta alcanzar la descomposición más satisfactoria en términos de representabilidad de las variables iniciales. Finalmente aplicaremos técnicas de rotación con tal de lograr factores ortogonales que sean interpretables. Con éstos extraeremos las puntuaciones factoriales que más adelante usaremos para crear clústers.

3.1 Selección de variables y adecuación de los datos

La selección de variables sirve para subsanar potenciales problemas y afinar en el cálculo de factores. Es importante tanto para que se pueda realizar el análisis factorial como para que éste sea eficiente y se ajuste un modelo robusto con interpretación relativamente simple evitando sobreajuste.

Por ejemplo, si nos fijamos en las variables demográficas veremos que se incluyen múltiples medidas de población quedando algunas determinadas completamente por el resto. En cuanto a la *situación laboral* tenemos población activa, ocupada, inactiva y parados. Entonces el total queda determinado por otra variable, ya sea la población total o u subgrupo de ésta y por tanto son linealmente dependientes. Por tanto la matriz de correlaciones no será inverible y en consecuencia no se podrá realizar el análisis factorial. Lo mismo ocurre con algunas variables del estado de las viviendas. En el annexo se muestra una lista completa de las variables que han sido excluidas por este motivo.

Por otro lado es importante que las variables seleccionadas estén correlacionadas entre sí. Para comprobarlo representamos gráficamente la correlación entre las variables seleccionadas y recogemos en una tabla estadísticos relevantes para la selección de variables como:

- Estimación inicial de comunalidades¹
- Suma de correlaciones absolutas
- Número de variables no correlacionadas²

Las variables que se muestran en la tabla quedan excluidas del análisis factorial.

Table 1: Correlaciones de las variables seleccionadas, se muestran las 15 con menor comunalidad

	Comunalidad	Suma	p.val
CON1HABI	0.5205	6.88	16
AP	0.4817	9.65	28
DEL81AL90	0.3475	4.44	7
CON5OMAS	0.2745	4.26	8
C	0.2607	7.85	25
EA	0.2160	6.15	27
TRAEVEN	0.2101	4.25	2
AFAM	0.1894	5.05	7
COOP	0.1453	2.61	1

 $^{^{1}}$ Correlación múltiple al cuadrado

²Test de correlación de Pearson, nivel de significación del 5%

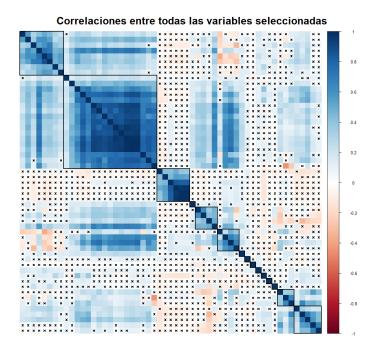


Figure 1: Correlaciones entre todas las variables.

Veamos ahora si el conjunto de datos seleccionados resulta apropiado para el análisis factorial o si debemos seleccionar variables con un criterio más estricto. Para ello realizamos varios tests:

Esfericidad de Barlett:

- Hipóteis nula: La matriz de correlaciones es la identidad (no existe ninguna correlación)
- Bajo H_0 el estadístico de contraste sigue una χ^2 , asintóticamente
- Disponemos de más de 400 observaciones, se sostiene la suposición asintótica

```
cortest.bartlett(R1, n = nrow(X1))[["p.value"]] # podemos rechazar H_0
```

[1] 0

Kaiser, Meyer, Olkin:

- Medida de adecuación de la muestra para un análisis factorial (basa)
- Compara la proporción de correlación y la correlación parcial]
- Está acotada entre 0 y 1, según Kaiser:
 - Valores mayores a 0,9 son maravillosos
 - Valores mayores a 0,8 son meritorios
 - Valores mayores a 0,7 son medios
 - Valores mayores a 0,6 son mediocres
 - Valores mayores a 0,5 son miserables

```
KMO(R1)[[1]] # según Kaiser, la adecuación de la muestra es meritoria
```

[1] 0.8141468

3.2 Número, rotación y puntuaciones factoriales

Ahora nuestra intención es identificar una estructura latente dentro del conjunto de datos. Se focaliza el interés en los factores capaces de explicar una proporción significativa de la variabilidad presente en los datos. Para determinar cuántos factores debemos retener, empleamos dos criterios. En primer lugar, se puede dibujar un scree plot para evaluar los eigenvalues de los factores estimados. Además, aplicamos la Regla de Kaiser, que sugiere retener aquellos factores cuyos eigenvalues superen la unidad. Otra estrategia consiste en seleccionar tantos factores como sean necesarios para explicar alrededor de un 70% de la variabilidad de los datos.

Regla de Kaiser:

En el ámbito del álgebra una matriz (como la de correlaciones) se puede interpretar como una transformación lineal. Los eigenvectors asociados a una transformación son aquellos vectores cuya dirección es invariable a la misma y los eigenvalues aparejados son la medida en la que la dirección se alarga o mengua en magnitud. Bajo ciertas condiciones de regularidad estos vectores forman una base sobre la que se puede descomponer la transformación en cuestión. La idea de Kaiser es tomar tantos factores como autovectores de "alarguen" (su importancia crezca) en el proceso de descomposición.³

```
autov_1 = eigen(R1)[["values"]]; sort(autov_1, decreasing = T) %>% round(digits = 2)
    [1] 16.41
               5.18
                     3.86
                            3.52
                                  2.08
                                        1.82
                                              1.30
                                                     1.01
                                                           0.96
                                                                 0.90
                                                                        0.85
                                                                              0.75
## [13]
               0.66
                     0.62
                           0.59
                                  0.55
                                        0.49
                                              0.39
                                                     0.36
                                                           0.33
                                                                 0.30
                                                                       0.26
                                                                              0.23
         0.71
  [25]
         0.22
               0.21
                     0.21
                            0.20
                                  0.18
                                        0.16
                                              0.13
                                                    0.12
                                                           0.11
                                                                 0.10
                                                                       0.07
                                                                             0.05
## [37]
               0.04
                     0.02
                           0.01
                                 0.01
                                        0.00
                                              0.00
                                                    0.00
                                                           0.00
                                                                 0.00
         0.04
sum(autov_1 > 1) # según el criterio de Kaiser, usaremos 8 factores
```

[1] 8

En este caso Kaiser recomienda tomar 8 factores. No obstante los últimos están muy cerca de 1, es algo que debemos tener en cuenta para la selección del número de factores.

Proporción de la varianza explicada:

Para emplear el método de la varianza explicada por factores necesitamos realizar un análisis factorial como tal. De manera que ajustamos un modelo co un número arbitrario de factores y comprobamos cuántos son necesarios

```
fit_1 = factanal(na.omit(X1[,-1]), factors = 8, lower = .01)
print(fit_1[["loadings"]], digits = 2, cutoff = .5, sort = TRUE)
```

```
##
## Loadings:
              Factor1 Factor2 Factor3 Factor4 Factor5 Factor6 Factor7 Factor8
##
## TPOBDCHO
               0.94
## 65-69AÑOS
               0.93
## 70-74AÑOS
               0.89
## 75-79AÑOS
               0.80
## 80-85AÑOS
               0.64
## MÁS85AÑOS
               0.53
## POBDV
               0.88
```

³Para más información sobre los *eigenvectors* y *eigenvalues* consultar este enlace

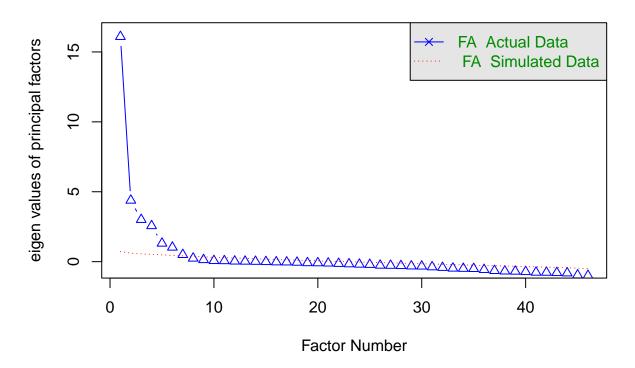
```
## TMUN
                0.84
## TCOM
                0.82
## SE
                0.83
## 1G
                0.76
##
  INACTIVOS
                0.96
## VPRINC
                0.95
## CON3VIV
                0.84
## D30A60
                0.68
                                                           -0.58
## CON4HABI
                0.75
## CON10CUP
                0.88
## CON2OCUP
                0.94
## PROP
                0.65
## TESP
                0.59
                         0.71
                         0.51
## TEXT
## 3G
                         0.93
## AP
                         0.59
                         0.55
## TRAFIJO
## D90A121
                         0.71
## CON6HABI
                         0.93
## AGUAVIV
                                  0.99
## ELECTRIC
                                 0.99
## NOREFRIGER
                                 0.97
## NOGAS
                                 0.83
## CON2VIV
                                          0.66
                                                   0.51
                                          0.65
## MENOS30
## ANT1941
                                          0.89
                                          0.76
## ALQ
## CON1VIV
                                                   0.96
## D60A90
                                                            0.91
## CON5HABI
                                                            0.56
## COLEC
                                                                     0.96
## ANALF
## IND
## C
## EMPEMP
## VNOPRIN
## CON2HABI
## CON40CUP
## DEL61AL80
##
##
                   Factor1 Factor2 Factor3 Factor4 Factor5 Factor6 Factor7 Factor8
## SS loadings
                      14.38
                               5.71
                                        3.69
                                                 3.44
                                                          2.04
                                                                  1.91
                                                                           1.32
                                                                                    0.41
                       0.31
                                        0.08
                                                 0.07
                                                          0.04
                                                                  0.04
                                                                           0.03
                                                                                    0.01
## Proportion Var
                               0.12
## Cumulative Var
                       0.31
                                                 0.59
                                                          0.64
                                                                  0.68
                               0.44
                                        0.52
                                                                           0.71
                                                                                    0.72
```

Esta salida muestra por un lado las cargas factoriales de cada variable inicial y por el otro la proporción de varianza explicada por cada uno de los factores. Nos interesa la parte final. Nos fijamos en que se explica alrededor del 70% de la varianza con 7 u 8 factores. También notamos que los primeros factores recogen sustancialmente más varianza que el resto.

Scree plot:

En este caso interpretamos gráficamente los *eigenvalues* asociados a factores con el número que usamos. Notamos que los cuatro primeros son relativamente más altos a los dos siguientes, que resultan ser los últimos que superan el umbral de 1. En este caso el gráfico sugiere usar alrededor de 6 factores.

Parallel Analysis Scree Plots



Parallel analysis suggests that the number of factors = 7 and the number of components = NA

Interpretación en conjunto:

Los diversos métodos indican una cantidad de factores similar: Entre 6 y 8. Puesto que utilizar 7 factores concuerda con los resultados de los diferentes criterios y está enmedio de las sugerencias de cada uno usaremos 7 factores para reducir la dimensionalidad de los datos.

```
fit_2 = factanal(na.omit(X1[,-1]), factors = 7, lower = .007, scores = "regression")
print(fit_2[["loadings"]], digits = 2, cutoff = .5, sort = TRUE)
```

```
##
## Loadings:
##
              Factor1 Factor2 Factor3 Factor4 Factor5 Factor6 Factor7
               0.95
## TPOBDCHO
## 65-69AÑOS
               0.93
## 70-74AÑOS
               0.89
## 75-79AÑOS
               0.80
## 80-85AÑOS
               0.64
## MÁS85AÑOS
                0.53
## POBDV
               0.89
## TMUN
                0.84
## TCOM
                0.82
## SE
               0.83
## 1G
                0.76
```

```
## INACTIVOS
                0.97
## VPRINC
                0.95
## CON3VIV
                0.84
## D30A60
                0.68
                                                           -0.59
## CON4HABI
                0.75
  CON10CUP
                0.90
## CON2OCUP
                0.92
                0.65
## PROP
## TESP
                0.59
                         0.71
## TEXT
                         0.51
## 3G
                         0.94
## AP
                         0.58
## TRAFIJO
                         0.55
## D90A121
                         0.70
## CON6HABI
                         0.92
## AGUAVIV
                                  1.00
## ELECTRIC
                                  1.00
## NOREFRIGER
                                  0.97
## NOGAS
                                 0.83
## CON2VIV
                                          0.66
                                                   0.52
## MENOS30
                                          0.65
## ANT1941
                                          0.89
                                          0.76
## ALQ
## CON1VIV
                                                   0.95
## D60A90
                                                            0.89
## CON5HABI
                                                            0.57
## COLEC
                                                                    0.97
## ANALF
## IND
## C
## EMPEMP
## VNOPRIN
## CON2HABI
## CON40CUP
##
  DEL61AL80
##
##
                   Factor1 Factor2 Factor3 Factor4 Factor5 Factor6 Factor7
## SS loadings
                      14.49
                               5.69
                                        3.68
                                                 3.41
                                                          2.03
                                                                  1.91
                                                                           1.32
## Proportion Var
                       0.31
                               0.12
                                        0.08
                                                 0.07
                                                          0.04
                                                                  0.04
                                                                           0.03
## Cumulative Var
                                                 0.59
                                                                  0.68
                       0.31
                               0.44
                                        0.52
                                                          0.64
                                                                           0.71
```

Representamos los pesos factoriales más importantes (almenos 0,5) para cada variable. Una versión más detallada a la que nos referimos en las siguientes líneas se puede encontrar en ele annexo. Como era de esperar los primeros factores cargan más información que los siguientes y por tanto su interpretación es más compleja. A continuación proponemos una breve e intuitiva interpretación intuitiva sobre cada uno:

Factor 1: Necesidad futura Contiene información sobre variables demográficas y del hogar. Por un lado indica una población sustancial que en general es de procedencia cercana⁴ y de edad no muy avanzada.⁵ Teniendo en cuenta las variables laborales y educativas está relacionado con una estrato social medio-bajo. En resumen, describe zonas en las que servicios sociales y asistenciales serán necesarios en un futuro cercano.

Factor 2: Ahora autosuficiente En cierta manera es la antítesis del anterior factor. Lo único que comparten es la relación con la cantidad de habitantes. Este factor describe zonas relativamente pobladas

⁴de Sevilla o Andalucía.

⁵se relaciona más con los tramos de edad más bajos.

por personas con procedencia lejana⁶ con capacidad económica presumiblemente alta⁷ y viviendas con caché.⁸ Cabe destacar que en cierta manera la relación con los tramos de edad describe una población más envejecida, sin embargo la conexión es menor que en el caso anterior.

El resto de factores representan mucho menos la situación que los dos primeros y su nombre explica en sí mismo la interpretación asociada a cada una. A continuación comentamos la descriptiva de las puntuaciones factoriales y en la siguiente sección agruparemos las secciones censales en clústers.

Factor 3: Faltan suministros básicos

Factor 4: Clase media-baja

Factor 5: Baja densidad de población

Factor 6: Clase media-alta

Factor 7: Vivienda colectiva

Table 2: Estadísticos descriptivos de las puntuaciones factoriales

	median	mad	min	max	range	skew	kurtosis
1. Necesidad futura	-0.15	0.88	-1.86	4.17	6.03	1.00	1.42
2. Ahora autosuficiente	-0.33	0.50	-1.32	4.67	5.99	1.97	4.23
3. Faltan suministros básicos	-0.13	0.91	-1.95	5.33	7.29	0.95	1.98
4. Clase media-baja	-0.37	0.41	-1.64	4.79	6.43	1.87	3.90
5. Baja densidad de población	-0.39	0.21	-1.51	4.97	6.48	2.27	5.11
6. Clase media-alta	-0.04	0.88	-2.85	3.19	6.04	-0.03	0.55
7. Vivienda colectiva	-0.17	0.19	-0.99	10.63	11.62	6.28	48.73

Como es habitual las variables han sido estandarizadas antes del análisis, de modo que pasamos por alto la media y varianza. Nos fijamos en el signo de la mediana y la asímetría (skew): Todas las variables consendan una cola derecha pesada, en otras palabras para cada factor existen pocas secciones con puntuaciones muy altas mientras que muchas ligeramente bajas. El caso extremo es el factor de *Vivienda colectiva*, es plausible que las viviendas colectivas se encuentren muy concentradas en secciones particulares.

Destacamos que la mediana más baja es por orden la de los factores *Baja densidad de población*, *Clase media-baja* y *Ahora autosuficiente* intuimos que seguramente habrá algunas secciones con muy densidad muy baja de población, muchas personas de clase medio-baja y muchas personas con poder adquisitivo alto. Recogemos los histogramas correspondientes a todos los factores en el annexo.

⁶Fuera de Andalucía y en mayor medida de fuera del España.

⁷Relacionado con nivel educativo alto y trabajo fijo.

⁸Viviendas grandes en términos de espacio y habitaciones.

4 Clústers

Los métodos de clasificación están a la orden del día y existe gran variedad de métodos o enfoques. En el presente trabajo nos focalizamos en los que son de aplicación al contexto geográfico. Sin embargo es importante consolidar cierta base a través de los métodos clásicos. De manera que el el apartado de agrupación en clústers presentamos dos métodos clásicos y un tercero que tiene en cuenta restricciones geográficas.

4.1 Método jerárquico

La idea es asociar o separar secciones de sus respectivos grupos iterativamente. Calculamos una medida de distancia entre los objetos de estudio a partir de las variables deseadas. Se puede partir de un grupo que contenga todos los agentes e ir separando aquellos más diferentes y colocándolos en el clúster más adecuado o bien es posible empezar con una estructura desagregada e ir conectando los agentes más cercanos entre sí. También es necesario definir la distancia de un individuo a un grupo: Las formas más comunes son el vecino más cercano⁹, el vecino más lejano¹⁰ o la media. Empleamos el mecanismo de agregación y la distancia al vecino más lejano. Una parte crucial del análisis es decidir "por dónde cortamos" o cuántos grupos queremos. En esta tarea nos servimos del dendograma, de las características de los grupos resultantes (número de clústers, integrantes por clúster, medidas de distancia entre grupos y dentro de cada grupo).

Partimos de las puntuaciones factoriales (o cualquier otra variable de clasificación) asociadas a cada sección censal:

```
punt = fit_2$scores
# asignamos a los nombres de fila el código de sección censal
i = which(is.na(X1), arr.ind = T)[,"row"] %>% unique() # secciones con na (omitidas)
rownames(punt) = X1$SECCEN[-i]
```

Los métodos jerárquicos se basan en la noción de distancia. Existen muchas formas de definir la distancia entre dos secciones y el tema plantea un debate extenso. Sin embargo este no es el objeto de nuestro trabajo, de modo que usamos la distancia euclídea, algo que se puede considerar estándar. Se define como la suma de los cuadrados de las diferencias sobre todas las variables:

$$dist(X,Y) = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_i - y_i)^2}$$

Es importante identificar y excluir outliers del análisis porqué pueden provocar resultados que no representan la estructura correctamente. Representamos la distribución de distancias y medias de distancias y decidimos excluir observaciones atípicas:

```
# calculamos las distancias dos a dos
disO = dist(punt, method = "euclidean", p = 2)

# transformamos en matriz y calculamos la distancia media para cada sección
mdisO = as.matrix(disO)
m = apply(mdisO, 1, mean)

# dibujamos un histograma de distancias y otro de las medias de distancia
par(mfrow = c(1, 2))
```

⁹La distania mínima entre el agente y cualquier componente del grupo

 $^{^{10}\}mathrm{La}$ distania máxima entre el agente y cualquier componente del grupo

¹¹Distancia media entre el agente en cuestión y cada componente del grupo

```
## distancias
d0 = density(dis0)
d0$y = d0$y*d0$n

plot(d0, main = "Distancias", xlab = NULL, ylab = NULL)
hist(dis0, add = T, ylab = NULL)
lines(d0, lwd = 3, ylab = NULL)

## medias de distancia
d0 = density(m)
d0$y = d0$y*d0$n

plot(d0, main = "Medias de las distancias", xlab = NULL, ylab = NULL)
hist(m, add = T, ylab = NULL)
lines(d0, lwd = 3, ylab = NULL)
```

Distancias

5000 15000 25000

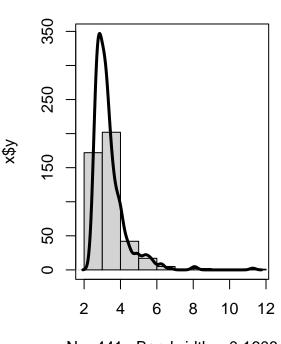
4 6 8

0 2

N = 97020 Bandwidth = 0.1155

12

Medias de las distancias

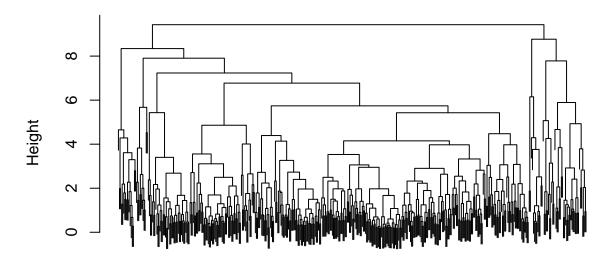


N = 441 Bandwidth = 0.1608

Seguidamente clasificamos las secciones en clústers usando el método de agregación y la distancia al vecino más lejano:

Ahora que ya tenemos las secciones clasificadas decidimos la cantidad de clústers que nos convienen.

Cluster Dendrogram



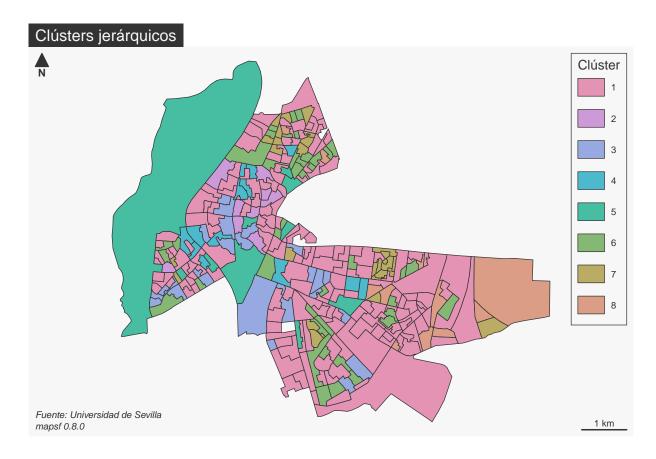
dis1 hclust (*, "complete")

Figure 2: Parece que un punto de corte adecuado está alrededor de 5 y 6.

Veamos ahora qué grupos se han formado si usamos 8 clústers. Por un lado presentamos una tabla describiendo las características factoriales de cada clúster y por otro presentamos un mapa que representa la ubicación los clústers.

Table 3:	Medias	de	${\rm factores}$	para	cada	${\rm cl\acute{u}ster}$
----------	--------	----	------------------	------	-----------------------	-------------------------

	n	Factor1	Factor2	Factor3	Factor4	Factor5	Factor6	Factor7
Clúster 1	259	-0.13	-0.02	-0.05	-0.12	0.05	0.06	-0.03
Clúster 2	11	0.15	0.16	-0.71	1.38	-0.35	0.01	2.79
Clúster 3	30	0.52	0.93	-0.11	0.21	-0.04	0.26	-0.05
Clúster 4	13	0.50	-0.14	0.34	2.19	-0.33	-0.07	-0.35
Clúster 5	17	-0.23	0.21	0.94	0.45	-0.14	-0.08	0.06
Clúster 6	61	0.14	-0.21	-0.07	-0.26	-0.30	0.38	-0.14
Clúster 7	39	0.26	-0.27	0.29	-0.19	-0.04	-1.09	-0.19
Clúster 8	11	-0.47	-0.32	-0.35	-0.18	1.79	-0.25	-0.27



Esta agrupación no facilita la tarea de identificar zonas que requieran más o menos servicios asistenciales porqué las entidades de cada clúster están repartidas por el mapa sin formar ningún patrón claro. Podríamos estudiar en detalle las características de cada clúster en relación a los factores, pero esto no resolverís el problema de identificar zonas homogéneas contiguas.

4.2 Método de k-medias

El método de k-medias se basa en organizar los datos de entrada en grupos, donde cada grupo tiene un centro representativo llamado centroide. La ubicación de estos centroides se determina de manera que la distancia entre ellos y los puntos del grupo sea la menor posible.

Dada la ubicación de los centroides, se calcula la distancia que los separa de cada sección y éstas se asignan al clúster más cercano. Luego se actualiza la posición de los centroides en base a los puntos que pertenecen a cada clúster. El objetovo es minimizar la suma de cuadrados dentro de cada grupo (error) y se itera hasta que no dismiuya más.

El resultado final depende del número de clústers y de la posición inicial de los centroides. Para este segundo aspecto el algoritmo selecciona centroides iniciales tales que la convergencia esté garantizada. En cuanto al número de clústers, lo elegimos externamente (normalmente basándonos en el $Gráfico de Codo o Elbow Method^{12}$).

En este caso trabajamos con las variables en lugar de distancias calculadas a partir de éstas. No obstante normalizamos su escala para que el efecto de todas sea el mismo el el error:

¹²Muestra la velocidad de disminución del error en función del número de clústers.

```
punt_k = (apply(punt, 2, max) - apply(punt, 2, min)) %>% sweep(punt, 2, ., FUN = "/")
```

A continuación dibujamos el *Gráfico de Codo* para elegir el número de clústers que usaremos. En este caso no hay una respuesta clara porqué el ritmo de descenso es relativamente estable, pero parece que deberíamos usar entre 5 y 8 grupos. Al contrastarlo con el gráfico sin reescalar las variables decidimos usar 7 grupos.

Gráfico de codo con factores reescalados

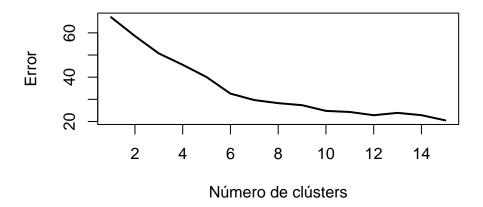


Gráfico de codo sin reescalar factores

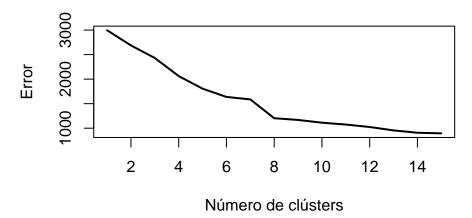


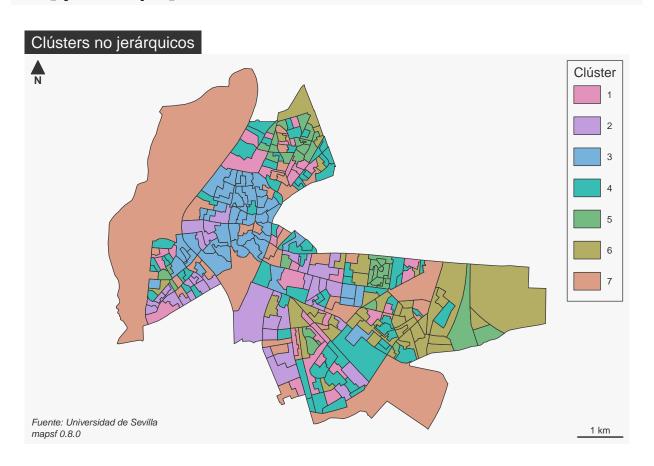
Figure 3: Gráfico de codo con la misma escalade factores (izquierda) y sin reescalar (derecha)

Entonces, realizamos el análisis con 7 clústers y representamos los resultados como antes en una tabla y un mapa:

Table 4: Medias de factores para cada clúster

n	Factor1	Factor2	Factor3	Factor4	Factor5	Factor6	Factor7
46	1.16	-0.31	-0.01	-0.25	-0.22	1.46	-0.04
45	0.19	2.27	-0.21	-0.39	-0.24	-0.32	-0.29
53	-0.01	0.08	-0.50	1.97	-0.32	-0.07	0.39
127	-0.65	-0.32	-0.51	-0.36	-0.29	0.21	-0.04
60	1.03	-0.79	0.18	-0.45	-0.42	-1.49	0.00
51 59	-0.05 -0.65	-0.15 0.05	$0.04 \\ 1.50$	-0.03 -0.03	2.34 -0.33	-0.05 0.27	-0.05 0.02
	46 45 53 127 60 51	46 1.16 45 0.19 53 -0.01 127 -0.65 60 1.03 51 -0.05	46 1.16 -0.31 45 0.19 2.27 53 -0.01 0.08 127 -0.65 -0.32 60 1.03 -0.79 51 -0.05 -0.15	46 1.16 -0.31 -0.01 45 0.19 2.27 -0.21 53 -0.01 0.08 -0.50 127 -0.65 -0.32 -0.51 60 1.03 -0.79 0.18 51 -0.05 -0.15 0.04	46 1.16 -0.31 -0.01 -0.25 45 0.19 2.27 -0.21 -0.39 53 -0.01 0.08 -0.50 1.97 127 -0.65 -0.32 -0.51 -0.36 60 1.03 -0.79 0.18 -0.45 51 -0.05 -0.15 0.04 -0.03	46 1.16 -0.31 -0.01 -0.25 -0.22 45 0.19 2.27 -0.21 -0.39 -0.24 53 -0.01 0.08 -0.50 1.97 -0.32 127 -0.65 -0.32 -0.51 -0.36 -0.29 60 1.03 -0.79 0.18 -0.45 -0.42 51 -0.05 -0.15 0.04 -0.03 2.34	46 1.16 -0.31 -0.01 -0.25 -0.22 1.46 45 0.19 2.27 -0.21 -0.39 -0.24 -0.32 53 -0.01 0.08 -0.50 1.97 -0.32 -0.07 127 -0.65 -0.32 -0.51 -0.36 -0.29 0.21 60 1.03 -0.79 0.18 -0.45 -0.42 -1.49 51 -0.05 -0.15 0.04 -0.03 2.34 -0.05

clust_nj = kmeans(punt_k, centers = 7)



De forma similar al método jerárquico los clústers seleccionados no simplifican la identificación de áreas que puedan necesitar más o menos servicios asistenciales, ya que cada una de sus entidades está dispersa en el mapa sin seguir un patrón evidente. Aunque podríamos analizar minuciosamente las características de cada clúster en relación con los factores, esto no abordaría la dificultad de identificar áreas contiguas con homogeneidad.

4.3 Método con restricción geográfica

El clustering espacial pretende agrupar un gran número de áreas geográficas o puntos en un número menor de regiones basándose en similitudes en una o más variables. Es necesario cuando se requiere que los clusters

sean espacialmente contiguos. Trabajamos con la librería rgeoda, basada en el software libre GeoDa, que cuenta con varios métodos. A continuación comentamos sus elementos en común y uno de ellos:

Para aplicarlos se requiere:

- Información geográfica sobre las unidades de estudio
- Medidas de las variables para las unidades de estudio
- Relación de contigüidad¹³ sobre las unidades de estudio:
 - Queen weights
 - Rock weights
 - Distance weights
 - Entre otros
- En algunos casos es necesario especificar el número de clústers mientras que en otros casos se establecen restricciones sobre alguna de las variables

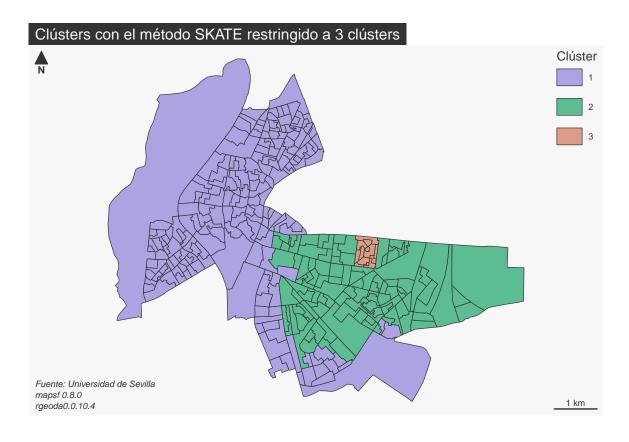
4.3.1 SKATER

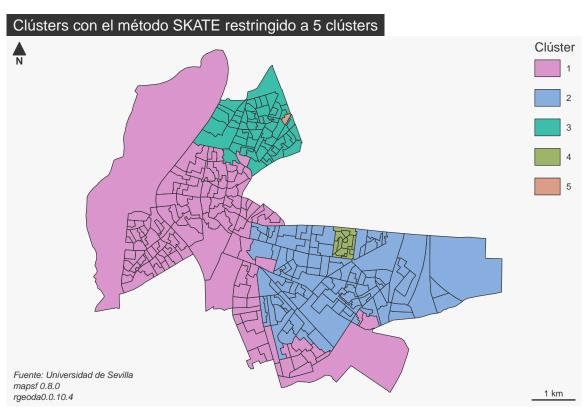
El algoritmo $Spatial\ C(K)$ luster Analysis by Tree Edge Removal (SKATER) introducido por Assuncao et al. (2006) se basa en la poda óptima de un árbol de spanning mínimo que refleja la estructura de contigüidad entre las observaciones. Proporciona un algoritmo optimizado para podar el árbol en varios conglomerados cuyos valores de las variables seleccionadas sean lo más similares posible.

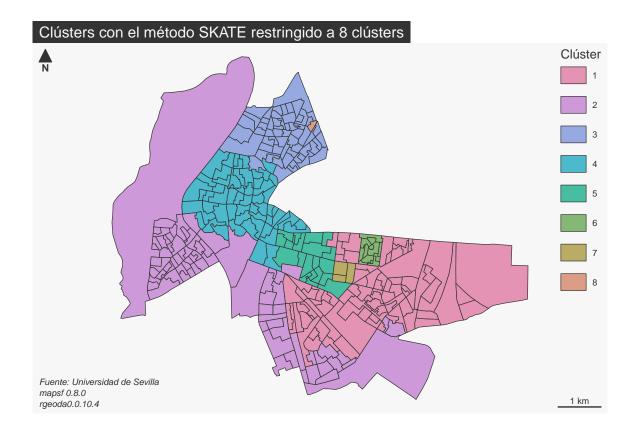
En este caso usaremos las puntuaciones factoriales como variables sobre las secciones electorales y los pesos de dama (consideramos contiguas secciones que comparten un vértice). Aplicamos el algoritmo con distinto número de clústers y comparamos sus resultados:

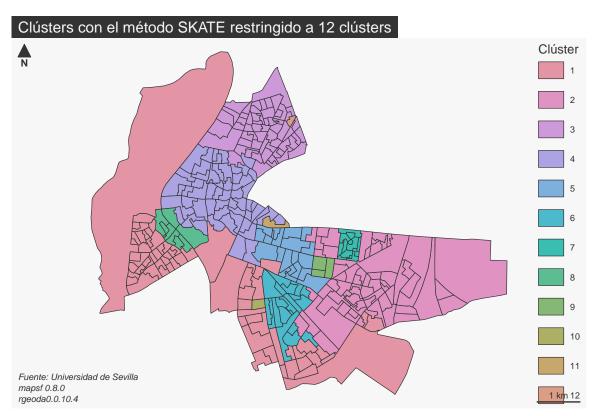
```
# datos geográficos y variables factoriales
shp_X = data.frame(punt) %>%
  mutate(sec = rownames(punt k)) %>%
  inner_join(shp, ., by = "sec") %>%
  select(-sec) %>%
  .[c(paste0("Factor", 1:7))]
W = queen_weights(shp_X) # pesos
# llamada a la función para 3, 5 y 8 clústers
ska3 = skater(3, W, shp_X)
ska5 = skater(5, W, shp_X)
ska8 = skater(8, W, shp_X)
ska12 = skater(12, W, shp_X)
for(k in list(ska3$Clusters, ska5$Clusters, ska8$Clusters, ska12$Clusters)){
  shp_X$'Clúster' = k
  mf_map(shp_X, var = "Clúster", type = "typo")
  mf_layout(title = paste0("Clústers con el método SKATE restringido a ",
                           length(unique(k)), " clústers"),
            credits = paste0(
              "Fuente: Universidad de Sevilla\n",
              "mapsf ", packageVersion("mapsf"),
              "\nrgeoda", packageVersion("rgeoda")))
}
```

¹³Definición de qué se considera vecino, más info en este enlace









En las páginas anteriores se pueden ver las agrupaciones con restricción espacial resultantes de aplicar el método SKATER con 3, 5, 8 y 12 clústers. Dado que se trata de un método jerárquico la similitud entre los resultados con diferente número de clúster es aparente. En cuanto a comparación de objetivos nos fijamos en dos aspectos: La interpretabilidad en relación a nuestro objetivo y el ratio de suma de cuadrados entre clústers y la suma de cuadrados total (grado de diferenciación entre grupos). Esta medida mejora conforme aumenta el número de grupos, pero si hay demasiados clústers se pierde interpretabilidad. Sin embargo un recurso a nuestra dissposicón es representar solo algunos clústers para auellos ajustes en los que hay muchos. Comparamos primero la medida de adecuación en la siguiente tabla:

Table 5: Comparación de las medidas de ajuste, método SKATE

	Ratio suma de cuadrados entre clústers y total
Ajuste con 3 clústers	9.48~%
Ajuste con 5 clústers	16.85~%
Ajuste con 8 clústers	24.72~%
Ajuste con 12 clústers	32.35~%

Vemos que la calidad del ajuste mejora a un ritmo más o menos constante, lo que significa que resulta últil añadir clúsers hasta este punto. Es posible que siga mejorando a un ritmo constante con un número mayor de grupos, pero la interpretabilidad se complicará excesivamente. Decidimos optar por el mejor ajuste, interpretamos los estadísticos resumen habituales sobre los factores para cada clúster.

Table 6: Medidas sobre los factores para cada clúster

Clúster	n	Factor1	Factor2	Factor3	Factor4	Factor5	Factor6	Factor7
1	67	-0.150	0.631	0.105	-0.162	-0.217	0.059	-0.117
2	64	-0.081	-0.257	-0.055	-0.187	1.232	0.090	-0.203
3	59	0.185	-0.435	-0.050	-0.210	-0.136	-0.005	-0.014
4	54	-0.074	0.433	-0.288	1.370	-0.439	-0.046	0.279
5	20	0.219	1.186	-0.083	-0.459	-0.192	0.108	-0.197
6	19	0.808	-0.419	0.767	-0.103	0.539	0.596	0.001
7	11	1.655	-1.063	0.247	-0.355	-0.514	-2.177	-0.114
8	8	-0.196	-0.385	0.235	1.951	-0.652	-0.265	-0.338
9	3	0.458	-0.606	0.003	3.695	1.006	2.044	-0.514
10	1	-0.884	1.057	-1.371	-0.700	0.408	-0.835	7.403
11	1	-0.658	0.232	-0.682	-0.342	-0.083	-0.140	7.571
12	1	-0.495	0.020	-1.033	-1.636	1.954	-0.637	10.633

Sobresalen algunas medidas para ciertos grupos, las interpretamos en clave del significado de cada factor que deducimos del análisis factorial, destacamos:

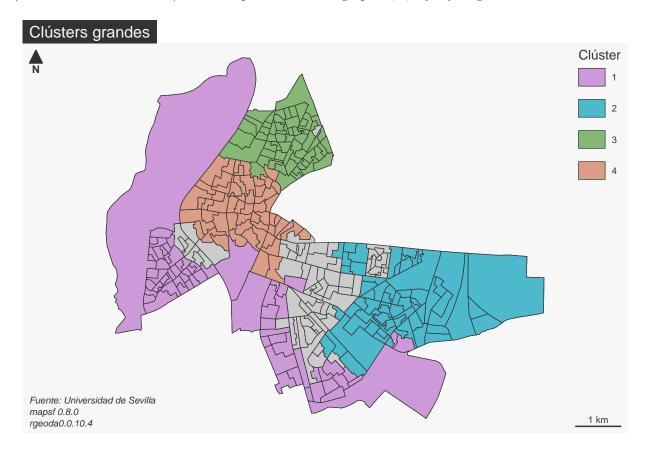
Los grupos más grandes (del 1 al 4) están balacnceados porqué cuentan con más secciones que suavizan las métricas, señalamos lo más destacable de cada uno:

- Grupo 1: Relativamente autosuficiente, con necesidad actual
- Grupo 2: Baja denisdad de población
- $\bullet\,$ Grupo 3: Relativamente poco autosuficiente con algo de necesidad futura
- Grupo 4: Clase media-baja con el resto de factores poco destacables

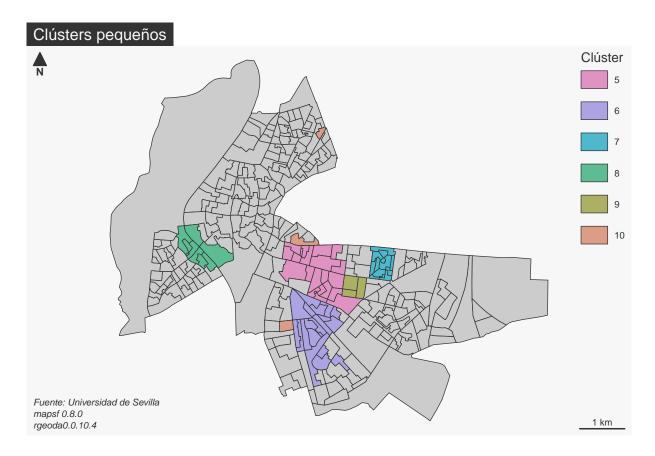
Los grupos medianos (del 5 al 7/8/9) siguen estando relativamente balanceados, pero algunas características aparentemente sobresalen más:

- Grupo 5: Autosuficiente sin clase media-baja
- Grupo 6: Nada excesivamente destacalble, algo de necesidad futura y falta de suministros
- Grupo 7: Alta necesidad futura y densidad de población, baja autosuficiencia y un factor negativo de clase medio-alta
- Grupo 8: Destaca el factor de clase media-baja con una densidad de población relativamente alta
- Grupo 9: Algo de necesidad futura con baja densidad de población y una mezcla de clases medias

Finalmente los tres últimos grupos están formados por una sección cada uno. Todos ellos destacan en el factor de la vivienda colectiva y en parte del resto. Proponemos fusionar los tres clústers a pesar de que no sean contiguos. Teniendo en cuenta esta interpretación volvemos a representar el ajuste con 12 clústers (ahora transformados en 10) en dos etapas: Primero los grupos 1, 2, 3 y 4 y luego el resto.



Estas agrupaciones son relativamente grandes, por tanto su utilidad en cuanto a ayuda a decidir en qué punto facilitar la adecuación de servicios asistenciales es limitada. Por otra parte al ser tan numerosos no destacan excesivamente en ninguna de sus puntuaciones factoriales. Sin embargo prporcionan información valiosa que nos ayuda a contextualizar decisiones. Notamos que los grupos que, por la interpretación anterior, pueden verse más beneficiados por los servicios asistenciales son el 3 y el 4. Éstos colindan entre ellos y son relativamente menos extendos que los otros dos. Esta información nos ayudará a contextualizar la planificación de servicios asistenciales. Por otra parte los clústers 1 y 2 son más extensos y contienen un mayor número de secciones, eso dificulta la pormenorización de sus características. Una dirección de trabajo futura es estudiar estos grupos de forma aislada para identificar diferencias internas.



En este caso los grupos son más pequeños, lo que nos permite categorizar sus características mejor. Antes hemos descrito el grupo 5 y 6 como autosuficiente y con algo de necesidad, respectivamente. Estos pueden ser objeto de actuación, pero no son los que se enuentran en una situación más crítica. En contraste los grupos 7 y 8 sí necesitan servicios asistenciales con más urgencia. El grupo 9 se puede describir como zona de clases medias con relativa necesidad (grado de necesidad entre los grupos 7, 8 y 5, 6). Finalmente el grupo 10 consiste en la aglomeración de secciones dispares al resto principalmente por sus características de vivienda colectiva y s encuentran cerca de zonas de interés para la actuación, por tanto se podrían beneficiar de ella sin influir demasiado en la decisión.

5 Conclusiones

En este trabajo hemos resumido una gran cantidad de variables en pocos factores y los hemos usado pora agrupar secciones censales en clústers con el vistas a la planificación de servicios asistenciales para la población anciana. Primero hemos introducido el tema y la metodología que empleamos, luego organizamos la información en dos partes: La reducción dimensional y el análisis clúster.

En la parte de reducción dimensional explicamos brevemente la intuición de las técnicas con un enfoque práctico. Seleccionamos las variables pensando en el objetivo final y otras medidas como la comunalidad o correlación, para ello usamos gráficos de correlación. Seguidamente comprobamos satisfactoriamente la adecuación de la muestra usando tests de Barlett y KMO. Para decidir la cantidad de factores a extraer nos valemos de diferentes criterios: La regla de Kaiser, la proporción de varianza explicada y el *Scree plot*. Extraemos 7 factores y los interpretamos en relación a la carga de las variables seleccionadas que llevan, también realizamos un breve análisis descriptivo. Para finalizar este apartado asignamos las puntuaciones factoriales que nos usaremos en el siguiente a todas las secciones censales.

En la parte del análisis clúster presentamos diferentes enfoques y una técnica para cada uno de ellos. Dentro de los métodos clásicos realizamos una agrupación jerárquica desagregando secciones a partir de la definición euclídea de distancia. Cabe mencionar que excluimos algunas observaciones outliers para evitar resultados espurios. Dibujamos el dendograma para decidir el número de clústers (8) y comentamos las medidas de cada uno en cuanto a los factores que usamos para crearlos. El otro método clásico es el análisis no jerárquico y la técnica que elegimos es la de k-medias. Esta técnica iterativa requiere la especificación del número de grupos de antemano (7). Para ello nos valemos de gráficos de condo con los factores reescaado y sin reescalar. Finalmente introducimos el enfoque de agrupación con restricciones espaciales cuya idea es obligar a los componentes de un clúster a ser contiguos en algún sentido. Definimos como contiguas aquellas secciones que comparten almenos un vértice. Decidimos emplear la técnica SKATE, esta requiere que especifiquemos el número de clústers así que ajustamos cuatro veces con 3, 5, 8, y 12 clústers. Nos quedamos con el último teniendo en cuenta la proporción de suma de cuadrados dentro de los clústers y total, así como la interpretabilidad. También decidimos fusionar tres clústers con un único integrante. Interpretamos las medidas factoriales de los clústers ajustados teniendo en cuenta las relaciones entre factores y variables resultantes de la primera fase del trabajo.

Las agrupaciones homogéneas resultantes del proceso anterior nos sirven para planificar un servicio asistencial a la población anciana de Sevilla. Contextulaizamos los resultados de los distintos ajustes clúster poniendo mayor énfasis en el último. Identificamos algunas zonas de interés clasificables con mucha o poca prioridad. Sin embargo sería necesario continuar analizando algunos de los clústers más grandes de forma aislada para extraer una vision más fina. Otra dirección futura del proyecto es explorar otros métodos de agrupación con restricciones espaciales y comparar los resultados.

6 Annexo

6.1 Variables excluidas

6.1.1 Variables demográficas

• Categoría de edad: 60-64 años

• Sexo: Población masculina

• Procedencia: Provincial

• Nivel de estudios: Segundo grado

• Situación laboral: Activos

• Situación de actividad: Ocupados

• Categoría profesional: Servicios

• Posición profesional: Empleados

• Temporalidad profesional: Otro

• Residencia: Alojamiento

6.1.2 Variables de la vivienda

• Tamaño en m 2 : +120

• Número de habitaciones: 3

• Número de ocupantes: 3

• Año de construcción: 41-60

• Régimen legal: Otro

6.2 Gráficos

6.2.1 Correlaciones

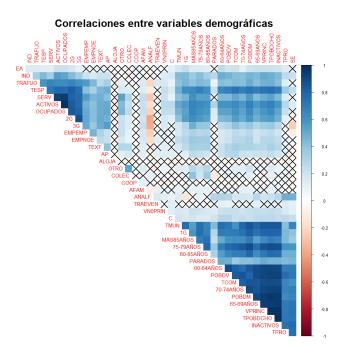


Figure 4: Correlaciones entre variables demográficas.

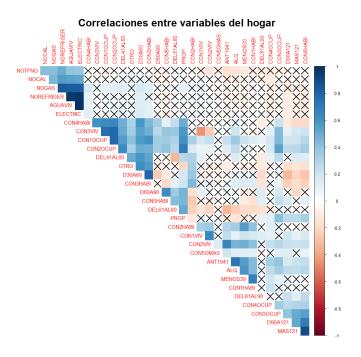


Figure 5: Correlaciones entre variables de las viviendas.

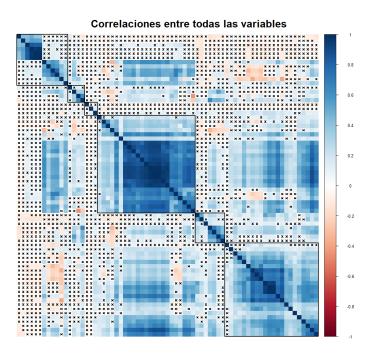
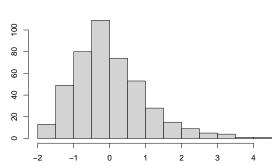


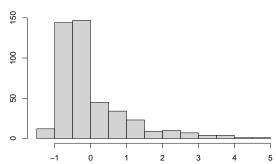
Figure 6: Correlaciones entre todas las variables.

6.2.2 Puntuaciones factoriales

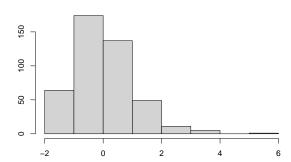




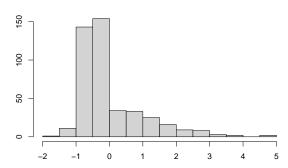
2. Ahora autosuficiente



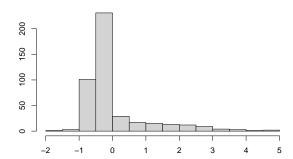
3. Faltan suministros básicos



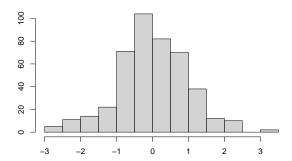
4. Clase media-baja

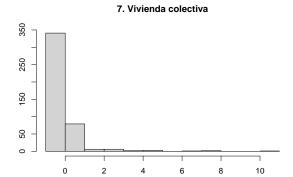


5. Baja densidad de población



6. Clase media-alta





6.3 Influencia factor-variable

```
print(fit_2[["loadings"]], digits = 2, cutoff = .1, sort = TRUE)
```

##								
	Loadings:							
##	Ö	Factor1	Factor2	Factor3	Factor4	Factor5	Factor6	Factor7
##	TPOBDCHO	0.95	0.27		0.13			
##	65-69AÑOS	0.93	0.20					
##	70-74AÑOS	0.89	0.23		0.15			
##	75-79AÑOS	0.80	0.30		0.30			0.13
##	80-85AÑOS	0.64	0.31		0.38			0.28
##	MÁS85AÑOS	0.53	0.44		0.31			0.32
##	POBDV	0.89	0.24			0.20		
##	TMUN	0.84			0.29	-0.15		
##	TCOM	0.82	0.34			0.14		
##	SE	0.83	-0.33			0.23		
##	1G	0.76	0.22		0.16	-0.16	0.23	
##	INACTIVOS	0.97	0.18		0.12			
##	VPRINC	0.95	0.25		0.11			
##	CON3VIV	0.84	0.16			-0.49		
##	D30A60	0.68	-0.37				-0.59	
##	CON4HABI	0.75	-0.27					
##	CON10CUP	0.90	0.11		0.15			
##	CON2OCUP	0.92	0.24					
##	PROP	0.65	0.27		-0.26	0.12	0.30	
##	TESP	0.59	0.71					
##	TEXT	0.17	0.51					0.21
##	3G	0.13	0.94			-0.15		
##	AP		0.58					
##	TRAFIJO	0.35	0.55			-0.17		
##	D90A121		0.70			0.15		
	CON6HABI	0.14	0.92		0.11	0.11		
##	AGUAVIV			1.00				
##	ELECTRIC			1.00				
##	${\tt NOREFRIGER}$			0.97				
##	NOGAS	0.11		0.83				

##	CON2VIV		0.1	.2	0.6	66 0.	52		
##	MENOS30				0.6	65			
##	ANT1941	0.10	0.1	.5	0.8	89			
##	ALQ	0.23	0.2	21	0.7	76			
##	CON1VIV				0.2	25 0.	95		
##	D60A90	0.34	-0.1	.3			0.8	39	
##	CON5HABI	0.37			-0.3	10	0.	57	
##	COLEC		0.1	.6 -0.1	11 0.	13		0.9	97
##	ANALF	0.32	-0.3	86	-0.3	11 0.	42 -0.	14 0.1	18
##	IND	0.42	0.3	80				-0.1	13
##	C	0.24				0.	17		
##	EMPEMP	0.11	0.4	.9	0.3	11			
##	VNOPRIN	0.20	0.1	.6					
##	CON2HABI	0.24	-0.1	.2	0.4	40 0.	23 -0.3	33	
##	CON40CUP	0.15	0.2	.8	0.3	30			
##	DEL61AL80	0.33			-0.4	41	0.3	27	
##									
##		F	actor1	Factor2	Factor3	Factor4	Factor5	${\tt Factor6}$	Factor7
##	SS loadings	3	14.49	5.69	3.68	3.41	2.03	1.91	1.32
##	${\tt Proportion}$	Var	0.31	0.12	0.08	0.07	0.04	0.04	0.03
##	${\tt Cumulative}$	Var	0.31	0.44	0.52	0.59	0.64	0.68	0.71

7 Bibliografía

- Datos vectoriales
- Análisis factorial I
- Análisis factorial II
- Análisis clúster I
- Análisis clúster II
- Análisis clúster III
- ClustGeo
- $\bullet \quad Cluster R$
- rgeoda